

دانشكده مهندسي كامپيوتر

ساختمان داده

تمرین ۱۱*

ملیکا نوبختیان هادی شیخی سید صالح اعتمادی

نيمسال اول ٥٠-٩٩

<pre>m_nobakhtian@comp.iust.ac.ir ha_sheikhi@comp.iust.ac.ir</pre>	ايميل/تيمز
fb_A11	نام شاخه
A11	نام پروژه/پوشه/پول ریکوست
99/1·/V	مهلت تحویل

^{*}تشکر ویژه از خانم مریم سادات هاشمی که در نیم سال اول سال تحصیلی ۹۸-۹۸ نسخه اول این مجموعه تمرینها را تهیه فرمودند. همچنین از اساتید حل تمرین نیمسال اول سال تحصیلی ۹۸-۹۸ سارا کدیری، محمد مهدی عبداللهپور، مهدی مقدمی، مهسا قادران، علیرضا مرادی، پریسا یل سوار، غزاله محمودی و محمدجواد میرشکاری که مستند این مجموعه تمرینها را بهبود بخشیدند، متشکرم.

توضیحات کلی تمرین

- ۱. ابتدا مانند تمرین های قبل، یک یروژه به نام A11 بسازید.
- ۲. کلاس هر سوال را به پروژهی خود اضافه کنید و در قسمت مربوطه کد خود را بنویسید. هر کلاس شامل دو متد اصلی است:
- متد اول: تابع Solve است که شما باید الگوریتم خود را برای حل سوال در این متد پیاده سازی
- متد دوم: تابع Process است که مانند تمرین های قبلی در TestCommon پیاده سازی شده است. بنابراین با خیال راحت سوال را حل کنید و نگران تابع Process نباشید! زیرا تمامی پیاده سازی ها برای شما انجام شده است و نیازی نیست که شما کدی برای آن بزنید.
- ٣. اگر برای حل سوالی نیاز به تابع های کمکی دارید؛ می توانید در کلاس مربوط به همان سوال تابع تان را اضافه کنید.

اکنون که پیاده سازی شما به پایان رسیده است، نوبت به تست برنامه می رسد. مراحل زیر را انجام دهید.

- ۱. یک UnitTest برای پروژهی خود بسازید.
- ۲. فولدر TestData که در ضمیمه همین فایل قرار دارد را به پروژهی تست خود اضافه کنید.
 - ۳. فایل GradedTests.cs را به پروژهی تستی که ساخته اید اضافه کنید.

توجه: برای اینکه تست شما از بهینه سازی کامپایلر دات نت حداکثر بهره را ببرد زمان تست ها را روی بیلد Release امتحان کنید، درغیر اینصورت ممکن است تست های شما در زمان داده شده پاس نشوند.

```
using Microsoft. Visual Studio. Test Tools. Unit Testing;
     using TestCommon;
     namespace A11.Tests
۵
         [DeploymentItem("TestData")]
         [TestClass()]
         public class GradedTests
٨
             [TestMethod(), Timeout(2000)]
             public void SolveTest_Q1BinaryTreeTraversals()
             {
11
                 RunTest(new Q1BinaryTreeTraversals("TD1"));
             }
14
۱۵
             [TestMethod(), Timeout(1500)]
             public void SolveTest_Q2IsItBST()
۱٧
                 RunTest(new Q2IsItBST("TD2"));
۱٩
۲۱
             [TestMethod(), Timeout(1500)]
77
             public void SolveTest_Q3IsItBSTHard()
             {
                 RunTest(new Q3IsItBSTHard("TD3"));
             }
48
۲٧
             [TestMethod(), Timeout(10000)]
             // change the timeout to 6000 if you could solve it
۲٩
             public void SolveTest_Q4SetWithRangeSums()
٣١
             {
                 RunTest(new Q4SetWithRangeSums("TD4"));
             }
             [TestMethod(), Timeout(6000)]
             public void SolveTest_Q5Rope()
                 RunTest(new Q5Rope("TD5"));
٣٨
             }
             public static void RunTest(Processor p)
41
                 {\tt TestTools.RunLocalTest("A11",\ p.Process,\ p.TestDataName,}
44
                    p.Verifier, VerifyResultWithoutOrder: p.VerifyResultWithoutOrder,
                    excludedTestCases: p.ExcludedTestCases);
             }
        }
۴۸
    }
```

