

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №2**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Жадный алгоритм и  $A^*$ .**

Студентка гр. 1304

Чернякова А.Д.

Преподаватель

Шевелева А.М.

Санкт-Петербург

2023

## Цель работы.

Изучение жадных алгоритмов, их сравнение с эвристическими алгоритмами, а также решение задачи поиска кратчайшего пути двумя способами: жадным алгоритмом и алгоритмом A\*.

## Задание.

1. Разработайте программу, которая решает задачу построения пути в ориентированном графе при помощи жадного алгоритма. Жадность в данном случае понимается следующим образом: на каждом шаге выбирается последняя посещенная вершина. Переместиться необходимо в ту вершину, путь до которой является самым дешёвым из последней посещенной вершины. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес.

2. Разработайте программу, которая решает задачу построения кратчайшего пути в ориентированном графе методом A\*. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес. В качестве эвристической функции следует взять близость символов, обозначающих вершины графа, в таблице ASCII.

## Выполнение работы.

### Первая задача.

- Класс *Way* - класс пути, который хранит стоимость пути до вершины и саму вершину, к которой ведет данный путь. У данного класса конструктор `__init__(self, weight, vertex)` принимает на вход стоимость пути и вершину, к которой ведет путь; методы `get_weight(self)` и `get_vertex(self)` возвращают поля класса `self.weight` и `self.vertex` соответственно.

- Функция `inputs()` - функция считывания путей графа(на вход ничего не принимает). В данной функции создается переменная `graph` - словарь вида `vertex : [Way(), Way()...]`. Считывание продолжается до тех пор пока не будет введена пустая строка. Каждая строка при считывании делится на три параметра `first_vert` - вершина, из которой идет путь, `second_vert` - вершина, в

которую идет путь, и *weight* - стоимость (вес) пути, соединяющего данные вершины. Если считывать нечего, то происходит выход из функции и возврат словаря графа. В противном случае идет проверка, есть ли ключ *first\_vertex* в словаре, если да, то сохраняем список значений данного ключа в переменную *ways*, добавляем в список значений еще один путь *Way(float(weight), second\_vert)* и присваиваем ключу *first\_vertex* новый список значений *ways*, если в словаре нет такого ключа, то просто добавляем в словарь ключ и его значение.

- Функция *is\_min\_vertex(vertex, graph)* - функция поиска самого дешевого пути для вершины *vertex* в графе *graph*, которая принимает на вход сам словарь графа и вершину, из которой ищем самый выгодный путь. В данной функции в переменную *ways* сохраняются все пути из вершины *vertex*, если путей вообще не было или были тупиковые, то возвращается сама вершина, если были, то начинается алгоритм поиска самого дешевого пути из данной вершины. Переменной *min\_way* (она будет хранить самый выгодный путь) мы присваиваем значение самого первого пути из вершины *vertex*. Переменной *min\_vert* (она будет хранить вершину, к которой ведет самый выгодный путь), присваиваем самую первую вершину, к которой ведет первый путь. Затем проходимся по каждому пути из списка *ways* и ищем самый дешевый, если такой находится, то меняем значения *min\_way* и *min\_vert*. Функция возвращает *min\_vert*.

- Функция *main()* - главная функция, ничего не принимает на вход. Изначально считываются начальная и конечная вершины и сохраняются в переменные *first\_vertex* и *last\_vertex* соответственно. Вызывается функция *inputs()* и ее результат сохраняется в переменную *graph*. *vert* - текущая переменная, изначально ей присваивается значение начальной вершины *first\_vertex*. *result* - список вершин итогового пути, изначально содержит одну начальную вершину. Далее идет реализация жадного алгоритма. Текущая вершина передается одним из параметров в функцию *is\_min\_vertex(vert, graph)* и если функция возвращает эту же вершину, которую и приняла, значит пути из данной вершины в графе нет. Удаляем добавленную вершину из итогового

списка *result*, получаем пути для последней вершины итогового списка (необходимо удалить путь, который ведет в тупиковую вершину), далее с помощью цикла *for* ищем это тупиковый путь, когда находим, удаляем путь и выходим из цикла. Присваиваем графу по данному ключу новый список путей (без тупикового) и текущей вершиной делаем последний элемент итогового списка пути. Если же вершин не оказалась тупиковой, то текущей вершине *vert* присваивается результат функции *is\_min\_vertex(vert, graph)* и добавляем текущую вершину *vert* в итоговый список *result*. Так продолжается поиск пути пока текущая вершина не станет последней. В конце функция выводит итоговый список в консоль.

