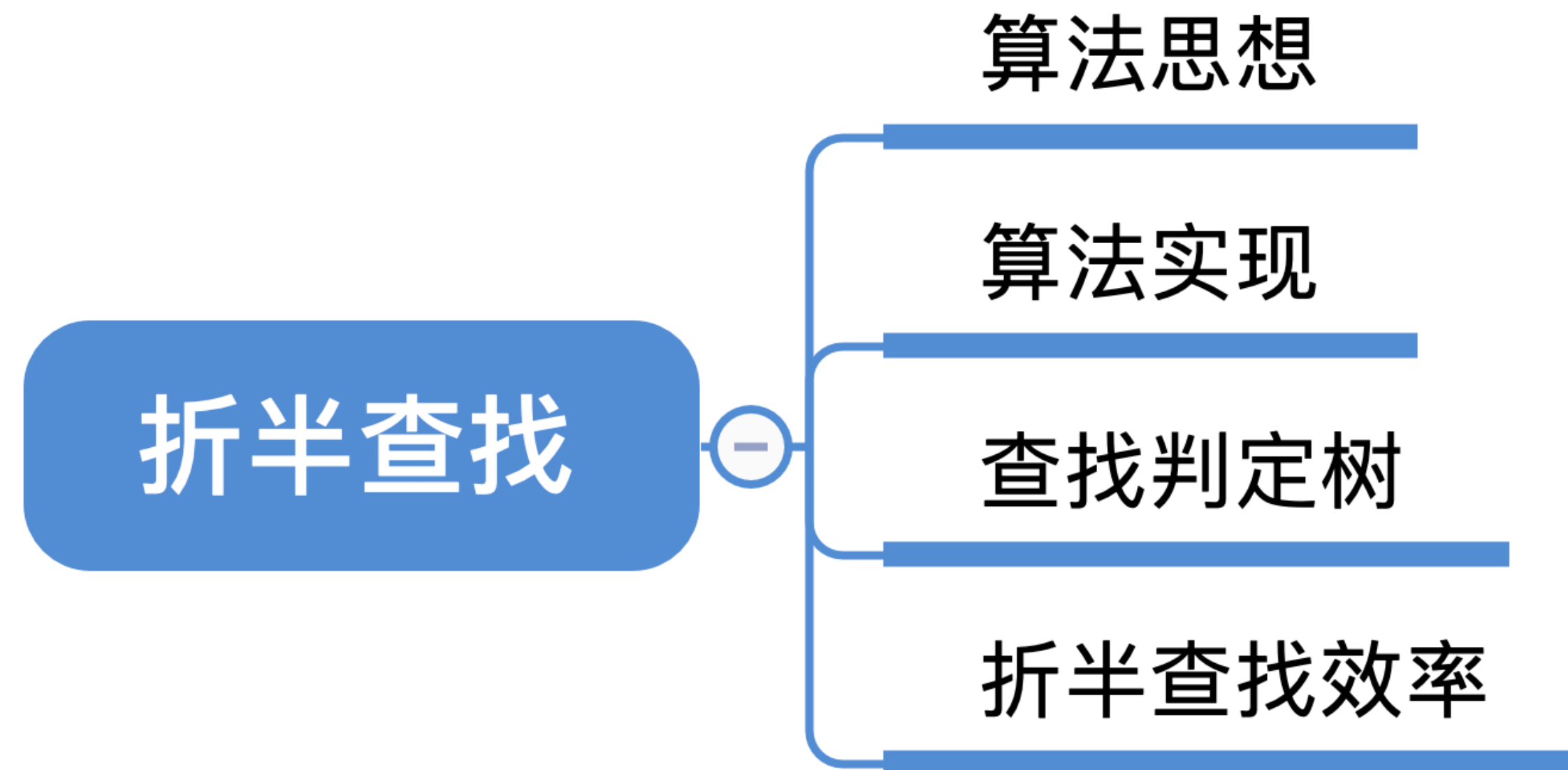


本节内容

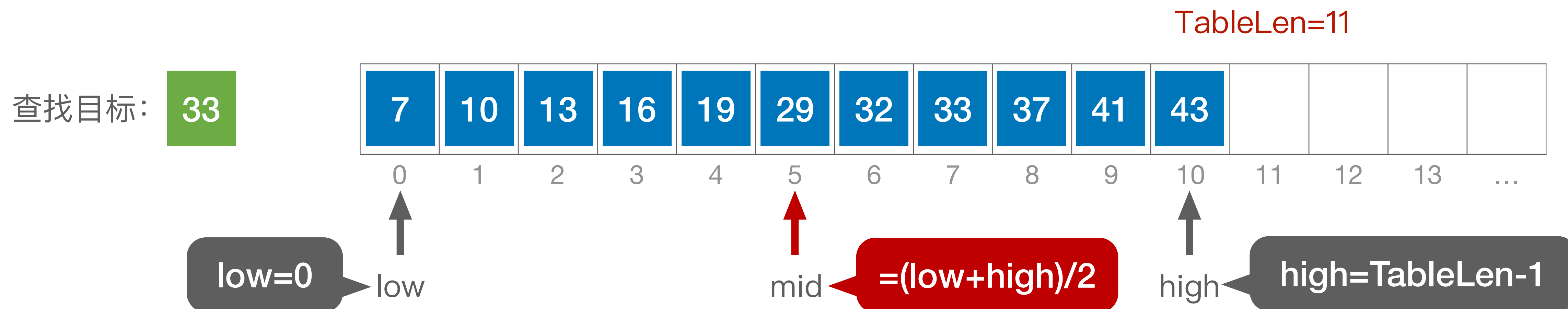
# 折半查找

# 知识总览



# 折半查找的算法思想

折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。

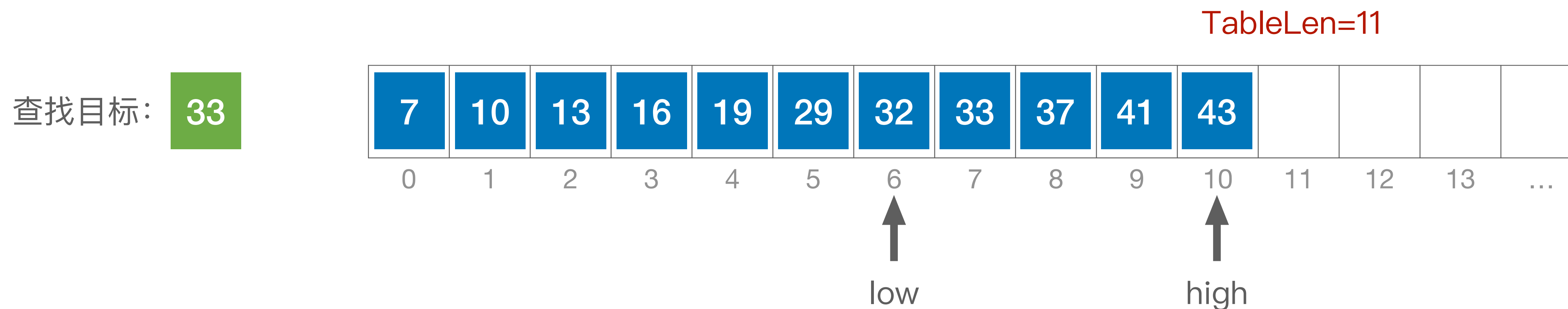


33 > mid, 只可能在右边区域

# 折半查找的算法思想



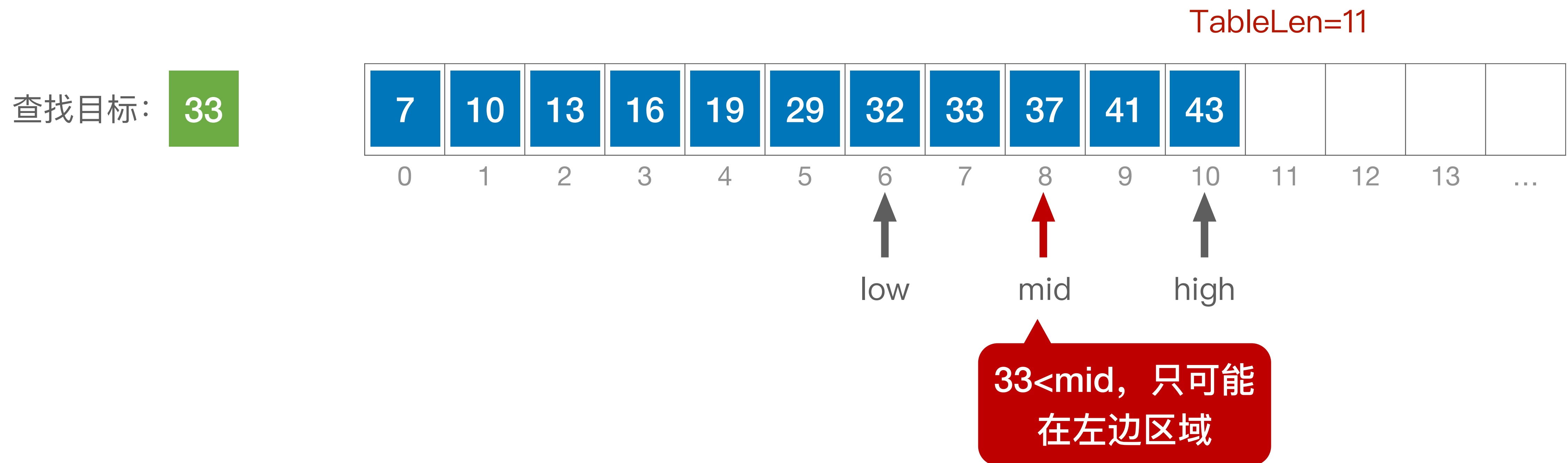
折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序的顺序表**。



注：只有在  $[low, high]$  之间才有可能找到目标关键字

# 折半查找的算法思想

折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序的顺序表**。



# 折半查找的算法思想



折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。

查找目标：

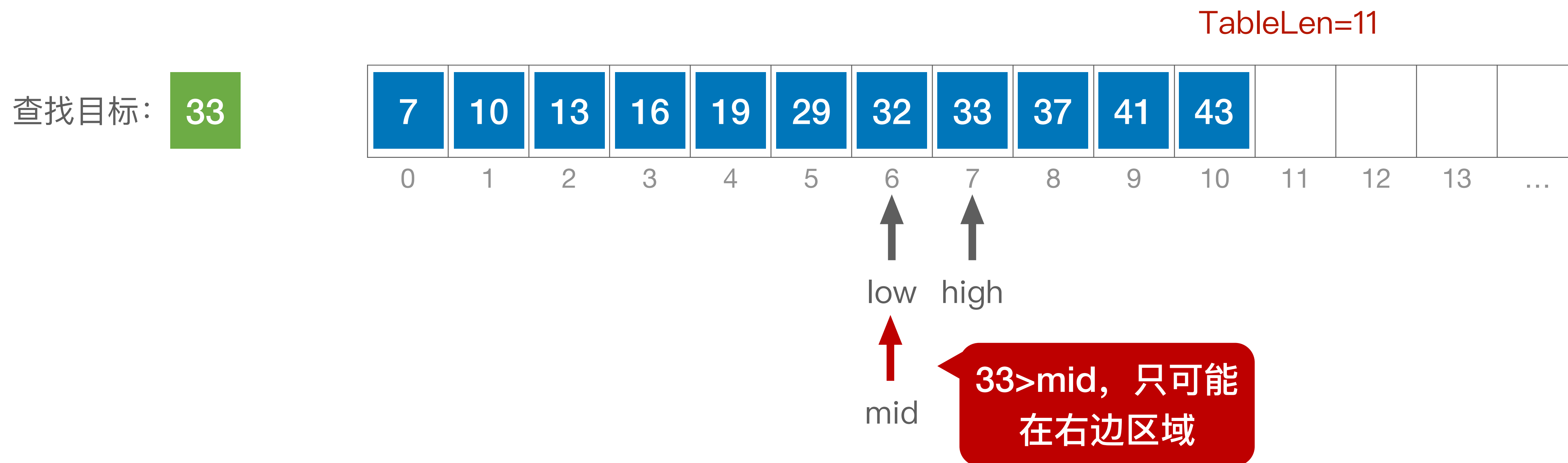
33

TableLen=11

7	10	13	16	19	29	32	33	37	41	43				
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	...
						↑	↑							
						low	high							

