Praktikum Struktur Data

Modul 5 - Sorting

Senin, 9 April 2022

Tujuan dari modul ini agar mahasiswa memahami konsep Sorting (Pengurutan), serta modifikasinya untuk mempercepat proses pengurutan. Kerjakan tugas-tugas yang terdapat dalam modul ini, dengan ketentuan sebagai berikut:

- 1. Semua jawaban modul dikerjakan dalam format *.ipynb (baik konsep maupun implementasi), jangan lupa diberikan **heading** di setiap cell jawaban, misalkan untuk jawaban konsep Nomor 1, diberikan heading **Konsep_1**. Silahkan dilihat contoh *lecture notes* yang saya telah bagikan melalui website.
- 2. Penamaan file ipynb adalah : NPM_ModulX_TopikModul.ipynb, misalkan, 200411100077_Modul5_Sorting.ipynb
- 3. Print menjadi file pdf, dokumen ipynb tersebut dengan nama yang sama, hanya saja berekstensi pdf, misalkan, 200411100077_Modul5_Sorting.pdf
- 4. Buat video dalam bentuk live code salah satu nomor, sertakan voice over dan camera ON
- 5. Submit link collaboratory yang berisi file ipynb tersebut, dan submit file pdf
- 6. Kejujuran selalu jadi yang utama, kerjakan sendiri, tidak diperkenankan plagiarism

1 Konsep

Kerjakan berikut dengan ketentuan, modulus satu digit terakhir NPM kalian dengan 2, hasil modulus adalah kode soal berikut ini. Tulis ringkasan atau penjelasan hal-hal berikut, dengan kata-kata kalian sendiri mengenai :

- ullet Kode Soal = ullet, Bubble Sort, pengertian, dan fungsi Bubble Sort
- ullet Kode Soal = 1, Selection Sort, pengertian, dan fungsi Selection Sort

2 Implementasi-1

Kerjakan berikut dengan ketentuan, modulus satu digit terakhir NPM kalian dengan 4, hasil modulus adalah kode soal berikut ini.

2.1 Kode Soal=0

Buat fungsi Modifikasi Algoritma Sorting - Bubble Sort, untuk pengurutan secara ascending, dengan ketentuan :

- Proses pengurutan (perbandingan) dimulai dari indeks terakhir sampai dengan indeks awal
- Data yang memiliki nilai kecil, diletakkan terlebih dahulu di indek-indeks awal, sehingga pada akhir iterasi indeks-indeks awal ditempati data yang memiliki nilai kecil.
- Contoh Proses perbandingan yang dilakukan pada modifikasi algoritma bubble sort ini dan output yang harus dihasilkan pada fungsi yang akan dibuat, dapat dilihat pada Gambar 1

```
a=[10,8,6,5,1]
bubbleSort(a)
Data yang akan diurutkan : [10, 8, 6, 5, 1]
Outer Loop #1
is data[4] < data[3] ?
                                Data: [10, 8, 6, 1, 5]
                        True
                              , Data : [10, 8,
           < data[2] ?
is data[3]
                        True
                                               1, 6, 5]
                              , Data : [10, 1,
           < data[1] ?
is data[2]
                                               8, 6, 51
                        True
is data[1] < data[0] ?
                       True
                              , Data : [1, 10,
Outer Loop #2
                              , Data : [1, 10, 8, 5, 6]
is data[4] < data[3] ?
                       True
is data[3]
           < data[2] ?
                                Data: [1, 10, 5, 8, 6]
                        True
                              , Data : [1, 5, 10, 8, 6]
is data[2] < data[1] ?
                        True
Outer Loop #3
                              , Data : [1, 5, 10, 6, 8]
is data[4] < data[3] ?
                       True
                              , Data : [1, 5, 6, 10, 8]
is data[3] < data[2] ?
                       True
Outer Loop #4
                              , Data : [1, 5, 6, 8, 10]
is data[4] < data[3] ? True
Sorted Data [1, 5, 6, 8, 10]
                           (a)
```

```
a=[10,9,1,3,8,7,11]
bubbleSort(a)
Data yang akan diurutkan : [10, 9, 1, 3, 8, 7, 11]
Outer Loop #1
is data[6] < data[5] ? False
is data[5] < data[4] ? True
                                               Data :
                                                         [10, 9, 1,
                                                         [10, 9, 1, 3, 7, 8, 11]
[10, 9, 1, 3, 7, 8, 11]
[10, 9, 1, 3, 7, 8, 11]
[10, 9, 1, 3, 7, 8, 11]
                                               Data : [10.
is data[4] < data[3]
                                               Data :
is data[3] < data[2] ? False
is data[2] < data[1] ? True
                                               Data :
is data[2] < data[1]
                                               Data :
is data[1] < data[0] ?
                                                         [1, 10, 9, 3,
                                               Data
Outer Loop #2
is data[6] < data[5] ? False
                                               Data :
                                                         [1, 10, 9, 3,
is data[5] < data[4] ? False
is data[4] < data[3] ? False
is data[3] < data[2] ? True
                                                         [1, 10, 9, 3, 7, 8, 11]
[1, 10, 9, 3, 7, 8, 11]
[1, 10, 3, 9, 7, 8, 11]
                                               Data :
                                               Data:
                                               Data :
is data[2] < data[1] ?
                                   True
                                               Data: [1, 3, 10, 9, 7, 8,
Outer Loop #3
is data[6] < data[5] ? False
is data[5] < data[4] ? False
is data[4] < data[3] ? True
                                               Data : [1, 3, 10, 9, 7, 8, 11]
Data : [1, 3, 10, 7, 9, 8, 11]
is data[3] < data[2] ?
Outer Loop #4
is data[6] < data[5] ? False
                                               Data: [1, 3, 7, 10, 9, 8, 11]
Data: [1, 3, 7, 10, 8, 9, 11]
Data: [1, 3, 7, 8, 10, 9, 11]
is data[5] < data[4] ? True
is data[4] < data[3] ? True
Outer Loop #5
is data[6] < data[5] ? False
is data[5] < data[4] ? True
                                               Data: [1, 3, 7, 8, 10, 9,
                                               Data: [1, 3, 7, 8, 9, 10, 11]
Outer Loop #6
is data[6] < data[5] ? False
                                               Data : [1, 3, 7, 8, 9, 10, 11]
Sorted Data [1, 3, 7, 8, 9, 10, 11]
```

