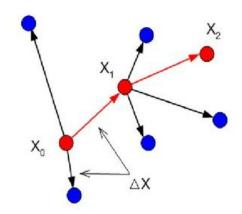
# Лекция 10

## Генетические алгоритмы

#### Случайный поиск

- Один из способов оптимизации моделей случайный поиск.
- При случайном поиске выбирается набор случайных векторов для смещения параметров, и происходит изменение по направлению наибольшего улучшения целевой функции.
- Одна из модификаций, координатный спуск.
  Изменения происходит только по одному из параметров.



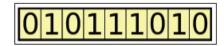
- Точки, в которых было достигнуто улучшение целевой функции
- Точки, в которых значение целевой функции не улучшилось (ухудшилось или осталось прежним)

#### Генетические алгоритмы

- Генетические алгоритмы (ГА) семейство поисковых/оптимизационных алгоритмов, которые в основе содержат идею дарвиновской эволюции:
  - Изменчивость в рамках одной популяции особи могут различаться и иметь уникальные признаки
  - Наследственность свойства особей устойчиво передаются их потомкам.
    Поэтому потомки похожи на своих родителей.
  - Естественный отбор особи с лучшими свойствами успешнее в борьбе, и могут породить новых потомков.
- Важные механизмы эволюции:
  - Скрещивание/рекомбинация потом перенимает признаки родителей
  - Мутация случайные вариации признаков

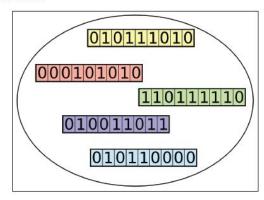
#### Терминология (1)

- Задача ГА найти оптимальное решение некоторой задачи, путем развития популяции потенциальных решений называемых **индивидуумом**. Решения итеративно оцениваются и используются для создания следующего поколения.
- **Генотип** описание одного индивидуума, набор **генов** сгруппированных в хромосому. При скрещивании хромосома содержит гены своих родителей.



Простое двоичное кодирование хромосомы

• Популяция - множество индивидуумов, то есть потенциальных решений, которые хранит генетический алгоритм. Популяция всегда отображает текущее поколение.



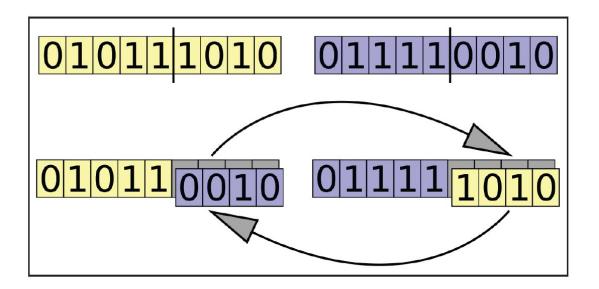
#### Терминология (2)

• Функция приспособленности/целевая функция - функция, которую необходимо оптимизировать в рамках решаемой задачи. Является функцией от индивидуума, и показывает качество решения представленным хромосомой. На каждой итерации ГА рассчитывает приспособленность индивидуума для формирования нового поколения.

• Отбор - формирование множества индивидуумов, которые будут использоваться для формирования следующего поколения. Отбор основывается на приспособленности индивидуума, и чем он лучше, тем больше вероятность его отобрать. Причем хромосомы дающие низкое значение приспособленности не исключают возможность отбора. Таким образом приспособленность популяции увеличивается.

