

## Project Report

### Light Out Puzzle

#### เสนอ

รศ.ดร.รังสิพรรณ มฤคทัต

## จัดทำโดย

นายวัชรศักย์ พรหมณี	6413110
นายศศิศ ศรีรัตน์	6413112
นายกวิน เก่งเกตุ	6413210
นายรวิพล ฉายรักษา	6413223

รายงานนี้เป็นส่วนหนึ่งของวิชาโครงสร้างข้อมูลและขั้นตอนวิธี (วศคพ 221)
ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2565
คณะวิศวกรรมศาสตร์ สาขาวิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์
มหาวิทยาลัยมหิด

#### คำนำ

รายงานฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของวิชา **โครงสร้างข้อมูลและขั้นตอนวิธี (วศคพ 221)** โดยจัดทำขึ้นเพื่อ ใช้อธิบายหลักการทำงานของโปรแกรมแก้ปัญหา Light Out Puzzle ซึ่งประกอบไปด้วยคู่มือการใช้งาน โปรแกรมเบื้องต้น การอธิบายในส่วนของคำสั่งหรือโค้ด รูปแบบ Algorithm ที่เลือกใช้ รวมไปถึงข้อจำกัดต่าง ๆ ในการใช้งานโปรแกรม

ทางคณะผู้จัดทำขอขอบพระคุณอาจารย์ประจำวิชา รองศาสตราจารย์ ดร.รังสิพรรณ มฤคทัต ผู้ให้ ความรู้ และแนวทางศึกษา จนโปรแกรมและรายงานฉบับนี้สามารถออกมาได้อย่างสมบูรณ์แบบ

สุดท้ายนี้ทางคณะผู้จัดทำหวังว่ารายงานฉบับนี้จะสามารถเป็นประโยชน์ไม่มากก็น้อยแก่ผู้อ่านทุกท่าน หากรายงานฉบับนี้เกิดข้อผิดพลาดหรือมีคำที่ตกหล่นคำใด ทางคณะผู้จัดทำต้องขออภัยมา ณ ที่นี้ด้วย

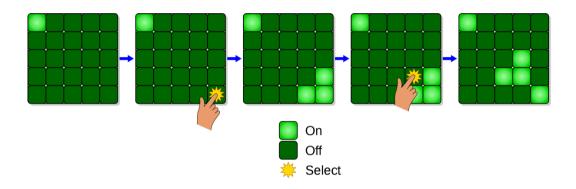
> ขอขอบพระคุณ **คณะผู้จัดทำ**

# สารบัญ

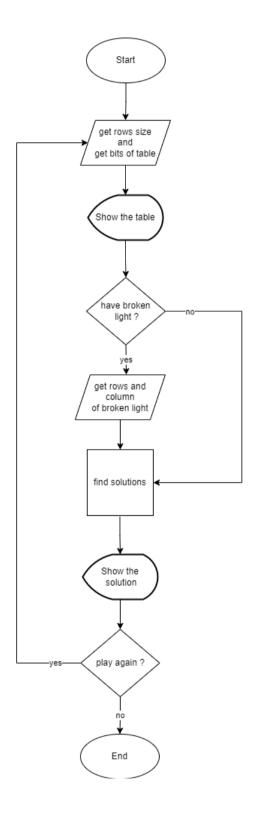
เกี่ยวกับโปรแกรม	1
Flow Chart ของโปรแกรม	2
คู่มือการใช้งานโปรแกรม	3-5
โครงสร้างโปรแกรม (Programming Structure)	6-8
รูปแบบ Data structure ที่ใช้งาน	9
Demonstrate	10-35
Asymptotic Runtime	36
ข้อจำกัดของโปรแกรม	37
บรรณานุกรม	38

# เกี่ยวกับโปรแกรม

Light out puzzle คือ เกมพัฒนาทักษะทางคณิตศาสตร์และตรรกะที่มีการเรียงกล่องไฟให้ดับโดย การกดที่ที่ละกล่อง โดยเมื่อกดแล้ว กล่องที่อยู่ในแถวและคอลัมน์เดียวกันกับกล่องที่กดจะเปลี่ยนสถานะเป็น กล่องดับ และกล่องที่อยู่ติดกับกล่องที่กดและมีสถานะเป็นกล่องติดจะเปลี่ยนสถานะเป็นกล่องติด เป้าหมาย ของเกมนี้คือการให้หลอดไฟให้ทั้งหมดเป็นสถานะปิด โดยจะต้องใช้จำนวนการกดที่น้อยที่สุด ทำให้ Light out puzzle เป็นเกมที่ท้าทายและเป็นที่นิยมกันในหลายๆ โครงการทางคณิตศาสตร์และวิทยาศาสตร์อื่น ๆ ด้วย เช่นกัน นอกจากนี้เกมนี้ยังมีชื่ออื่น ๆ อย่างเช่น "Lights Off" หรือ "Switch Off" และมีรูปแบบที่แตกต่าง กันไปได้ในบางเวอร์ชั่นของเกมด้วย



# Flow Chart ของโปรแกรม



# คู่มือการใช้งานโปรแกรม

1. ป้อนจำนวนแถว (Rows) ที่ต้องการจะใส่ผ่าน Keyboard โดยจำนวนที่จะกรอกต้องเป็นเลขจำนวนเต็ม เท่านั้น และต้องมีค่าไม่น้อยกว่า 2 หลังจากนั้นจะต้องป้อนกระดานเริ่มต้นเข้าไป ซึ่งจะอยู่ในรูปแบบบิต โดยมี ค่าเท่ากับจำนวนแถวยกกำลัง 2 หลังจากนั้น โปรแกรมจะสร้างกระดานเริ่มต้นตามบิตที่ป้อนเข้ามา

- 2. โปรแกรมจะถามว่าต้องการใส่หลอดไฟที่เสียหรือไม่ ซึ่งจะต้องตอบโดยการป้อน  ${f Y}$  หรือ  ${f N}$  ผ่าน Keyboard
- 2.1 หากป้อน Y หมายถึง Yes คือต้องการใส่หลอดไฟที่เสียเข้าไป หลอดไฟที่เสียจะมีตัว x กำกับอยู่ ข้างหลัง โดยหลอดไฟเสียจะแตกต่างจากหลอดไฟปกติคือ เมื่อเปิดหรือปิดหลอดไฟที่เสีย โปรแกรมจะทำการ เปิดหรือปิดหลอดไฟที่อยู่ตรงแนวทแยงของหลอดไฟที่เสียนั้น ๆ

2.2 หากป้อน N หมายถึง No คือไม่ต้องการใส่หลอดไฟที่เสียเข้าไป

3. หลังจากนั้นโปรแกรมจะแสดงจำนวนครั้งที่ทำการเปิดปิดไฟได้เร็วที่สุด และจะแสดงการเปิดหรือปิด หลอดไฟแต่ละครั้งพร้อมแสดงกระดานหลังจากการเปิดปิดไฟครั้งนั้นๆ

3.1 หากโปรแกรมไม่มีวิธีแก้ปัญหา โปรแกรมจะแสดงผลออกมาว่า "Cannot solve" หรือโปรแกรม ไม่สามารถแก้ปัญหาได้

