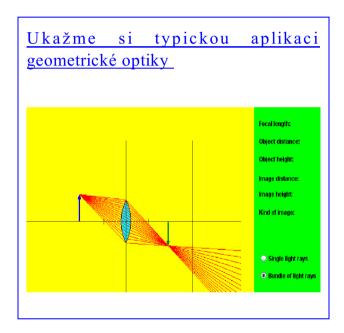
### 27 FYZIKÁLNÍ OPTIKA

Co je to fyzikální optika? Jaký je rozdíl mezi geometrickou a fyzikální optikou?



## 26 GEOMETRICKÁ OPTIKA

#### 26.1 Základní zákony geometrické optiky

- Čáry, podél nichž se šíří světelná energie, neboli tzv. světelné paprsky, jsou obecně složité křivky,.
- zákon odrazu a lomu,
- paprsky z různých zdrojů procházející daným bodem se neovlivňují.

#### 26.1

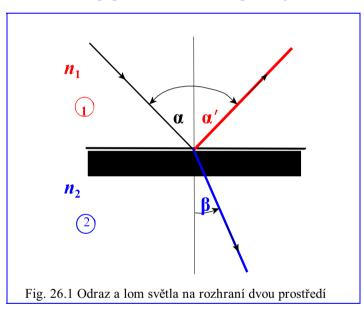
V homogenním a izotropním prostředí jsou světelné paprsky přímky.

#### 26.2

Daným bodem prostoru může současně procházet více světelných paprsků, aniž by se vzájemně ovlivňovaly.

#### 26.3

**Zákon odrazu:** při dopadu na rozhraní dvou prostředí (obr. 26.1) se světelný paprsek (částečně nebo úplně) odráží tak, že úhel dopadu  $\alpha$  se rovná úhlu odrazu  $\alpha'$ ,  $\alpha = \alpha'$ , a paprsek zůstává v rovině dopadu (v rovině tvořené paprskem s kolmicí dopadu, tj. kolmicí na rovinné rozhraní).



#### 26.4

**Zákon lomu**: na rozhraní dvou prostředí se světelný paprsek láme tak, že podíl sinů úhlu dopadu  $\alpha$  a úhlu lomu  $\beta$  (obr. 26.1) se rovná konstantě nazvané relativní index lomu  $n_{21}$ 

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = n_{21}. \tag{26.1}$$

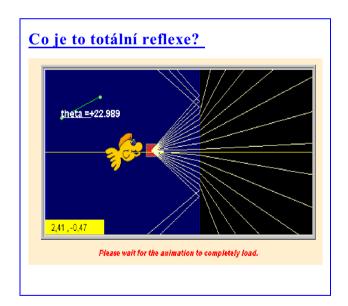
Relativní index lomu dvou prostředí se rovná podílu rychlostí šíření světla v prvém a druhém prostředí,

resp. podílu absolutních indexů lomu  $n_2/n_1$  definovaných podílem rychlosti světla ve vakuu a v daném prostředí

$$n_{21} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{\frac{c}{v_2}}{\frac{c}{v_1}} = \frac{n_2}{n_1}.$$
 (26.2)

Absolutní index lomu je pak podíl rychlosti světla ve vakuu a daném prostředí

$$n=\frac{c}{v}$$
.



# Interference Ohyb Polarizace

Do fyzikální optiky zahrnujeme ty jevy, které vznikají v souvislosti se světlem, v kterých se zjevně projevuje jeho vlnová podstata. Jde především o jev interference, ohybu a polarizace. Je nutno však hned na tomto místě zdůraznit, že uvedené jevy nejsou nikterak omezeny na viditelný obor elektromagnetického záření (světlo), ale že je možno je pozorovat i v ostatních oborech elektromagnetického záření.

#### **27.1 Interference**

Světlo je elektromagnetické vlnění a jelikož s jevem interference vlnění jsme se již seznámili (článek 24.2), zdálo by se, že není potřebné se interferencí světla zvlášť zabývat. Podmínky vzniku interference jsou stejné. Velmi malá vlnová délka světla způsobuje, že tento jev pozorovaný u světla má některé specifické rysy.

#### PODMÍNKY VZNIKU INTERFERENCE

#### 27.1

KOHERENCE dvou vln ( paprsků) Dvě vlny jsou koherentní, je-li jejich rozdíl fází nezávislý na čase a mají -li stejnou rovinu polarizace.

