

Задача А. Массовая проверка простоты

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Целое число $p \geq 2$ является простым, если у него нет делителей кроме 1 и p . Необходимо для всех чисел во входном файле проверить простые они или нет.

Формат входных данных

В первой строке задано число n ($2 \leq n \leq 300000$). В следующих n строках заданы числа a_i ($2 \leq a_i \leq 10^6$), которые нужно проверить на простоту

Формат выходных данных

Для каждого числа во входном файле выведите на отдельной строке YES или NO (в зависимости от того, простое оно или нет).

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	NO
60	NO
14	YES
3	NO
55	

Задача В. Массовое разложение на множители

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.5 секунд
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дано много чисел. Требуется разложить их все на простые множители.

Формат входных данных

В первой строке задано число n ($2 \leq n \leq 300000$). В следующих n строках заданы числа a_i ($2 \leq a_i \leq 10^6$), которые нужно разложить на множители.

Формат выходных данных

Для каждого числа выведите в отдельной строке разложение на простые множители в порядке возрастания множителей.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	2 2 3 5
60	2 7
14	3
3	5 11
55	

Задача С. Большая проверка на простоту

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дано n натуральных чисел a_i . Определите для каждого числа, является ли оно простым.

Формат входных данных

Программа получает на вход число n , $1 \leq n \leq 1000$ и далее n чисел a_i , $1 \leq a_i \leq 10^{18}$.

Формат выходных данных

Если число a_i простое, программа должна вывести YES, для составного числа программа должна вывести NO.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	NO
1	YES
5	NO
10	YES
239	

Задача D. Больше простых!

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 10 секунд
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Найдите все простые числа не большие n . Поскольку n в этой задаче не просто большое, а прямо здоровенное, для того чтобы проверить, что вы нашли числа правильно, мы попросим вас посчитать от найденных чисел специальный хеш.

Хеш будет считаться по следующему алгоритму. В начале переменная $h = 0$. После каждого очередного встреченного простого числа p_i , будем пересчитывать h по формуле $h = h \cdot x + p_i$, при этом будем игнорировать переполнение знакового 32-битного целого типа. Значение переменной n в конце — это хеш, который вам нужно вывести.

Формат входных данных

Входной файл содержит два числа n ($2 \leq n \leq 10^9$) и x ($1 \leq x \leq 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите полученный хеш.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
10 10	2357
11 100	203050711
1000000000 2	1576840463

Задача Е. Китайская теорема

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Решите в целых числах систему уравнений

$$\begin{cases} x \equiv a \pmod{n} \\ x \equiv b \pmod{m}, \end{cases}$$

где n и m взаимно просты. Среди решений следует выбрать наименьшее неотрицательное число.

Формат входных данных

Входной файл содержит четыре целых числа a , b , n и m ($1 \leq n, m \leq 10^6$, $0 \leq a < n$, $0 \leq b < m$).

Формат выходных данных

В выходной файл выведите искомое наименьшее неотрицательное число x .

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
1 0 2 3	3
3 2 5 9	38

Задача F. Взлом RSA

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

В 1977 году Ronald Linn Rivest, Adi Shamir и Leonard Adleman предложили новую криптографическую схему RSA, используемую до сих пор. RSA является криптосистемой с открытым ключом: зашифровать сообщение может кто угодно, знающий общеизвестный открытый ключ, а расшифровать сообщение — только тот, кто знает специальный секретный ключ.

Желающий использовать систему RSA для получения сообщений должен сгенерировать два простых числа p и q , вычислить $n = pq$ и сгенерировать два числа e и d такие, что $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$ (заметим, что $(p-1)(q-1) = \varphi(n)$). Числа n и e составляют открытый ключ и являются общеизвестными. Число d является секретным ключом, также необходимо хранить в тайне и разложение числа n на простые множители, так как это позволяет вычислить секретный ключ d .

Сообщениями в системе RSA являются числа из \mathbb{Z}_n . Пусть M — исходное сообщение. Для его шифрования вычисляется значение $C = M^e \bmod n$ (для этого необходимо только знание открытого ключа). Полученное зашифрованное сообщение C передается по каналу связи. Для его расшифровки необходимо вычислить значение $M = C^d \bmod n$, а для этого необходимо знание секретного ключа.

Вы перехватили зашифрованное сообщение C и знаете только открытый ключ: числа n и e . “Взломайте” RSA — расшифруйте сообщение на основе только этих данных.

Формат входных данных

Программа получает на вход три натуральных числа: n , e , C , $n \leq 10^9$, $e \leq 10^9$, $C < n$. Числа n и e являются частью какой-то реальной схемы RSA, т.е. n является произведением двух простых и e взаимно просто с $\varphi(n)$. Число C является результатом шифрования некоторого сообщения M .

Формат выходных данных

Выведите одно число M ($0 \leq M < n$), которое было зашифровано такой криптосхемой.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
143 113 41	123
9173503 3 4051753	111111

Задача G. Задача для второклассника

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам даны два числа. Необходимо найти их произведение.

Формат входных данных

Входные данные состоят из двух строк, на каждой из которых находится целое одно **целое** число, длина которого не превосходит двухсот пятидесяти тысяч символов.

Формат выходных данных

Выведите произведение данных чисел.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 2	4
1 -1	-1