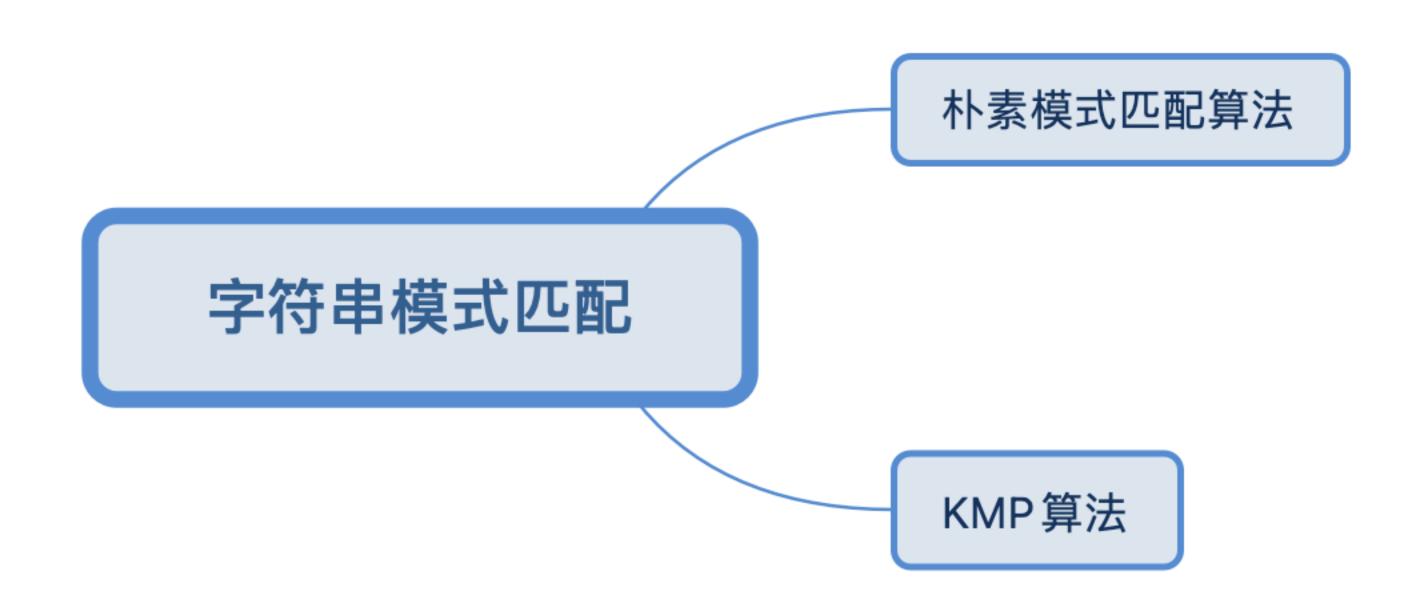
#### 本节内容

字符串

KMP算法

# 两种模式匹配算法

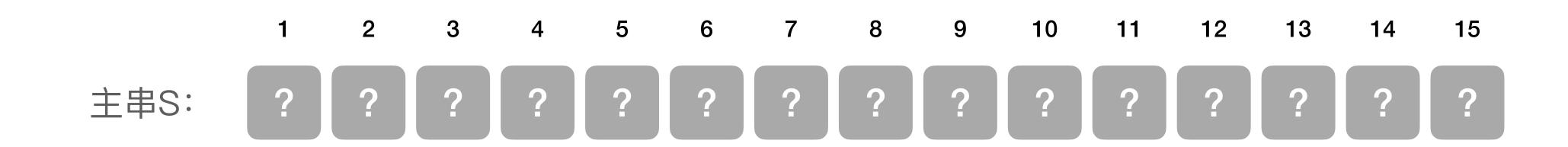


## KMP算法

由D.E.Knuth, J.H.Morris和V.R.Pratt提出,因此称为 KMP算法

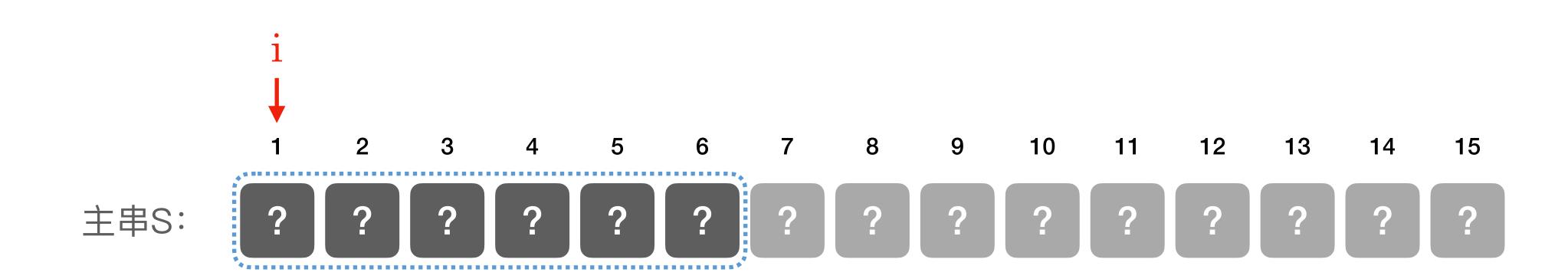


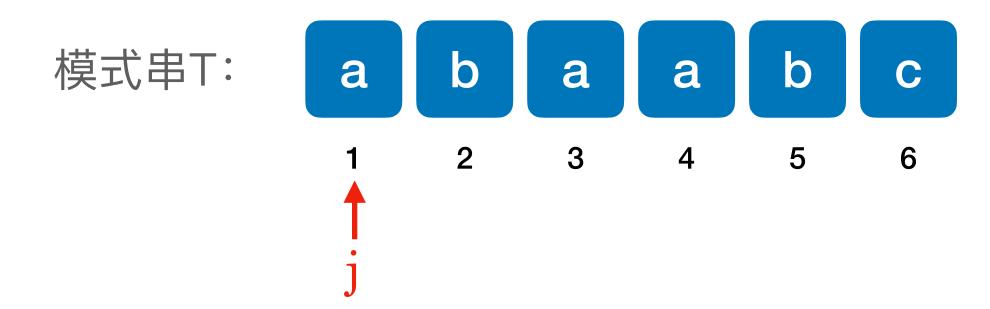
你不要凶我 我害怕。

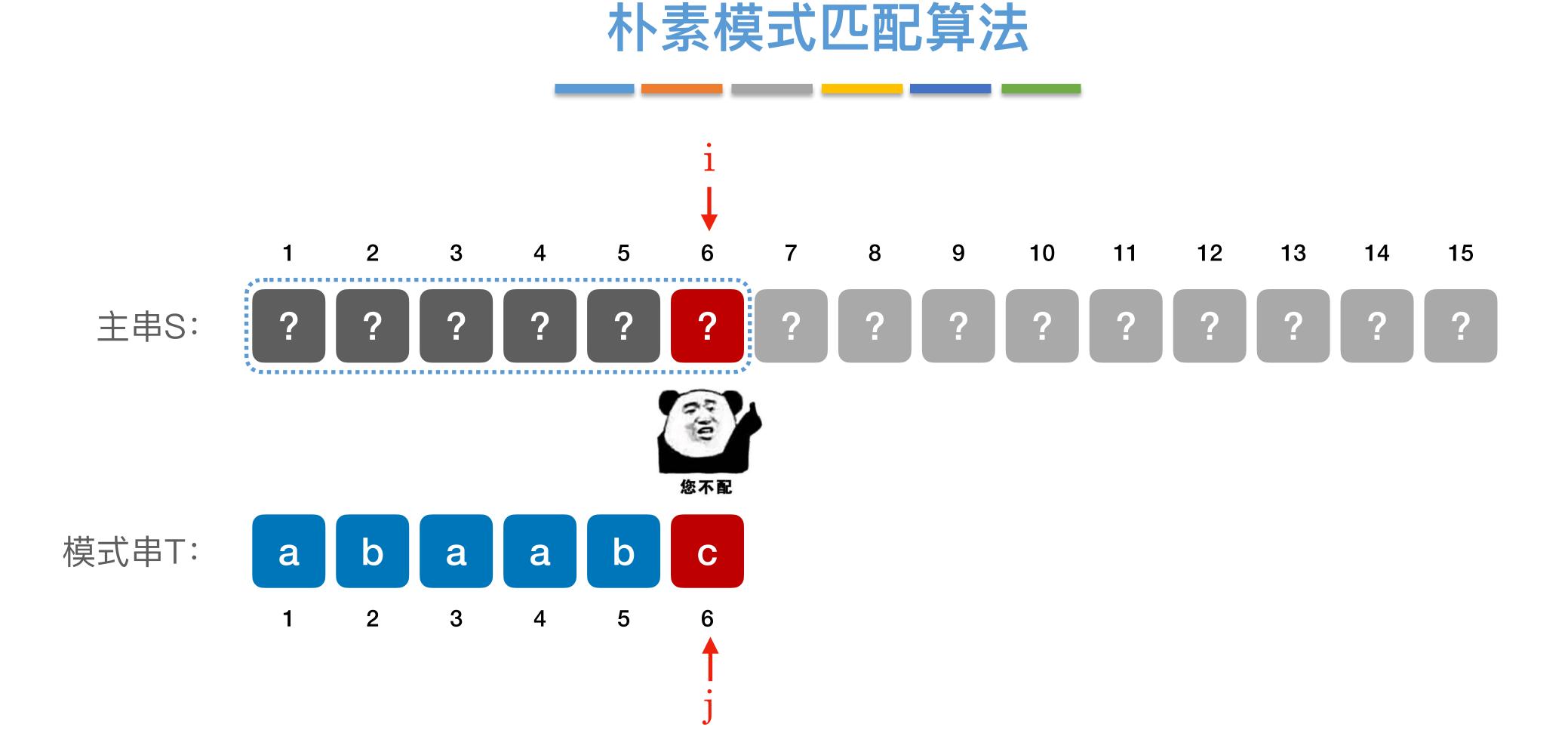


模式串T: a b a a b c

1 2 3 4 5 6







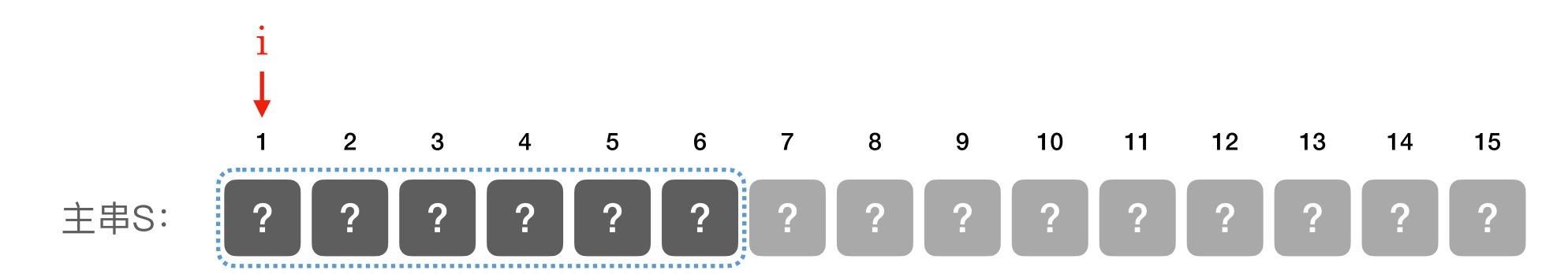
一旦发现当前这个子串中某个字符不匹配,就只能转而匹配下一个子串(从头开始)

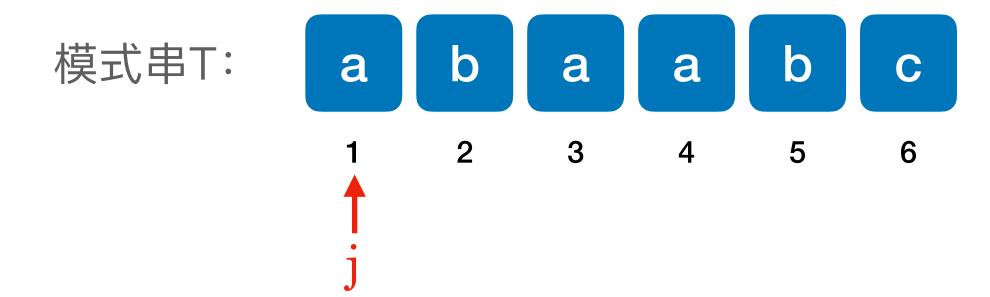


一旦发现当前这个子串中某个字符不匹配,就只能转而匹配下一个子串(从头开始)

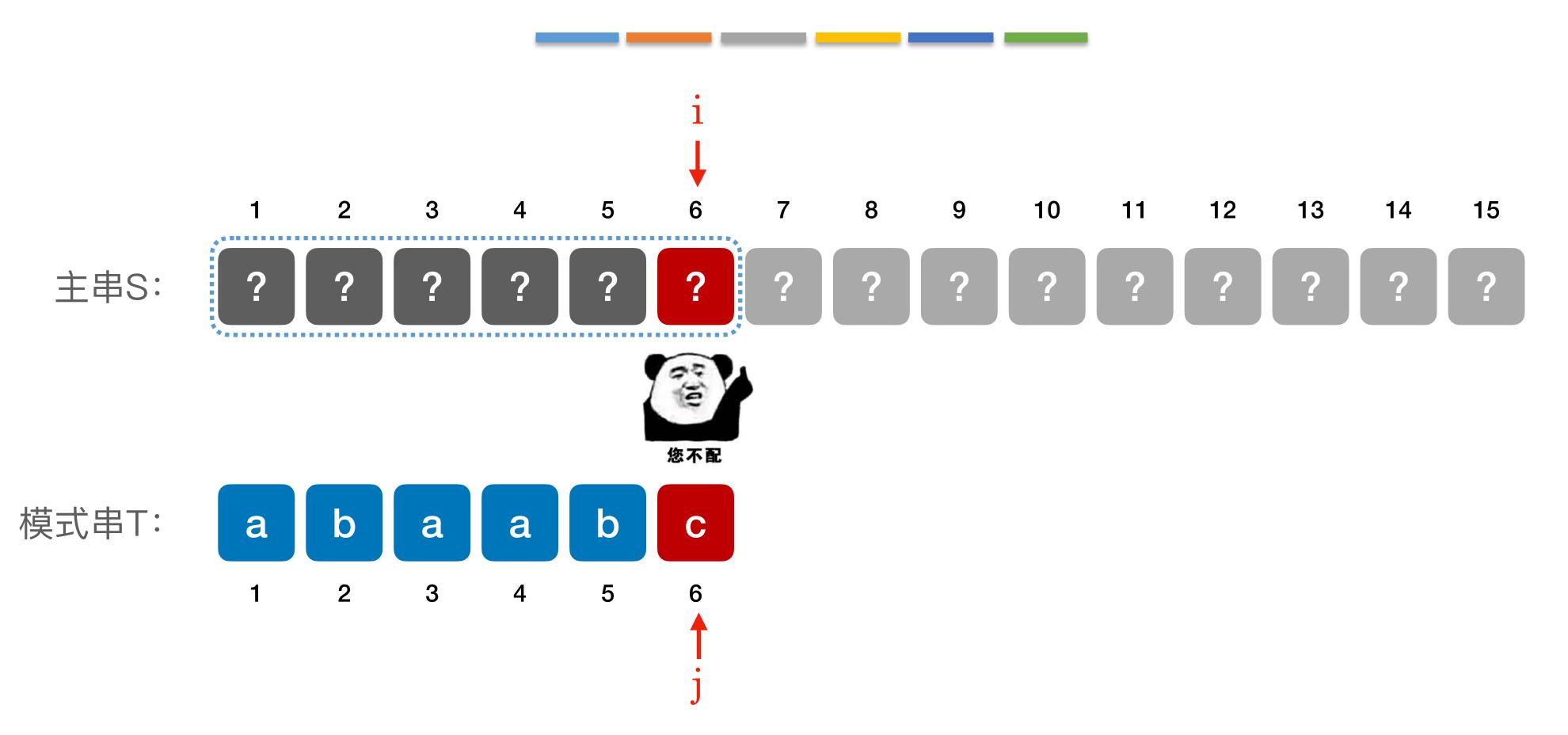


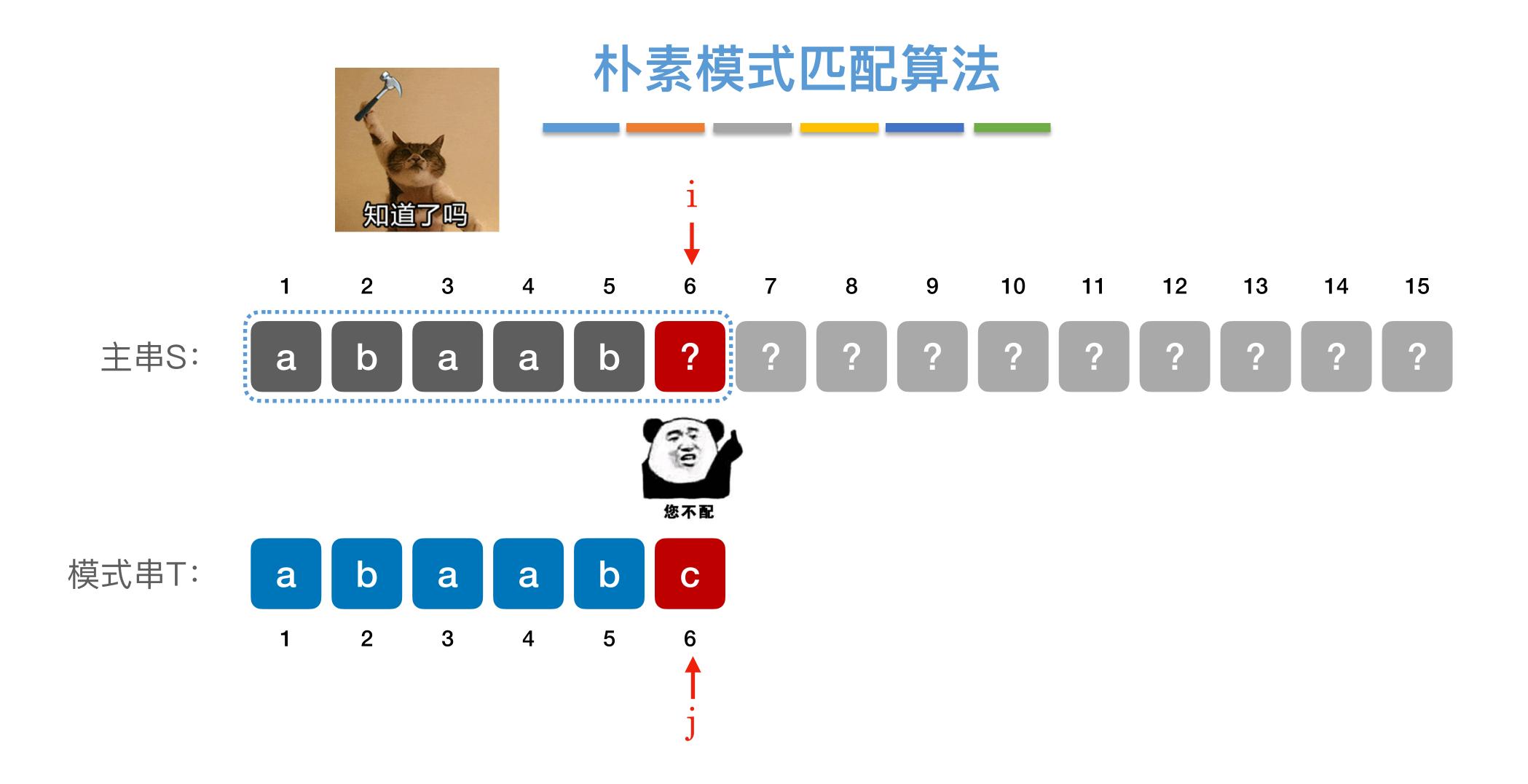
一旦发现当前这个子串中某个字符不匹配,就只能转而匹配下一个子串(从头开始)



