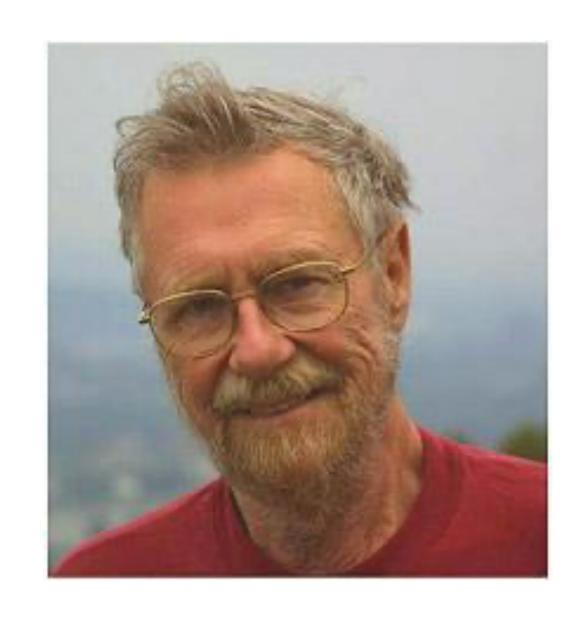
#### 本节内容

# 最短路径

## Dijkstra算法

#### 迪杰斯特拉

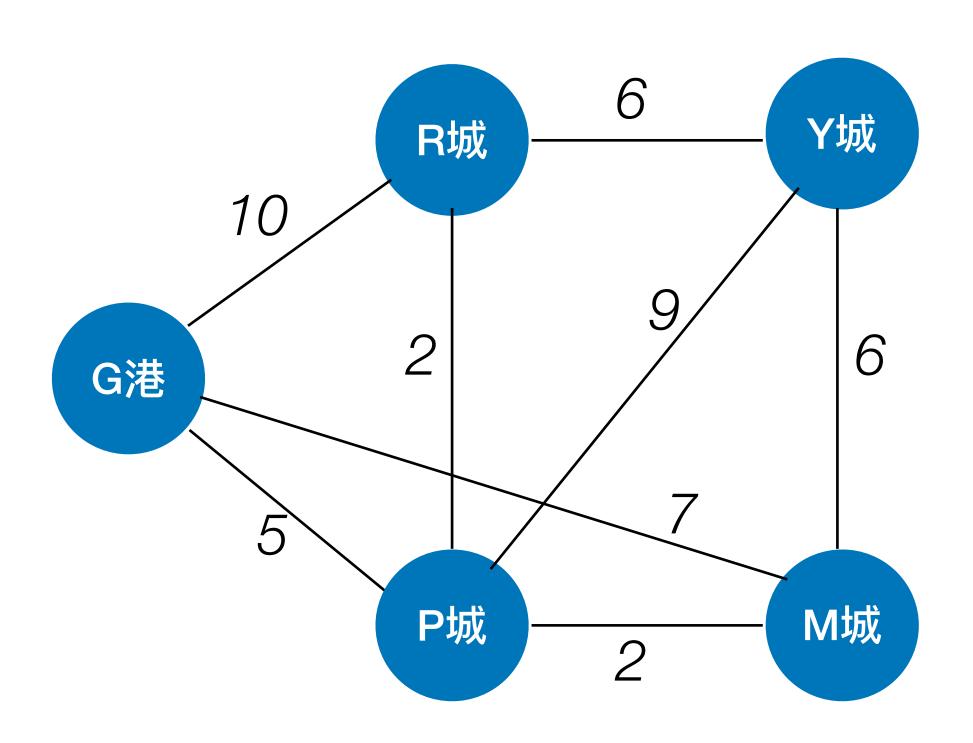


艾兹格·W·迪杰斯特拉 Edsger Wybe Dijkstra (1930~2002)

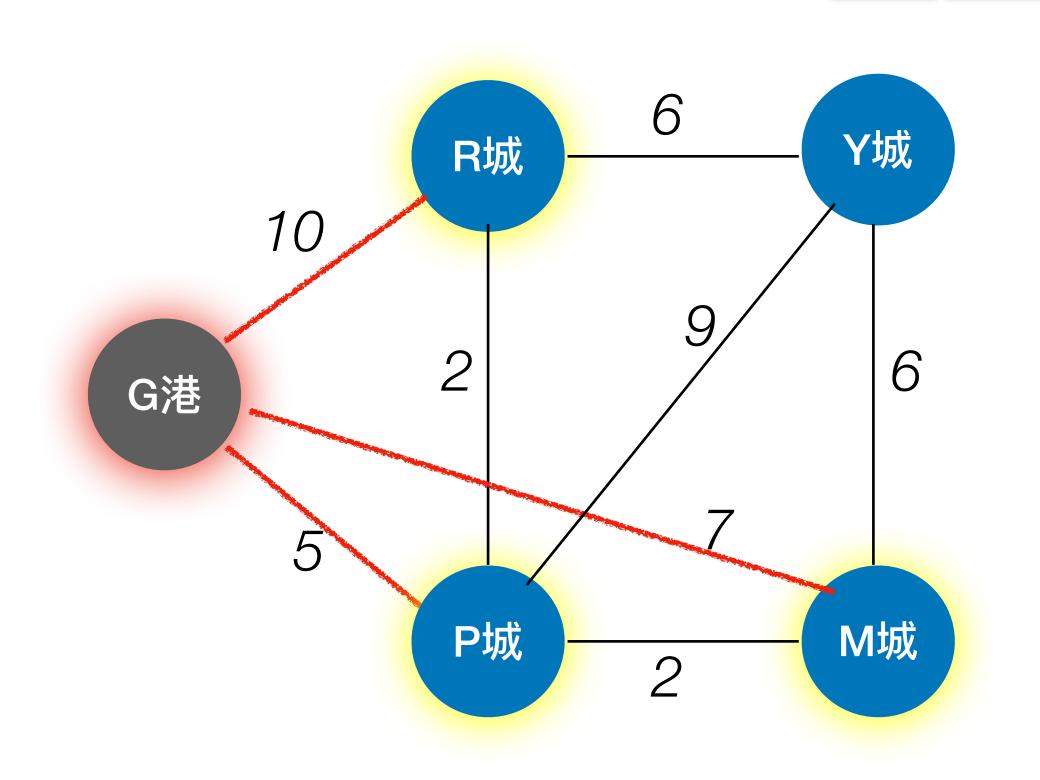


- · 提出"goto 有害理论"——操作系统,虚拟存储技术
- · 信号量机制PV原语——操作系统,进程同步
- 银行家算法——操作系统,死锁
- 解决哲学家进餐问题——操作系统,死锁
- Dijkstra最短路径算法——数据结构大题、小题

