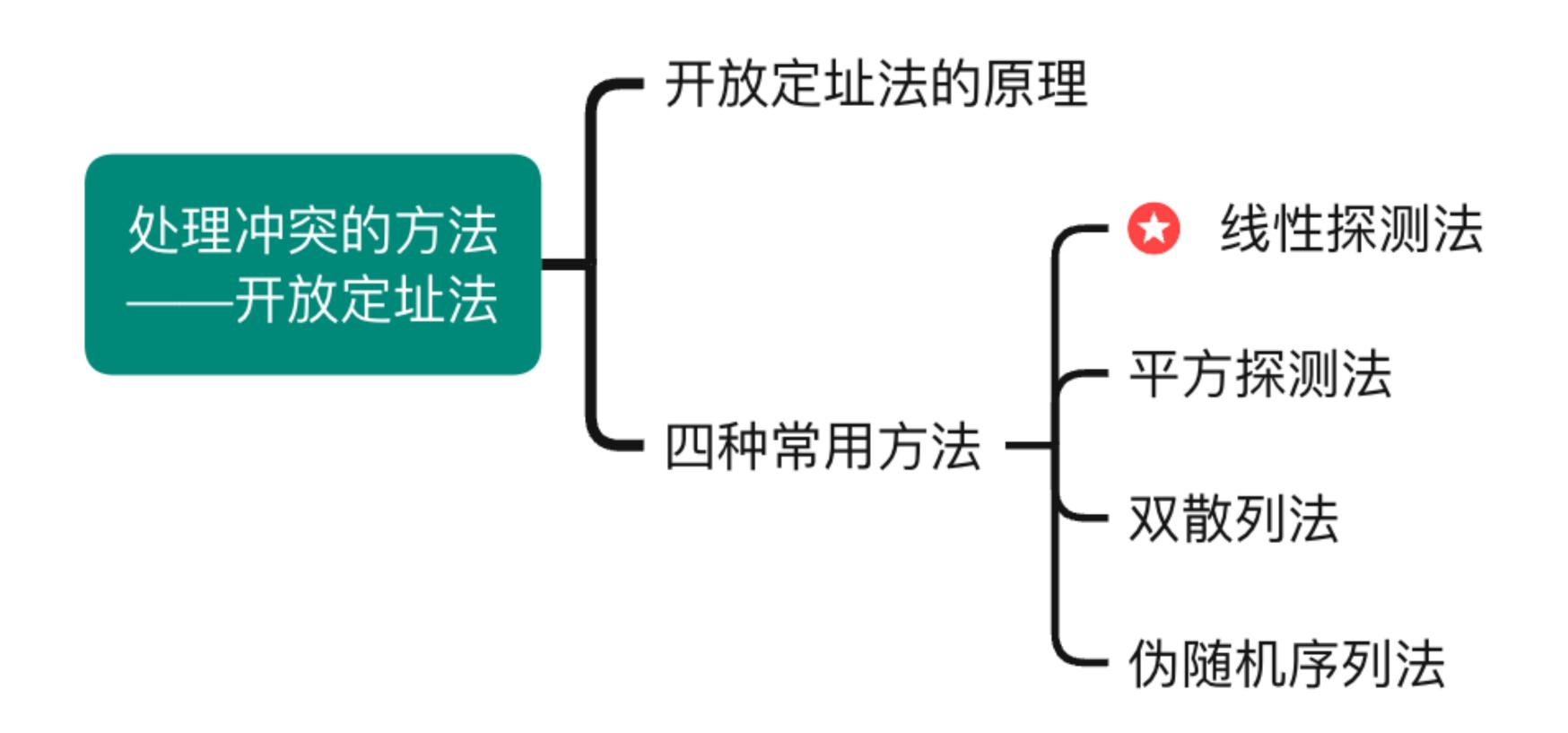
### 本节内容

处理冲突的方法

一开放定址法

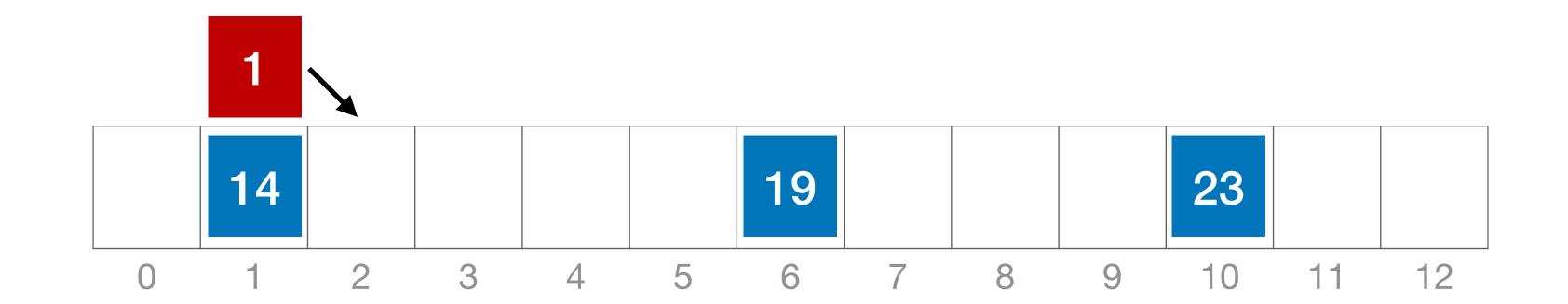
## 知识总览



# 如何处理"冲突"?——开放定址法

例:某散列表的长度为13,散列函数 H(key)=key%13。依次将数据元素 19、14、23、1 插入散列表:

19%13=6 14%13=1 23%13=10 1%13=1



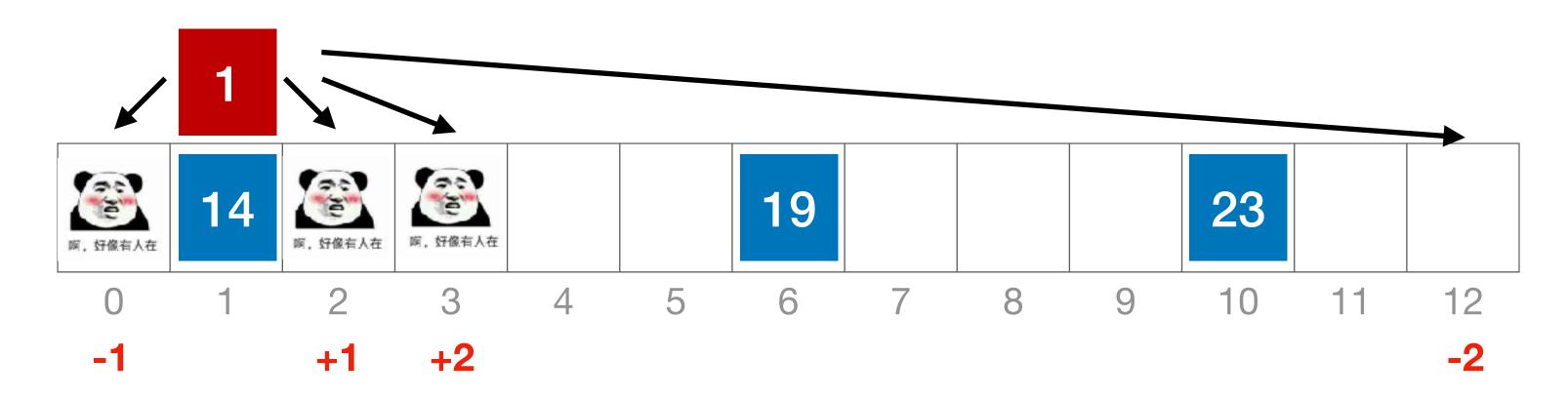
开放定址法:如果发生"冲突",就给新元素找另一个空闲位置。

为什么叫"开放定址"? —— 一个散列地址,既对同义词开放,也对非同义词开放。

## 开放定址法的基本原理

开放定址法:如果发生"冲突",就给新元素找另一个空闲位置。

19%13=6 14%13=1 23%13=10 1%13=1





待解决的问题:用什么规则确定"另一个空闲位置"?

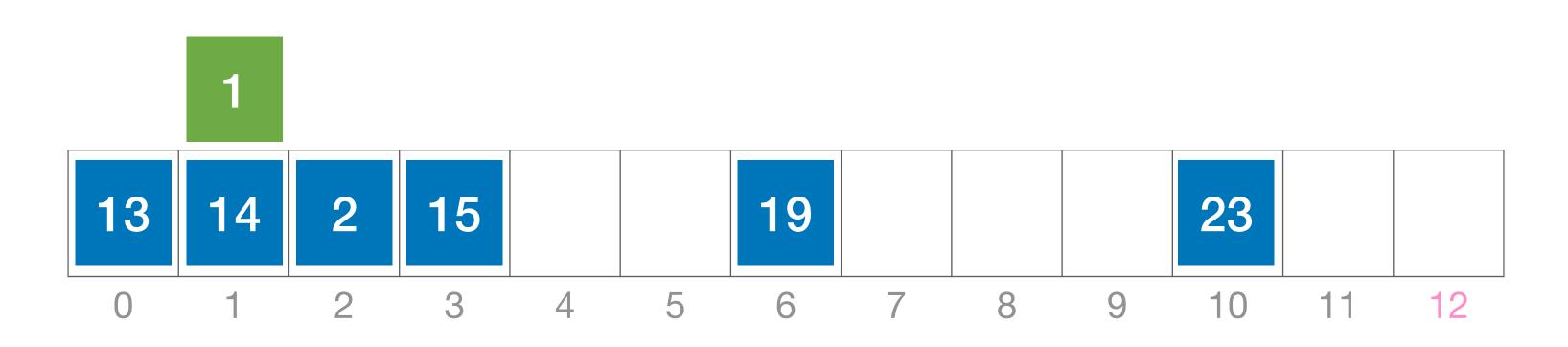
思路:需确定一个"探测的顺序",从初始散列地址出发,去寻找下一个空闲位置。

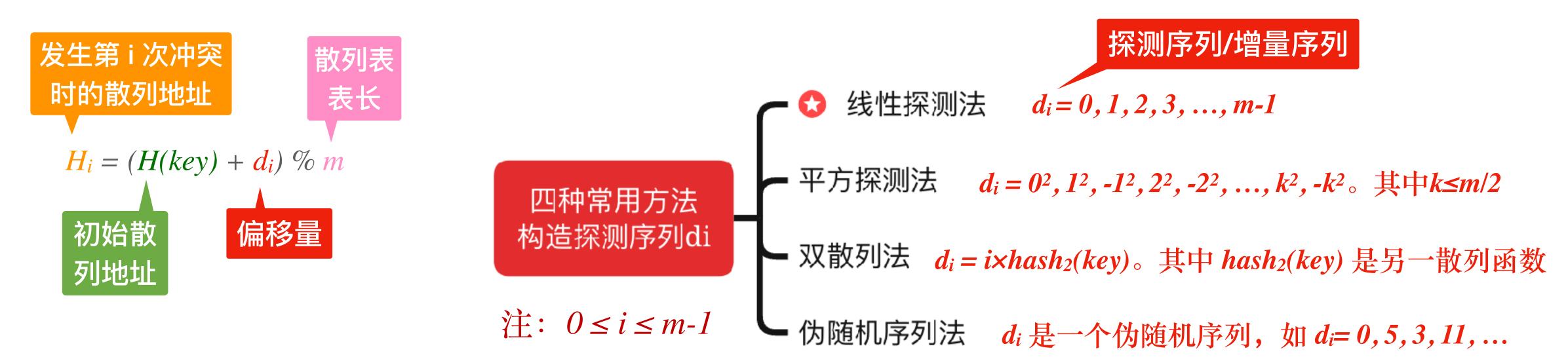
eg:  $d_0=0$ ,  $d_1=1$ ,  $d_2=-1$ ,  $d_3=2$ ,  $d_4=-2$ , .....