# 折半查找的算法思想

折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。



# 折半查找的算法思想

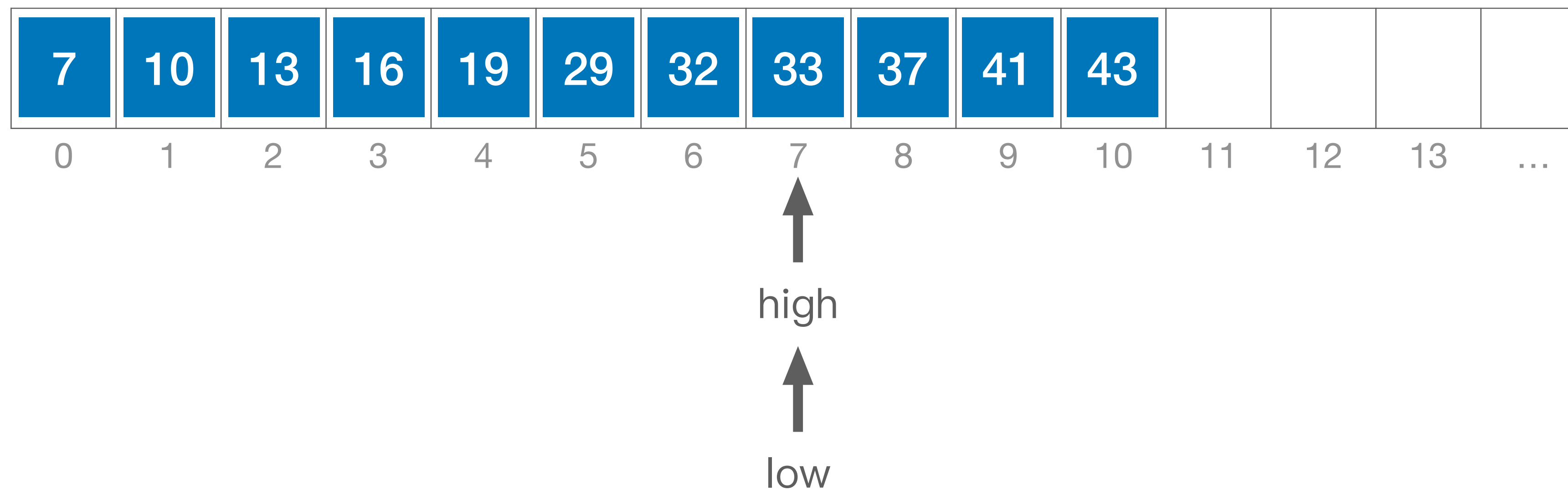


折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。

查找目标：

33

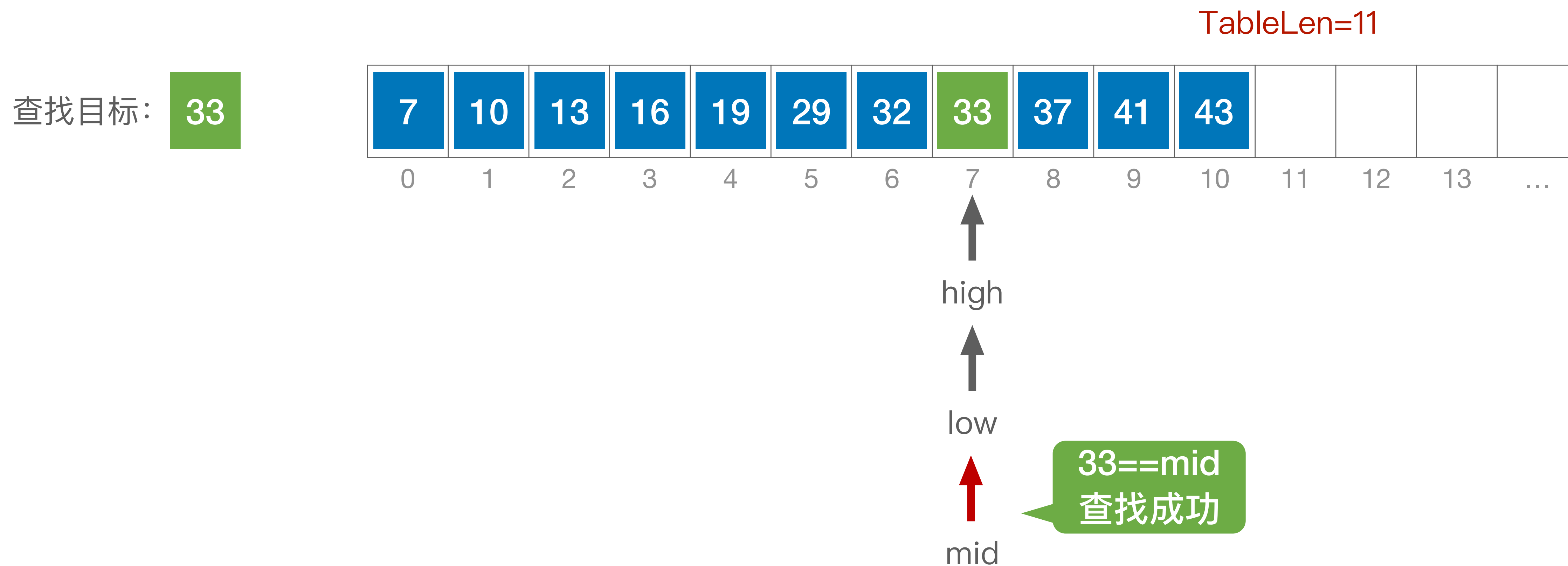
TableLen=11





# 折半查找的算法思想

折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。



# 折半查找的算法思想

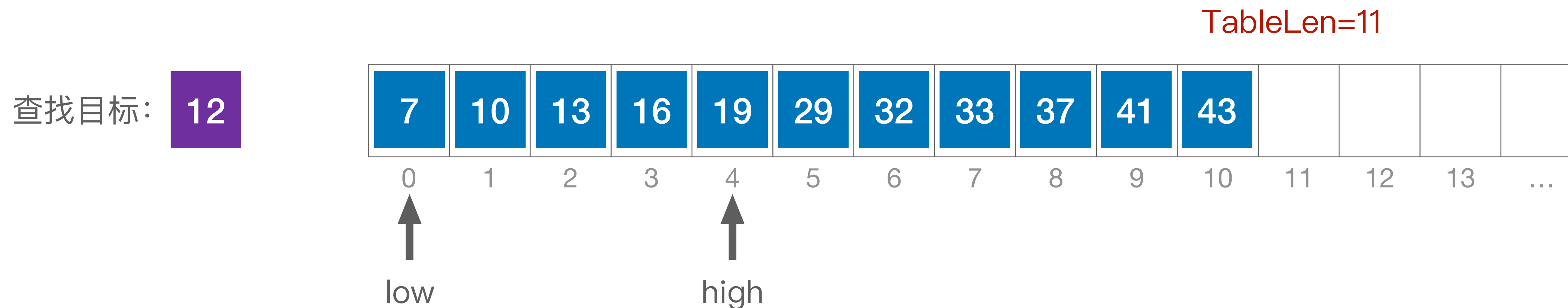
折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。



# 折半查找的算法思想

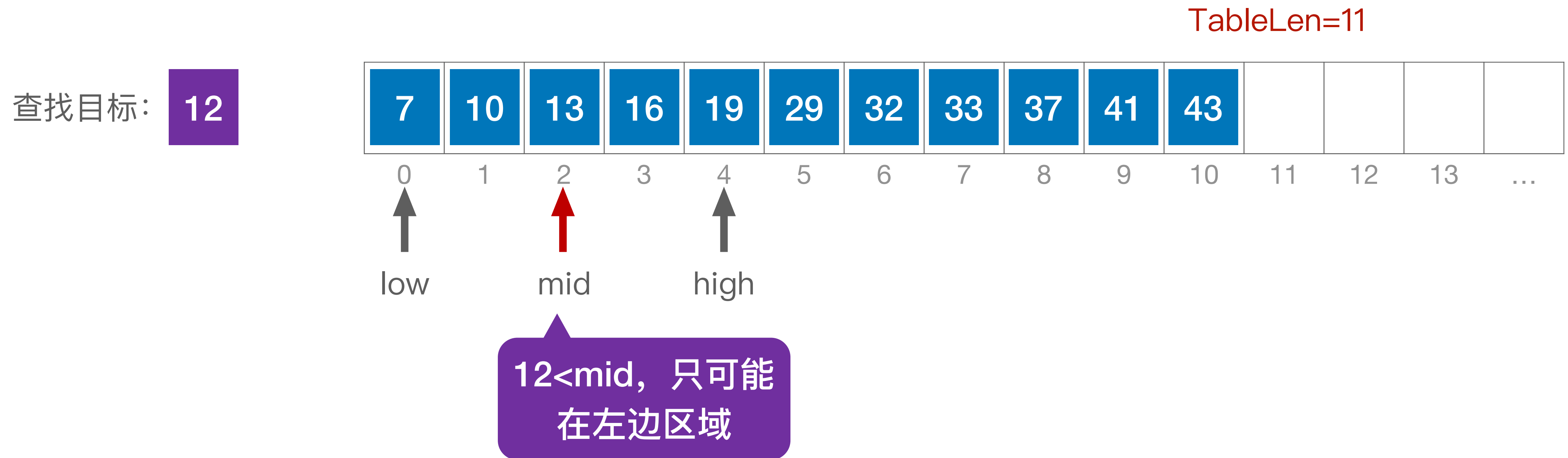


折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序的顺序表**。



# 折半查找的算法思想

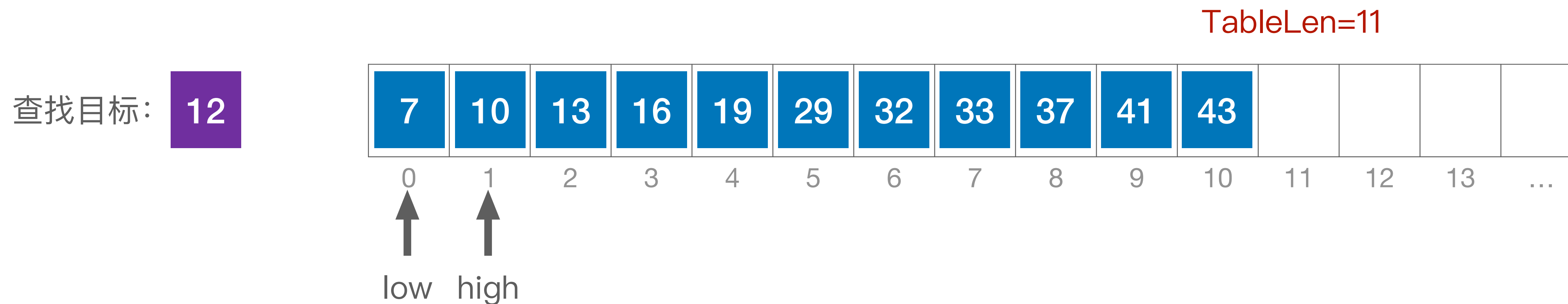
折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序的顺序表**。



# 折半查找的算法思想



折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序的顺序表**。



# 折半查找的算法思想

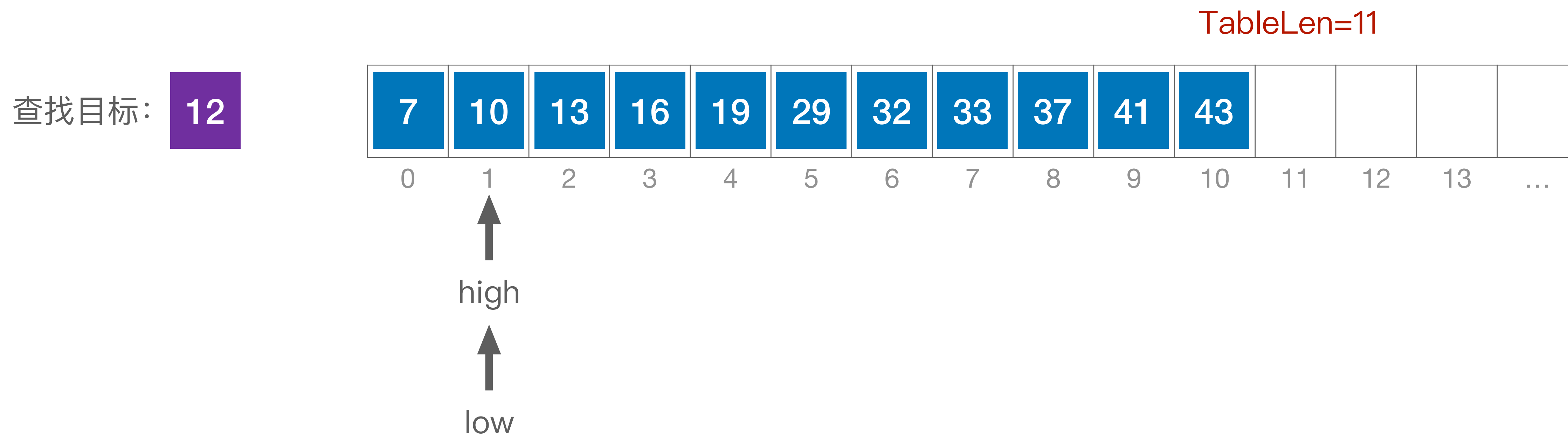
折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。



# 折半查找的算法思想



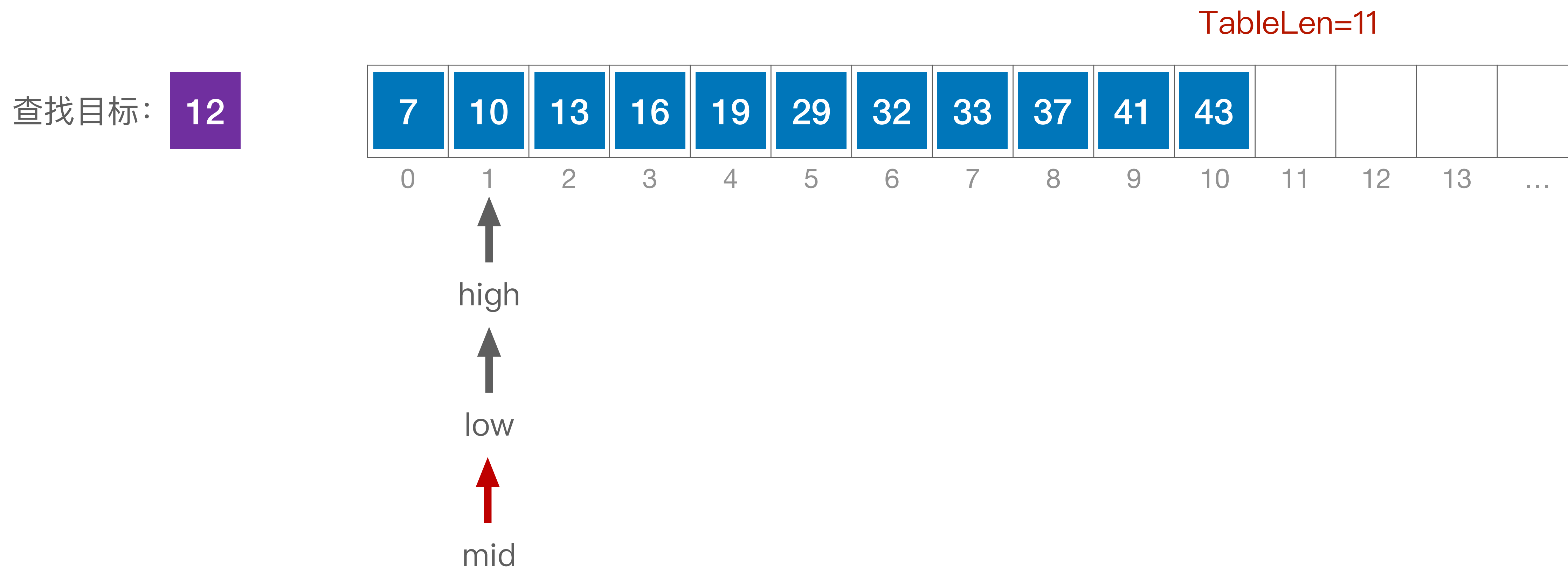
折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序的顺序表**。