(b)

Gambar 1: Bubble Sort - Ascending

$2.2 \quad Kode \ Soal=1$

Buat fungsi Modifikasi Algoritma Sorting - Bubble Sort, untuk pengurutan secara descending, dengan ketentuan :

- Proses pengurutan (perbandingan) dimulai dari indeks terakhir sampai dengan indeks awal
- Data yang memiliki nilai besar, diletakkan terlebih dahulu di indek-indeks awal, sehingga pada akhir iterasi indeks-indeks awal ditempati data yang memiliki nilai besar.
- Contoh Proses perbandingan yang dilakukan pada modifikasi algoritma bubble sort ini dan output yang harus dihasilkan pada fungsi yang akan dibuat, dapat dilihat pada Gambar 2

2.3 Kode Soal=2

Buat fungsi Modifikasi Algoritma Sorting - Selection Sort, untuk pengurutan secara ascending, dengan ketentuan :

- Seleksi/cari indeks data yang memiliki nilai maksimal dari suatu list (pencarian dilakukan mulai dari indeks-indeks akhir)
- Data yang memiliki nilai besar, diletakkan terlebih dahulu di indek-indeks akhir, sehingga pada akhir iterasi indeks-indeks akhir ditempati data yang memiliki nilai besar.
- Contoh Proses perbandingan yang dilakukan pada modifikasi algoritma selection sort ini dan output yang harus dihasilkan pada fungsi yang akan dibuat, dapat dilihat pada Gambar 3

