Министерство образования и науки Российской Федерации

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Факультет систем управления и робототехники

Отчет по лабораторной работе №2

«Идентификация трения в сочленении манипулятора. Расчет коэффициентов регуляторов»

по дисциплине «Введение в профессиональную деятельность»

Выполнили: студенты гр. R3135 Дупак А. А., Щтенников Р. А., Зорькина А. А.

Преподаватель: Перегудин А. А.

Цель работы

Ознакомиться с методами идентификации характеристик системы и расчета коэффициентов регуляторов.

Материалы работы

Задачи решаемые при выполнении работы

- 1. Подавая на сочленение напряжение $u(t) = u_m sin\omega t$, при трех разных ω снять показания углов поворота и соответствующих значений времени. U_m максимальное напряжение.
- 2. Аппроксимировать полученные данные следующей формулой по А:

$$q_i(t) = \frac{B\left(A^2\left(1-\cos\,\omega\,t\right) + \omega^2\left(1-e^{-A\,t}\right) - A\,\omega \quad \sin\,\,\omega\,t\right)}{A\,\omega\left(A^2 + \omega^2\right)} \quad \text{где} \quad A = \frac{Kf}{Jm} + \frac{Ke\cdot Km}{Jm\cdot R}, B = \frac{Km\cdot Um}{Jm\cdot R}, B = \frac{Km\cdot Um}{Jm\cdot R}, B = \frac{Km\cdot Um}{Jm\cdot R}$$

 $K_{\rm f}$ – коэффициент трения, $K_{\rm e}$, $K_{\rm m}$ – конструктивные постоянные, R – сопротивление, $J_{\rm m}$ – приведенный момент инерции.

- 3. Вычислить коэффициент трения $K_{\rm f}$ для каждой ω . Рассчитать итоговое значение как среднее арифметическое.
- 4. Рассчитать коэффициенты ПИД-регулятора угла поворота сочленения подстановкой полинома Ньютона и Баттерворта.
- 5. Рассчитать коэффициенты ПИ-регулятора угловой скорости сочленения подстановкой полинома Ньютона и Баттерворта.
- 6. Сделать моделирование исследуемого процесса в среде *хсоs* пакета *scilab*.

Результаты необходимых расчетов и построений

Таблица 1. Коэффициент трения Kf.

ω	π	2 π	3 π	итог
Kf	0.0004	0.0057	0.0011	0.0024

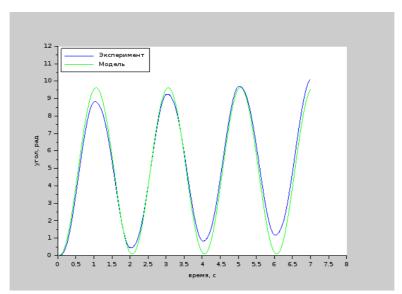


Рис. 1. График зависимости угла поворота вала двигателя от времени при $\omega = \pi$.

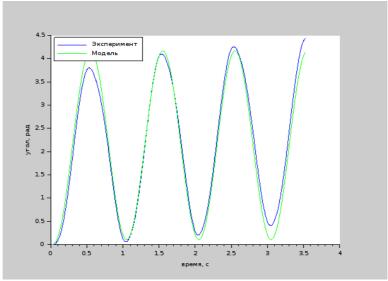


Рис. 2. График зависимости угла поворота вала двигателя от времени при $\omega = 2\pi$.

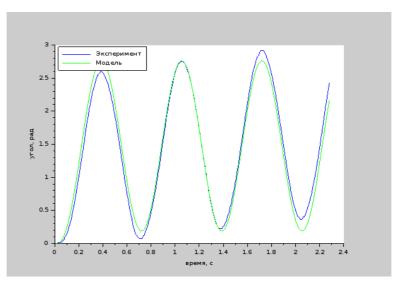


Рис. 3. График зависимости угла поворота вала двигателя от времени при $\omega = 3\pi$.

Таблица 2. Коэффициенты ПИД-регулятора угла поворота.

Подстановка	Ньютона	Баттерворта
$t_{ ho}$	0.6	0.3
k_p	0.8	2
k i	2.9	20
k _d	0.035	0.057

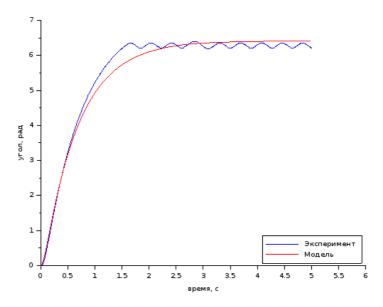


Рис. 4. График переходного процесса регулятора угла поворота сочленения с расчетом коэффициентов подстановкой полинома Ньютона.

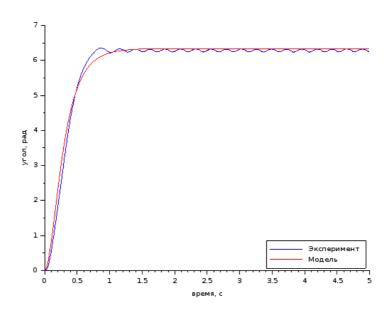


Рис. 5. График переходного процесса регулятора угла поворота сочленения с расчетом коэффициентов подстановкой полинома Баттерворта.