Cannot solve

4. โปรแกรมจะถามว่าต้องการเล่นต่อหรือไม่ ซึ่งจะต้องตอบโดยการป้อน **Y** หรือ **N** ผ่าน Keyboard โดย หากตอบ Y ก็คือต้องการเล่นต่อ แต่หากตอบ N จะเป็นการจบโปรแกรม

Play again (Y/N) ?
******************

# โครงสร้างโปรแกรม (Programming Structure)

โครงสร้างโปรแกรมและตัวแปรประเภทต่าง ๆ ที่ใช้ในโปรแกรม สามารถอธิบายได้ตามคลาส ดังนี้

#### 1. Class Light {..}

```
public class Light {
    String present = "";
    ArrayList<String> previous = new ArrayList();

public Light(String p) {...}

public void setprevious(String pv, int button) { this.previous.set(button, pv); }

public void setbroken(int po) {...}

public String getpresent() { return this.present; }

public String gettoggle(Light pre) {...}

public int getpo(Light pre) {
    int po = this.previous.indexOf(pre.getpresent());
    return po;
}

public boolean equals(Object o) {...}

public int hashCode() { return Objects.hash(new Object[]{this.present}); }

public String toString() { return this.present; }
}
```

#### โดยสามารถอธิบายเมธอดของโปรแกรมได้ดังนี้

- 1. public void setprevious(String pv, int button) เป็นเมธอดที่ใช้รับปุ่มก่อนหน้า
- 2. public void setbroken(int po) เป็นเมธอดที่ใช้รับค่าหลอดไฟที่เสีย
- 3. public String getpresent() เป็นเมธอดที่ใช้รับค่าสถานะหลอดไฟปัจจุบัน
- 4. public String gettoggle(Light pre) เป็นเมธอดที่ใช้รับค่าปิด/เปิดหลอดไฟ
- 5. public int getpo(Light pre) เป็นเมธอดที่ใช้รับค่าตำแหน่งของหลอดไฟ ณ ปัจจุบัน
- 6. public boolean equals(Object o) เป็นเมธอดที่ถูก Override
- 7. public int hashCode() เป็นเมธอดที่ที่ถูก Override

#### 2. Class Game {..}

```
public class Game {
    private int N;
    private int allnum;
    private Light initial;
    private Light finish;
    private Graph<Light, DefaultEdge> G;

public Game(String in, int n) {...}

public void Start() {...}

public void addbroken(int row, int col) {...}

public void showsol(List sol) {...}

public void printBoard(Light L) {...}

public String Totoggle(Light L, int i) {...}

public char toggle(char a) {...}
```

## โดยสามารถอธิบายเมธอดของโปรแกรมได้ดังนี้

- 1. public void start() เป็นเมธอดที่ใช้ดำเนินการแก้ปัญหา light out
- 2. public void addbroken(int row, int col) เป็นเมธอดที่ใช้ในการรับค่าหลอดไฟที่เสีย
- 3. public void showsol(List sol) เป็นเมธอดที่ใช้แสดงผลขั้นตอนการทำงานของโปรแกรม
- 4. public void printBoard(Light L) เป็นเมธอดที่ใช้ในการแสดงผลของโปรแกรม
- 5. public String Totoggle(Light L, int i) เป็นเมธอดที่ใช้หลอดไฟ
- 6. public char toggle(char a) เป็นเมธอดที่ใช้เปลี่ยนหลอดไฟที่เสีย

#### 3. Class Project2 {..}

โดยใน Class Project2 {..} มีเพียงเมธอดเดียว นั้นคือ public static void main (String[] args) ซึ่ง เป็นเมธอดที่เป็นส่วนหลักในการดำเนินการหรือสั่งทำงานโปรแกรม โดยเมธอดนี้จะวนรับขนาดของตาราง , ถามหา initial states , ตั้งค่า broken light เป็นต้น

# รูปแบบ Data structure ที่ใช้งาน

จากโปรแกรมได้มีการเลือกใช้ String ในการทำหน้าที่เก็บข้อมูลหลอดไฟทั้งหมดในกระดานนั้นๆ โดย จะใช้งาน String เปรียบเสมือนกับเป็น Array ของ Char แล้วให้ Char แต่ละตัวแทนหลอดไฟแต่ละดวงและ ให้ index ของ Char นั้นๆใน String แทนตำแหน่งของหลอดไฟดวงนั้น ๆ ในกระดาน โดยในการเก็บข้อมูล หลอดไฟแต่ละดวงจะเก็บเป็นรูปแบบดังนี้

- หลอดไฟธรรมดาที่ปิดจะเก็บค่าด้วย '0'
- หลอดไฟธรรมดาที่เปิดจะเก็บค่าด้วย '1'
- หลอดไฟเสียที่ปิดจะเก็บค่าด้วย '2'
- หลอดไฟเสียที่เปิดจะเก็บค่าด้วย '3'

หลังจากนั้นก็จะเรียงตามตำแหน่งจากซ้ายไปขวา แถวบนลงล่าง เช่น String เก็บค่า "1120" นั่น หมายความว่ากระดานนี้มีหลอดไฟ 4 ดวงแบบ 2 มิติ ซึ่งในคอลัมน์ที่ 0 แถวที่ 0 มีหลอดไฟธรรมดาที่เปิด คอลัมน์ที่ 1 แถวที่ 0 มีหลอดไฟธรรมดาที่เปิด คอลัมน์ที่ 0 แถวที่ 1 มีหลอดไฟเสียที่ปิด และในคอลัมน์ที่ 1 แถวที่ 1 มีหลอดไฟธรรมดาที่ปิด

และโปรแกรมได้มีการเลือกใช้ Array List ในการเก็บข้อมูลในแต่ละ Initial State จากนั้นข้อมูลจาก ส่วนนี้จะถูกนำไปสร้างเป็นกราฟแบบ Simple Directed Graph โดยโปรแกรมจะแก้ปัญหา Light out puzzle โดยใช้ Dijkstra Path Algorithm ซึ่งจะมีขั้นตอนดังต่อไปนี้

- 1. ให้เริ่มต้นจากสถานะเริ่มต้น (Initial State) ของ Light out puzzle
- 2. ตรวจสอบว่าจุดใดบนตารางหลอดไฟเปิดอยู่
- 3. สลับสถานะของหลอดไฟที่อยู่ในช่วงเดียวกันแนวนอนหรือแนวตั้งกับหลอดไฟที่เปิดอยู่
- 4. ทำซ้ำขั้นตอน 2-3 จนกว่าจะไม่มีหลอดไฟที่เปิดอยู่บนตารางหลอดไฟเหลืออยู่
- 5. ตรวจสอบว่าสถานะปัจจุบันของ Light out puzzle เป็นไปตามเงื่อนไขของการเล่น Light out puzzle หรือไม่
- 6. ถ้าสถานะปัจจุบันไม่เป็นไปตามเงื่อนไข ให้กลับไปทำซ้ำขั้นตอนที่ 2-4 โดยใช้จุดเริ่มต้นของการ แก้ปัญหาก่อนหน้านี้
- 7. Greedy algorithm เป็น algorithm ที่ใช้เทคนิคการเลือกการกระทำที่ดูเหมือนจะดีที่สุดในขณะนั้น ๆ โดยไม่พิจารณาผลกระทบของการกระทำในขั้นตอนต่อไปโดยละเว้น อย่างไรก็ตาม แม้ว่าอัลกอริทึม นี้จะไม่สามารถแก้ปัญหา Light out puzzle ได้อย่างแม่นยำทั้งหมด แต่ก็มีประสิทธิภาพในระดับ หนึ่ง