$2.4 \quad Kode \ Soal=3$

Buat fungsi Modifikasi Algoritma Sorting - Selection Sort, untuk pengurutan secara descending, dengan ketentuan :

```
a=[10,9,1,3,8,7,11]
                                                                                           a=[0,2,5,7,10,12]
Data yang akan diurutkan : [10, 9, 1, 3, 8, 7, 11]
                                                                                           bubbleSortDescending(a)
Outer Loop #1 is data[6] > data[5] ?
                            True
                                  , Data :
                                             [10, 9,
                                                      1, 3, 8, 11, 7]
                                                                                           Data yang akan diurutkan : [0, 2, 5, 7, 10, 12]
is data[5] > data[4]
                            True
                                     Data :
                                             [10, 9, 1, 3, 11, 8, 7]
[10, 9, 1, 11, 3, 8, 7]
                                                                                           Outer Loop #1
is data[4] > data[3]
                                     Data :
                            True
                                                                                           is data[5] > data[4] is data[4] > data[3]
                                                                                                                                  Data : [0, 2, 5, 7, 12, 10]
Data : [0, 2, 5, 12, 7, 10]
Data : [0, 2, 12, 5, 7, 10]
is data[3] > data[2] is data[2] > data[1]
                            True
                                    Data :
                                             [10, 9, 11, 1, 3, 8, 7]
                                                                                                                         True
                                             [10, 11, 9,
                                                                                                                         True
                            True
                                     Data
is data[1] > data[0]
                            True
                                     Data
                                             [11, 10, 9, 1, 3, 8,
                                                                                           is data[3]
                                                                                                           data[2]
                                                                                                                         True
Outer Loop #2
                                                                                           is data[2]
                                                                                                           data[1]
                                                                                                                         True
                                                                                                                                  Data :
                                                                                                                                            [0, 12, 2,
                                                                                                                                                         5, 7,
is data[6] > data[5] is data[5] > data[4]
                        ? False
                                     Data
                                             [11, 10, 9, 1,
                                                                                                                                                     2,
                                                                                           is data[1] > data[0]
                                                                                                                         True
                                                                                                                                  Data : [12, 0,
                                                                                                                                                         5, 7, 10]
                           True
                                  , Data :
                                             [11, 10, 9, 1, 8, 3,
                                                                                           Outer Loop #2
                                             [11, 10, 9, 8, 1, 3, [11, 10, 9, 8, 1, 3,
is data[4] > data[3]
                           True
                                     Data
                                                                                                                                  Data : [12, 0, 2,
                                                                                           is data[5] > data[4]
                        ? False
is data[3]
             > data[2]
                                     Data
                                                                                                                                  Data: [12, 0, 2, 10, 5, 7]
Data: [12, 0, 10, 2, 5, 7]
                                                                                           is data[4]
                                                                                                        > data[3]
                                                                                                                         True
is data[2] > data[1] ? False
                                     Data
                                             [11, 10,
                                                                                                           data[2]
                                                                                           is data[3]
                                                                                                                         True
Outer Loop #3
                                                                                                           data[1]
                                                                                                                                           [12, 10, 0, 2,
                                                                                           is data[2]
is data[6] > data[5] ? is data[5] > data[4] ?
                                            [11, 10, 9, 8, 1, 7, 3]
[11, 10, 9, 8, 7, 1, 3]
[11, 10, 9, 8, 7, 1, 3]
                                     Data :
                            True
                                                                                           Outer Loop
is data[5] > data[4] ? True is data[4] > data[3] ? False
                            True
                                     Data :
                                                                                           is data[5] > data[4]
                                                                                                                                  Data: [12, 10, 0, 2,
                                     Data
                                                                                                                         True
is data[3] > data[2] ? False
                                                                                           is data[4]
                                                                                                                         True
                                                                                                                                  Data: [12, 10, 0, 7, 2, 5]
                                                                                                           data[3]
                                     Data :
                                             [11, 10,
Outer Loop #4
is data[6] > data[5] ?
                                                                                           is data[3] > data[2]
                                                                                                                         True
                                                                                                                                  Data: [12, 10, 7, 0, 2, 5]
                           True
                                     Data :
                                             [11, 10, 9, 8, 7,
                                                                                           Outer Loop #4
is data[5] > data[4] ? False
                                            [11, 10, 9, 8, 7, 3, 1]
[11, 10, 9, 8, 7, 3, 1]
                                     Data :
                                                                                           is data[5] > data[4] ?
                                                                                                                         True
                                                                                                                                  Data: [12, 10, 7, 0, 5, 2]
is data[4] > data[3] ? False
                                  , Data :
                                                                                           is data[4] > data[3] ?
                                                                                                                                  Data: [12, 10, 7, 5, 0, 2]
Outer Loop #5
is data[6] > data[5] ? False
                                                                                           Outer Loop #5
                                  , Data : [11, 10, 9, 8, 7,
                                                                                           is data[5] > data[4] ? True
                                                                                                                                  Data: [12, 10, 7, 5, 2, 0]
is data[5] > data[4] ? False
                                  , Data : [11, 10, 9, 8, 7, 3, 1]
                                                                                           Sorted Data [12, 10, 7, 5, 2, 0]
Outer Loop #6
is data[6] > data[5] ? False
                                     Data: [11, 10, 9, 8, 7, 3, 1]
Sorted Data [11, 10, 9, 8, 7, 3, 1]
                                                                                                                                (b)
                                     (a)
```