### **Вторая задача.**

- Класс *Vertex* - класс вершины графа, конструктор которого *\_\_init\_\_ (self, vertex)* принимает на вход название вершины, инициализирует поля *self.vertex* - название вершины, *self.ways* - список исходящих ребер для вершины (изначально пустой), *self.h* - эвристика (изначально равна 0), *self.g* - стоимость пути от начала до этой вершины, *self.prev* - вершина, из которой пришли в данную (изначально пустая строка)
- Класс *Graph* - класс графа, конструктор которого *\_\_init\_\_ (self, first\_vertex, last\_vertex)* принимает на вход начальную и конечную вершины, инициализирует поля *self.first\_vertex* - начальная вершина, *self.last\_vertex* - конечная вершина, а также *self.vertexes* - словарь всех вершин вида *name:Vertex()* (изначально пустой), *self.viewed* - список вершин, до которых уже найден оптимальный путь, *self.queue* - просматриваемые вершины (очередь с приоритетом). У данного класса реализованы методы *insert(self, way)*, *a\_star(self)*, *solve(self)*, *\_\_str\_\_(self)*.
- Метод *insert(self, way)* - метод вставки вершин и ребер в граф, принимает на вход путь *way* - список из трех элементов (вершина, из которой идет путь, вершина, в которую идет путь, стоимость пути, соединяющего вершины). Затем идет проверка двух вершин на наличие их в словаре графа,

если их там нет, то они добавляются. А также добавляется в список исходящих путей для первой вершины вторая вершина. Ничего не возвращает.

- Метод *a\_star(self)* - метод, который реализует алгоритм  $A^*$  (ничего не принимает на вход и ничего не возвращает). Изначально переменным *h* и *g* присваиваются соответствующие поля начальной вершины. Создается переменная текущей вершины *vert* - список, первый элемент которого результат сложения  $h+g$  (в будущем приоритет), второй элемент является начальной вершиной. Далее *vert* добавляется в очередь с приоритетом и начинается обход графа. Когда текущая вершина окажется равной конечной вершине, то происходит выход из цикла. В противном случае извлекается вершина с самым высоким приоритетом, затем она добавляется в просмотренные, а далее происходит обход соседей текущей извлеченной вершины. Если найден более дешевый путь (то есть *g* меньше), то текущая вершина добавляется в поле *prev* для следующей, обновляется поле *g* у вершины (изначально выбранное большое число заменяется реальным), переменным *h* и *g* присваиваются соответствующие поля вершины и элемент добавляется в очередь с приоритетом. Обход графа происходит до тех пор, пока очередь не станет пустой.

- Метод *solve(self)* - метод, который вызывается в функции *main()* для решения задачи (ничего не принимает и ничего не возвращает). Для всех ключей словаря рассчитывается эвристика (заполняются поля *h*). Для первой вершины поле *g* приравнивается к 0, так как вершина начальная и путь до нее 0. Вызывается метод *a\_star(self)*, реализующий основной алгоритм.

- Метод *\_\_str\_\_(self)* - метод, который выводит итоговый путь *res* (изначально пустая строка) от начальной вершины до конечной. Текущей вершиной *vert* назначается конечная вершина. К итоговому пути добавляется конечная вершина, текущей вершине присваивается поле *prev* конечной, так строка будет заполняться до тех пор, пока поле *prev* не будет пустой строкой (а это только у начальной вершины). Так будет найден путь с конца, поэтому метод

вернет строку *res* в обратном порядке, чтобы получился путь от начальной вершины к конечной.

Вне классов реализовано две функции *inputs()* и *main()*.

- Функция *inputs()* - функция считывания путей графа(на вход ничего не принимает). В данной функции изначально считывается начальная и конечная вершины, создается объект класса *Graph*. Далее каждая строка при считывании делится на три параметра вершина, из которой идет путь, вершина, в которую идет путь, и - стоимость (вес) пути, соединяющего данные вершины. Если считывать нечего, то происходит выход из функции и возврат графа. В противном случае стоимость пути приводится к типу *float* и список из трех параметров передается в метод *insert()*.

- Функция *main()* - на вход ничего не принимает и ничего не возвращает, вызывает функцию считывания *inputs()*, функцию *solve()* и выводит итоговый путь в консоль.

Исходный код программы представлен в Приложении А.