注:di表示第i次发生冲突时,下一个探测地址与初始散列地址的相对偏移量。

## 开放定址法的基本原理

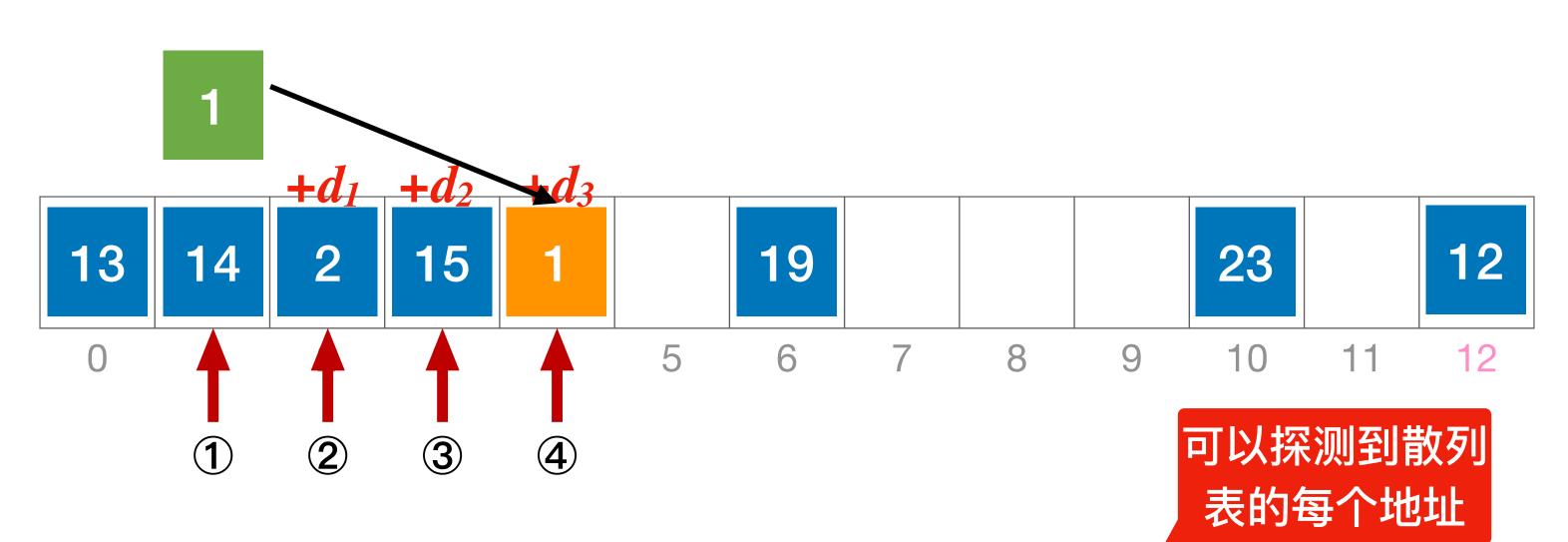
根据散列函数 H(key),求得初始散列地址。若发生冲突,如何找到"另一个空闲位置"?





### 线性探测法 (插入、查找操作)

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数 H(key)=key%13,采用线性探测法解决冲突。分析:插入元素1、查找元素1 的过程



发生第 i 次冲突 时的散列地址  $H_i = (H(key) + d_i)\% m$ 初始散 列地址

线性探测法,  $d_i = 0, 1, 2, 3, ..., m-1$ 

初始散列地址H<sub>0</sub>=1%13=1, 发生冲突(第1次)

 $H_1 = (1 + 1) \% 13 = 2$ ,发生冲突(第2次)

 $H_2 = (1 + 2) \% 13 = 3$ ,发生冲突(第3次)