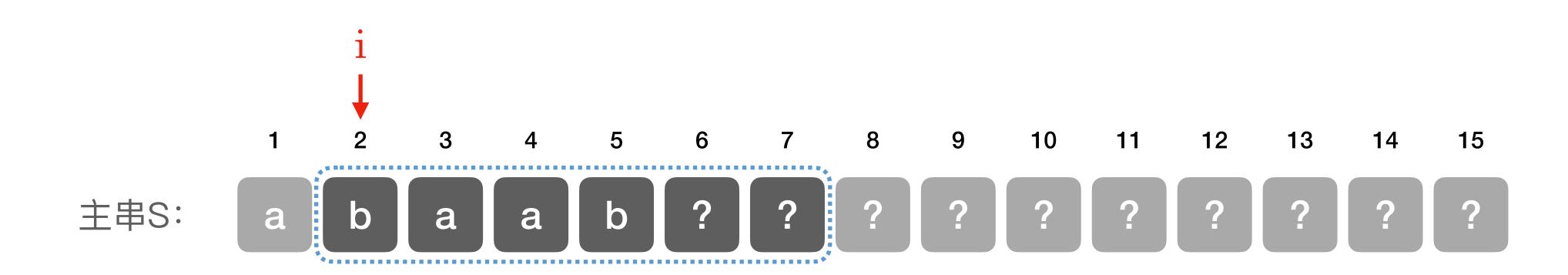


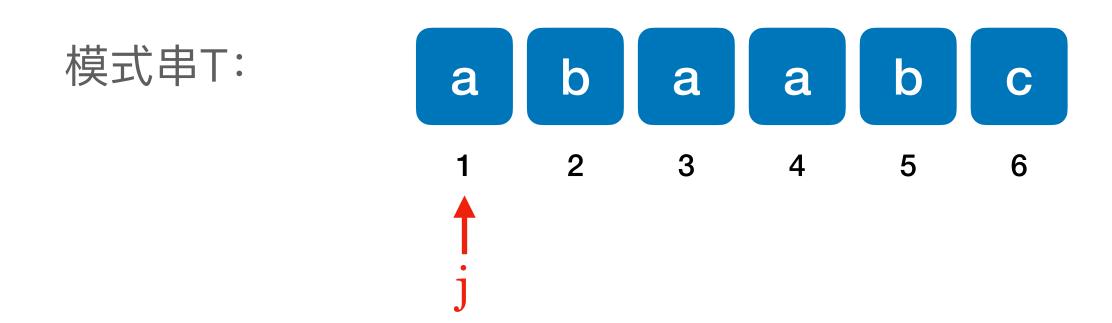


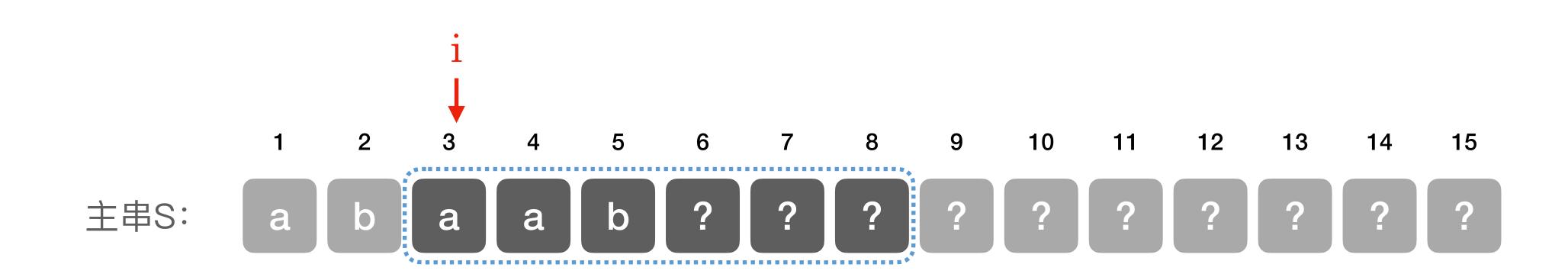


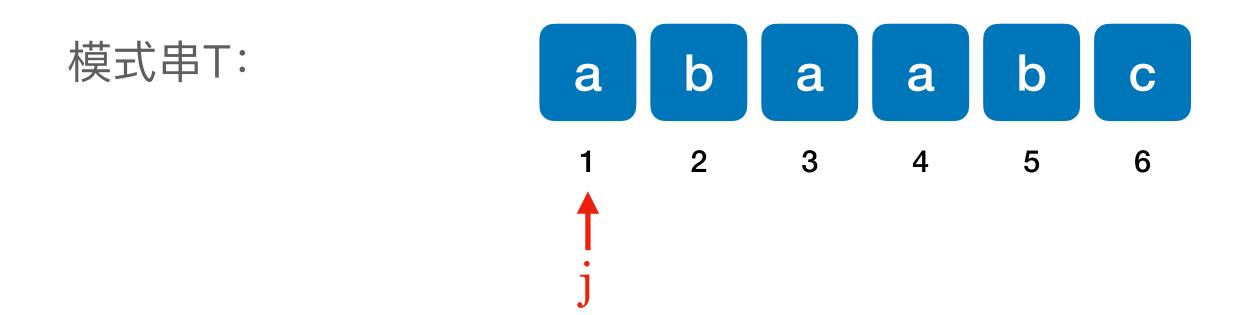


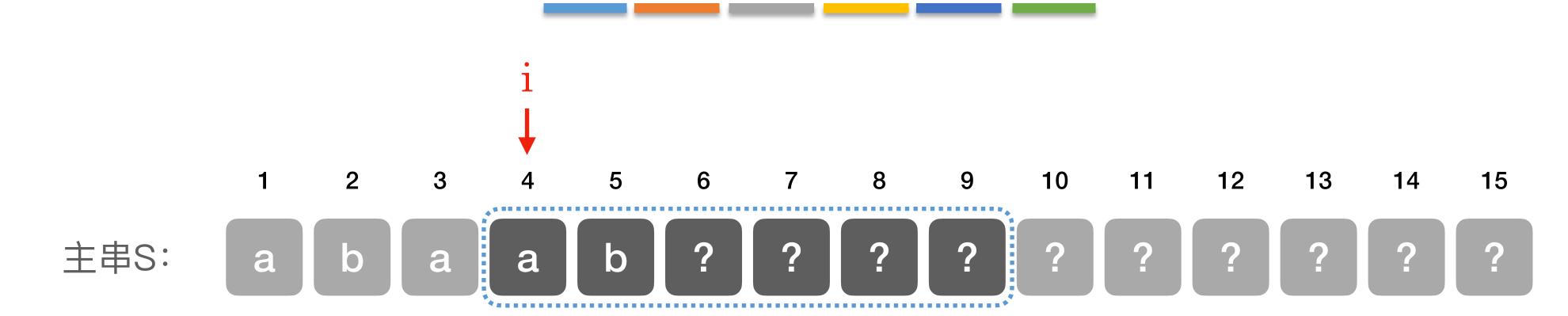
不匹配的字符之前,一定是和模式串一致的

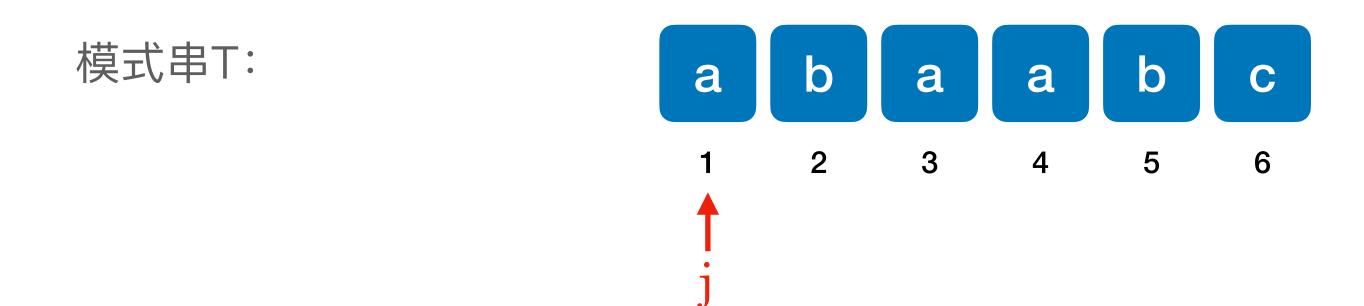


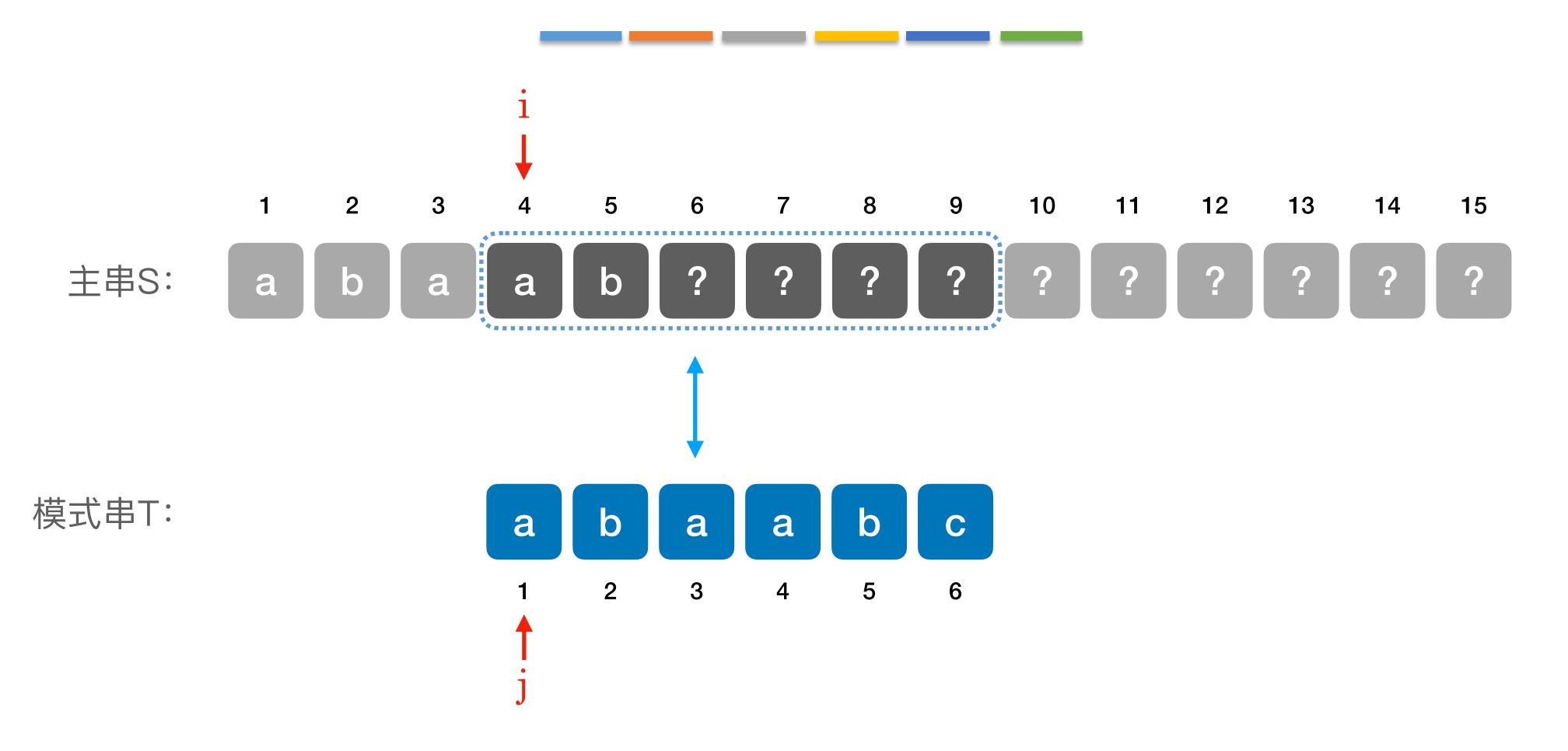




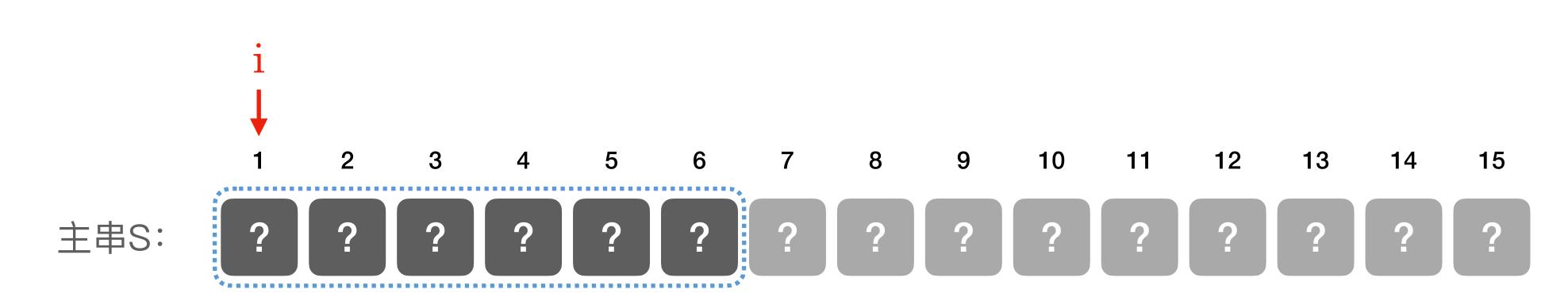


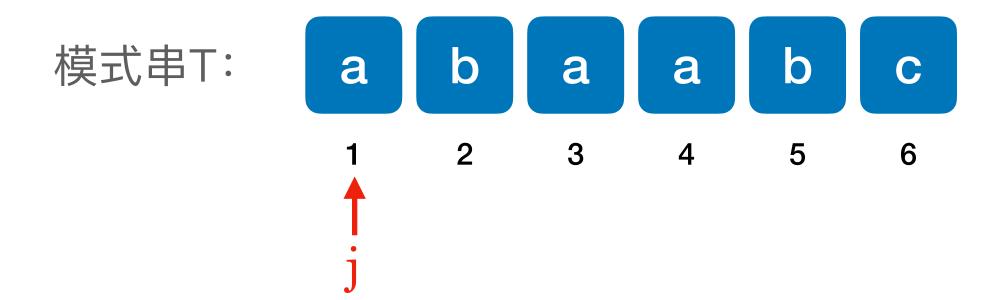




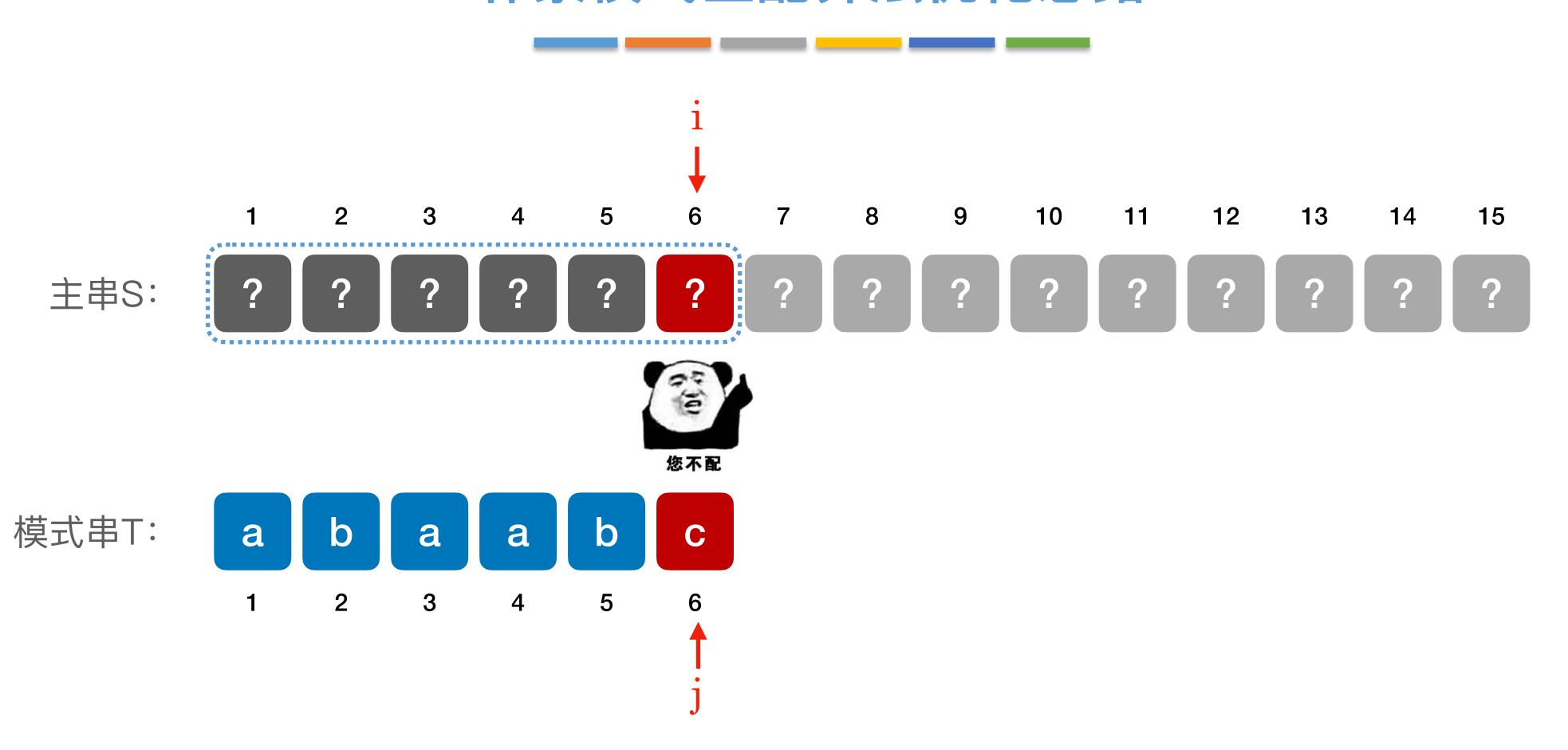


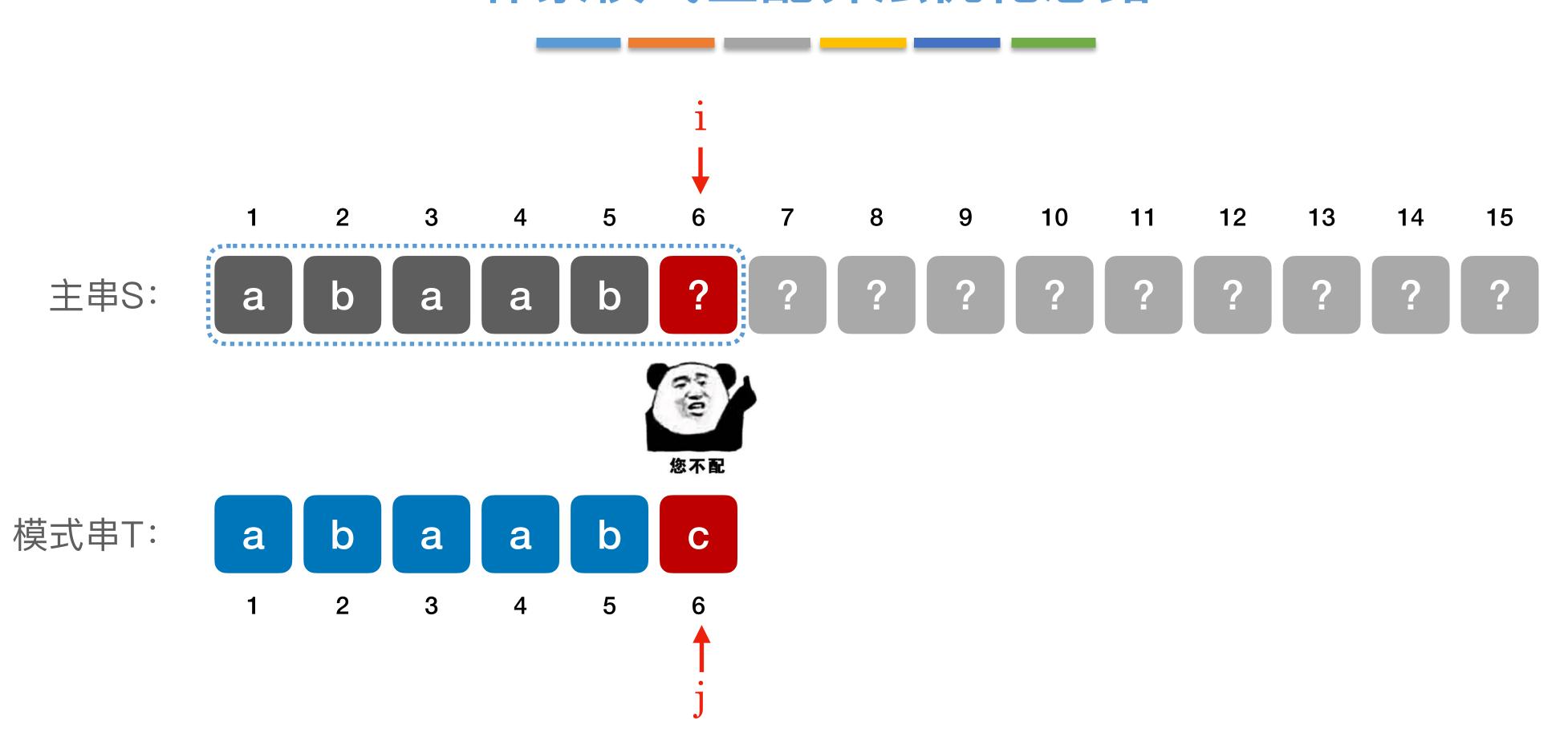
#### 朴素模式匹配算法 10 11 12 13 15 2 14 主串S: a 模式串T: a a 5 6 4 我有一个新思路 直接从这里继续匹配







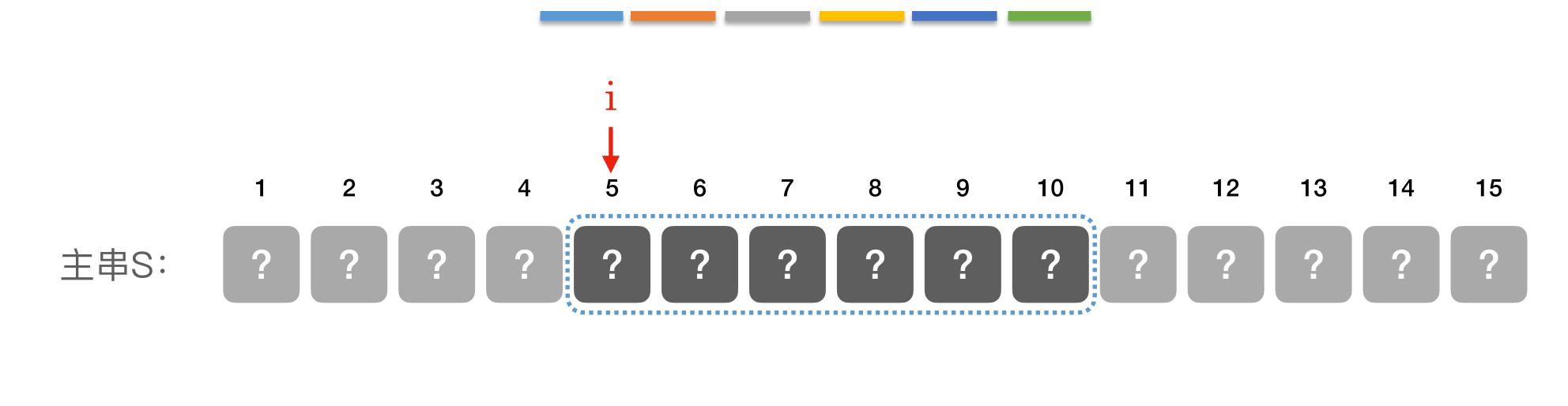




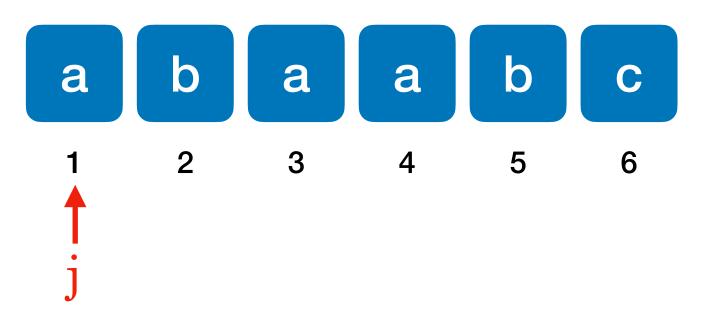
不匹配的字符之前,一定是和模式串一致的

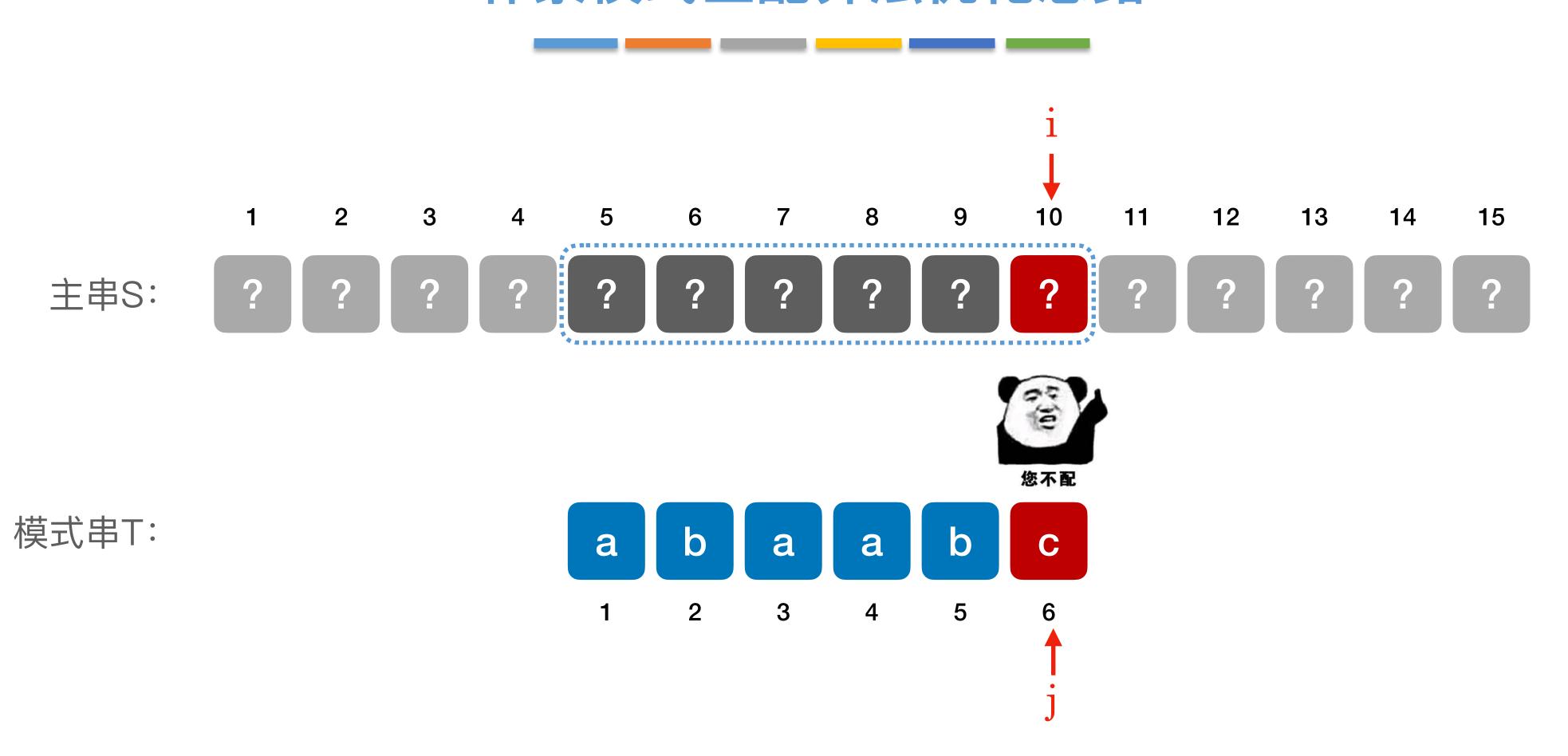
#### 朴素模式匹配算法优化思路 10 11 12 13 15 2 14 主串S: a a 跳过中间的 再来! 几个子串 模式串T: a 5 6

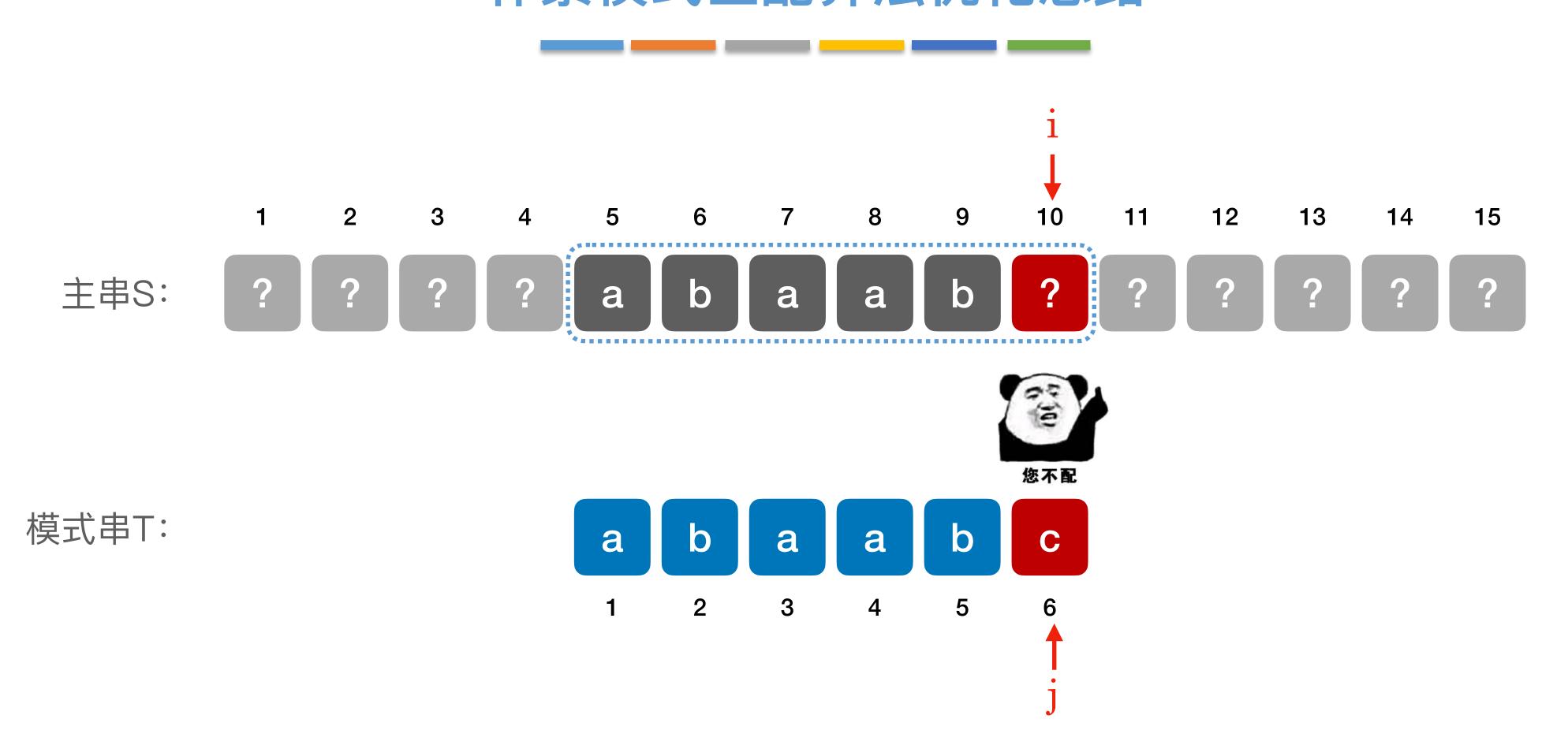
可以直接从这里继续匹配

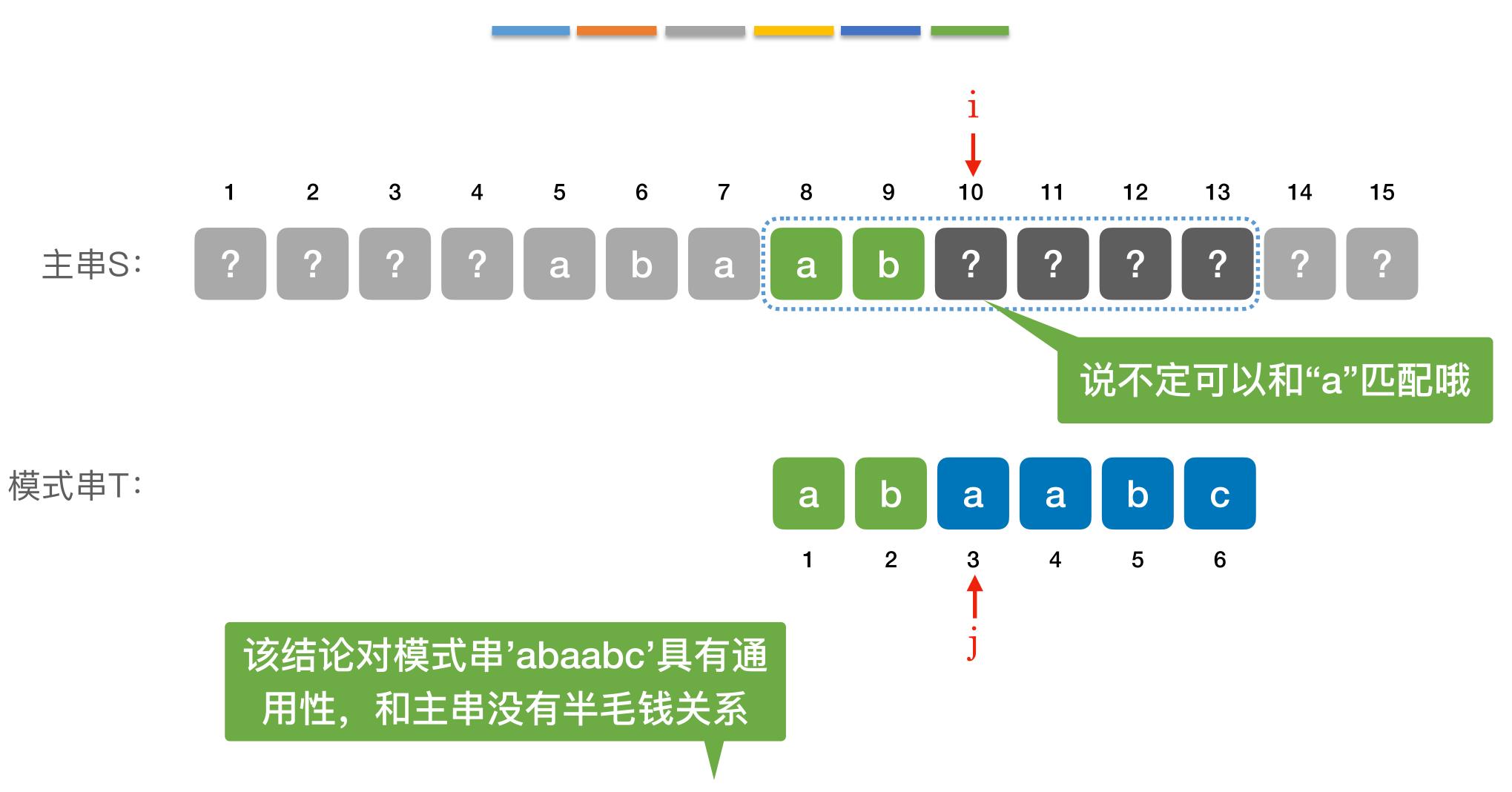


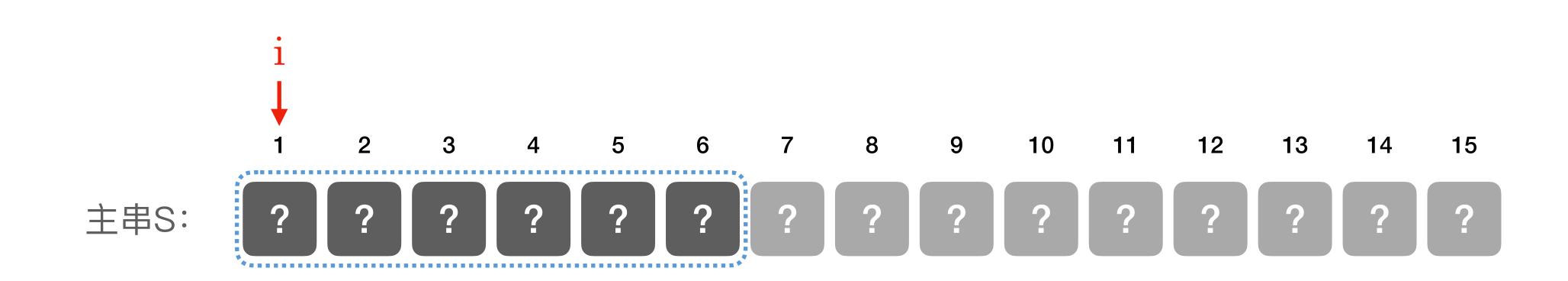
模式串T:

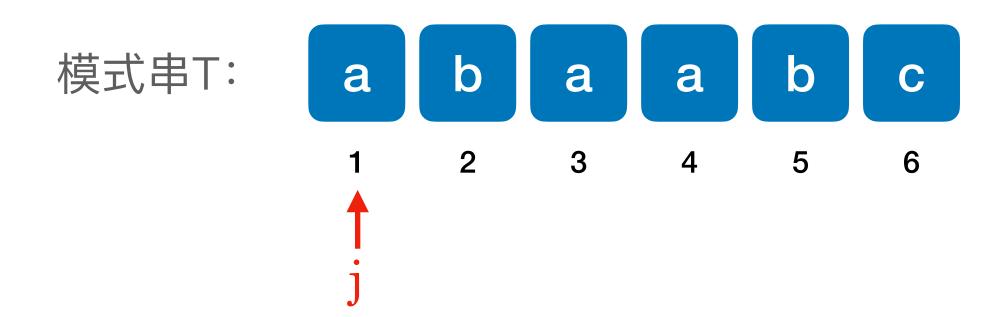




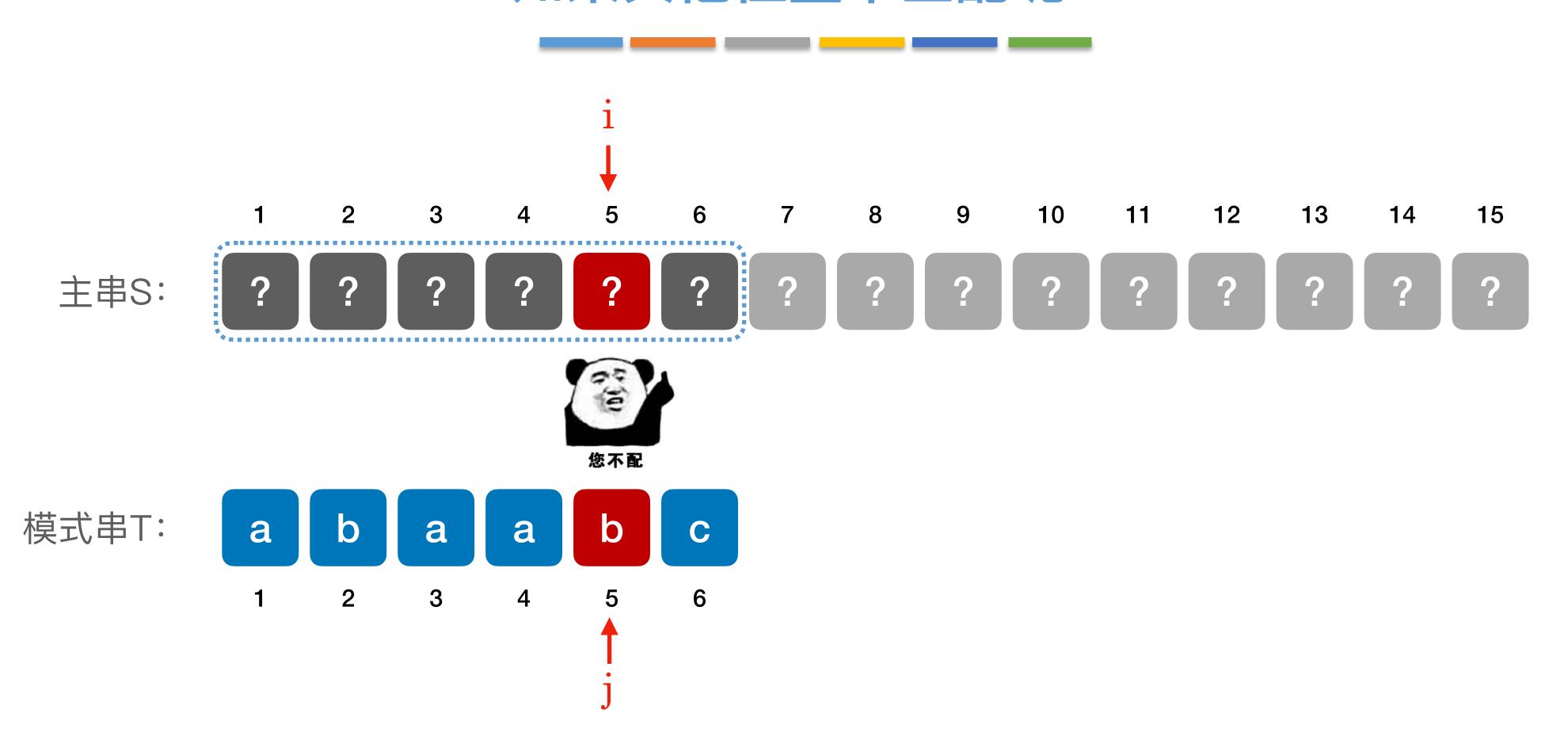




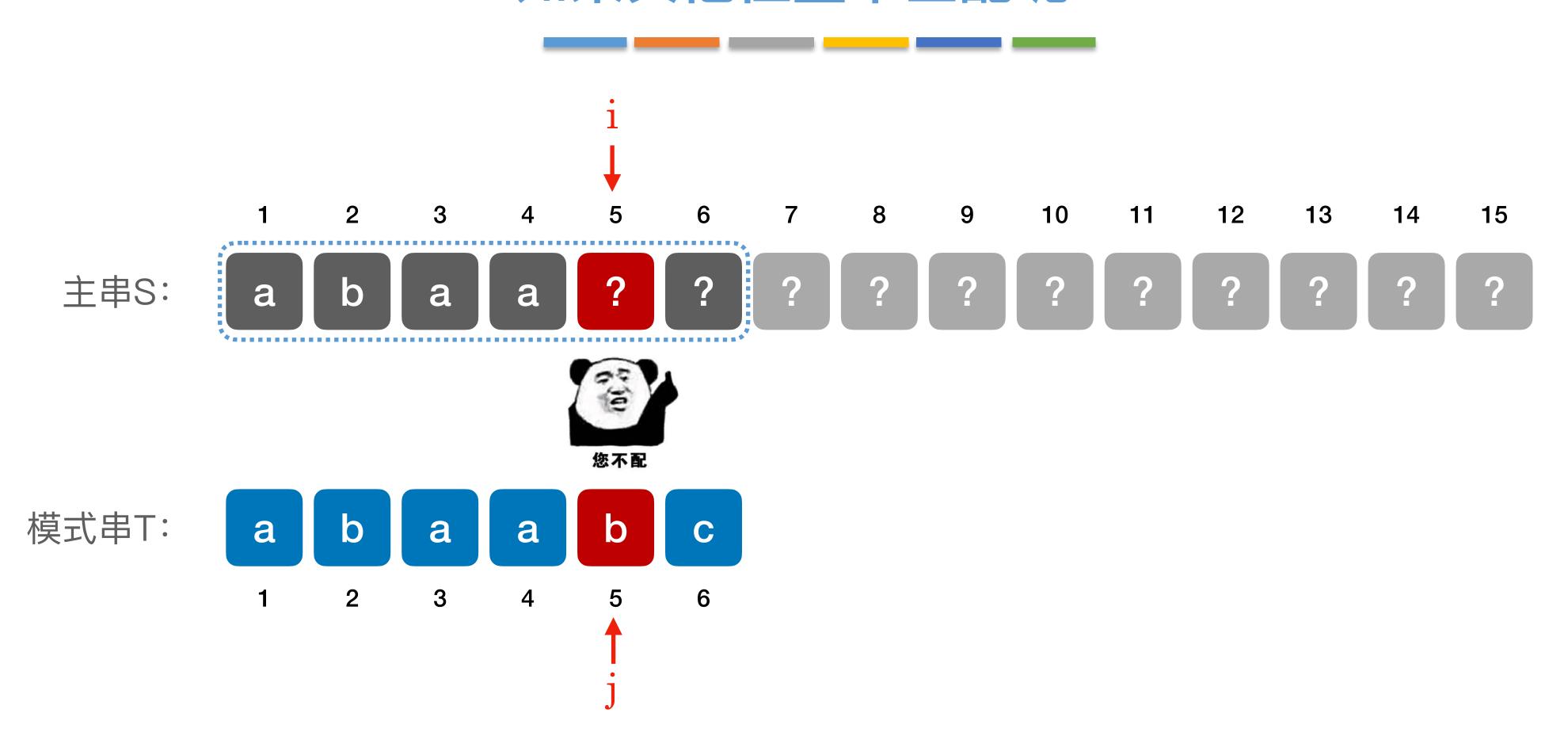




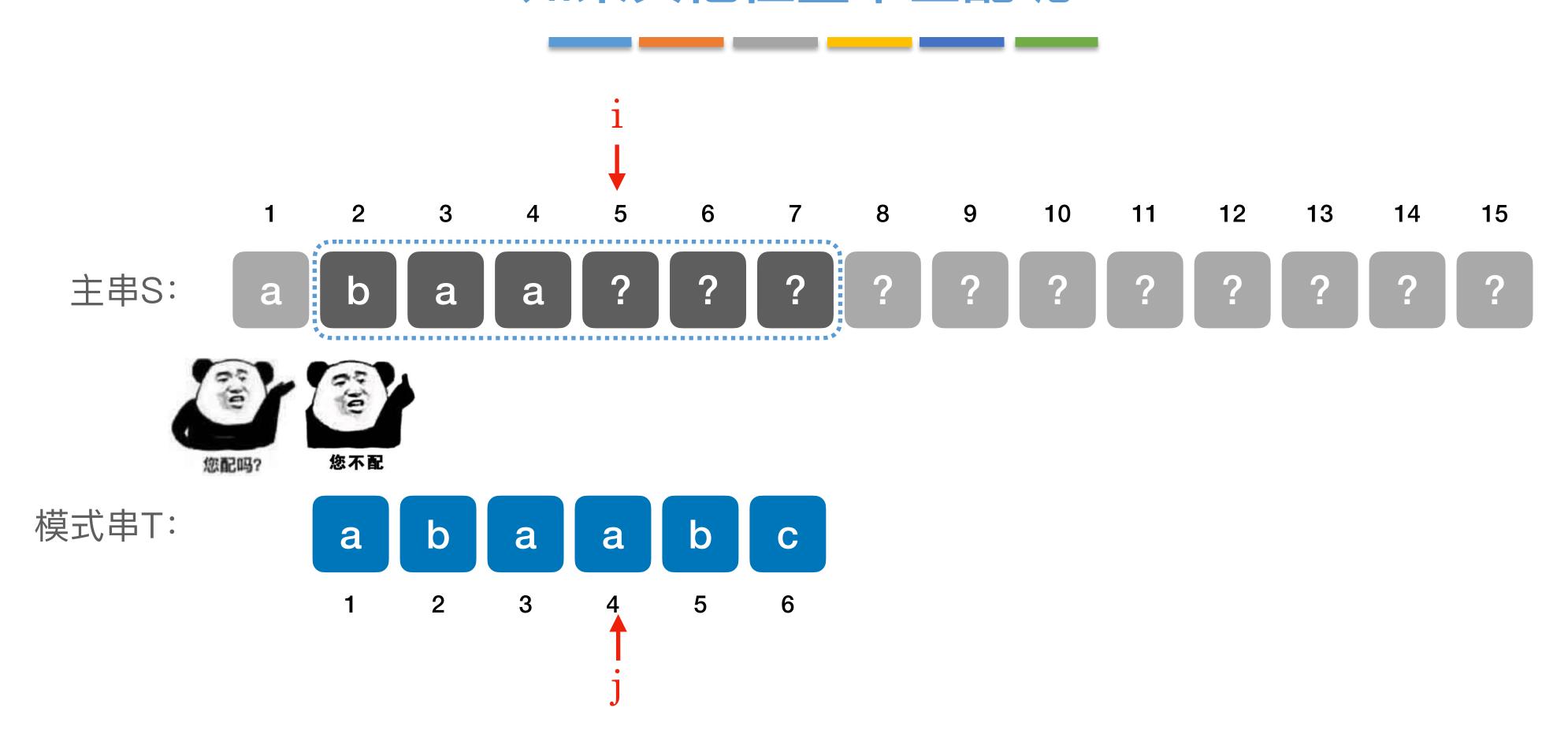
对于模式串 T = 'abaabc',当第5个元素匹配失败时?怎么搞?



