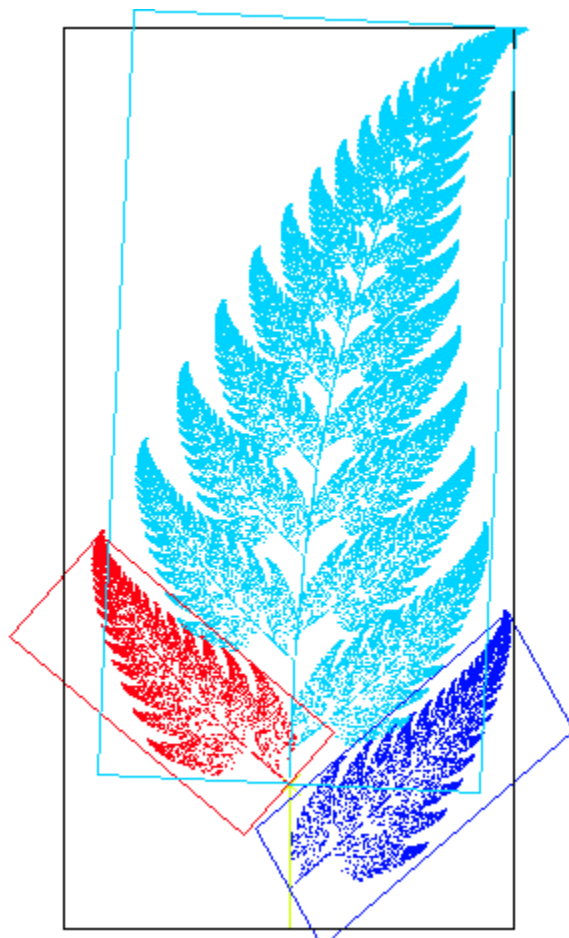


# ΣΧΕΔΙΑΣΜΟΣ ΕΝΣΩΜΑΤΩΝ ΣΥΣΤΗΜΑΤΩΝ

Πρώτο μέρος της εργασίας 2020 -2021

Εφαρμογή του συσχετισμένου μετασχηματισμού στην επεξεργασία εικόνας  
affine transformation in image processing



Υπεύθυνος καθηγητής  
Συρακούλης Γεώργιος

Ομάδα 34  
Καλτάκης Αναστάσιος 57271  
Λιάπης Σάββας 57403

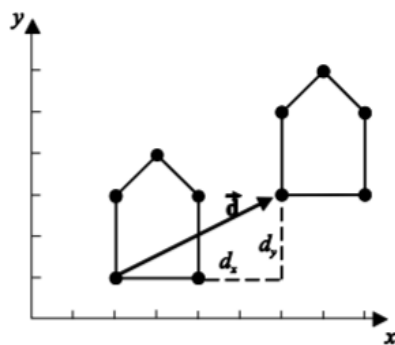
## Εισαγωγή

Σκοπός της εργασίας είναι, αφού υλοποιηθεί σε γλώσσα C ο αλγόριθμος σε εφαρμογή του συσχετισμένου μετασχηματισμού στην επεξεργασία εικόνας, να εφαρμοστεί η μεθοδολογία βελτιστοποίησης μεταφοράς και αποθήκευσης δεδομένων στον αλγόριθμο αυτό. Κατά την βελτιστοποίηση θα εξεταστεί μέσω του ARMulator του επεξεργαστή ARM τι αποτελέσματα έχει η εφαρμογή μετασχηματισμών βρόγχων για την κανονικοποίηση της δομής του αλγορίθμου στον πίνακα δεδομένων και στον αριθμό προσπελάσεων που γίνονται σε αυτόν, καθώς και στην ταχύτητα εκτέλεσης του αλγορίθμου