Binary tree traversals \

در این سوال به شما یک درخت دودویی داده می شود که باید پیمایش های in-order و pre-order و pre-order و post-order post-order

برای حل این سوال می توانید از توضیحات داخل ویدئو های درس استفاده کنید. اما دقت کنید که پیمایش های درخت را نباید بازگشتی پیاده سازی کنید. در این صورت زمان اجرای برنامه ی شما زیاد خواهد شد یا با ارور StackOverFlow مواجه خواهید شد.

گره های درخت دودویی آز آیندگس 0 تا n-1 شماره گذاری شده اند و گره با آیندکس 0 ریشه ی درخت می باشد. همچنین شماره ی هر خط از فایل ورودی همان آیندکس گره می باشد. یعنی در خط اول از فایل ورودی گره با آیندکس صفر است که همان ریشه درخت نیز می باشد. خط دوم گره با آیندکس یک و خط سوم گره با آیندکس دو و الی آخر.

فرمت هر خط از وروردی به صورت زیر است:

 key_i , $left_i$, $right_i$

که در واقع بیان کننده ی این است که $left_i$ و $right_i$ فرزند های چپ و راست گره key_i هستند. اگر گره ی key_i فرزند چپ یا راست نداشته باشد، $left_i$ یا $right_i$ برای این گره برابر -1 خواهد بود. در غیر این صورت ایندکس فرزند های چپ و راست خواهد بود. تمامی ورودی ها یک درخت دودویی می باشند. خروجی سه خط می باشد که فرمت آن به صورت زیر می باشد:

- خط اول پیمایش in-order
- خط دوم پیمایش pre-order
- خط سوم پیمایش post-order

ورودی نمونه	خروجي نمونه
4 1 2 2 3 4 5 -1 -1 1 -1 -1 3 -1 -1	1 2 3 4 5 4 2 1 3 5 1 3 2 5 4

مطابق شکل زیر، شما باید الگوریتم خود را در تابع Solve که در کلاسBinary tree traversals قرار دارد، بنویسید.

Is it a binary search tree?

فرض کنید ساختار داده ای درخت جستجوی دودویی را از کتابخانه های زبان های برنامه نویسی مختلف، به شما داده اند و از شما خواستند که بررسی کنید، آیا این ساختار داده به درستی پیاده سازی شده است یا خیر. در حال حاضر یک برنامه وجود دارد که با عملیات های قرار دادن (Insert)، حذف (remove)، جستجو (search) اعداد صحیح را در این ساختار داده قرار می دهد و یک درخت جستجوی دودویی را می سازد و وضعیت های داخلی این درخت را خروجی می دهد. حالا شما باید تست کنید که آیا درخت ساخته شده یک درخت جستجو دودویی است یا خیر . تعریف درخت جستجوی دودویی به صورت زیر است:

به ازای هر گره از درخت که مقدار آن x باشد، در این صورت به ازای هر گره ای که در زیر درخت سمت چپ وجود دارد، مقدارش باید کمتر از x باشد و به ازای هر گره ای که در زیر درخت سمت راست وجود دارد مقدارش باید بزرگتر از x باشد. بنابراین شما باید چک کنید که این شرط ها برای درخت جستجوی دودویی داده شده برقرار است یا خیر.

دقت کنید که اگر این شروط را برای هر گره و گره های زیر درختش به صورت بازگشتی چک کنید، بسیار کند خواهد بود و مدت زمان زیادی طول خواهد کشید. بنابراین شما باید یک الگوریتم سریعتر برای حل این سوال بیدا کنید.

تضمین می شود که داده های ورودی همگی یک درخت دودویی هستند یعنی ورودی یک درخت است و هر گره حداکثر دو فرزند دارد.

مانند سوال قبل، گره های درخت دودویی از ایندکس 0 تا 1-n شماره گذاری شده اند و گره با ایندکس 0 ریشه ی درخت می باشد. همچنین شماره ی هر خط از فایل ورودی همان ایندکس گره می باشد. یعنی در خط اول از فایل ورودی گره با ایندکس صفر است که همان ریشه درخت نیز می باشد. خط دوم گره با ایندکس یک و خط سوم گره با ایندکس دو و الی آخر.

