

# Sistemi Operativi

## AA 2022/23

### Esercitazione

26 Aprile 2023

#### Esercizio 1

Come si puo' implementare l'algoritmo di sostituzione delle pagine *Second Chance*?

**Soluzione** L'algoritmo *Second Chance* - o altresì noto come *clock algorithm* - e' un algoritmo per la sostituzione delle pagine che usa un reference bit (implementato in hardware) per capire quale pagina e' stata usata meno di recente e quindi rimpiazzare. Si tratta di una approssimazione dell'algoritmo di rimpiazzamento ottimo che dispone in anticipo della sequenza di pagine richieste. In particolare:

- se il reference bit di una pagina e' 0 allora essa viene rimpiazzata;
- se il reference bit e' 1 il bit viene settato a 0 e la pagina viene lasciata in memoria, quindi si passa alla pagina successiva - usando le stesse regole.

Un modo per implementare tale algoritmo e' attraverso una *coda circolare* con un puntatore alla pagina da rimpiazzare - che scorre nella coda finche' non trova una pagina con reference bit pari a 0. Trovata una pagina che soddisfa le richieste, viene eliminata dalla coda e rimpiazzata con la nuova. Il funzionamento dell'algoritmo e' illustrato in Figura 1.

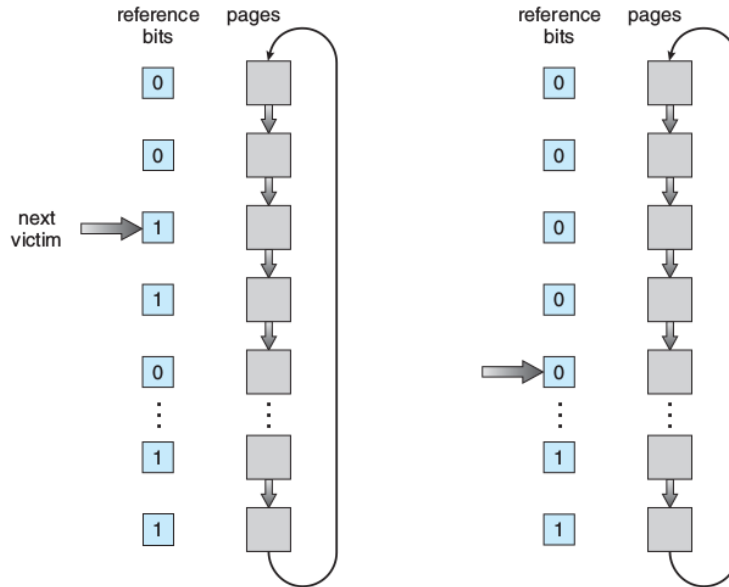


Figure 1: L'algoritmo di sostituzione delle pagine *Second Chance*. Il puntatore scorre finché una pagina con reference bit 0 non viene trovata; quindi la nuova pagina prenderà il posto di quest'ultima nella coda circolare.

## Esercizio 2

Sia data la seguente traccia di accesso alle pagine di memoria:

7 - 0 - 1 - 2 - 0 - 3 - 0 - 4 - 2 - 3 - 0 - 3 - 2.

Si assuma di avere memoria fisica di 3 pagine, gestita con politica Optimal Replacement (OR). Si assuma che un accesso a RAM impieghi  $T_{RAM}$ .

**Domanda** Di quanto aumentano le prestazioni con una memoria fisica di 4 pagine?

**Soluzione** Le tracce di accesso sono riportate rispettivamente in Figura 2a e Figura 2b.

7	7	7	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
	0	0	0	0	0	0	4	4	4	0	0	0
		1	1	1	3	3	3	3	3	3	3	3

(a) Traccia con memoria fisica di 3 pagine.

7	7	7	7	7	3	3	3	3	3	3	3	3
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
		1	1	1	1	1	4	4	4	4	4	4
			2	2	2	2	2	2	2	2	2	2

(b) Traccia con memoria fisica di 4 pagine.

Figure 2: Tracce d'accesso con memoria fisica di 3/4 pagine. In rosso sono evidenziate le sostituzioni, in verde gli *hit*.

Nel caso di memoria fisica di 3 pagine il numero di hit e' pari a  $N_{hit} = 6$ , con una percentuale di *page fault* del 54%; passando a 4 pagine si avra'  $N_{hit} = 7$  ed una percentuale di *page fault* del 46%. Il guadagno prestazionale e' quindi pari a circa l'8%.

### Esercizio 3

Sia data la seguente traccia di accesso alle pagine di memoria:

8 - 9 - 1 - 1 - 4 - 8 - 1 - 1 - 1 - 2 - 3 - 7 - 5 - 2 - 3.

Si assuma di avere memoria fisica di 4 pagine, gestita con modalita' Last Recently Used (LRU).

