#### Алгоритмы и структуры данных Лабораторная работа по хеш-таблицам, 2019 год

## Задача A. Set

Имя входного файла: set.in
Имя выходного файла: set.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте множество с использованием хеш таблицы.

#### Формат входных данных

Входной файл содержит описание операций. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- insert x добавить элемент x в множество. Если элемент уже есть в множестве, то ничего делать не надо.
- $\bullet$  delete x удалить элемент x. Если элемента x нет, то ничего делать не надо.
- $\bullet$  exists x если ключ x есть в множестве выведите «true», если нет «false».

В множество помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю  $10^9$ .

#### Формат выходных данных

Выведите последовательно результат выполнения всех операций exists. Следуйте формату выходного файла из примера.

set.in	set.out
insert 2	true
insert 5	false
insert 3	false
exists 2	
exists 4	
insert 2	
delete 2	
exists 2	

#### Алгоритмы и структуры данных Лабораторная работа по хеш-таблицам, 2019 год

## Задача В. Мар

Имя входного файла: map.in
Имя выходного файла: map.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте ассоциативный массив с использованием хеш таблицы.

#### Формат входных данных

Входной файл содержит описание операций. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- $\bullet$  put  $x\ y$  поставить в соответствие ключу x значение y. Если ключ уже есть, то значение необходимо изменить.
- delete x удалить ключ x. Если элемента x нет, то ничего делать не надо.
- get x если ключ x есть в ассоциативном массиве, то выведите соответствующее ему значение, иначе выведите «none».

Ключи и значения — строки из латинских букв длинной не более 20 символов.

#### Формат выходных данных

Выведите последовательно результат выполнения всех операций get. Следуйте формату выходного файла из примера.

map.in	map.out
put hello privet	privet
put bye poka	poka
get hello	none
get bye	
delete hello	
get hello	

# Задача С. LinkedMap

Имя входного файла: linkedmap.in Имя выходного файла: linkedmap.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте прошитый ассоциативный массив с использованием хеш таблицы.

#### Формат входных данных

Входной файл содержит описание операций. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- put x y поставить в соответствие ключу x значение y. Если элемент уже есть, то значение необходимо изменить.
- $\bullet$  delete x удалить ключ x. Если элемента x нет, то ничего делать не надо.
- ullet get x если ключ x есть в множестве выведите соответствующее ему значение, если нет выведите «none».
- prev x вывести значение соответствующее ключу находящемуся в ассоциативном массиве, который был вставлен позже всех, но до x или «none», если такого нет или в массиве нет x.
- next x вывести значение соответствующее ключу находящемуся в ассоциативном массиве, который был вставлен раньше всех, но после x или «none», если такого нет или в массиве нет x.

Ключи и значения — строки из латинских букв длинной не более 20 символов.

## Формат выходных данных

Выведите последовательно результат выполнения всех операций get, prev, next. Следуйте формату выходного файла из примера.

linkedmap.in	linkedmap.out
put zero a	С
put one b	b
put two c	d
put three d	c
put four e	a
get two	e
prev two	none
next two	
delete one	
delete three	
get two	
prev two	
next two	
next four	

# Задача D. MultiMap

Имя входного файла: multimap.in Имя выходного файла: multimap.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте множественное отображение с использованием хеш таблиц.

#### Формат входных данных

Входной файл содержит описание операций. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- $\bullet$  put x y добавить пару (x, y). Если пара уже есть, то второй раз её добавлять не надо.
- delete x y удалить пару (x, y). Если пары нет, то ничего делать не надо.
- $\bullet$  deleteall x удалить все пары с первым элементом x.
- $\bullet$  get x вывести количество пар с первым элементом x, а затем вторые элементы всех этих пар в произвольном порядке.

Ключи и значения — строки из латинских букв длинной не более 20 символов.

#### Формат выходных данных

Выведите последовательно результат выполнения всех операций get. Следуйте формату выходного файла из примера. Гарантируется, что размер выходного файла не превысит 10 мегабайт.

multimap.in	multimap.out
put a a	3 b c a
put a b	2 c a
put a c	0
get a	
delete a b	
get a	
deleteall a	
get a	

## Задача Е. Идеальное хеширование

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам задана архитектура компьютера, в рамках которой от вас требуется сделать программу, которая является идеальным хешом для заданного вам множества целых чисел.