فرمت هر خط از وروردی به صورت زیر می باشد:

 key_i , $left_i$, $right_i$ که در واقع بیان کننده ی این است که $left_i$ و $left_i$ و $left_i$ هستند. اگر هستند. اگره ی $left_i$ فرزند چپ یا راست نداشته باشد، باشد، $left_i$ یا $left_i$ برای این گره برابر $left_i$ خواهد بود. در غیر این صورت ایندکس فرزند های چپ و راست خواهد بود. تمامی ورودی ها یک درخت دودویی می باشند. مطابق شکل زیر، شما باید الگوریتم خود را در تابع Solve که در کلاس $left_i$ در کلاس $left_i$ قرار دارد، بنویسید.

Is it a binary search tree? Hard version

در این سوال شما باید همان سوال قبلی را حل کنید اما در حالت کلی تر. یعنی در درخت جستجوی دودویی ممکن است گره هایی با مقدار های یکسان وجود داشته باشد. بنابراین تعریف درخت جستجوی دودویی به صورت زیر تغییر خواهد یافت:

به ازآی هر گره از درخت که مقدار آن x باشد، در این صورت به ازای هر گره ای که در زیر درخت سمت چپ وجود دارد، مقدارش باید کمتر از x باشد و به ازای هر گره ای که در زیر درخت سمت راست وجود دارد مقدارش باید بزرگتر از x یا مساوی آن باشد. یعنی مقدار های مساوی همیشه در زیردرخت راست قرار می گیرند. بنابراین شما باید چک کنید که این شرط ها برای درخت جستجوی دودویی داده شده برقرار است یا خیر. تضمین می شود که داده های ورودی همگی یک درخت دودویی هستند یعنی ورودی یک درخت است و هر گره حداکثر دو فرزند دارد. گره های درخت دودویی از ایندکس x تا x شماره گذاری شده اند و گره با ایندکس x ورودی همان ایندکس گره می باشد. همچنین شماره ی هر خط از فایل ورودی همان ایندکس گره می باشد. یعنی در خط اول از فایل ورودی گره با ایندکس صفر است که همان ریشه درخت نیز می باشد. خط دوم گره با ایندکس دو و الی آخر.

فرمت هر خط از وروردی به صورت زیر می باشد:

 key_i , $left_i$, $right_i$ و $left_i$ و $left_i$ هستند. اگر هستند. اگر که در واقع بیان کننده ی این است که $left_i$ و $left_i$ و $left_i$ هستند. اگر کی $left_i$ فرزند چپ یا راست نداشته باشد، $left_i$ یا $left_i$ برای این گره برابر $left_i$ برای این که درخت دودویی می باشند. این صورت ایندکس فرزند های چپ و راست خواهد بود. تمامی ورودی ها یک درخت دودویی می باشند. اگر درخت داده شده یک درخت جستجوی دودویی باشد خروجی $left_i$ و در غیر این صورت False می باشد.

براى حل اين سوال كافي است الگوريتم سوال قبل را اندكى تغيير دهيد.

Set with range sums

در این سوال شما باید یک ساختار داده ای را پیاده سازی کنید که مجموعه ای از اعداد صحیح S را با عملیات مجاز زیر ذخیره کند:

- : $\operatorname{add}(i)$ این بدان معنی است که عدد صحیح i را به مجموعه ی S اضافه کنید. اگر در مجموعه از قبل وجود دارد، مجموعه نباید تغییر کند.
- : $\det(\mathrm{i})$ این بدان معنی است که عدد صحیح i را از مجموعه ی S حذف کنید. اگر در مجموعه وجود ندارد، اتفاق خاصی نمی افتد.
- : find(i) این بدان معنی است که بررسی کنید آیا عدد صحیح i در مجموعه ی S وجود دارد یا خیر.
- این بدان معنی است که مجموع همه ی المان های v را بدست آورید و خروجی دهید که l <= v <= r