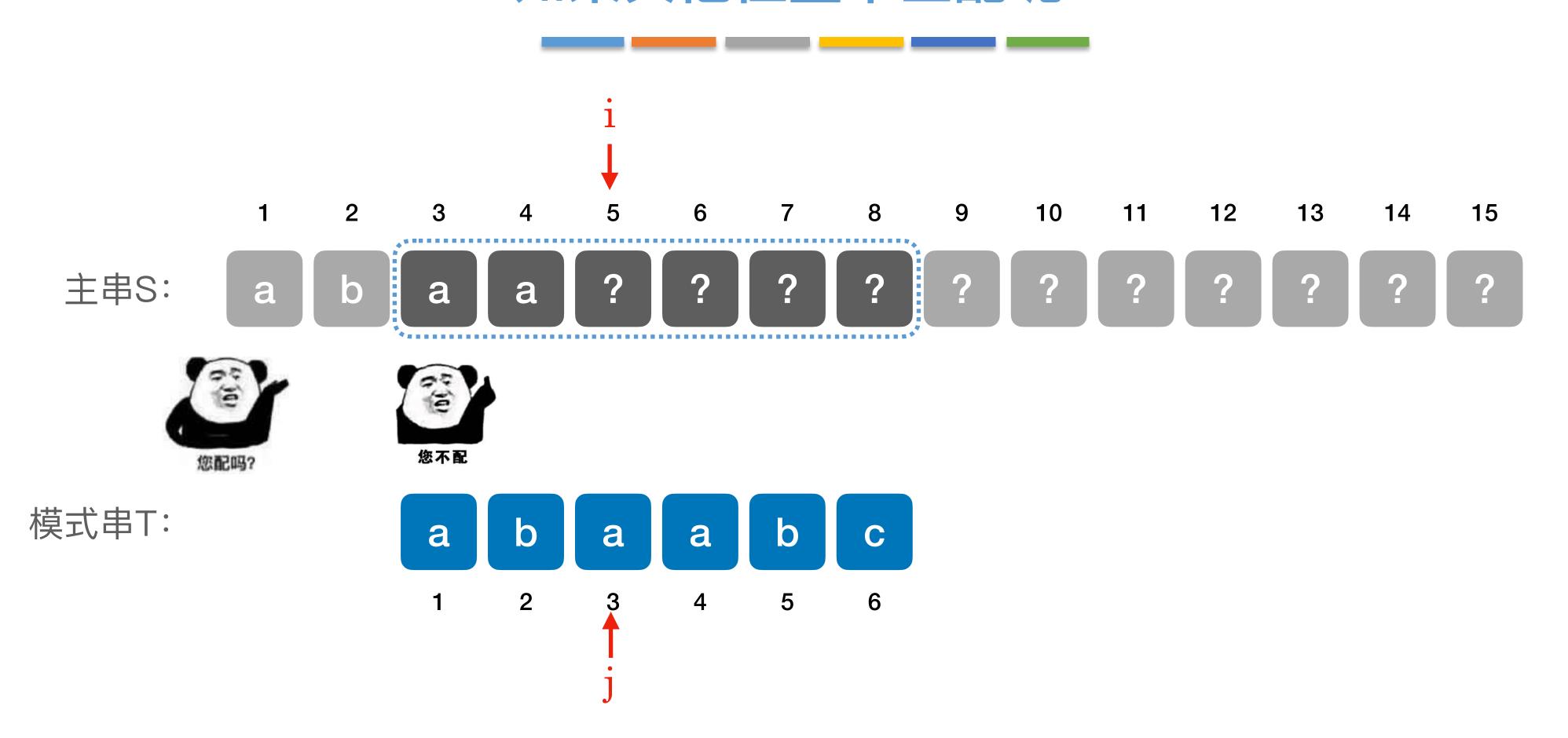
对于模式串 T = 'abaabc',当第5个元素匹配失败时?怎么搞?



对于模式串 T = 'abaabc',当第5个元素匹配失败时? 怎么搞?



对于模式串 T = 'abaabc',当第5个元素匹配失败时?怎么搞?

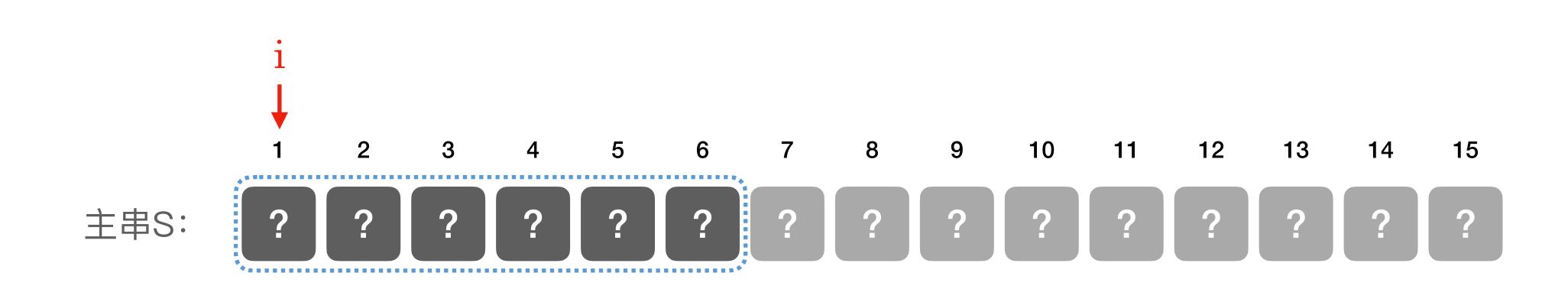


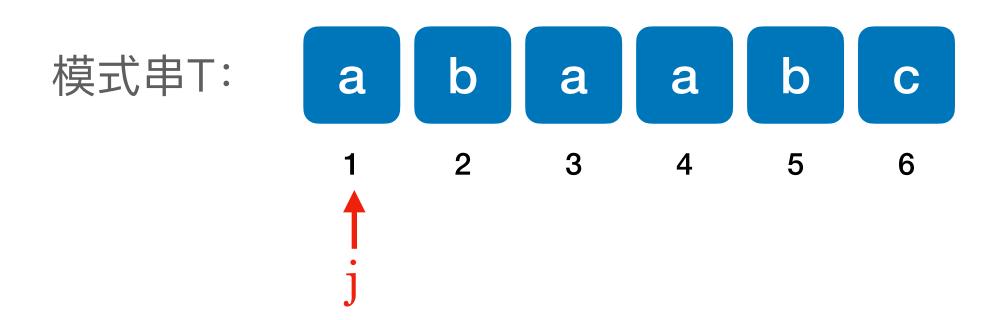
对于模式串 T = 'abaabc',当第5个元素匹配失败时? 怎么搞?

#### 如果其他位置不匹配呢? 10 12 2 11 13 15 主串S: 模式串T: a a 4 5

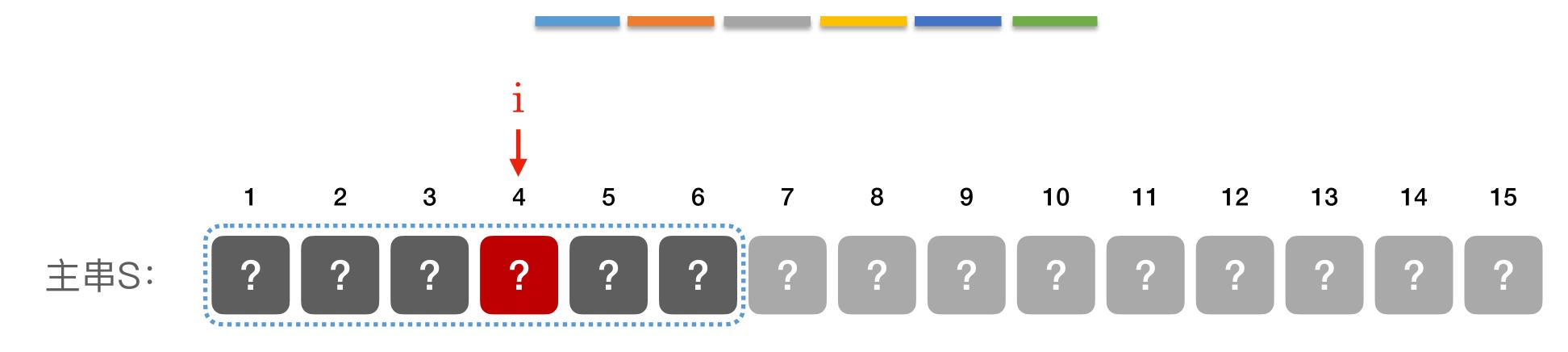
对于模式串 T = 'abaabc',当第5个元素匹配失败时? 怎么搞?

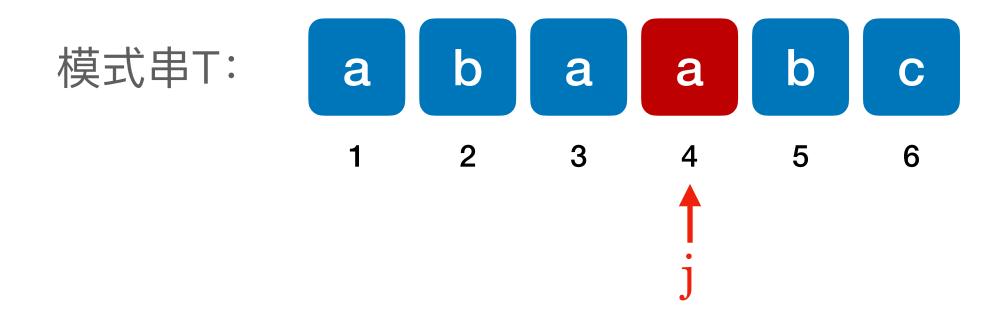
可令主串指针 i 不变,模式串指针 j = 2



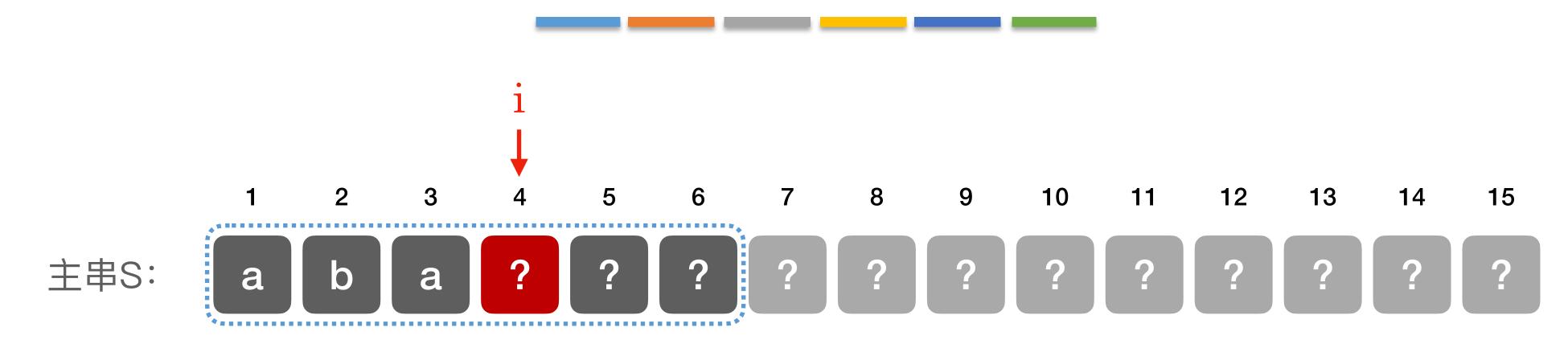


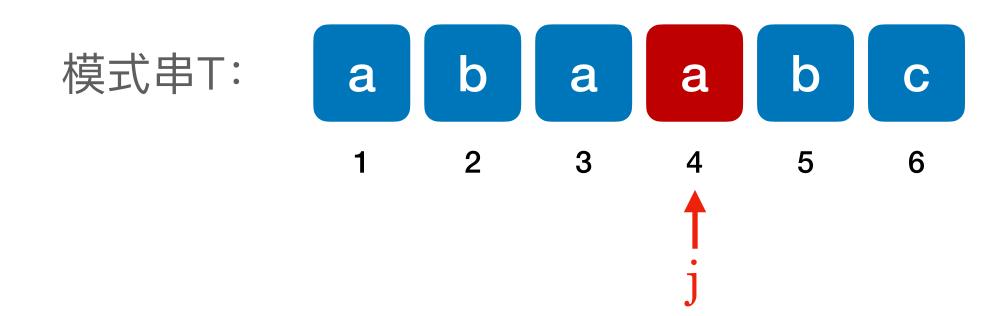
对于模式串 T = 'abaabc',当第4个元素匹配失败时?怎么搞?



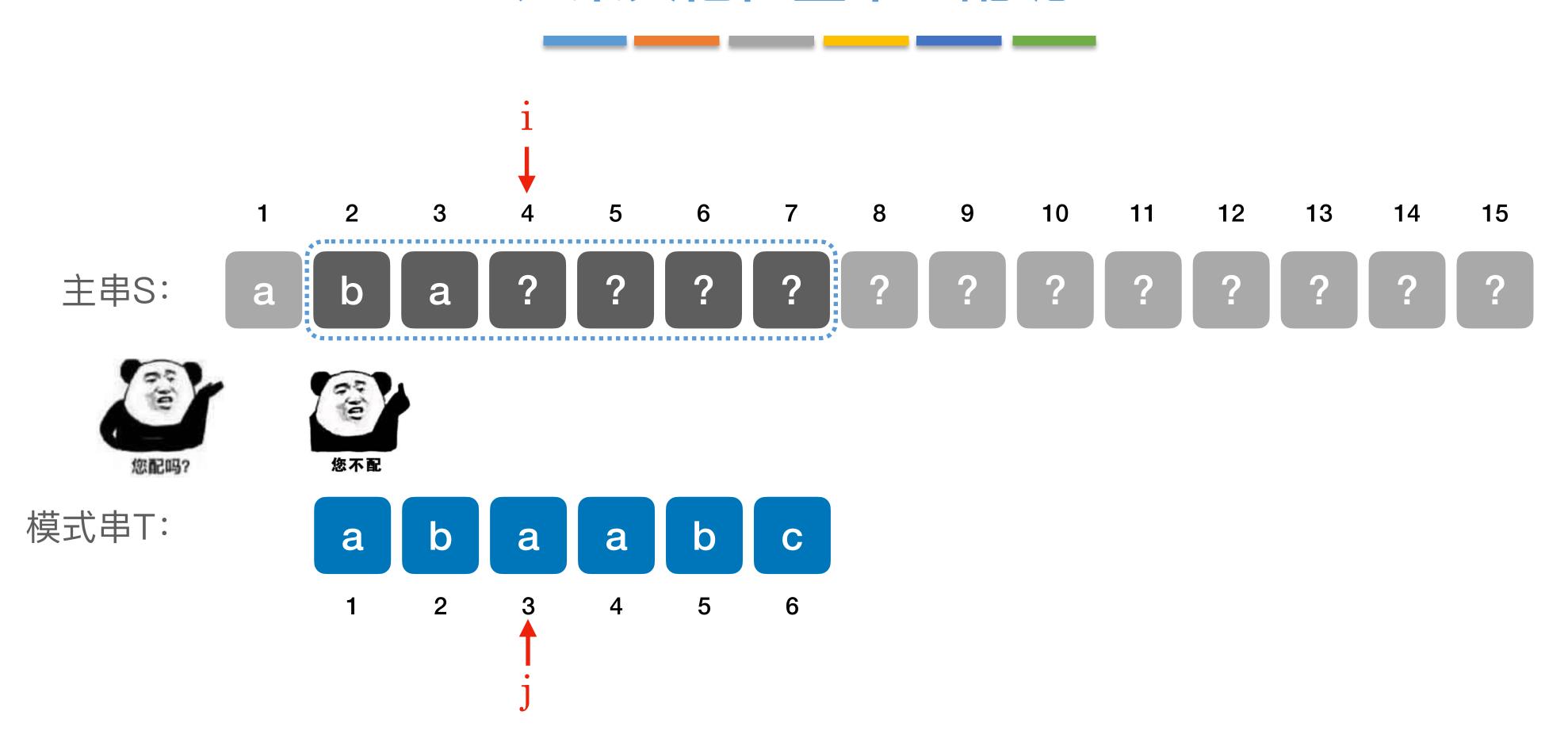


对于模式串 T = 'abaabc',当第4个元素匹配失败时? 怎么搞?

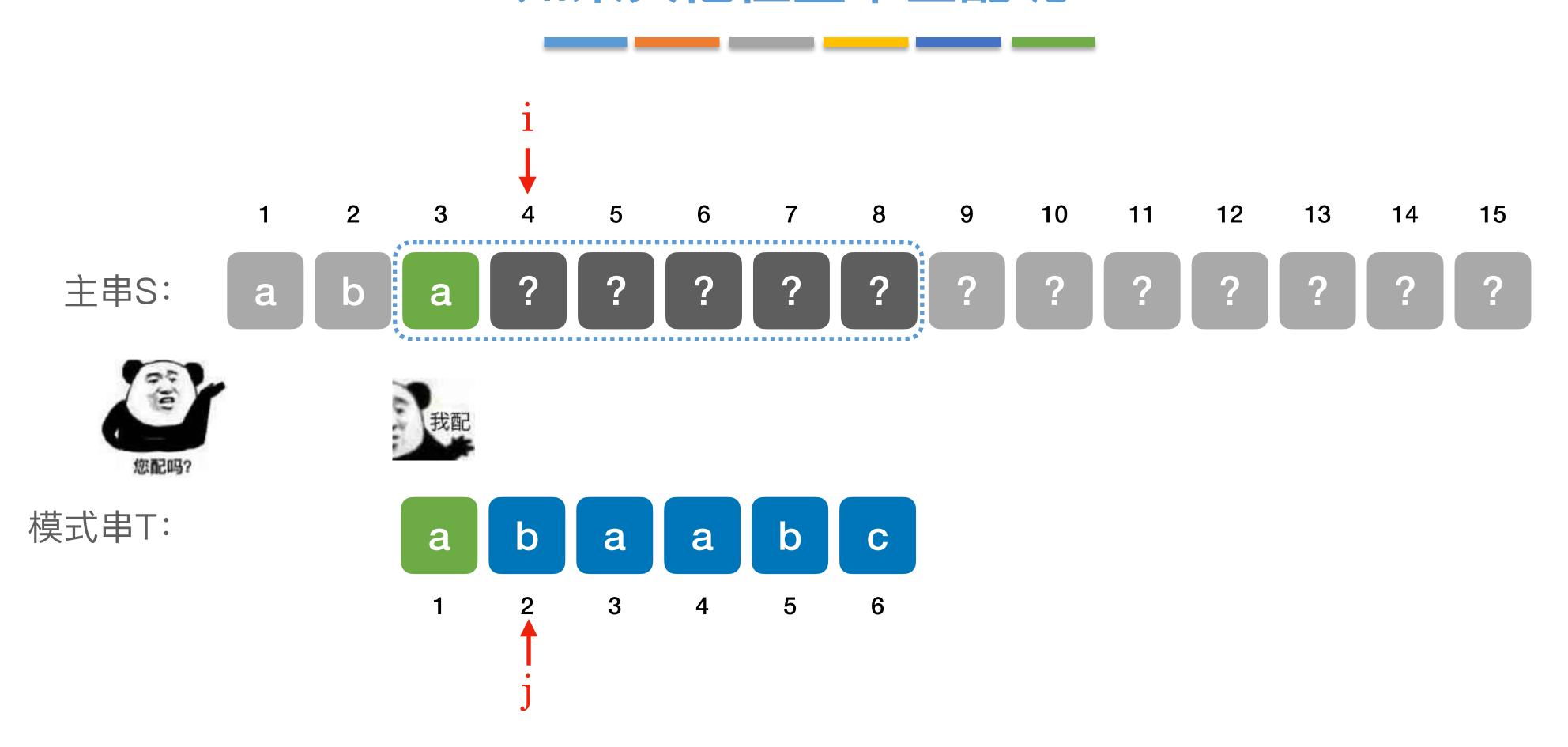




对于模式串 T = 'abaabc',当第4个元素匹配失败时? 怎么搞?

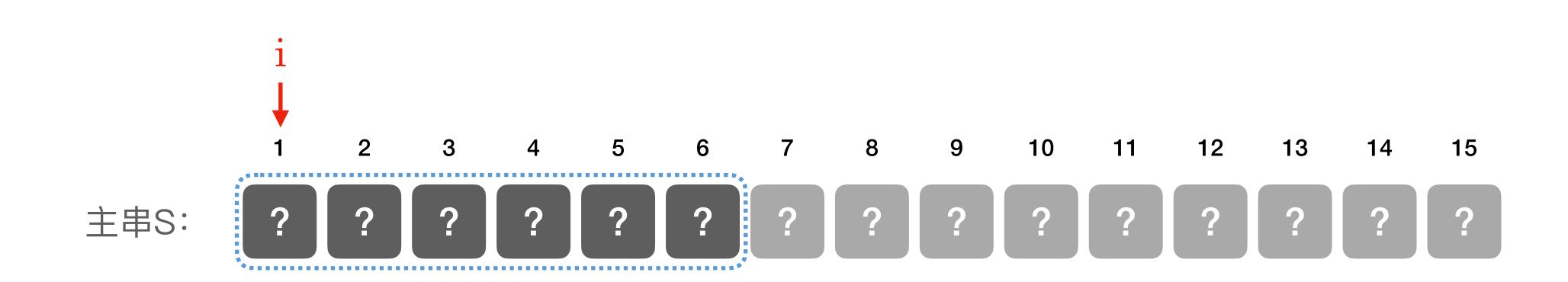


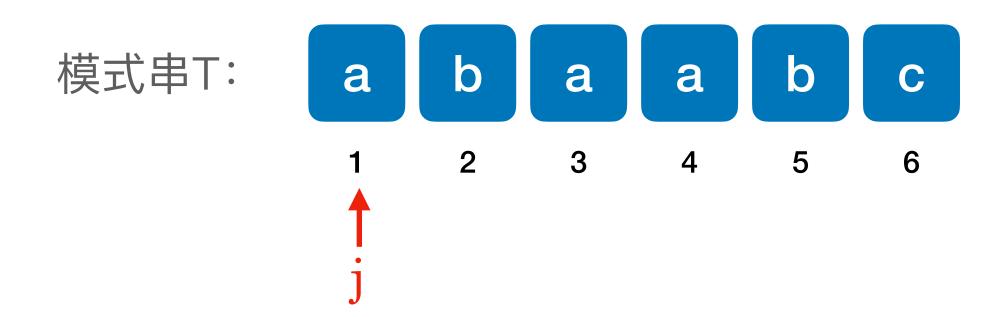
对于模式串 T = 'abaabc',当第4个元素匹配失败时? 怎么搞?



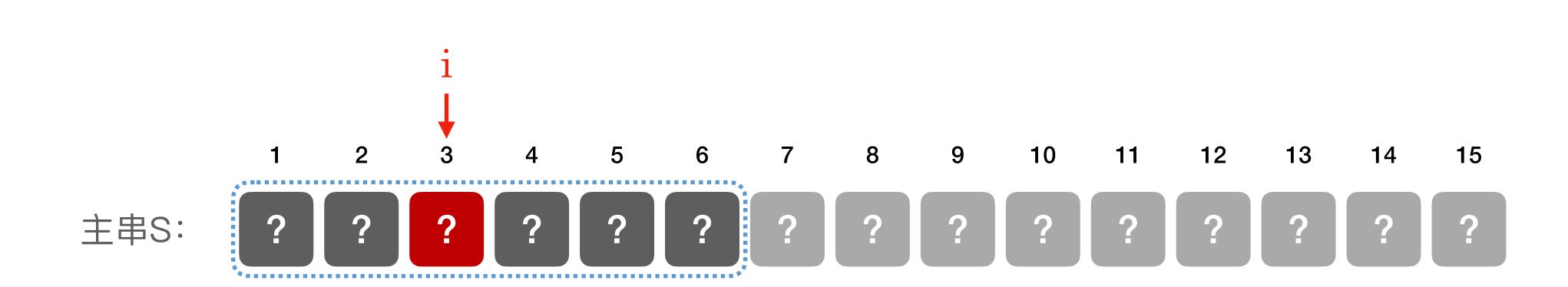
对于模式串 T = 'abaabc',当第4个元素匹配失败时?怎么搞?

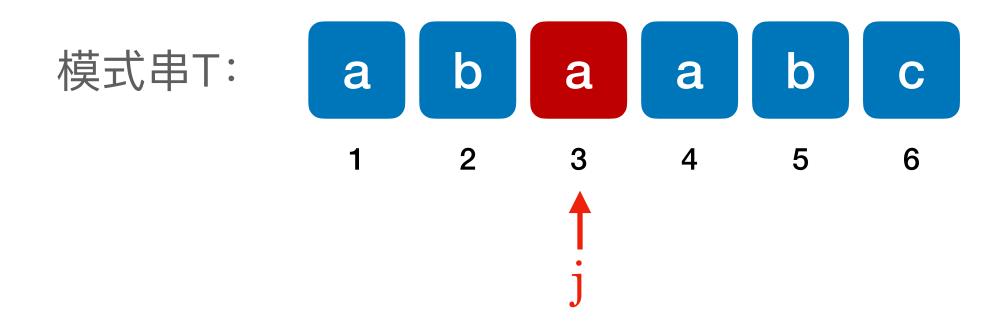
可令主串指针 i 不变,模式串指针 j = 2

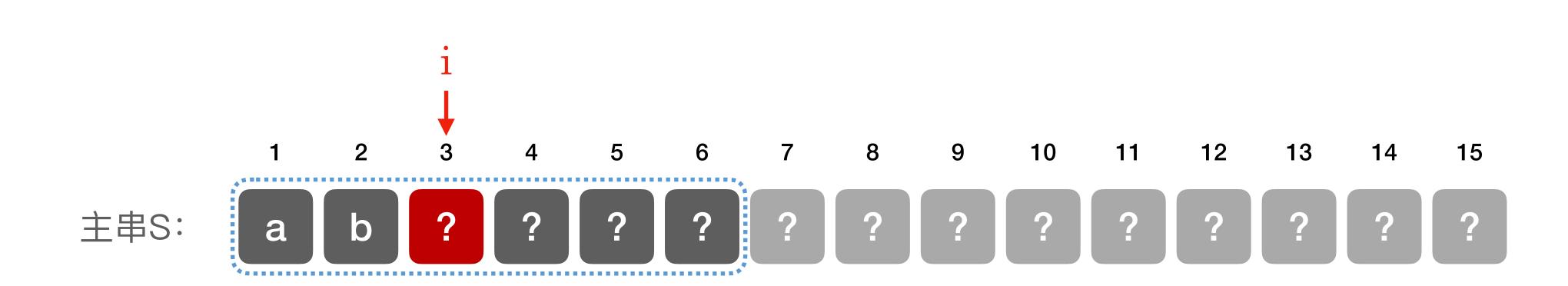


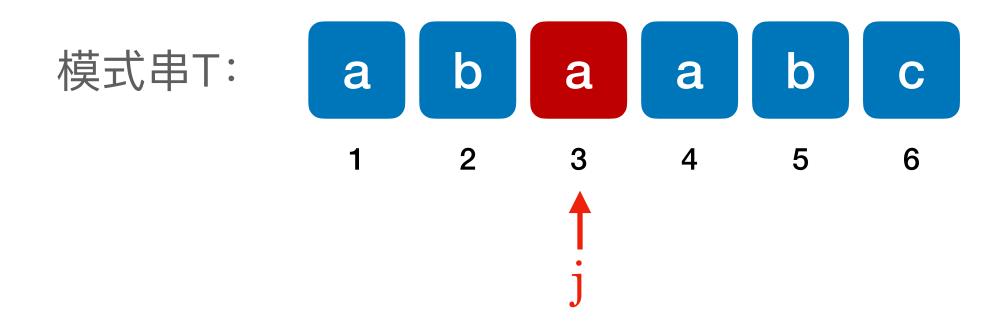


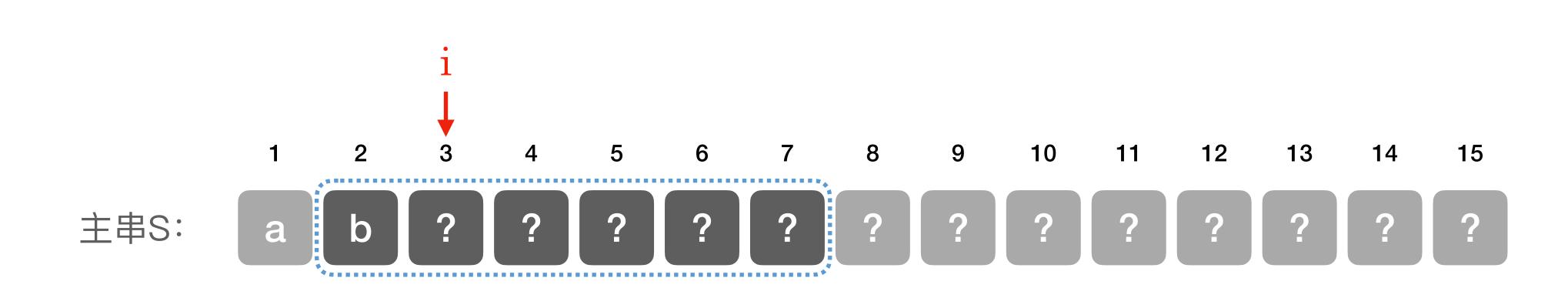
对于模式串 T = 'abaabc',当第3个元素匹配失败时? 怎么搞?

