電磁気学」レポート問題 第二回

担当:山口哲

2009年12月7日出題

問題

 ${f A}({f r}), {f B}({f r}), {f C}({f r})$ をベクトル場、 $f({f r})$ をスカラー場(関数)、 $\nabla=(\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z})$ をナブラベクトルとする。次の式が成り立つかどうか確かめよ。間違っているものがあれば、右辺を訂正せよ。

$$\mathbf{A} \times \mathbf{A} = 0,\tag{1}$$

$$\mathbf{A} \cdot (\mathbf{B} \times \mathbf{C}) = \mathbf{B} \cdot (\mathbf{C} \times \mathbf{A}),\tag{2}$$

$$\mathbf{A} \times (\mathbf{B} \times \mathbf{C}) = (\mathbf{B} \cdot \mathbf{C})\mathbf{A} - (\mathbf{A} \cdot \mathbf{B})\mathbf{C},\tag{3}$$

$$\nabla \times (\nabla f) = 0, \tag{4}$$

$$\nabla \cdot (\nabla \times \mathbf{A}) = 0, \tag{5}$$

$$\nabla \times (\nabla \times \mathbf{A}) = \nabla(\nabla \cdot \mathbf{A}) - \nabla^2 \mathbf{A},\tag{6}$$

$$\nabla \cdot (\mathbf{A} \times \mathbf{B}) = \mathbf{B} \cdot (\nabla \times \mathbf{A}). \tag{7}$$

提出について

レポート用紙に氏名、学年、クラス、学籍番号と解答を書き、原則として 12 月 14 日の授業の際に提出すること。都合のつかない場合は 12 月 21 日の授業の際に提出するか、山口の研究室(理学研究科 H 棟 H728)に持って来ること。

レポート用紙が複数枚になるときはホッチキスでしっかり止めること。それぞれの用紙に 名前を書いておいたほうが無難。

もし、分からない問題があっても、出来たところまでで提出すること。