Gambar 2: Bubble Sort - Descending

```
a=[10,9,1,3,8,7,11,0]
selectionSortAscending(a)
Data = [10, 9, 1, 3, 8, 7, 11, 0]
data[6] is the max value, swap data[6] and data[7],
                                                                 Data
                                                                         [10, 9, 1, 3, 8, 7, 0, 11]
data[0] is the max value, swap data[0] and data[6],
                                                             New Data :
                                                                         [0, 9, 1, 3, 8, 7, 10, 11]
data[1] is the max value, swap data[1] and data[5],
                                                             New Data :
                                                                         [0,
                                                                             7, 1,
                                                                                    3, 8, 9, 10, 11]
data[4] is the max value, swap data[4] and data[4],
                                                             New Data :
                                                                         [0,
                                                                             7, 1, 3, 8, 9, 10, 11]
data[1] is the max value, swap data[1] and data[3],
                                                             New Data .
                                                                         [0,
                                                                             3, 1, 7, 8, 9, 10, 11]
data[1] is the max value, swap data[1] and data[2],
                                                             New Data : [0, 1, 3, 7, 8, 9, 10, 11]
data[1] is the max value, swap data[1] and data[1],
                                                             New Data : [0.
                                                                             1,
                                                                                3, 7, 8, 9, 10, 11
data[0] is the max value, swap data[0] and data[0],
                                                             New Data : [0, 1, 3, 7, 8, 9, 10, 11]
Sorted Data= [0, 1, 3, 7, 8, 9, 10, 11]
                                                  (a)
a=[10,7,6,5,3,1,0,-5]
selectionSortAscending(a)
Data = [10, 7, 6, 5, 3, 1, 0, -5]
data[0] is the max value, swap data[0]
data[1] is the max value, swap data[1] and data[6], data[2] is the max value, swap data[2] and data[5],
                                                                   [-5, 0, 6, 5, [-5, 0, 1, 5,
                                                                                 3, 1,
3, 6,
                                                                                       7, 10]
7, 10]
                                                        New Data :
                                                        New Data :
                                                                     -5, 0, 1,
                                                                              3,
                                                                                 5, 6,
data[3] is the max value, swap data[3] and data[4],
data[3] is the max value, swap data[3] and data[3],
                                                        New Data :
                                                                   [-5, 0, 1, 3,
                                                                                 5,
                                                                                    6,
                                                                                          10]
                                                                                 5, 6, 7, 10]
5, 6, 7, 10]
data[2] is the max value, swap data[2] and data[2],
                                                       New Data : [-5, 0, 1, 3,
data[1] is the max value, swap data[1] and data[1],
                                                        New Data :
                                                       New Data : [-5,
data[0] is the max value, swap data[0] and data[0],
Sorted Data= [-5, 0, 1, 3, 5, 6, 7, 10]
                                                  (b)
```