# 折半查找的算法思想



折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序的顺序表**。





# 折半查找的算法思想

折半查找，又称“二分查找”，仅适用于**有序**的**顺序表**。



# 折半查找的实现

```
typedef struct{
    ElemType *elem;
    int TableLen;
}SSTable;
```

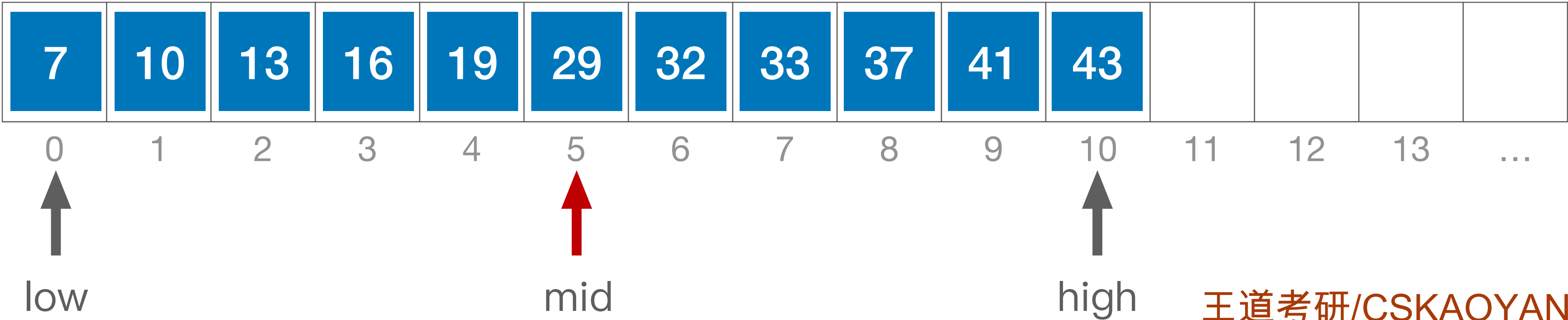
//查找表的数据结构（顺序表）  
//动态数组基址  
//表的长度

折半查找，又称“二分查找”，  
仅适用于有序的顺序表。

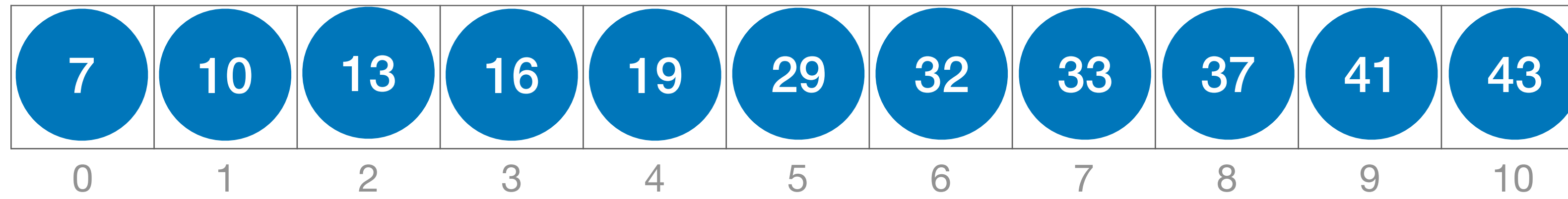
顺序表拥有随机访问的特性，链表没有

```
//折半查找
int Binary_Search(SSTable L,ElemType key){
    int low=0,high=L.TableLen-1,mid;
    while(low<=high){
        mid=(low+high)/2;
        if(L.elem[mid]==key)
            return mid;
        else if(L.elem[mid]>key)
            high=mid-1;
        else
            low=mid+1;
    }
    return -1;
```