**Domanda** Di quanto migliorano le prestazioni della memoria raddoppiandolo?

**Soluzione** La tracce di accesso nei due casi sono raffigurate rispettivamente nelle Figure 3a e 3b.

8	9	1	1	4	8	1	1	1	2	3	7	5	2	3
	8	9	9	1	4	8	8	8	1	2	3	7	5	2
		8	8	9	1	4	4	4	8	1	2	3	7	5
				8	9	9	9	9	4	8	1	2	3	7

(a) Traccia con memoria fisica di 4 pagine

8	9	1	1	4	8	1	1	1	2	3	7	5	3	2
	8	9	9	1	4	8	8	8	1	2	3	7	5	3
		8	8	9	1	4	4	4	8	1	2	3	7	5
				8	9	9	9	9	4	8	1	2	2	7
									9	4	8	1	1	1
										9	4	8	8	8
											9	4	4	4
												9	9	9

(b) Traccia con memoria fisica di 8 pagine

Figure 3: Illustrazione della traccia di accesso alle pagine di memoria. In verde indichiamo un *hit* nel Translation Lookaside Buffer (TLB), mentre in rosso viene indicata la pagina candidata ad eliminazione - secondo la politica LRU.

Quindi, supponendo che la memoria fisica consti di 4 pagine, il tempo di accesso medio  $T_{mean}^4$  e' dato dalla seguente relazione:

$$T_{mean}^4 = 7T_{hit} + 8T_{miss}$$

dove

$$T_{hit} = T_{RAM} + T_{fetch}$$

$$T_{miss} = 2T_{RAM} + 2T_{fetch}$$

Analogamente, nel caso in cui la memoria fisica abbia 8 pagine, il tempo medio sara' calcolato come segue:

$$T_{mean}^8 = 7T_{hit} + 8T_{miss}$$

E' facilmente intuibile da un semplice confronto che in questo particolare caso aumentare la dimensione della memoria fisica non influenza le prestazioni.

## Esercizio 4

Sia dato un sistema con paginazione con frame di dimensione 200 e memoria fisica di 3 pagine, gestito con politica di rimozione della pagine LRU. Si ipotizzi che un piccolo processo occupi completamente la prima e meta' della seconda pagina del sistema - i.e. da locazione 0 a 299. Si consideri quindi un array bidimensionale `int A[] []` con dimensioni  $R \times C$  con  $R = C = 100$ . Si assuma che la matrice sia allocata in memoria in modalita' *column-major*, ovvero:

```
1  int** A = (int**)malloc(sizeof(int*)*R);
2  for (int r = 0; r < R; ++r) {
3      A[r] = (int*)malloc(sizeof(int)*C);
4  }
```

Calcolare il numero di *page fault* dovute all'inizializzazione dell'array nelle seguenti modalita':

### Modo 1

```
1  for (int r = 0; r < R; ++r)
2      for (int c = 0; c < C; ++c)
3          A[r][c] = 0;
```

### Modo 2

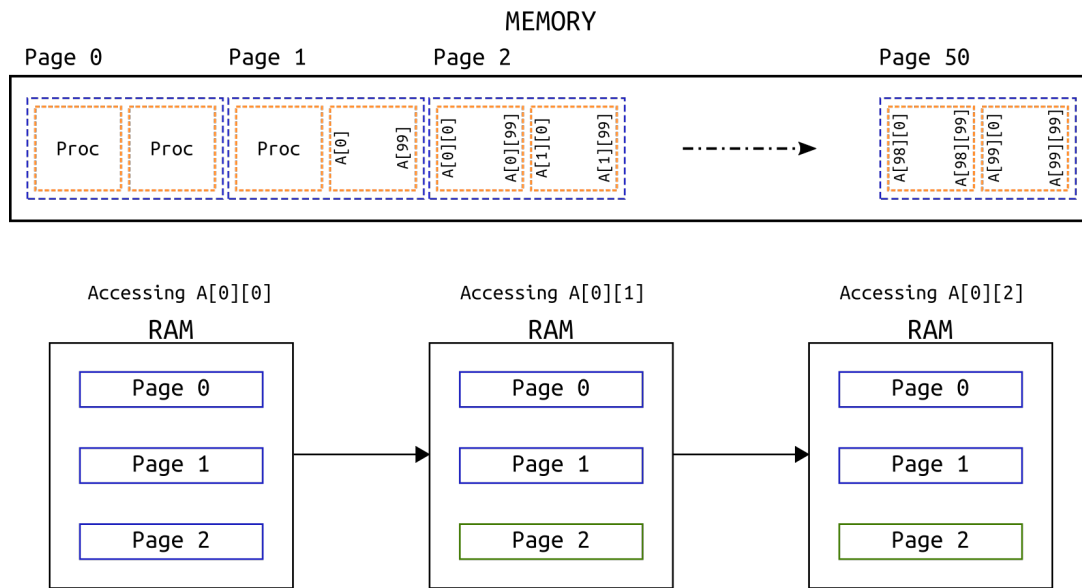
```
1  for (int c = 0; c < C; ++c)
2      for (int r = 0; r < R; ++r)
3          A[r][c] = 0;
```

**Soluzione** Le tracce di accesso alle pagine nel primo e nel secondo caso sono illustrate rispettivamente nella Figura 4a e Figura 4b.