## BFS算法的局限性



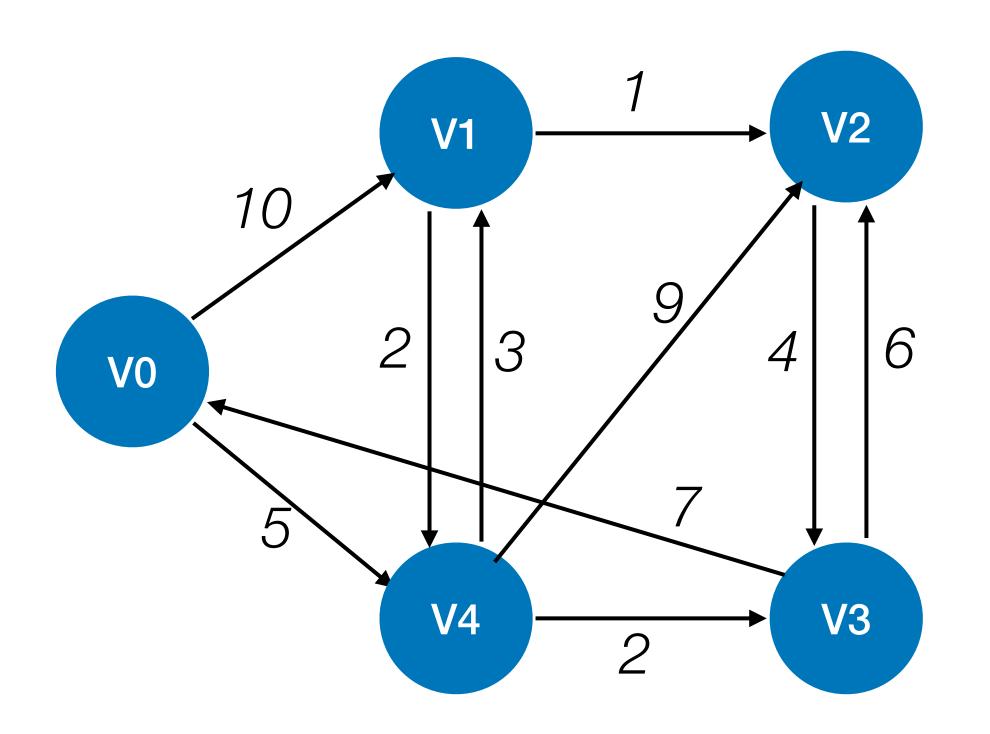
#### BFS算法的局限性

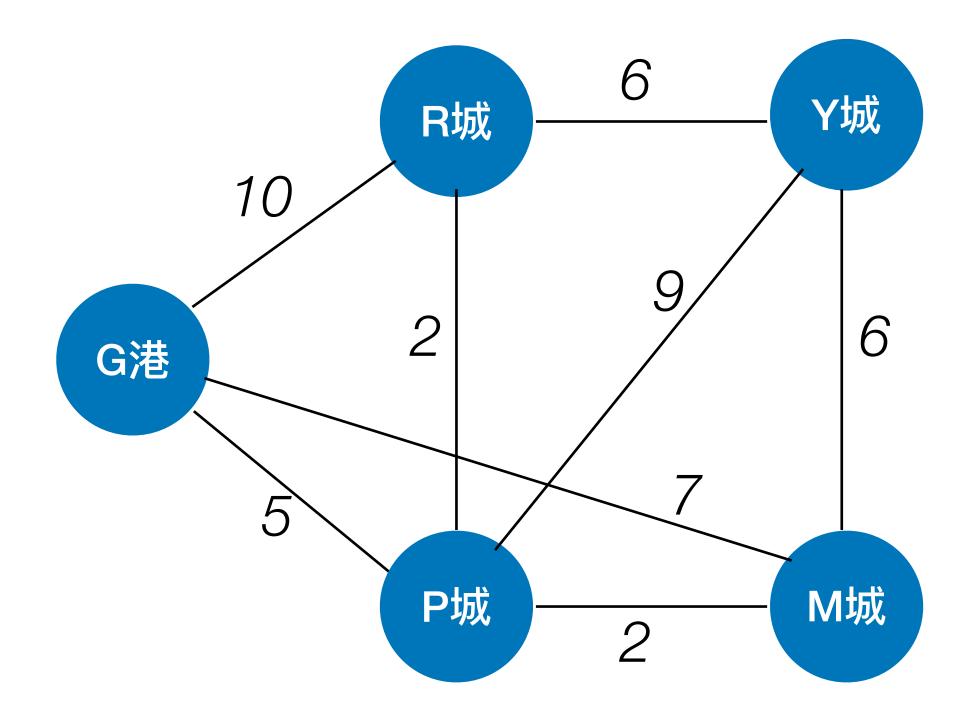


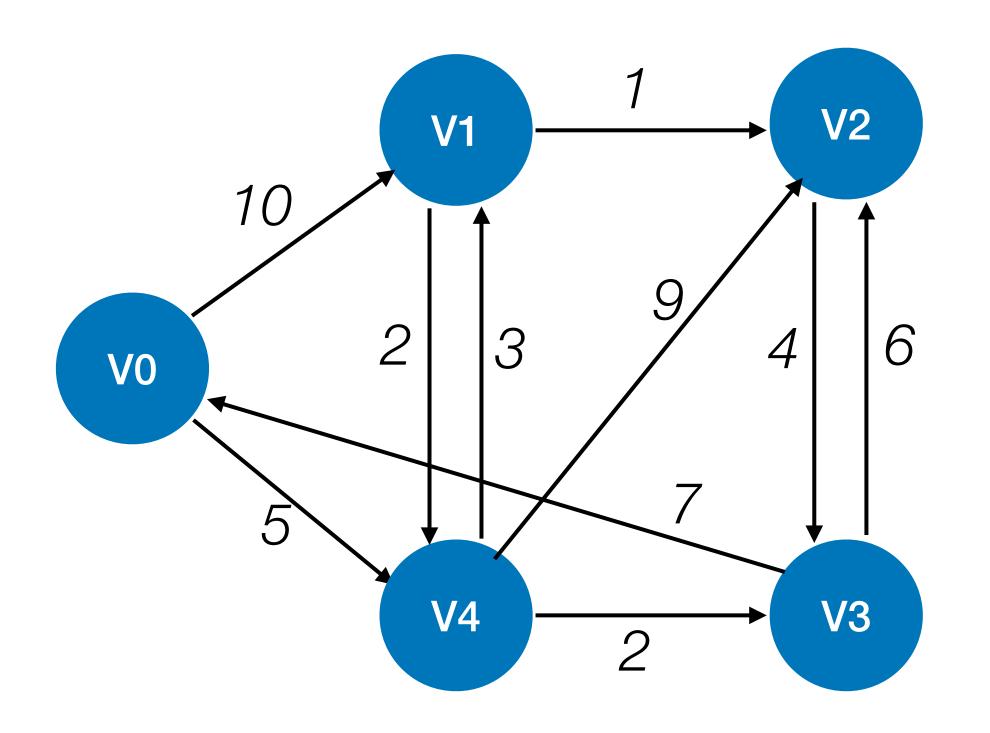
带权路径长度——当图是带权图时,一条路径上所有边的权值之和,称为该路径的带权路径长度

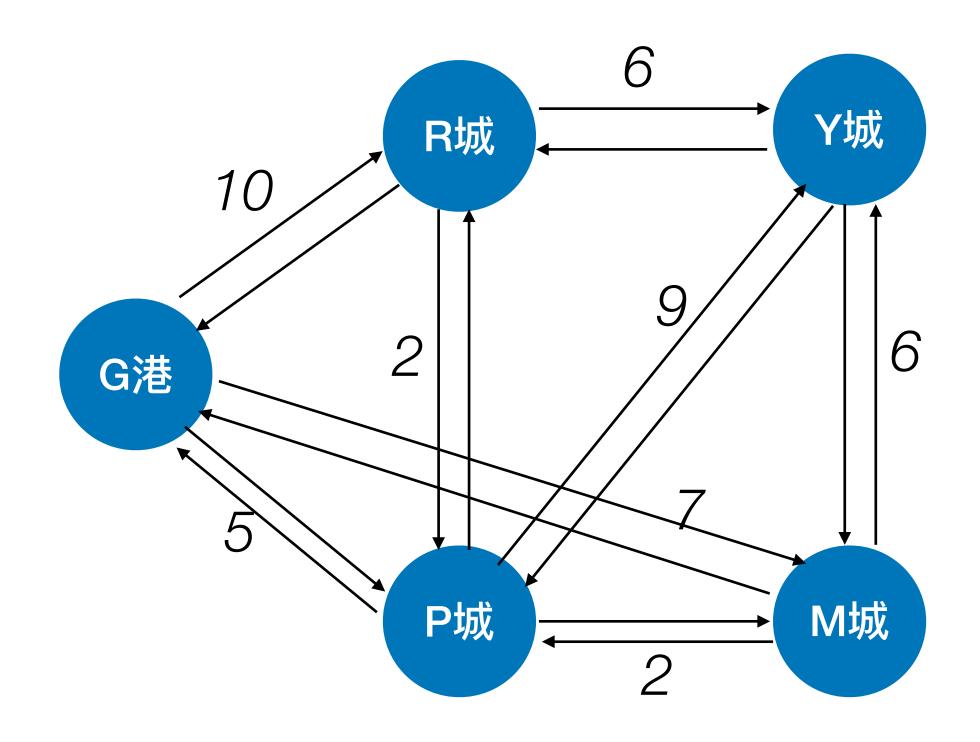
BFS算法求单源最短路径只适用于无权图,或所有边的权值都相同的图

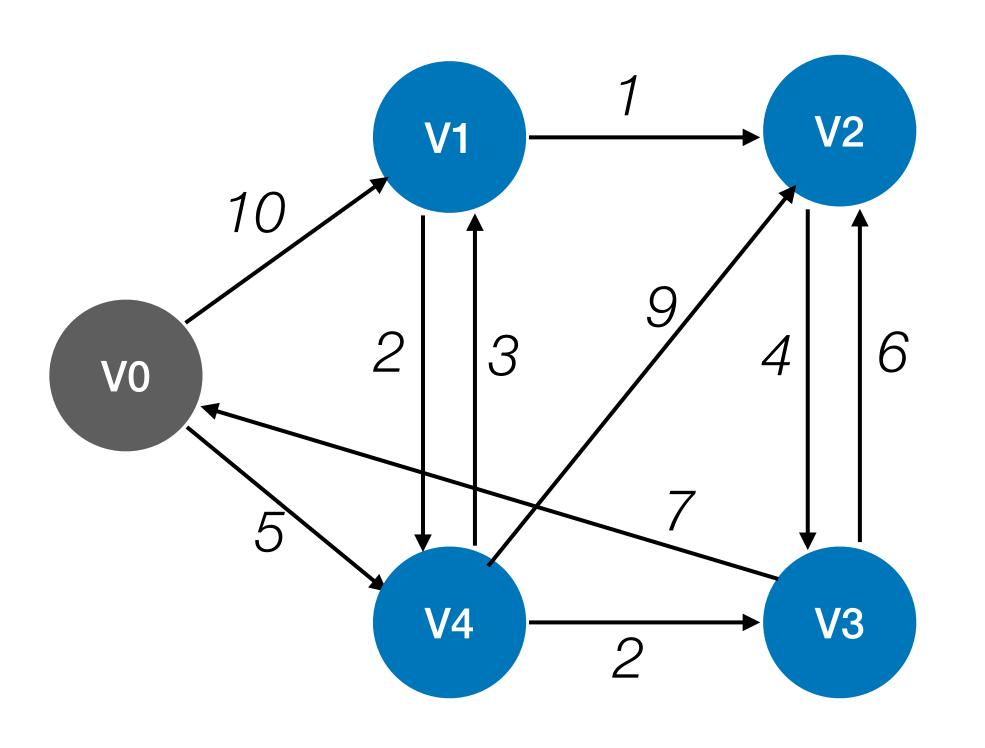
BFS算法(无权图)