 $H_3 = (1 + 3) \% 13 = 4$ ,未发生冲突,插入位置#4

注:查找操作原理类似,根据探测序列依次对比各存储单元内的关键字。若探测到目标关键字,则查找成功。

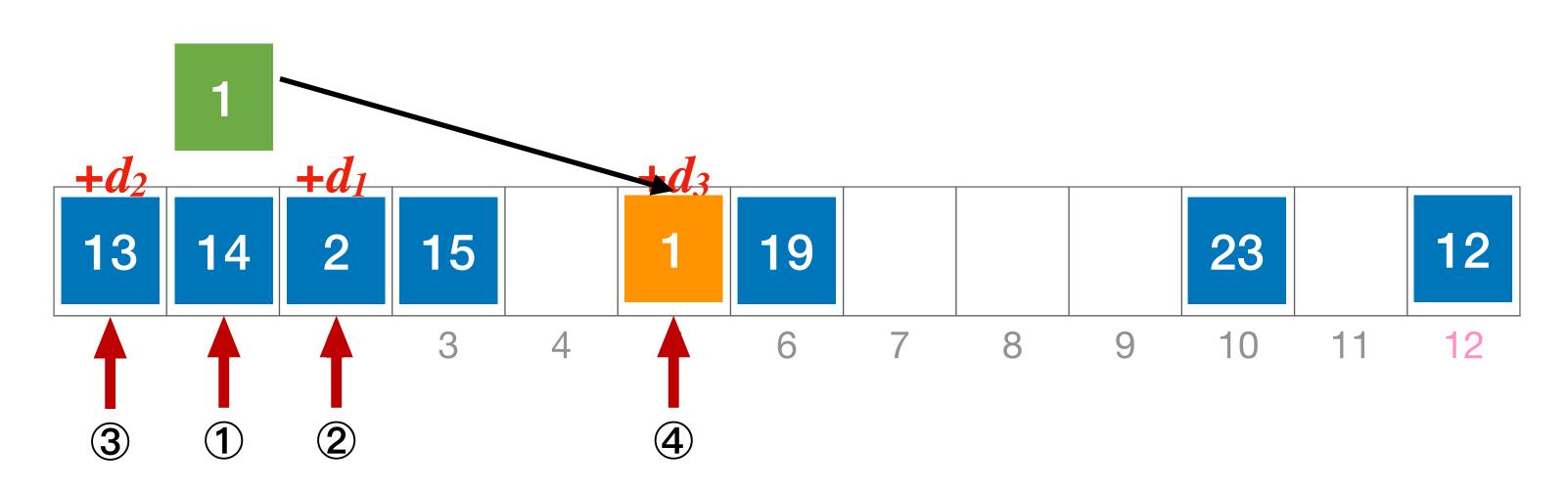
若探测到空单元,则查

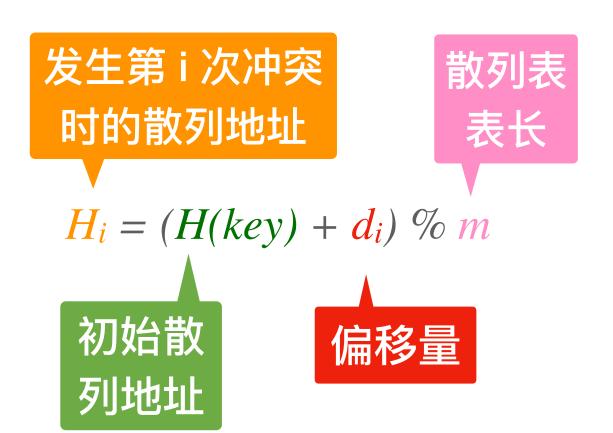
找失败。

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 又称"二次探测法"——平方探测法(插入、查找操作)

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数 H(key)=key%13,采用平方探测法解决冲突。分析:插入元素1、查找元素1 的过程





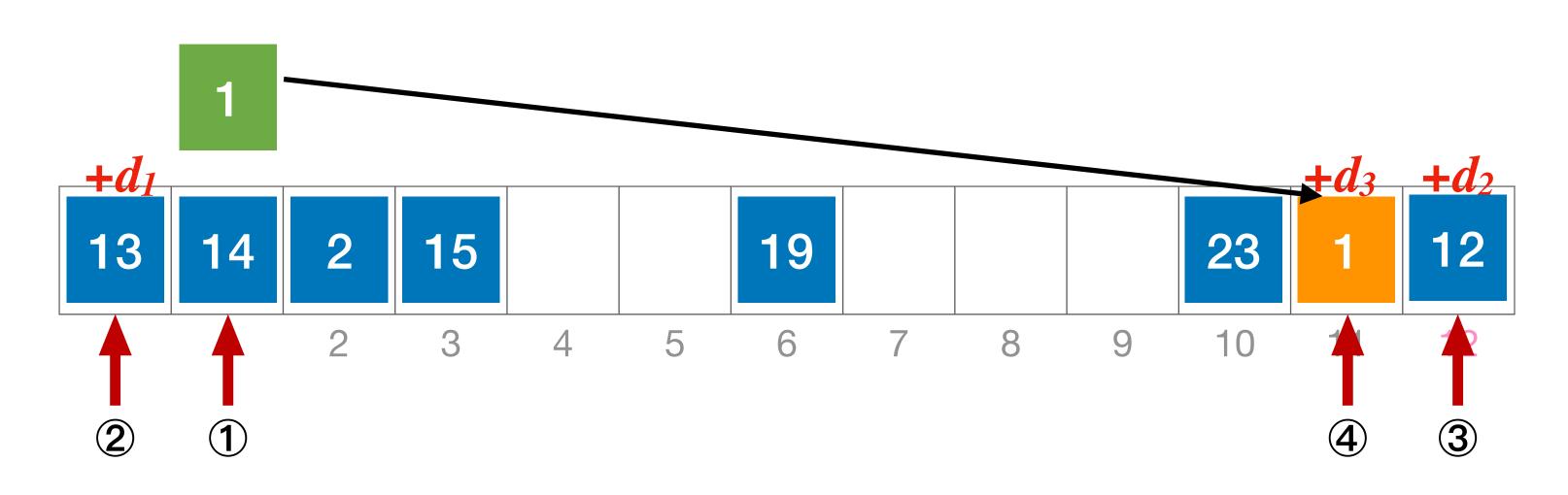
平方探测法, $d_i = 0^2, 1^2, -1^2, 2^2, -2^2, ..., k^2, -k^2$ 。 其中 $k \le m/2$ 

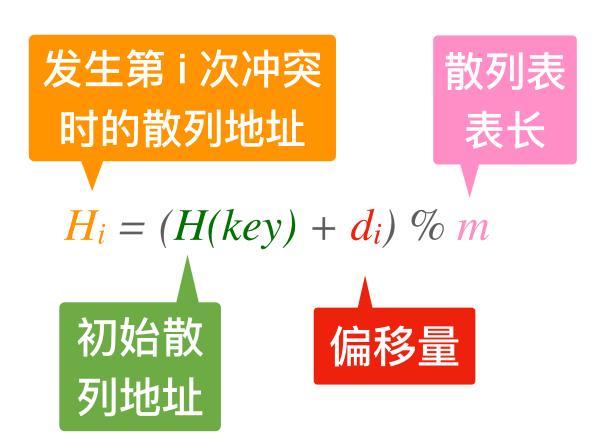
初始散列地址 $H_0=1\%13=1$ ,发生冲突(第1次)  $H_1=(1+1)\%13=2$ ,发生冲突(第2次)  $H_2=(1+-1)\%13=0$ ,发生冲突(第3次)  $H_3=(1+4)\%13=5$ ,未发生冲突,插入位置#5

注:查找操作原理类似,根据探测序列依次对比各存储单元内的关键字。若探测到目标关键字,则查找成功。若探测到空单元,则查找失败。

### 双散列法 (插入、查找操作)

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数 H(key)=key%13,采用双散列法解决冲突,假设  $hash_2(key)=13-(key\%13)$ 。分析:插入元素1、查找元素1的过程