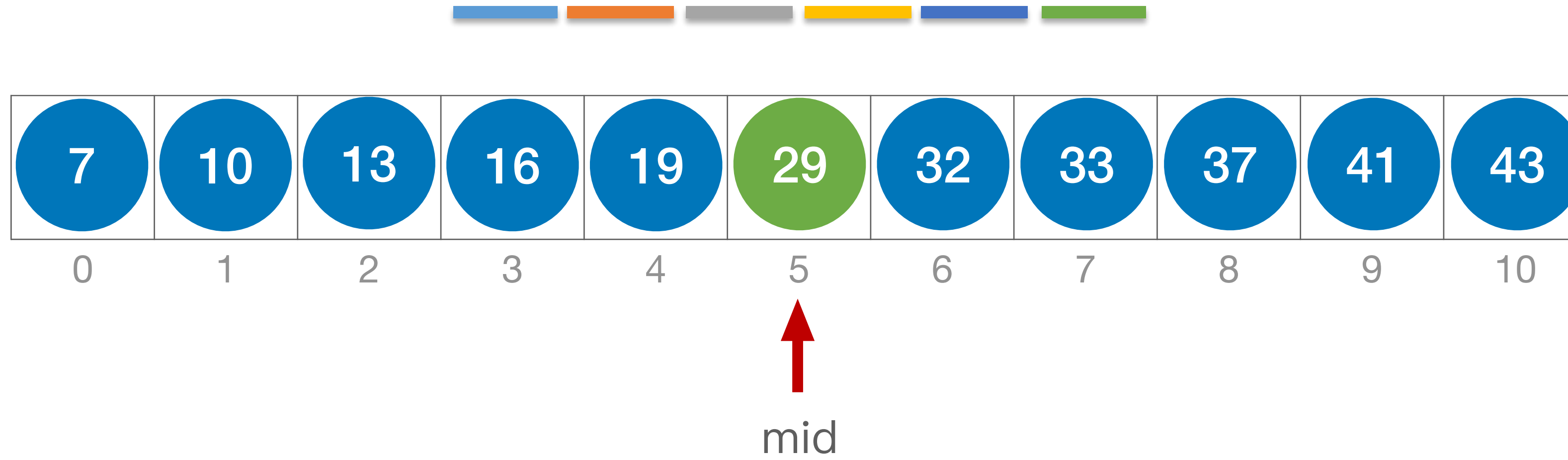
查找目标: 33



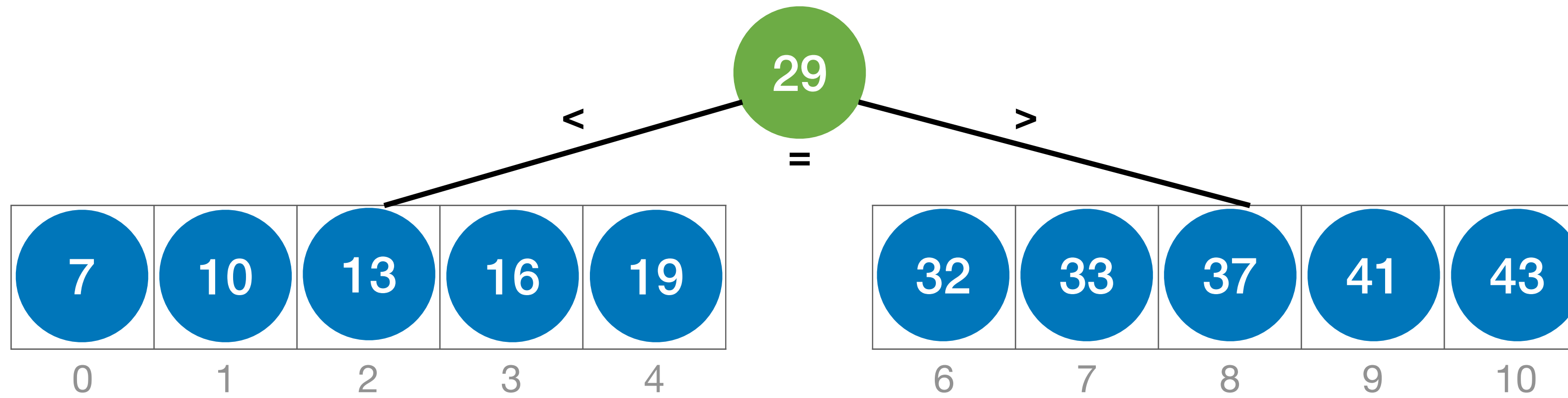
# 查找效率分析



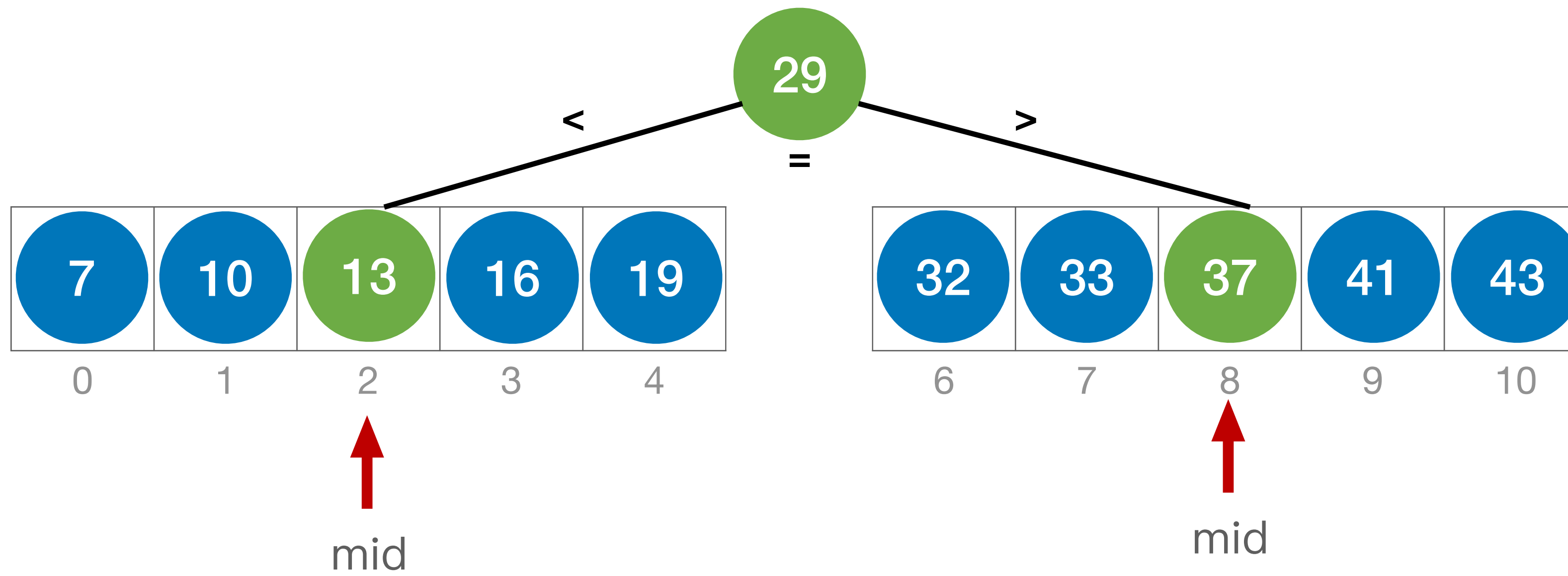
# 查找效率分析



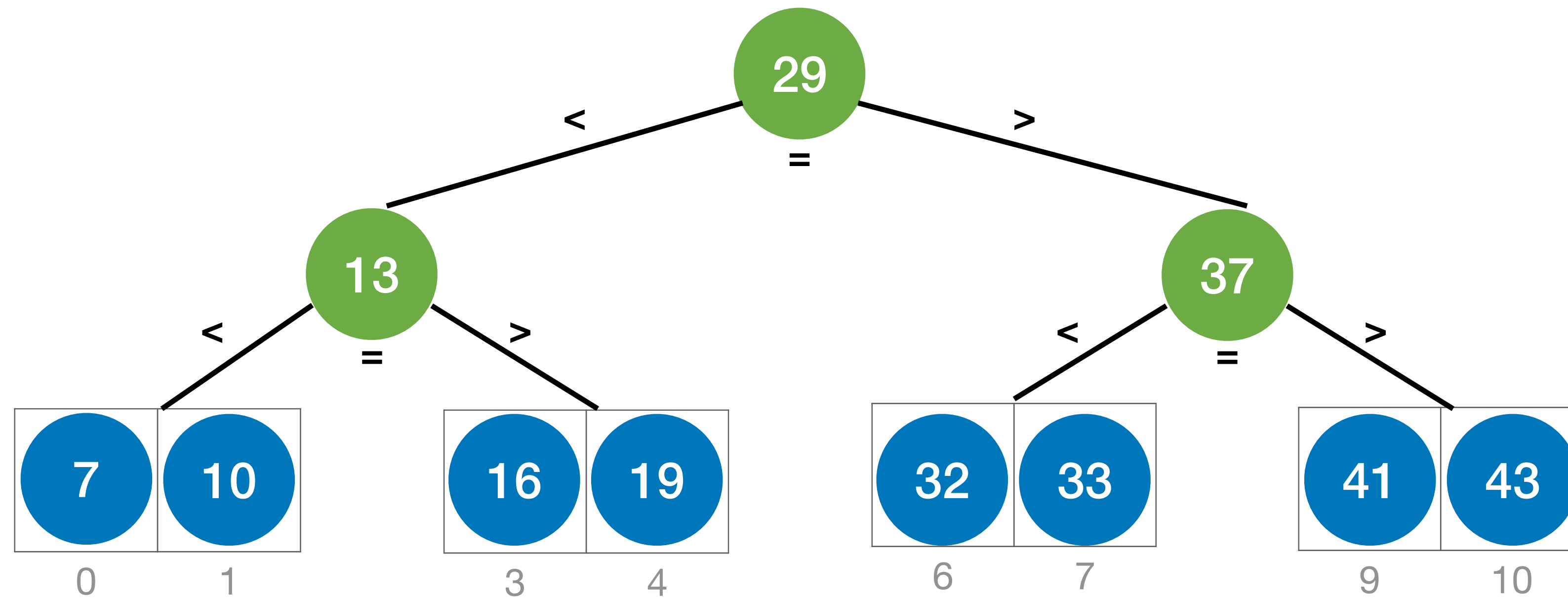
# 查找效率分析



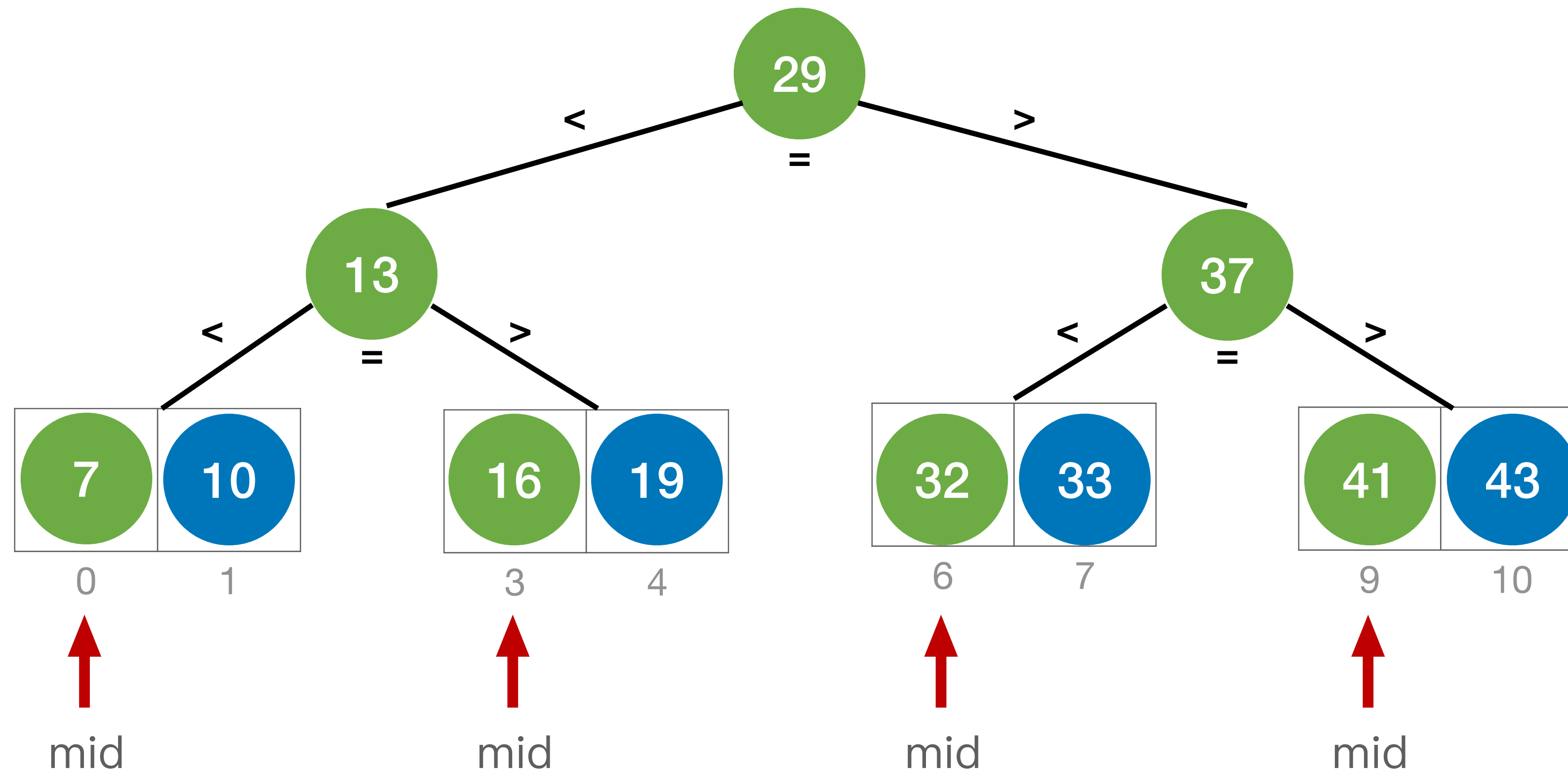
# 查找效率分析



# 查找效率分析

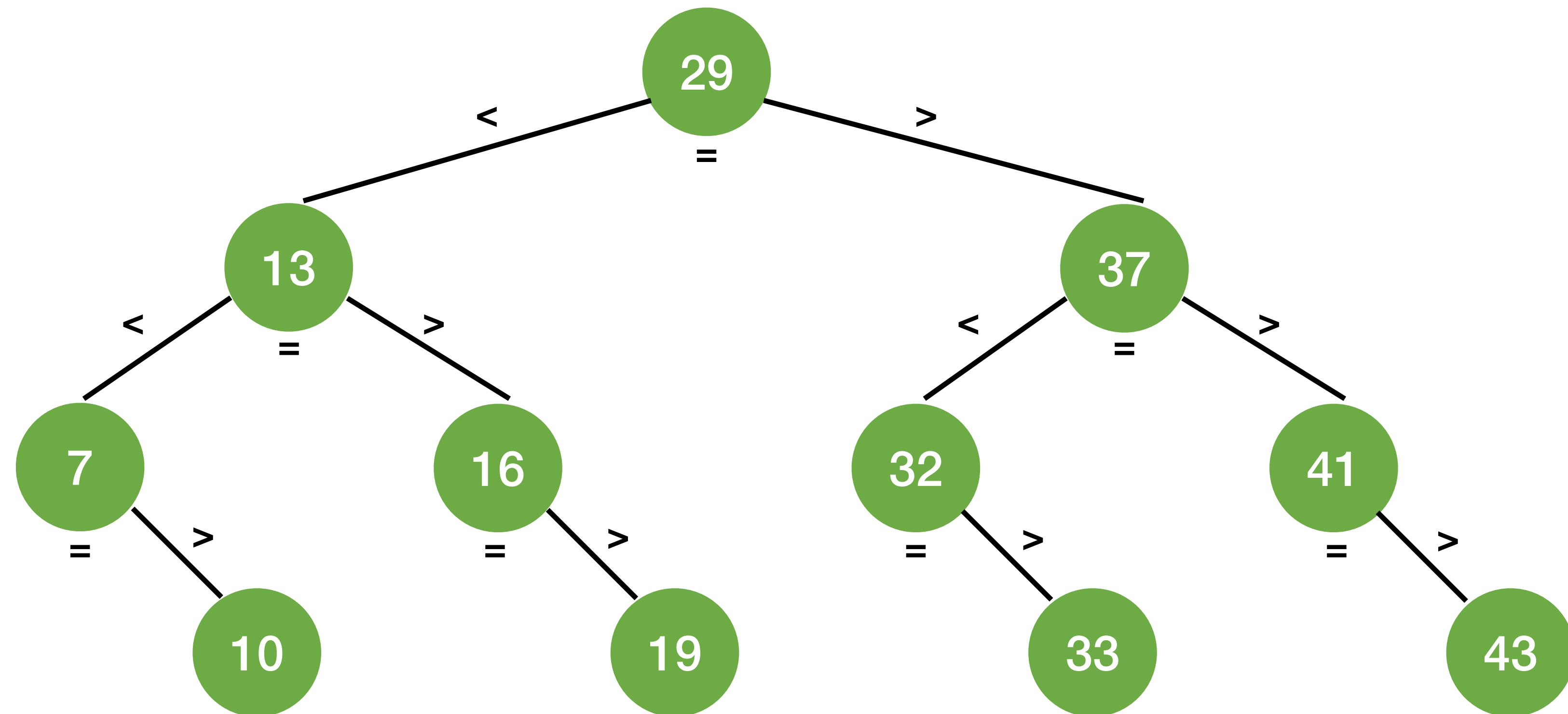


# 查找效率分析

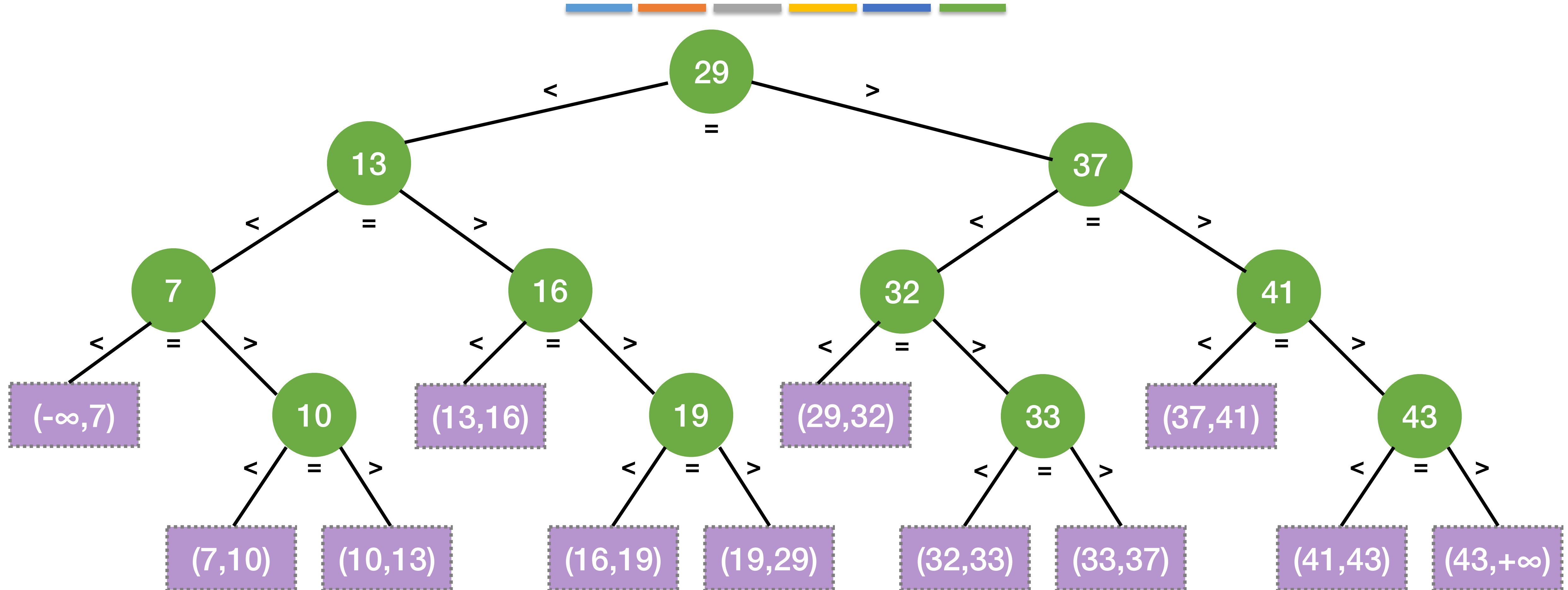




# 查找效率分析



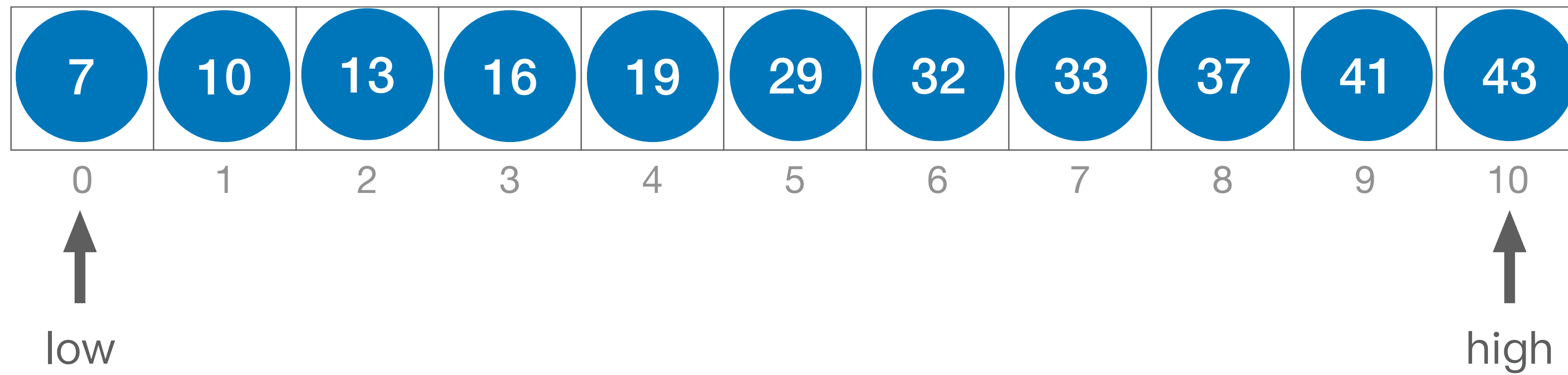
# 查找效率分析



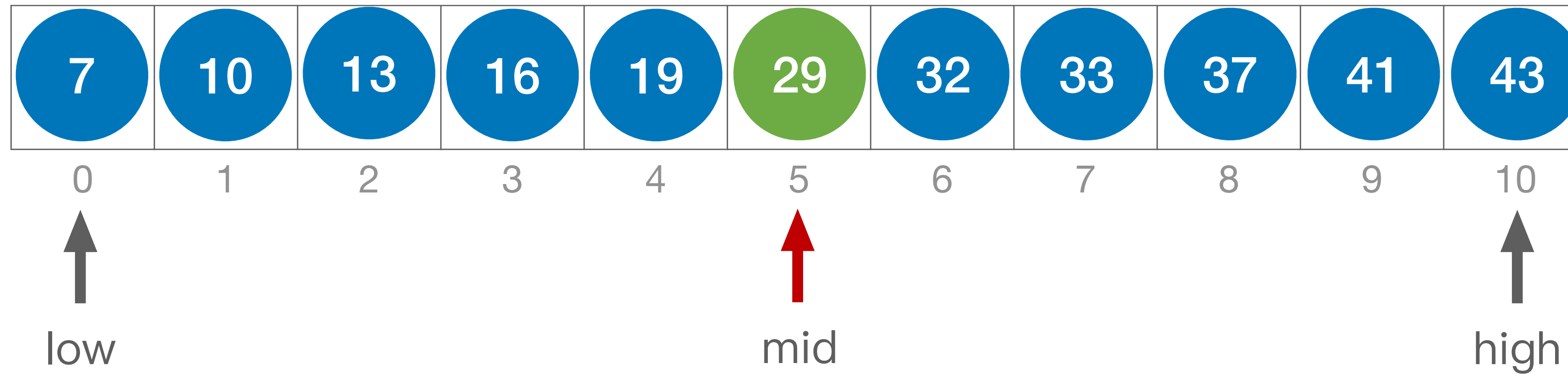
$$ASL_{\text{成功}} = (1 \cdot 1 + 2 \cdot 2 + 3 \cdot 4 + 4 \cdot 4) / 11 = 3$$