Таблица 3. Коэффициенты ПИ-регулятора угловой скорости.

Подстановка	Ньютона	Баттерворта
$t_{ ho}$	0.3	0.2
k_p	0.037	0.007
k i	0.64	0.5

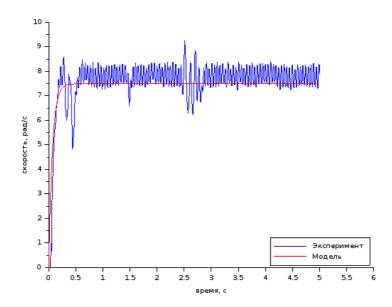


Рис. 6. График переходного процесса регулятора угловой скорости сочленения с расчетом коэффициентов подстановкой полинома Ньютона.

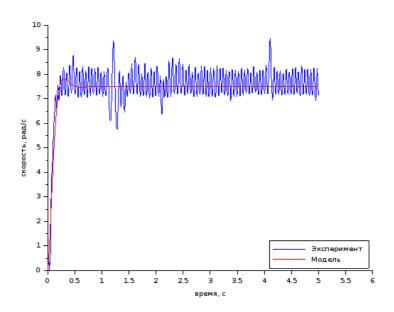


Рис. 7. График переходного процесса регулятора угловой скорости сочленения с расчетом коэффициентов подстановкой полинома Баттерворта.

Код программы для EV3

а) Генерация синусоидального напряжения

```
#!/usr/bin/env python3
from ev3dev.ev3 import *
import time
import math

mA = LargeMotor('outA')
mA.position = 0
start = time.time()
try:
    with open('sin 3pi.txt', 'w') as f obj:
```

while (time.time()-start) < 7:</pre>

```
u = 100*math.sin(3*math.pi*(time.time()-start))
            mA.run direct(duty cycle sp=u)
            f obj.write(str(mA.position) + ' ' +
str(round((time.time()-start)*1000)) + '\n')
finally:
    mA.stop(stop action='brake')
б) <u>ПИД-регулятор угла поворота сочленения.</u>
#!/usr/bin/env python3
from ev3dev.ev3 import *
import math
kp = 4.5
ki = 67.5
kd = 0.1
integral = 0
err old = 0
km = 0.5
R = 6.1
mA = LargeMotor('outA')
try:
    mA.position = 0
    with open('bat t02 p'+str(kp)+'-i'+str(ki)+'-d'+str(kd)+'.txt',
'w') as f obj:
        start = time.time()
        while (time.time() - start) < 5:</pre>
            err = 2*math.pi - mA.position*math.pi/180
            integral += err*ki
            if abs(integral) > 1:
                 integral = math.copysign(1, integral)
            derivative = (err - err old)*kd
            err old = err
            u = kp * err + integral + derivative
            u = (u*km/R)*100/8.4
            if abs(u)>100:
                 u=math.copysign(100,u)
            mA.run direct(duty cycle sp=u)
            f obj.write(str(mA.position) + ' ' + str(time.time() -
start) + '\n \n')
finally:
    mA.stop(stop action='brake')
в) ПИ-регулятор угловой скорости сочленения.
#!/usr/bin/env python3
from ev3dev.ev3 import *
import math
kp = 0.058
ki = 2.1
integral = 0
mA = LargeMotor('outA')
try:
```

```
mA.position = 0
    with open('bat t01 p'+str(kp)+'-i'+str(ki)+'.txt', 'w') as f obj:
        start = time.time()
        while (time.time() - start) < 5:</pre>
            err = 10 - mA.speed*math.pi/180
            integral += err*ki
            if abs(integral) > 10:
                int = math.copysign(1, integral)
            u = kp * err + integral
            u = u*100/8.4
            if abs(u)>100:
                u=math.copysign(100,u)
            mA.run direct(duty cycle_sp=u)
            f obj.write(str(mA.speed) + ' ' + str(time.time() -
start) + '\n \n')
finally:
    mA.stop(stop action='brake')
```

Схема моделирования

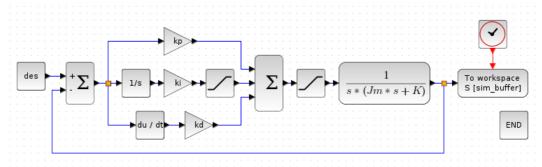


Рис. 8. Схема моделирования ПИД-регулятора угла поворота сочленения.

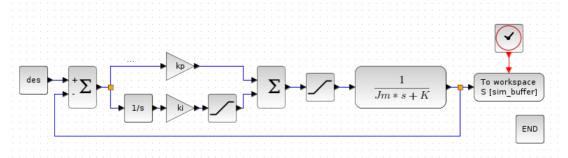


Рис. 9. Схема моделирования ПИ-регулятора угловой скорости сочленения.