#### 双散列法, $d_i = i \times hash_2(key)$

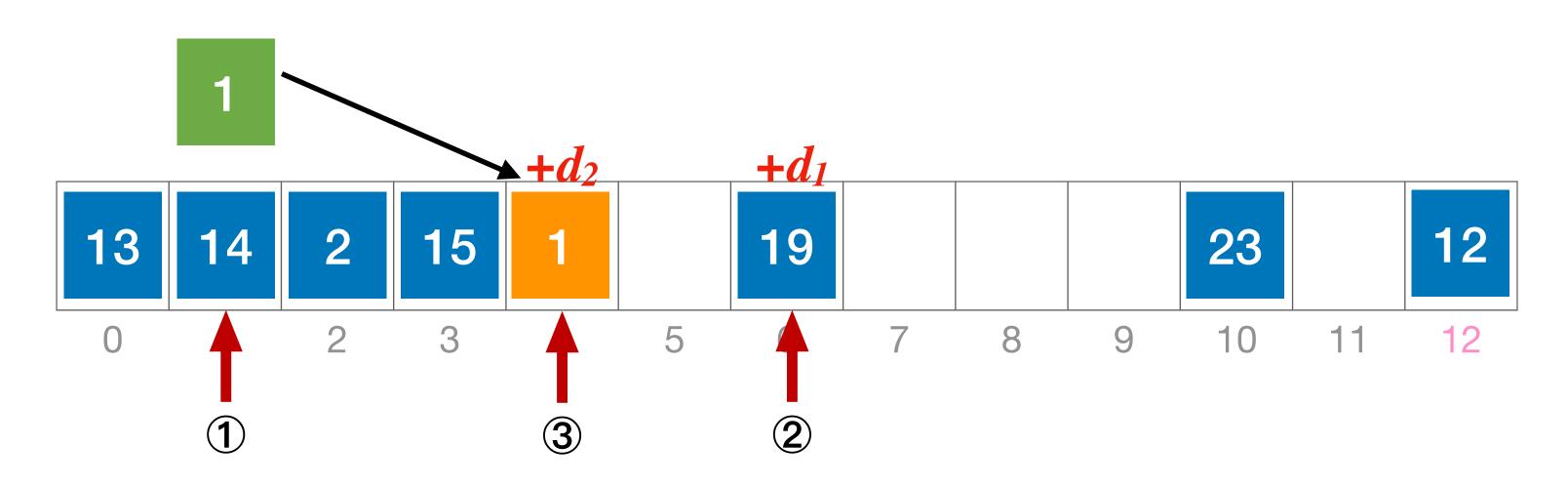
初始散列地址 $H_0$ =1%13=1,发生冲突(第1次) 由于key=1, $hash_2(key)$ =13-(key%13)=12  $H_1$ =(1 + 1\*12)% 13 = 0,发生冲突(第2次)  $H_2$ =(1 + 2\*12)% 13 = 12,发生冲突(第3次)  $H_3$ =(1 + 3\*12)% 13 = 11,未发生冲突,插入位置#11

注:查找操作原理类似,根据探测序列依次对比各存储单元内的关键字。若探测到目标关键字,

则查找成功。 若探测到空单元,则查 找失败。

### 伪随机序列法 (插入、查找操作)

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数 H(key)=key%13,采用伪随机序列法解决冲突,假设伪随机序列 $d_i=0,5,3,11,\ldots$ ,其中 $d_i$ 表示第i次发生冲突时的增量。分析:插入元素1、查找元素1 的过程





 $d_i$  是一个伪随机序列,由题目可知  $d_i$ = 0, 5, 3, 11, ...

初始散列地址 $H_0=1\%13=1$ ,发生冲突(第1次)  $H_1=(1+5)\%13=6$ ,发生冲突(第2次)  $H_2=(1+3)\%13=4$ ,未发生冲突,插入位置#4

注:查找操作原理类似,根据探测序列依次对比各存储单元内的关键字。若探测到目标关键字,则查找成功。若探测到空单元,则查找失败。

### 如何删除一个元素?

注:题目一定会说明具体是采用哪种探测序列(线性探测法、平方探测法、双散列法、伪随机序列法)

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数H(key)=key%13,采用开放定址法解决冲突。



#### 如何删除一个元素:

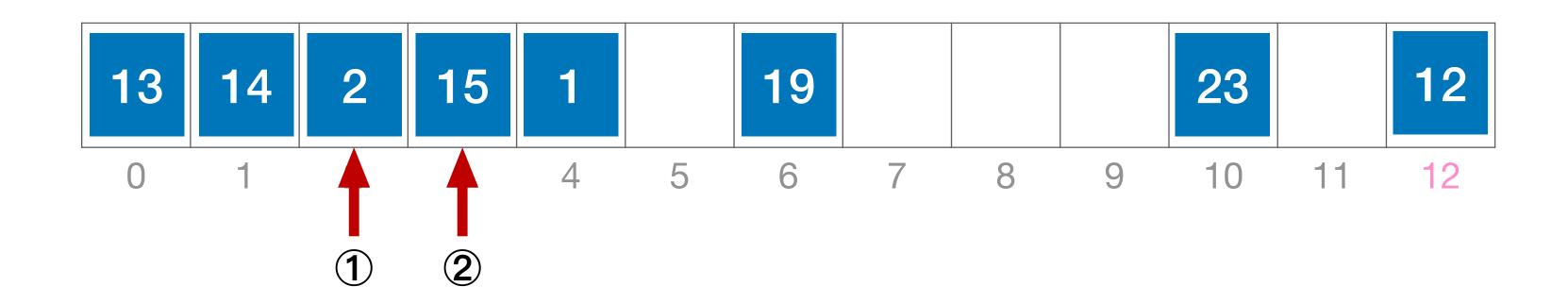
Step 1: 先根据散列函数算出散列地址,并对比关键字是否匹配。若匹配,则"查找成功"

Step 2: 若关键字不匹配,则根据"探测序列"对比下一个地址的关键字,直到"查找成功"或"查

找失败"

Step 3: 若"查找成功",则删除找到的元素

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数H(key)=key%13,采用线性探测法解决冲突。



### 错误示范: 删除元素15

- 计算元素15 的初始散列地址=15%13=2。对比位置#2,关键字不等于15;
- 根据线性探测法的探测序列,继续对比位置#3,关键字等于15;
- 删除元素15,清空位置#3