#### Zdůvodnění

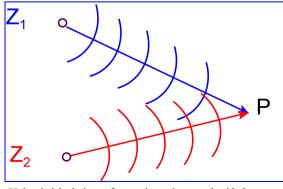
Dvě vlny, obecně různé

$$u_1 = A\sin(\omega_1 t - k_1 r_1 + \varphi_1)$$

$$u_2 = A\sin(\omega_2 t - k_2 r_2 + \varphi_2)$$

se mohou skládat jen pokud je splněno

$$(\omega_1 t - k_1 r_1 + \varphi_1) - (\omega_2 t - k_2 r_2 + \varphi_2) = konst.$$



Kdy dojde k interferenci ze dvou zdrojů?

neboli musí platit:

$$\omega_1 = \omega_2$$
,  $k_1 = k_2$   $a$   $\varphi_2 - \varphi_1 = konstantni$ 

#### 27.2

**Dráhový rozdíl**  $|r_2 - r_1|$  ve vakuu se nahrazuje v prostředí s indexem lomu n rozdílem optických drah

$$\delta = n | \mathbf{r_2} - \mathbf{r_1} |. \tag{27.1}$$

Optická dráha  $\delta$  je definovaná jako součin skutečné dráhy proběhnuté světlem r a indexu lomu prostředí n.

Podmínka maxima interference je

$$n|\mathbf{r}_2-\mathbf{r}_1|=N \ \lambda, \ N=0,1,2,3....$$

podmínka minima interference je

$$n|\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1| = (2N+1)\frac{\lambda}{2}$$
,  $N=0,1,2,3...$ 

#### 27.3

Jestliže se světlo odráží od opticky hustšího prostředí než ve kterém se šíří  $(n_2 > n_1)$ , změní se jeho fáze o  $\pi$ , což je ekvivalentní proběhnutí optické dráhy  $\lambda/2$ . Při odrazu od prostředí opticky řidšího se fáze nemění.

#### PŘÍKLADY INTERFERENCE

# I. INTERFERENCE ZE DVOU KOHERENTNÍCH ZDROJŮ (Youngův pokus - úloha v LC)



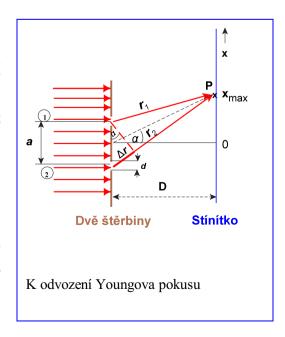
$$x_{\text{max}} = \frac{N\lambda D}{a},$$

Maximum interference při interferenci ze dvou zdrojů ( mohou to být štěrbiny ) nastává

#### Odvození

Předpokládejme, že na dvojici štěrbin dopadá koherentní svazek, v našem případě laseru (Obr. 1). Vlivem ohybu na štěrbinách se paprsky ohýbají do všech směrů (i když s různou intenzitou Vyberme dva paprsky 1 a 2, které dopadají do stejného bodu P, kde interferují (skládají se).

Jaká bude intenzita v bodě **P**? Oba paprsky mají při dopadu na štěrbiny stejnou fázi, ale při dopadu na stínítko je paprsek 2 fázově zpožděn oproti paprsku 1 vlivem rozdílu drah  $|\Delta r|$ 



$$\Delta \varphi = \Delta r \, \frac{2\pi}{\lambda}.\tag{1}$$

Na stínítku tedy vznikne maximum intenzity tehdy , když  $\Delta \varphi = N 2\pi$ 

kde  $N = 0,1,2,3 \dots$ 

neboli tehdy, když bude splněna podmínka

$$\triangle r_{\text{max}} = N\lambda$$
 (2)

Rozdíl vzdáleností  $\Delta r$  splňuje vzhledem k velké vzdálenosti stínítka , D >> a ( Obr. 1)

$$\Delta r = a \sin \alpha = a \operatorname{tg} \alpha = a \operatorname{x/D}.$$
 (3)

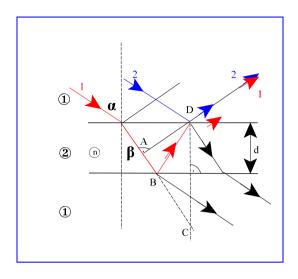
Spojením rovnice (2) a (3) dostaneme výslednou rovnici pro polohu maxima na stínítku

$$\chi_{max} = \frac{N\lambda D}{}$$

Z této rovnice (4) ze známých veličin  $\mathbf{N}$ ,  $\lambda$  a  $\mathbf{D}$  a z měřené veličiny  $\mathbf{x}_{\max}$  zjistíme vzdálenost štěrbin  $\mathbf{a}$ .