$$ASL_{\text{失败}} = (3 \cdot 4 + 4 \cdot 8) / 12 = 11/3$$

## 折半查找判定树的构造



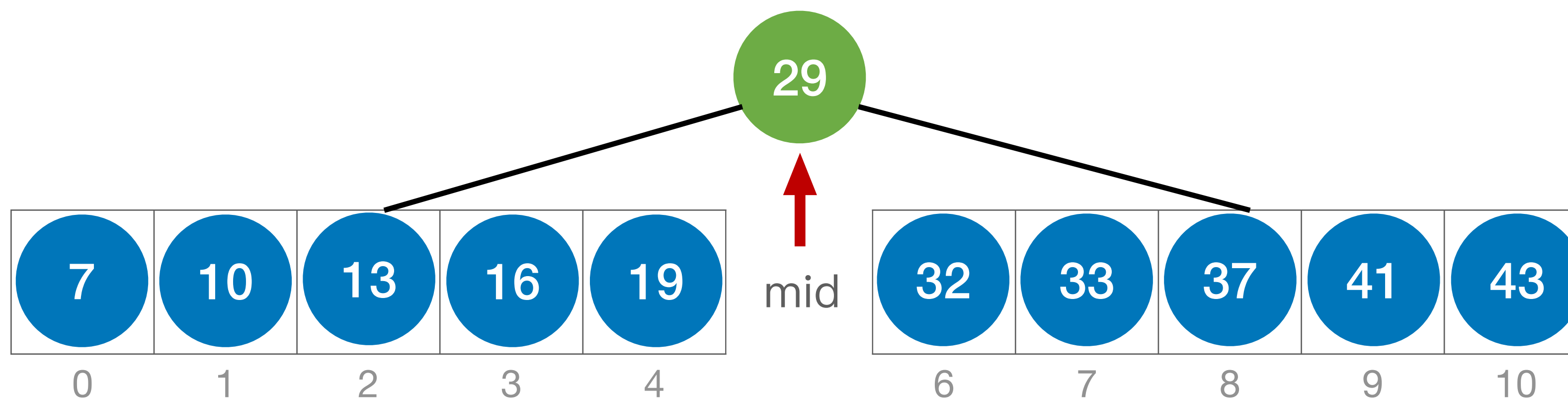
# 折半查找判定树的构造



$$mid = \lfloor (low + high) / 2 \rfloor$$

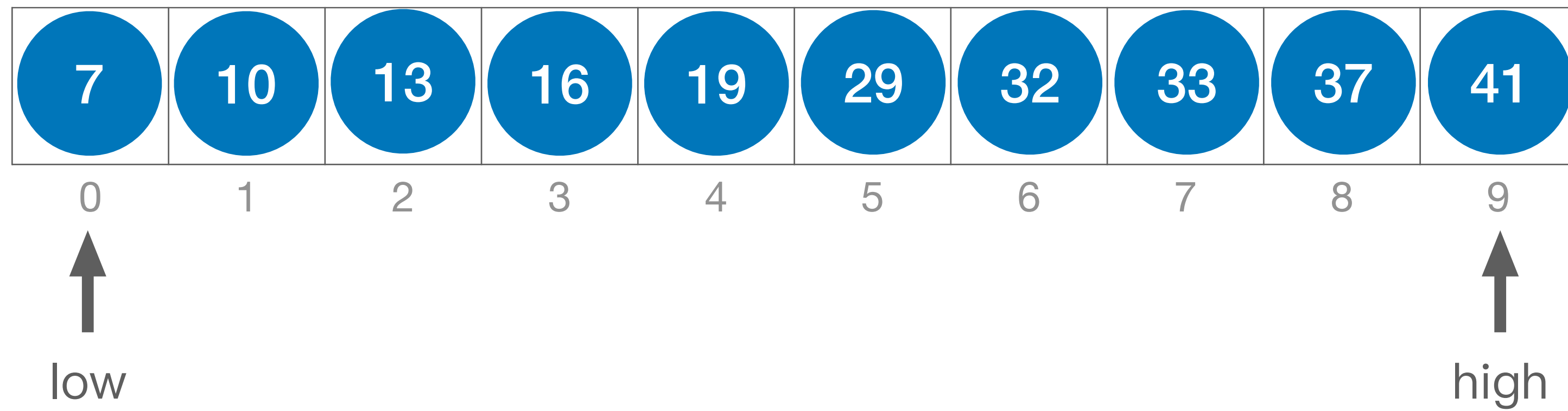
如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等