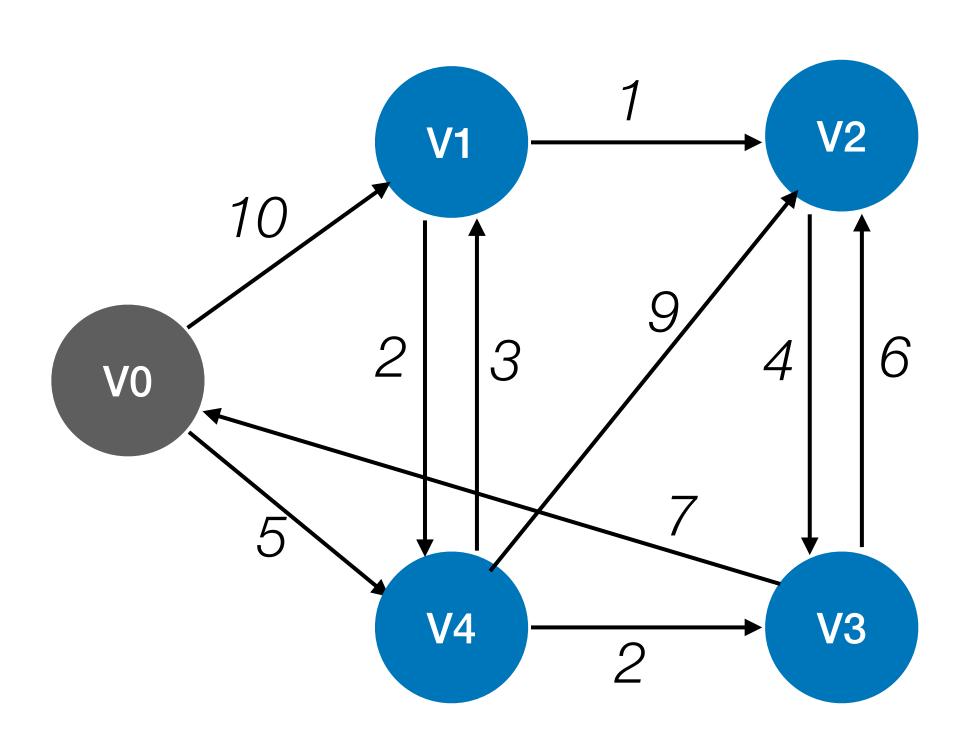






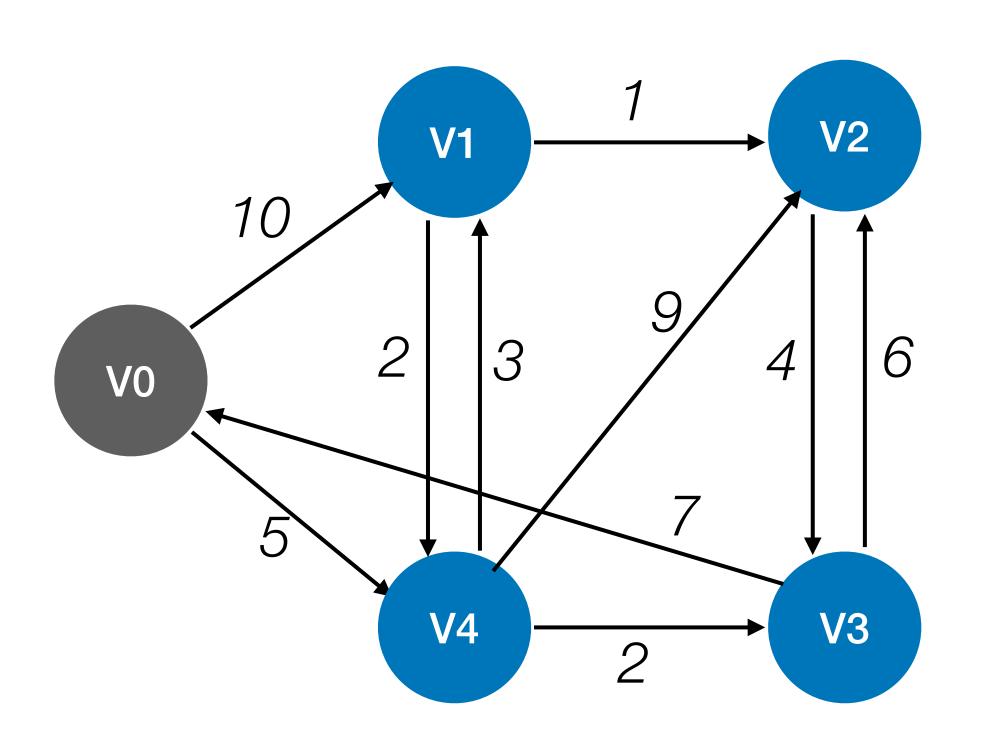
初始:从Vo开始,初始化三个数组信息如下





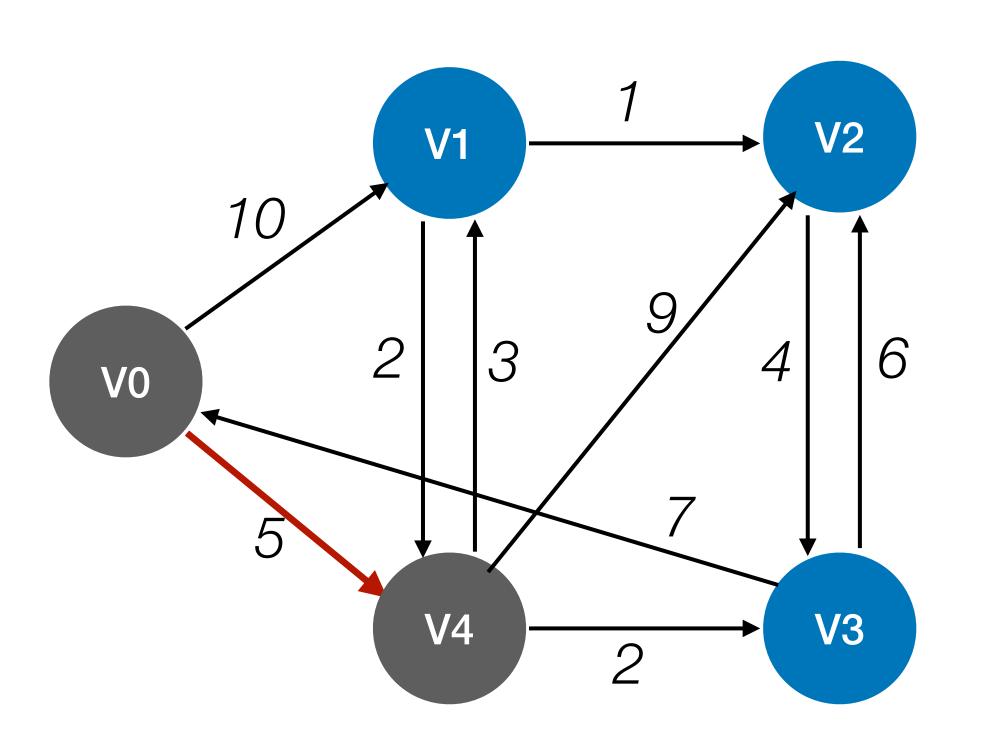
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





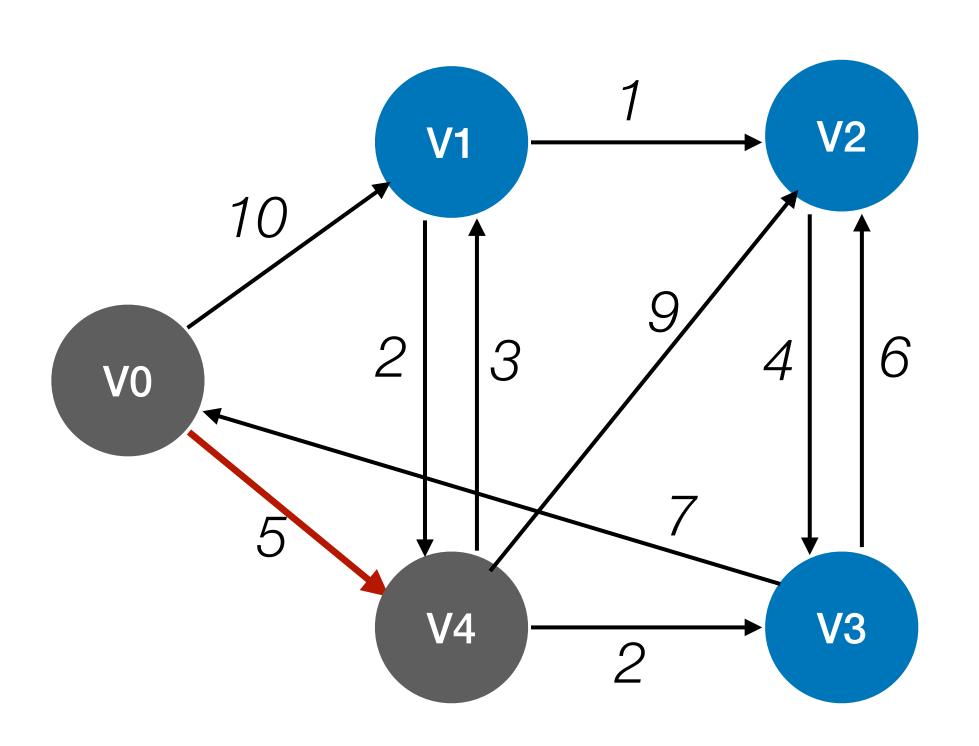
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





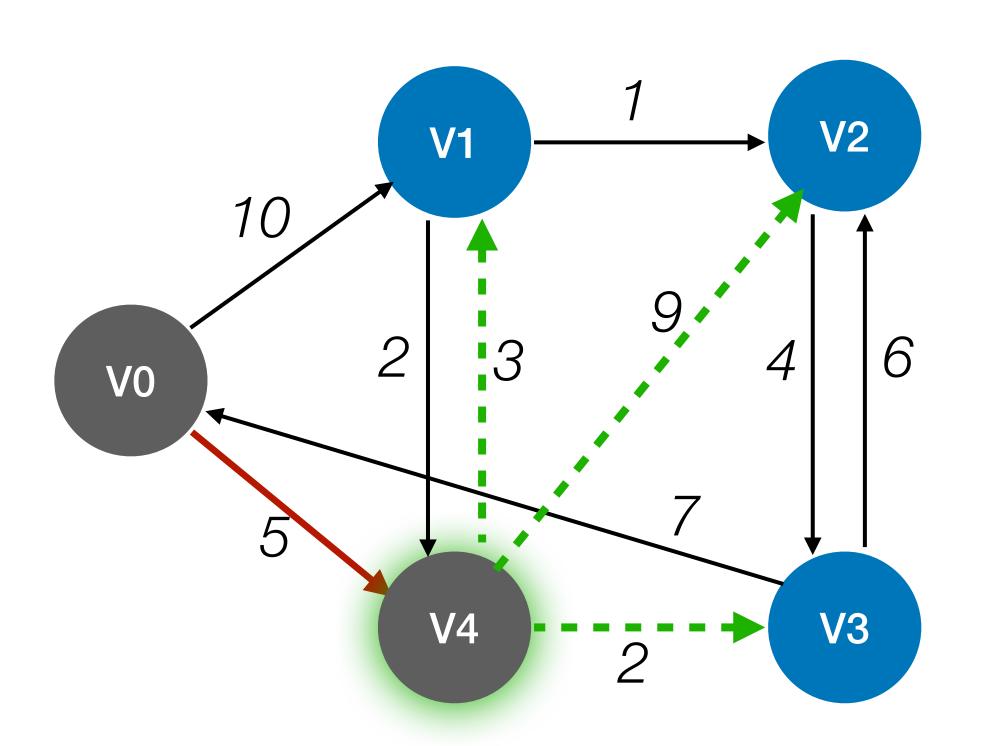
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





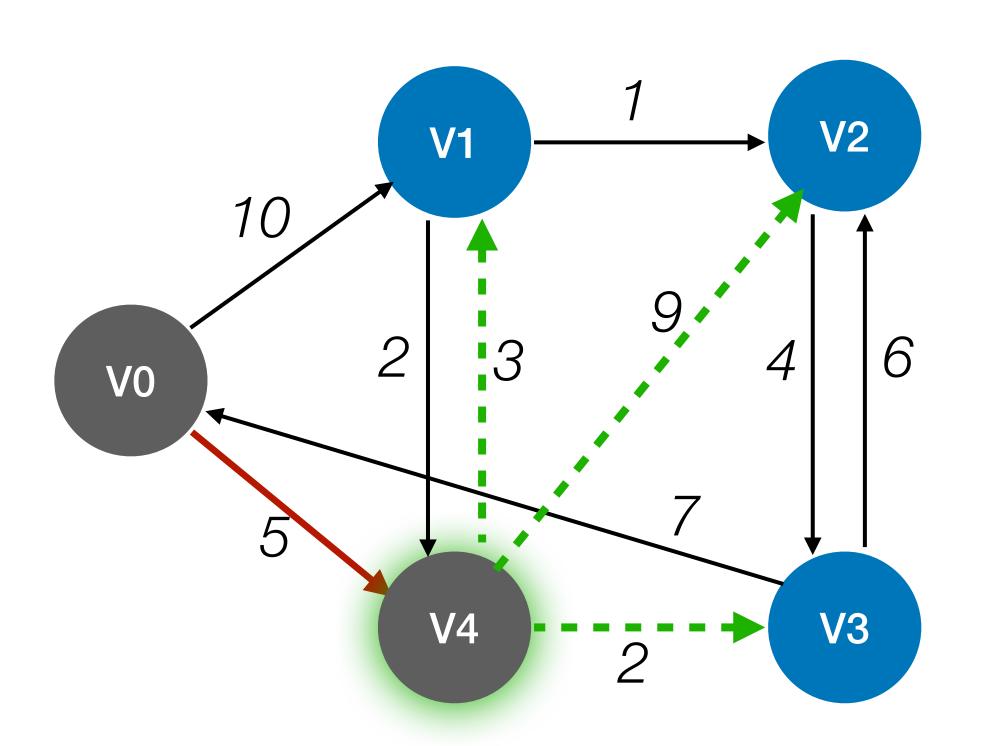
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