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数H(key)=key%13,采用线性探测法解决冲突。



#### 错误示范: 查找元素1

- 计算元素1 的初始散列地址=1%13=1。对比位置#1,关键字不等于1;
- 根据线性探测法的探测序列,继续对比位置#2,关键字不等于1;
- 根据线性探测法的探测序列,继续对比位置#3,探测到空单元,查找失败。

例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数H(key)=key%13,采用线性探测法解决冲突。



### 正确示范: 删除元素15

- 计算元素15 的初始散列地址=15%13=2。对比位置#2,关键字不等于15;
- 根据线性探测法的探测序列,继续对比位置#3,关键字等于15;
- 逻辑删除元素15,将位置#3标记为"已删除"

注:无论线性探测法、平方探测法、双散列法、伪随机序列法原理都一样。删除元素时,只能逻辑删除

注意:采用"开放定址法"时,删除元素不能简单地将被删元素的空间置为空,否则将截断在它之后的探测路径,可以做一个"已删除"标记,进行逻辑删除。

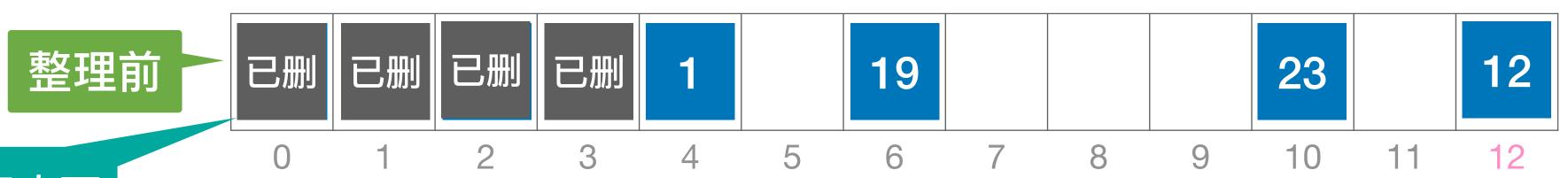
例:长度为13的散列表状态如下图所示,散列函数H(key)=key%13,采用线性探测法解决冲突。



#### 正确示范: 查找元素1

- 计算元素1 的初始散列地址=1%13=1。对比位置#1,关键字不等于1;
- 根据线性探测法的探测序列,继续对比位置#2,关键字不等于1;
- 根据线性探测法的探测序列,继续对比位置#3,该位置原关键字已删,继续探测后一个位置;
- 根据线性探测法的探测序列,继续对比位置#4,关键字等于1,查找成功。