## **Выводы.**

Были изучены основные алгоритмы на графах, такие как  $A^*$  и жадный алгоритм, на платформе *Stepik* обе задачи успешно прошли все тесты, а значит алгоритмы были реализованы верно. При сравнении двух алгоритмов было замечено и подтверждено на практике, что жадный алгоритм, выбирая локально лучший результат не всегда вычисляет глобально лучшее решения, поэтому более точным и верным будет алгоритм  $A^*$ , так как он еще использует и эвристику.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: greed.py

```
class Way: # класс пути, хранит стоимость пути до вершины и саму
    вершину
    def __init__(self, weight, vertex):
        self.weight = weight
        self.vertex = vertex

    def get_weight(self):
        return self.weight

    def get_vertex(self):
        return self.vertex

def inputs(): # функция считывания входных параметров
    graph = {} # словарь графа вида vertex : [Way(), Way()...]
    while True:
        try:
            first_vert, second_vert, weight = input().split() #
            считывание из какой вершины путь, в какую вершину и стоимость пути
            if not first_vert:
                return graph
            if graph.get(first_vert): # если в словаре уже есть
                такой ключ
                ways = graph.get(first_vert)
                ways.append(Way(float(weight), second_vert))
                graph[first_vert] = ways
            else: # если в словаре нет такого ключа
                graph[first_vert] = [Way(float(weight),
second_vert)]
        except (ValueError, EOFError):
            return graph

def is_min_vertex(vertex, graph): # функция поиска самого
    дешевого пути для вершины vertex в графе graph
    ways = graph.get(vertex)
    if ways is None or ways == []: # если путей вообще не было
        или были тупиковые, то возвращается сама вершина vertex
        return vertex
    min_way = ways[0].get_weight()
    min_vert = ways[0].get_vertex()
    for way in ways: # рассмотрение всех путей из вершины vertex
        и поиск самого дешевого
        if way.get_weight() < min_way:
            min_way = way.get_weight()
```

```

        min_vert = way.get_vertex()
    return min_vert

def main():
    first_vertex, last_vertex = input().split() # считывание
начальной и конечной вершин
    graph = inputs()
    vert = first_vertex # текущая вершина
    result = [first_vertex]
    while vert != last_vertex:
        if vert == is_min_vertex(vert, graph): # если пути из
данной вершины в графе нет
            result.pop()
            ways = graph.get(result[-1])
            for i in range(len(ways)):
                if ways[i].get_vertex() == vert:
                    ways.pop(i)
                    break
            graph[result[-1]] = ways
            vert = result[-1]
        else:
            vert = is_min_vertex(vert, graph)
            result.append(vert)
    print("".join(result))

if __name__ == "__main__":
    main()

```

### Название файла: a\_star.py

```

from queue import PriorityQueue

class Vertex: # класс вершины графа
    def __init__(self, vertex):
        self.vertex = vertex
        self.ways = [] # список исходящих ребер из вершины
        self.h = 0 # эвристика
        self.g = 10000000 # стоимость пути от начала до вершины
        self.prev = ''

class Graph: # класс графа
    def __init__(self, first_vertex, last_vertex):
        self.first_vertex = first_vertex
        self.last_vertex = last_vertex
        self.vertexes = {} # словарь всех вершин вида
name:Vertex()

```



```

        self.viewed = [] # список вершин, до которых уже найден
оптимальный путь
        self.queue = PriorityQueue() # просматриваемые вершины
(очередь с приоритетом)

    def insert(self, way): # добавление вершин и ребер в граф
        for i in range(2):
            if way[i] not in self.vertexes.keys():
                self.vertexes[way[i]] = Vertex(way[i])
            self.vertexes[way[0]].ways.append((way[1], way[2])) #
добавление второй вершины в список исходящих путей для первой

    def a_star(self): # алгоритмом A*
        h = self.vertexes[self.first_vertex].h
        g = self.vertexes[self.first_vertex].g
        vert = [h + g, self.first_vertex]
        self.queue.put(vert) # добавление начальной вершины в
очередь
        while not self.queue.empty(): # обход графа
            if vert[1] == self.last_vertex:
                break
            vert = self.queue.get() # извлечение вершины с самым
высоким приоритетом
            self.viewed.append(vert)
            for way in self.vertexes[vert[1]].ways: # обход
соседей текущей извлеченной вершиной
                if self.vertexes[vert[1]].g + way[1] <
self.vertexes[way[0]].g: # если найден более дешевый путь
                    self.vertexes[way[0]].prev = vert[1]
                    self.vertexes[way[0]].g =
self.vertexes[vert[1]].g + way[1]
                    h = self.vertexes[way[0]].h
                    g = self.vertexes[way[0]].g
                    self.queue.put([h + g, way[0]])

    def solve(self): # метод, вызывающийся в функции main() для
решения задачи
        for elem in self.vertexes.keys(): # для всех ключей
словаря рассчитывается эвристика
            self.vertexes[elem].h = abs(ord(elem) -
ord(self.last_vertex))
        self.vertexes[self.first_vertex].g = 0 # для первой
вершины функция g равна 0
        self.a_star()

    def __str__(self): # вывод итогового пути
        res = ""
        vert = self.vertexes[self.last_vertex].vertex
        while vert != '':

```

```

        res += vert
        vert = self.vertexes[vert].prev
    return res[::-1]

def inputs():    # функция считывания входных параметров
    first_vertex, last_vertex = input().split()
    graph = Graph(first_vertex, last_vertex)
    while True:
        try:
            data = input().split()    # считывание из какой вершины
            путь, в какую вершину и стоимость пути
            if data == []:
                return graph
            data[2] = float(data[2])
            graph.insert(data)    # вставка пути в граф
        except (ValueError, EOFError):
            return graph

def main():
    graph = inputs()
    graph.solve()
    print(graph)

if __name__ == '__main__':
    main()

```