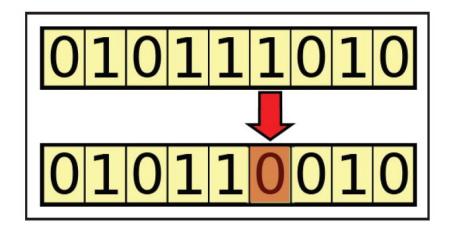
#### Терминология - скрещивание

• **Скрещивание** - процесс создания пары новых индивидуумов (потомков), путем комбинации хромосом двух родителей из текущей популяции



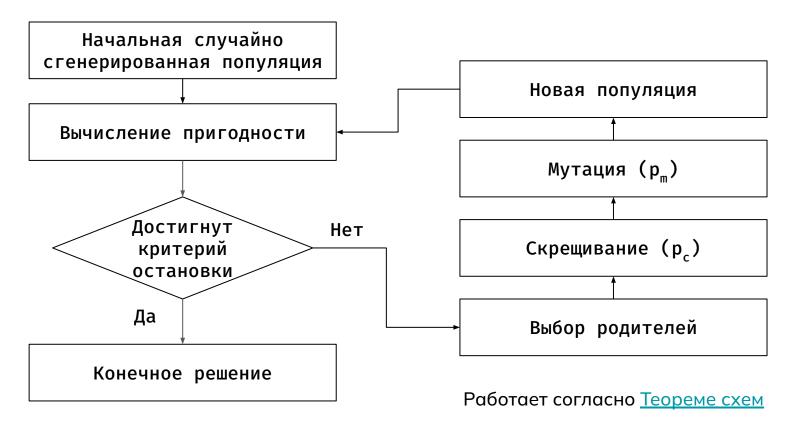
### Терминология - мутация

• Мутация- процесс случайного изменения хромосомы, чтобы был поиск еще неисследованных областей, а также поддержание разнообразия популяции



Применение оператора мутации к двоично-кодированной хромосоме

#### ГА - алгоритм в общем виде



#### Особенность ГА

- В отличии от многих традиционных алгоритмов ГА:
  - Поддержание популяции решений параллельная обработка множества возможных решений.
  - Генетическое представление ГА работает с кодированным представлением решения. ГА не знают про предметную область.
  - Функция приспособленности ГА работают только со значением приспособленности решения, поэтому не накладывают никаких ограничений ну целевую функцию.
  - Вероятностное поведения ГА не детерминирован

#### Преимущества ГА

- Глобальная оптимизация за счет работы с множеством решений, а также наличию мутаций решения. ГА способны не попадать в локальный экстремум, и находить лучшее решение задачи.
- Применимость к сложным задачам так как ГА работает только со значением целевой функции, то можно решать задачи в которых функция не дифференцируема или трудно дифференцируема.
- Решение задач без мат. представления можно решать задачи в которых нет математического представления, а также задачи где нет значения целевой функции, но можно сравнивать решения.
- Устойчивость к шуму
- Распараллеливание

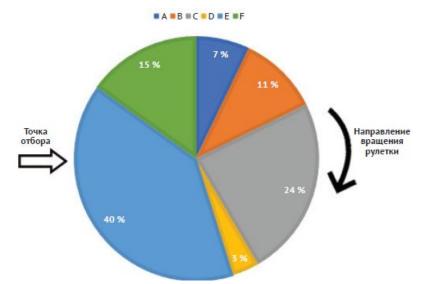
#### Ограничения ГА

- Специальность определения решение нужно закодировать, определить целевую функцию, способы скрещивания и мутации
- Настройка гиперпараметров нет определенных алгоритмов подбора гиперпараметров
- Вычислительная сложность
- Преждевременная сходимость в популяции может оказаться такое решение, которое более приспособлено чем любое другое из популяции, и в итоге может случится, что последующие популяции будут только из этого решения
- Отсутствие гарантированного решения ГА не гарантирует, что глобальный оптимум найдется

### Метод отбора - Правило рулетки

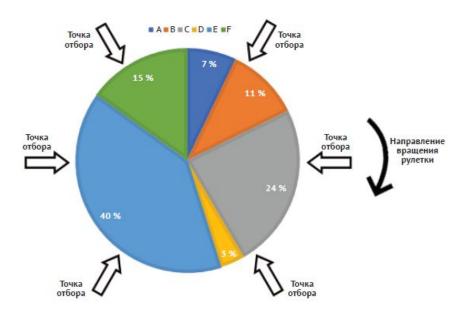
- Отбор пропорционально приспособленности (fitness proportionate selection FPS)
- Пока не наберется достаточное кол-во родителей, из популяции выбирается случайное решение с вероятностью пропорциональной приспособленности. Одно и то же решение может быть отобрано несколько раз.

