Санкт-Петербургский Научный Исследовательский Университет Информационных Технологий, Механики и Оптики

Задачи пятой недели по курсу «Алгоритмы и структуры данных» на Openedu

Выполнил: студент группы Р3218

Масалкин Савелий Евгеньевич

Куча ли?

Структуру данных «куча», или, более конкретно, «неубывающая пирамида», можно реализовать на основе массива.

Для этого должно выполнятся основное свойство неубывающей пирамиды, которое заключается в том, что для каждого $1 \le i \le n$ выполняются условия:

- если 2i≤n, то a[i]≤a[2i];
- если 2i+1≤n, то a[i]≤a[2i+1].

Дан массив целых чисел. Определите, является ли он неубывающей пирамидой.

```
#include "edx-io.hpp"
using namespace std;
//Структура хранит в себе введённое значение(приоритет) и номер строки, в которой оно
было введено
struct number {
       long value;
       long input_time;
};
void swop(number* a, number* b) {
       number temp = *a;
       *a = *b;
       *b = temp;
}
//Обход кучи снизу с і-того элемента, нахождение его места в куче
void heapifyUp(number* array, long i, long* array_of_positions) {
       //Позиция родительского для і-того элемента в куче
       long parent = i / 2 - (1 - i \% 2);
       //Пока не добрались до корня и пока родитель больше while
       (i != 0 && array[i].value < array[parent].value) {</pre>
              //Меняем местами ребёнка и родителя, сохраняя их позиции в массиве
             позиций array_of_positions[array[i].input_time] = parent;
              array_of_positions[array[parent].input_time] = i; swop(&array[i],
             &array[parent]);
              //Переопределяем местоположение элемента и его
              родителя i = parent;
             parent = i / 2 - (1 - i \% 2);
       }
}
//Восстановление кучи сверху
void heapifyDown(number* array, long tail, long* array of positions)
       { //Позиция текущего элемента
       long position = 0;
       //Позиции его детей
       long left = 2 * (position + 1) - 1;
       long right = 2 * (position + 1);
       //Пока не дошли до конца очереди, проверяем, что хотя бы один ребёнок
меньше родителя и при этом находится в очереди
       while (position != tail && ((array[position].value > array[left].value && left
<= tail) || (array[position].value > array[right].value && right <= tail))) {
             //Находим наименьшего, при условии, что правый находится в очереди
```

```
if (array[right].value < array[left].value && right <= tail) {</pre>
                     //Меняем местами ребёнка и родителя, сохраняя их позиции в массиве
позиций
                    array_of_positions[array[position].input_time] = right;
                    array_of_positions[array[right].input_time] = position;
                    swop(&array[right], &array[position]);
                     //Переопределяем позицию сортируемого элемента
                    position = right;
              else {
                    array_of_positions[array[position].input_time] =
                    left; array_of_positions[array[left].input_time] =
                    position; swop(&array[left], &array[position]);
                    position = left;
              //Переопределяем детей сортируемого элемента
             left = 2 * (position + 1) - 1;
             right = 2 * (position + 1);
       }
}
int main() {
       long N;
       io \gg N;
       //Очередь с приоритетами
       number* Queue = new number[N];
       long head = 0;
       long tail = -1;
      //Массив, индекс которого - номер строки, в которой ввели число, а значение -
положение с очереди
       long* array = new long[N];
       char action;
       long a, temp;
       for (long i = 0; i < N; i++) {
              io >> action;
              switch (action)
              {
              case 'A':
                    io >> a;
                     //Добавляем в очередь структуру (значение, номер строки)
                    Queue[++tail] = number{ a, i };
                    //Записываем начальную позицию введённого числа
                    array[i] = tail;
                    //Располагаем наш элемент в куче по
                    приоритету heapifyUp(Queue, tail, array);
                    break;
             case 'X':
                    if (head > tail) {
                            io << '*' << '\n';
                    else {
                            //Меняем местами первый и последний элемент, сохраняя при этом
целостность массива array
                            array[Queue[head].input_time] = tail;
                            array[Queue[tail].input_time] = head;
                            swop(&Queue[head], &Queue[tail]);
                            io << Queue[tail--].value << '\n';</pre>
                            //Восстанавливаем кучу
```

```
heapifyDown(Queue, tail, array);
                    }
                    break;
             case 'D':
                    io >> a;
                    io >> temp;
                    //Позиция элемента введённого в а-той строке сохранена в массиве
array
                    Queue[array[a - 1]].value = temp;
                    //Располагаем измененный элемент в куче
                    heapifyUp(Queue, array[a - 1], array);
                    break;
             default:
                    break;
             }
       }
       return 0;
}
```