(4)

#### II. INTERFERENCE NA TENKÉ VRSTVĚ



#### 27.4

Při interferenci na tenké planparalelní vrstvě vzniká maximum interference v odraženém světle, je-li splněna podmínka

$$2d(n^2 - \sin^2 \alpha)^{\frac{1}{2}} = (2N - 1)\frac{\lambda}{2}, N = 1, 2, 3 \dots, \qquad (27.2)$$

a minimum interference je-li splněna podmínka

kde n je absolutní index lomu vrstvy, d její tloušťka,  $\alpha$  úhel dopadu. V procházejícím světle je podmínka

$$2d(n^2 - \sin^2 \alpha)^{\frac{1}{2}} = N\lambda, \ N = 1, 2, 3 \dots,$$
 (27.3)

maxima (27.3) a podmínka minima interference (27.2).

#### Odvození interference na tenké vrstvě

Předpokládejme, že na planparalelní destičku dopadá rovinná monochromatická vlna. Paprsek 1 se na

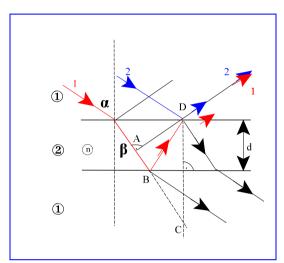
rozhraní částečně odráží, částečně láme. Jeho část, která se odrazí od spodního rozhraní interferuje s odraženým paprskem 2 (interference v odraženém světle).

Jelikož části paprsků 1 a 2 se před interferencí šířily ve dvou rozličných prostředcích, je nutno vzít v úvahu i to, že se v těchto prostředcích šířily různými rychlostmi.

Nyní již lehce najdeme podmínky (27.2) a (27.3). Z obr. 27.3 je vidět, že rozdíl optických drah paprsků 1 a 2 interferujících po odraze je dráha AB+BD (resp. AB+BC) násobená indexem lomu.

Jelikož však platí

$$ABC = 2d \cos \beta$$
,  
bude  
 $\delta = 2nd \cos \beta$ .



**Obr. 27.3** K odvození podmínek maxima a minima interference na vrstvě

Dále platí zákon lomu sin  $\alpha$ /sin  $\beta$ =n, takže platí i rovnice

$$\cos \beta = (1 - \sin^2 \beta)^{\frac{1}{2}} = \left(1 - \frac{\sin^2 \alpha}{n^2}\right)^{\frac{1}{2}}.$$
 (27.5)

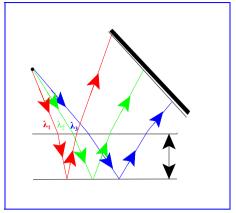
Využitím rovnice (27.5) můžeme psát pro rozdíl optických drah

$$\delta = 2d(n^2 - \sin^2 \alpha)^{\frac{1}{2}}.$$
 (27.6)

Uvážíme-li, že paprsek 2 se odrazil od prostředí opticky hustšího, musíme k rozdílu optických drah (27.6) přičíst  $\lambda/2$ , bude podmínka maxima interference

$$2d(n^2-\sin^2\alpha)^{\frac{1}{2}}+\frac{\lambda}{2}=N\lambda, N=1,2,3...,$$

což je již podmínka (27.2).



**Obr. 27.4** Využití interference pro zobrazení spektra záření

Dopadá-li na tenkovu vstvu světlo složené z více monochromatických vlnění pod různými úhly, každému z nich odpovídá maximum, resp. minimum v jiném místě stlnítka (obr. 27.4), protože podmínky (27.2) a (27.3) jsou pro různé hodnoty vlnové délky splnitelné jen pro různé úhly α. Na stínítku vznikne tak soubor čar, z kterých každá odpovídá jedné vlnové délce. Tento soubor nazýváme spektrem a podle stoupající hodnoty čísla N hovoříme o spektru 1., 2. a dalších řádů. Jestliže však složené (bílé) světlo dopadá na destičku pod stejným úhlem, mohou se podmínky (27.2) a (27.3) splnit jen pro některé vlnové délky λ, takže tenkou vrstvu pozorujeme v odraženém (prošlém) světle

zbarvenou. Tento jev je příčinou obarvení např. mastných skvrn na vodě a je příčinou i např. takového jevu, jako je duha. V tomto případě funkci tenkých destiček mají mikroskopické kapky vody v ovzduší.

Tuto vlastnost tenkých vrstev využíváme na př. pro rozklad bílého záření. Velmi významné v praxi je použití interference k měření tloušťky tenkých vrstev v elektrotechnice a jiných oblastech. Napařením, resp. naprášením vznikají tenké vrstvy, jejichž tloušťka se pohybuje asi od 100 do 10 000 nm. Vzhledem k vlnové délce světla (300-700 nm) jsou to ideální planparalelní destičky na pozorování interference a při známém indexu lomu a známé vlnové délce použitého světla můžeme pomocí interference stanovit velmi přesně tloušťku vrstvy. ( obr. 27.4)

.