Gambar 3: Selection Sort - Ascending

- Seleksi/cari indeks data yang memiliki nilai mimimal dari suatu list (pencarian dilakukan mulai dari indeks-indeks akhir)
- Data yang memiliki nilai kecil, diletakkan terlebih dahulu di indek-indeks akhir, sehingga pada akhir iterasi indeks-indeks akhir ditempati data yang memiliki nilai kecil.
- Contoh Proses perbandingan yang dilakukan pada modifikasi algoritma selection sort ini dan output yang harus dihasilkan pada fungsi yang akan dibuat, dapat dilihat pada Gambar 4

```
a=[10,7,6,5,3,1,0,-5,5,8]
selectionSortDescending(a)
Data = [10, 7, 6, 5, 3, 1, 0, -5, 5, 8]
data[7] is the min value, swap data[7] and data[9],
                                                        New Data
                                                                              5,
5,
5,
data[6] is the min value, swap data[6] and data[8],
                                                        New Data
                                                                           6,
                                                                                  3,
                                                                                     1,
                                                                                  3, 8,
data[5] is the min value, swap data[5] and data[7],
                                                        New Data
                                                                           6,
data[4] is the min value, swap data[4] and data[6],
                                                        New Data
                                                                           6,
                                                                                     8,
data[3] is the min value, swap data[3] and data[5],
                                                        New Data
                                                                    [10,
                                                                           6,
data[4] is the min value, swap data[4] and data[4],
                                                        New Data
                                                                    [10,
                                                                   [10, 7, 8, 6, 5, 5, 3, 1, 0, -5]
[10, 8, 7, 6, 5, 5, 3, 1, 0, -5]
data[2] is the min value, swap data[2] and data[3],
                                                        New Data
data[1] is the min value, swap data[1] and data[2],
                                                        New Data :
                                                                   [10,
data[1] is the min value, swap data[1] and data[1],
                                                        New Data
                                                                   [10, 8, 7, 6, 5, [10, 8, 7, 6, 5,
data[0] is the min value, swap data[0] and data[0],
                                                        New Data :
Sorted Data= [10, 8, 7, 6, 5, 5, 3, 1, 0, -5]
                                                 (a)
a=[-3,0,1,4,6,8,10,12]
selectionSortDescending(a)
Data = [-3, 0, 1, 4, 6, 8, 10, 12]
data[0] is the min value, swap data[0] and data[7],
                                                           New Data :
                                                                       [12, 0, 1, 4, 6,
                                                                       [12, 10, 1, 4,
data[1] is the min value, swap data[1] and data[6],
                                                           New Data :
                                                                                       6, 8, 0,
data[2] is the min value, swap data[2] and data[5],
                                                           New Data :
                                                                       [12, 10, 8, 4,
data[3] is the min value, swap data[3] and data[4],
                                                           New Data :
                                                                       [12, 10, 8, 6, 4, 1, 0,
data[3] is the min value, swap data[3] and data[3],
                                                           New Data :
                                                                       [12, 10, 8, 6, 4, 1, 0, -3]
data[2] is the min value, swap data[2] and data[2],
                                                           New Data :
                                                                       [12, 10, 8, 6, 4, 1, 0,
data[1] is the min value, swap data[1] and data[1],
                                                           New Data : [12, 10, 8, 6, 4, 1, 0, -3]
data[0] is the min value, swap data[0] and data[0],
                                                           New Data : [12, 10, 8, 6, 4, 1, 0,
Sorted Data= [12, 10, 8, 6, 4, 1, 0, -3]
```

Gambar 4: Selection Sort - Descending

3 Implementasi-2

Kerjakan untuk semua mahasiswa.

Modifikasi algoritma Bubble Sort agar iterasi terhenti ketika tidak ada lagi data yang akan ditukar posisinya (semua data sudah berada di tempat yang tepat). Contoh Bubble Sort tanpa modifikasi dapat dilihat pada 5a, sedangkan modifikasi bubble sort dapat dilihat pada 5b.

Selamat Mengerjakan, Selalu Latihan, Jujur harus dimulai kapanpun, Bertanya jika kurang mengerti, #StayAtHome, #LearningFromHome

