

複素関数  $f(z) = f(x + iy) = u(x, y) + iv(x, y)$  が点  $z_0 = x_0 + iy_0$  において正則であるための必要十分条件は,  $z_0$  のある  $\varepsilon$  近傍  $\Delta(z_0, \varepsilon)$  において以下のコーシー・リーマン方程式を満たすことである。

$$\frac{\delta u}{\delta x} = \frac{\delta v}{\delta y}$$

$$\frac{\delta u}{\delta y} = -\frac{\delta v}{\delta x}$$

$c(t) = (x(t), y(t), z(t))$  によって与えられる空間曲線  $c$  の  $c(0)$  を始点として  $c(t)$  までの弧長を  $s(t)$  とすると

$$s(t) = \int_0^t \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dz}{dt}\right)^2} dt$$

と表される。

関数  $f$  が開区間  $I$  上で  $n$  回微分可能であるとする. このとき,  $a, b \in I$  に対し,

$$f(b) = f(a) + \frac{f'(a)}{1!}(b-a) + \frac{f''(a)}{2!}(b-a)^2 + \cdots + \frac{f^{(n-1)}(a)}{(n-1)!}(b-a)^{n-1} + R_n(c)$$

を満たす  $c$  が  $a$  と  $b$  の間に存在する.

$m$  次正方行列

$$J(\alpha, m) = \begin{bmatrix} \alpha & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \alpha & 1 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & 0 \\ \vdots & & \ddots & \ddots & 1 \\ 0 & \cdots & \cdots & 0 & \alpha \end{bmatrix}$$

を *Jordan* 細胞と呼ぶ. 正方行列  $A$  が正則行列  $P$  によって

$$P^{-1}AP = J(\alpha_1, m_1) \oplus J(\alpha_2, m_2) \oplus \cdots \oplus J(\alpha_k, m_k) \quad (1)$$

$$= \begin{bmatrix} J(\alpha_1, m_1) & & & \\ & J(\alpha_2, m_2) & & \\ & & \ddots & \\ & & & J(\alpha_k, m_k) \end{bmatrix} \quad (2)$$

と *jordan* 細胞の直和になるとき, これを  $A$  の *Jordan* 標準形と呼ぶ.