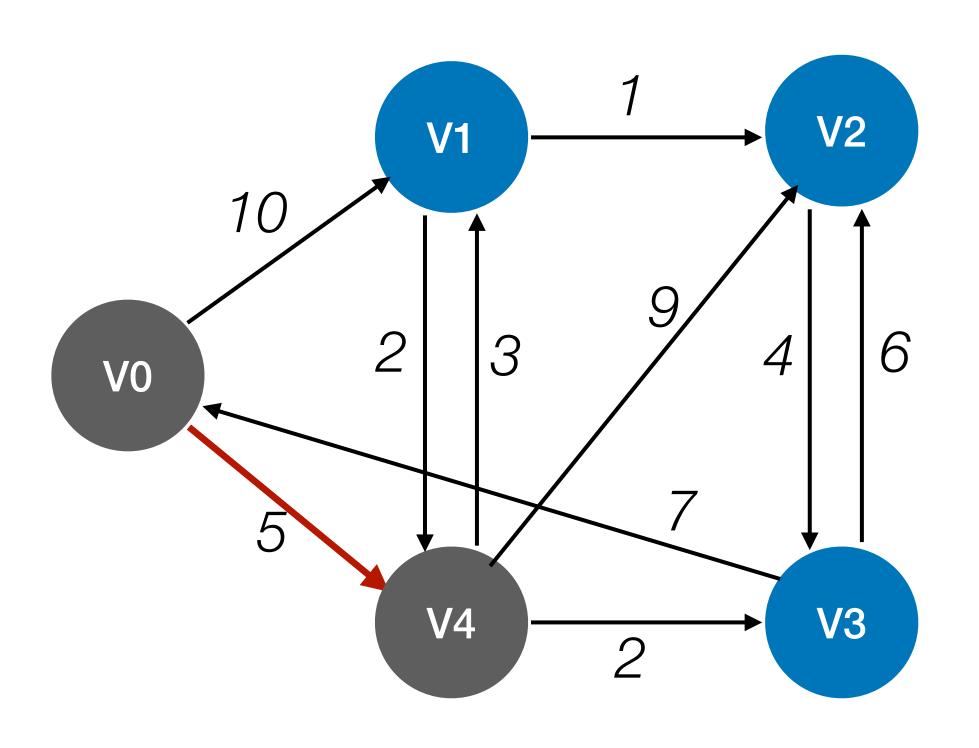
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





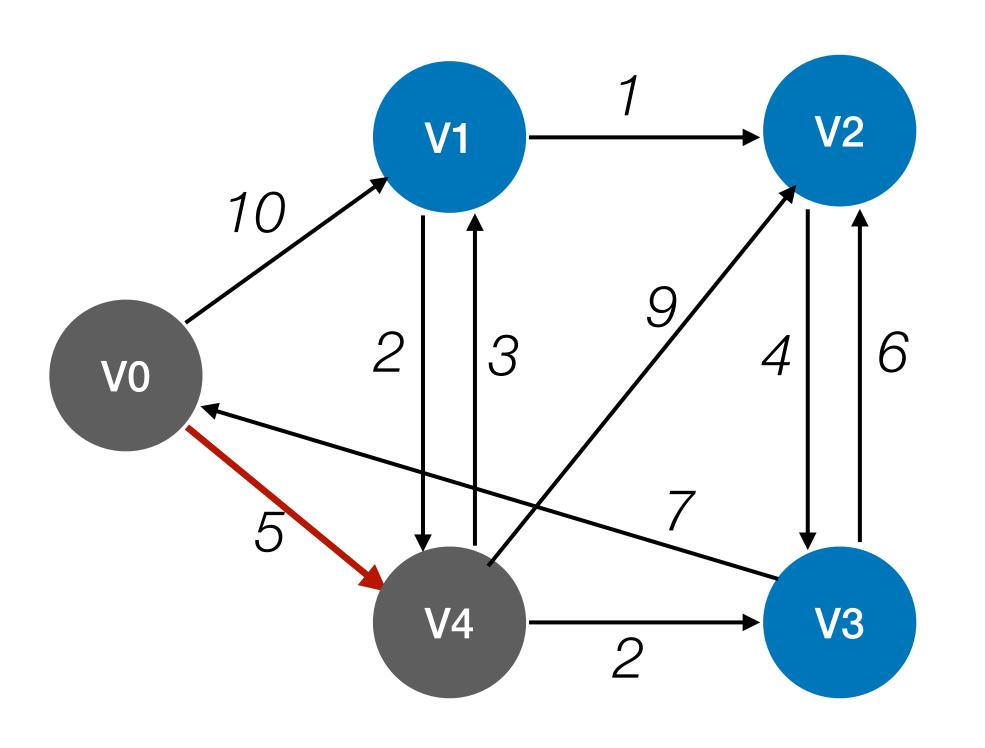
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





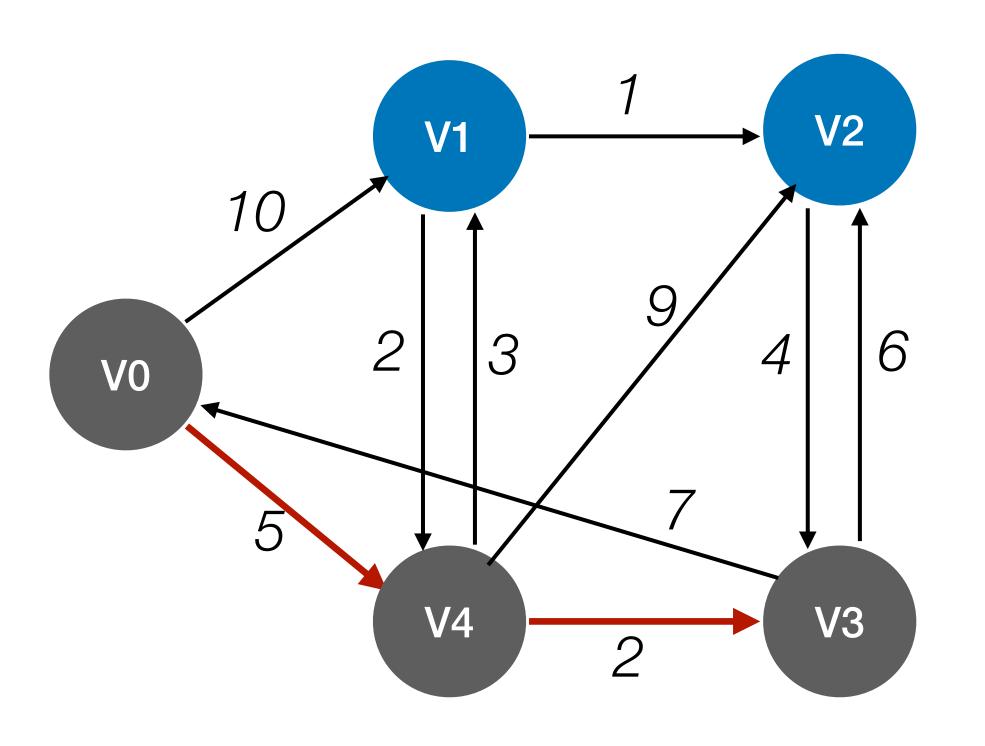
第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





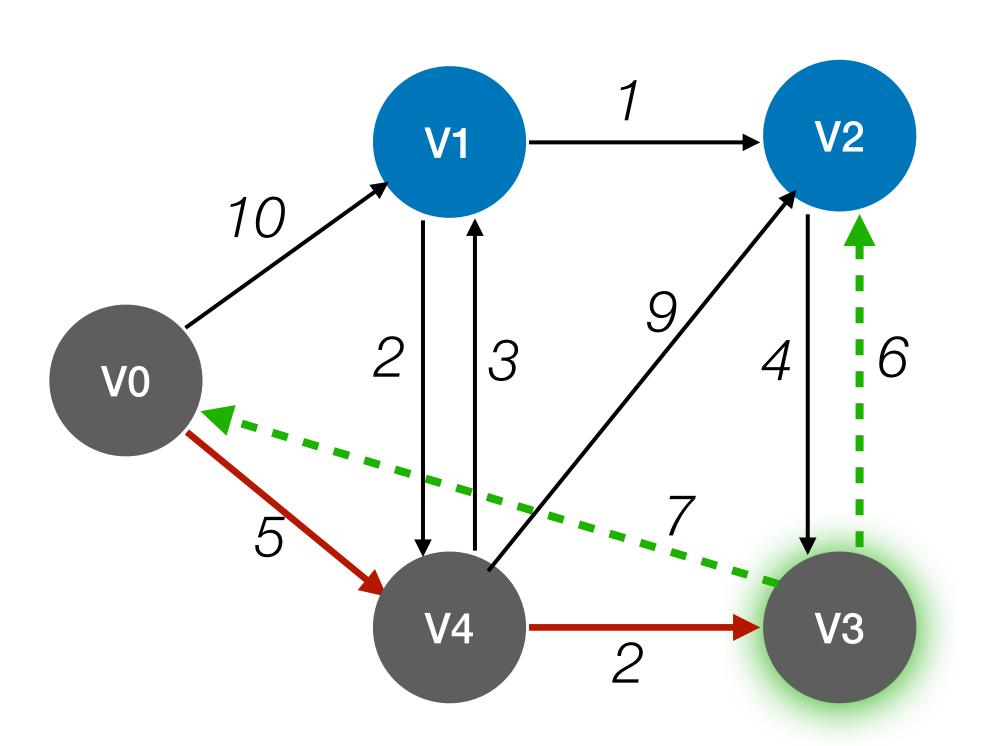
第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





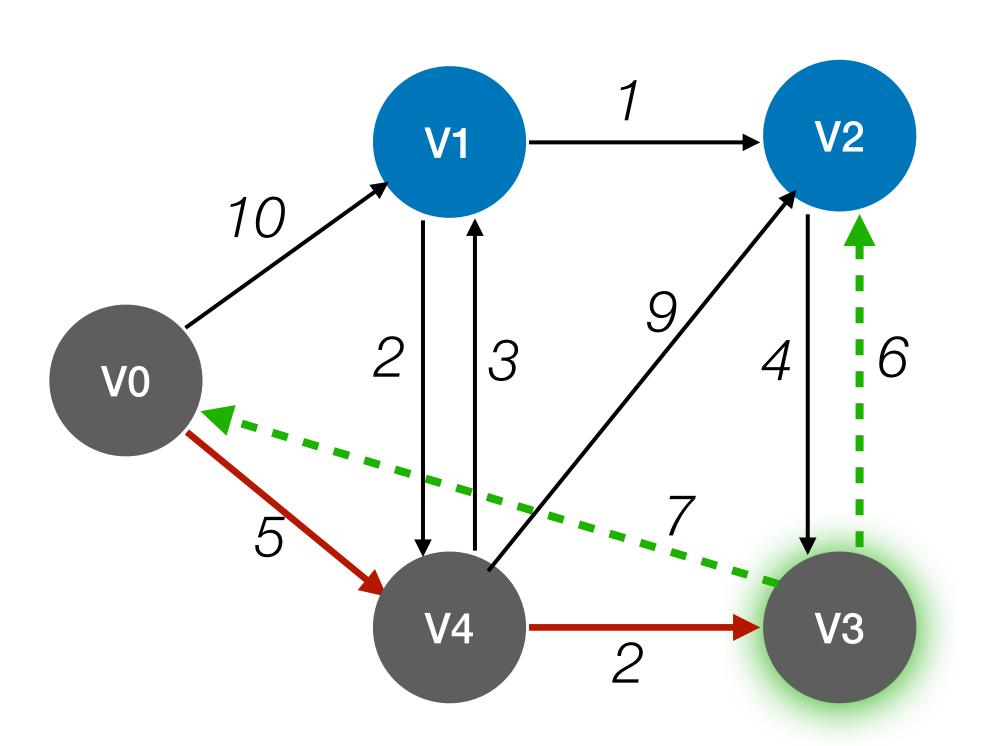
第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