## Περιγραφή του συσχετισμένου μετασχηματισμού στην επεξεργασία εικόνας (affine transformation in image processing)

Ο συσχετισμένος μετασχηματισμός είναι μια σημαντική κατηγορία γραμμικών 2-D γεωμετρικών μετασχηματισμών που χαρτογραφούν μεταβλητές (π.χ. τιμές pixel που βρίσκονται στη θέση  $(x_1, y_1)$  σε μια εικόνα εισόδου) σε νέες μεταβλητές (π.χ.  $(x_2, y_2)$  σε μια εικόνα εξόδου) εφαρμόζοντας έναν γραμμικό συνδυασμό μετατόπισης, περιστροφής, κλιμάκωσης και / ή διάτμησης (δηλαδή μη ομοιόμορφης κλίμακας σε ορισμένες κατευθύνσεις). Πιο συγκεκριμένα οι συσχετισμένοι μετασχηματισμοί εκφράζονται ως :

**Μετατόπιση :**



η μετατόπιση στις 2 διαστάσεις ενός σημείου

$p = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  κατά διάνυσμα  $d = \begin{bmatrix} d_x \\ d_y \end{bmatrix}$  δίνει ένα νέο σημείο

$p' = \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix}$  σύμφωνα με την σχέση :

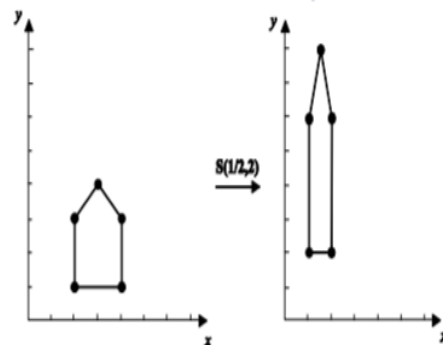
$$p' = p + d$$

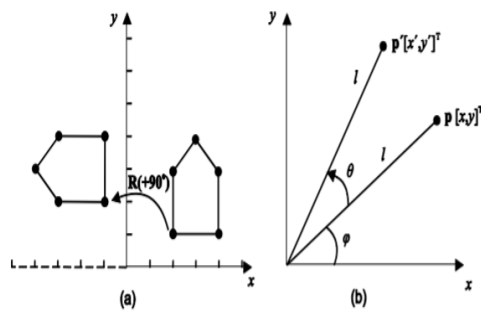
**Αλλαγή κλίμακας :**

η αλλαγή κλίμακας σε 2 διαστάσεις ενός σημείου  $p = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  κατά διάνυσμα το  $p' = \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix}$  σύμφωνα με την σχέση :

$$p' = S(s_x, s_y)p, \text{ όπου : } S(s_x, s_y) = \begin{bmatrix} s_x & 0 \\ 0 & s_y \end{bmatrix}$$

Σημείωση : η αλλαγή κλίμακας σε σημείο δεν είναι παρατηρήσιμη



**Περιστροφή :**

Η περιστροφή στρέφει ένα αντικείμενο γύρω από το κέντρο των συντεταγμένων.

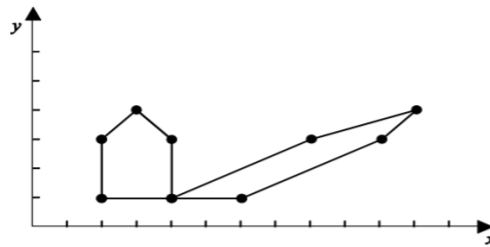
η αλλαγή κλίμακας σε 2 διαστάσεις ενός σημείου  $p = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  κατά διάνυσμα το  $p' = \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix}$  σύμφωνα με την σχέση :

$$p' = R(\theta)p, \text{ όπου : } R(\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix}$$