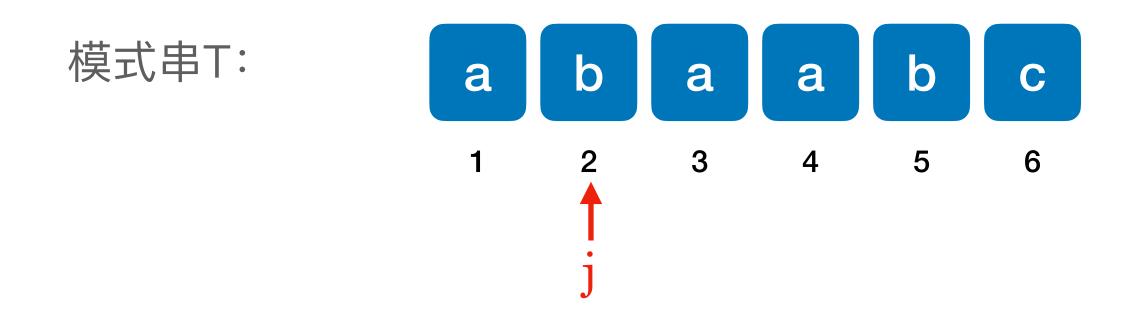


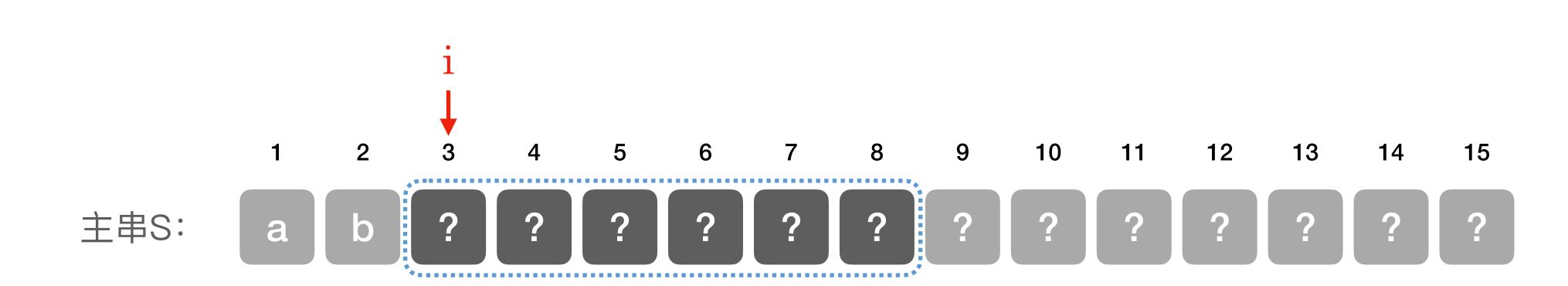












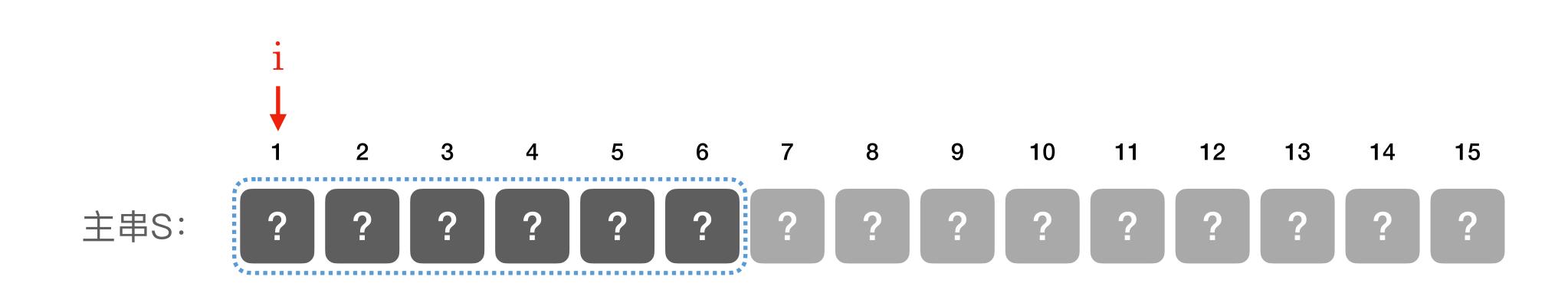
模式串T:

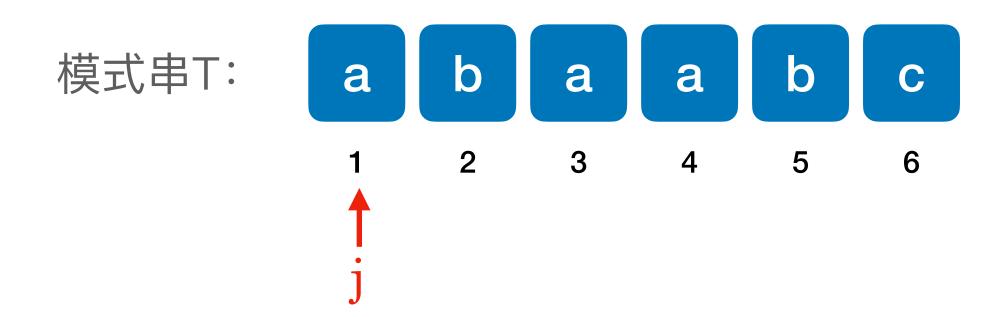
a b a a b c

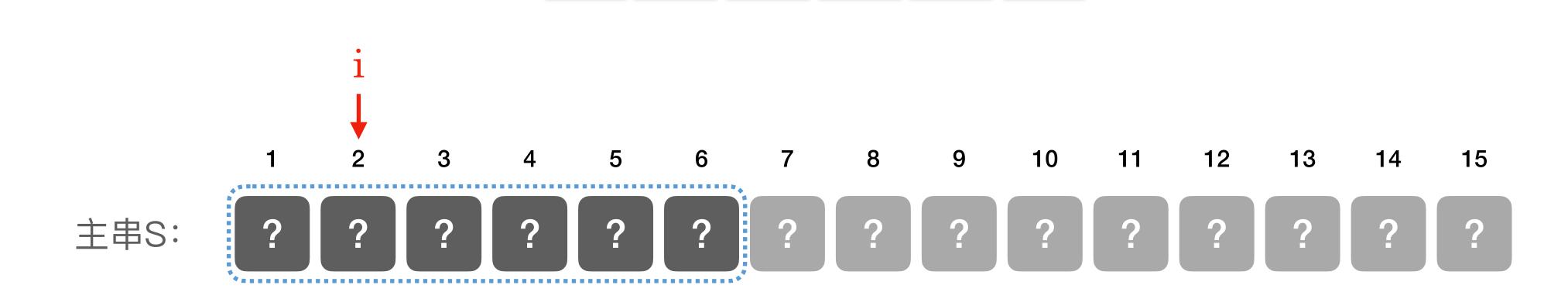
1 2 3 4 5 6

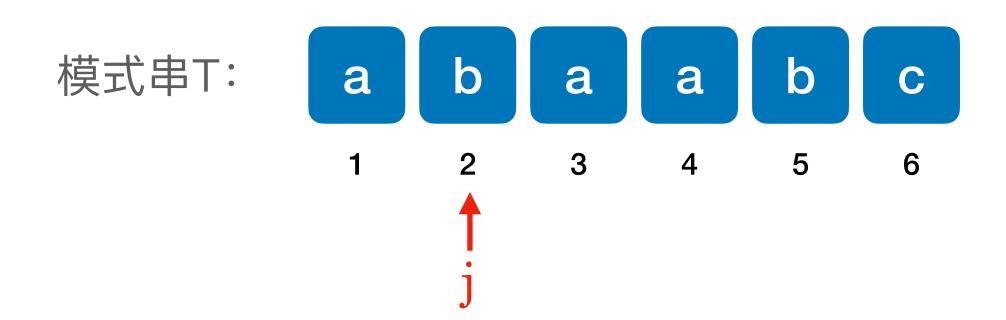
对于模式串 T = 'abaabc',当第3个元素匹配失败时?怎么搞?

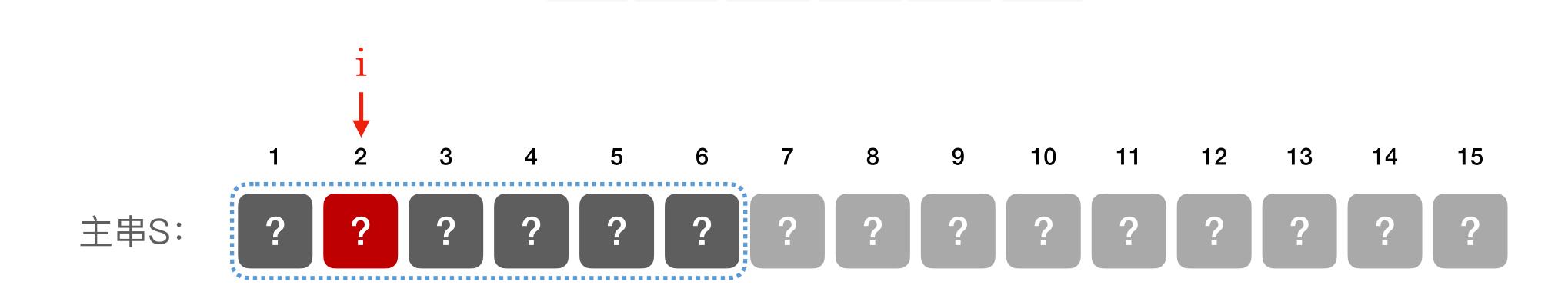
可令主串指针 i 不变,模式串指针 j = 1

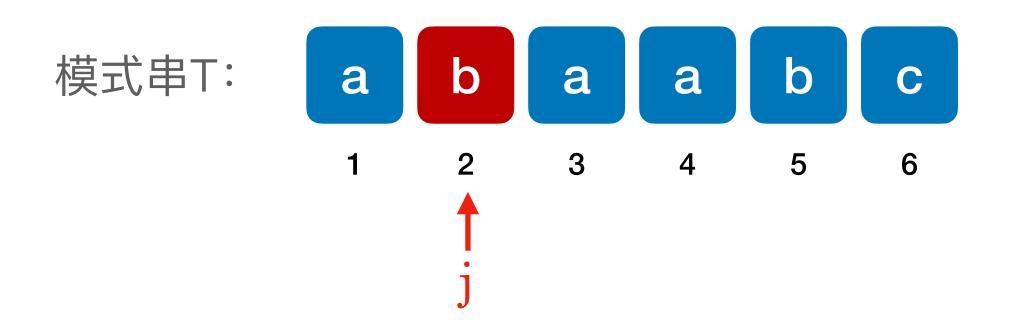


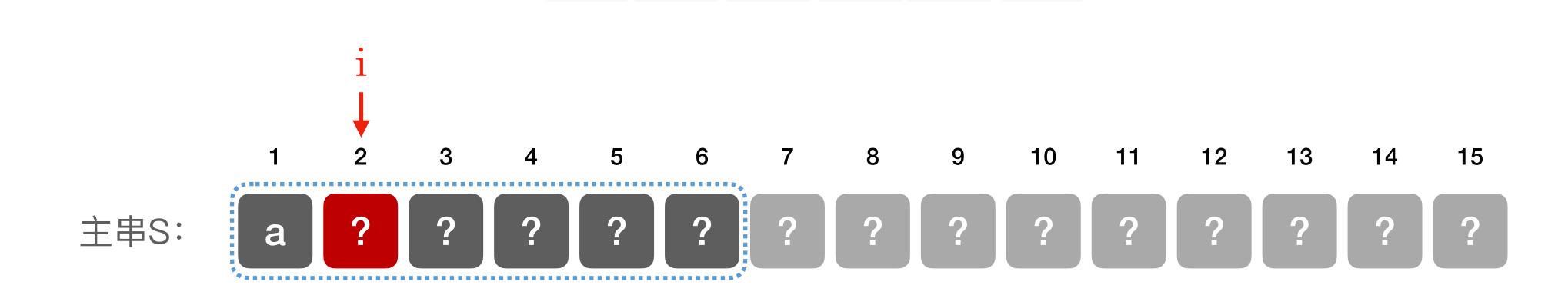


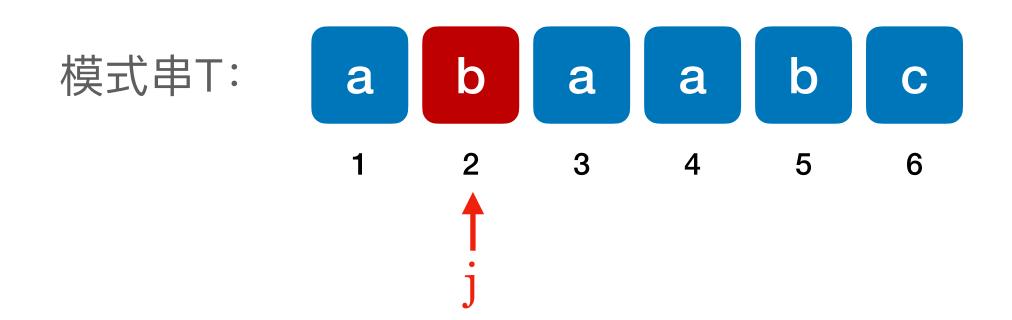


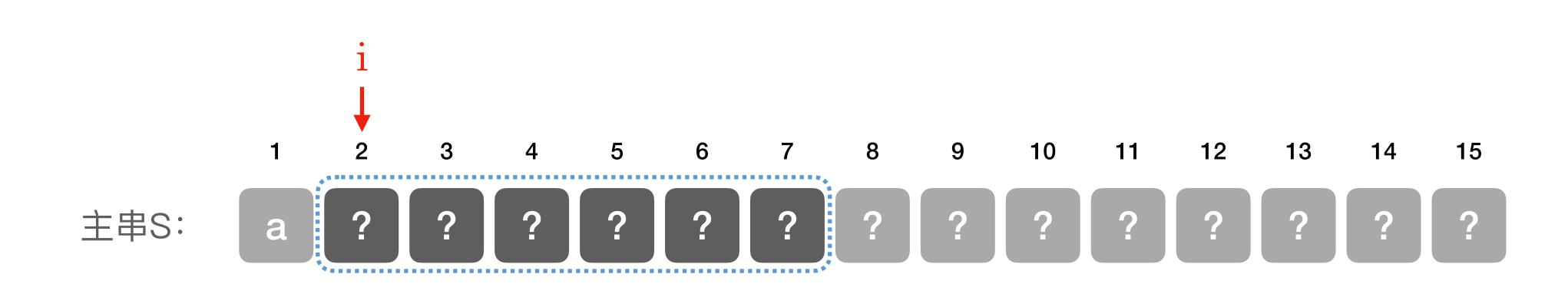


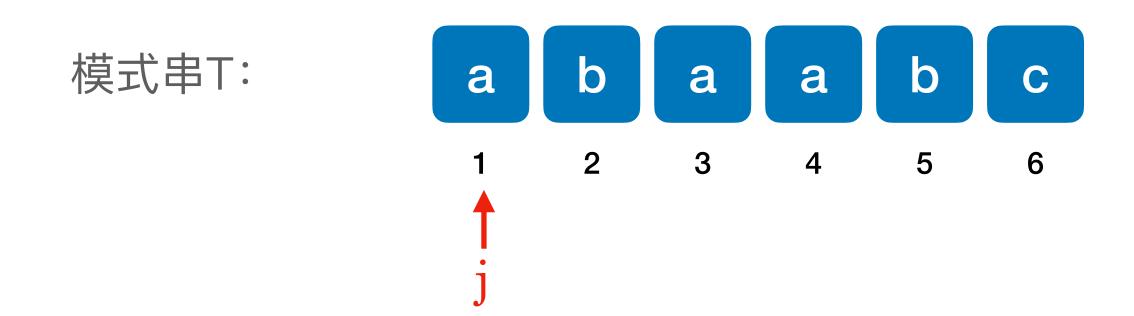






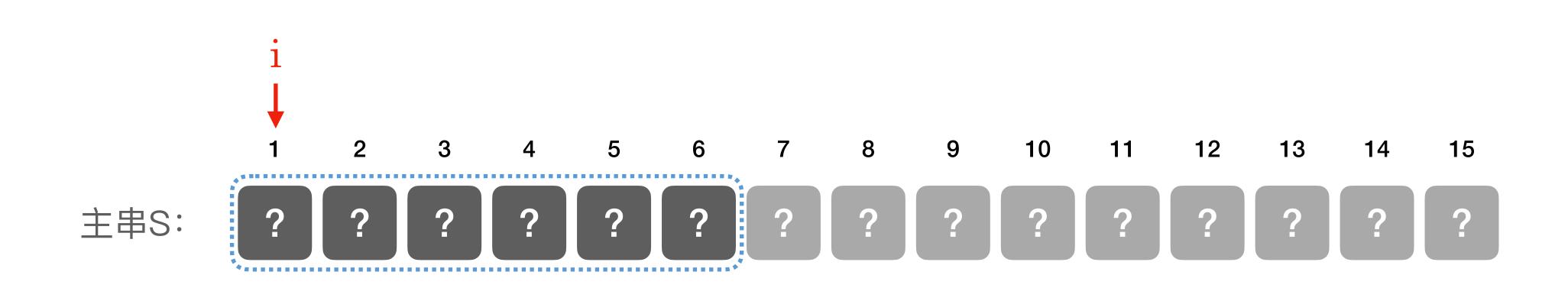


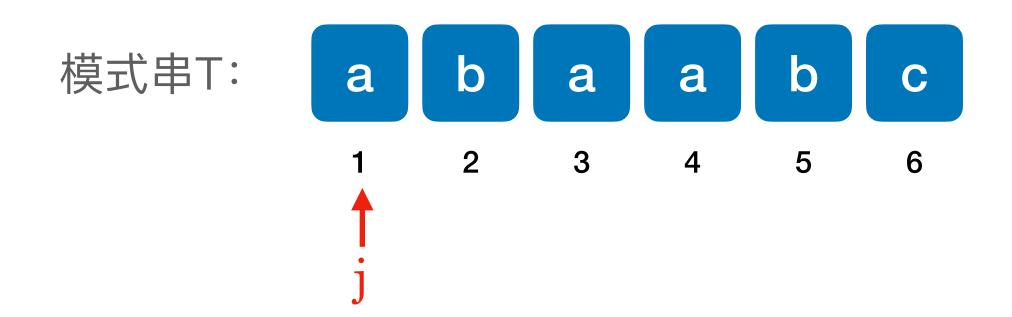


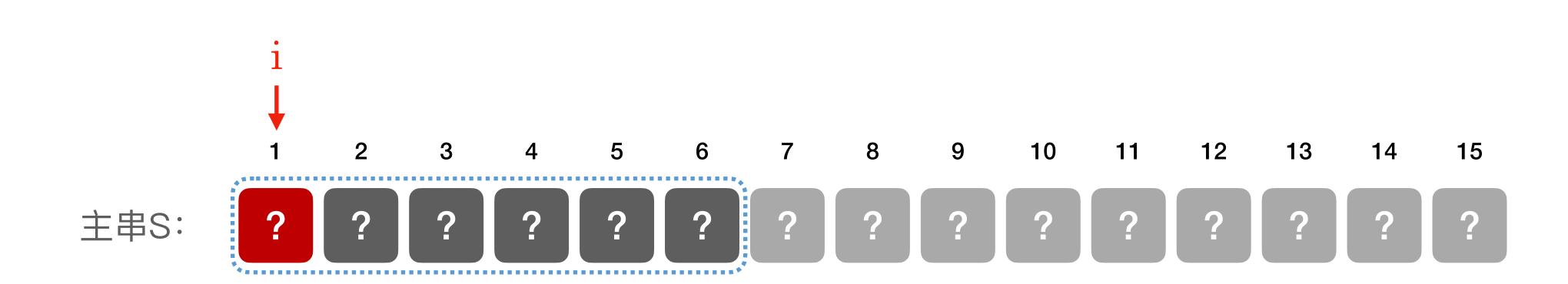


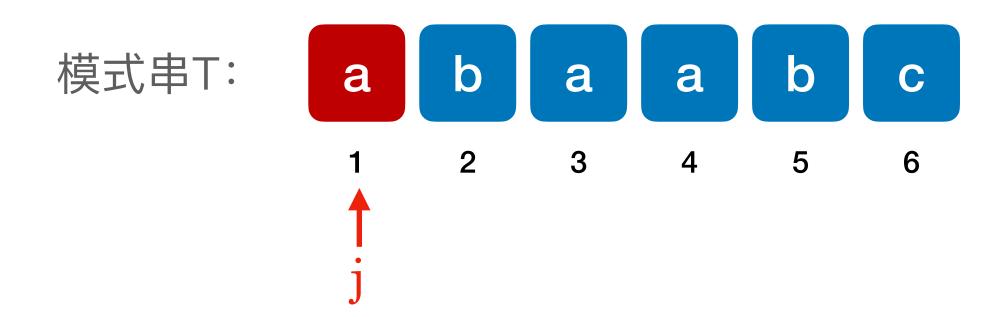
对于模式串 T = 'abaabc',当第2个元素匹配失败时? 怎么搞?

可令主串指针 i 不变,模式串指针 j = 1



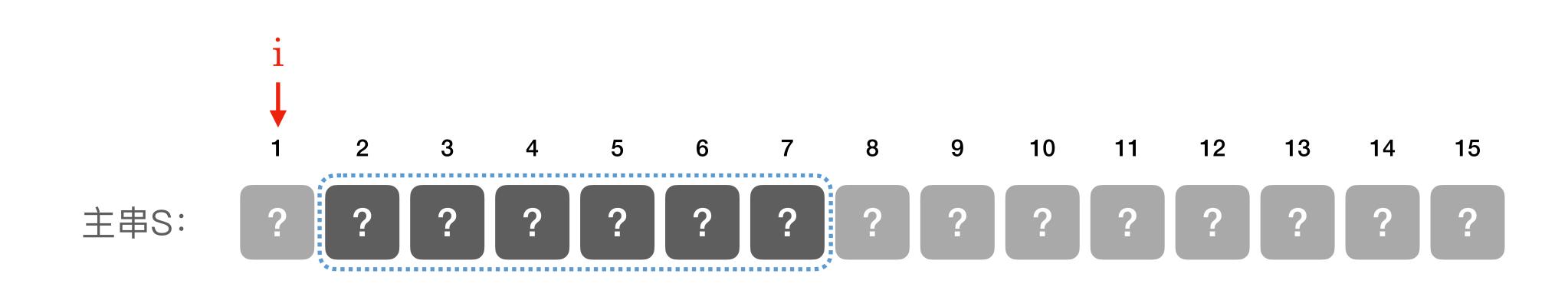


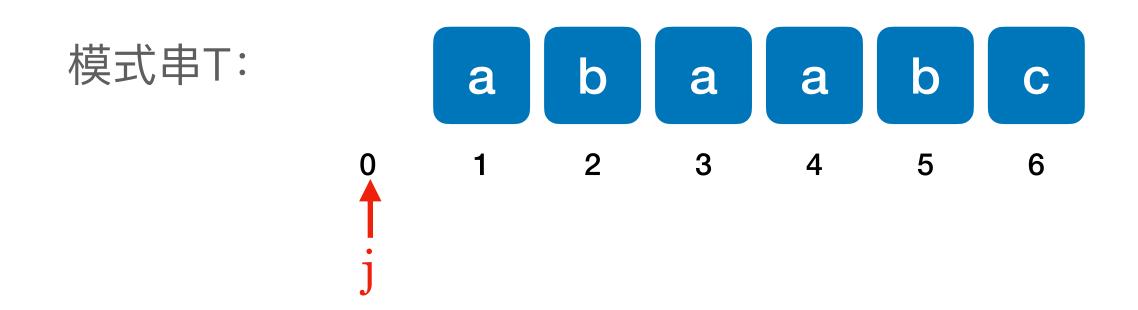




对于模式串 T = 'abaabc',当第1个元素匹配失败时?怎么搞?

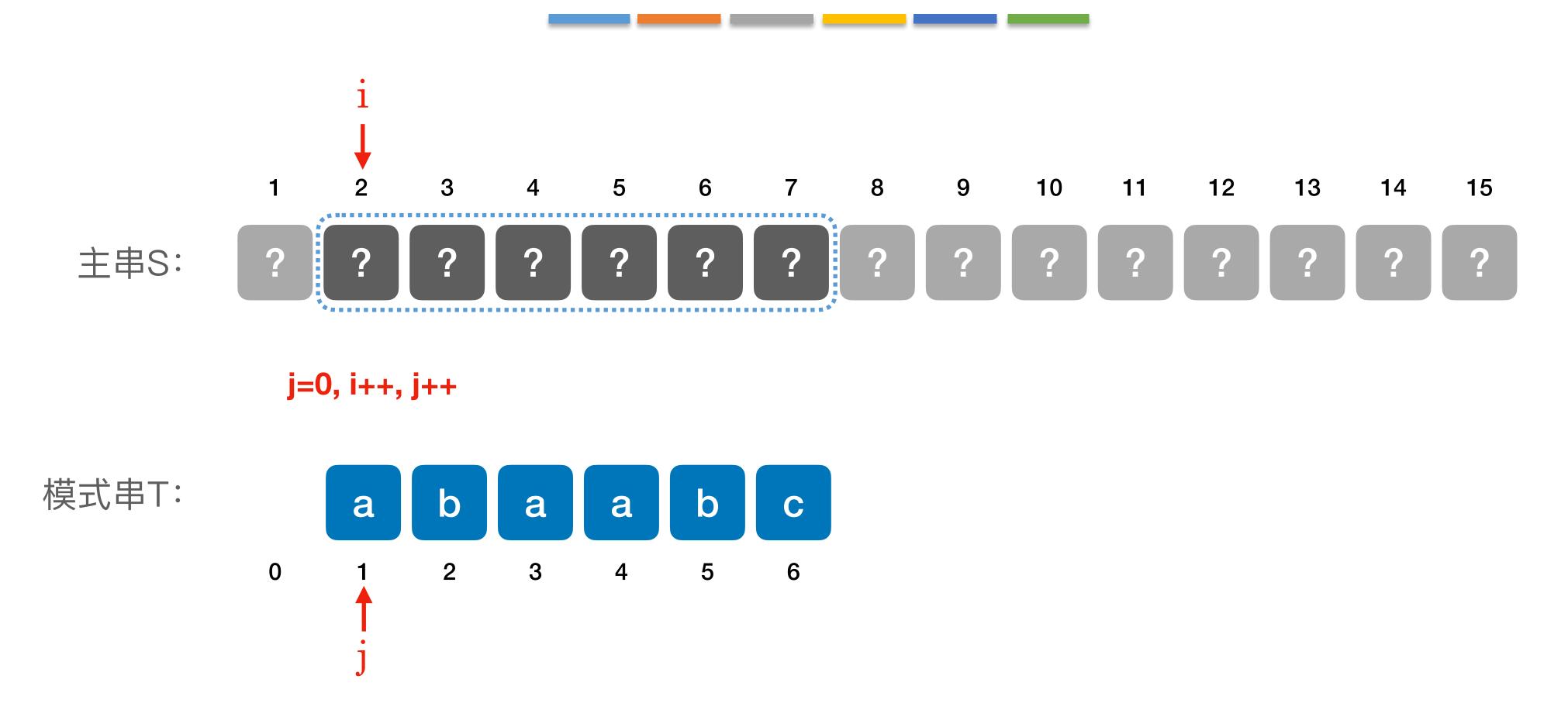
匹配下一个相邻子串





对于模式串 T = 'abaabc',当第1个元素匹配失败时? 怎么搞?

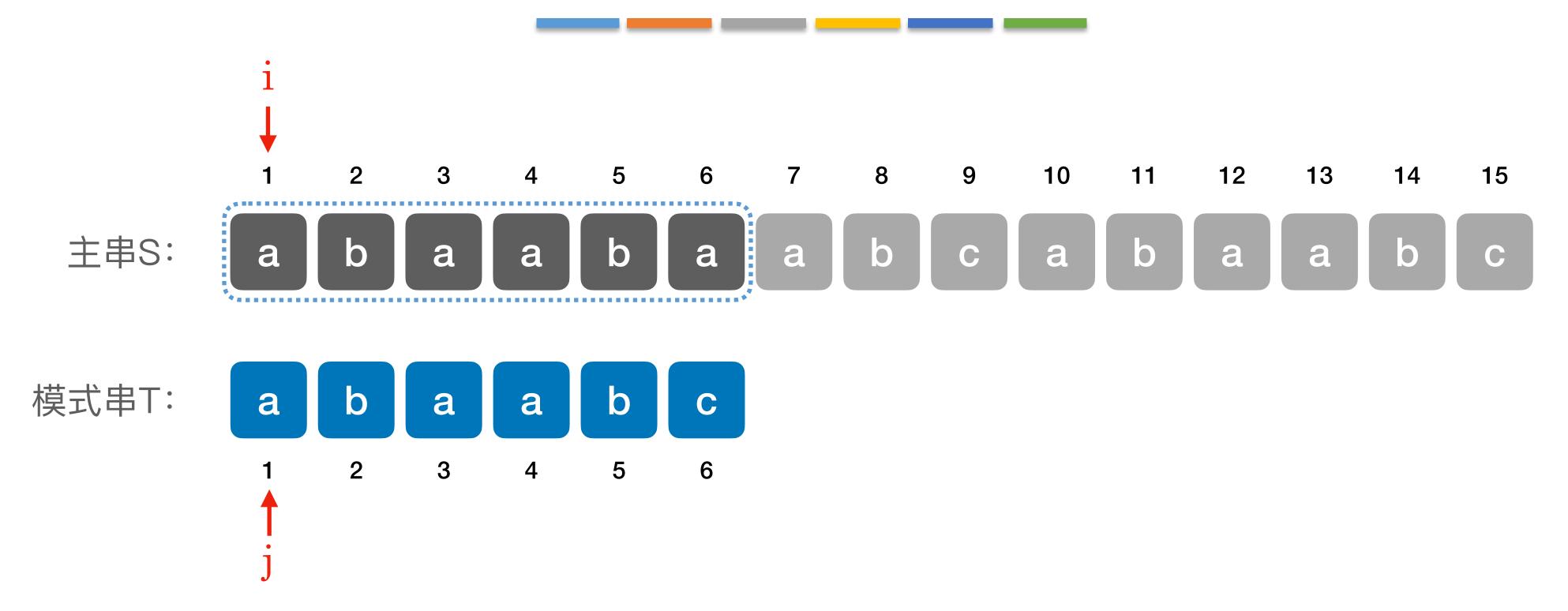
匹配下一个相邻子串



对于模式串 T = 'abaabc',当第1个元素匹配失败时?怎么搞?