# 折半查找判定树的构造

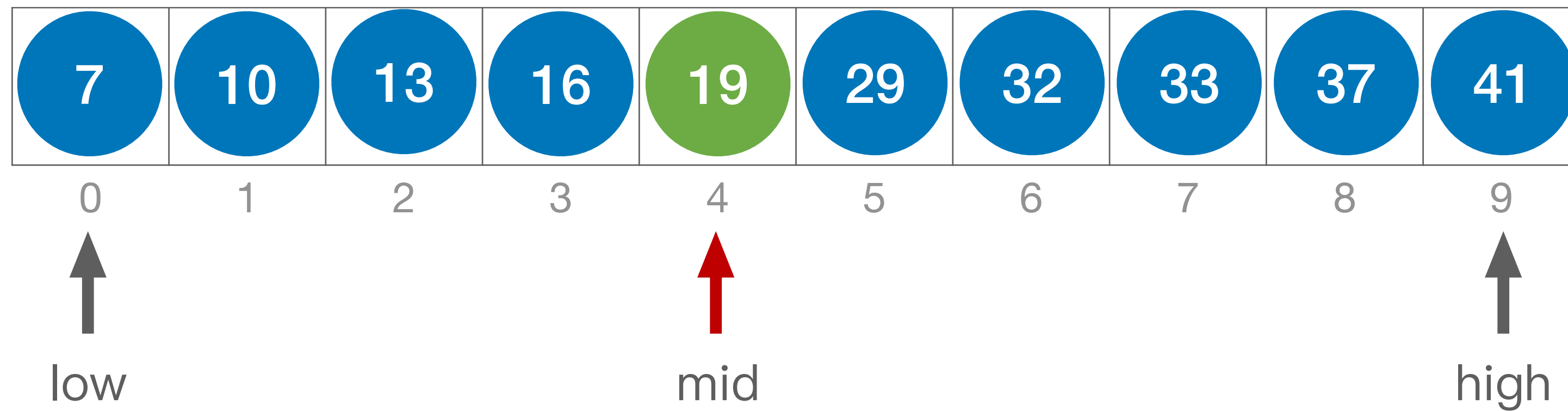


如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等

## 折半查找判定树的构造



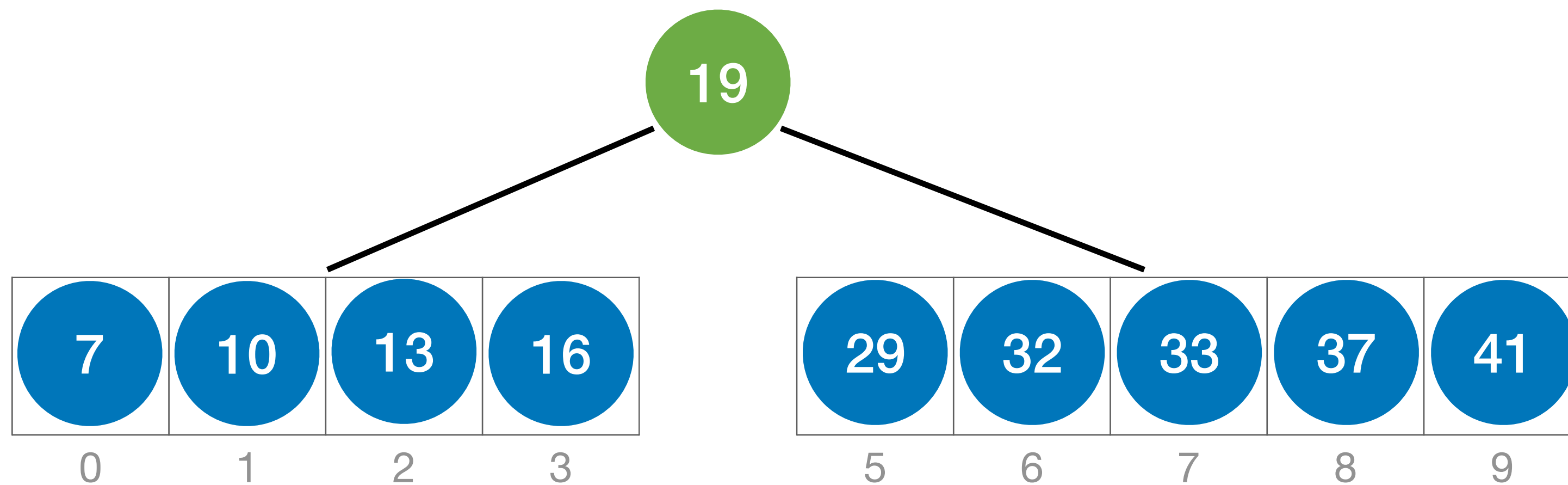
# 折半查找判定树的构造



$$mid = \lfloor (low + high) / 2 \rfloor$$

如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分少一个元素

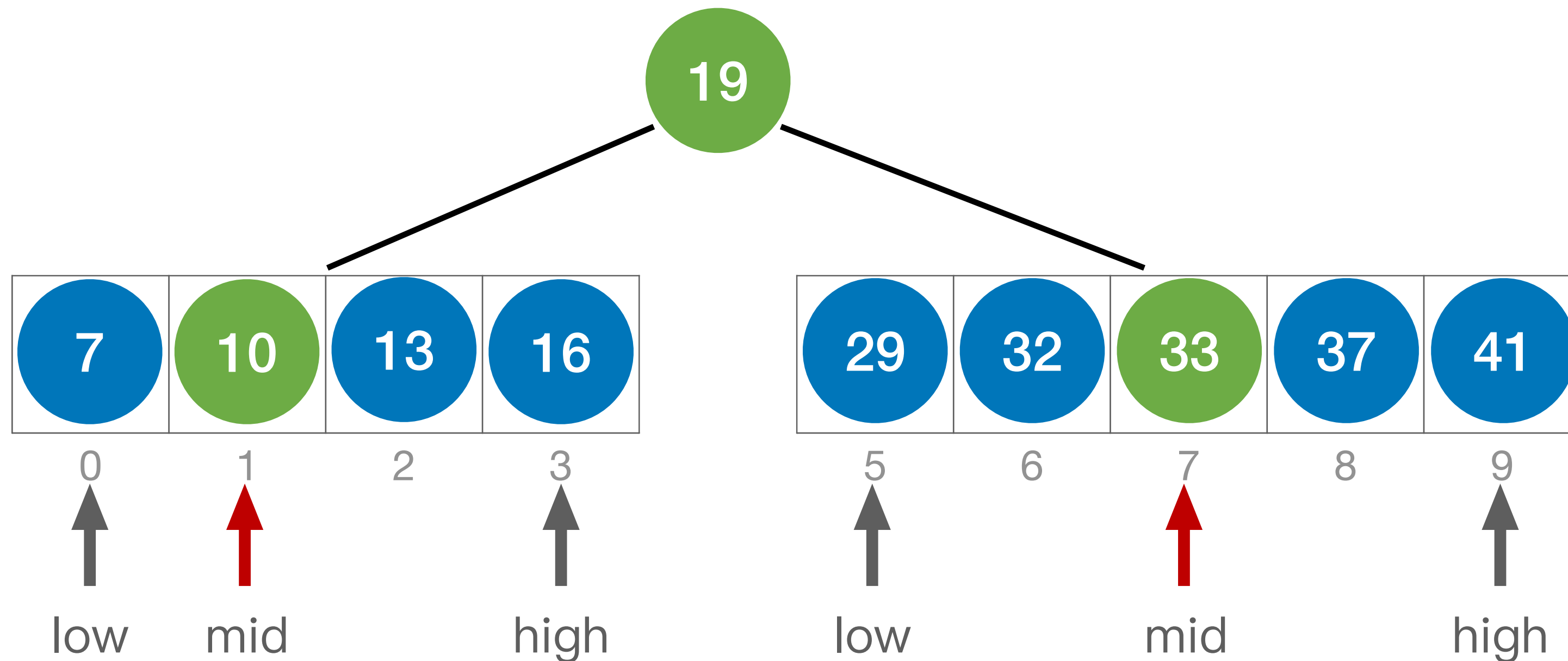
# 折半查找判定树的构造



如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分少一个元素



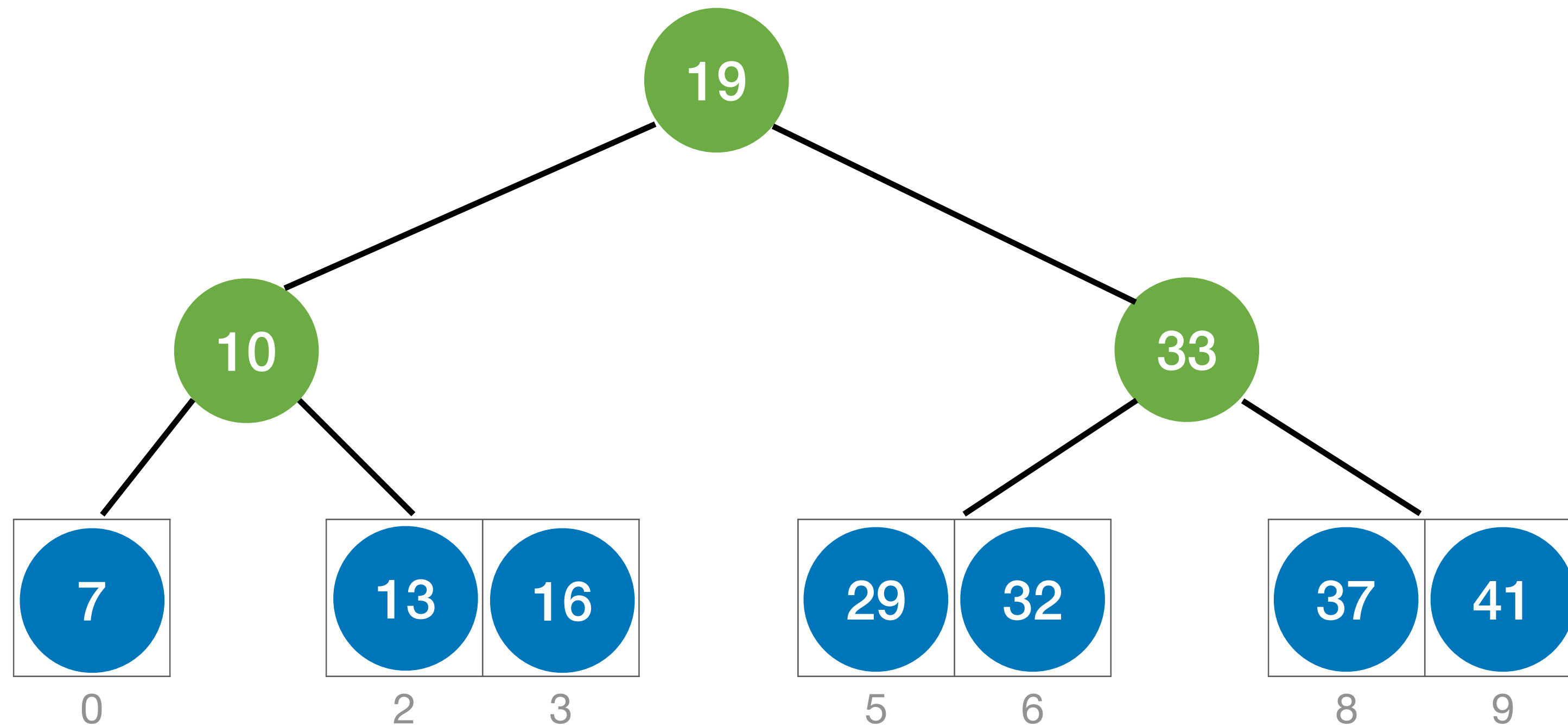
# 折半查找判定树的构造



$$mid = \lfloor (low + high) / 2 \rfloor$$

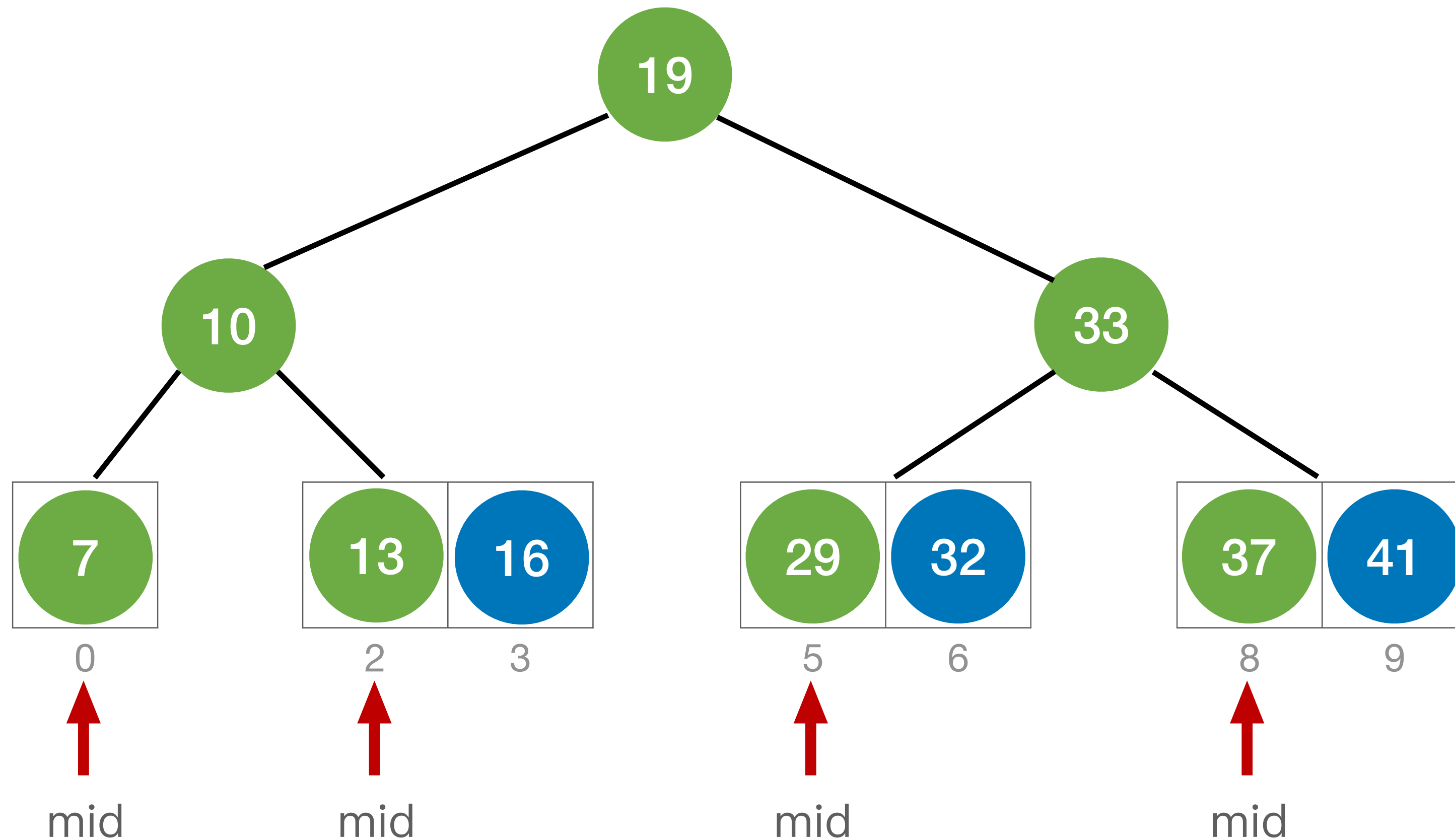
如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等  
如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分少一个元素

# 折半查找判定树的构造



如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等  
如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分少一个元素

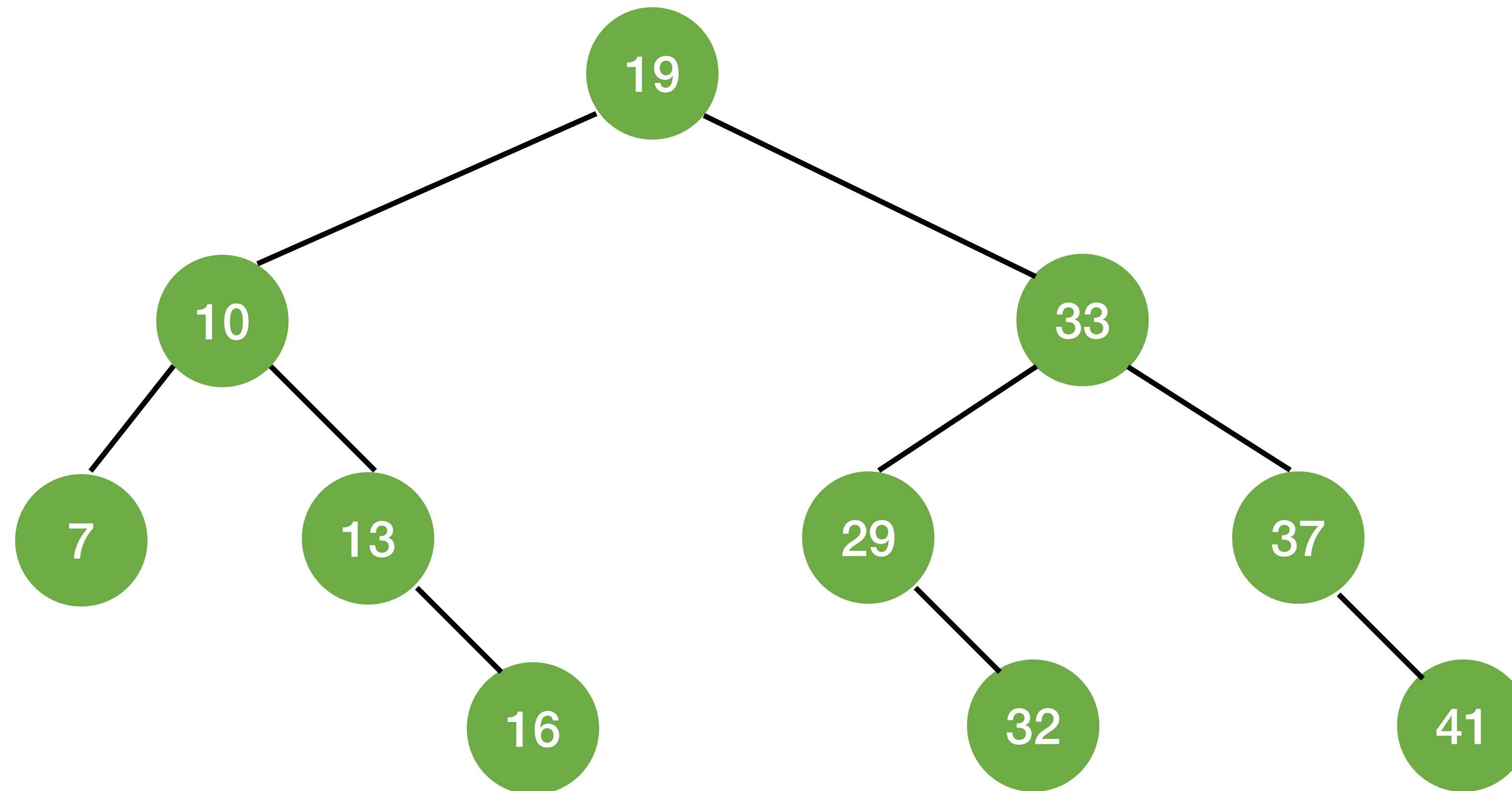
# 折半查找判定树的构造



如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等

如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分少一个元素

## 折半查找判定树的构造



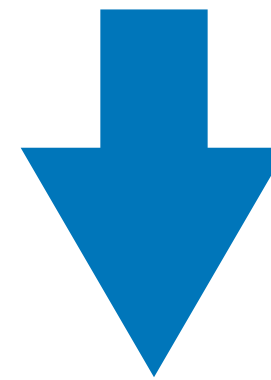
如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等  
如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分少一个元素