#### **Demonstrate**

```
public void Start() {
        ShortestPathAlgorithm<Light, DefaultEdge> shortestPath = null;
        shortestPath = new DijkstraShortestPath<>(G);
        List<Light> sol = new ArrayList<Light>();
        ArrayList<Light> AL = new ArrayList<Light>();
        Light temp;
        int i = 0;
        AL.add(initial);
        while (i < AL.size()) {</pre>
            temp = AL.get(i);
            if (!G.containsVertex(temp)) {
                G.addVertex(temp);
            for (int j = 0; j < allnum; j++) {
                String newstate = Totoggle(temp, j);
                for (Light vertex : G.vertexSet()) {
                    if (vertex.getpresent().equals(newstate)) {
                        vertex.setprevious(temp.getpresent(), j);
                        G.addEdge(temp, vertex);
                if (!have) {
                    Light newlight = new Light(newstate);
                    G.addVertex(newlight);
                    AL.add(newlight);
                    G.addEdge(temp, newlight);
        if (!G.containsVertex(finish)) {
            System.out.println("Cannot solve");
            sol = shortestPath.getPath(initial, finish).getVertexList();
            showsol(sol);
```

ฟังก์ชันหลักที่ใช้ในการ solve คือ function Start() โดยแนวคิดของโปรแกรมคือการสร้าง graph ที่ มี node ที่เก็บทุก ๆ state ของไฟที่เป็นไปได้ทั้งหมดเอาไว้แล้วจากนั้น solve ว่าเราสามารถเปิด/ปิดไฟให้ ไฟดับทั้งหมดได้หรือไม่โดยใช้ Shortest path algorithm ของ Djikstra หากใน graph มี node ที่เก็บ state ที่ไฟดับทั้งหมดไว้ก็หมายความว่าเราสามารถปิดไฟทั้งหมดได้นั่นเอง

เมื่อเข้ามาใน function start เราจะ add initial state เก็บไว้ใน ArrayList AL เพื่อเก็บ node เริ่มต้น จากนั้นก็เข้าสู่ while loop ฟังก์ชันนี้จะเช็คไปเรื่อย ๆ ว่าในตอนนี้เก็บทุก state ที่เป็นไปได้หรือยังถ้า ไม่มี newstate ถูก add เข้าไป ก็จะหลุดออกจาก while loop นี้

จากนั้นก็จะเข้าสู่ for loop ภายนอกเพื่อสร้าง new state ที่เกิดจากการ toggle ไฟแต่ละดวงให้ ครบทุกดวง เมื่อ toggle ไฟดวงนึงแล้วก็จะเข้าสู่ for loop ภายใน เพื่อเช็คว่า graph ในตอนนั้นมี node ที่ เก็บ newstate นี้อยู่หรือไม่ ถ้ามีแล้วเราจะ setprevious state ไว้ที่ vertex ที่มี state ของไฟเหมือนกับ newstate และสร้าง edge เชื่อม ระหว่าง temp กับ vertex นั้น ถ้าใน graph ไม่มี newstate ก็จะ add newstate เข้าไปใน ArrayList AL และ สร้าง node ใหม่ที่เก็บ newstate จากนั้นสร้าง edge เชื่อมกัน ระหว่าง temp กับ newstate

เมื่อผ่านกระบวนการสร้าง Graph ด้านบนแล้วเราจะดูว่า graph นี้มี node ที่เก็บ state ที่ไฟทุกดวง ดับไหม(finish) ถ้ามีจะใช้ shortest path ของ dijkstra เพื่อหาเส้นทางระหว่าง initial และ finish ถ้าไม่มีก็ จะแสดง cannot solve

#### Demo1

While loop รอบ 1 i = 0 เมื่อเริ่มโปรแกรม initial state คือ 1111 และถูก add เข้าไปใน ArrayList AL สมาชิก AL = {"1111"}
Temp = Al.get(0) ก็คือ temp = "1111"
ใน while loop เริ่มเช็ค state "1111"
จากนั้นเข้า for loop นอกรอบที่ 1 toggle ไฟแถว 0 คอลัม 0 >>> ได้ new state เป็น 0001

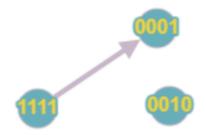


เมื่อเช็ค forloop ในพบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al

สมาชิก AL = { "1111" , "0001" }

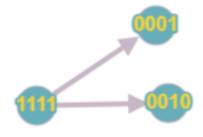


for loop นอกรอบที่ 2 toggle ไฟแถว 0 คอลัม 1 >>> ได้ new state เป็น 0010

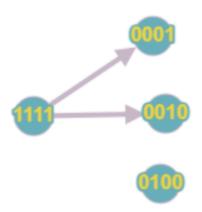


เมื่อเช็ค forloop ใน พบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน

Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" }

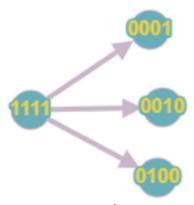


for loop นอกรอบที่ 3 toggle ไฟแถว 1 คอลัม 0 >>> ได้ new state เป็น 0100

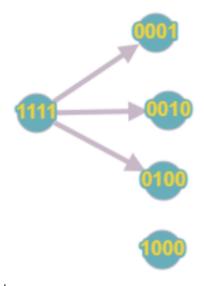


เมื่อเช็ค forloop ในพบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al

สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" }

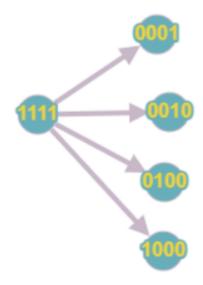


for loop นอกรอบที่ 4 toggle ไฟแถว 1 คอลัม 1 >>> ได้ new state เป็น 1000



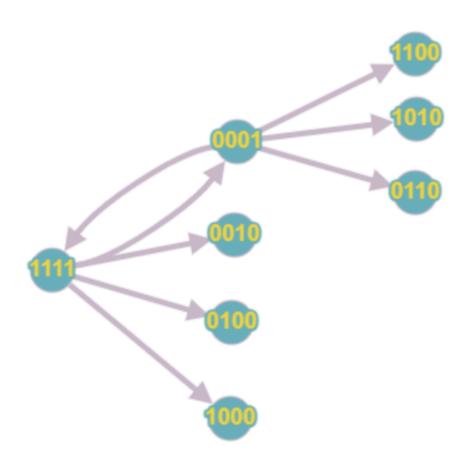
เมื่อเช็ค forloop ในพบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al

สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" }



## While loop รอบที่ 2 i = 1

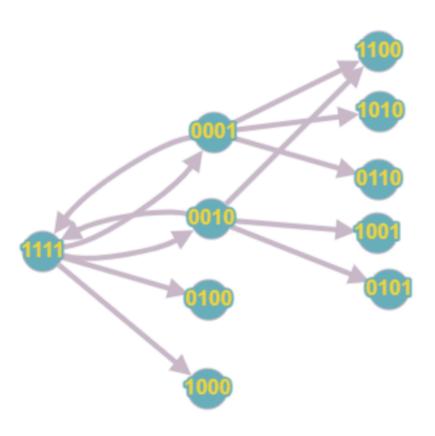
Temp = Al.get(1) ดังนั้น temp = "0001" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างตัน เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1111","1100","1010","0110"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110" } สีฟ้าแทน state ปัจจุบันที่จะ toggle ต่อไป สีสัมแทน state ใหม่ที่เกิดขึ้นจากการ toggle state ปัจจุบัน ที่ไม่ซ้ำกับ graph

# While loop รอบที่ 3 i = 2

Temp = Al.get(2) ดังนั้น temp = "0010" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างตัน เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1111","1100","1001","0101"

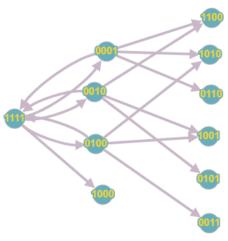


สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110" , "0110" , "1001" }

สีฟ้าแทน state ปัจจุบันที่จะ toggle ต่อไป สีสัมแทน state ใหม่ที่เกิดขึ้นจากการ toggle state ปัจจุบัน ที่ไม่ซ้ำกับ graph

# While loop รอบที่ 4 i = 3

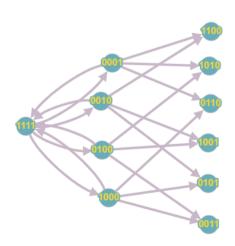
Temp = Al.get(2) ดังนั้น temp = "0100" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1111","1010","1001","0011"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0011" } สีฟ้าแทน state ปัจจุบันที่จะ toggle ต่อไป สีสัมแทน state ใหม่ที่เกิดขึ้นจากการ toggle state ปัจจุบัน ที่ไม่ซ้ำกับ graph

## While loop รอบที่ 5 i = 4

Temp = Al.get(4) ดังนั้น temp = "1000" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1111","0110","0101","0011"

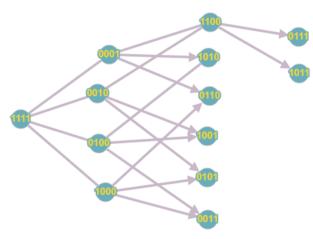


```
สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101" } สีฟ้าแทน state ปัจจุบันที่จะ toggle ต่อไป สีสัมแทน state ใหม่ที่เกิดขึ้นจากการ toggle state ปัจจุบัน ที่ไม่ซ้ำกับ graph
```

### While loop รอบที่ 6 i = 5

Temp = Al.get(5) ดังนั้น temp = "1100" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "0010"."0001"."1011"."0111"

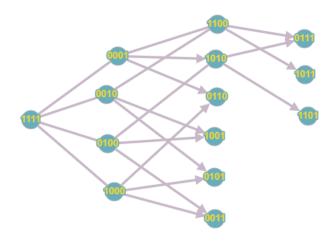
หลังจากนี้ขอใช้ simple graph แทน edge ขาไปและขากลับเพื่อไม่ให้ edge วกไปวนมา และ ป้องกันความสับสน



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011" }

### While loop รอบที่ 7 i = 6

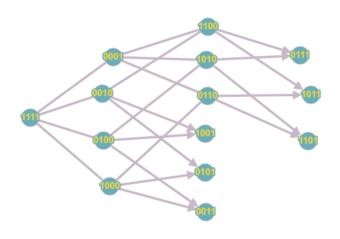
Temp = Al.get(6) ดังนั้น temp = "1010" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "0001","0100","0111","1101"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011"","1101" }

## While loop รอบที่ 8 i = 7

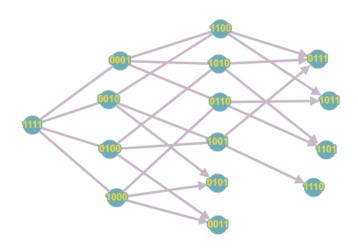
Temp = Al.get(7) ดังนั้น temp = "0110" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "0001","1000","1101","1011"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011"","1101" }

## While loop รอบที่ 9 i = 8

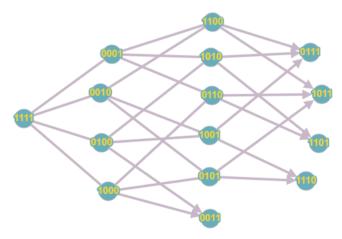
Temp = Al.get(8) ดังนั้น temp = "1001" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "0010","0100","0111","1110"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011"","1110" }

## While loop รอบที่ 10 i = 9

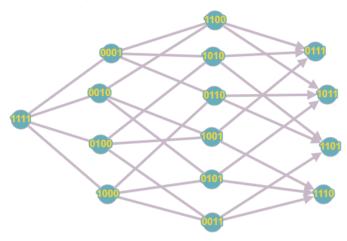
Temp = Al.get(9) ดังนั้น temp = "0101" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "0010","1000","1011","1110"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011"","1110" }

### While loop รอบที่ 11 i = 10

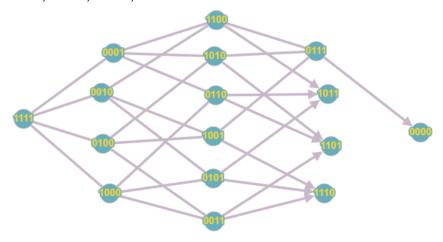
Temp = Al.get(10) ดังนั้น temp = "0011" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "0100","1000","1101","1110"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0111","0111","1111","1110" }

## While loop รอบที่ 12 i = 11

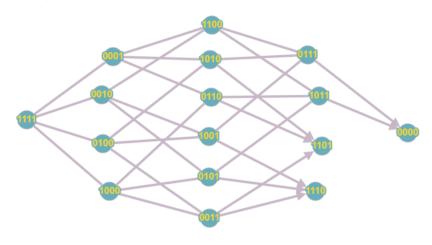
Temp = Al.get(11) ดังนั้น temp = "0111" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1100","1010","1001","0000"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011"","1101","1110","0000" }

### While loop รอบที่ 13 i = 12

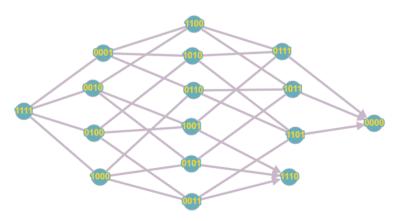
Temp = Al.get(12) ดังนั้น temp = "1011" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1100","0110","0101","0000"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0011","0111","1011"","1110","0000" }

### While loop รอบที่ 14 i = 13

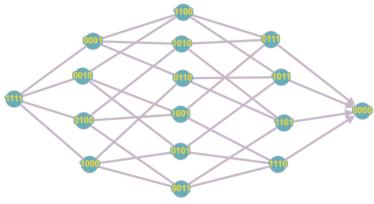
Temp = Al.get(13) ดังนั้น temp = "1101" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1010","0110","0011","0000"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011"","1110","1110","0000" }