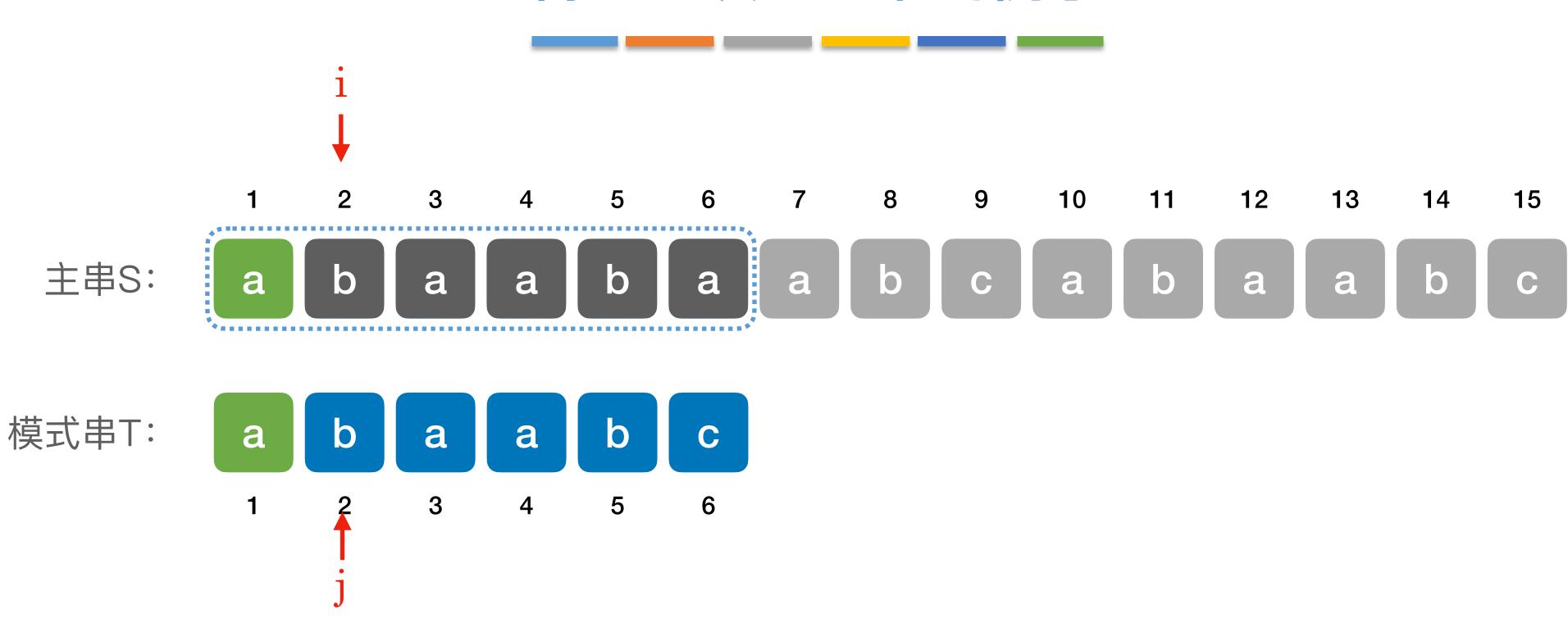
匹配下一个相邻子串

## 再整一次上一节的例子



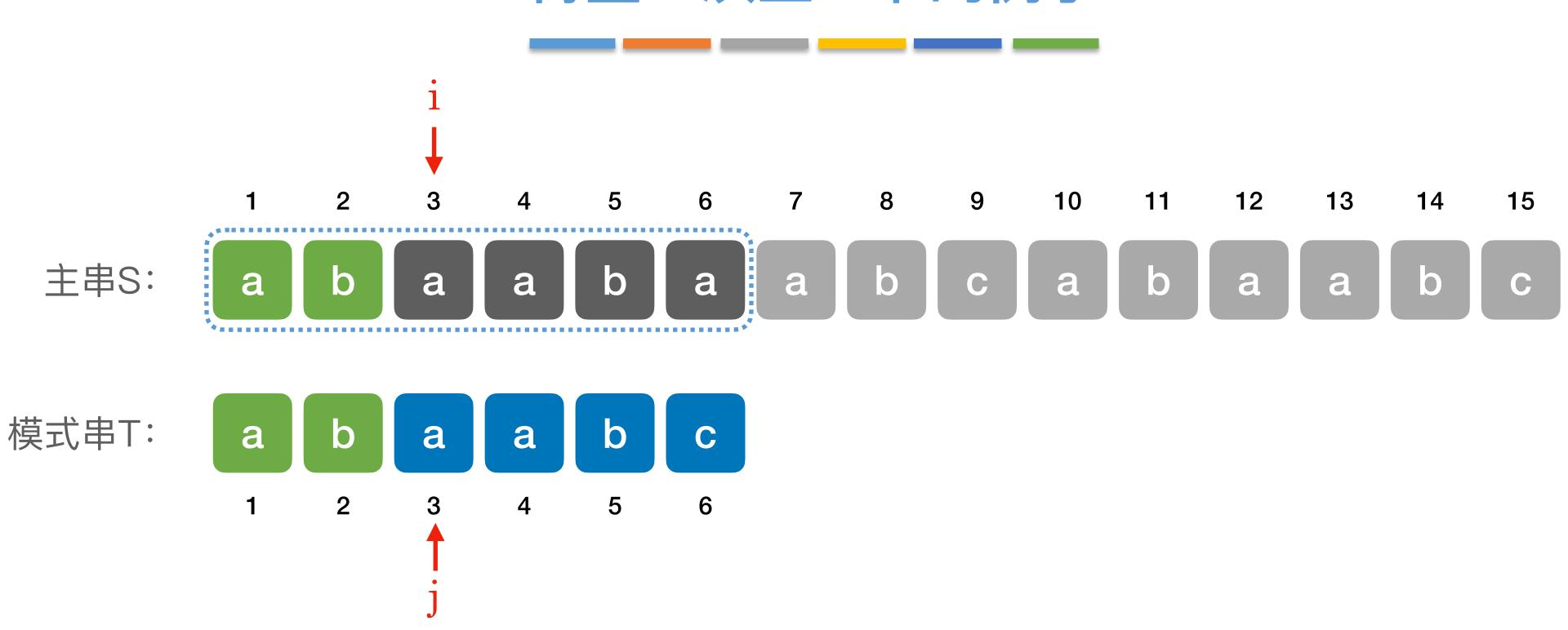
对于模式串 T = 'abaabc'

## 再整一次上一节的例子

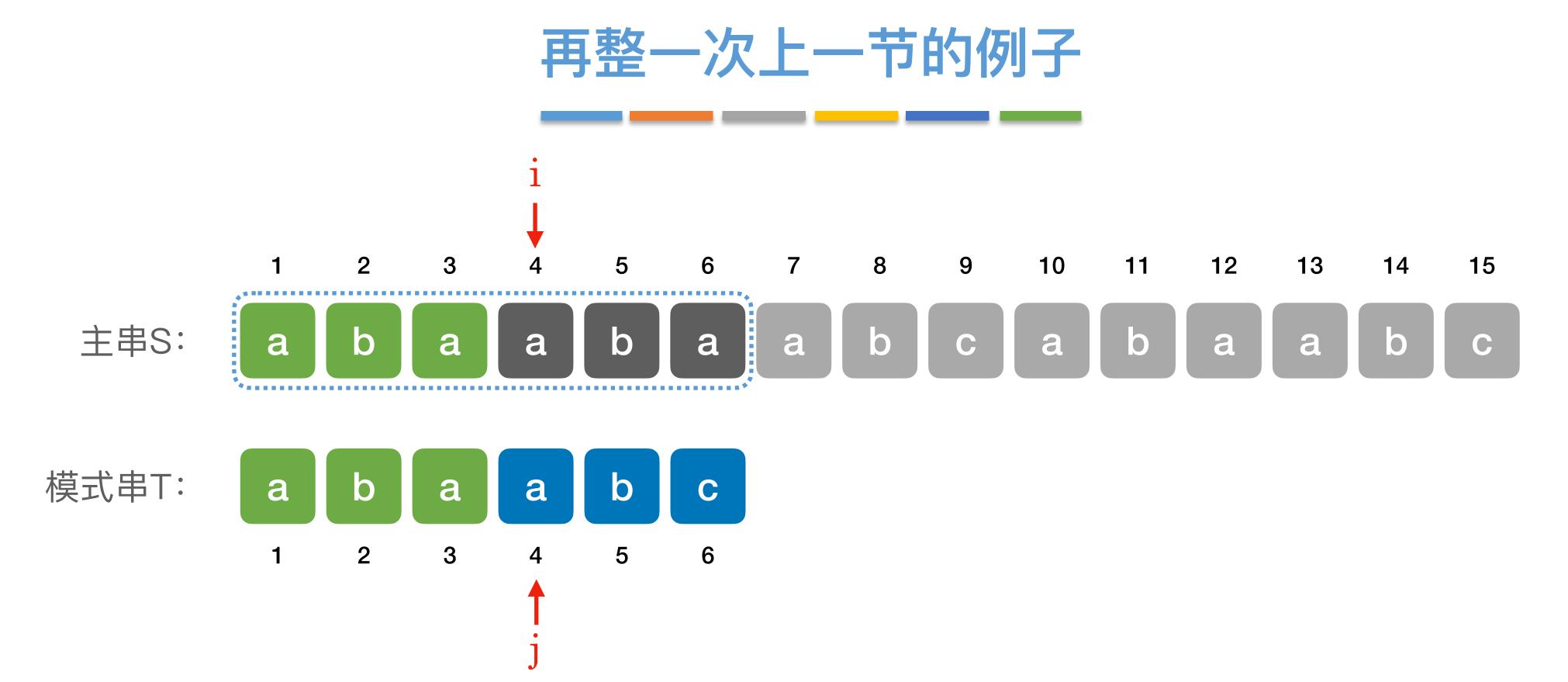


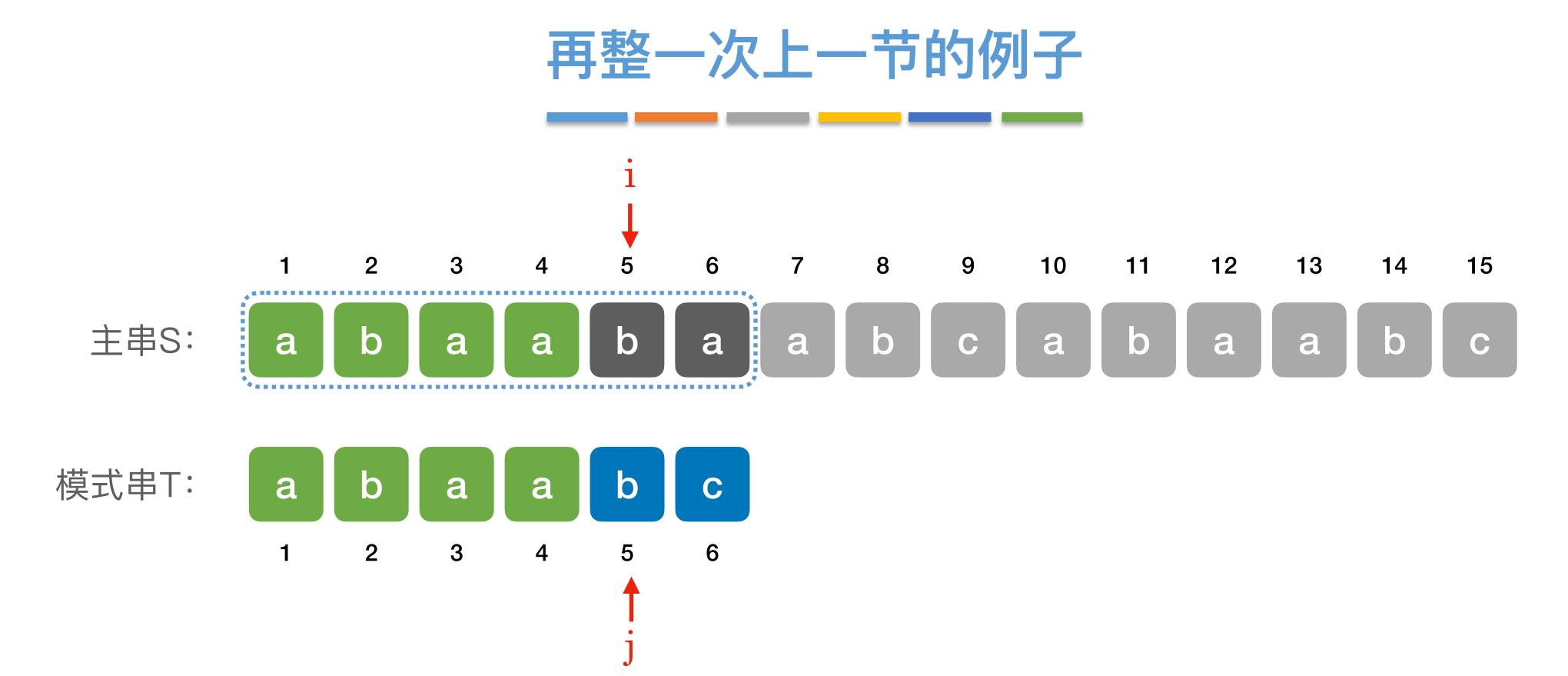
对于模式串 T = 'abaabc'

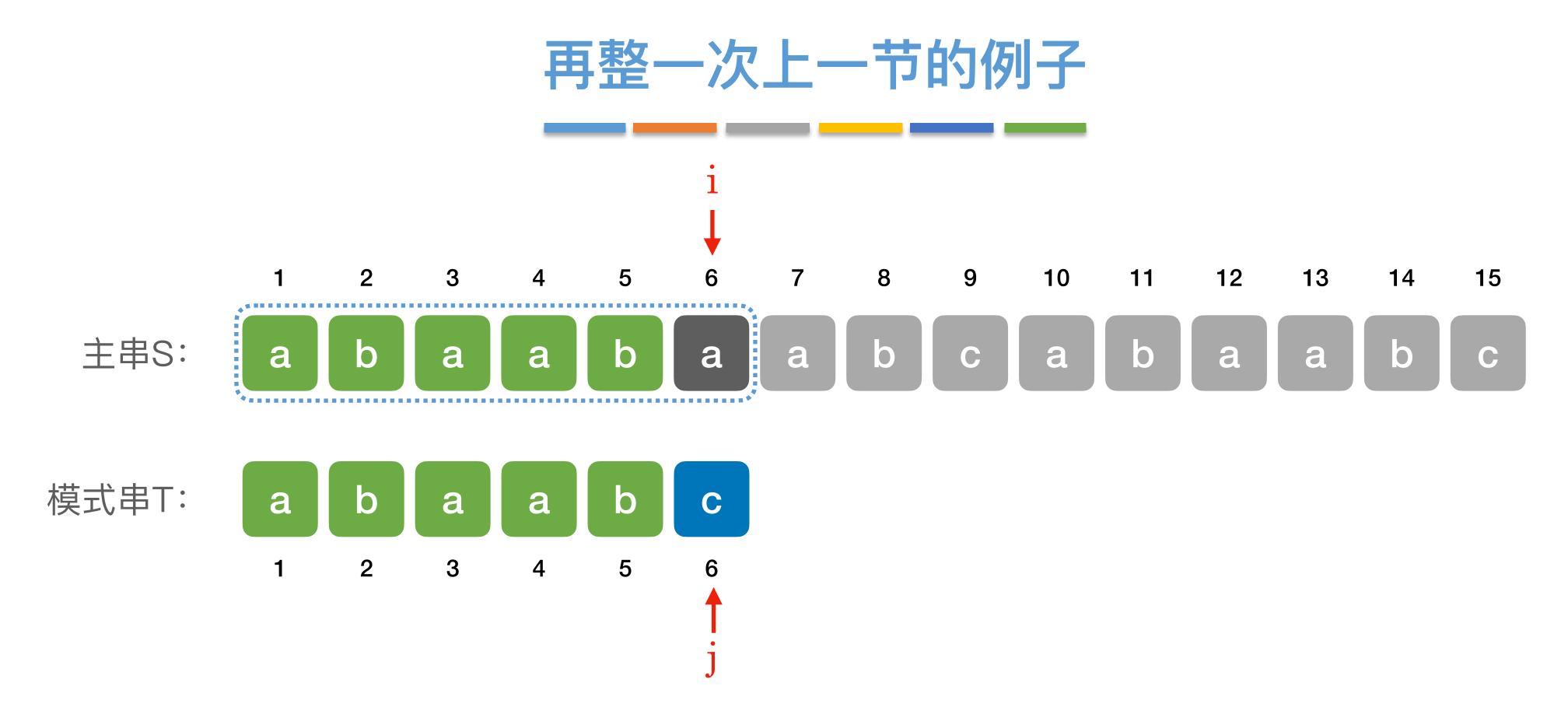
## 再整一次上一节的例子

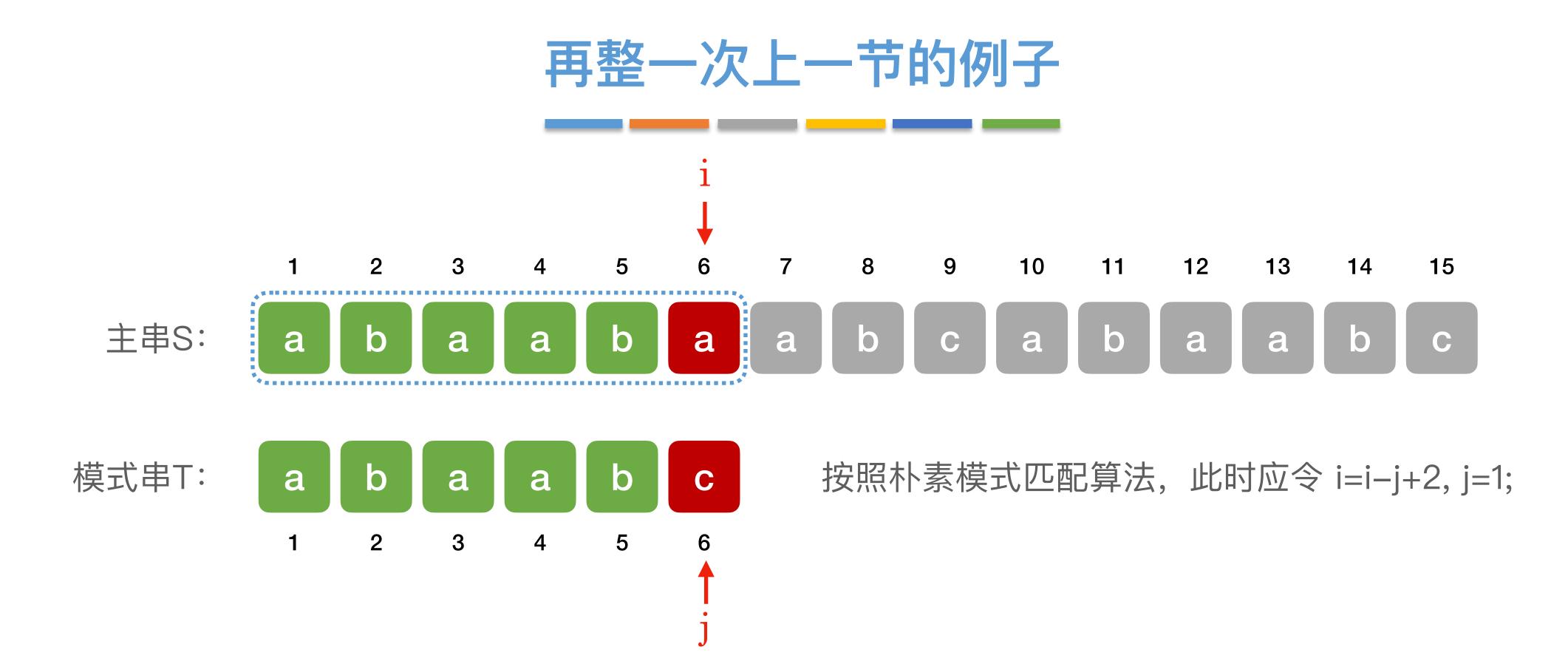


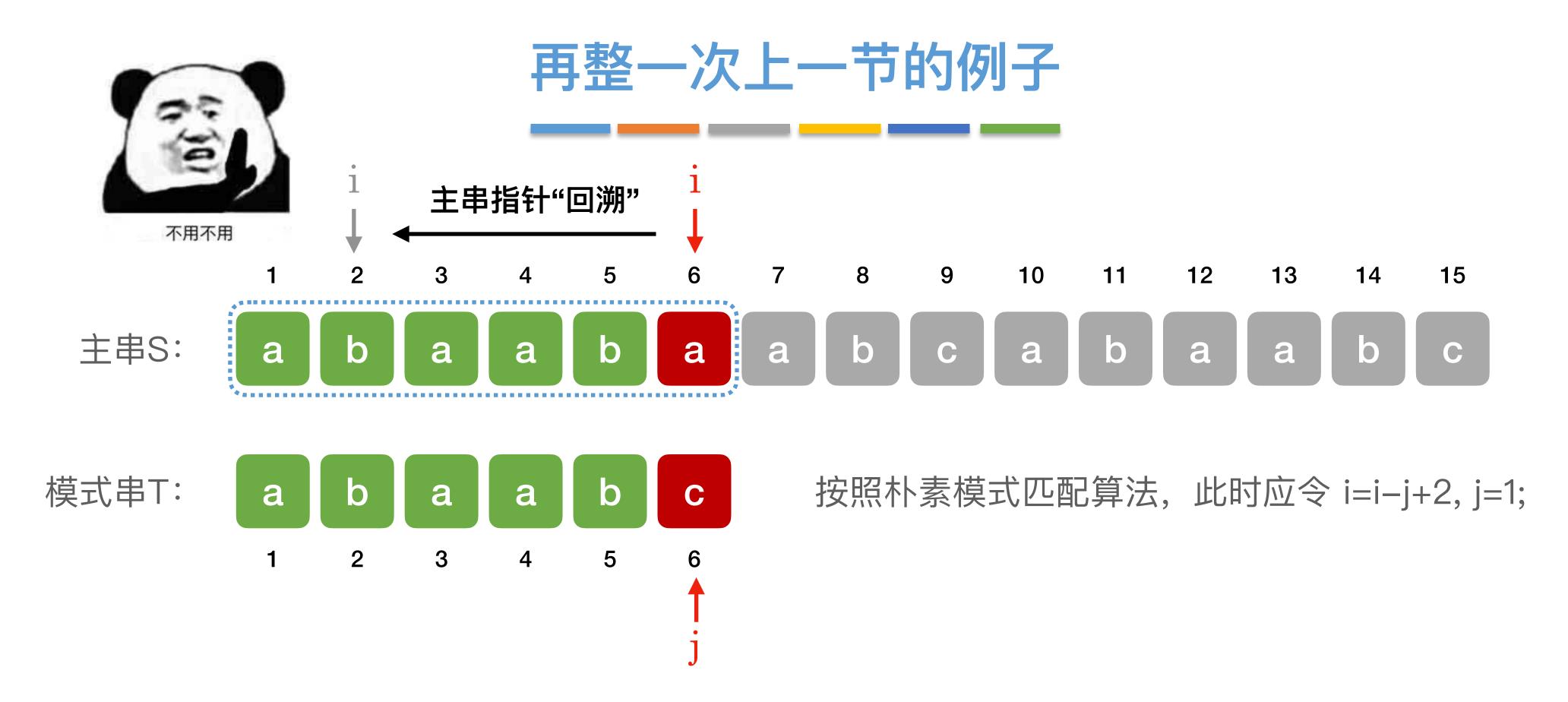
对于模式串 T = 'abaabc'

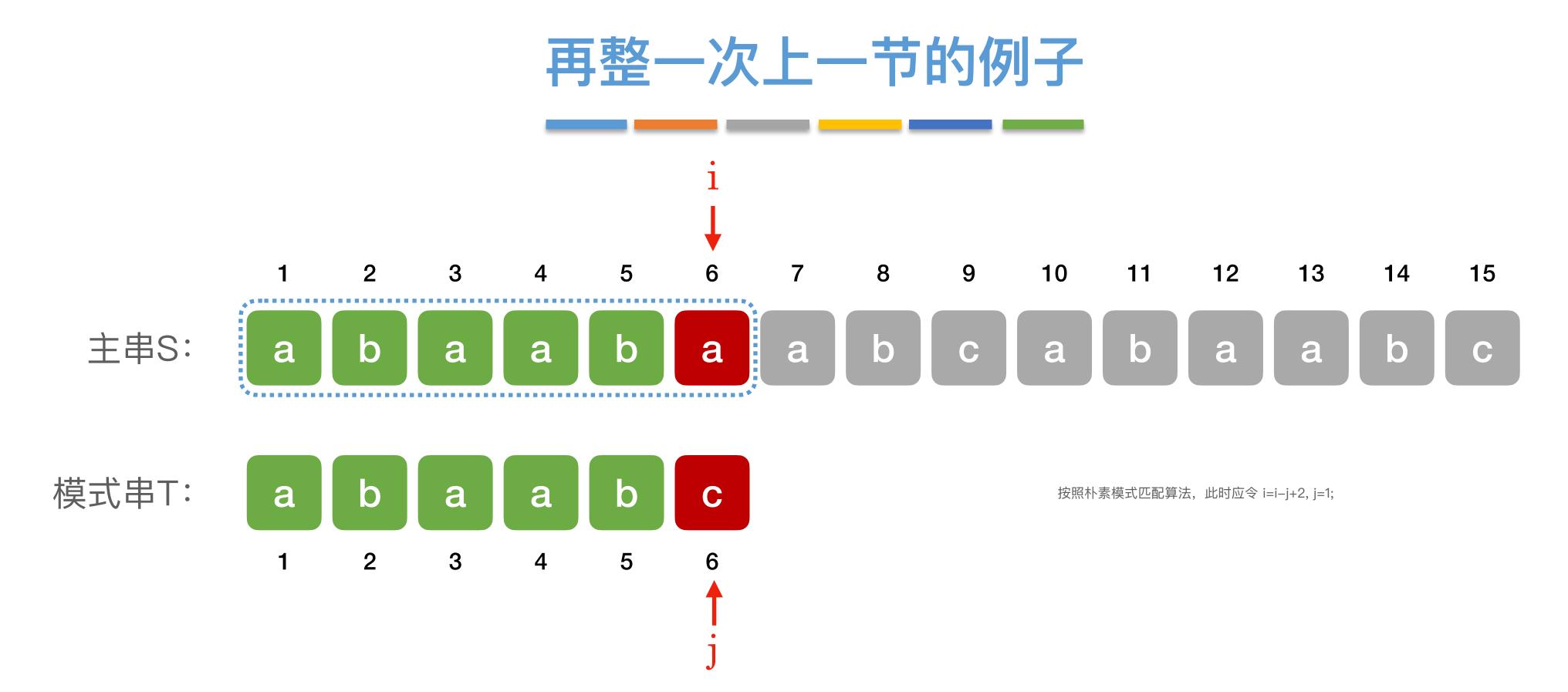




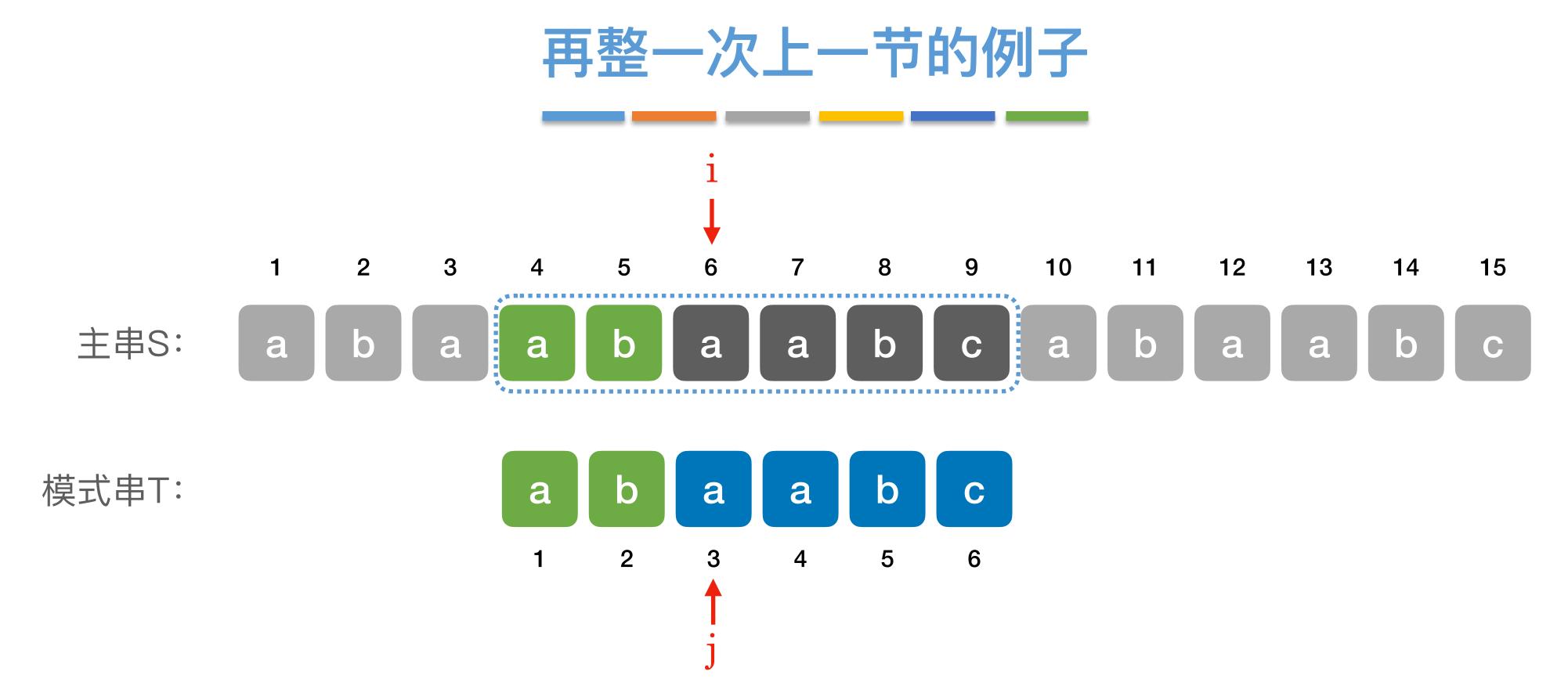




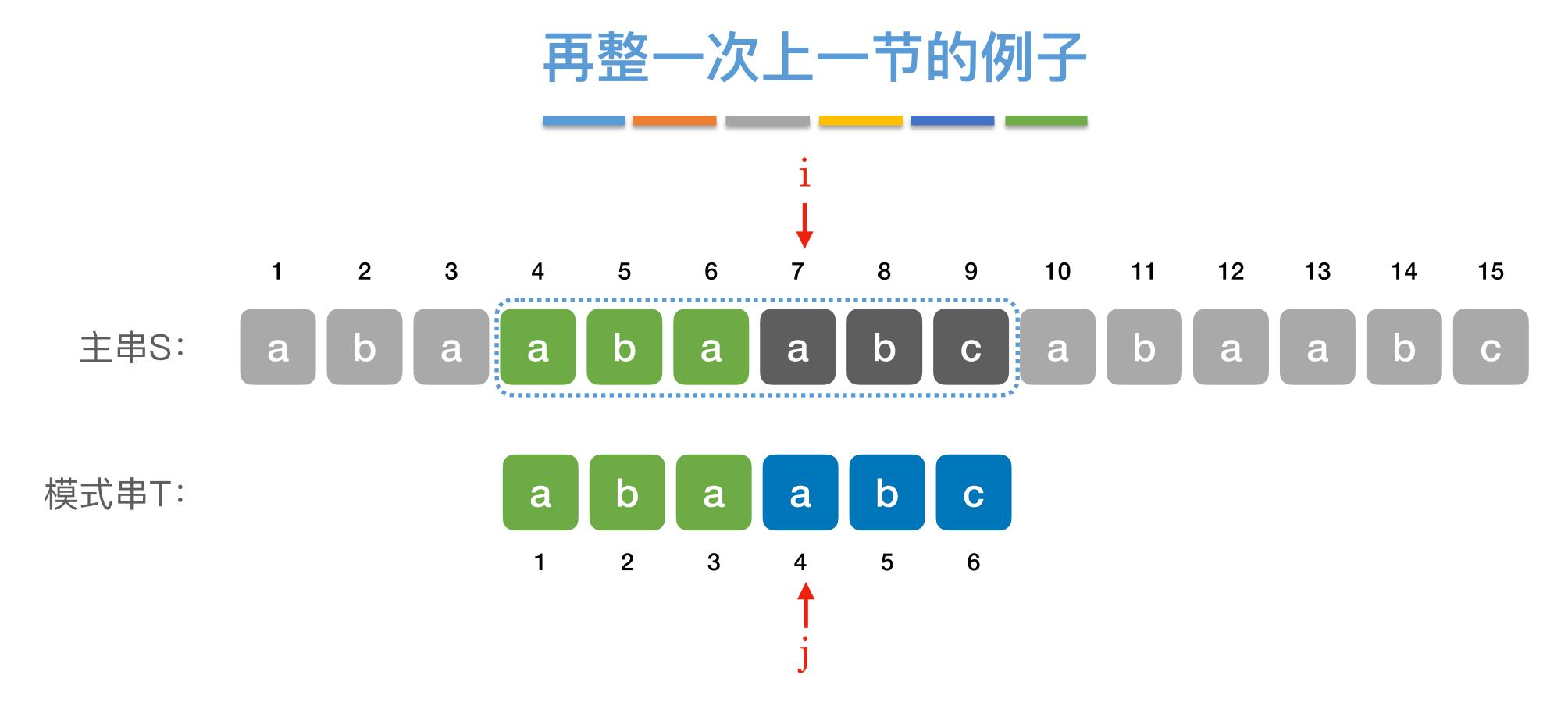




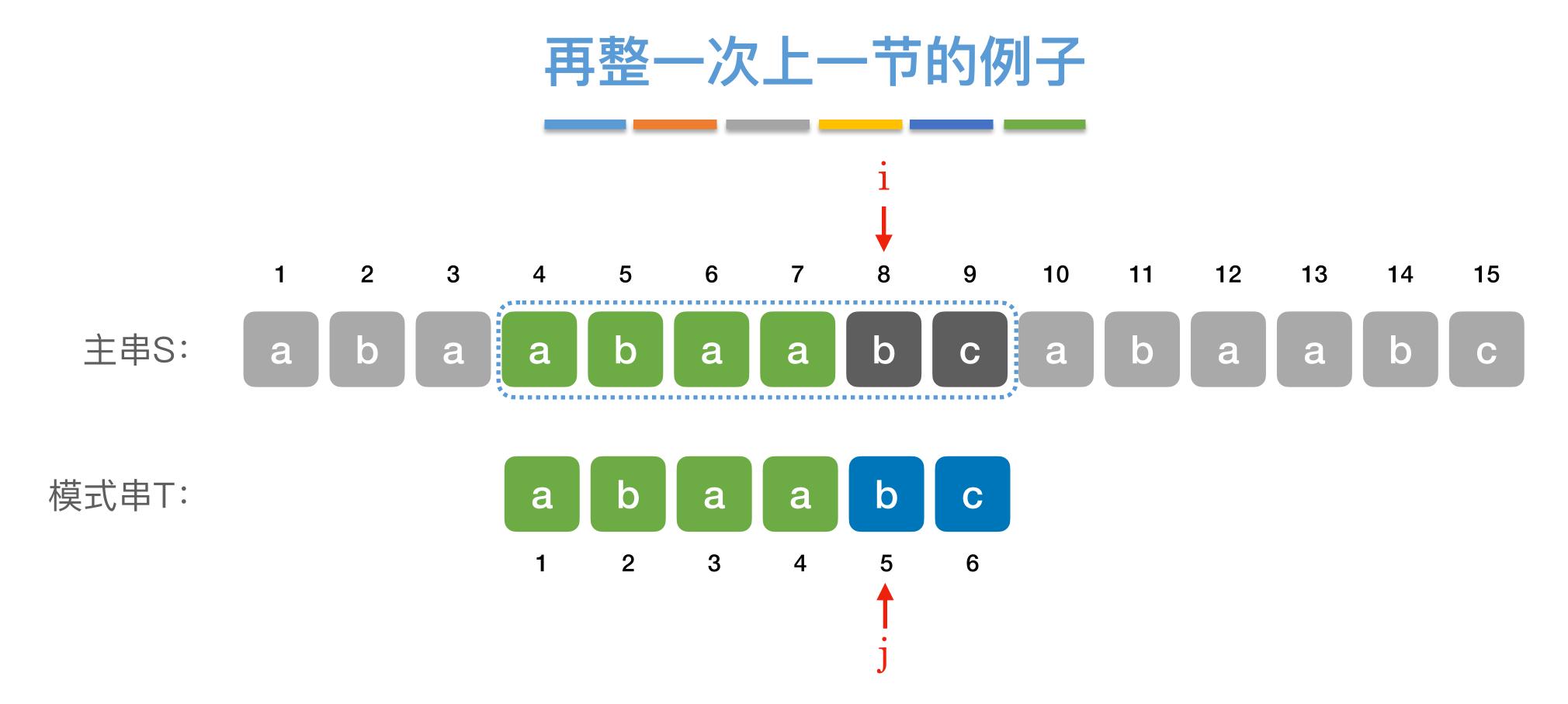
#### 当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