Код программы Scilab

а) Аппроксимация синусоиды и расчет коэффициента трения.

```
Ke = 0.5
Km = 0.5
Jm = 0.0025
R = 6
Umax = 8.4
Kf = 0
A = Kf/Jm + (Ke*Km)/(Jm*R)
B = (Km*Umax)/(Jm*R)
l = 1
w = l*%pi
```

```
import = "/home/aleksandr/ITMO lab2/ev3/lab2/data/sin "+string(l)+"pi.txt"
export1 = "/home/aleksandr/ITMO lab2/ev3/lab2/photos/graph"+string(l)
+".png"
export2 =
"/home/aleksandr/ITMO lab2/ev3/lab2/photos/graph"+string(l+3)+".png"
results = read(import, -1, 2)
len = length(results)/2
angle = results(1:len/l, 1)*%pi/180
time = results(1:len/l, 2)/1000
angle2 = B*(A^2*(1-cos(w*time))+w^2*(1-exp(-A*time))-A*w*sin(w*time))/
(A*w*(A^2+w^2))
f1 = figure(1)
a1 = newaxes()
plot2d(time, angle, 2)
plot2d(time, angle2, 5)
xtitle('', 'время, с', 'угол, рад')
<u>legend</u>('Эксперимент', 'Модель', 2)
xs2png(f1, export1)
function err=func(estimate, measure)
 time = measure(1)
  angle = measure(2)
 A = estimate(1)
  B = estimate(2)
  err = angle - B*(A^2*(1-cos(w*time))+w^2*(1-exp(-A*time))-
A*w*sin(w*time))/(A*w*(A^2+w^2))
endfunction
aim = [time, angle]'
init guess = [40; 4]
[koeffs, errs] = datafit(func, aim, init guess)
A = koeffs(1)
B = koeffs(2)
Kf = Jm*A - Ke*Km/R
angle3 = B*(A^2*(1-cos(w*time))+w^2*(1-exp(-A*time))-A*w*sin(w*time))/
(A*w*(A^2+w^2))
f2 = figure(2)
a2 = newaxes()
plot2d(time, angle, 2)
plot2d(time, angle3, 3)
xtitle('', 'время, с', 'угол, рад')
legend('Эксперимент', 'Модель', 2)
xs2png(f2, export2)
б) Расчет коэффициентов ругуляторов.
Jm = 0.0025
Ke = 0.5
Km = 0.5
R = 6.1
Umax = 8.4
Kf = 0.0024
A = Kf/Jm + (Ke*Km)/(Jm*R)
B = (Km*Umax)/(Jm*R)
K = Jm*A
tp = 0.5
//Nuton
t n2 = 4.8
```

```
t n3 = 6.3
w0 n2 = t n2/tp
w0 n3 = t n3/tp
//pid
Kp n = 3*(w0 n3^2)*Jm
Ki n = (w0 n3^3)*Jm
Kd n = 3*w0 n3*Jm - K
//pi
kp \ n1 = 2*w0 \ n2*Jm - K
ki n1 = (w0_n2^2)*Jm
//Batterwort
t b2 = 2.9
t b3 = 6.0
w0_b2 = t_b2/tp
w0 b3 = t b3/tp
//pid
kp b = 2*(w0 b3^2)*Jm
ki b = (w0 b3^3)*Jm
kd b = 2*w0 b3*Jm - K
//pi
kp_b1 = 1.4*w0_b2*Jm - K
ki b1 = (w0 b2^2)*Jm
в) Построение графиков.
sim\_time = 5
sim period = 0.01
sim buffer = sim time/sim period
Jm = 0.0025
K = 0.043
km = 0.5
R = 6.1
voltage = 8.4
des = 2*%pi
kp = 0.037
ki = 0.64
kd = 0
anti wind up = 1
file name = "Nut sp pi/t0.3 p0.037-i0.64.txt"
res = read("/home/aleksandr/ITMO lab2/ev3/lab2/data/" + file name, -1, 2)
y = res(:, 1)*pi/180
x = res(:, 2)
importXcosDiagram("/home/aleksandr/ITMO lab2/ev3/lab2/scilab/model1.zcos")
xcos_simulate(scs_m, 4)
plot2d(x, y, 2)
plot2d(S.time, S.values, 5)
xtitle('', 'время, с', 'скорость, рад/с')
<u>legend('</u>Эксперимент', 'Модель', 4)
xs2png(0, "/home/aleksandr/ITMO lab2/ev3/lab2/photos/speed nut 03")
```

Выводы

В результате проделанной работы была решена задача расчета коэффициентов регулятора, а также реализовано управление двигателем.

Кроме того, была построена схема моделирования исследуемого процесса в среде Xcos. Сравнив график экспериментальных данных с графиком, построенным на основании результатов моделирования схемы, мы удостоверились в том, что моделирование исследуемого процесса дает результаты схожие со значениями полученными в ходе прямых измерений.