# While loop รอบที่ 15 i = 14

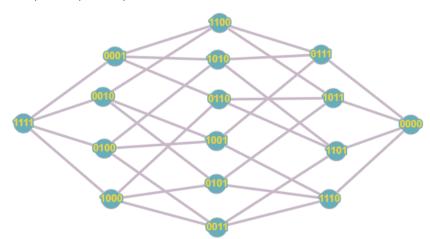
Temp = Al.get(12) ดังนั้น temp = "1110" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1001","0101","0011","0000"



สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","1011"","1110","1110","0000" }

## While loop รอบที่ 16 i = 15

Temp = Al.get(15) ดังนั้น temp = "0000" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "0111","1011","1101"



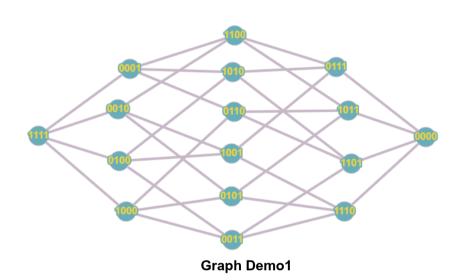
สมาชิก AL = { "1111" , "0001" , "0010" , "0100" , "1000" , "1100" , "1010" , "0110","1001","0101","0111","0111","1101","1110","0000" }

### While loop รอบที่ 17 i = 16

จะพบว่า เงื่อนไข i< Al.size() เป็น false จึงหลุดออกจาก while loop แล้วรันไปเรื่อย ๆ จนถึง code ด้านล่าง

```
}
if (!G.containsVertex(finish)) {
    System.out.println("Cannot solve");
} else {
    sol = shortestPath.getPath(initial, finish).getVertexList();
    showsol(sol);
}
```

Graph สุดท้ายที่ได้จะเป็นรูปแบบนี้โดย undirect graph แทนรูปแบบที่ว่า state แต่ละ state สามารถเปิดปิดไฟเพื่อไปอีก state ได้ทั้งขาไปและขากลับ สาเหตุที่ทำแบบนี้เพื่อลดความสับสนจากการ ดู edge ที่วกไปวนมา แต่ในตัวโปรแกรมจริงจะเป็น direct graph



จาก graph จะเห็นว่ามี node ที่มี state ที่ไฟดับทั้งหมด ("0000") อยู่ดังนั้นเราจึงสามารถหา shortest path ได้ โดยเงื่อนไขที่ได้จาก G.containvertex(finish) จะ return true ดังนั้น !G.containvertex(finish) เป็น false โปรแกรมจะไม่ทำงานใน scope if แต่ทำงานใน else แล้วเริ่มหา shortest path

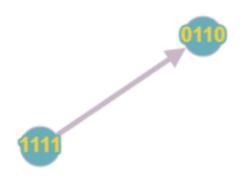
#### Demo2

```
While loop รอบ 1 i = 0 เมื่อเริ่มโปรแกรม initial state คือ 1111 และถูก add เข้าไปใน ArrayList AL สมาชิก AL = {"1111"}
Temp = Al.get(0) ก็คือ temp = "1111"
ใน while loop เริ่มเช็ค state "1111"
จากนั้นเข้า for loop นอกรอบที่ 1 toggle ไฟแถว 0 คอลัม 0 >>> ได้ new state เป็น 0110
```

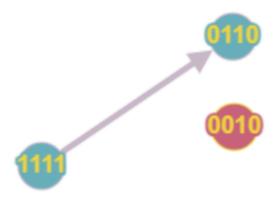




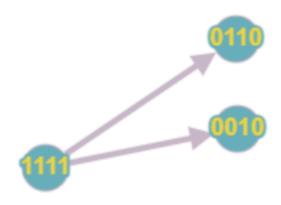
เมื่อเช็ค forloop ในพบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al



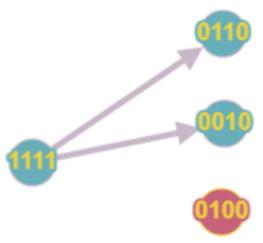
for loop นอกรอบที่ 2 toggle ไฟแถว 0 คอลัม 1 >>> ได้ new state เป็น 0010



เมื่อเช็ค forloop ในพบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al สมาชิก AL = { "1111" , "0110","0010" }

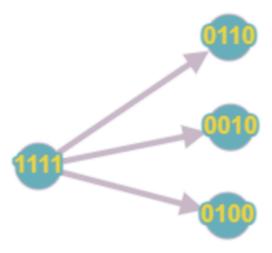


for loop นอกรอบที่ 3 toggle ไฟแถว 1 คอลัม 0 >>> ได้ new state เป็น 0100

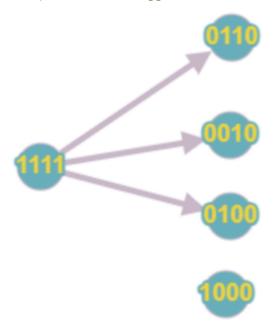


เมื่อเช็ค forloop ในพบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al

สมาชิก AL = { "1111" , "0110","0010","0100" }

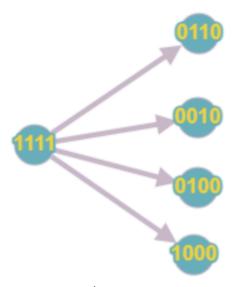


for loop นอกรอบที่ 4 toggle ไฟแถว 1 คอลัม 1 >>> ได้ new state เป็น 1000



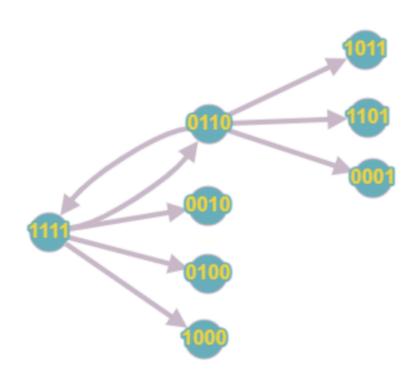
เมื่อเช็ค forloop ในพบว่า newstate ไม่มีอยู่ใน graph จึงเชื่อม temp กับ newstate เข้าด้วยกัน Add newstate เข้าไปใน ArrayList Al

สมาชิก AL = { "1111" , "0110","0010","0100","1000" }

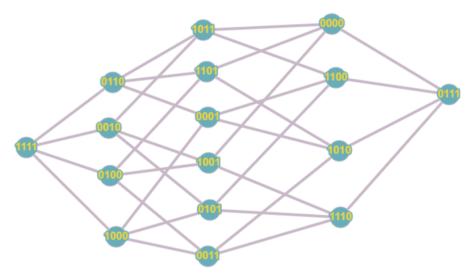


# While loop รอบที่ 2 i = 1

Temp = Al.get(1) ดังนั้น temp = "0001" ทำแบบเดียวกับการกระบวนการข้างต้น เมื่อ toggle ไฟทั้ง 4 ดวง จะได้ state "1111","1011","1001"