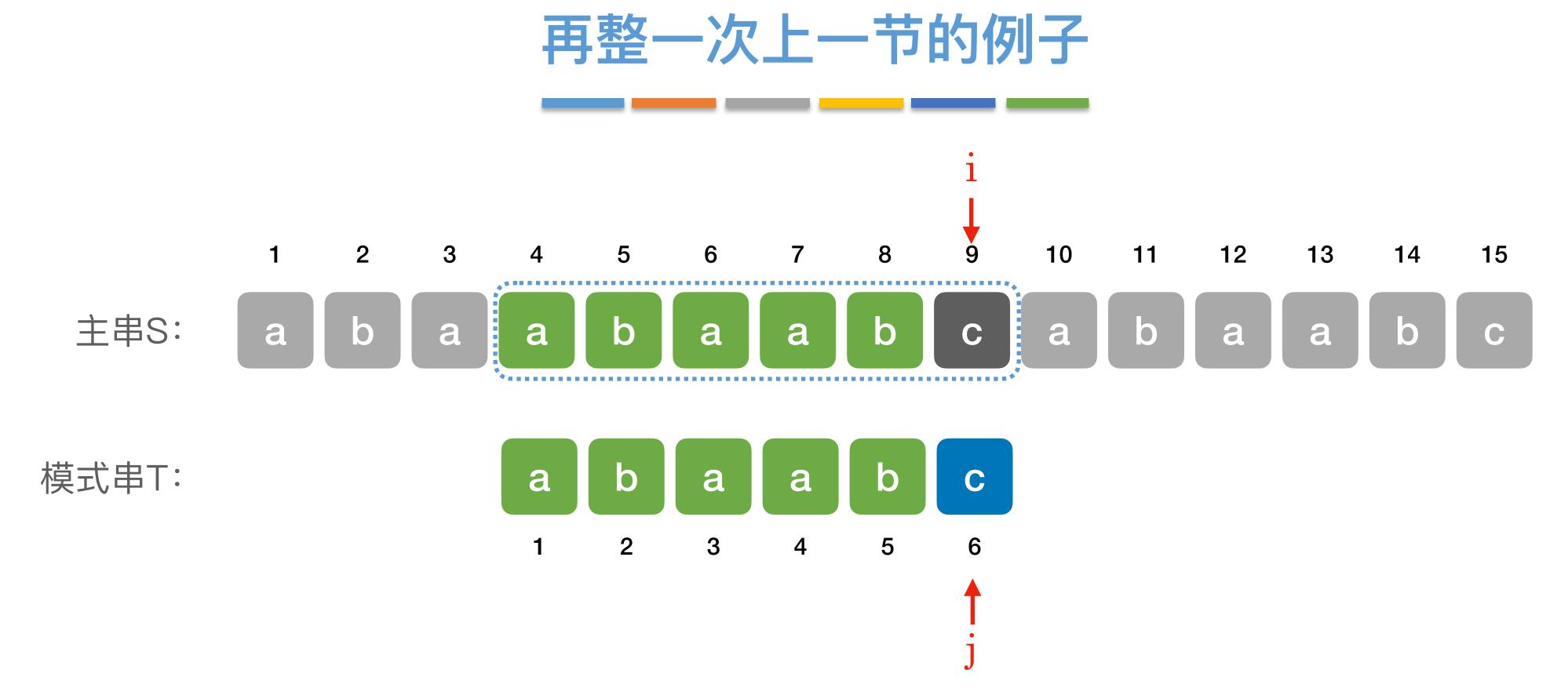
#### 当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



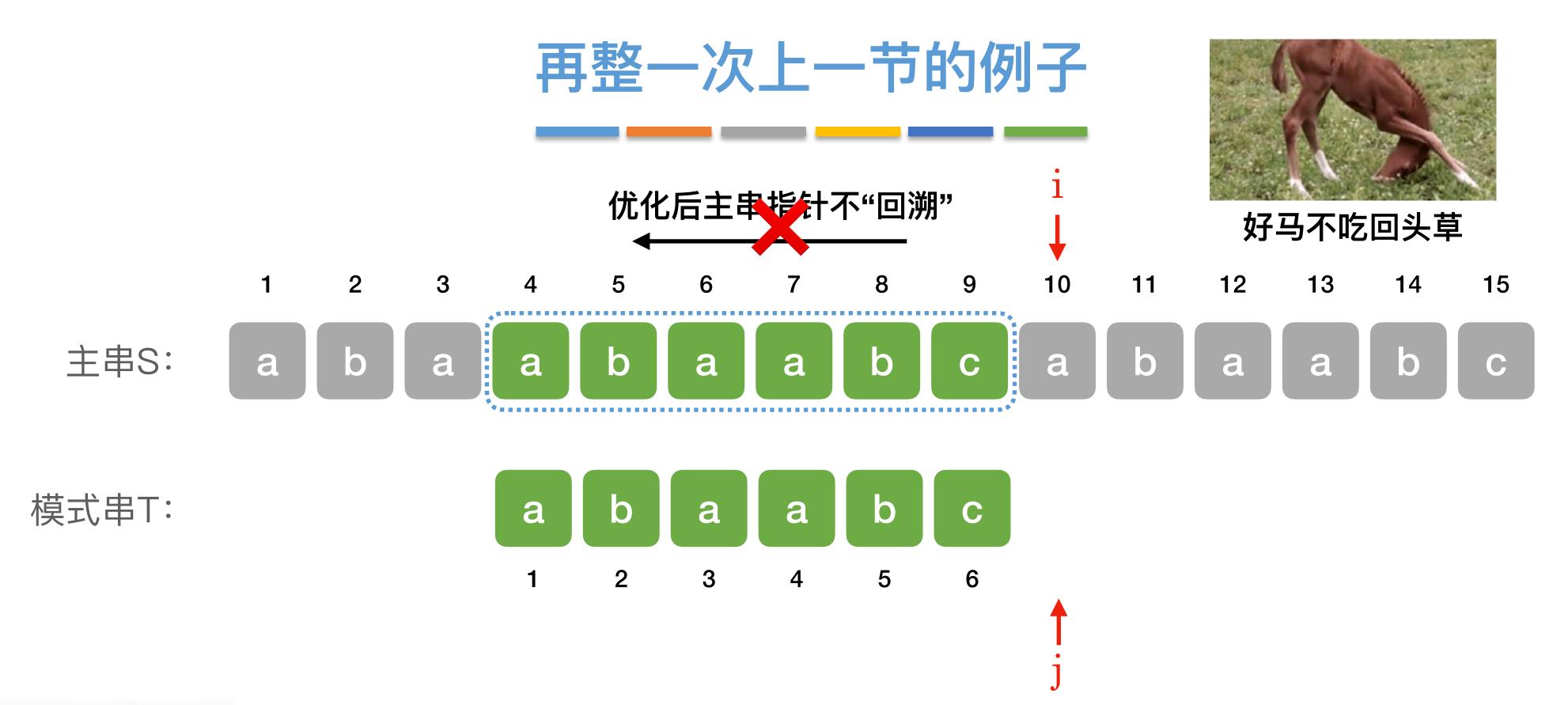
## 当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



## 当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



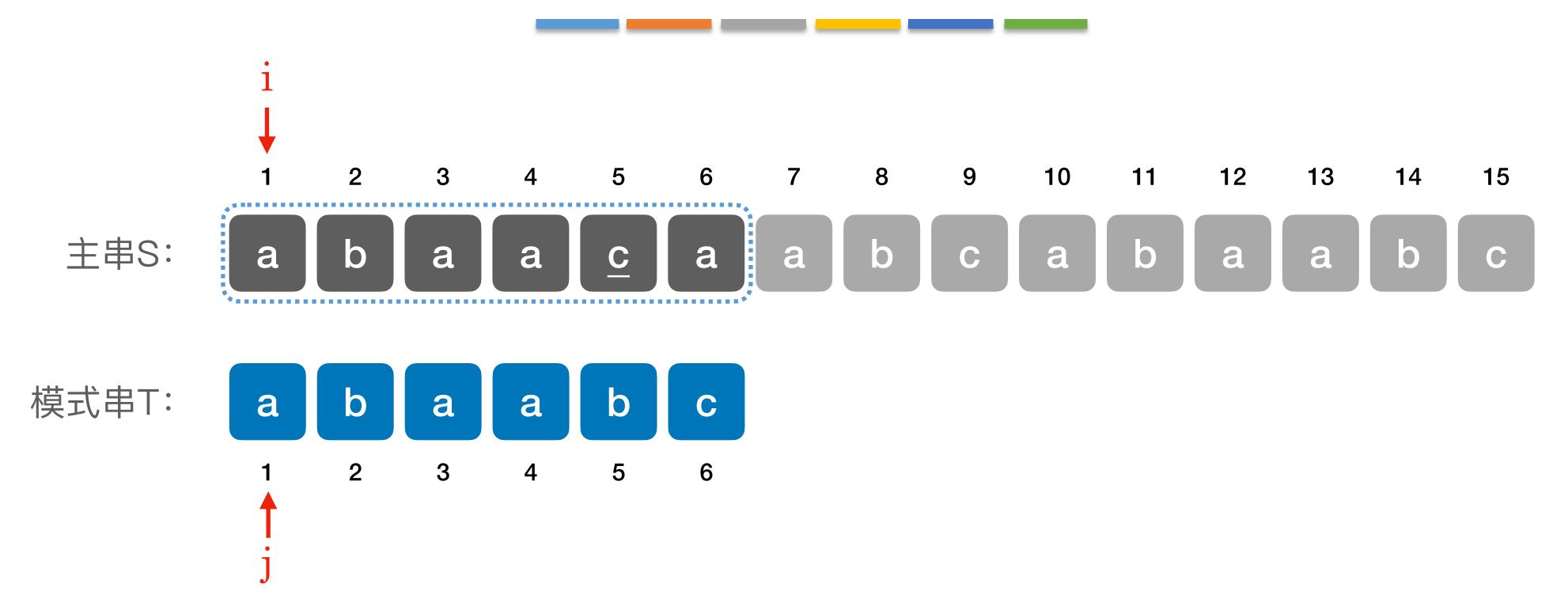
#### 当第6个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=3



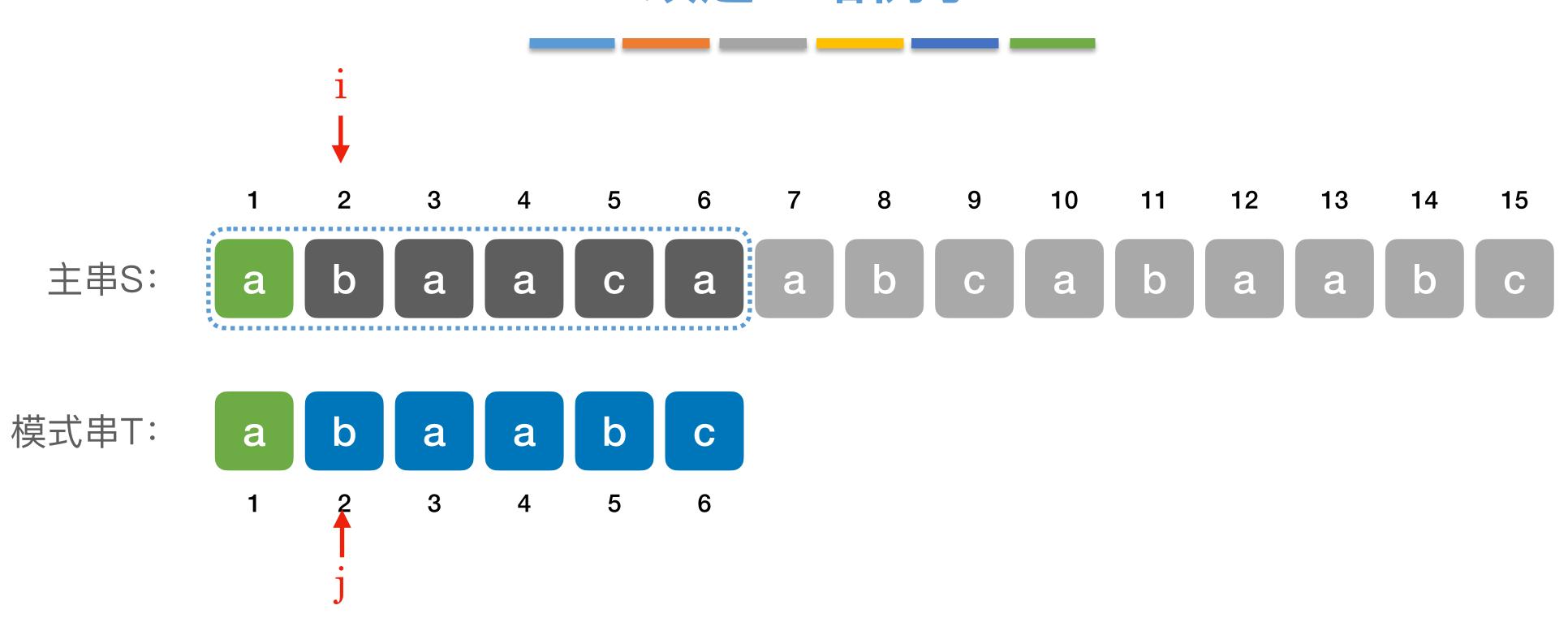


掌声送给最棒的你

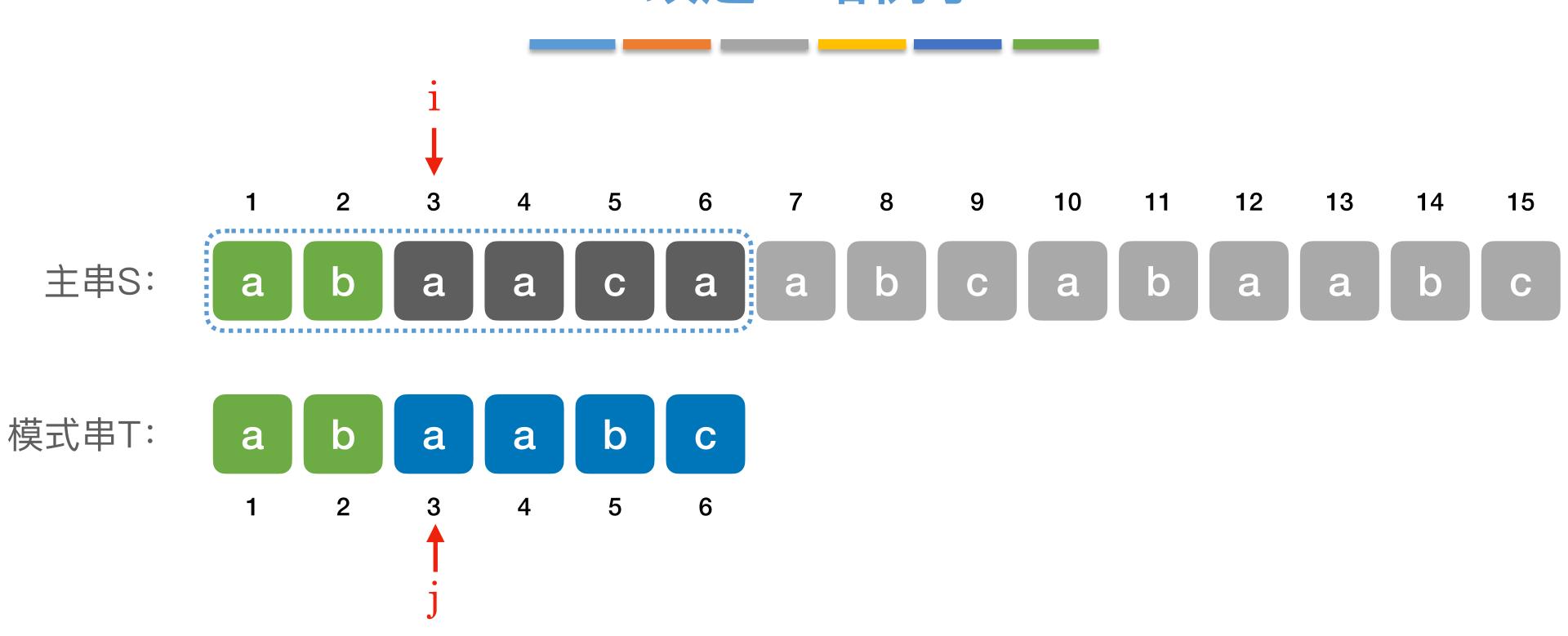
## 当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3



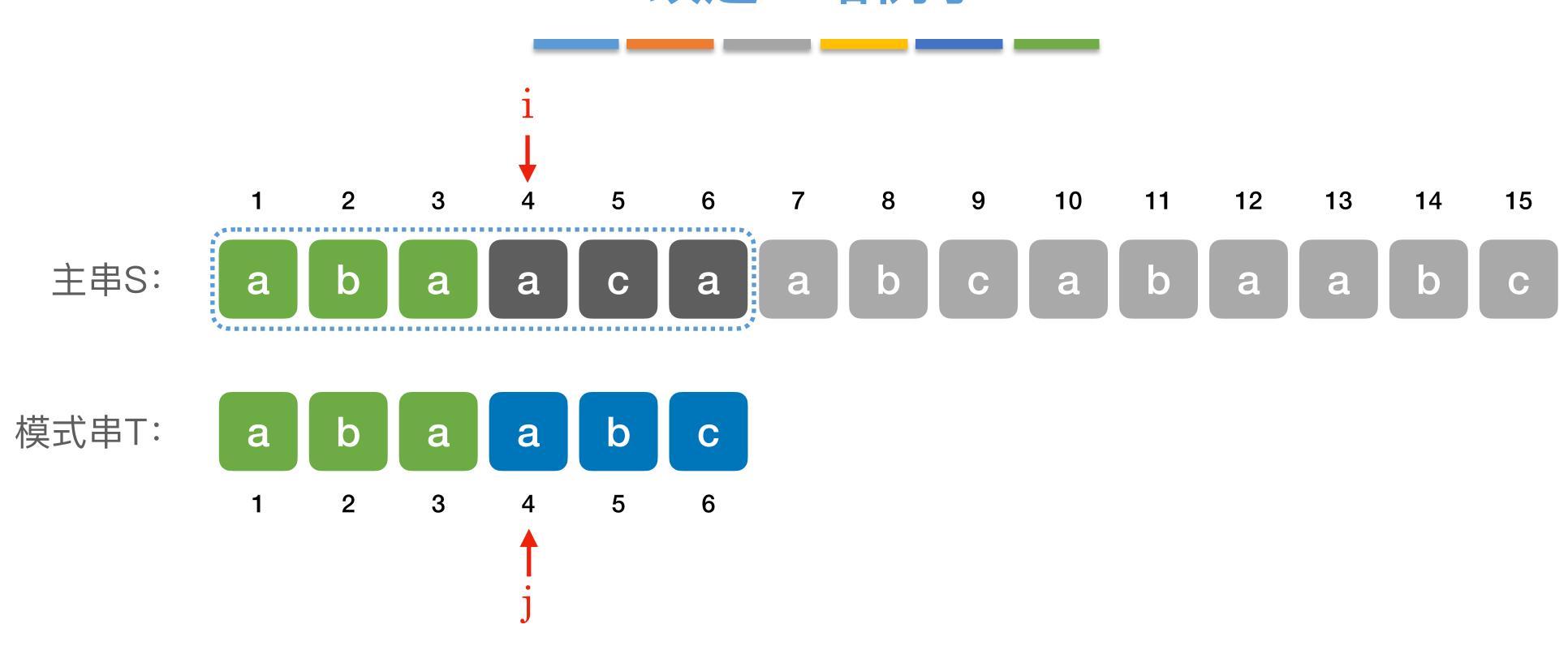
对于模式串 T = 'abaabc'



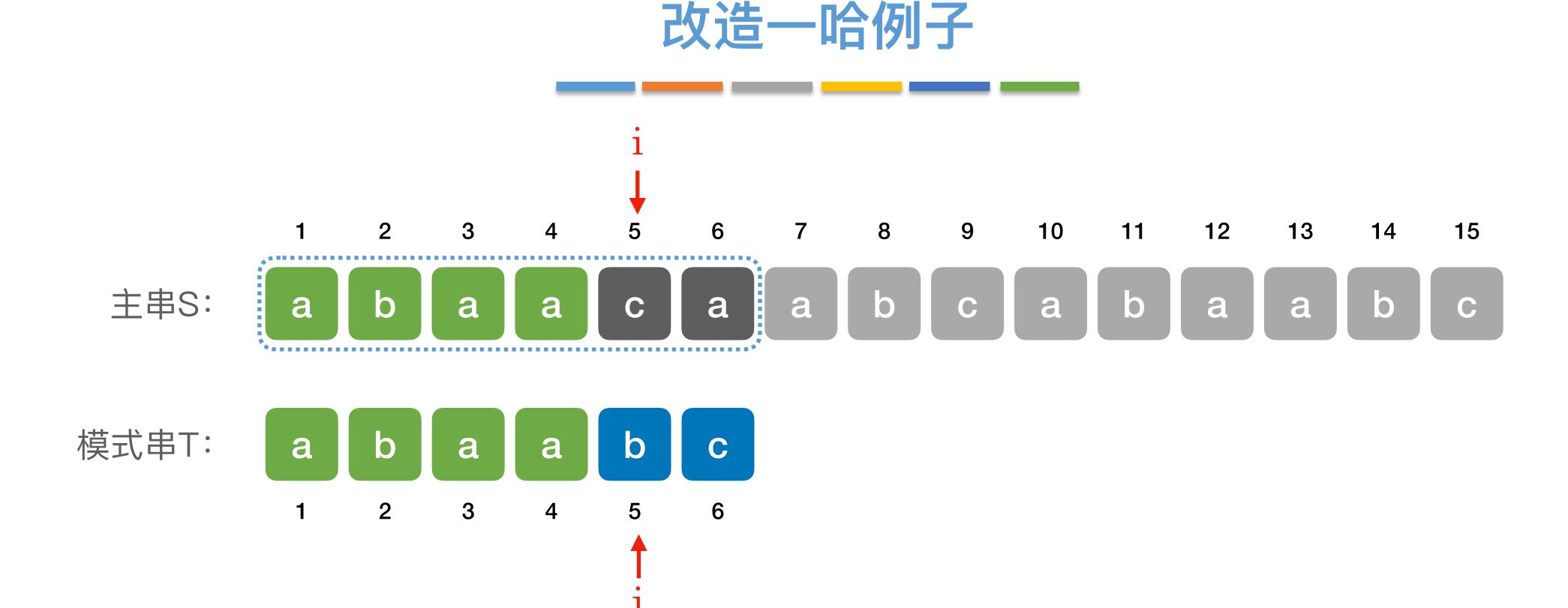
对于模式串 T = 'abaabc'

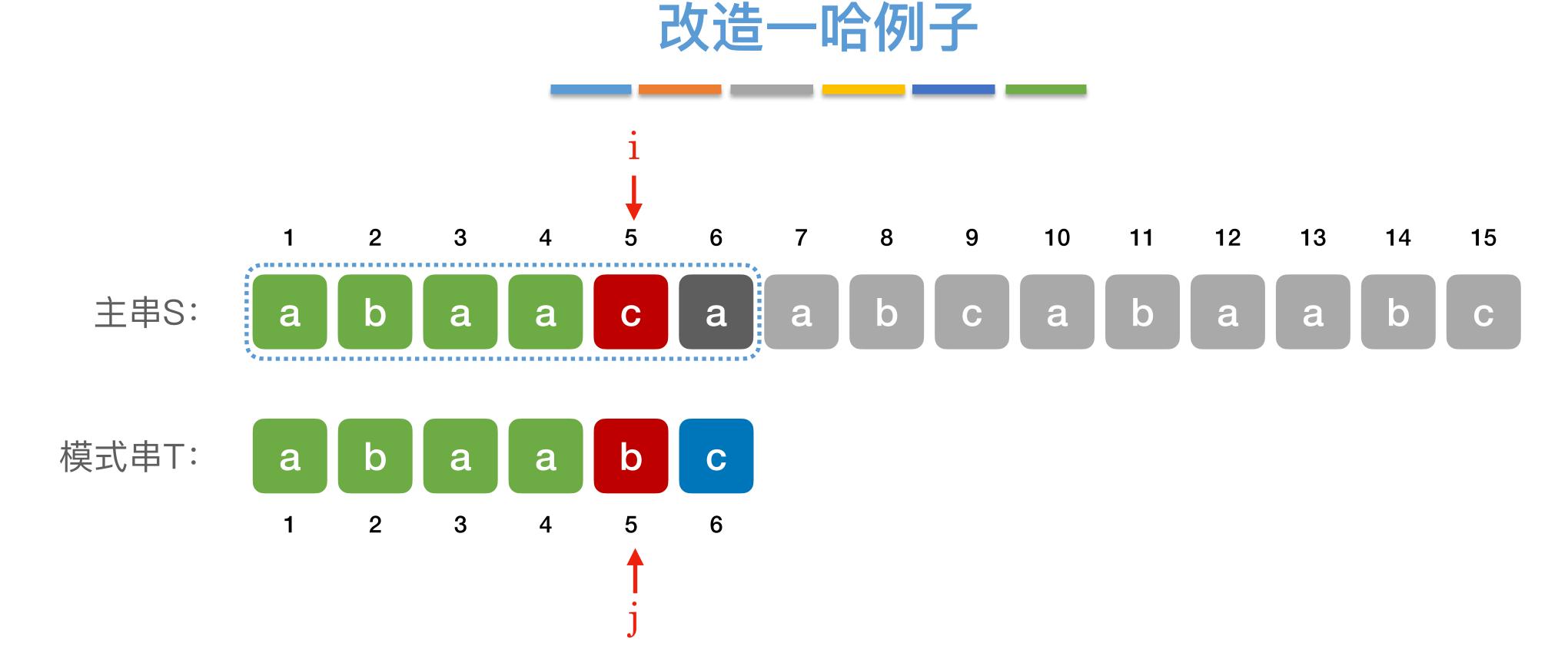


对于模式串 T = 'abaabc'



对于模式串 T = 'abaabc'

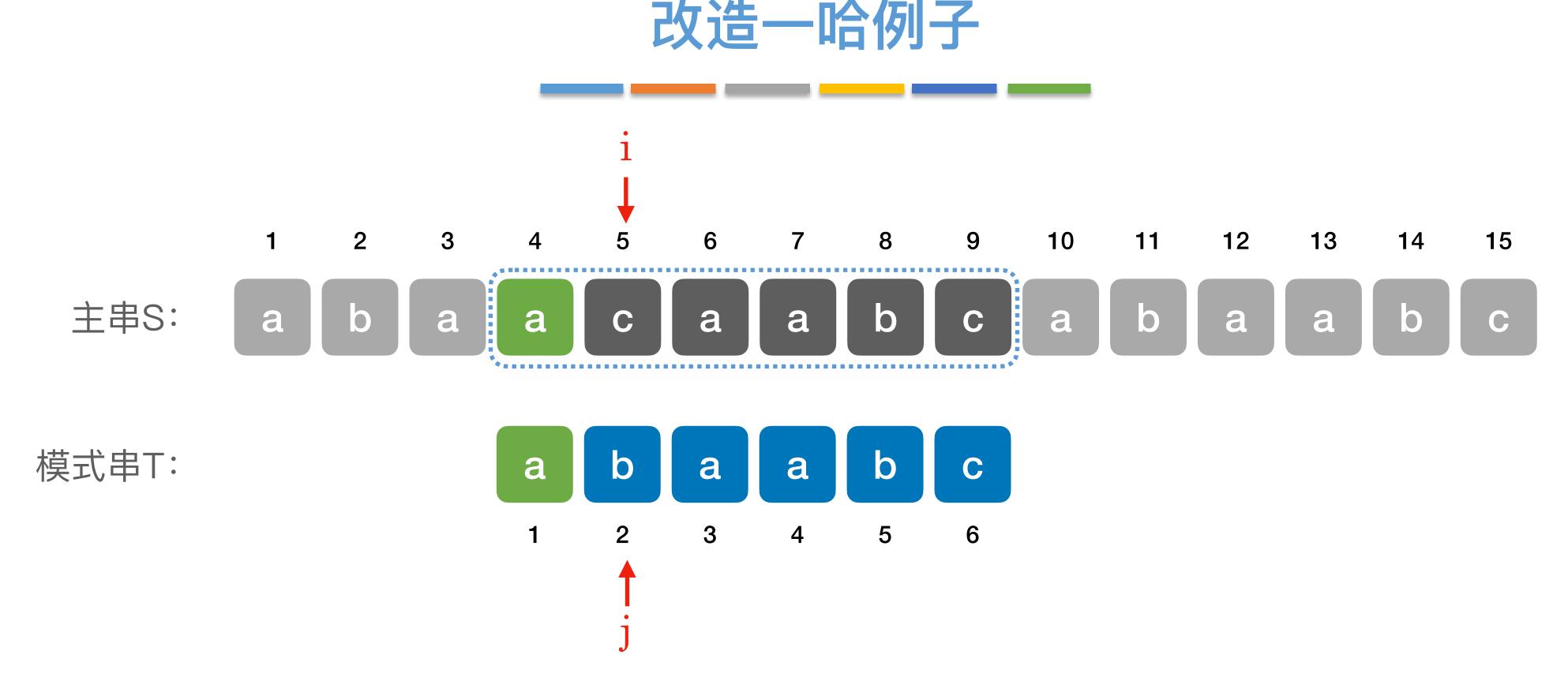




当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3

#### 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

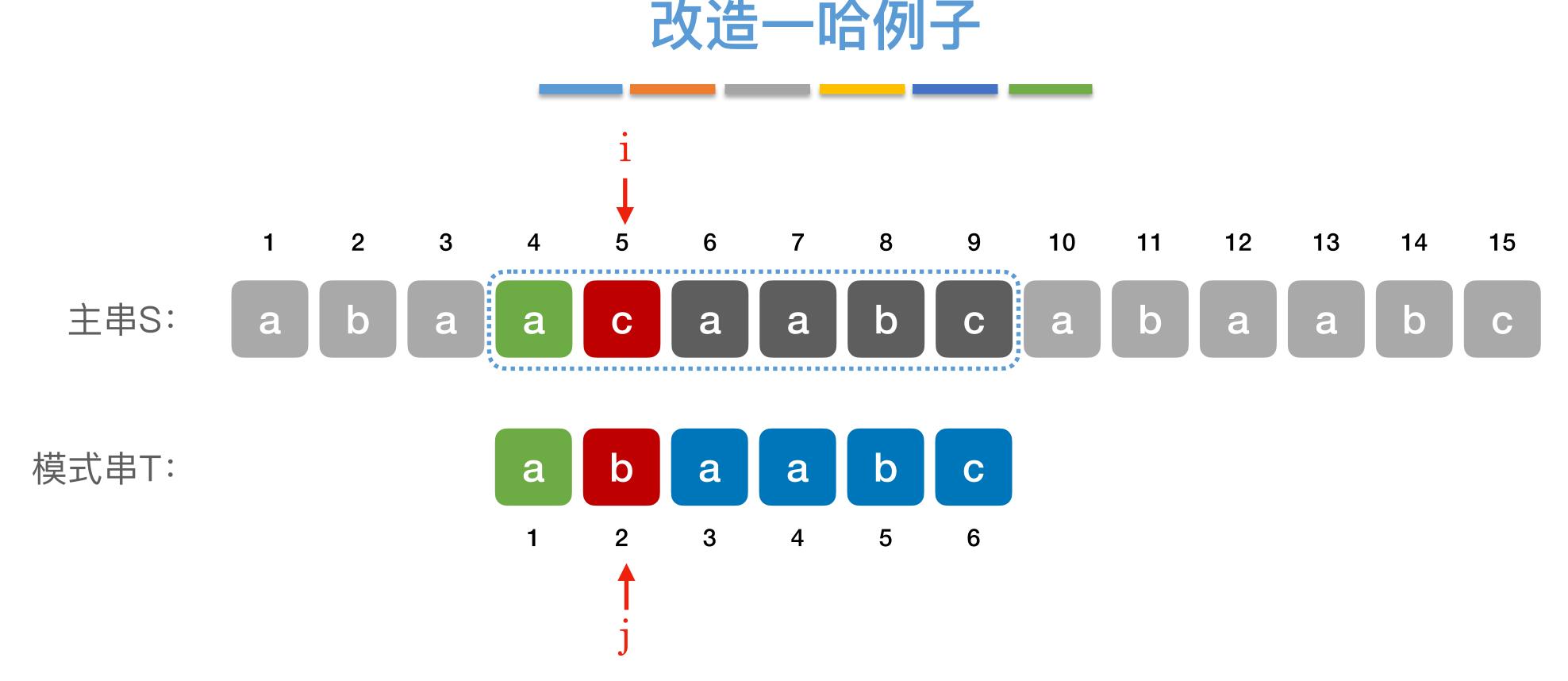
当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3