فرض کنید که در ابتدا مجموعه ی S خالی است. همچنین اگرعملیات sum انجام شده باشد، x برابر با نتیجه آخرین عملیات sum است. در غیر این صورت برابر صفر خواهد بود. فرمت ورودی به صورت زیر است:

- "+i" means add((i + x) mod M)
- "-i" means $del((i + x) \mod M)$
- "? i" means $find((i + x) \mod M)$
- "s l r" means sum $((l + x) \mod M, (r + x) \mod M)$

در خروجی شما باید نتیجه ی عملیات find و sum را پس بدهید. برای عملیات find اگر عدد found Not و در غیر این صورت Found و بیدا کردید باید رشته ی S پیدا کردید باید رشته ی (i+x) mod M را برگردانید. همچنین برای عملیات sum شما باید مجموع مقدار های v را برگردانید که $.(l+x)modM \le v \le (r+x)modM$

توجه كنيد كه پياده سازي اوليه براي شما آورده شده است ولي زمان اجراي آن طولاني ست و شما بايد پياده سازی بهتری انجام دهید.

تایماوت پیشفرض برای دستیابی به نمره کامل این سوال ۱۰ ثانیه است اما برای کسانی که کد آنها تمامی تست کیس ها را در ۶ ثانیه پاس کند نمره امتیازی در نظر گرفته شده است.

لطفا نمونه ی های ورودی و خروحی سوال را از داخل داکیومنت اصلی مطالعه فرمایید.

```
using System;
     using TestCommon;
    namespace A11
۵
         {\tt public \ class \ Q4SetWithRangeSums : Processor}
             public Q4SetWithRangeSums(string testDataName) : base(testDataName)
٨
                 CommandDict = new Dictionary<char, Func<string, string>>()
۱۱
                                  ['+'] = Add,
۱۲
                                  ['-'] = Del,
                                  ['?'] = Find,
14
                                  ['s'] = Sum
۱۵
                              };
             }
۱۷
۱۸
             public override string Process(string inStr) =>
۱٩
                 TestTools.Process(inStr, (Func<string[], string[]>)Solve);
۲۱
             public readonly Dictionary<char, Func<string, string>> CommandDict;
27
             public const long M = 1_000_000_001;
74
             public long X = 0;
78
۲٧
             public string[] Solve(string[] lines)
             {
۲9
                 throw new NotImplementedException();
٣١
٣٢
             private long Convert(long i)
3
                 => i = (i + X) \% M;
         }
٣۶
```

Rope

در این سوال شما باید ساختار داده rope را پیاده سازی کنید که می تواند یک رشته را ذخیره کند و بخشی از این رشته (زیر رشته) را به طور موثری برش دهد و آن را در جای دیگری از رشته قرار دهد. این یک سوال بسیار پیشرفته است، سخت تر از تمام سوالات پیشرفته ای که تا به حال در تمرین ها

داشتیم، پس هرچه زودتر دست به کار شوید.

فرض کنید که رشته s را به شما داده اند و شما باید n تا query را بر روی این رشته پردازش کنید. هر و به معنای آین است که زیر رشته s[i...j] را از s[i...j] را از و به معنای آین است که زیر رشته و query رشته S برش دهید و سپس آن را پس از k امین حرف در رشته باقی مانده درج کنید. اگر k برابر صفر باشد، زیر رشته در ابتدای رشته قرار داده می شود. در خط اول ورودی رشته ی s قرار دارد و در n خط بعدی a و انجام در خط اول ورودی رشته ی a قرار دارد و در a

بدهید، قرار دارد. هر query با سه عدد توصیف می شود که در بالا توضیح داده شد. پس از این که تمام وروی رشته ی s انجام شد، باید نتیجه را در خروجی چاپ نمایید.

لطفا نمونه ی های ورودی و خروجی سوال را از داخل داکیومنت اصلی مطالعه فرمایید.

```
using System;
   using TestCommon;
    namespace A11
        public class Q3IsItBSTHard : Processor
            public Q3IsItBSTHard(string testDataName) : base(testDataName) { }
            public override string Process(string inStr) =>
                TestTools.Process(inStr, (Func<long[][], bool>)Solve);
            public bool Solve(long[][] nodes)
                 throw new NotImplementedException();
۱۵
۱٧
        }
```