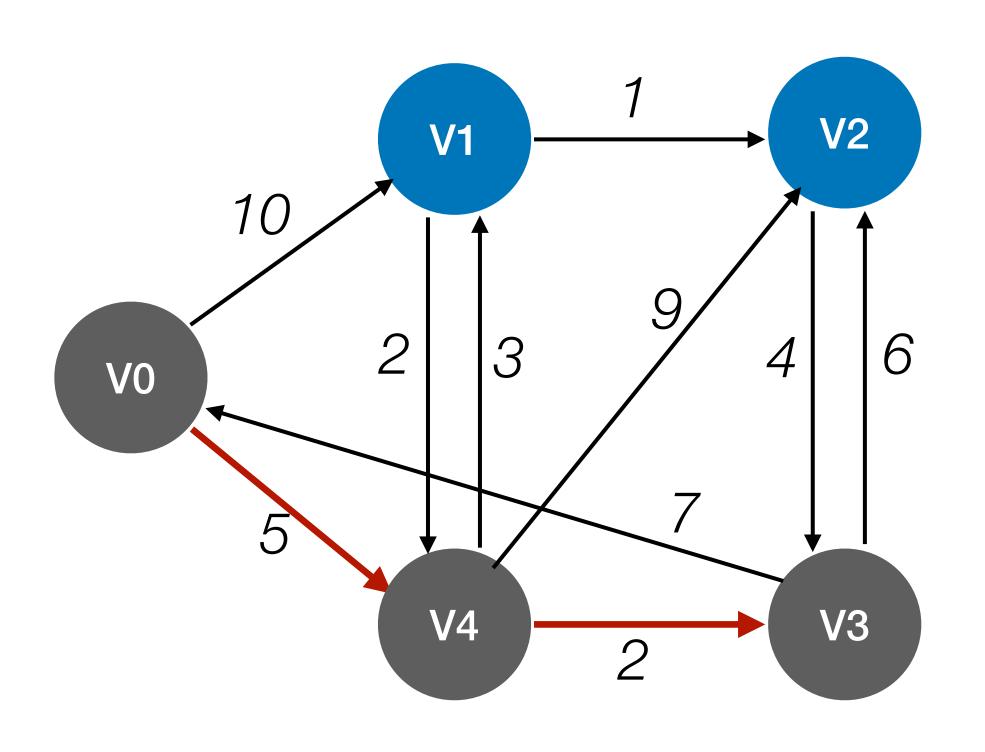
第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





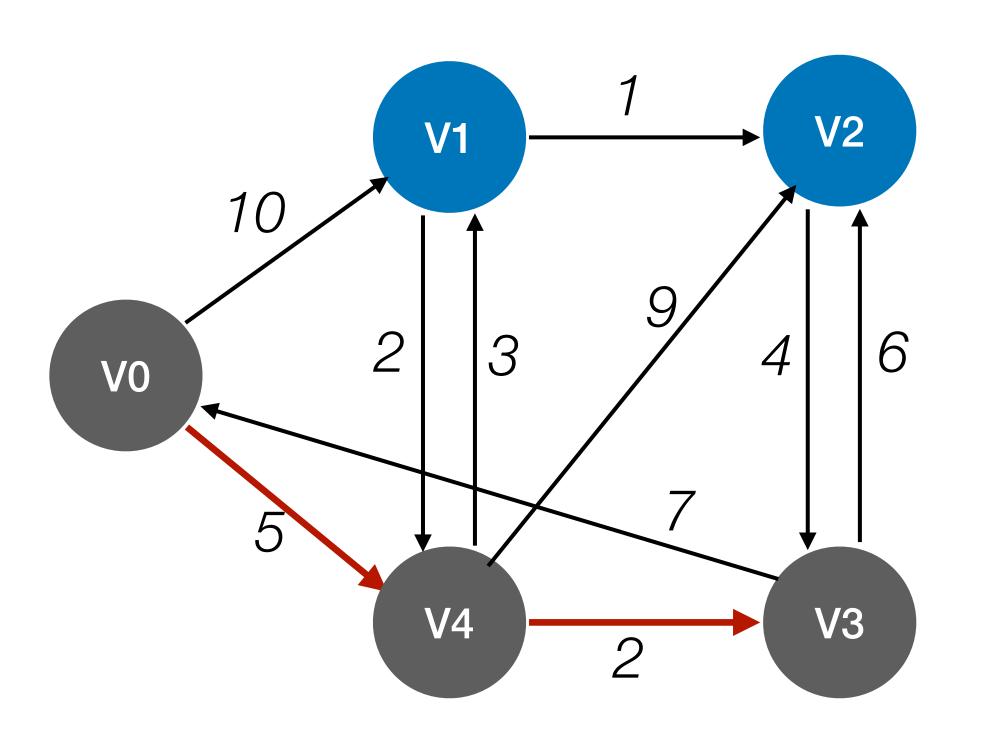
第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





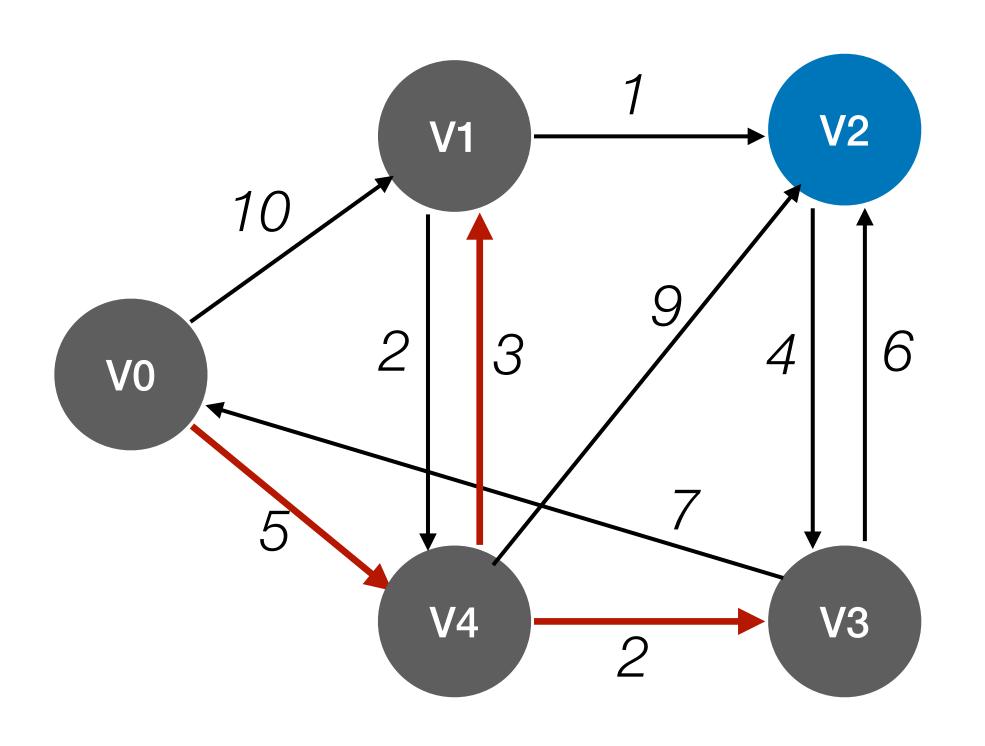
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





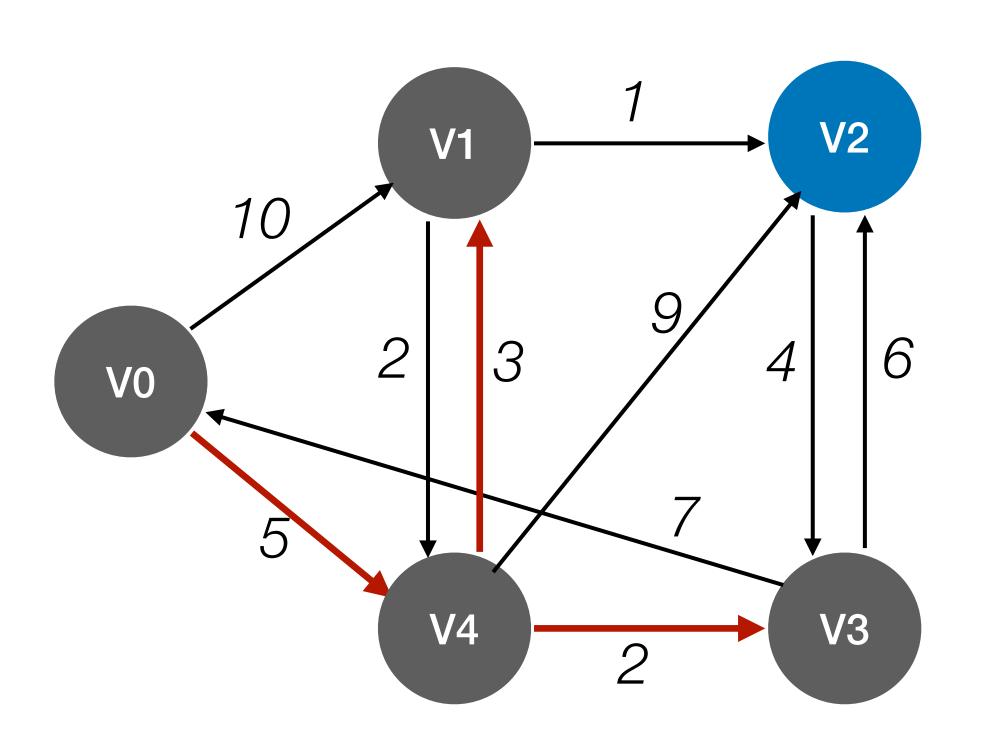
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