สมาชิก AL = { "1111" , "0110","0010","0100","1000","1011","1101","0001" } สีฟ้าแทน state ปัจจุบันที่จะ toggle ต่อไป สีสัมแทน state ใหม่ที่เกิดขึ้นจากการ toggle state ปัจจุบัน ที่ไม่ซ้ำกับ graph จากนั้นก็ทำแบบนี้ไปเรื่อย ๆ แบบเดียวกับ Demo1 จนกว่าจะหลุดออกจาก while loop และgraph สุดท้ายที่ได้จะเป็นรูปแบบนี้โดย undirect graph แทนรูปแบบที่ว่า state แต่ละ state สามารถเปิดปิดไฟเพื่อ ไปอีก state ได้ทั้งขาไปและขากลับ สาเหตุที่ทำแบบนี้เพื่อลดความสับสนจากการดู edge ที่วกไปวนมาและ โปรแกรมแต่ละ node จะเก็บตัวแปรไว้มากกว่านี้แต่เพื่อความเข้าใจง่ายจึงใช้ตัวแทนของแต่ละ node เป็น state ของไฟ



**Graph Demo2** 

จะเห็นว่ามี node ที่มี state ที่ไฟดับทั้งหมด ("0000") อยู่ ดังนั้น เราจึงสามารถหา shortest path ได้

#### **Graph Algorithm**

เราเลือกใช้ Djikstra Algorithm ในการหาเส้นทางที่สั้นที่สุดจาก state ไฟตั้งต้น จนถึง state ที่ ไฟดับทั้งหมด Dijkstra Algorithm นั้นสามารถใช้ได้กับทั้ง weighted และ unweighted graph การทำงาน ของ Dijkstra ใน unweighted graph จะทำงานๆคล้ายกับ Breath first search เหตุผลที่ใช้คือ ในอนาคต หากเราต้องการเอา code ปัจจุบันไป implement หรือต่อยอด ไปเป็น weighted graph code ใน ปัจจุบันก็ยังสามารถทำงานได้ในกรณีที่ไม่มี negative cycle

#### เปรียบเทียบ Demo 3,4,5

```
>>> Move 1 : turn off row 0, col 1
States in bits = 111111010
row 1 | 1
row 2 | 0 |
States in bits = 111101101
row 0 | 1 | 1
row 2 | 1 | 0 |
>>> Move 3 : turn on row 0, col 2
States in bits = 100100101
row 2 | 1
>>> Move 4 : turn on row 2, col 2
States in bits = 100110100
>>> Move 5 : turn on row 1, col 0
row 0 | 0 | 0
row 1 |
       Demo3: no breaklight
```

```
States in bits = 100011110
row 2 | 1 | 1 | 1
States in bits = 010010111
row 2 | 1 | 0 | 0
>>> Move 5 : turn on row 1, col 1
```

Demo4 : breaklight

Demo5: breaklight

หลังจากในแต่ละ demo ได้สร้าง graph เสร็จเรียบร้อยแล้ว ทางคณะผู้จัดทำจึงสร้าง function ข้างล่างเพื่อเปรียบเทียบความแตกต่างระหว่าง demo3.4.5

```
int round = 1;
    for (Light vertex : G.vertexSet()) {

        System.out.printf(" %s ", vertex.getpresentconverse());
        if (round == 7) {
            System.out.println("");
            round = 0;
        }

        round++;
    }
```

# Function นี้มีเพื่อแสดงค่า state ที่เก็บไว้ในทุก ๆ node เพื่อนำ outputมาเปรียบเทียบกัน

## - All state from demo3

000101010	110001010	1111111010	011100010	100011110	010010000	001110011
000001100	000111101	000100001	001011010	101000010	010111110	100110000
111010011	110101100	110011101	110000001	100110010	011001110	101000000
110100011	111011100	111101101	111110001	111010110	001011000	010111011
011000100	011110101	011101001 010110110	110100100	101000111	100111000	100001001
100010101 001111000	011001001 000011011	000000111	010000111 000110110	010011011 010010010	001010101 101101110	001100100 011100000
000000011	001111100	001001101	001010001	001110110	111111000	100011011
101100100	101010101	101001001	000000100	011100111	010011000	010101001
010110101	101101001	100010110	100100111	100111011	111110101	111000100
111011000 100010100	110111011 100100101	110100111 100111001	110010110 001110100	000000110 010010111	110001000 011101000	101101011 011011001
011000101	1000100101	10111001	101010111	1010010111	110000101	110110100
110101000	111001011	111010111	111100110	101101100	110001111	111110000
111000001	111011101	000000001	001111110	001001111	001010011	010011101
010101100	010110000	011010011	011001111	011111110 101001100	1111111101	110000010
110110011 100000010	110101111 011101111	101100001 011011110	101010000 011000010	01010001	100101111 010111101	100110011 010001100
001000010	001011110	001101111	000010000	110100110	000101000	011001011
010110100	010000101	010011001	111010100	100110111	101001000	101111001
101100101	010111001	011000110	011110111	011101011	000100101	000010100
000001000 001100001	001101011 001111101	001110111 110100001	001000110 111011110	011001100 111101111	000101111 111110011	001010000 100111101
100001100	100010000	101110011	101101111	101011110	001011101	000101010
000010011	000001111	011000001	011110000	011101100	010001111	010010011
010100010	101001111	101111110	101100010		100011101	100101100
111100010	111111110	111001111	110110000	010111100	001011111	000100000
000010001 101111100	000001101 101100000	111010001 100000011	110101110 100011111	110011111 100101110	110000011 000101101	101001101 001010010
001100011	001111111	010110001	010000000	0100111100	011111111	011100011
011010010	100111111	100001110	100010010	101110001	101101101	101011100
110010010	110001110	110111111	111000000	100110101	101001010	101111011
101100111 000100111	110101001 000010110	110011000 000001010	110000100 001101001	111100111 001110101	111111011 001000100	111001010 010001010
010010111	010100111	011011000	111011011	111101010	111110110	110010101
110001001	110111000	101110110	101101010	101011011	100100100	011111000
011100100	011010101	010101010	001001001	100011100	111111111	110000000
110110001 011011100	110101101 011000000	001110001 010100011	000001110 010111111	000111111 010001110	000100011 110001101	011101101 111110010
111000011	111011111			100111100	101011111	101000011
101110010 000110010	010011111 000101110	010101110 000011111	010110010 001100000	011010001 010010101	011001101 011101010	011111100 011011011
011000111	000101110	000011111	000100100	001000111	001011011	0011011011
110000111	110110110	110101010	111001001	111010101	111100100	100101010
100110110 000101001	100000111 000011000	101111000 011010110	001111011 011001010	001001010 011111011	001010110 010000100	000110101 101011000
101000100	101110101	100001010	111101001	011100101	010011010	010101011
010110111	001111001	001001000	001010100	000110111	000101011	000011010
111110111 101000110	111000110 101110111	111011010 100001000	110111001 000001011	110100101 000111010	110010100 000100110	101011010 001000101
001011001	001101000	010100110	010111010	010001011	011110100	100101000
100110100 101011101	100000101 101000001	101111010 101110000	110011001 110111110	100010011 110100010	100100010 110010011	100111110 111101100
000110000	000101100	000011101	001100010	010000001	111001100	111010000
111100001	110011110	1011111101	011110011	101000101	100111010	100001011
100010111 001010111	111011001 001100110	111101000 001111010	111110100 000011001	110010111 000000101	110001011 000110100	110111010 011111010
011100110	011010111		110101011	110011010	110000110	111100101
111111001	111001000	100000110	100011010 000111001	100101011	101010100	010001000
010010100 011111101	010100101 011100001	011011010 011010000	000111001	010110011 000000010	010000010 000110011	010011110 001001100
110010000	110001100	110111101	111000010		001101100	001110000
001000001 010001101	000111110 010010001	011011101 010100000	101010011 001101110	011000011 001110010	011110010 001000011	011101110 000111100
111100000	111111100	111001101	110110010	101010001	000011100	000000000
000110001	001001110	010101101	100100011	100000100	100011000	100101001
101010110 100101101	110110101 100110001	000111011 100000000	111000111 111001110	101100011 111010010	101010010 111100011	101001110 110011100
001000000	001011100	001101101	000010010	011110001	110111100	110100000
110010001 011110110	111101110 000010101	100001101 110011011	010000011 001100111	010100100 011010100	010111000 011001000	010001001 011111001
010000110	001100101	1111011011	000010111	100001111	101110100	101101000
101011001	100100110	111000101	001001011	110110111	010101111	011011111
101111111						