Индивидуум	Приспособленность	Относительная доля
Α	8	7 %
В	12	11 %
C	27	24 %
D	4	3 %
E	45	40 %
F	17	15 %



#### Метод отбора - Стохастическая универсальная выборка

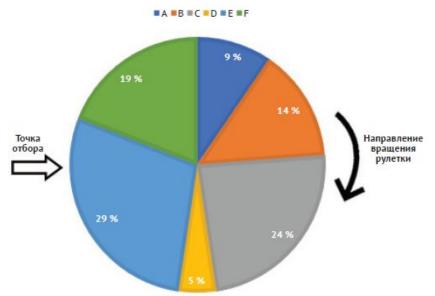
- Стохастическая универсальная выборка (stochastic universal sampling SUS) модифицированный вариант правила рулетки.
- "Рулетка" крутится один раз, и за раз выбираются сразу все родители



#### Метод отбора - Ранжированный отбор

 В методе ранжированного отбора каждому решению сопоставляется ранг (порядковый номер после сортировки по возрастанию), и вероятность определяется на основе ранга

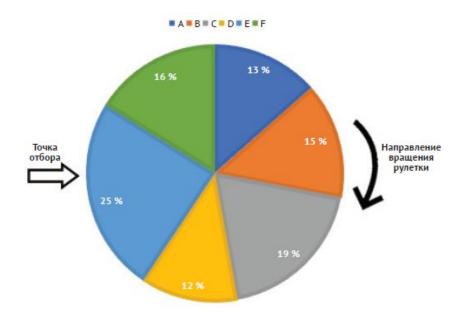
Индивидуум	Приспособленность	Ранг	Относительная доля
A	8	2	9 %
В	12	3	14 %
C	27	5	24 %
D	4	1	5 %
E	45	6	29 %
F	17	4	19 %



#### Метод отбора - Масштабирование приспособленности

• Значения всех приспособленностей линейно приводится к заданному диапазону. Можно гарантировать, например, что вероятность отбора худшего решения не меньше чем в 2 раза лучшего решения.

Индивидуум	Приспособленность	Масштабированная приспособленность	Относительная доля
Α	8	55	13 %
В	12	60	15 %
C	27	78	19 %
D	4	50	12 %
E	45	100	25 %
F	17	66	16 %



#### Метод отбора - Турнирный отбор

- Случайной выбирается n (размер турнира) кандидатов, из них выбирается наилучшее решение. Алгоритм повторяется до тех пор, пока не будет сформировано следующее поколение.
- Данный метод может работать без самого значения приспособленности, только сравнивая решения попарно.

1ндивидуум	Приспособленность
А	8
В	12
С	27
D	4
Е	45
F	17

#### Метод отбора

• Отбор усечением - сначала из популяции убирается доля самых худших решений, а затем недостающие решения формируются из оставшихся лучших решений путем скрещивания и мутации

 Элитарный отбор - сначала в новую популяцию отбираются п лучших решений, а остальные решения создаются другим способом отбора. Причем лучшие отобранные решения также могут участвовать в скрещивании.

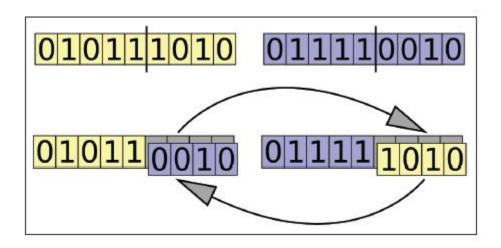
• Отбор вытеснением - сначала формируются потомки стандартным способом отбора, а затем в новую популяцию добавляются наиболее разнообразные решения.