# 折半查找判定树的构造



如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等

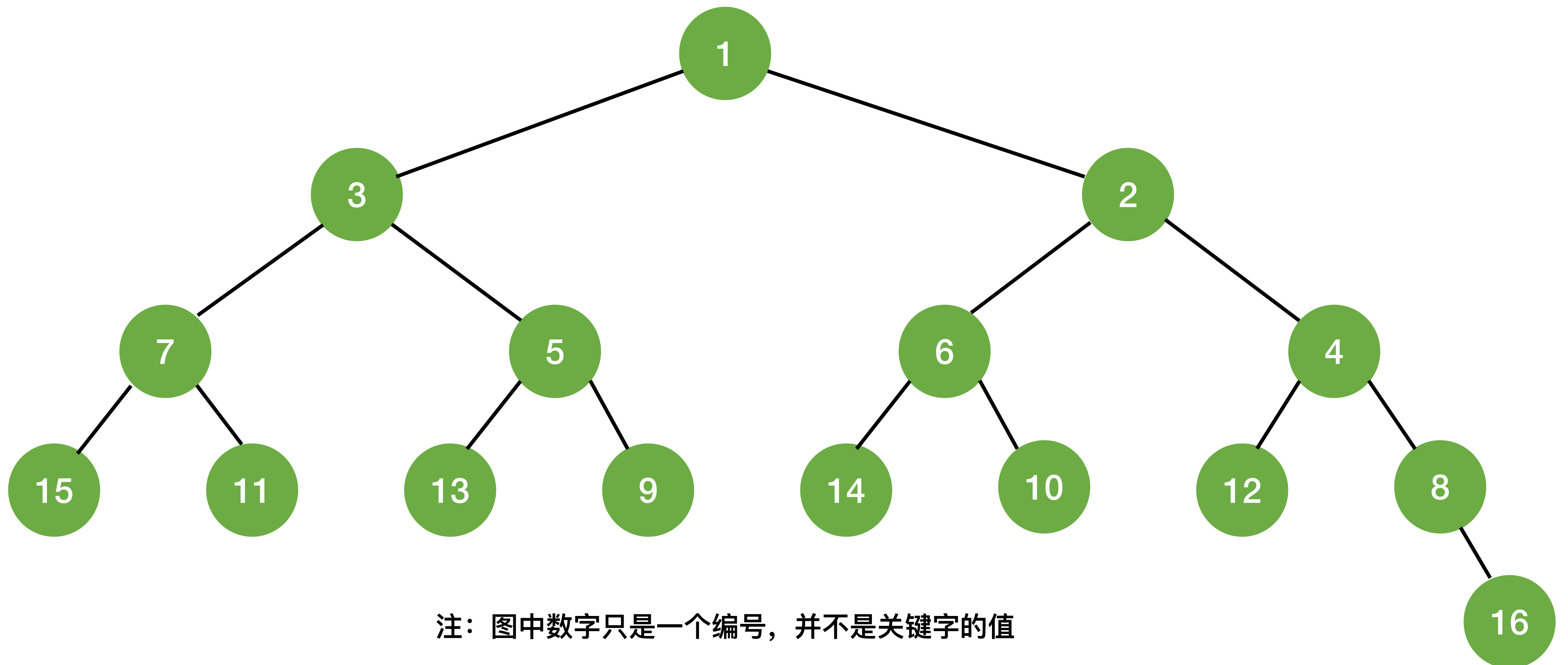
如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分少一个元素



折半查找的判定树中，若  $mid = \lfloor (low + high)/2 \rfloor$ ，则对于任何一个结点，必有：  
右子树结点数-左子树结点数=0或1

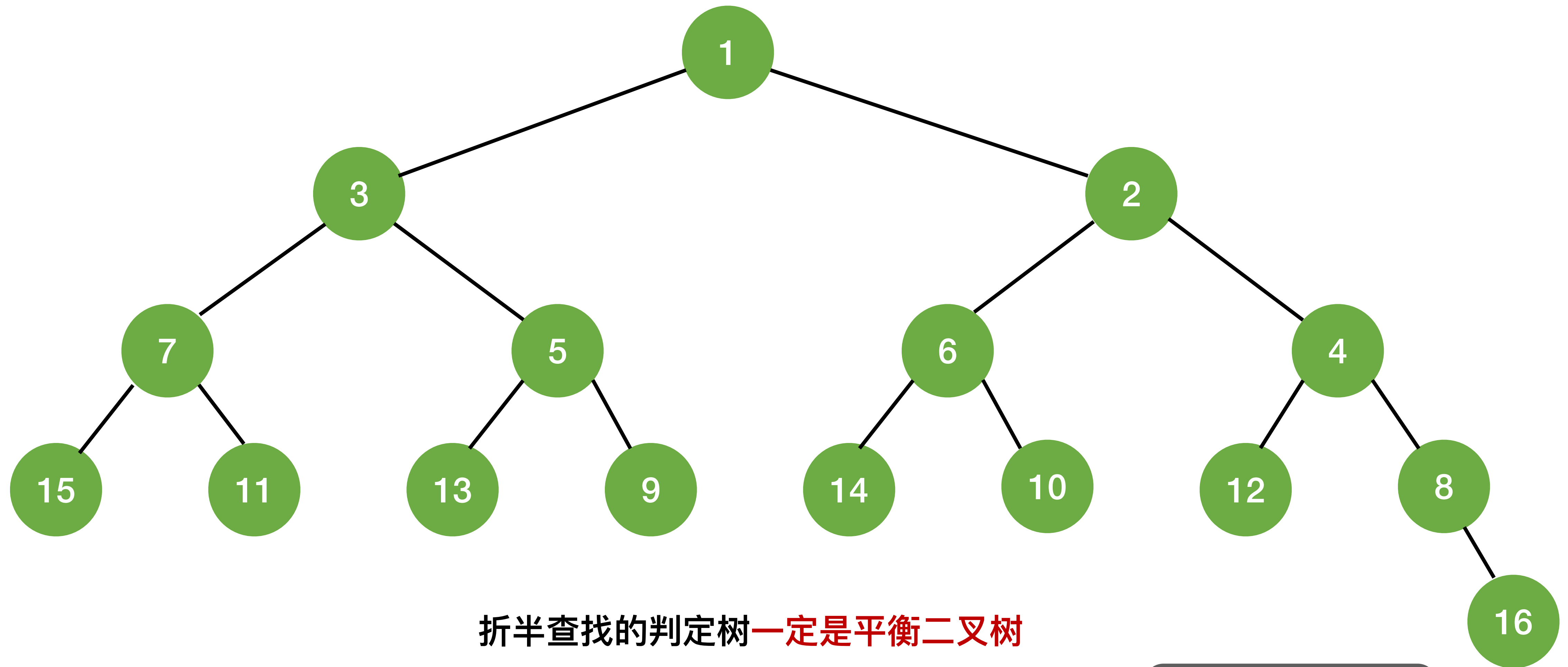
# 折半查找判定树的构造

练习：若  $mid = \lfloor (low + high)/2 \rfloor$ ，画出含1个元素、2个元素、3个元素...16个元素 的查找表对应的折半查找判定树，注：暂不考虑失败结点（Key：右子树结点数-左子树结点数=0或1）



注：图中数字只是一个编号，并不是关键字的值

# 折半查找判定树的构造

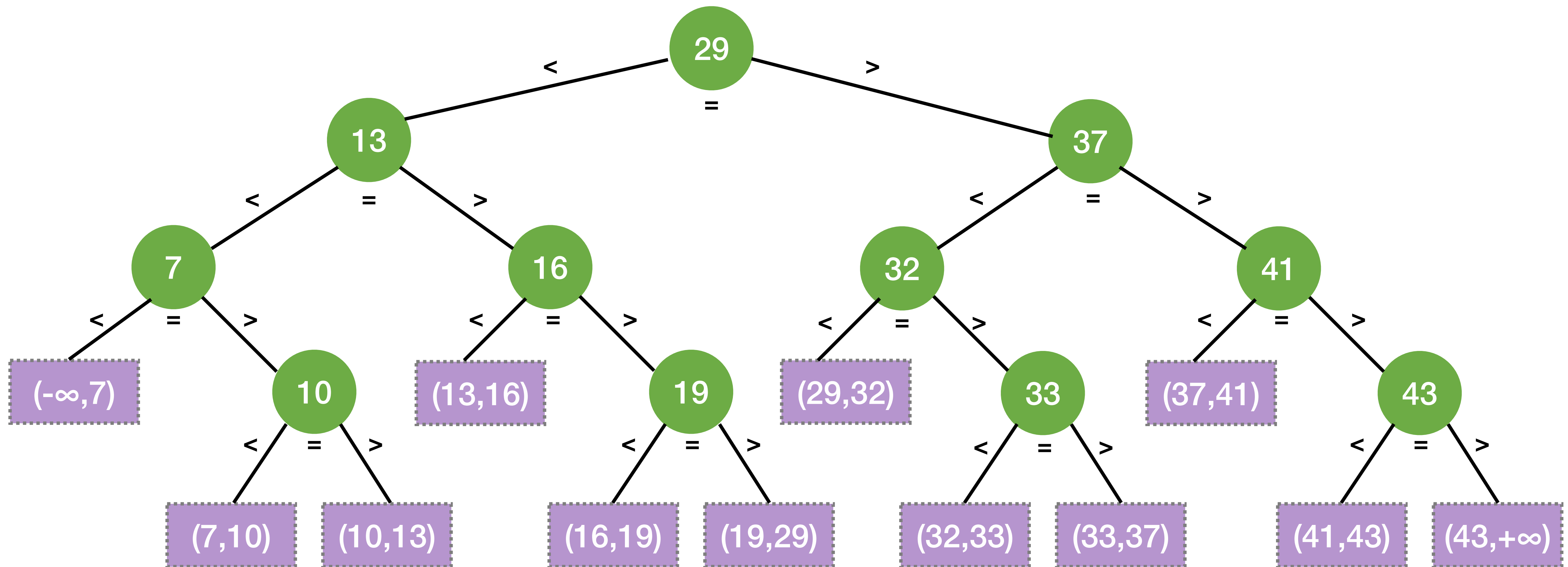


折半查找的判定树**一定是平衡二叉树**

折半查找的判定树中，**只有最下面一层是不满的**  
因此，元素个数为 $n$ 时**树高** $h = \lceil \log_2(n + 1) \rceil$

注：计算方法同  
“完全二叉树”