**Στρέβλωση:**

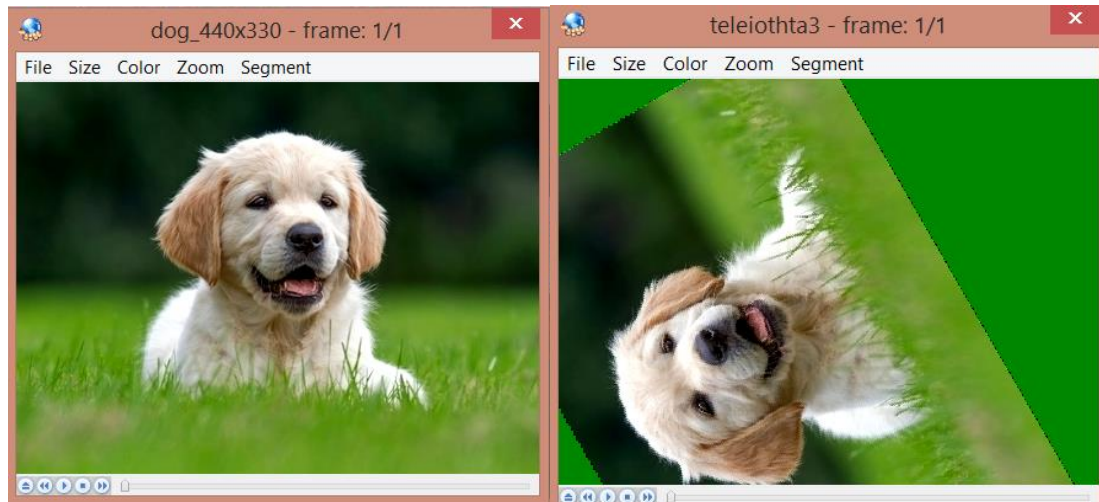
η στρέβλωση σε 2 διαστάσεις ενός σημείου  $p = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  κατά διάνυσμα το  $p' = \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix}$  σύμφωνα με την σχέση :

- στρέβλωση στον άξονα x :  $p' = SH_x(a) * p$  , όπου :  $SH_x(a) = \begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
- στρέβλωση στον άξονα y :  $p' = SH_y(b) * p$  , όπου :  $SH_y(b) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ b & 1 \end{bmatrix}$



## Περίληψη Αλγορίθμου

Η υλοποίηση του αλγορίθμου έγινε ως εξής: Εφαρμόστηκε ο affine transformation της περιστροφής. Η υλοποίηση γίνεται μέσα στην main. Δηλώνουμε τις μεταβλητές  $x_t$  και  $y_t$  οι οποίες στην ουσία είναι η κανονικοποίηση ως προς το κέντρο της εικόνας. Έπειτα οι μεταβλητές  $x_s$   $y_s$  δίνουν την μετασχηματισμένη μορφή. δηλαδή πολλαπλασιάζονται τα  $x_t$  και  $y_t$  με τον πίνακα περιστροφής και με την πρόσθεση του κέντρου δίνεται η κανονική τους θέση.



**αποτελέσματα :**

τρέχοντας τον κώδικα στον armulator βλέπω τα εξής αποτελέσματα :

Errors & Warnings

0

0

13

Errors and warnings for "savvas.mcp"

=====

Image component sizes

Code

RO Data

RW Data

ZI Data

Debug

3892

60

24

1742464

6544

Object Totals

19100

594

0

300

7172

Library Totals

=====

Code

RO Data

RW Data

ZI Data

Debug

22992

654

24

1742764

13716

Grand Totals

=====

Total RO

Size(Code + RO Data)

23646 ( 23.09kB)

Total RW

Size(RW Data + ZI Data)

1742788 (1701.94kB)

Total ROM

Size(Code + RO Data + RW Data)

23670 ( 23.12kB)

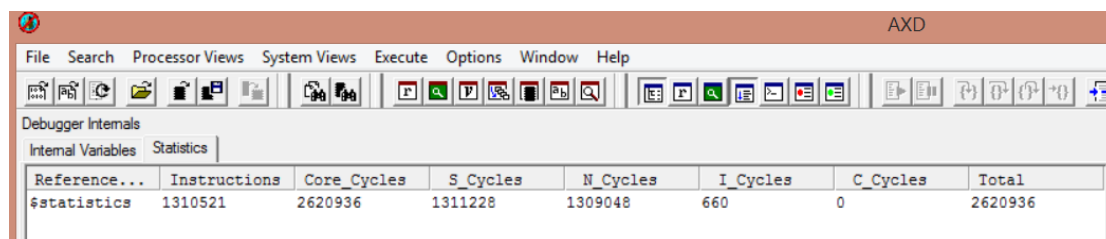
=====

στο παραπάνω tab αναγράφονται :