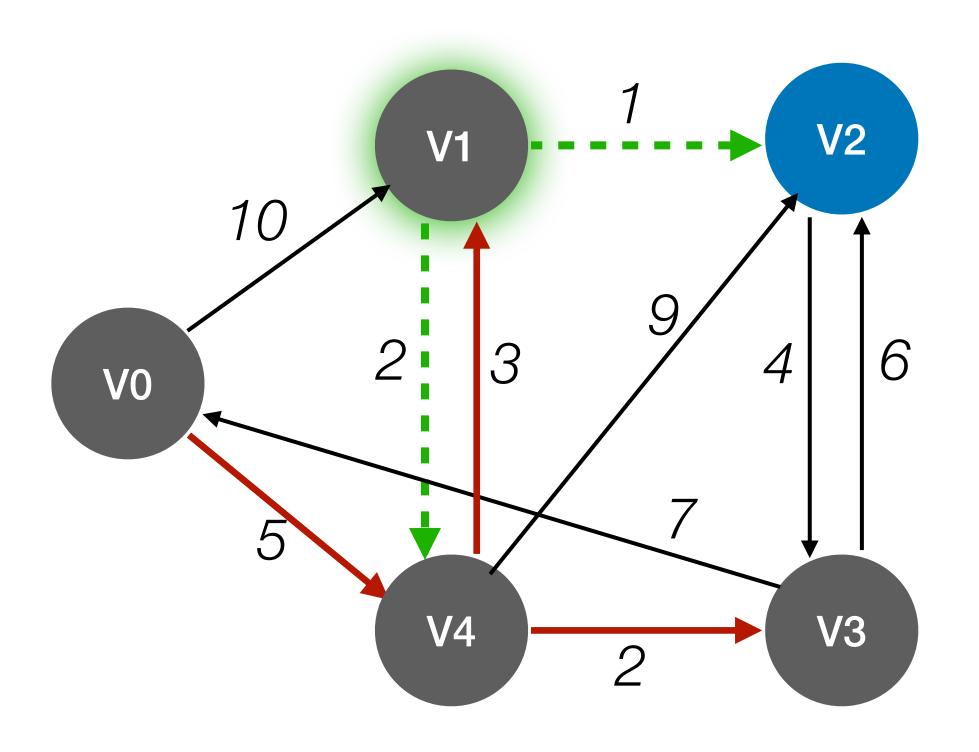
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





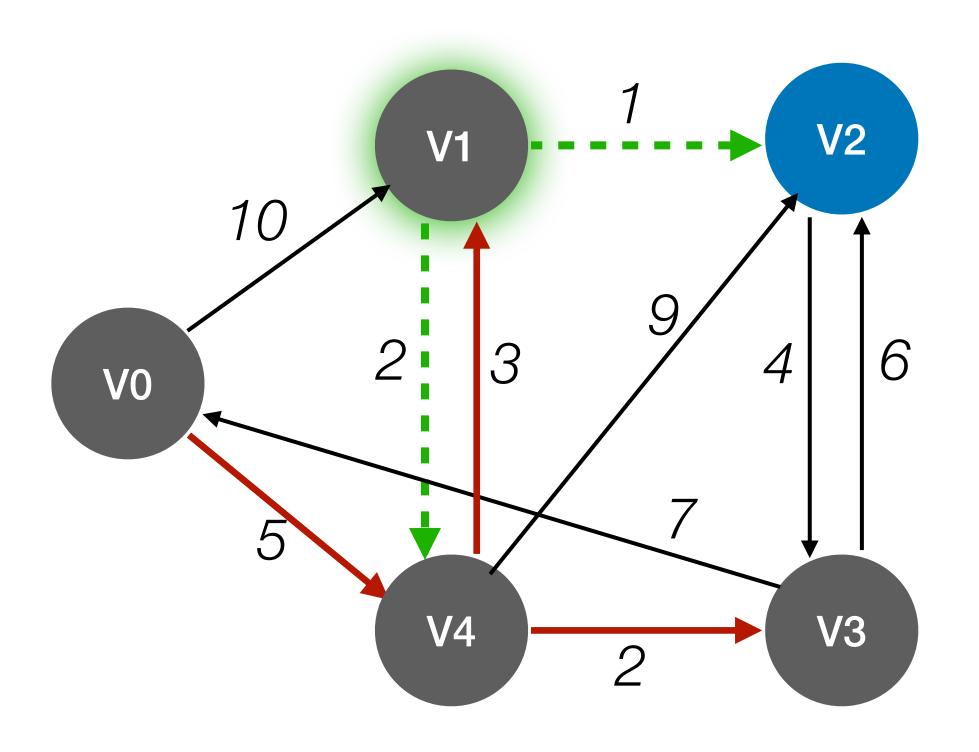
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





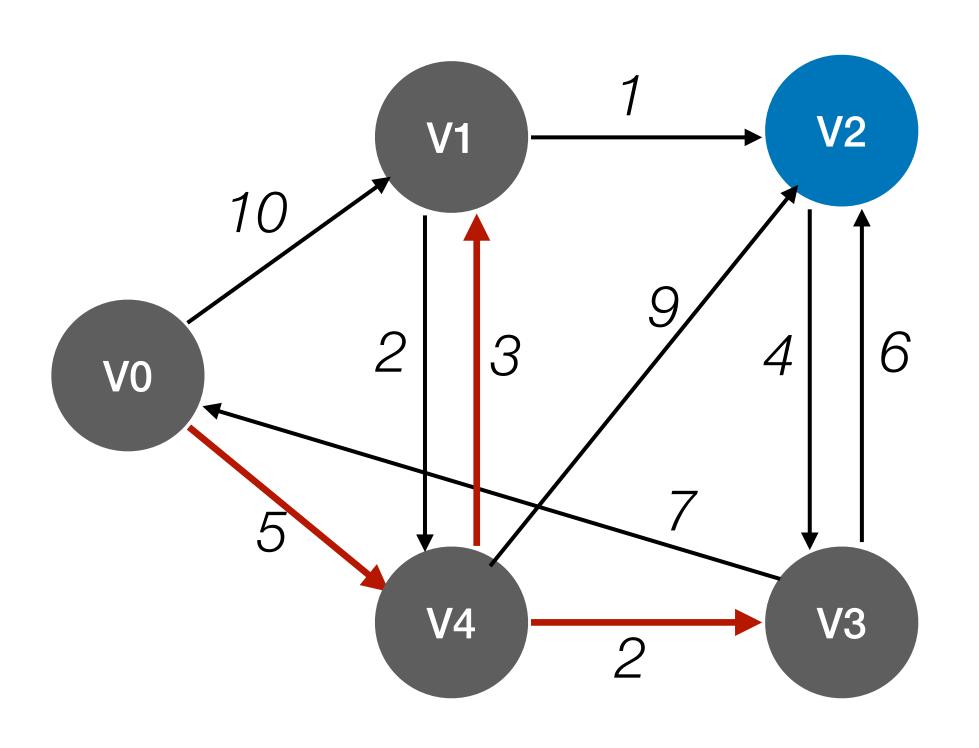
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





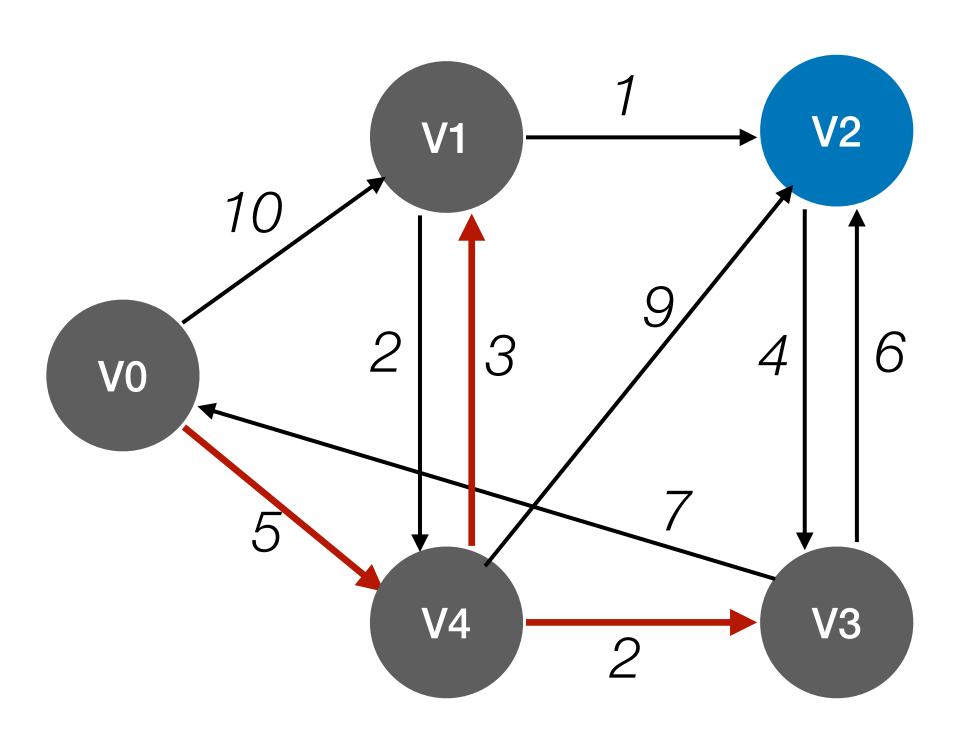
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





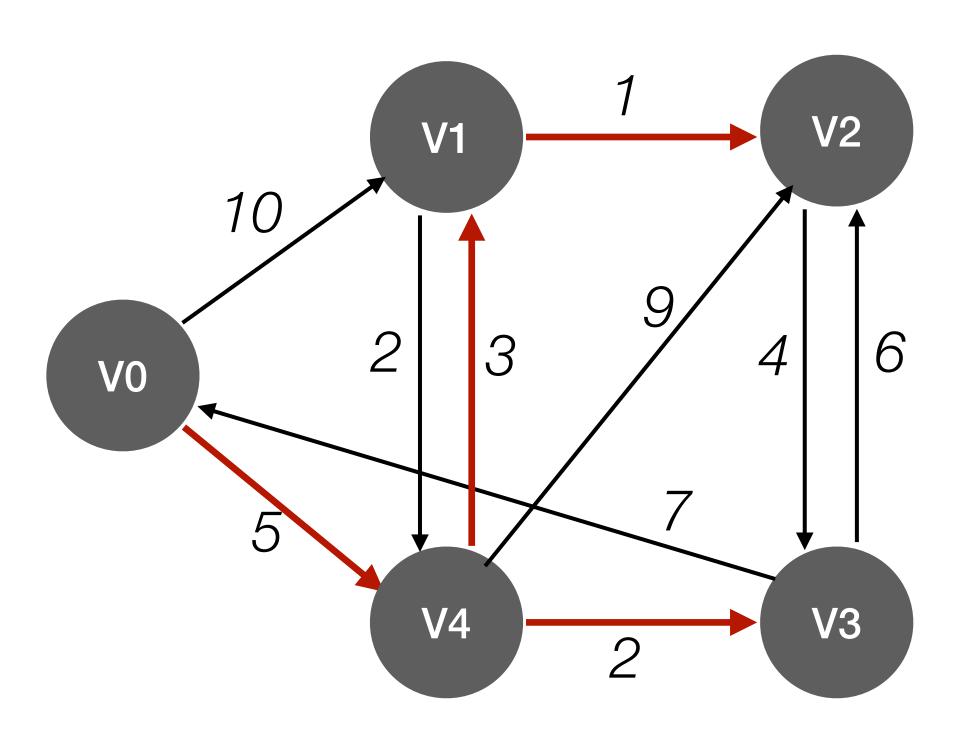
第4轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