#### 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

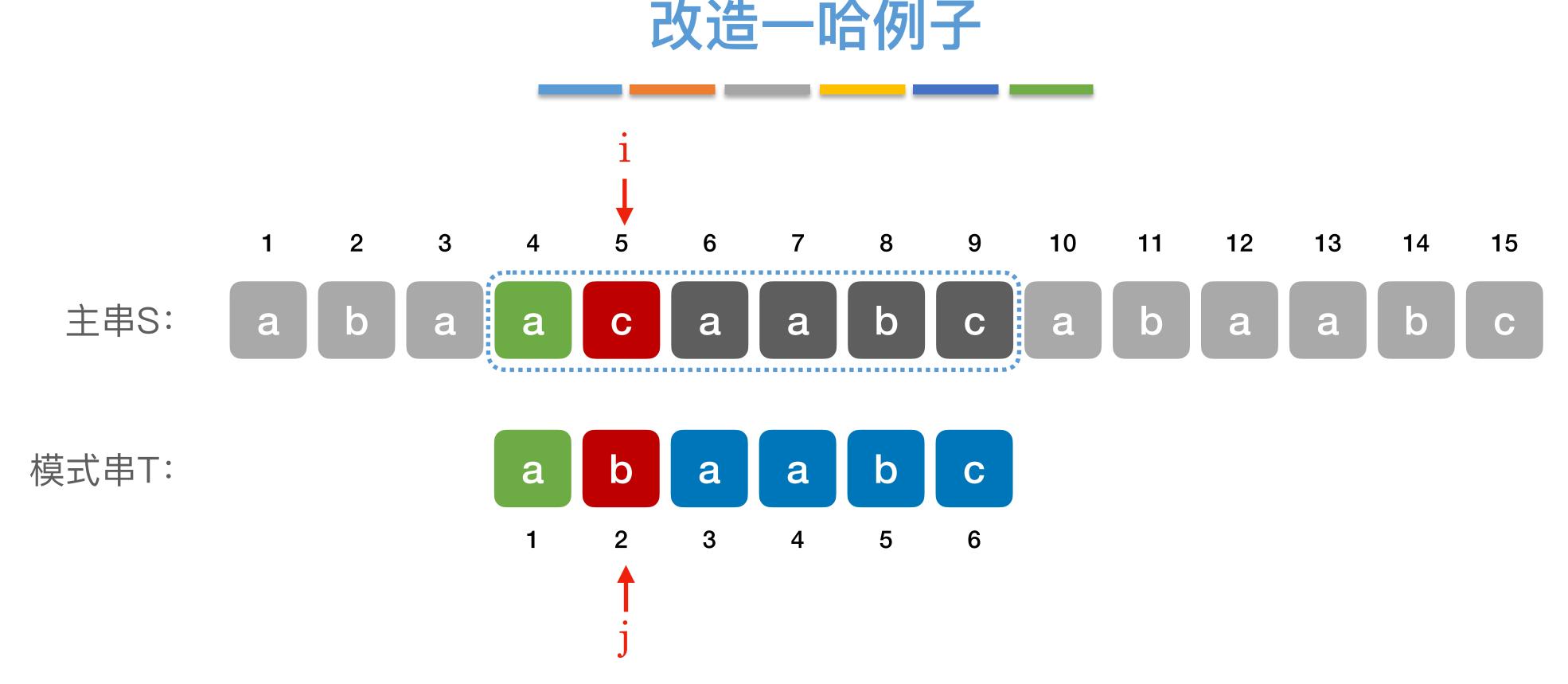
当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3

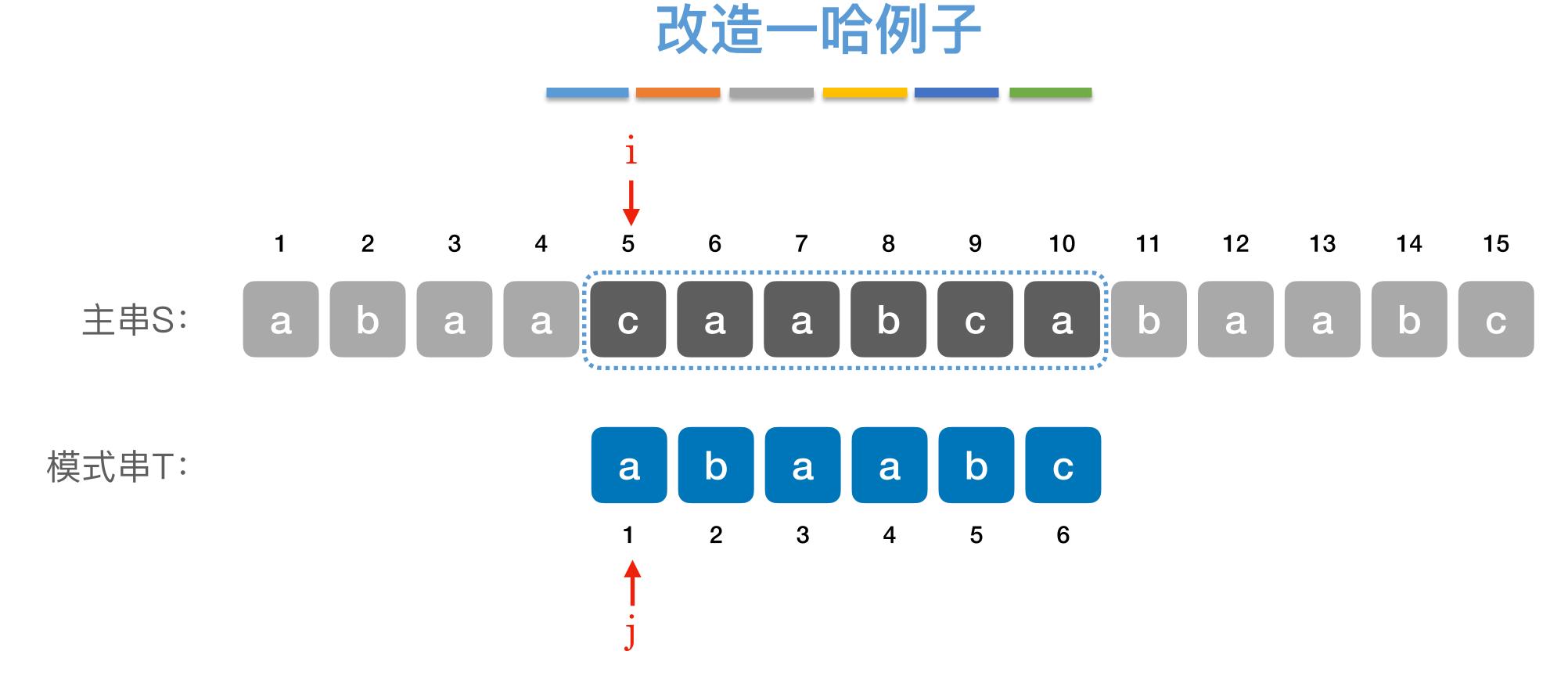
#### 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

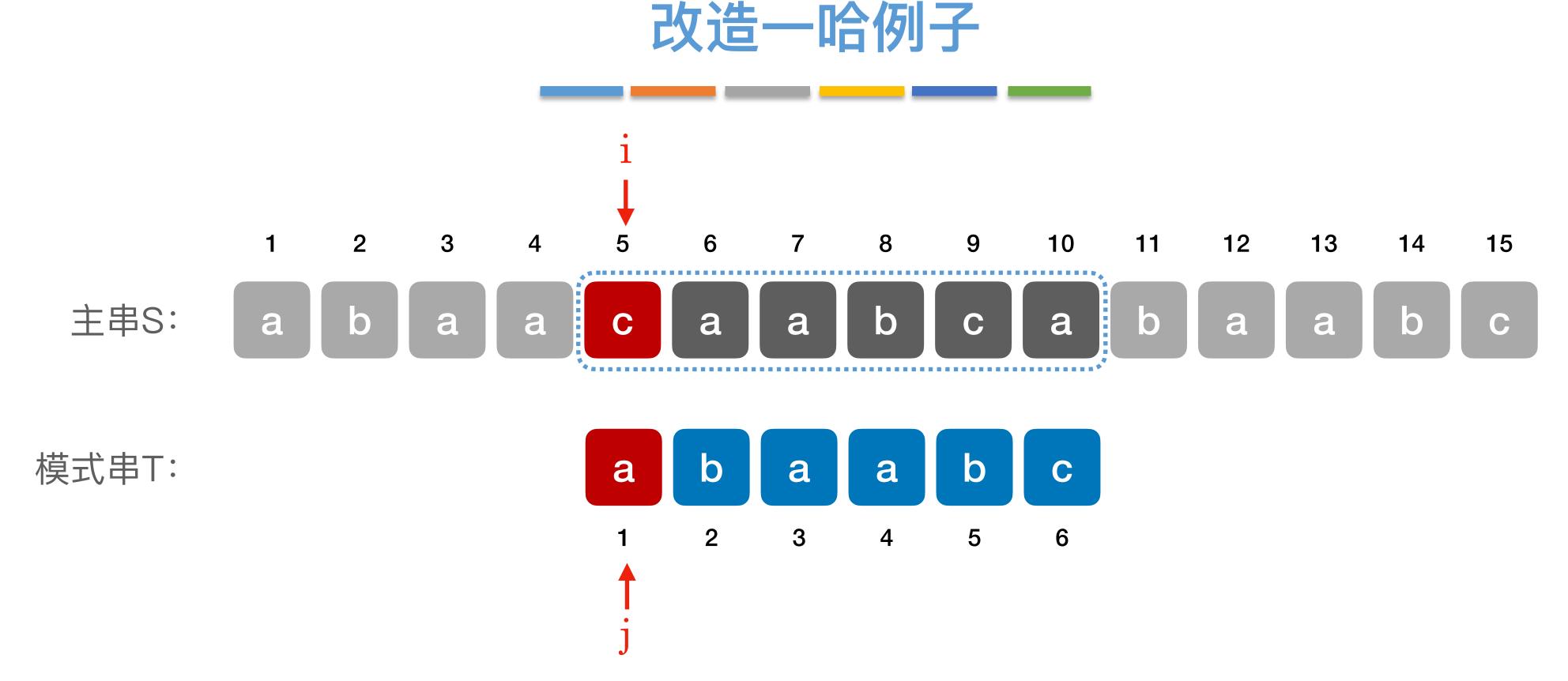


当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

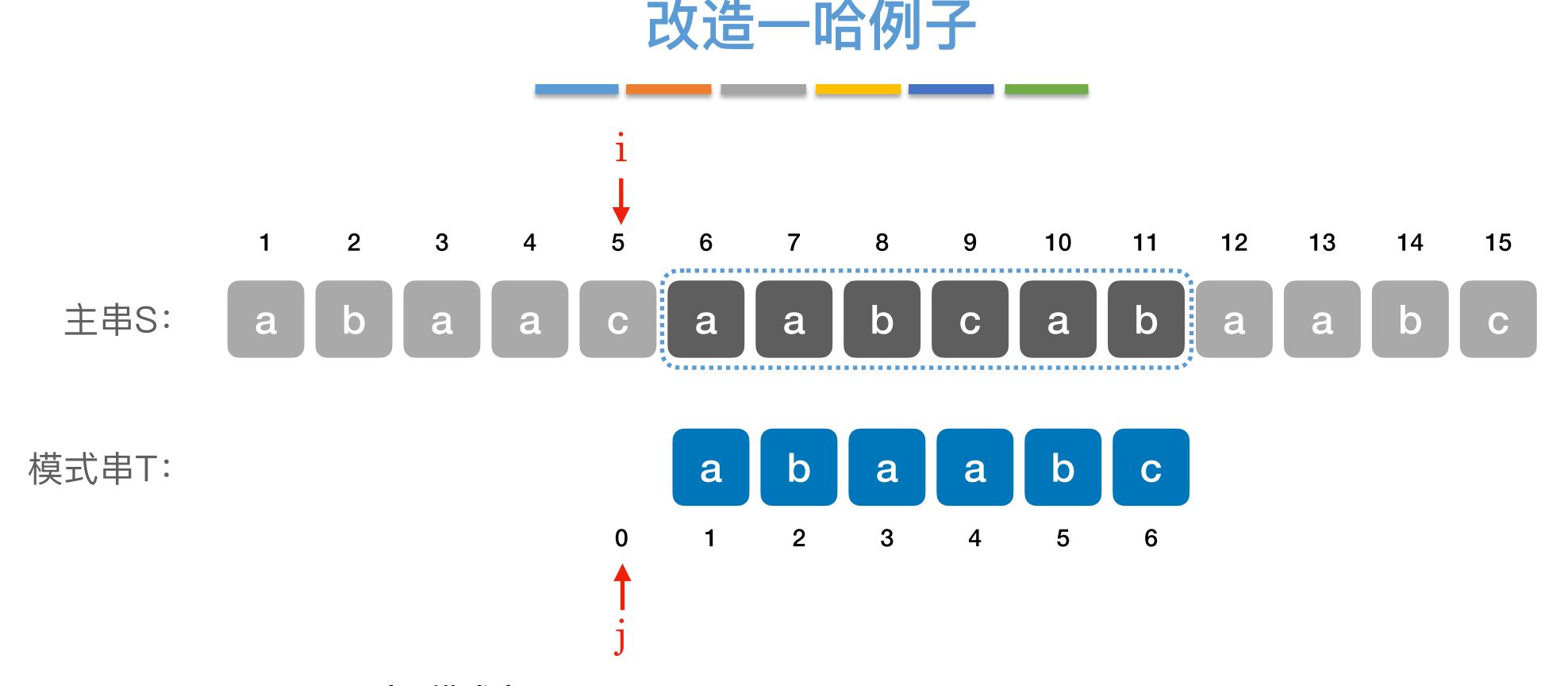
当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



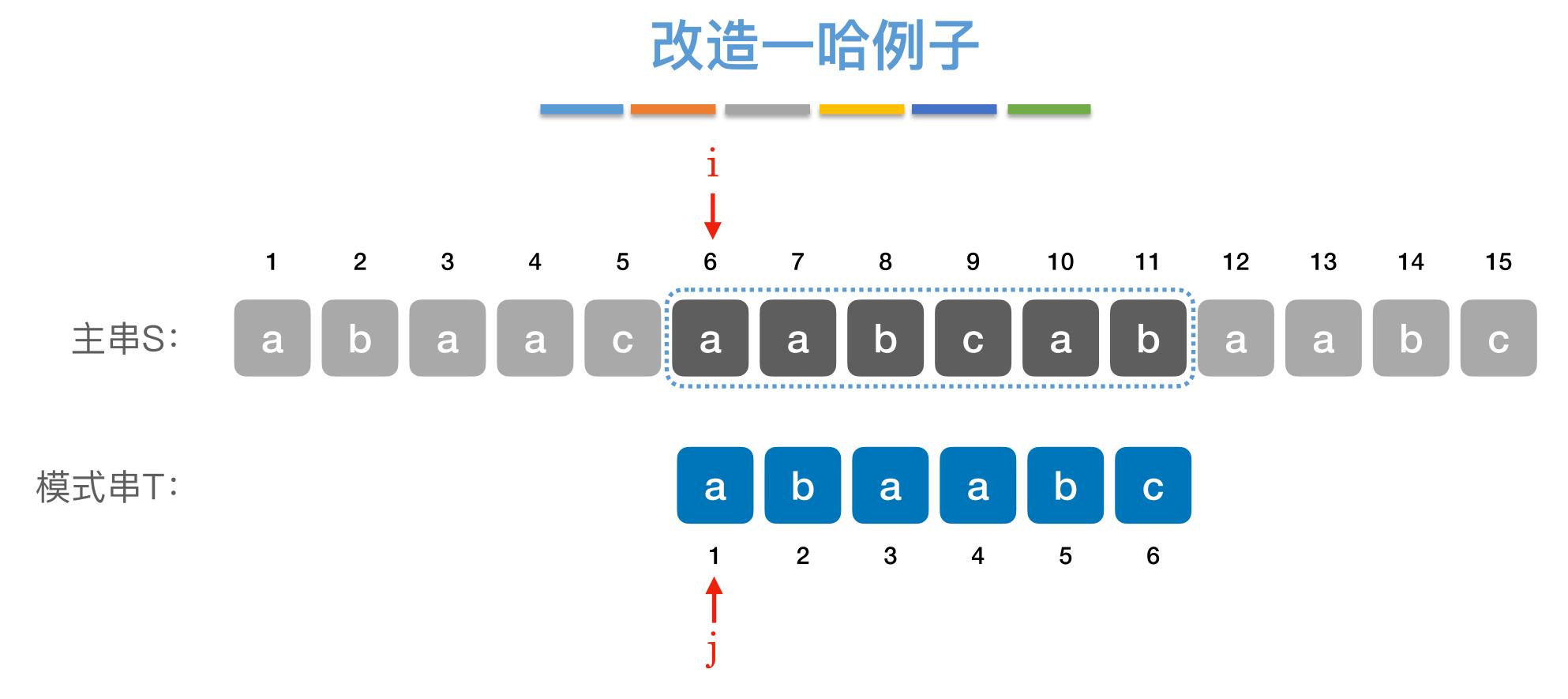
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



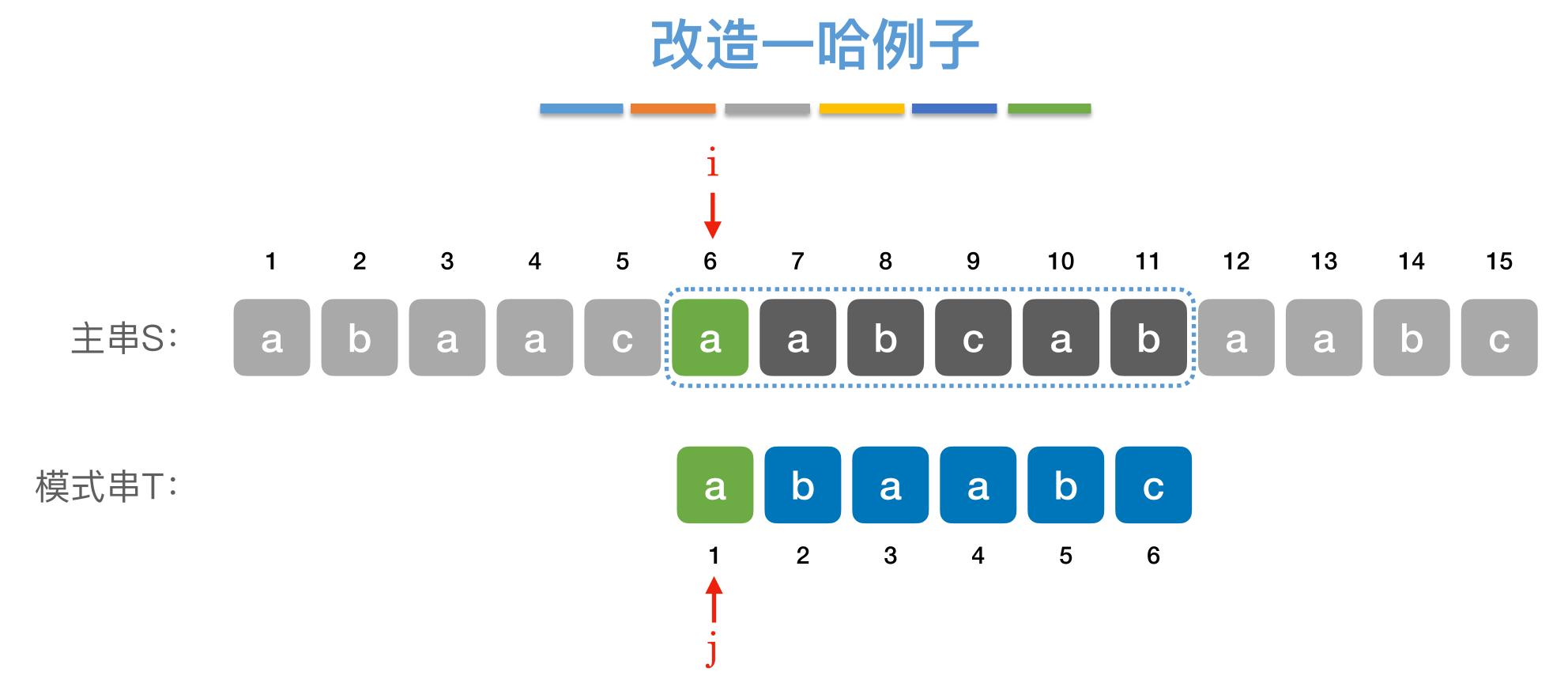
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



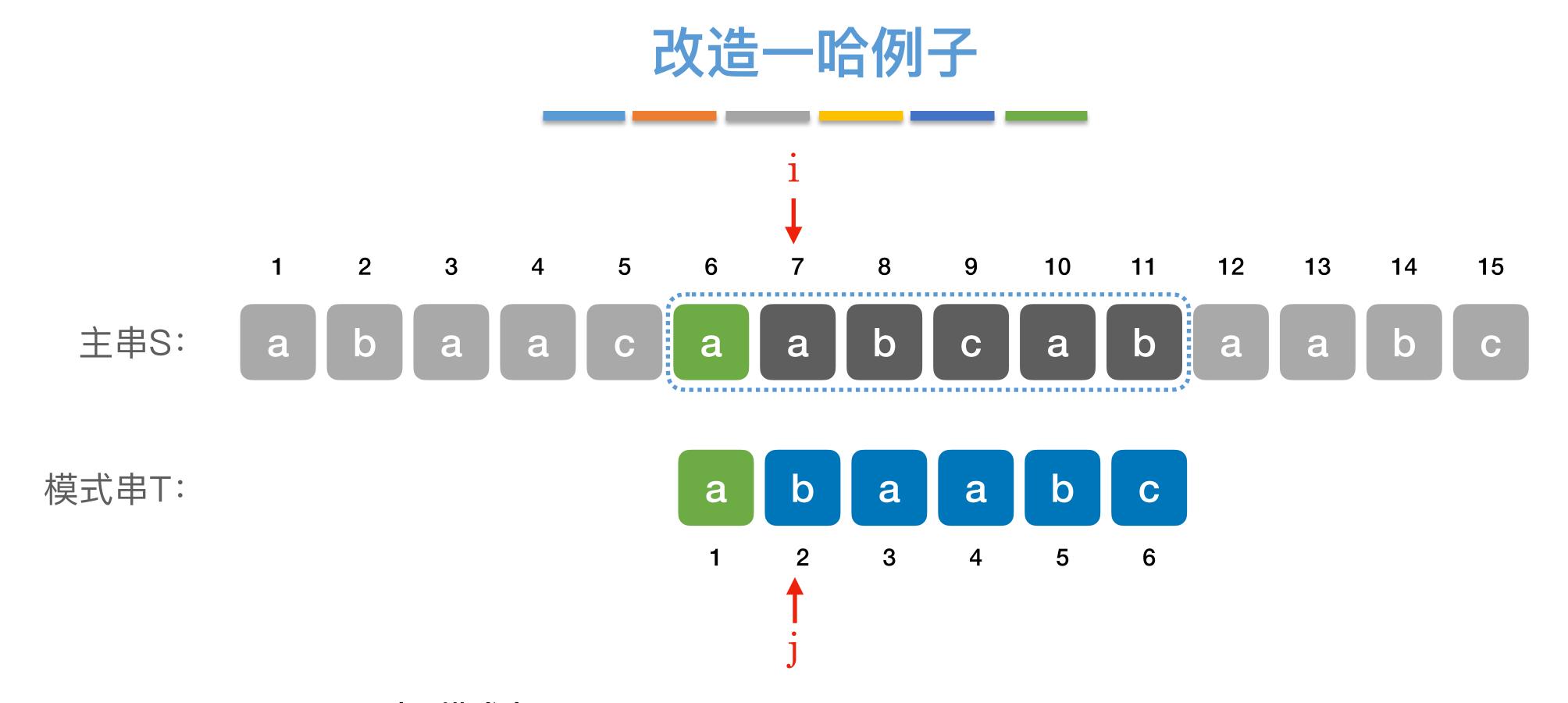
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



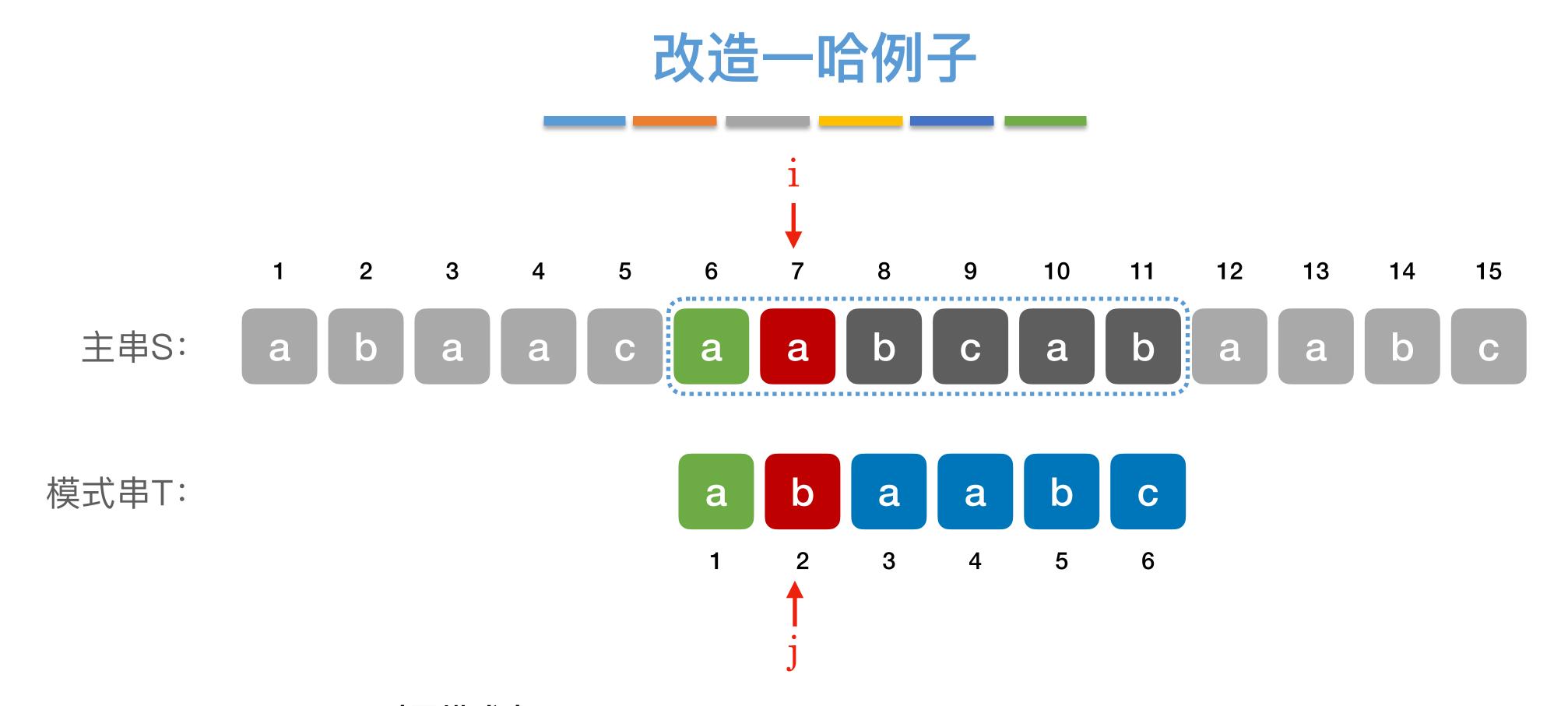
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