#### - All state from demo4

000101010	110001010	111111010	011100010	100011110	010010000	001110011
000001100	000111101	000111011	001011010	10100011	010111110	100110000
111010011	110101100	110011101	110011011	100110010	011001110	101000000
110100011	111011100	111101101	111101011	111010110	001011000	010111011
011000100	011110101	011110011	110100100	101000111	100111000	100001001
100001111	011001001	010110110	010000111	010000001	001010101	001100100
001100010	000011011	000011101	000101100	010010010	101101110	011100000
000000011 101100100	001111100 101010101	001001101 101010011	001001011 000000100	001110110 011100111	111111000 010011000	100011011 010101001
010101111	1011010101	100010110	100100111	100100001	111110101	111000100
111000010	110111011	110111101	110001100	000000110	110001000	101101011
100010100	100100101	100100011	001110100	010010111	011101000	011011001
011011111	100011001	101100110	101010111	101010001	110000101	110110100
110110010	111001011	111001101	111111100	101101100	110001111	111110000
111000001	111000111	000000001	001111110	001001111	001001001	010011101
010101100 110110011	010101010 110110101	011010011 101100001	011010101 101010000	011100100 101010110	111111101 100101111	110000010 100101001
100011000	011101111	011011110	011011000	010100001	010100111	010010110
001000010	001000100	001110101	000001010	110100110	000101000	011001011
010110100	010000101	010000011	111010100	100110111	101001000	101111001
101111111	010111001	011000110	011110111	011110001	000100101	000010100
000010010	001101011	001101101	001011100	011001100	000101111	001010000
001100001 100001100	001100111 100001010	110100001 101110011	111011110 101110101	111101111 101000100	111101001 001011101	100111101 000100010
00001100	00001010	01100001	011110101	011110110	010011101	0100010010
010111000	101001111	1011111110	101111000	100000001	100000111	100110110
111100010	111100100	111010101	110101010	010111100	001011111	000100000
000010001	000010111	111010001	110101110	110011111	110011001	101001101
101111100	101111010	100000011	100000101	100110100	000101101	001010010
001100011	001100101	010110001	010000000	010000110	011111111	011111001
011001000 110010010	100111111 110010100	100001110 110100101	100001000 111011010	101110001 100110101	101110111 101001010	101000110 101111011
101111101	11010100	110011000	110011110	111100111	111100001	111010000
000100111	000010110	000010000	001101001	001101111	001011110	010001010
010001100	010111101	011000010	111011011	111101010	111101100	110010101
110010011	110100010	101110110	101110000	101000001	100111110	011111000
011111110	011001111	010110000	001010011	100011100	111111111	110000000
110110001 011011100	110110111 011011010	001110001 010100011	000001110 010100101	000111111 010010100	000111001 110001101	011101101
111000011	111000101	100010001	100100000	100100110	101011111	101011001
101101000	010011111	010101110	010101000	011010001	011010111	011100110
000110010 011011101	000110100 000001001	000000101 000111000	001111010 000111110	010010101 001000111	011101010 001000001	011011011 001110000
110000111	110110110	110110000	111001001	111001111	111111110	100101010
100101100	100011101	101100010	001111011	001001010	001001100	000110101
000110011 101011110	000000010	011010110 100010000	011010000	011100001	010011110	101011000
0101011110	101101111 001111001	001001000	111110011 001001110	011100101 000110111	010011010 000110001	010101011
111110111	111000110	111000000	110111001	110111111	110001110	101011010
101011100	101101101	100010010	000001011	000111010	000111100	001000101
001000011 100101110	001110010 100011111	010100110 101100000	010100000 110000011	010010001 100010011	011101110 100100010	100101000 100100100
101011101	101011011	101101010	110111110	110111000	110001001	111110110
000110000	000110110	000000111	001111000	010011011	111001100	111001010
111111011 100001101	110000100 111011001	101100111 111101000	011101001 111101110	101000101 110010111	100111010 110010001	100001011 110100000
001010111	001100110	001100000	000011001	000011111	000101110	011111010
011111100	011001101	010110010	110101011	110011010	110011100	111100101
111100011 010001110	111010010 010111111	100000110 011000000	100000000 000100011	100110001 010110011	101001110 010000010	010001000 010000100
011111101	011111011	011001010	000011110	000011000	000101001	001010110
110010000	110010110	110100111	111011000	100111011	001101100	001101010
001011011 010001101	000100100 010001011	011000111 010111010	101001001 001101110	011000011 001101000	011110010 001011001	011110100 000100110
111100000	111100110	111010111	110101000	101001011	000011100	0000110110
000101011	001010100	010110111	100111001	100000100	100000010	100110011
101001100 100101101	110101111 100101011	000100001 100011010	111011101 111001110	101100011 111001000	101010010 111111001	101010100 110000110
001000000	001000110	001110111	000001000	011101010	1101111001	110000110
110001011	111110100	100010111	010011001	010100100	010100010	010010011
011101100 010011100	000001111 001111111	110000001 111110001	001111101 000001101	011010100 100010101	011010010 101110100	011100011 101110010
101000011	100111111	111110001	001010001	110101101	010110100	011000101
101100101						