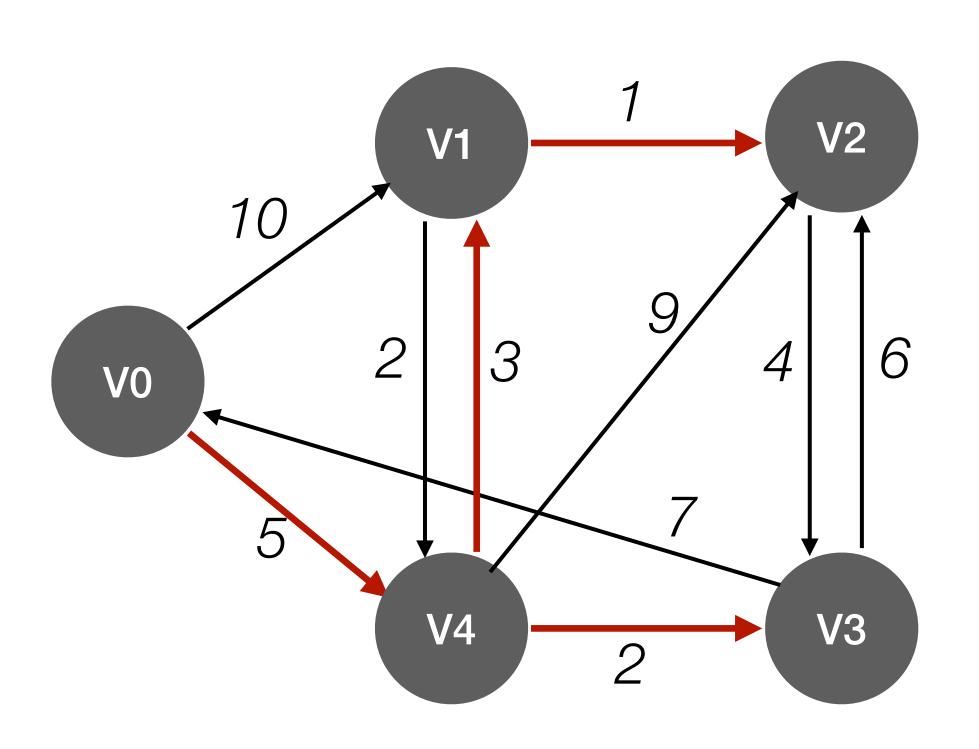
第4轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。





第4轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。

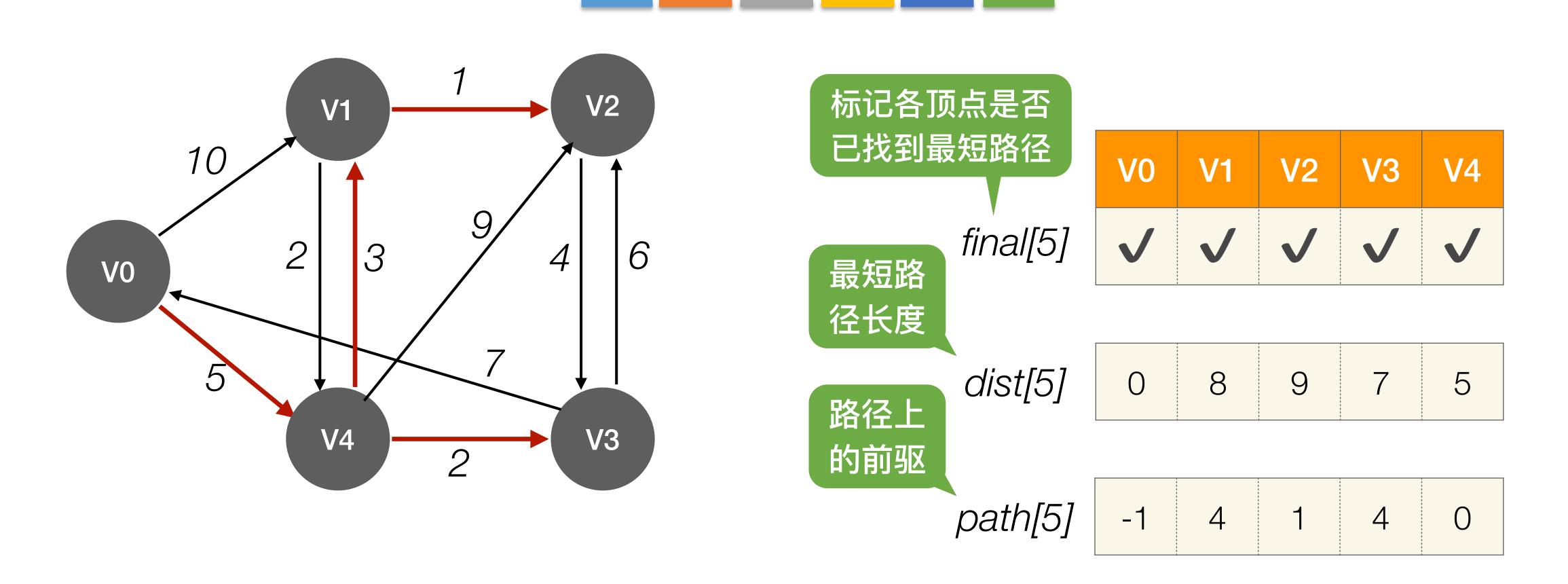




第4轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。



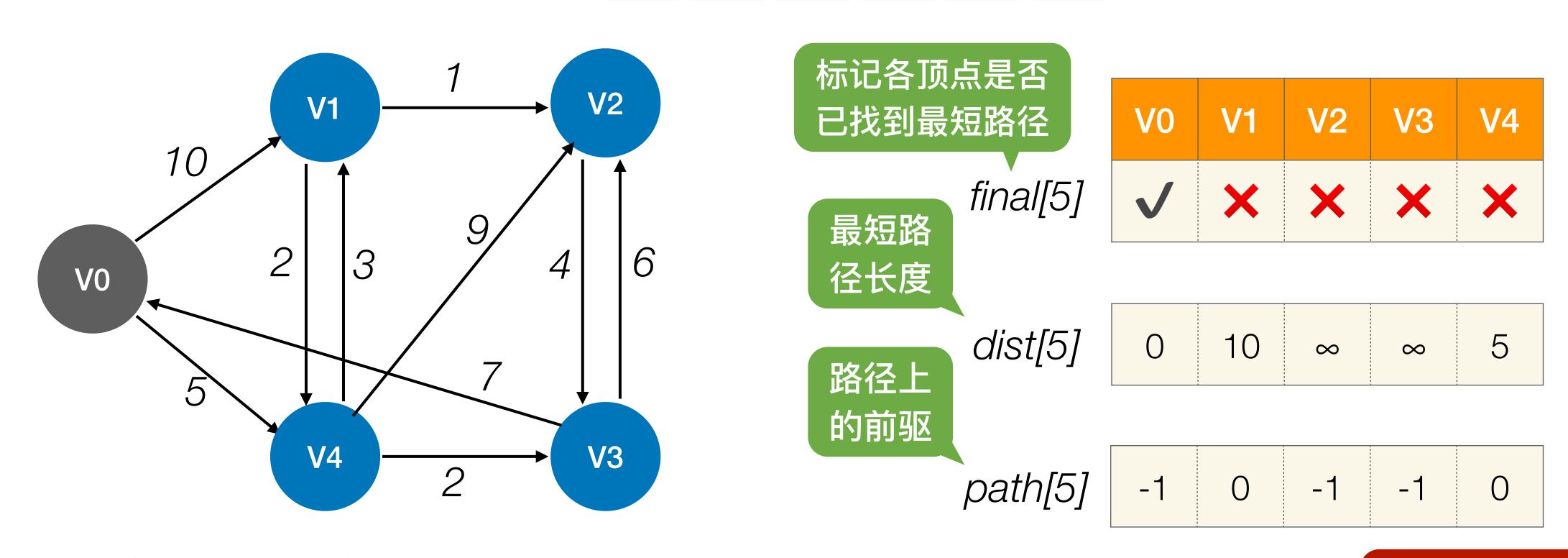
#### 如何使用数组信息?



V0到V2 的最短(带权)路径长度为: dist[2] = 9

通过 path[] 可知,V0到V2 的最短(带权)路径: V2 <-- V1 <-- V4 <-- V0

#### Dijkstra算法的时间复杂度



初始: 若从Vo开始,令 final[0]=ture; dist[0]=0; path[0]=-1。

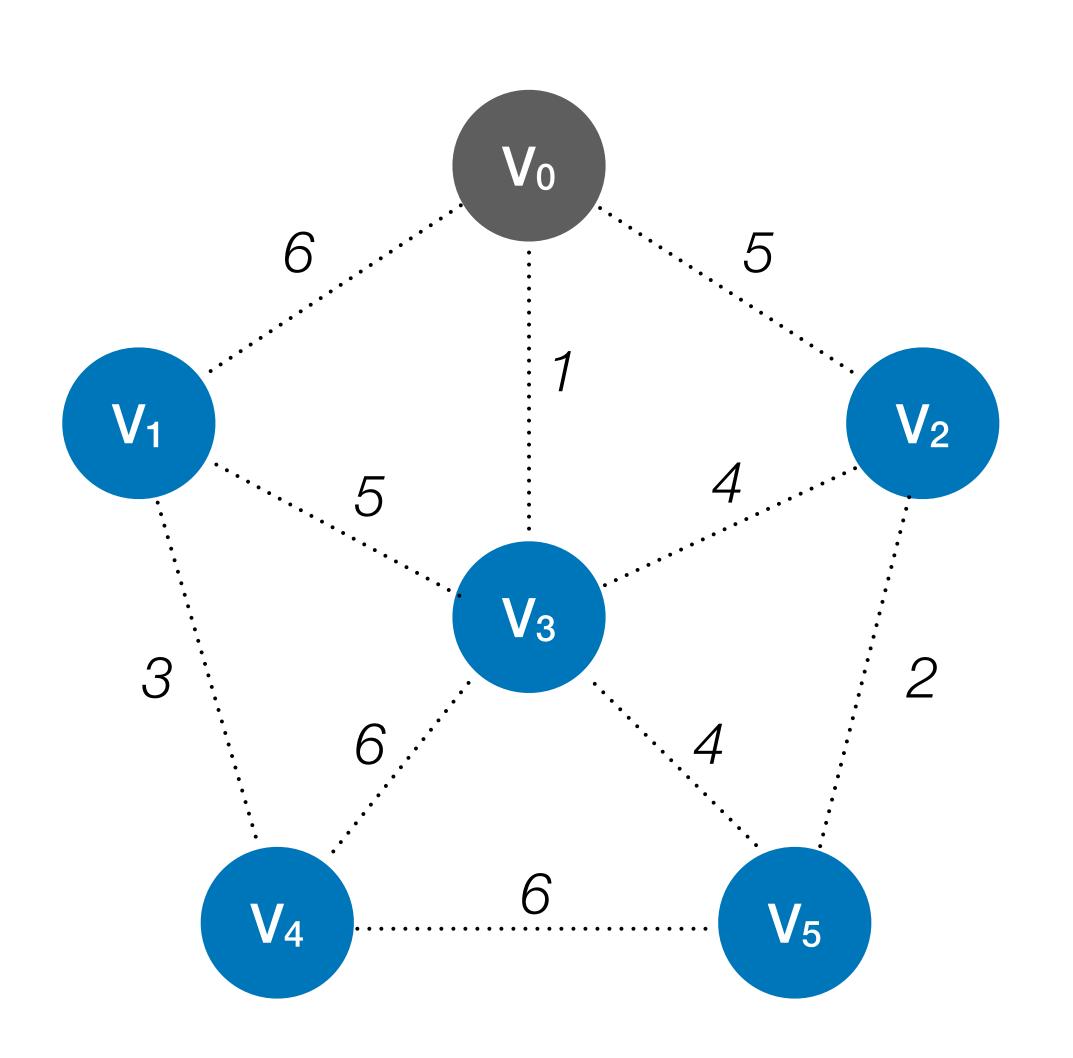
其余顶点final[k]=false; dist[k]=arcs[0][k]; path[k]= (arcs[0][k]==∞)? -1:0