注意:采用"开放定址法"时,删除元素不能简单地将被删元素的空间置为空,否则将截断在它之后的探 测路径,可以做一个"已删除"标记,进行逻辑删除。

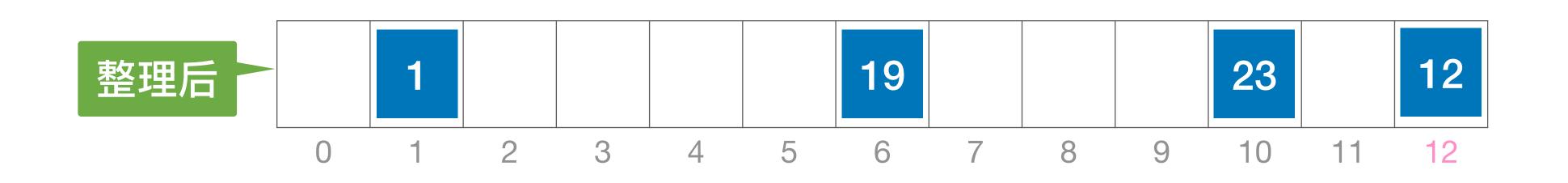


注:新元素也可以插入到已被"逻辑删除"的地址

带来的问题: 查找效率低下, 散列表看起来很满, 实则很空。

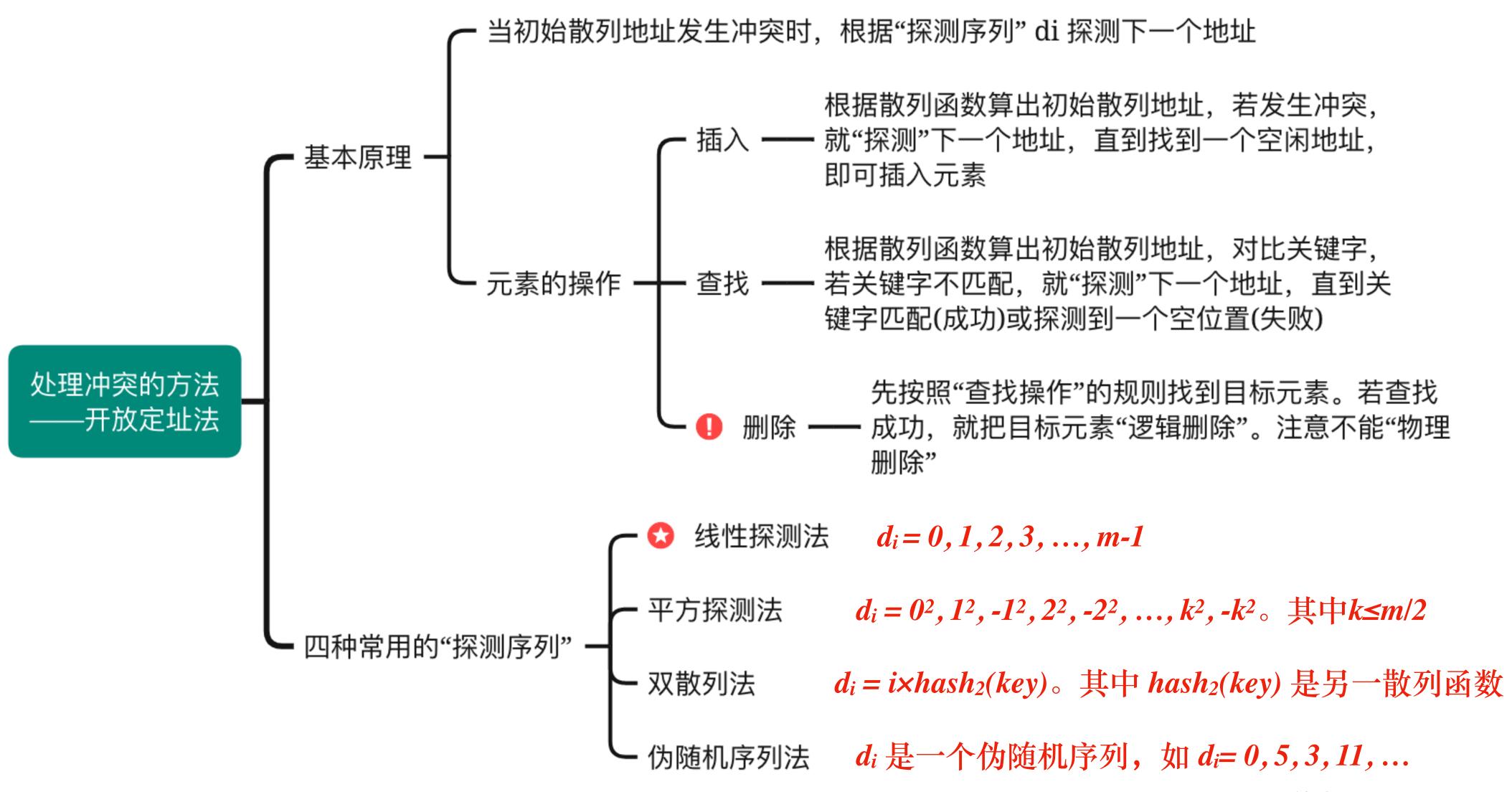
Tips:可以不定期整理散列表内的数据。





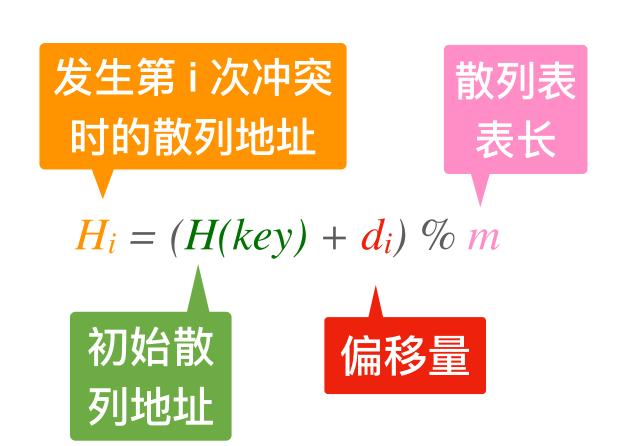
### 知识回顾与重要考点

 $H_i = (H(key) + d_i)\%m$ 



王道考研/CSKAOYAN.COM

## 拓展:线性探测法的"探测覆盖率"

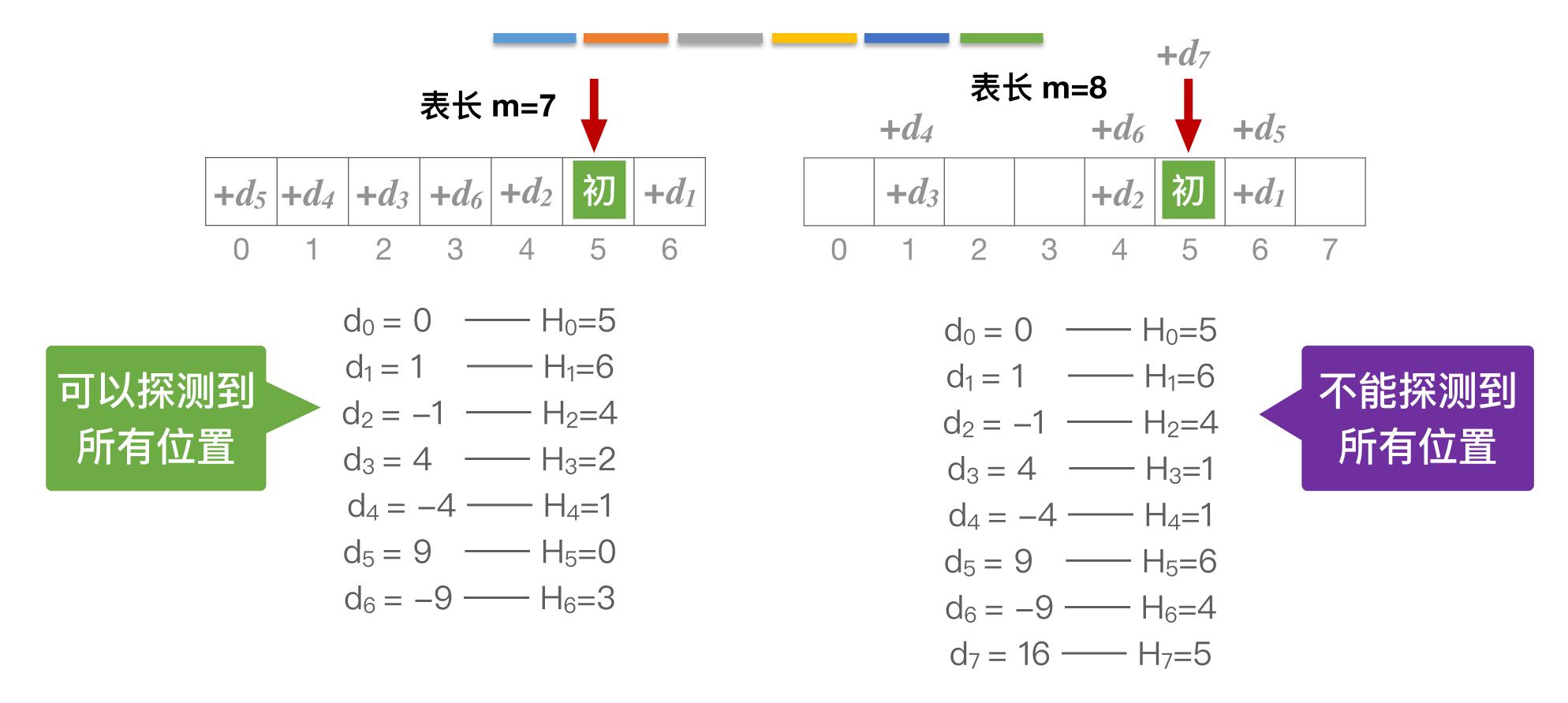


线性探测法,  $d_i = 0, 1, 2, 3, ..., m-1$ 

采用线性探测法,一定可以探测到散列表的每个位置只要散列表中有空闲位置,就一定可以插入成功

理想情况下,若散列表表长=m,则最多发生 m-1次冲突即可"探测"完整个散列表。

### 拓展: 平方探测法的"探测覆盖率"

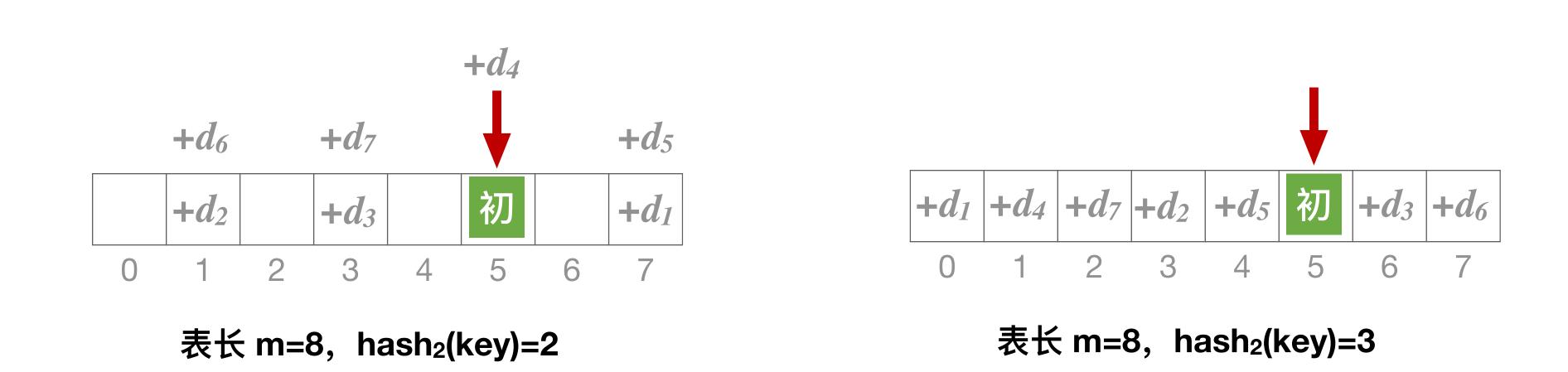


平方探测法, $d_i = 0^2, 1^2, -1^2, 2^2, -2^2, ..., k^2, -k^2$ 。其中 $k \le m/2$ , $i \le m-1$ 