- **Code:** είναι ο χώρος σε byte που καταλαμβάνει ο κώδικας που γράψαμε στην μνήμη.
- **RO data (Read Only data):** ο χώρος σε bytes που καταλαμβάνουν τα δεδομένα των οποίων την τιμή δεν είναι δυνατόν να μεταβληθεί δηλαδή προορίζονται για ανάγνωση. Στον προκείμενο κώδικα έχουμε σαν RO data:
  - N=330
  - M=440
  - Το αρχείο εικόνα που θα εισάγουμε
  - Την τιμή του π
- **RW data (Read/ Write data):** ο χώρος σε bytes που καταλαμβάνουν τα δεδομένα για τα οποία υπάρχει η δυνατότητα επαναγραφής και είναι αρχικοποιημένα.
- **ZI data (Zero Initialized data):** ο χώρος σε bytes που καταλαμβάνουν πάλι επαναγράψιμα δεδομένα αλλά μη αρχικοποιημένα. Αυτά με το που αρχικοποιηθούν στον μικροεπεξεργαστή θα πάρουν τιμή μηδέν. Στον προκείμενο κώδικα κάποια ZI data είναι ενδεικτικά :
  - current\_y[N][M]
  - i, j, x, y, hM, hN, sinma, cosma, xt, yt, xs, ys (μεταβλητές που αθ αχρησιμοποιήσω στην main)
- **Debug :** ο χώρος σε bytes που καταλαμβάνουν τα δεδομένα που οφείλονται στο debugging. Δεν μας αφορούν γιατί δεν θα καταλήξουν στο ενσωματωμένο και χρησιμοποιούνται μόνο κατά την περίοδο σχεδιασμού.

Παρακάτω απεικονίζονται και κάποια totals (Total RO, Total RW , Total ROM) τα οποία είναι πολύ σημαντικά καθώς δείχνουν την αναγκαία μνήμη που θα χρειαστεί το ενσωματωμένο σύστημα.

Εκτός από το Internal Variables υπάρχει και το tab statistics μέσω του οποίου θα εξετάζεται ο βαθμός επιτυχίας των βελτιστοποιήσεων. Για να ανοίξει αυτό το tab πατάω το εικονίδιο play και αφού επιλεγεί το go 2 φορές και system views -> debugger internals επιλέγεται το tab statistics.



Reference...	Instructions	Core_Cycles	S_Cycles	N_Cycles	I_Cycles	C_Cycles	Total
\$statistics	1310521	2620936	1311228	1309048	660	0	2620936

**Στο tab statistics αναγράφονται :**

- Instructions: οι εντολές (σε assembly) που χρειάστηκαν για να τρέξει ο κώδικας
- Core\_Cycles: οι κύκλοι που χρειάστηκαν για να εκτελεστούν οι εντολές στον επεξεργαστή

- S\_Cycles (Sequential Cycles): οι κύκλοι κατά τους οποίους οι διαδοχικές εντολές εντελλόντουσαν σε διαδοχικές θέσεις μνήμης (δηλαδή ο program counter αυξανόταν κατά 1)
- N\_Cycles (Non-Sequential Cycles): οι κύκλοι κατά τους οποίους ο επεξεργαστής μεταπηδά κάποιες διευθύνσεις μνήμης (δηλαδή ο program counter δεν αυξάνεται κατά 1). Αυτοί οι κύκλοι περιγράφουν συνήθως τους κύκλους εκτελέσεων των branches. Αυτά μας νοιάζουν και περισσότερο, γιατί εξαιτίας αυτών των cycles δεν μπορεί να γίνει σωστό pipelining, αφού ο επεξεργαστής δεν μπορεί εύκολα να «προβλέψει» τα επόμενα δεδομένα που θα χρειαστούν από την μνήμη, οπότε είναι περισσότερο αναγκαίο να μειωθούν σε σχέση με τα sequential.
- I\_Cycles: οι κύκλοι κατά τους οποίους δεν απαιτείται κάποιο call από την μνήμη (κάποια πράξη κτλ)
- C\_Cycles: οι κύκλοι κατά τους οποίους ο επεξεργαστής δουλεύει παράλληλα με έναν extra επεξεργαστή (δεν θα μας απασχολήσει τώρα)