#### - All state from demo5

000101010	110001010	010000010	011100010	100011110	010010000	001110011
000001100	000111101	000100001	100100010	101000010	010111110	100110000
111010011	110101100	110011101	110000001	001001010	110110110	000111000
011011011	010100100	010010101	010001001	111010110	001011000	010111011
011000100	011110101	011101001	110100100	101000111	100111000	100001001
100010101	011001001	010110110	010000111	010011011	001010101	001100100
001111000	000011011	000000111	000110110	111101010	000010110	110011000
101111011	100000100	100110101	100101001	001110110	111111000	100011011
101100100	101010101	101001001	000000100	011100111	010011000	010101001
010110101	101101001	100010110	100100111	100111011	111110101	111000100
111011000	110111011	110100111	110010110	101111110	011110000	000010011
001101100	001011101	001000001	100001100	111101111	110010000	110100001
110111101	001100001	000011110	000101111	000110011	011111101	011001100
011010000	010110011	010101111	010011110	101101100	110001111	111110000
111000001	111011101	000000001	001111110	001001111	001010011	010011101
010101100	010110000	011010011	011001111	011111110	111111101	110000010
110110011	110101111	101100001	101010000	101001100	100101111	100110011
100000010	011101111	011011110	011000010	010100001	010111101	010001100
001000010	001011110	001101111	000010000	111001100	111100001	000110000
000011101	110111110	110010011	101011101	101110000	100010011	100001111
100111110	001010000	001111101	111011110	111110011	100111101	100010000
101110011	101101111	101011110	000100010	000001111	011000001	011101100
010001111	010010011	010100010	101001111	101100010	100000001	100011101
100101100	111100010	111111110	111001111	110110000	101011000	101110101
011010110	011111011	000110101	000011000	001111011	001100111	001010110
100101010	100000111	111001001	111100100	110000111	110011011	110101010
001000111	001101010	000001001	000010101	000100100	011101010	011110110
011000111	010111000	101001010	101100111	110101001	110000100	111100111
111111011	111001010	000100111	000001010	001101001	001110101	001000100
010001010	010010110	010100111	011011000	111011011	111110110	110010101
110001001	110111000	101110110	101101010	101011011	100100100	011111000
011100100	011010101	010101010	001001001	111000111	000111011	110110101
101010110	100011000	001011011	111010101	100110110	101111000	000101001
011001010	010000100	101000100	100001010	111101001	101010011	011011101
000111110	001110000	100100001	111000010	110001100	001001100	000000010
011100001	101000001	110100010	111101100	000101100	001100010	010000001
111010000	110011110	101111101	011110011	Cannot solve		

จาก output ดั่งกล่าวที่ Demo5 นั้น แสดงคำว่า Cannot solve นั่นเป็นเพราะว่า graph ที่เราสร้าง มานั้นไม่มี node ที่ contain state ที่ไฟดับทั้งหมดไว้ ("000000000") ซึ่งต่างจาก demo 3,4 ที่ว่าใน graph นั้น contain node ที่ไฟดับทั้งหมดไว้ โดย code ที่ทางคณะผู้จัดทำได้เขียนไว้เพื่อตรวจสอบว่ามี node นั้นหรือไม่คือ code ด้านล่าง

```
}
if (!G.containsVertex(finish)) {
    System.out.println("Cannot solve");
} else {
    sol = shortestPath.getPath(initial, finish).getVertexList();
    showsol(sol);
}
}
```

คำสั่ง G.containVertex(finish) มีเพื่อเช็คว่าใน graph ของเรานั้นมี node ที่มี state ที่ไฟดับ ทั้งหมดไหม ถ้ามีก็จะ return ออก มาเป็น true แล้วก็จะไม่ทำงานใน scope ของ if นั้น แล้วทำการหา shorstest path ใน scope ของ else แต่ถ้าไม่มีก็จะเข้าไปทำงานใน scope ของ if แล้ว print "cannot solve" ซึ่งหมายความว่า puzzle light out จาก initial state นั้น ๆ ไม่สามารถแก้ได้นั่นเอง

# Asymptotic runtime ของโปรแกรม

จาก Class Game ในส่วนของฟังก์ชัน public void Start() โดย Asymptotic runtime สามารถ คธิบายได้ดังนี้

- 1. ตรง while(i< AL.size()) จากบรรทัดที่ 40 ถึง บรรทัดที่ 63 Asymptotic runtime ของวังวนใน กรณี Worst case คือโปรแกรมต้องตรวจทุกปุ่มที่เป็นไปได้ ดังนั้นวังวนนี้จึงมีค่าเป็น O(2<sup>n</sup>)
- 2. ตรง if(!G.containsVertex(finish)) จากบรรทัดที่ 64 ถึงบรรทัดที่ 65 กรณี Worst case นั้น ถ้าไม่มี คำตอบจะทำให้วังวนนี้มีค่าเป็น O(2<sup>n</sup>)
- 3. ตรง else จากบรรทัดที่ 66 ถึง บรรทัดที่ 69 เป็นการหา ShortestPath โดยใช้วิธีการแบบ Dijkstra ซึ่ง Asymptotic runtime จะมีค่าเป็น O(|V| + |E|) โดยที่ |V| คือจำนวนจุดยอดในกราฟ(V) และ |E| คือจำนวนขอบ(Edge)

โดยสรุปแล้ว การจะหา Asymptotic runtime จาก Worst case ก็คือกรณีที่โปรแกรมไม่สามารถหา คำตอบได้ ซึ่งถ้าหากไม่มีคำตอบ โปรแกรมนี้จะคืนค่า Null ซึ่งจะมี Asymptotic runtime เป็น O(2<sup>n</sup>)

# ข้อจำกัดของโปรแกรม

โปรแกรมไม่สามารถใส่ค่าตั้งต้นได้เกิน 5 (5x5) เพราะจะเกิด "OutOfMemoryError" หรือพื้นที่ ความจำระบบเต็ม เนื่องจากโดยทั่วไปตามปกติแล้ว Lights out puzzle สามารถแก้ไขได้สำหรับตารางทุก ขนาด แต่ความยากในการไขปริศนาจะเพิ่มขึ้นเมื่อขนาดตารางใหญ่ขึ้น เนื่องจากมีการตั้งค่าสวิตช์ไฟในรูปแบบ ต่าง ๆ ที่เป็นไปได้หลายแบบให้แก้ไข และการค้นหาค่าที่ถูกต้องที่จะปิดไฟทั้งหมดจะยากขึ้น โดยสาเหตุนี้เป็น ผลมาจากโครงสร้างทางคณิตศาสตร์ของปัญหา

# บรรณานุกรม

- 1. Thipwriteblog. 2017. [Recap] ประเภทของอัลกอริทึม (Types of Algorithm). สืบค้น 10 มีนาคม 2566. https://medium.com/thipwriteblog/recap-ประเภทของอัลกอริทึม-types-of-algorithm-a97b1a14044d
- Quora. 2027. What is the algorithm for solving lights out puzzle in minimum number of moves in Java?. สีบคั้น 10 เมษายน 2566. <a href="https://www.quora.com/What-is-the-algorithm-for-solving-lights-out-puzzle-in-minimum-number-of-moves-in-Java">https://www.quora.com/What-is-the-algorithm-for-solving-lights-out-puzzle-in-minimum-number-of-moves-in-Java</a>
- mathworld.wolfram. 2023. Lights Out Puzzle. สืบคัน 10 เมษายน 2566.
   https://mathworld.wolfram.com/LightsOutPuzzle.html
- Stackexchange. 2013. Using Dijkstra's algorithm with negative edges?. สืบค้น 10
   เมษายน 2566. <a href="https://cs.stackexchange.com/questions/2482/using-dijkstras-algorithm-with-negative-edges">https://cs.stackexchange.com/questions/2482/using-dijkstras-algorithm-with-negative-edges</a>
- 5. Wikipedia. 2023. **Lights Out (Game)**. สืบค้น 10 เมษายน 2566. https://en.wikipedia.org/wiki/Lights Out (game)
- 6. โอภาส เอี่ยมสิริวงศ์. 2016. **โครงสร้างข้อมูล (Data Structures) เพื่อการออกแบบโปรแกรม** คอมพิวเตอร์ (ฉบับปรับปรุง). ซีเอ็ดยูเคชั่น, บมจ
- Github nnichar/Lights-Out-Puzzle สืบคัน 16 เมษายน 2566
   https://github.com/nnichar/Lights-Out-Puzzle/tree/main/src/main/java