Опишем архитектуру компьютера. У него есть 4 мебибайта  $= 4 \times 2^{20}$  памяти, доступной только для чтения, содержащей программу, которую будет исполнять компьютер, и данные. Процессор компьютера содержит 256 регистров с названиями от  ${\tt r0}$  до  ${\tt r255}$ , каждый из них может сохранить 32-битное целое число. Перед исполнением программы значение каждого регистра кроме  ${\tt r0}$  равно 0, а в  ${\tt r0}$  содержится входные данные программы.

У компьютера есть специальный регистр, который называется instruction pointer. Программа хранится в памяти и изначально значение регистра instruction pointer равно 0. Выполнение программы проходит по следующему сценарию. Сначала читается номер инструкции, который хранится в памяти по адресу значения instruction pointer, после чего читаются аргументы инструкции и инструкция выполняется. Если во время выполнения инструкции не случился jump, то значение instruction pointer увеличивается на размер прочитанной инструкции, включая аргументы.

Программа должна быть отображением из множества заданных n целых чисел  $A = \{a_1, a_2, \ldots, a_n\}$  в множество целых чисел от 0 до 2n-1. Она должна завершаться после не более чем 30 выполненных инструкций. Отображение не должно иметь коллизий. Формально, надо сделать программу в этой архитектуре, которая удовлетворяет следующим критериям:

- Если программе на вход подать одно из чисел из множества A, то она должна завершиться за не более чем 30 инструкций и вывести целое число от 0 до 2n-1.
- ullet Для любых двух различных чисел  $a_i$  и  $a_j$  из множества A значения на выходе должны быть различны.

Вам задана некоторая документация.

- Все регистры содержать 32-битные целые числа
- Для сложения, вычитания и битовых операций не важно, числа знаковые или нет
- Команды jump с условием представляют числа как знаковые
- Результатом умножения или деления является знакового 64-битное число, которое сохраняется в два регистра. Регистр, который получает младшую часть результата сохраняет его как беззнаковое число
- Деление и взятие остатка принимают делимое в качестве 64-битных чисел, младшая часть интерпретируется как беззнаковое число, а старшая как знаковое. Делитель знаковое число.
- Деление и взятие остатка знаковых чисел производится так же, как это делается в архитектуре x86.
- Все числа в памяти сохраняются в порядке от младших байт к старшим (little endian).

От вас требуется понять, что должна содержать память, чтобы исполнялась программа, удовлетворяющая условиям, описанным выше.

Для любых входных данных из множества A ваша программа не должна пытаться читать данные извне 4MB-диапазона и не должна делить на ноль. Значение регистра instruction pointer так же должно быть внутри 4MB-диапазона.

## Таблица инструкций

Инстр.	Размер	Opcode	Что делает инструкция
nop	1 байт	00	Ничего
add	4 байта	01 r1 r2 r3	r3 := r1 + r2
sub	4 байта	02 r1 r2 r3	r3 := r1 - r2
mul	5 байт	03 r1 r2 r3 r4	(r3, r4) := r1 * r2
			r3 получает младшие биты, а r4 — старшие биты произ-
			ведения
div	6 байт	04 r1 r2 r3 r4 r5	(r3, r4) := (r1, r5) div r2
			r1 содержит младшие биты, r5 содержит старшие биты
			делимого, r3 получает младшие биты, а r4 — старшие
			биты частного
$\operatorname{mod}$	5 байт	05 r1 r2 r3 r4	r3 := (r1, r4) mod r2, r1 содержит младшие биты, r4
			содержит старшие биты делимого
and	4 байта	10 r1 r2 r3	r3 := r1 and r2
or	4 байта	11 r1 r2 r3	r3 := r1 or r2
xor	4 байта	12 r1 r2 r3	r3 := r1 xor r2
neg	2 байта	20 r1	r1 := -r1
not	2 байта	21 r1	r1 := ~r1
load	3 байта	30 r1 r2	r1 := memory[r2]
			4 байта, начиная с адреса r2 копируются в регистр r1,
			первым копируется младший байт
put	6 байт	31 r1 b0 b1 b2 b3	r1 := (b0, b1, b2, b3)
			здесь b0— младший байт числа, положенного в регистр,
			а b3 — старший
jmp	5 байт	40 b0 b1 b2 b3	Сделать jump к инструкции (b0, b1, b2, b3)
jz	6 байт	41 r1 b0 b1 b2 b3	Если <b>r1</b> == 0 сделать <b>jump</b> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
jnz	6 байт	42 r1 b0 b1 b2 b3	Если <b>r1</b> != 0 сделать <b>jump</b> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
jg	6 байт	43 r1 b0 b1 b2 b3	Если <b>r1</b> > 0 сделать <b>jump</b> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
jge	6 байт	44 r1 b0 b1 b2 b3	Если r1 >= 0 сделать jump к инструкции (b0, b1, b2, b3)
jl	6 байт	45 r1 b0 b1 b2 b3	Если <b>r1</b> < 0 сделать <b>jump</b> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
jle	6 байт	46 r1 b0 b1 b2 b3	Если r1 <= Осделать jump к инструкции (b0, b1, b2, b3)
ret	1 байт	ff	Завершить программу. Выходные данные содержатся в
			регистре r0

## Формат входных данных

Первая строка содержит целое число  $n \ (1 \le n \le 100\,000)$ .