Struktur Data - 2022 Indah Agustien Siradjuddin

```
b=[10,2,5,8,1,20,2,2,4]
                                                                                                                                        sorting.modifiedBubbleSort(b)
b=[10,2,5,8,1,20,2,2,4]
                                                                                                                                        iterasi ke- 1 jumlah iterasi- 8
Data yang akan diurutkan: [10, 2, 5, 8, 1, 20, 2, 2, 4]
Iterasi ke- 1:
1 = [2, 10, 5, 8, 1, 20, 2, 2, 4]
2 = [2, 5, 10, 8, 1, 20, 2, 2, 4]
3 = [2, 5, 8, 10, 1, 20, 2, 2, 4]
4 = [2, 5, 8, 1, 10, 20, 2, 2, 4]
5 = [2, 5, 8, 1, 10, 20, 2, 2, 4]
6 = [2, 5, 8, 1, 10, 20, 2, 2, 4]
7 = [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 2, 4]
8 = [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 2, 4]
9 = [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 4, 20]
Iterasi ke- 2:
1 = [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 4, 20]
                                                                                                                                                    [2, 10, 5, 8, 1, 20, 2, 2,
                                                                                                                                                                                                                  4]
                                                                                                                                        2 =
                                                                                                                                                    [2, 5, 10, 8, 1, 20, 2,
                                                                                                                                                                                                           2, 4]
                                                                                                                                                    [2, 5, 8, 10, 1, 20, 2, 2, 4]
                                                                                                                                                    [2, 5, 8, 1, 10, 20, 2, 2, 4]
                                                                                                                                        5 =
                                                                                                                                                    [2, 5, 8, 1, 10, 20, 2, 2,
                                                                                                                                                                                                                  4]
                                                                                                                                                    [2, 5, 8, 1, 10, 2, 20, 2, 4]
                                                                                                                                        6
                                                                                                                                                    [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 20, 4]
                                                                                                                                        8 =
                                                                                                                                                   [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 4, 20]
Iterasi ke- 2:
1 = [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 4, 20]
2 = [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 4, 20]
3 = [2, 5, 1, 8, 10, 2, 2, 4, 20]
4 = [2, 5, 1, 8, 10, 2, 2, 4, 20]
5 = [2, 5, 1, 8, 2, 2, 2, 4, 20]
6 = [2, 5, 1, 8, 2, 2, 10, 4, 20]
7 = [2, 5, 1, 8, 2, 2, 10, 4, 20]
Iterasi ke- 3:
                                                                                                                                        iterasi ke- 2 jumlah iterasi- 7
                                                                                                                                                    [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 4, 20]
                                                                                                                                        1 =
                                                                                                                                                    [2, 5, 8, 1, 10, 2, 2, 4, 20]
                                                                                                                                        3 =
                                                                                                                                                    [2, 5, 1, 8, 10, 2, 2, 4, 20]
7 = [2, 5, 1, 8, 2, 2, 4, 10, 20]

Iterasi ke- 3:

1 = [2, 5, 1, 8, 2, 2, 4, 10, 20]

2 = [2, 1, 5, 8, 2, 2, 4, 10, 20]

3 = [2, 1, 5, 8, 2, 2, 4, 10, 20]

4 = [2, 1, 5, 2, 8, 2, 4, 10, 20]

5 = [2, 1, 5, 2, 2, 8, 4, 10, 20]

5 = [2, 1, 5, 2, 2, 4, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 4:

1 = [1, 2, 5, 2, 2, 4, 8, 10, 20]

2 = [1, 2, 5, 2, 2, 4, 8, 10, 20]

3 = [1, 2, 5, 2, 2, 4, 8, 10, 20]

3 = [1, 2, 2, 2, 4, 8, 10, 20]

5 = [1, 2, 2, 2, 4, 8, 10, 20]

5 = [1, 2, 2, 2, 4, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 5:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

3 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

4 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 6:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 6:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

3 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 6:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 7:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 7:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi ke- 7:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]
                                                                                                                                                    [2, 5, 1, 8, 10, 2, 2, 4, 20]
                                                                                                                                                   [2, 5, 1, 8, 2, 10, 2, 4, 20]
                                                                                                                                                   [2, 5, 1, 8, 2, 2, 10, 4, 20]
                                                                                                                                        6 =
                                                                                                                                                   [2, 5, 1, 8, 2, 2, 4, 10, 20]
                                                                                                                                        iterasi ke- 3 jumlah iterasi- 6
                                                                                                                                                   [2, 5, 1, 8, 2, 2, 4, 10, 20]
                                                                                                                                       1 =
                                                                                                                                                    [2, 1, 5, 8, 2, 2, 4, 10, 20]
                                                                                                                                                   [2, 1, 5, 8, 2, 2, 4, 10, 20]
                                                                                                                                        3 =
                                                                                                                                                    [2, 1, 5, 2, 8, 2, 4, 10, 20]
                                                                                                                                        5 =
                                                                                                                                                    [2, 1, 5, 2, 2, 8, 4, 10, 20]
                                                                                                                                                   [2, 1, 5, 2, 2, 4, 8, 10, 20]
                                                                                                                                        6 =
                                                                                                                                        iterasi ke- 4 jumlah iterasi- 5
                                                                                                                                                   [1, 2, 5, 2, 2, 4, 8, 10, 20]
                                                                                                                                        1 =
                                                                                                                                        2 =
                                                                                                                                                    [1, 2, 5, 2, 2, 4, 8, 10, 20]
                                                                                                                                                    [1, 2, 2, 5, 2, 4, 8, 10, 20]
                                                                                                                                       4 =
                                                                                                                                                    [1, 2, 2, 2, 5, 4, 8, 10, 20]
Teresi Re- 7:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

2 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi Re- 8:

1 = [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]

Iterasi Re- 9:

Data urut- [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]
                                                                                                                                                   [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]
                                                                                                                                        iterasi ke- 5 jumlah iterasi- 4
                                                                                                                                                    [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]
                                                                                                                                       2 =
                                                                                                                                                    [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]
                                                                                                                                       3 =
                                                                                                                                                    [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]
                        (a) Bubble Sort Tanpa Modifikasi
                                                                                                                                                   [1, 2, 2, 2, 4, 5, 8, 10, 20]
```

(b) Bubble Sort Modifikasi

Gambar 5: Bubble Sort Ascending