## Βελτίωση Απόδοσης Αλγορίθμου

Σε αυτό το κομμάτι θα εξεταστούν οι συνέπειες που έχουν διάφοροι μετασχηματισμοί βρόγχων στην απόδοση του παρόντος κώδικα. Είναι προφανές ότι βελτιστοποίηση σημαίνει μείωση των κύκλων, οπότε μετά την εκτέλεση διαφόρων μεθόδων βελτιστοποίησης μετράται η μεταβολή στους κύκλους εκτέλεσης του κώδικα. Πέρα από αυτό θα εξετάζονται και οι συνέπειες των αλλαγών που θα παρατηρούνται σε άλλα αποτελέσματα. Οι αλγόριθμοι βελτιστοποίησης που θα εξεταστούν θα είναι :

1. Loop unrolling
2. Loop fusion
3. Loop fission
4. Loop interchange
5. Loop tiling
6. Loop collapsing
7. Loop inversion

## 1. Loop Unrolling

Είναι μια τεχνική μετασχηματισμού της επαναληπτικής διαδικασίας που προσπαθεί να βελτιστοποιήσει την ταχύτητα εκτέλεσης του προγράμματος σε βάρος του δυαδικού μεγέθους του. Ο στόχος του loop unrolling είναι η αύξηση της ταχύτητας του προγράμματος μειώνοντας ή εξαλείφοντας τις εντολές ελέγχου του βρόγχου. Από την άλλη, όμως, ξετυλίγοντας τους βρόγχους επανάληψης αυξάνεται το μέγεθος του κώδικα, με αποτέλεσμα να απαιτείται περισσότερος χώρος στην μνήμη και μειώνεται ο διαθέσιμος χώρος για την αποθήκευση άλλων δεδομένων.

Εφαρμόζοντας την τεχνική loop unrolling παίρνουμε τα παρακάτω αποτελέσματα :

Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug
3172	60	24	1742464	6432
19100	594	0	300	7172
<b>Object Totals</b>				
<b>Library Totals</b>				
<b>Grand Totals</b>				
Total RO Size(Code + RO Data) 22926 ( 22.39kB)				
Total RW Size(RW Data + ZI Data) 1742788 (1701.94kB)				
Total ROM Size(Code + RO Data + RW Data) 22950 ( 22.41kB)				

Reference...	Instructions	Core_Cycles	S_Cycles	N_Cycles	I_Cycles	C_Cycles	Total
\$statistics	1310497	2620888	1311204	1309024	660	0	2620888

Συμπεραίνεται ότι με την τεχνική αυτή ο χώρος, που θα καταλαμβάνει πλέον ο κώδικας στην μνήμη, θα αυξηθεί αλλά θα έχουμε σημαντική μείωση στους συνολικούς κύκλους

## 2. Loop Fusion

Είναι μια βελτιστοποίηση και ένας μετασχηματισμός της επαναληπτικής μεθόδου, ώστε να αντικατασταθούν πολλαπλοί βρόγχοι σε έναν. Αυτή η μέθοδος είναι εφικτή όταν δύο βρόγχοι επαναλαμβάνονται στο ίδιο εύρος και ο ένας δεν επεμβαίνει στα δεδομένα του άλλου. Είναι αναγκαίο να σημειωθεί ότι αυτή η μέθοδος δεν έχει πάντα σαν αποτέλεσμα την βελτίωση της ταχύτητας εκτέλεσης.

The screenshot shows a debugger interface with a window titled "Image component sizes". It displays two tables of memory component sizes and a table of execution statistics.

Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug	
1436	60	24	1742448	5660	Object Totals
19100	594	0	300	7172	Library Totals
=====					
Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug	
20536	654	24	1742748	12832	Grand Totals
=====					
Total RO Size (Code + RO Data)				21190	( 20.69kB)
Total RW Size (RW Data + ZI Data)				1742772	(1701.93kB)
Total ROM Size (Code + RO Data + RW Data)				21214	( 20.72kB)
=====					

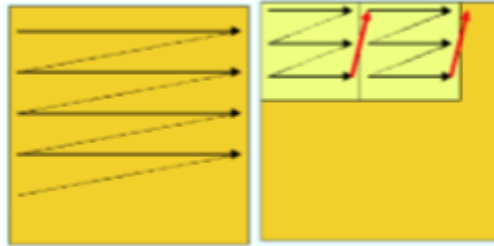
Reference Points	Instructions	Core_Cycles	S_Cycles	N_Cycles	I_Cycles	C_Cycles	Total
\$statistics	1310509	2620912	1311216	1309036	660	0	2620912





## 4. Loop Tiling

Εκτελείται νοητός διαχωρισμός ενός πίνακα σε μικρότερους υποπίνακες (πλακάκια – tiles). Έτσι αλλάζει ο τρόπος μεταβίβασης δεδομένων μεταξύ κύριας μνήμης και cache αφού δεν ακολουθείται το ίδιο μοτίβο προσπέλασης. Το tiling εφαρμόζεται με 2 τρόπους. Οπτικά στον ένα τρόπο οι προσπελάσεις σχηματίζουν πολλά νοητά Z (δηλαδή ο πιο εσωτερικός εμφωλευμένος βρόγχος μετράει τις στήλες) και στον δεύτερο να σχηματίζουν πολλά αντίστροφα N (δηλαδή ο πιο εσωτερικός εμφωλευμένος βρόγχος μετράει τις γραμμές).



Εφαρμόζοντας την τεχνική loop tiling παίρνουμε τα παρακάτω αποτελέσματα :

Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug	
1032	60	24	2916404	5844	Object Totals
19100	594	0	300	7172	Library Totals

Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug	
20132	654	24	2916704	13016	Grand Totals

Total RO	Size(Code + RO Data)			20786 ( 20.30kB)
Total RW	Size(RW Data + ZI Data)			2916728 (2848.37kB)
Total ROM	Size(Code + RO Data + RW Data)			20810 ( 20.32kB)

Reference...	Instructions	Core_Cycles	S_Cycles	N_Cycles	I_Cycles	C_Cycles	Total
\$statistics	2190976	4381844	2191681	2189503	660	0	4381844

Από τα παραπάνω παρατηρούμε ότι η τεχνική αυτή για τα συγκεκριμένα tiles (22x440) στην προσπέλαση του πίνακα current\_y επιβαρύνει την απόδοση του κώδικα . Ωστόσο με την κατάλληλη επιλογή των tiles μπορεί να επιφέρονταν και ένα καλύτερο αποτέλεσμα.

## 5. Loop inversion

Το loop inversion αποτελεί βελτιστοποίηση και μετασχηματισμός στον οποίο, ένας βρόχος while αντικαθίσταται από ένα μπλοκ if που περιέχει ένα βρόχο do...while. με σωστή χρήση επιτυγχάνεται βελτίωση της απόδοσης λόγω του instruction pipelining. Επιπρόσθετα, το loop inversion επιτρέπει ασφαλή κίνηση κώδικα με απαράλλαχτο βρόχο.

Αρχικά ο κώδικας υλοποιήθηκε με λούπες while αντί για for.

The screenshot displays the AXD IDE interface. The top window, titled 'Errors & Warnings', shows the 'Image component sizes' for the file 'loop\_while.mcp'. It contains two tables: one for 'Object Totals' and one for 'Library Totals', followed by 'Grand Totals' and a summary of memory sizes.


	Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug	
Object Totals	2400	60	24	1742448	6004	
Library Totals	19100	594	0	300	7172	
Grand Totals	21500	654	24	1742748	13176	
Total RO Size (Code + RO Data)					22154	( 21.63kB)
Total RW Size (RW Data + ZI Data)					1742772	(1701.93kB)
Total ROM Size (Code + RO Data + RW Data)					22178	( 21.66kB)












The bottom window, titled 'AXD', shows the 'Debugger Internals' tab with a table of execution statistics.