时间复杂度: O(n²)即O(|V|²)

n-1轮处理:循环遍历所有顶点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V<sub>i</sub>,令final[i]=ture。并检查所有邻接自V<sub>i</sub>的顶点,对于邻接自V<sub>i</sub>的顶点 V<sub>j</sub>,若 final[j]==false 且 dist[i]+arcs[i][j] < dist[j],则令 dist[j]=dist[i]+arcs[i][j]; path[j]=i。(注:arcs[i][j]表示V<sub>i</sub>到V<sub>j</sub>的弧的权值)

#### 对比: Prim 算法的实现思想

总时间复杂度 O(n²),即O(|V|²)



从Vo开始,总共需要 n-1 轮处理

每一轮处理:循环遍历所有个结点,找到lowCost最低的,且还没加入树的顶点。

#### 每一轮时间复 杂度O(2n)

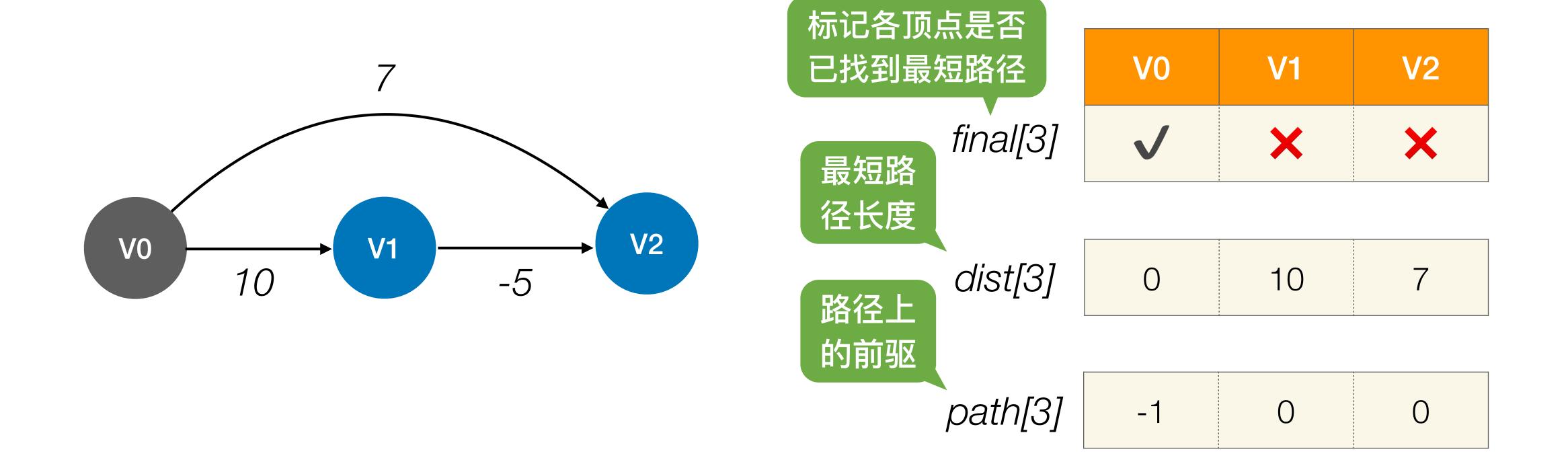
再次循环遍历,更新还没加入的 各个顶点的lowCost值

	VO	V1	V2	V3	V4	V5
isJoin[6]	<b>✓</b>	×	X	×	×	×

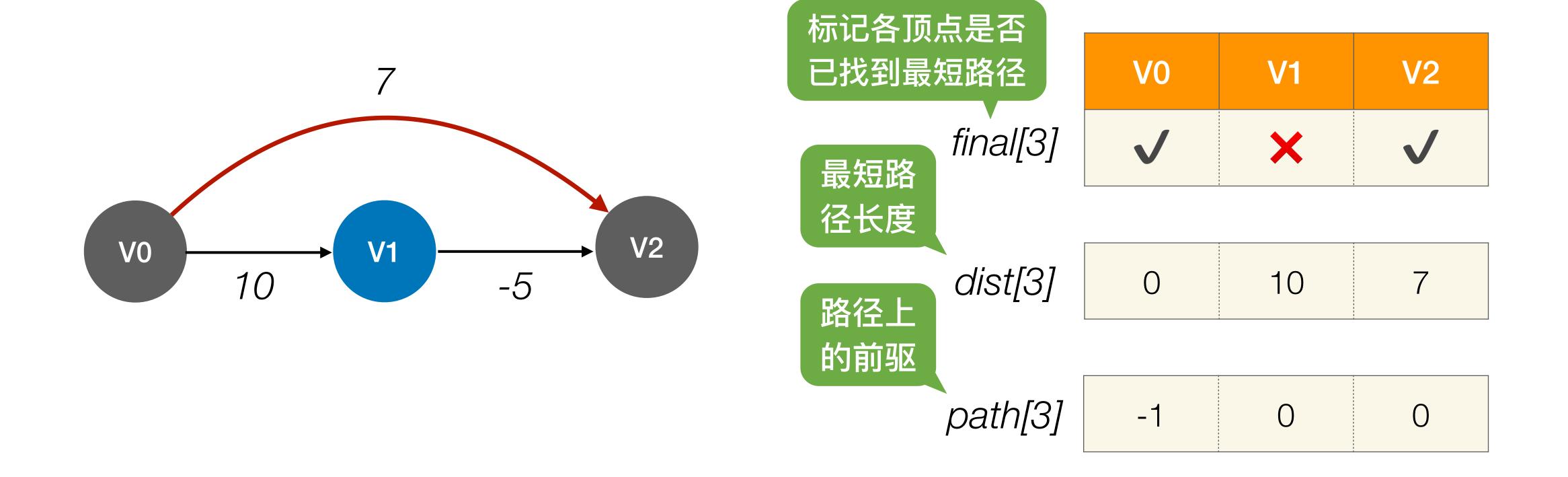
lowCost[6]

0 6 5 1 ∞ ∞	$\infty$
-------------	----------

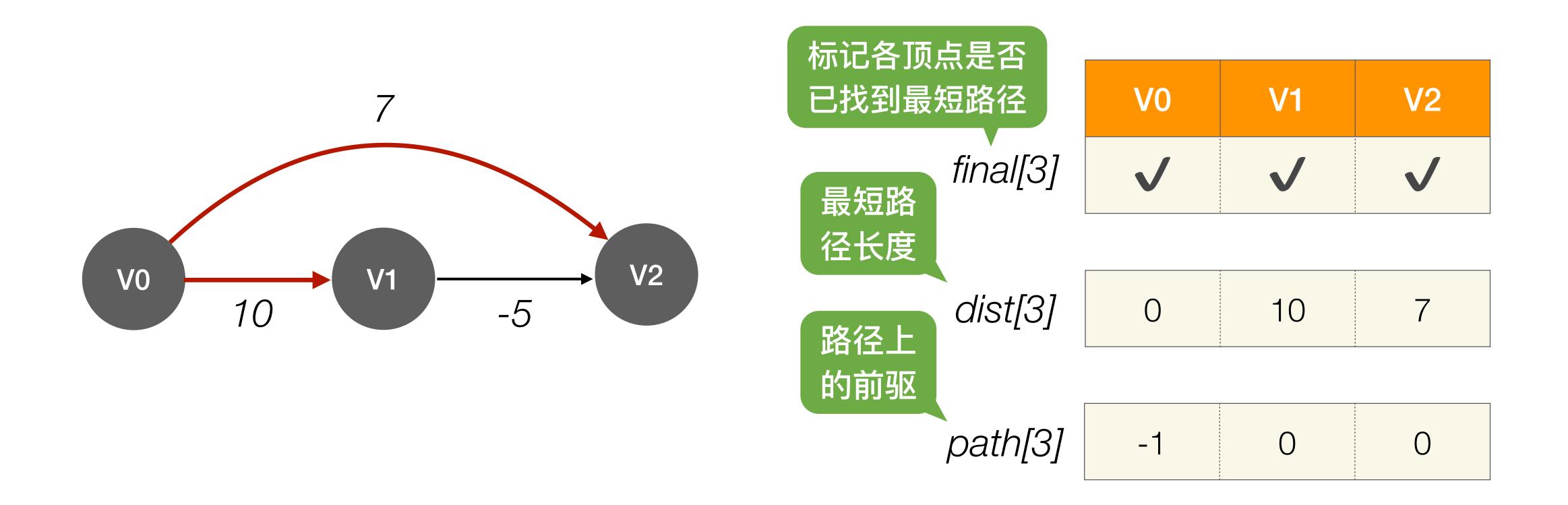
#### 用于负权值带权图



#### 用于负权值带权图



#### 用于负权值带权图



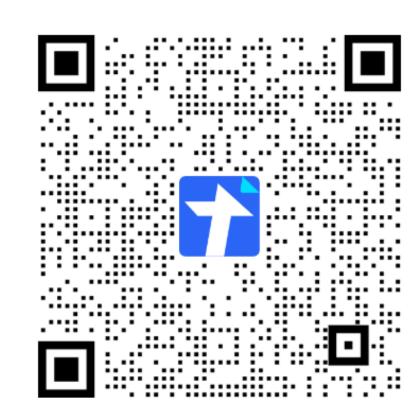
事实上V0到V2 的最短带权路径长度为 5

结论: Dijkstra 算法不适用于有负权值的带权图

#### 欢迎大家对本节视频进行评价~



学员评分: 6.4.2\_2 最...



- 腾讯文档 -可多人实时在线编辑,权限安全可控



公众号: 王道在线



5 b站: 王道计算机教育



抖音: 王道计算机考研