№ теста	Результат	Время, с	Память	Размер входного файла	Размер выходного файла
Max		0.062	16760832	10945420	3
1	OK	0.000	2224128	14	2
2	OK	0.000	2236416	14	3
3	ОК	0.000	2240512	1092	3
4	ОК	0.000	2236416	889	3
5	ОК	0.000	2224128	1099	2
6	ОК	0.000	2236416	1100	3
7	ОК	0.015	2224128	1098	3
8	ОК	0.015	2224128	1093	3
9	ОК	0.000	2236416	1105	2
10	ОК	0.000	2224128	1095	2
11	ОК	0.000	2232320	10931	3
12	ОК	0.000	2228224	8837	3
13	ОК	0.000	2232320	10928	2
14	ОК	0.000	2228224	10934	3
15	ОК	0.015	2232320	10989	3
16	ОК	0.000	2228224	10934	3
17	ОК	0.000	2232320	10978	2
18	ОК	0.015	2232320	10960	2
19	ОК	0.015	2265088	109474	3
20	ОК	0.000	2265088	89095	3
21	ОК	0.000	2265088	109362	2
22	ОК	0.000	2265088	109479	3
23	ОК	0.000	2277376	109486	3
24	ОК	0.031	2265088	109443	2
25	ОК	0.000	2265088	109565	2
26	ОК	0.000	2256896	109493	2
27	ОК	0.000	3309568	1094387	3
28	ОК	0.015	3100672	886879	3
29	ОК	0.015	3309568	1094726	2
30	ОК	0.015	3309568	1094117	3
31	ОК	0.031	3309568	1094308	3
32	ОК	0.000	3309568	1094215	3
33	ОК	0.015	3309568	1094084	2
34	ОК	0.015	3309568	1094403	2
35	ОК	0.046	16756736	10944156	3

Очередь с приоритетами

Реализуйте очередь с приоритетами. Ваша очередь должна поддерживать следующие операции: добавить элемент, извлечь минимальный элемент, уменьшить элемент, добавленный во время одной из операций.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится число $n (1 \le n \le 10^6)$ - число операций с очередью.

Следующие n строк содержат описание операций с очередью, по одному описанию в строке. Операции могут быть следующими:

- А х требуется добавить элемент х в очередь.
- X требуется удалить из очереди минимальный элемент и вывести его в выходной файл. Если очередь пуста, в выходной файл требуется вывести звездочку «**».
- D x y требуется заменить значение элемента, добавленного в очередь операцией A в строке входного файла номер x+1, на y. Гарантируется, что в строке x+1 действительно находится операция A, что этот элемент не был ранее удален операцией X, и что у меньше, чем предыдущее значение этого элемента.

В очередь помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю 10^9 .

```
#include "edx-io.hpp"
using namespace std;
int main() {
      long N;
       io >> N:
       long* array = new long[N];
       for (long i = 0; i < N; i++) {
             io >> array[i];
       bool isHeap = true;
       //Для каждого узла проверяем, что его дети больше него
       //Если хоть в одном случае это не так, значит данный массив - не куча
       for (long i = 1; i < N / 2 + N % 2; i++) {
             if (array[i - 1] > array[2 * i - 1] || array[i - 1] > array[2 * i]) {
                    isHeap = false;
                    break:
       if (isHeap) {
              io << "YES";
       else {
              io << "NO";
       return 0;
}
```

№ теста	Результат	Время, с	Память	Размер входного файла	Размер выходного файла
Max		0.375	22732800	12083657	5694235
1	OK	0.015	2220032	37	12
2	OK	0.015	2236416	6	3
3	OK	0.000	2224128	11	3
4	OK	0.000	2220032	22	4
5	OK	0.031	2224128	19	6
6	OK	0.015	2224128	19	6
7	OK	0.015	2224128	19	6
8	OK	0.000	2224128	48	19
9	OK	0.015	2224128	58	29
10	OK	0.000	2236416	57	28
11	OK	0.000	2224128	48	19
12	OK	0.000	2224128	58	29
13	OK	0.015	2240512	57	28
14	OK	0.000	2224128	828	573
15	OK	0.015	2220032	1037	369
16	OK	0.015	2232320	828	573
17	OK	0.000	2220032	988	404
18	OK	0.015	2236416	1082	300
19	ОК	0.000	2224128	1139	240
20	OK	0.000	2236416	930	377
21	OK	0.000	2220032	1190	280
22	OK	0.000	2240512	8184	5678
23	OK	0.000	2240512	10768	3637
24	OK	0.015	2252800	8206	5700
25	OK	0.000	2240512	9903	3928
26	OK	0.000	2240512	10814	3000
27	OK	0.015	2240512	11338	2400
28	OK	0.015	2236416	11138	3582
29	OK	0.000	2252800	10904	3851
30	ОК	0.000	2326528	81951	56944
31	OK	0.015	2314240	110901	36274
32	OK	0.015	2306048	81971	56964
33	ОК	0.000	2330624	99351	39719
34	ОК	0.000	2322432	107882	30000
35	OK	0.015	2330624	113101	24000