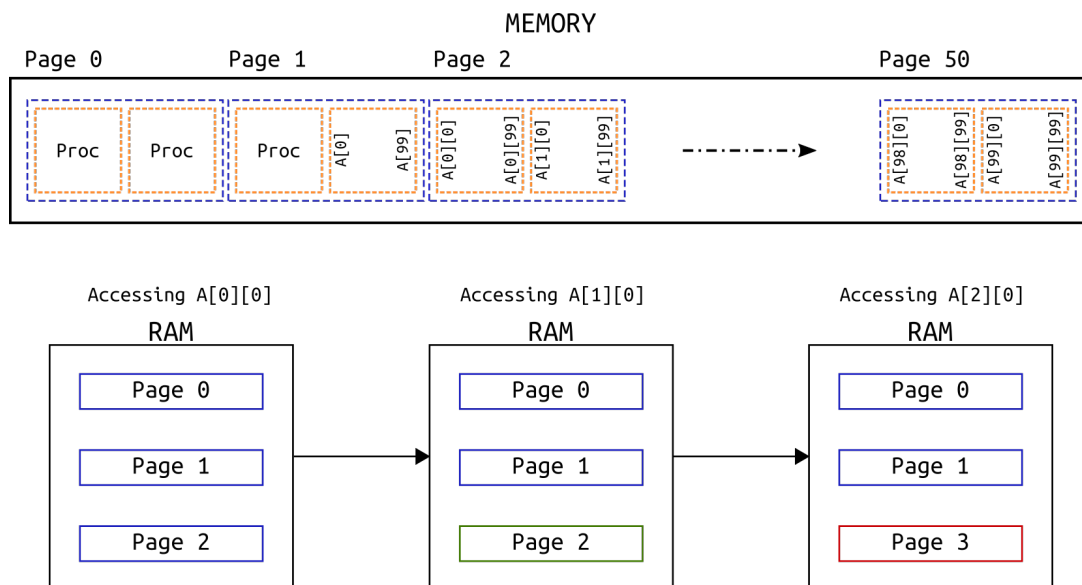
Come illustrato in Figura 4, nella modalita' 1 accederemo alle pagine in maniera sequenziale - per come e' allocata la memoria. Nella modalita' 2, l'accesso alla memoria sara' scattered, forzando a swappare pagina ogni 2 accessi. Da qui avremo che il numero di *page fault* sara'

★ Modalita' 1  $\rightarrow N_{fault} = 50$

★ Modalita' 2  $\rightarrow N_{fault} = 5000$



(a) Snapshot della memoria fisica durante inizializzazione per colonne



(b) Snapshot della memoria fisica durante inizializzazione per righe

Figure 4: Illustrazione della traccia di accesso alle pagine in memoria. Si noti che inizializzando per *righe* - i.e. modalita' 2 - richiede uno swap di pagina ogni due accessi.

## Esercizio 5

Siano dati due processi P1 e P2. Si supponga che la loro traccia di accesso alle pagine in memoria sia quella illustrata nella Figura 5. Si supponga che ogni pagina abbia dimensione 4MB, che la memoria fisica disponibile sia 8MB e che sia presente un disco fisico meccanico da 16 GB dedicato allo swap. Cosa succede nell'istante di tempo  $t = 5$ ?

**Soluzione** In questo caso, il nostro sistema potra' contenere al massimo 2 pagine di memoria in RAM, ergo  $D_{RAM} = 2$ , mentre i *working set* dei due processi all'istante  $t = 5$  avranno dimensione  $WSS_1 = 2$  e  $WSS_2 = 2$ . Cio' implica che si verifichera' il fenomeno noto come *thrashing*, ovvero la CPU sara' impiegata piu' tempo nello *swapping-in/out* delle pagine che nell'esecuzione del processo stesso. Cio'

[illegible]

Figure 5: Traccia di accesso alle pagine dei processi P1 e P2 - rispettivamente in ciano e verde.

poiche' il working set dei due processi non puo' essere contenuto in RAM, in formulæ:

$$\sum_p \text{WSS}_p > D_{\text{RAM}}$$

Per evitare tale fenomeno, bisognerebbe aumentare la dimensione della RAM almeno fino a **16MB** - lo spazio minimo necessario a contenere 4 pagine da **4MB** - oppure killare/sospendere un processo.