#### Скрещивание

- Скрещивание для двух родителей происходит с некоторой заданной вероятностью р<sub>с</sub>, если скрещивание не происходит, то родители передаются дальше в алгоритм без изменений.
- Выбор скрещивания зависит от тип хромосомы. Основные виды хромосомы:
  - Бинарная кодировка решение представлено в виде массива 0 и 1
  - о Порядковая кодировка решение представлено в виде массива натуральных чисел, где учитывается их порядок
  - Вещественная кодировка решение представлено в виде массива вещественных числа. Целые числа частный случай.

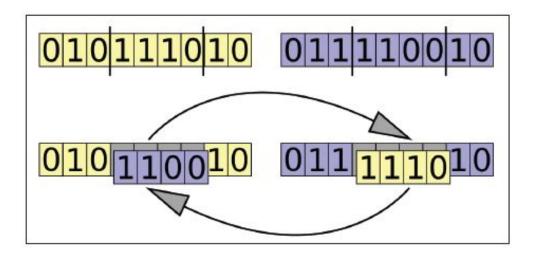
#### Методы скрещивания - Одноточечное скрещивание

- Подходит в основном для бинарной кодировки.
- Выбирается точка скрещивания хромосомы (индекс элемента), получается две части до и после индекса. Для формирования потомков, родители обмениваются одной из частей.



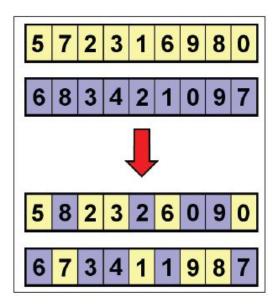
#### Методы скрещивания - Двухточечное скрещивание

- Принцип такой же как и у одноточечного скрещивания, но выбирается 2 точки скрещивания. Родители обмениваются всеми четными или нечетными частями.
- k-точечное скрещивание когда выбирается k точек



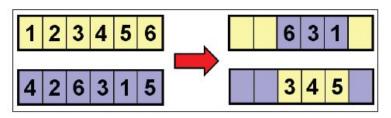
#### Методы скрещивания - Равномерное скрещивание

 Для каждого гена с равным шансом выбирается значение первого или второго родителя для первого потомка. Для второго потомка выбирается ген того родителя, который не попал в первого потомка.

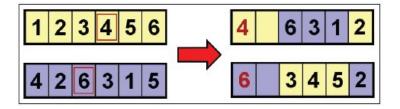


#### Методы скрещивания - Упорядоченное скрещивание

• Упорядоченного скрещивания (ОХ1) - пытается сохранять относительно порядок элементов. Сначала происходит двухточечное скрещивание, а затем оставшиеся значения генов записываются на новые места с сохранением порядка как в родительской хромосоме.

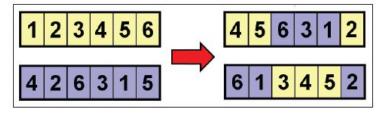


Пример упорядоченного скрещивания - шаг 1



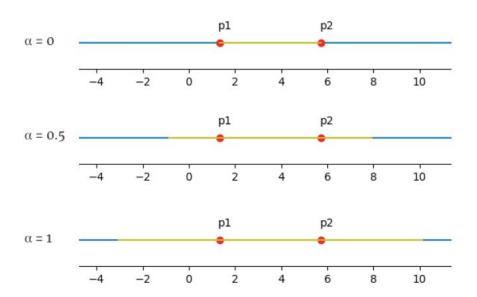
123456 6312

Пример упорядоченного скрещивания - шаг 2



#### Методы скрещивания - Скрещивание смешением

• Скрещивание смешением (blend crossover BLX) - метод для вещественных чисел, где ген каждого потомка генерируется из диапазона задаваемого родителем  $[parent_1 - \alpha(parent_2 - parent_1), parent_2 + \alpha(parent_2 - parent_1)]$ 