Reference...	Instructions	Core_Cycles	S_Cycles	N_Cycles	I_Cycles	C_Cycles	Total
\$statistics	1310509	2620912	1311216	1309036	660	0	2620912

Στη συνέχεια αντικαταστήσαμε τις while με λούπες do...while εφαρμόζοντας την τεχνική loop inversion. Ο έλεγχος if πριν την έναρξη κάθε βρόγχου do...while, δεν τοποθετήθηκε αφού διασφαλίζεται ότι ένας τέτοιος έλεγχος θα ικανοποιούνταν πάντα επομένως θα ήταν περιττός).

Εφαρμόζοντας την τεχνική loop inversion παίρνουμε τα παρακάτω αποτελέσματα :

 Image component sizes

	Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug	
	2380	60	24	1742448	6076	Object Totals
	19100	594	0	300	7172	Library Totals
	=====					
	Code	RO Data	RW Data	ZI Data	Debug	
	21480	654	24	1742748	13248	Grand Totals
	=====					
	Total RO	Size(Code + RO Data)			22134	( 21.62kB)
	Total RW	Size(RW Data + ZI Data)			1742772	(1701.93kB)
	Total ROM	Size(Code + RO Data + RW Data)			22158	( 21.64kB)
	=====					

Debugger Internals

Internal Variables    Statistics

Reference Points	Instructions	Core_Cycles	S_Cycles	N_Cycles	I_Cycles	C_Cycles	Total
\$statistics	1310509	2620912	1311216	1309036	660	0	2620912

Από τα παραπάνω παρατηρούμε ότι αυτή η τεχνική δεν προσθέτει κάποια βελτιστοποίηση στο κώδικά. Αντιθέτως ενός χρειάζονται οι ίδιοι κύκλοι απαιτεί λίγο παραπάνω μνήμη οπότε δεν μας συμφέρει.

## Βιβλιογραφία :

- <https://images.app.goo.gl/1cBmT549PoskqLmv7https://eclass.duth.gr/modules/document/file.php/TMA182/%CE%95%CF%81%CE%B3%CE%B1%CF%83%CF%84%CE%AE%CF%81%CE%B9%CE%BF/%CE%95%CF%81%CE%B3%CE%B1%CF%83%CF%84%CE%B7%CF%81%CE%B9%CE%B1%CE%BA%CE%AE%20%CE%86%CF%83%CE%BA%CE%B7%CF%83%CE%B7%201/%CE%95%CE%BD%CF%83%CF%89%CE%BC%CE%B1%CF%84%CF%89%CE%BC%CE%AD%CE%BD%CE%B1%201%CE%B7%20%CE%95%CF%81%CE%B3%CE%B1%CF%83%CF%84%CE%B7%CF%81%CE%B9%CE%B1%CE%BA%CE%AE.pdf>
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Affine\\_transformation](https://en.wikipedia.org/wiki/Affine_transformation)
- <http://homepages.inf.ed.ac.uk/rbf/HIPR2/affine.htm>  
[http://archive.eclass.uth.gr/eclass/modules/document/file.php/DIB139/Geometric\\_Transformations\\_v2.pdf](http://archive.eclass.uth.gr/eclass/modules/document/file.php/DIB139/Geometric_Transformations_v2.pdf)
- [http://graphics.cs.aueb.gr/cgvizbook/greek/slides/CGVIZ\\_Chapter\\_3\\_GR.pdf](http://graphics.cs.aueb.gr/cgvizbook/greek/slides/CGVIZ_Chapter_3_GR.pdf)
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Loop\\_unrolling](https://en.wikipedia.org/wiki/Loop_unrolling)
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Loop\\_fission\\_and\\_fusion](https://en.wikipedia.org/wiki/Loop_fission_and_fusion)
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Loop\\_interchange](https://en.wikipedia.org/wiki/Loop_interchange)
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Loop\\_nest\\_optimization](https://en.wikipedia.org/wiki/Loop_nest_optimization)
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Loop\\_splitting](https://en.wikipedia.org/wiki/Loop_splitting)
- [nullstone.com/htmls/category/collapse.htm](http://nullstone.com/htmls/category/collapse.htm)
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Loop\\_inversion](https://en.wikipedia.org/wiki/Loop_inversion)