تمرین کتبی ۳ پر بسا بلسوار، سارا کدیری

> هر سوال را در محل در نظر گرفته شده پاسخ دهید. پاسخ های خارج از محل تصحیح نمیشوند. شماره دانشجویی باید با اعداد لاتین نوشته شود.

> > ۱. [۲۵] درخت جستجوی دودویی

Describe a data structure that represents an ordered list of elements under the following three types of operations:

access(k): Return the kth element of the list (in its current order).

insert(k, x): Insert x (a new element) after the kth element in the current version of the list.

reverse(i, j) Reverse the order of the *i*th through *j*th elements.

For example, if the initial list is [a, b, c, d, e], then access(2) returns b. After $ext{reverse}(2,4)$, the represented list becomes [a, d, c, b, e], and then access(2) returns d.

Each operation should run in $\mathcal{O}(logn)$ amortized time, where n is the (current) number of elements in the list. The list starts out empty.

Hint: First consider how to implement access and insert using splay trees. Then think about a

special case of reverse in which the [i,j] range is represented by a whole subtree. Use these ideas to solve the real problem. Remember, if you store extra information in the tree, you must state how this information can be maintained under various restructuring operations.

-Strongly را با نشان دادن مراحل پیدا کنید. توضیح لازم نیست. نشان دادن خروجی	ا. [۲۵] درگراف زیر Connected-Components. الگوریتم در مراحل مختلف لازم است.
	1
	6 /
	$\sqrt{\frac{3}{2}}$
راه معکوس آن G^R نشان دهید که کوچکترین post-order یا کوچکترین/بزرگترین pre-order و pre-order در گراف اصلی را پیدا کرد. در هر مثال لازم است شمارههای pre-order و Sink نیز مشخص شود. همچنین مشخص کنید که بزرگتر/کوچکتر اعداد کدام گرهها Source بیدا کردن گره با بیشترین Sink در گراف اصلی پیدا کردن گره با بیشترین Sink مدرست پیدا کردن گره با بیشترین Post-order	pre-order در هیچکدام از گرافها نمیتوان گره post-order هر نود مشخص شده و گره Sink و :

۱۹. [۲۵] ورودی متد زیر یال های یک گراف بدون جهت است. خروجی آن چیست؟ پیچیدگی محاسباتی این متد بر حسب تعداد گره ها $\mathcal{O}(\underline{\hspace{1cm}})$ و تعداد یال ها \mathcal{E} چیست؟ ($\underline{\hspace{1cm}}$ $\mathcal{O}(\underline{\hspace{1cm}})$ در نقطه چین زیر توضیح دهید.

```
// "edges" contains a list of edges for an undirected
// graph. Each edge is represented by an array of size 2.
// The first element is the source node and the second
// element is the target node.
public static bool Solve(long nodeCount, long[][] edges)
{
    DisjointSet ds = new DisjointSet(edges.Length);
    for(int i=0; i<nodeCount; i++)
        ds.MakeSet(i);

    foreach(var edge in edges)
    {
        var x = ds.Find(edge[0]);
        var y = ds.Find(edge[1]);
        if (x == y)
            return true;
        ds.Union(x, y);
    }
    return false;
}</pre>
```

۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. فودهای قرمز را با دو دایره تو در تو مشخص کنید. ۱۵ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۱۵ ، ۹ ، ۹ ، ۹ ، ۹ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱	
 ۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. ۱۵ دا ۸ ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۱۵ ، ۱۸ ، ۱۹ ، ۱۶ ، ۱۹ ، ۱۹ ، ۱۹ ، ۱۹ ، ۱۹ ، ۱۹	
 ۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. ۱۵ (۱۵ ، ۲ ، ۲ ، ۸ ، ۴ ، ۲ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۹ ، ۹ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱۵ ،	
 ۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. ۱، ۱۲، ۷، ۳، ۸، ۲، ۱۷، ۱۷، ۹، ۹، ۹، ۹، ۱۶ میرون میرون از میر	
 ۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. ۱، ۵، ۱۲ ، ۷، ۳، ۸، ۴، ۲ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۹، ۹ ، ۹ ، ۱۵ . 	
۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. ۱۱ ۱۵ ۲ ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۱۵ ، ۱۵	
 ۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. ۱ ۱۵ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲	
نتیجه را رسم کنید. نودهای قرمز را با دو دایره تو در تو مشخص کنید. ۱ ، ۱۵ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۱۸ ، ۱۸ ، ۵ ، ۹ ، ۹ ، ۹ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱	
(1. Q(1. Y. Ŷ. A. Y. Y) (1. A(1. Q. P. Q)	۵. [۲۵] اعداد زیر را به ترتیب در یک Left Leaning Red Black Tree به همراه درخت ۲-۳ متناظر آن اضافه کرده و درختهای نتیجه را رسم کنید. نودهای قرمز را با دو دایره تو در تو مشخص کنید.
	· ·