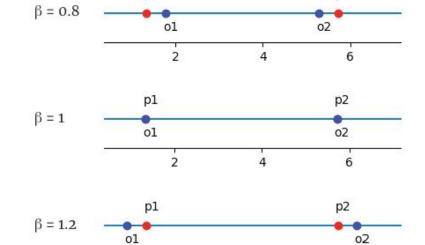
#### Методы скрещивания - Имитация двоичного скрещивания

 имитации двоичного скрещивания (simulated binary crossover SBX). Симуляция одноточечного скрещивания, где средние значения генов потомков такие же как и у родителей.

offsping<sub>1</sub> = 
$$\frac{1}{2}$$
 [(1 +  $\beta$ ]parent<sub>1</sub> + (1 -  $\beta$ )parent<sub>2</sub>]);  
offsping<sub>2</sub> =  $\frac{1}{2}$  [(1 -  $\beta$ ]parent<sub>1</sub> + (1 +  $\beta$ )parent<sub>2</sub>]),

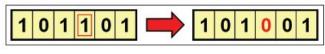
 Для выбора β генерируется случайное число и из [0, 1]

 $egin{aligned} \mathbf{O} & \text{если } u \leqslant 0.5 \colon & eta = (2u)^{\frac{1}{\eta+1}}, \ \mathbf{O} & \text{иначе} \colon & eta = \left(\frac{1}{2}(1-u)\right)^{\frac{1}{\eta+1}} \end{aligned}$ 



#### Мутация

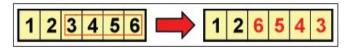
- Применяется к потомку после скрещивания с вероятностью р<sub>т</sub>.
- Инвертирование бита для бин. кодировки. каждый ген изменяется с вер. р<sub>іпу</sub>
- Мутация обменом случайным образом меняются значения 2-х генов
- Мутация обращением инвертируется порядок генов случайно выбранного участка
- Мутация перетасовкой гены в случайно выбранном участке меняются случайным образом между собой
- Вещественная мутация для вещ. чисел изменение на случайную величину.



Пример мутации инвертированием бита



Пример мутации обменом



Пример мутации обращением



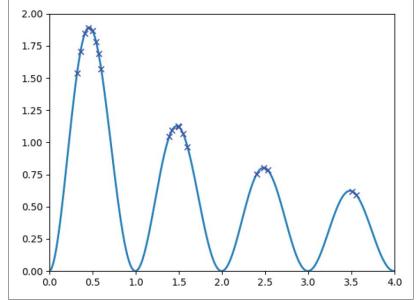
#### Образование ниш

• Генетический алгоритм всегда пытается найти один глобальный максимум, но бывают задачи, когда нужно найти все глобальные максимум или все

локальные максимумы тоже.

 Последовательное образование ниш -Ищем 1 максимум, далее накладываем штраф на найденный максимум и повторяем ГА

 Параллельное образование ниш-В ходе алгоритма накладывать штраф на решения лежащие кучно.
 Таким образом, индивидуумы будут искать "незанятые" максимумы



#### Жесткие и мягкие ограничения

- На решение могут быть поставлены мягкие и жесткие ограничения
- Мягкие ограничения могут нарушаться, но нужно минимизировать их кол-во.
  Для этого в целевую функцию добавляется штраф
- Жесткие ограничения не могут нарушаться. Чтобы их контролировать:
  - Использовать кодировку, не допускающую нарушений. Не всегда можно.
  - Отбрасывать нарушающие решения. Потеря информации.
  - Исправление нарушений решений. Не всегда можно
  - Накладывать очень большой штраф в целевой функции.

#### Применение ГА

- Решение задач в которых нет математического решения
- Решение задач в которых сложная целевая функция
- Решение комбинаторных задач
- Нахождение игровых стратегий
- Оптимизация параметров моделей машинного обучения
- Определение признаков для оптимизации модели машинного обучения
- Симуляция поведения