Вторая строка содержит n различных целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$   $(1 \le a_i \le 10^9)$ .

## Формат выходных данных

Выведите данные, содержащиеся в памяти компьютера. Вам разрешается вывести любое число байт от 1 до 4 194 304. Остальная часть памяти заполнится нулями. Каждый байт должен быть выведен как шестнадцатеричное число из двух цифр. Не печатайте пробелы.

Пожалуйста, выводите только требующийся префикс памяти вашей программы: не выводите конечные нули, чтобы тестирование проходило быстрее.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	310104000000500010003ff
2 3 9	
2	300000ff0000000000001000000
6 10	

## Задача F. Хеш-код

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Согласно документации стандартной библиотеки Java, хеш-код для строки вычисляется как

$$s[0]*31^{(n-1)} + s[1]*31^{(n-2)} + ... + s[n-1]$$

Где s[i] — это i-й символ строки, n длина строки,  $^{^{\circ}}$  обозначает возведение в степень. Для вычисления используются целые 32-битные числа в форме дополнения до двух.

Вы собираетесь взломать сервера одной известной компании. Чтобы вы смогли выполнить атаку, вам нужны k различных строк, которые имеют одинаковые хеш-коды. K сожалению, сервера этой компании не принимают строки запроса, содержащие буквы отличные от английских букв нижнего и верхнего регистров.

Напишите программу, которая генерирует такие строки.

## Формат входных данных

Первая строка содержит целое число k — количество необходимых строк запроса для генерации ( $2 \le k \le 1000$ ).

## Формат выходных данных

Необходимо вывести k различных непустых строк, каждая из которых имеет длину не более 1000 символов. Все строки должны состоять только из английских букв верхнего или нижнего регистров и иметь равный хеш-код.

## Задача G. Бункеры

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Петя и Вася с упоением играют в шпионов. Сегодня они планируют, где будут расположены их секретные бункеры и штаб-квартира.

Пока Петя и Вася решили, что им понадобится ровно n бункеров, которые для секретности будут пронумерованы числами от 1 до n. Некоторые из них будут соединены двусторонними тоннелями, причем для надежности и секретности по тоннелям можно будет попасть из любого бункера в любой единственным образом. Петя и Вася даже решили, какие из бункеров будут соединены тоннелями, но выбрать, какой из них будет штаб-квартирой, они не могут. Мальчики хотят выбрать ее и разделить оставшиеся бункеры между собой таким образом, чтобы им досталось поровну бункеров и к штаб-квартире вело бы ровно два тоннеля: один от бункера, принадлежащего Васе, другой — от бункера, принадлежащего Пете.

Уставший Петя пошел к себе домой, а утром Вася показал ему план, на котором бункеры были обозначены точками, а тоннели отрезками. Кроме того, Вася выбрал штаб-квартиру таким образом, что нарисованный им план был симметричен относительно некоторой прямой, проходящей через точку, которая соответствовала штаб-квартире. При этом бункеры, принадлежащие Пете находились с одной стороны от этой прямов, а бункеры, принадлежащие Васе, с другой стороны.

Хотя Петя почти сразу показал Васе, что тот ошибся и не нарисовал половину бункеров, ему стало интересно, можно ли выбрать штаб-квартиру и нарисовать такой симметричный план.

### Формат входных данных

В первой строке входного файла находится одно целое число n  $(1 \le n \le 10^5)$  — количество бункеров. В следующих n-1 строках находится по два целых числа  $u_i$  и  $v_i$   $(1 \le u_i, v_i \le n, u_i \ne v_i)$  — номера бункеров, которые соединяет i-й тоннель. Гарантируется, что между любыми двумя бункерами существует единственный путь.

## Формат выходных данных

В выходной файл выведите «YES», если можно выбрать штаб-квартиру и нарисовать такой план, или «NO» если это невозможно.

стандартный ввод	стандартный вывод
2	NO
1 2	
3	YES
1 2	
2 3	