采用平方探测法,至少可以探测到散列表中一半的位置这意味着,即便散列表中有空闲位置,也未必能插入成功

若散列表长度 m 是一个可以表示成4j + 3的素数(如 7、11、19),平方探测法就能探测到所有位置

### 拓展:双散列法的"探测覆盖率"



#### 双散列法, d<sub>i</sub> = i×hash<sub>2</sub>(key)

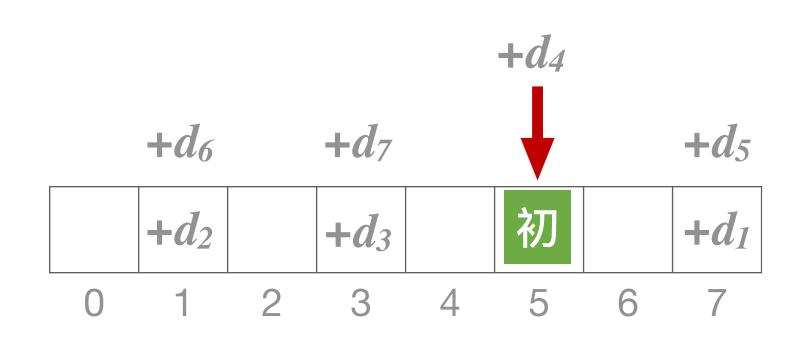
双散列法未必能探测到散列表的所有位置。

双散列法的探测覆盖率取决于第二个散列函数 hash<sub>2</sub>(key) 设计的是否合理。 若hash<sub>2</sub>(key) 计算得到的值与散列表表长m互质,就能保证双散列发可以探测所有单元

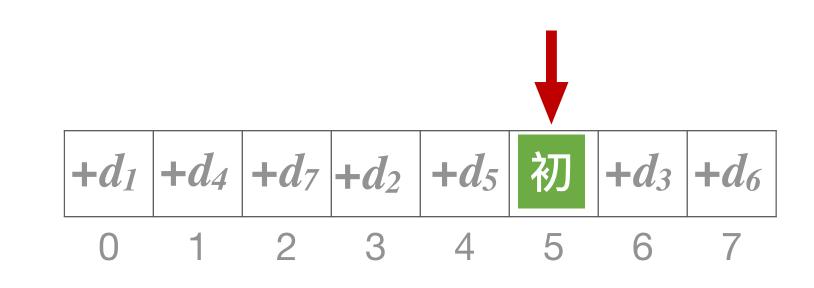
双散列法常用套路:令表长m本身就是质数,hash2(key)=m-(key%m)

无论 key 值是多少, hash<sub>2</sub>(key) 和 m 一定互质

### 拓展: 伪随机序列法的"探测覆盖率"



表长 m=8 伪随机序列di=0,2,4,6,8,10,12,14



表长 m=8 伪随机序列di=0,-5,-2,1,-4,-1,2,-3

伪随机序列法: di 是一个伪随机序列, 由程序员人为设计

采用伪随机序列法,是否能探测到散列表中全部位置,取决于伪随机序列的设计是否合理

## 拓展: 四种探测序列的"探测覆盖率"