# 折半查找判定树的构造

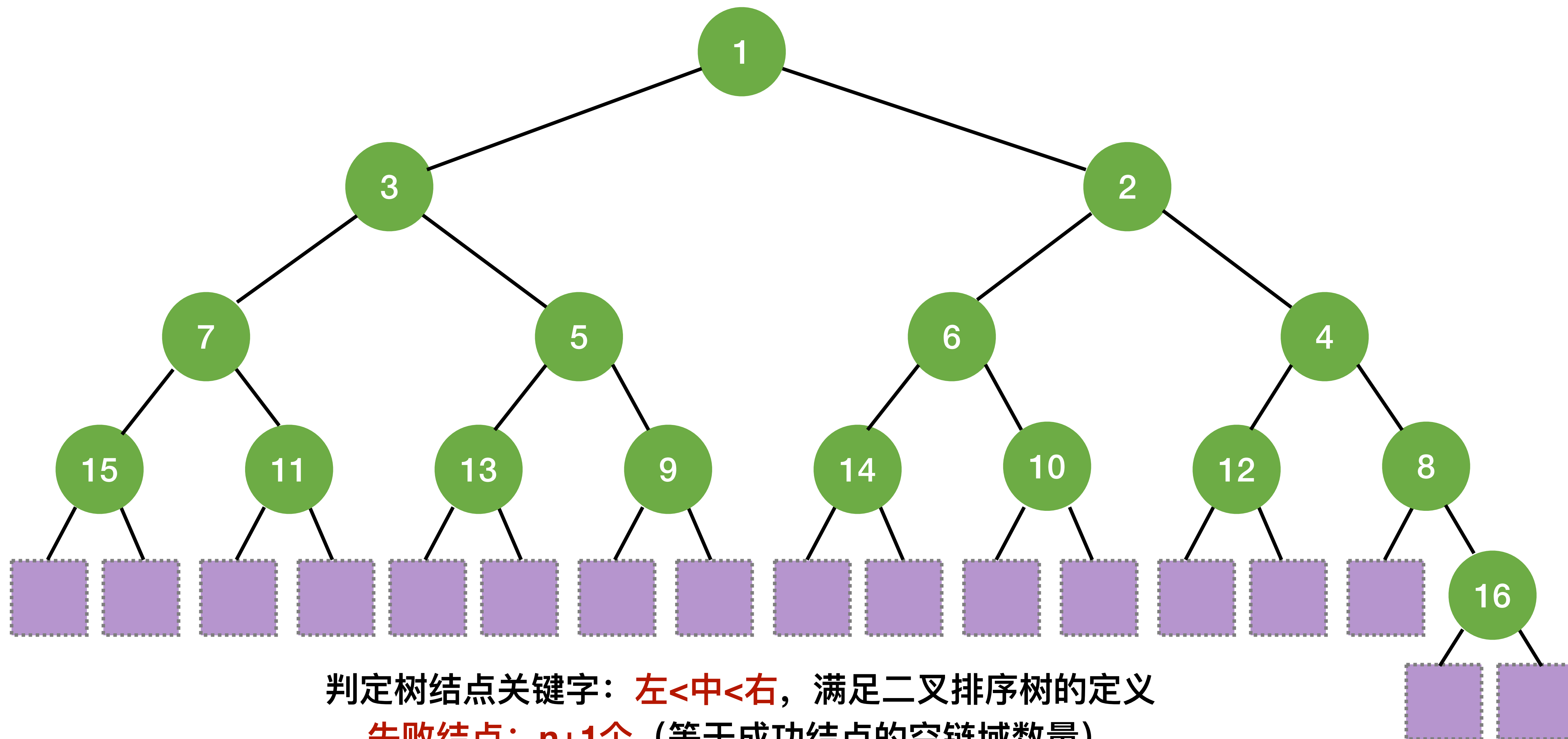


判定树结点关键字：左<中<右，满足二叉排序树的定义

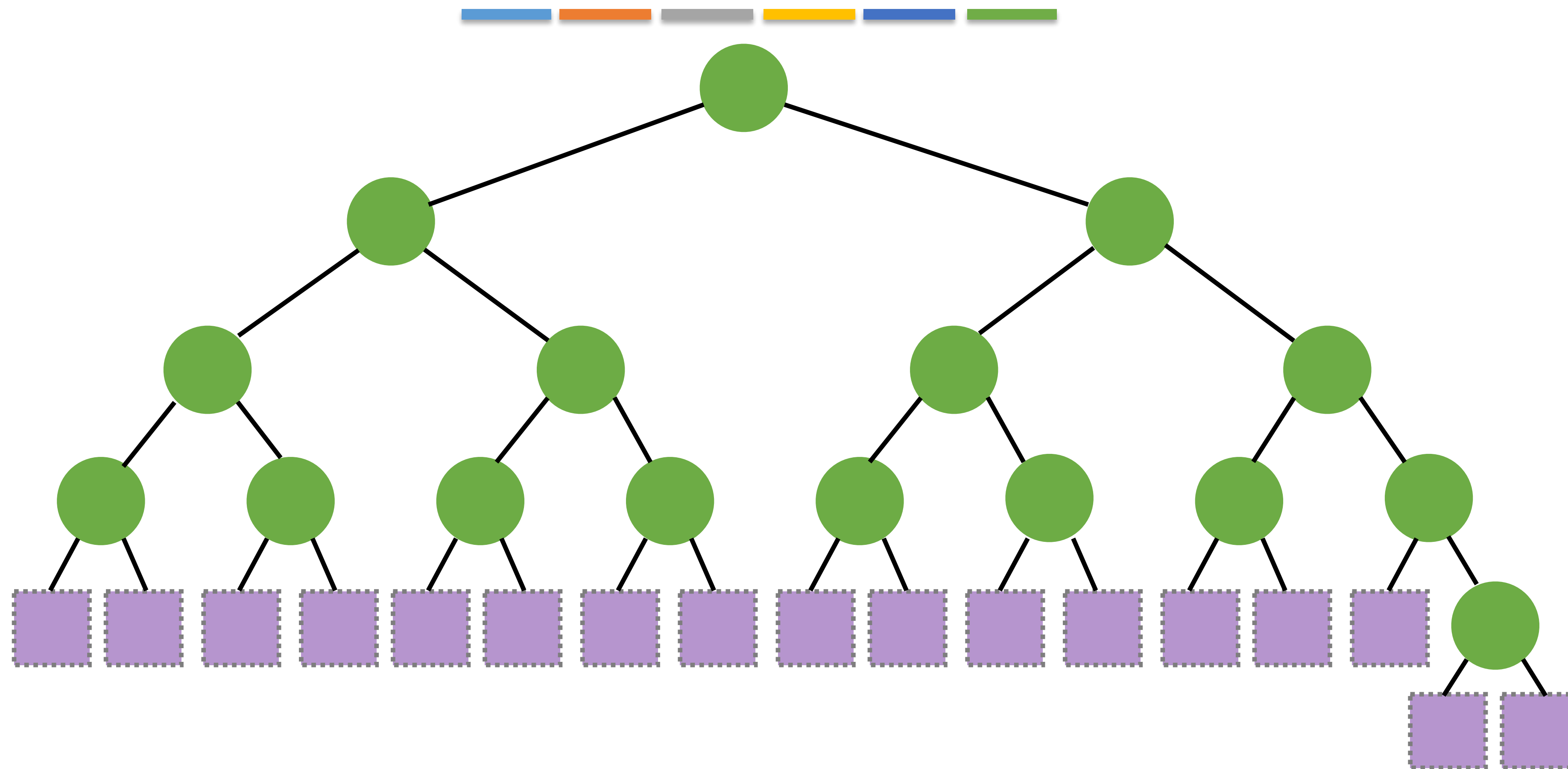
失败结点： $n+1$ 个（等于成功结点的空链域数量）



# 折半查找判定树的构造



# 折半查找的查找效率



树高 $h = \lceil \log_2(n + 1) \rceil$

查找成功的ASL  $\leq h$

折半查找的时间复杂度 =  $O(\log_2 n)$

注：该树高不包含失败结点

查找失败的ASL  $\leq h$

# 知识回顾与重要考点

## 折半查找

适用范围

⊖

只适用于有序的顺序表

算法思想

⊖

在  $[low, high]$  之间找目标关键字，每次检查  $mid = (low + high) / 2$

根据  $mid$  所指元素与目标关键字的大小调整  $low$  或  $high$ ，不断缩小  $low$  和  $high$  的范围

若  $low > high$  则查找失败

判定树

⊖

构造

⊖

由  $mid$  所指元素将原有元素分割到左右子树中

Key: 右子树结点数 - 左子树结点数 = 0 或 1

折半查找的判定树是平衡的二叉排序树 (左 < 中 < 右)

折半查找判定树，只有最下面一层是不满的

若查找表有  $n$  个关键字，则失败结点有  $n + 1$  个

树高  $h = \lceil \log_2(n + 1) \rceil$

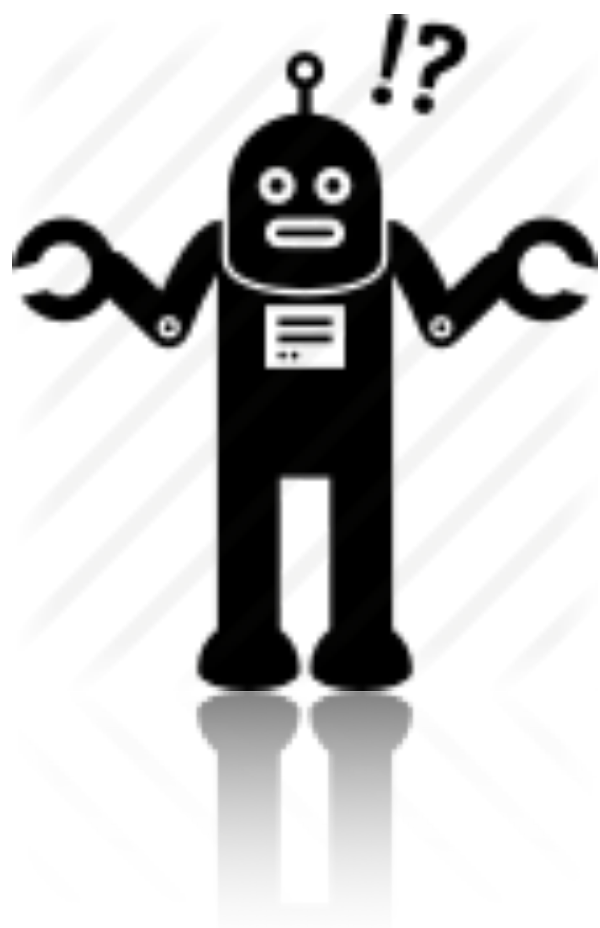
(不包含失败结点)

时间复杂度

⊖

$O(\log_2 n)$

# 拓展思考



折半查找时间复杂度= $O(\log_2 n)$   
顺序查找的时间复杂度= $O(n)$

辣么，折半查找的速度一定比顺序查找更快？

查找目标：

7

TableLen=11

7	10	13	16	19	29	32	33	37	41	43				
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	...

否认三连



我不是



我没有

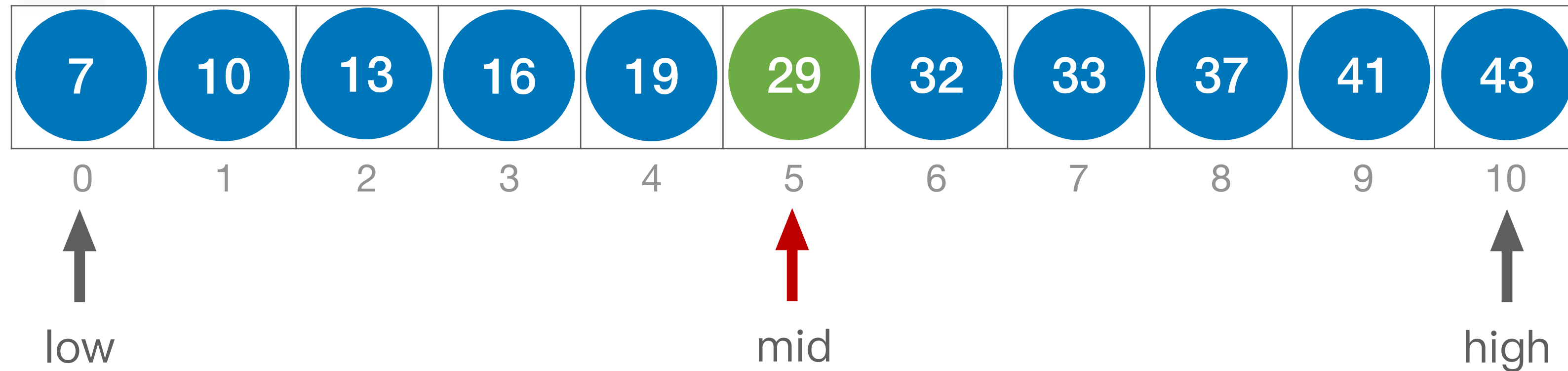


别瞎说啊

## 拓展思考



如果  $mid = \lceil (low + high) / 2 \rceil$   
辣么，判定树是什么亚子？



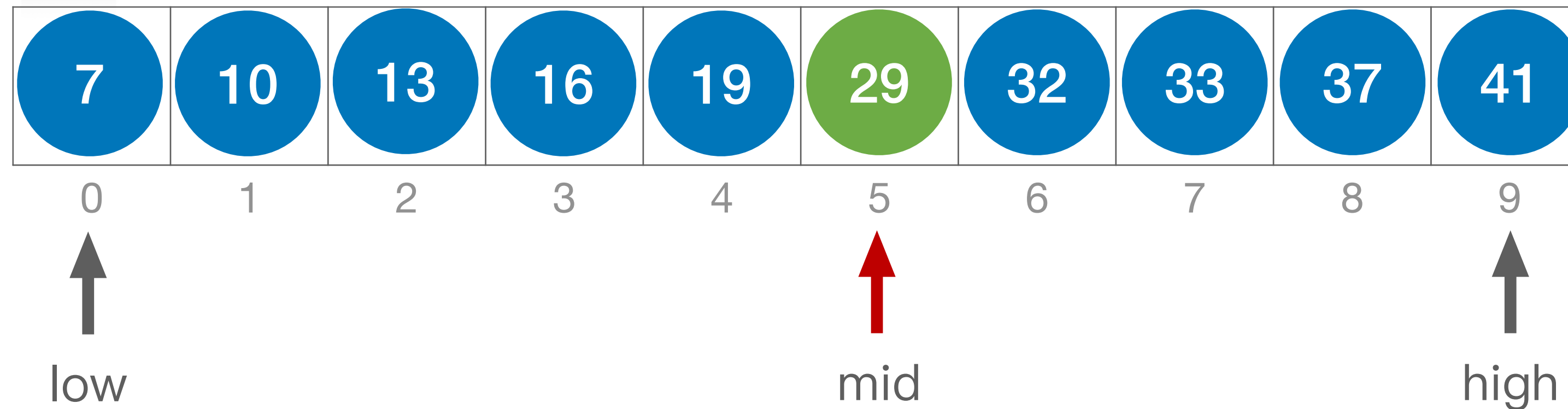
$$mid = \lceil (low + high) / 2 \rceil$$

如果当前low和high之间有奇数个元素，则 mid 分隔后，左右两部分元素个数相等

## 拓展思考



如果  $mid = \lceil (low + high)/2 \rceil$   
辣么，判定树是什么亚子？



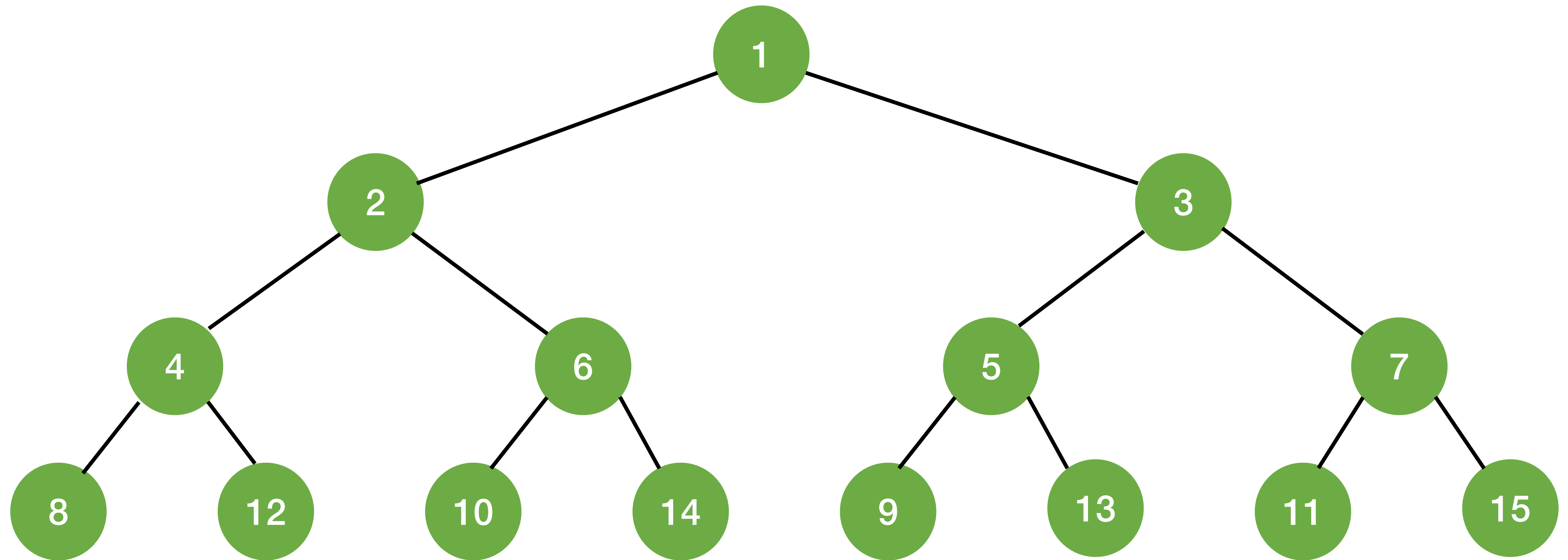
$$mid = \lceil (low + high)/2 \rceil$$

如果当前low和high之间有偶数个元素，则 mid 分隔后，左半部分比右半部分 **多** 一个元素



## 拓展思考

折半查找的判定树中，若 $mid = \lceil (low + high)/2 \rceil$ ，则对于任何一个结点，必有：  
左子树结点数-右子树结点数=0或1



注：图中数字只是一个编号，并不是关键字的值

# 欢迎大家对本节视频进行评价~



学员评分：7.2.2 折半查找

扫一扫二维码打开或分享给好友



– 腾讯文档 –

可多人实时在线编辑，权限安全可控



公众号：王道在线



b站：王道计算机教育



抖音：王道计算机考研