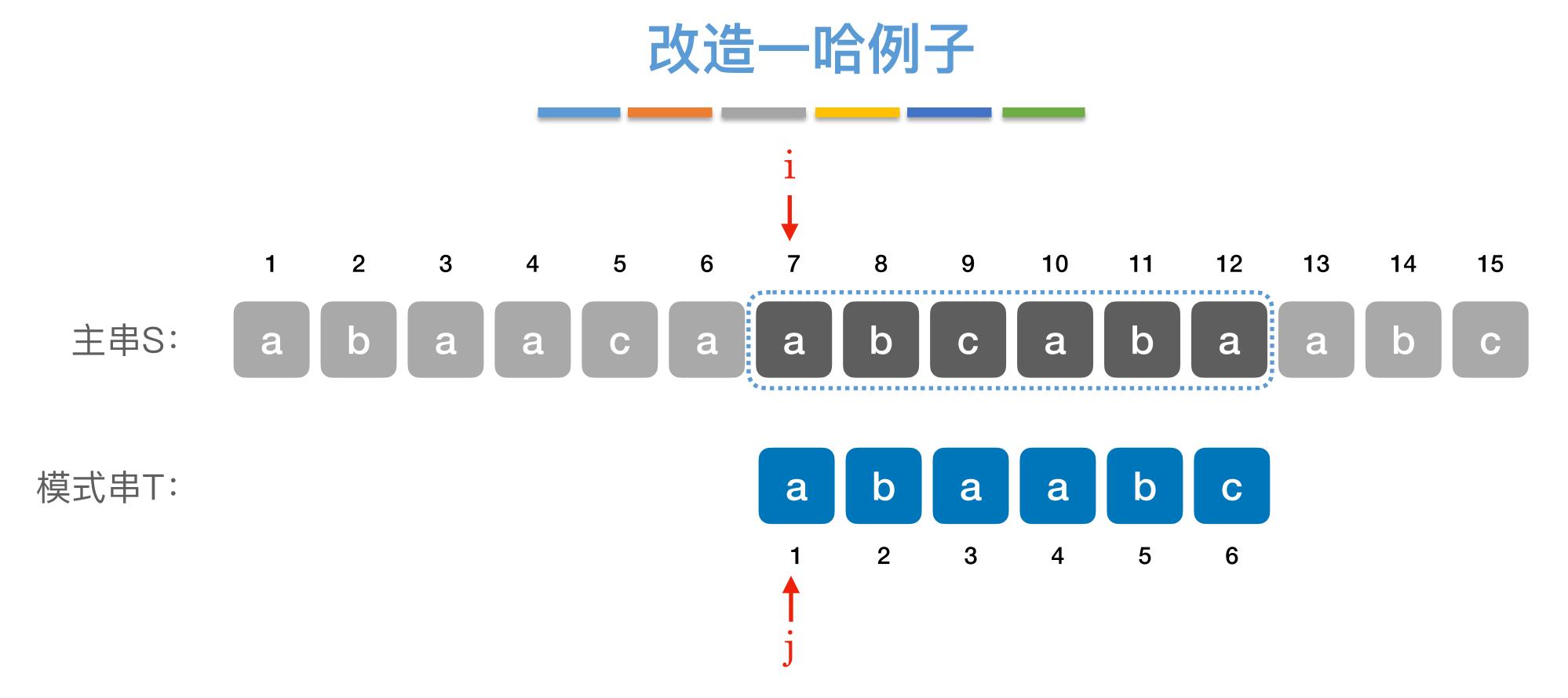


当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



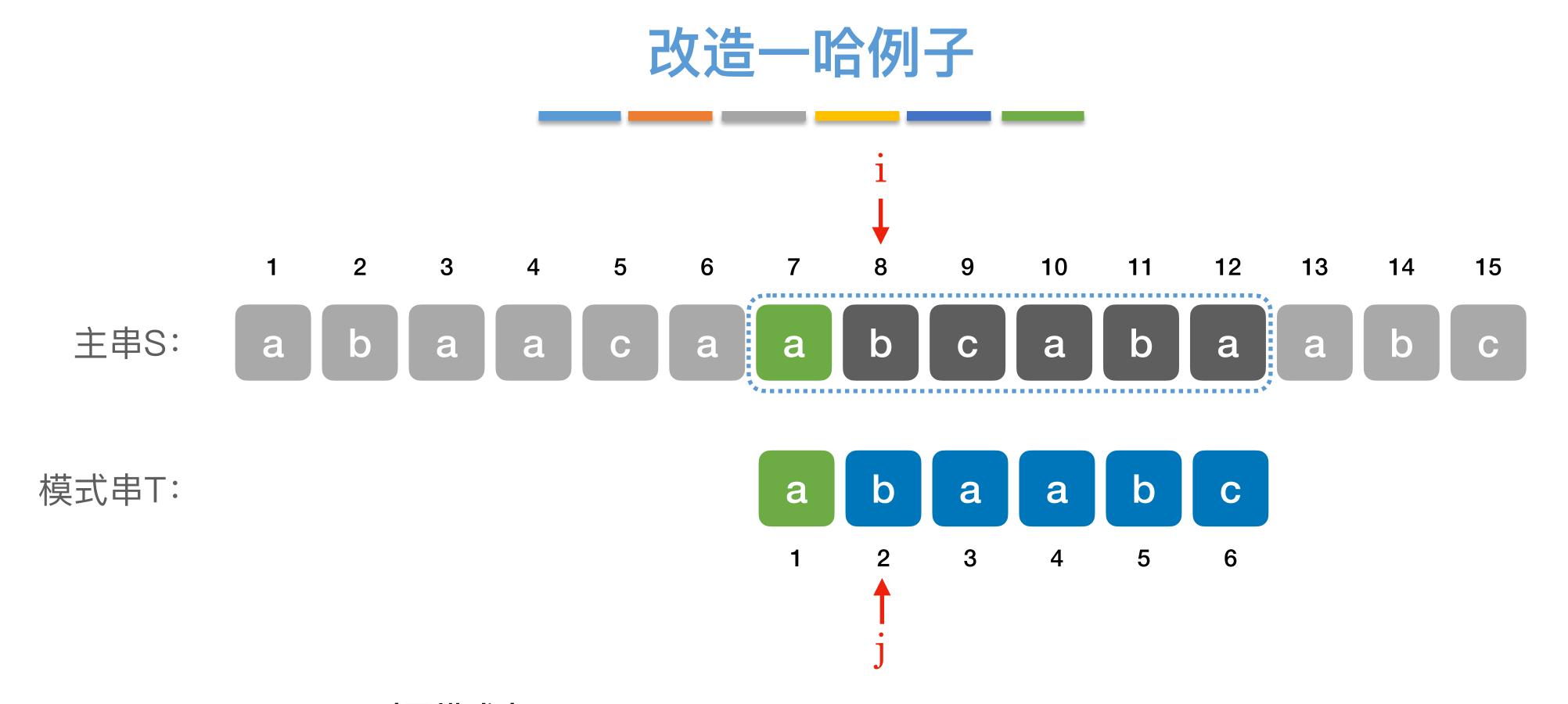
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



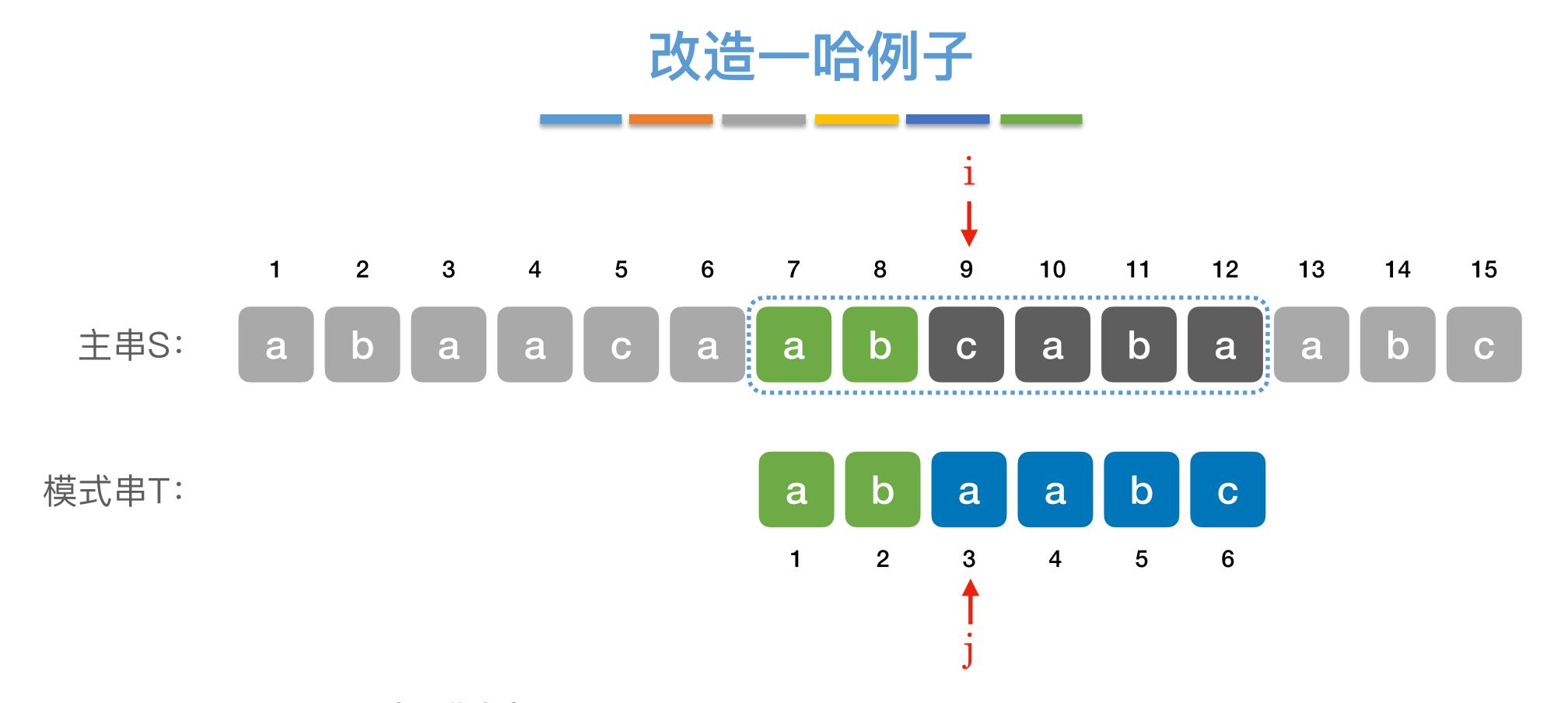
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



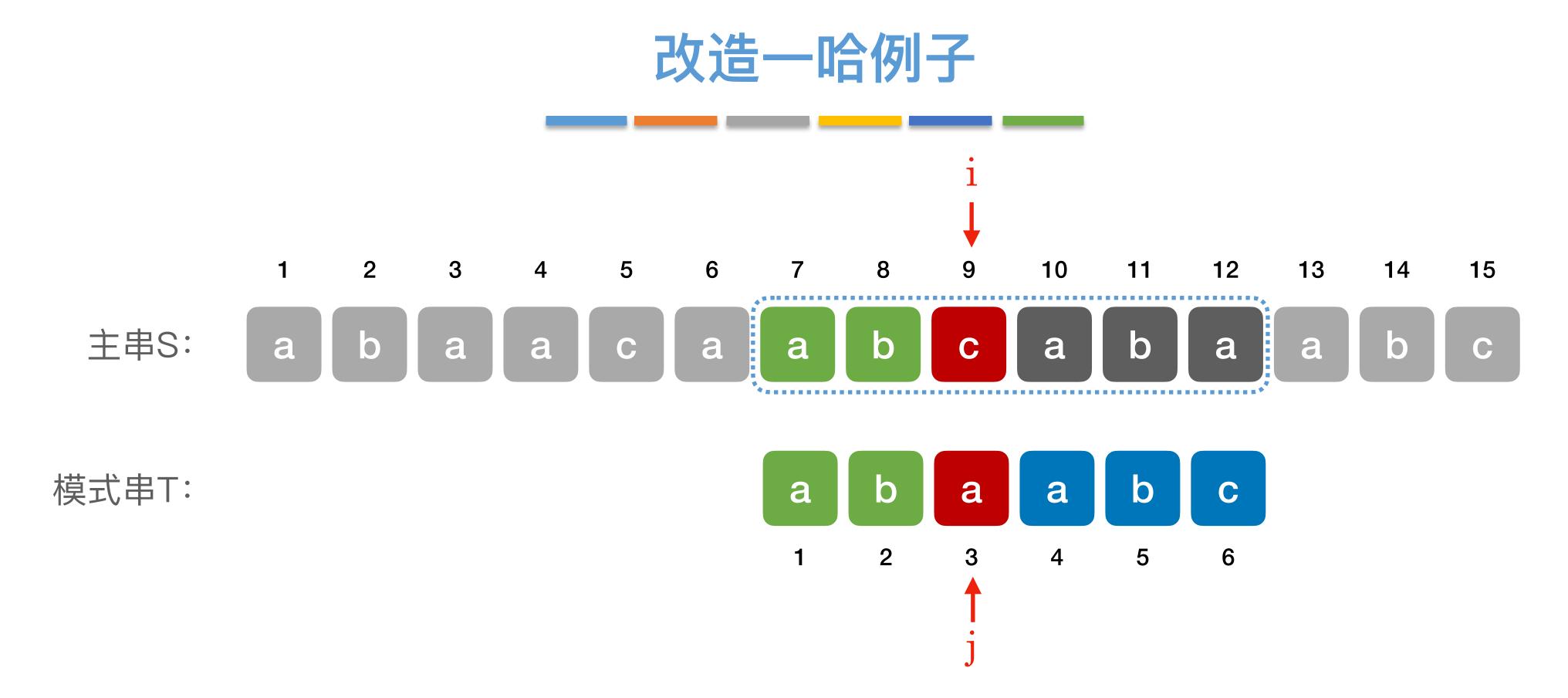
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

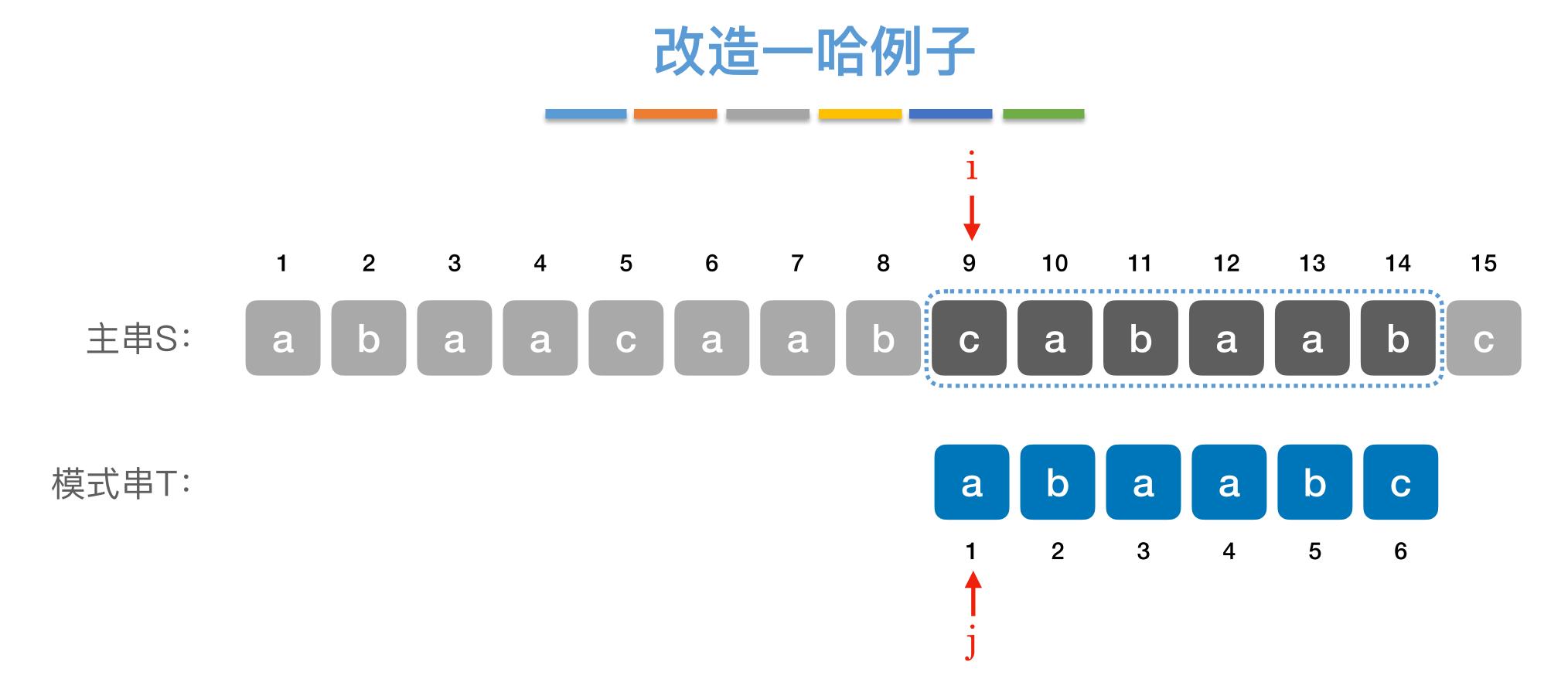
当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

当第3个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=1

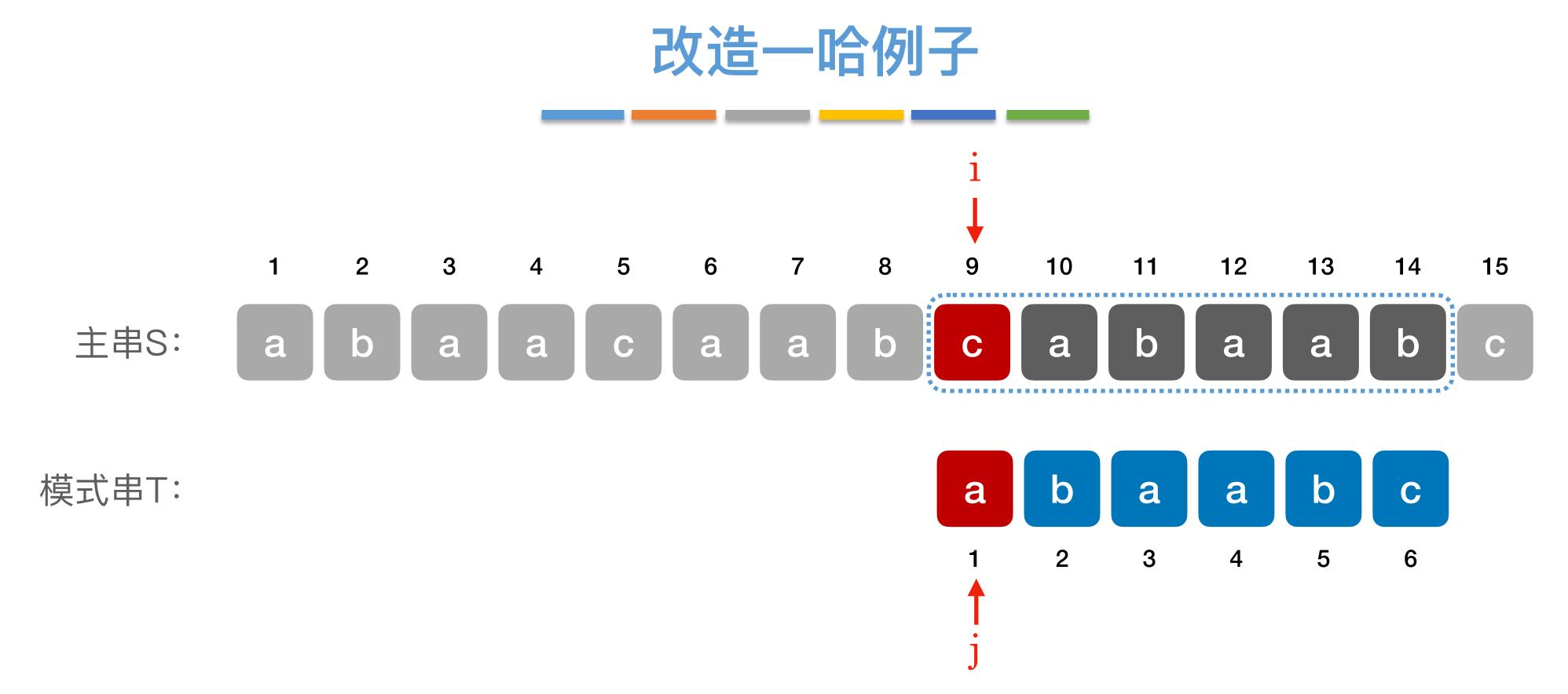
当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2

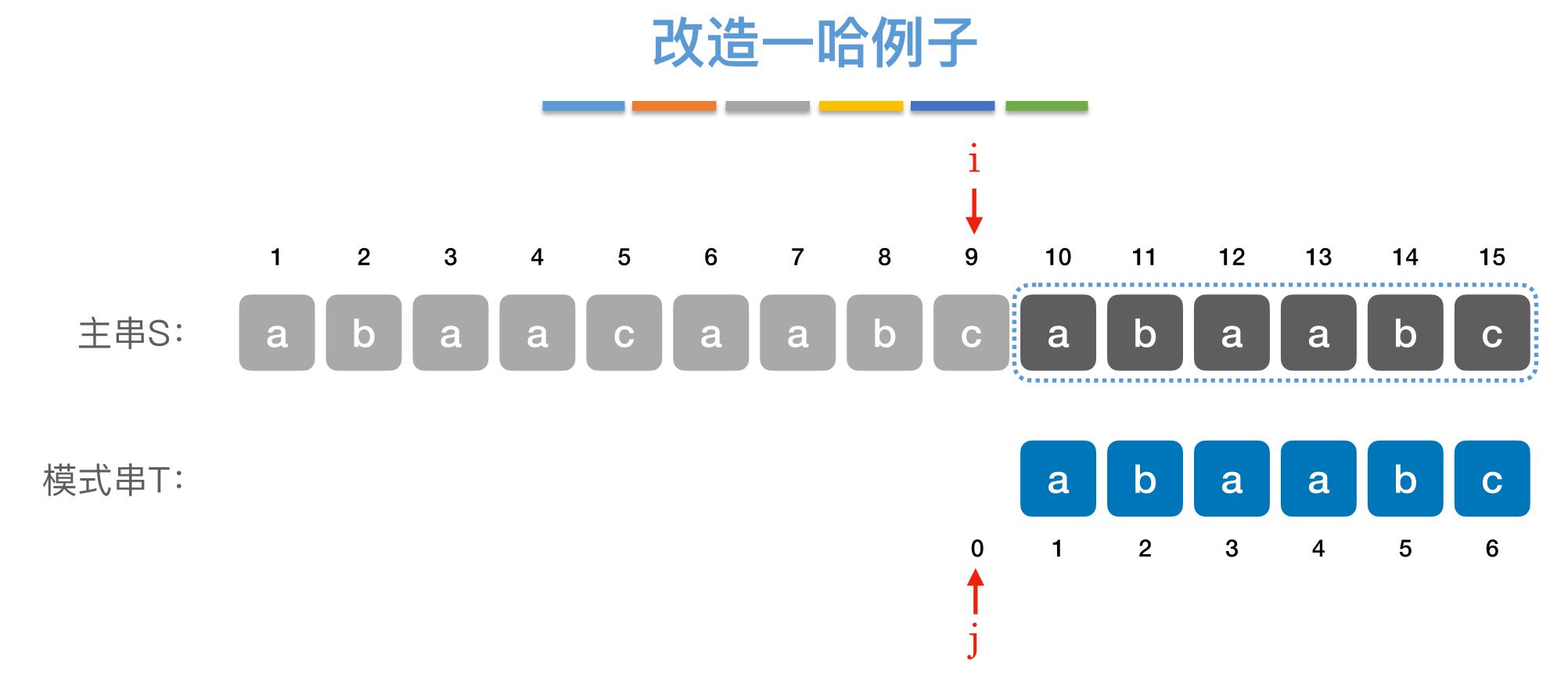
当第3个元素匹配失败时,可令主串指针i不变,模式串指针j=1

当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

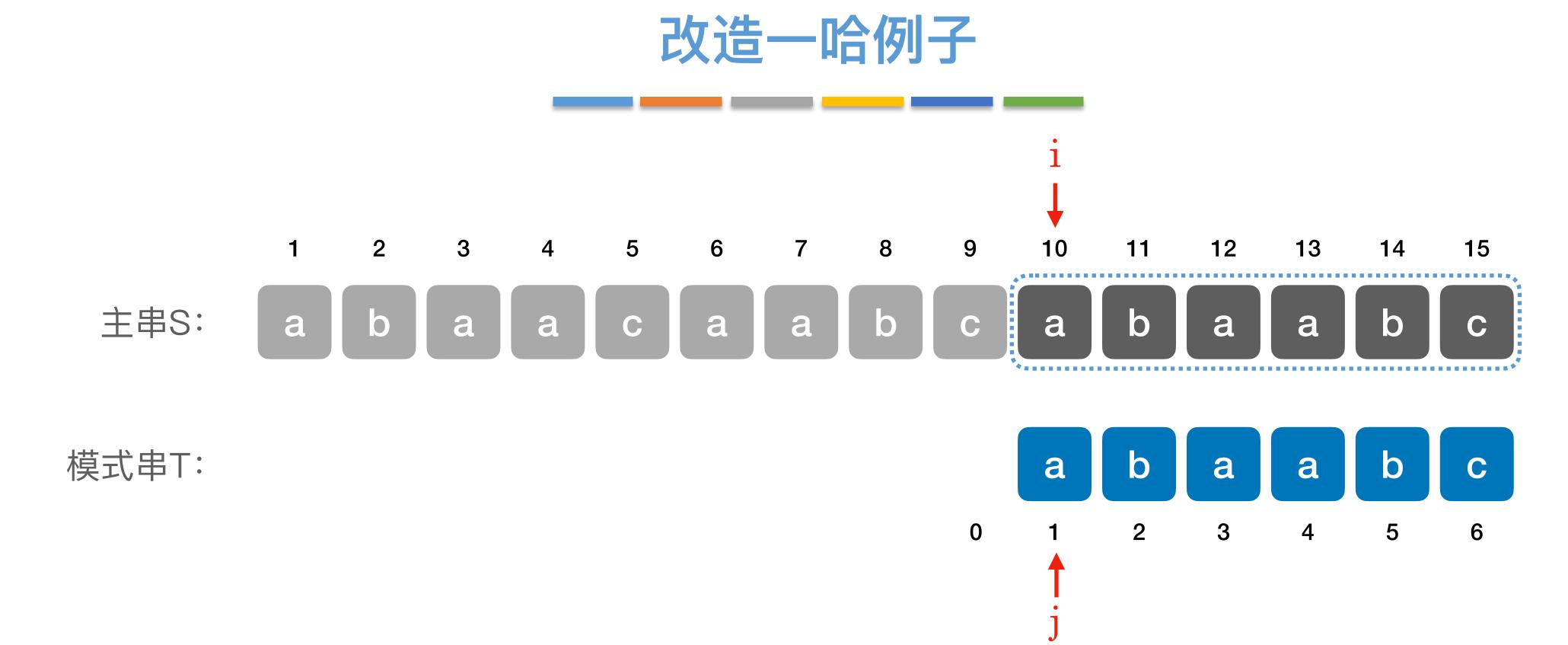
**⇔ j=0, i++, j++** 王道考研/CSKAOYAN.COM



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

⇒ j=0, i++, j++

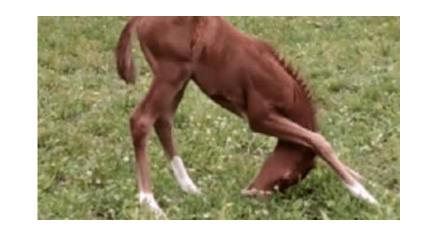
王道考研/CSKAOYAN.COM



当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

**令 j=0, i++, j++** 王道考研/CSKAOYAN.COM







a b a a b a b a b c

0

10

模式串T:

主串S:

a b a b c

1 2 3 4 5 6





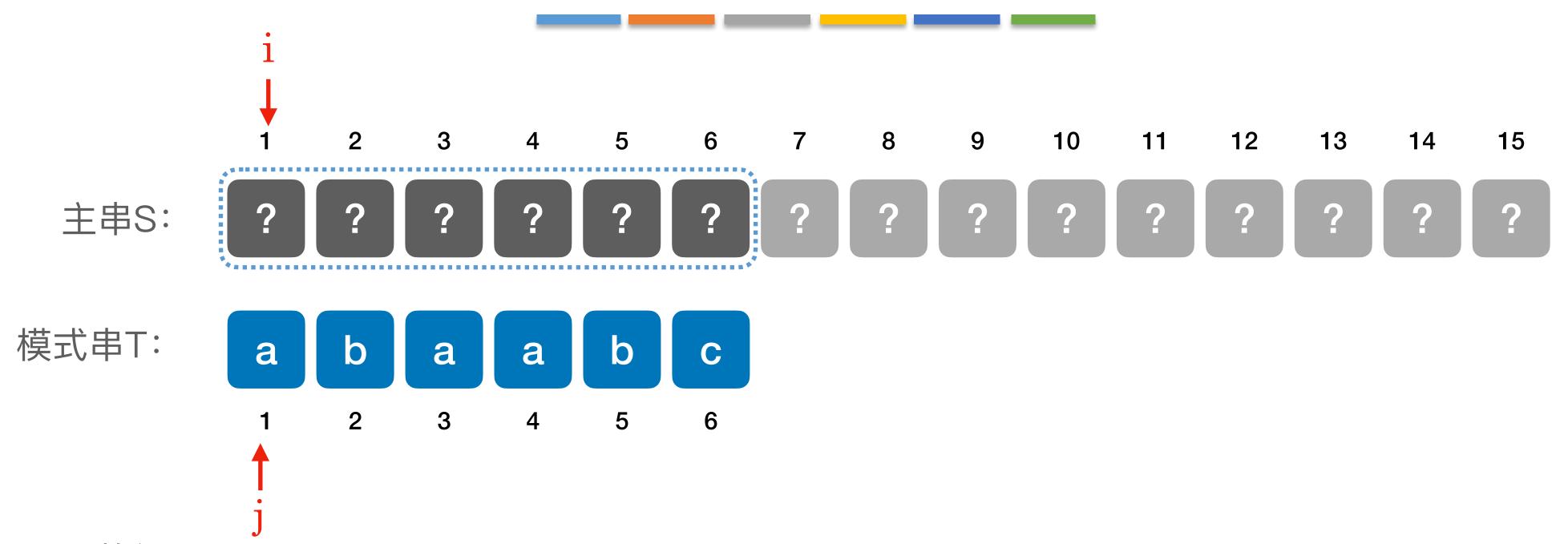
当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1

当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

⇒ j=0, i++, j++

王道考研/CSKAOYAN.COM

## 怎么用代码实现这个处理逻辑?



#### next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]	
	0	1	1	2	2	3	
if (S[i] !=T[j]) j=next[j];							
	if (j==0) { i++; j++ }						

#### 对于模式串 T = 'abaabc'

当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++



next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3
if (S[i] !=T[j]) j=next[j];						
	if (j==0) { i++; j++ }					

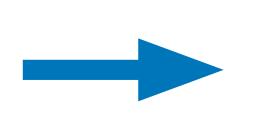
对于模式串 T = 'abaabc'

当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

# KMP算法



根据模式串T,求 出 next 数组



### 利用next数组进行匹配 (主串指针不回溯)

#### next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3

if (S[i] !=T[j]) j=next[j];

if (j==0) { i++; j++ }

next数组只和短短的模式串 有关,和长长的主串无关

#### 对于模式串 T = 'abaabc'

当第6个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=3 当第5个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第4个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=2 当第3个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第2个元素匹配失败时,可令主串指针 i 不变,模式串指针 j=1 当第1个元素匹配失败时,匹配下一个相邻子串,令 j=0, i++, j++

# KMP算法

### 利用next数组进行匹配 (主串指针不回溯)

#### next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]
	0	1	1	2	2	3

```
if (S[i] !=T[j]) j=next[j];
if (j==0) { i++; j++ }
```

```
int Index_KMP(SString S,SString T,int next[]){
   int i=1, j=1;
   while(i<=S.length&&j<=T.length){</pre>
       if(j==0||S.ch[i]==T.ch[j]){
           ++i;
                                //继续比较后继字符
           ++j;
       else
           j=next[j];
                               //模式串向右移动
    if(j>T.length)
        return i-T.length;
                               //匹配成功
   else
        return 0;
```

## 朴素模式匹配 v.s. KMP算法

```
int Index_KMP(SString S,SString T,int next[]){
int Index(SString S,SString T){
                                                     int i=1, j=1;
   int i=1, j=1;
                                                     while(i<=S.length&&j<=T.length){</pre>
   while(i<=S.length && j<=T.length){</pre>
                                                        if(j==0||S.ch[i]==T.ch[j]){
       if(S.ch[i]==T.ch[j]){
                                                            ++i;
          ++i; ++j; //继续比较后继字符
                                                                                //继续比较后继字符
                                       匹配失败时,主串
                                                            ++j;
        else{
                                        指针i不回溯
           i=i-j+<mark>2;</mark>
                                                        else
                      //指针后退重新开始匹配
                                                                                //模式串向右移动
           j=1;
                                                            j=next[j];
                      匹配失败时,主串
                                                     if(j>T.length)
                       指针i疯狂回溯
   if(j>T.length)
                                                         return i-T.length;
                                                                                //匹配成功
       return i-T.length;
                                                     else
   else
                                                        return 0;
       return 0;
```

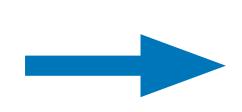
朴素模式匹配算法,最坏时间复杂度 O(mn)

KMP算法,最坏时间复杂度 O(m+n)

其中,求 next 数组时间复杂度 O(m) 模式匹配过程最坏时间复杂度 O(n)

## KMP算法

### 根据模式串T,求 出 next 数组



### 利用next数组进行匹配 (主串指针不回溯)

KMP算法精髓:利用好已经匹配过的模式串的信息

#### next数组:

next[0]	next[1]	next[2]	next[3]	next[4]	next[5]	next[6]	
	0	1	1	2	2	3	
if (S[i] !=T[j]) j=next[j];							

if (j==0) { i++; j++ }

KMP算法,最坏时间复杂度 O(m+n)

其中,求 next 数组时间复杂度 O(m) 模式匹配过程最坏时间复杂度 O(n)

```
int Index_KMP(SString S,SString T,int next[]){
   int i=1, j=1;
   while(i<=S.length&&j<=T.length){</pre>
        if(j==0||S.ch[i]==T.ch[j]){
           ++i;
                               //继续比较后继字符
           ++j;
       else
           j=next[j];
                               //模式串向右移动
   if(j>T.length)
        return i-T.length;
                               //匹配成功
   else
        return 0;
```

## 欢迎大家对本节视频进行评价~



#### 学员评分: 4.2.2\_1 KMP算法



- 腾讯文档 -可多人实时在线编辑, 权限安全可控



公众号: 王道在线



5 b站: 王道计算机教育



抖音: 王道计算机考研