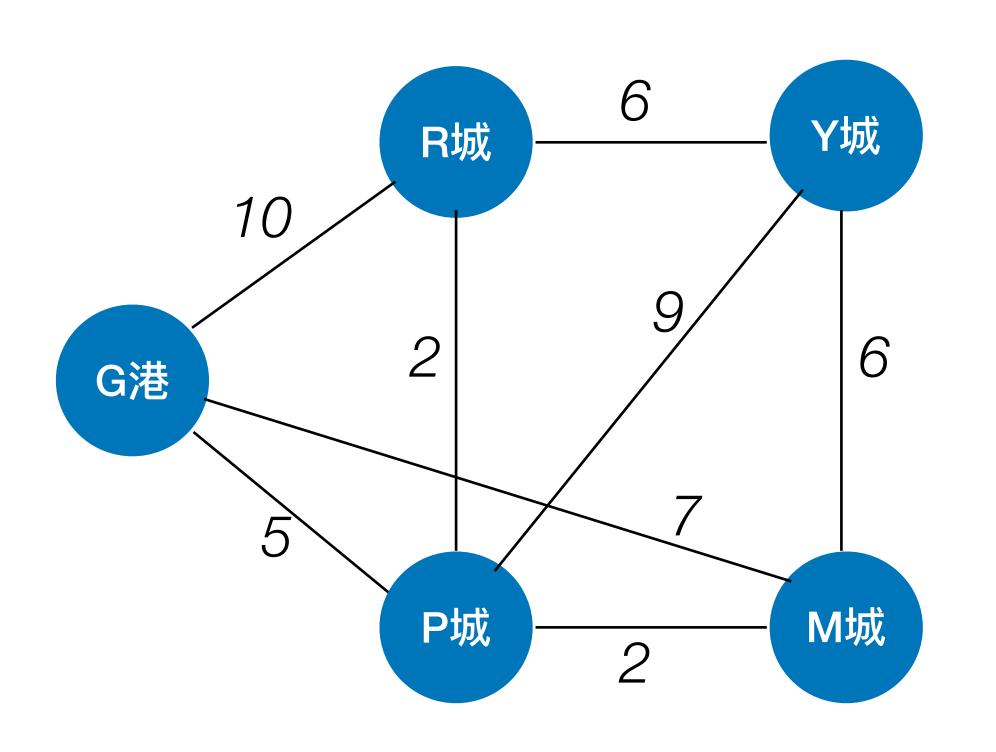
本节内容

最短路径

BFS算法

最短路径问题



"G港"是个物流集散中心,经常需要往各个城市运东西, 怎么运送距离最近? ——单源最短路径问题

各个城市之间也需要互相往来,相互之间怎么走距离最 近? ——每对顶点间的最短路径

单源最短路径

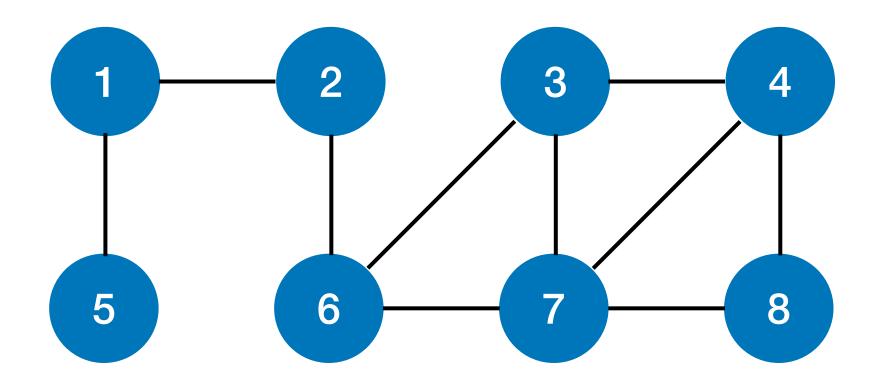
BFS算法(无权图)

Dijkstra 算法(带权图、无权图)

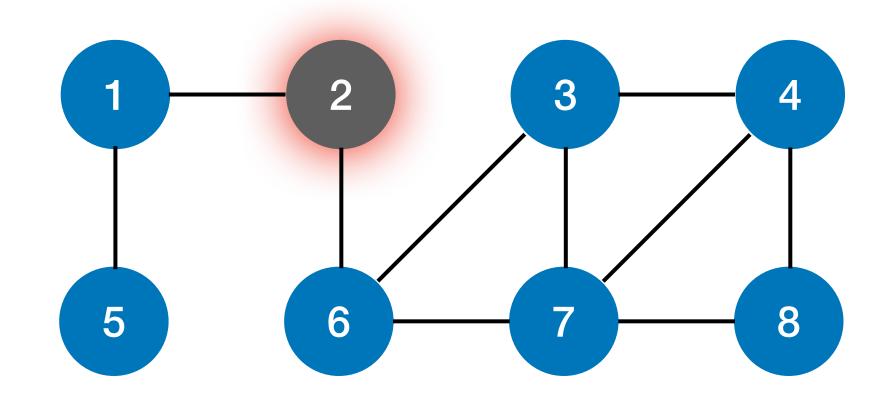
最短路径问题

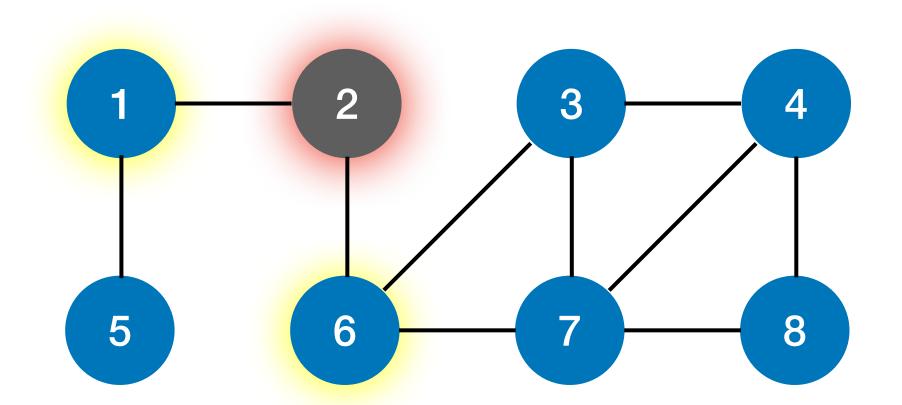
各顶点间的最短路径 😑

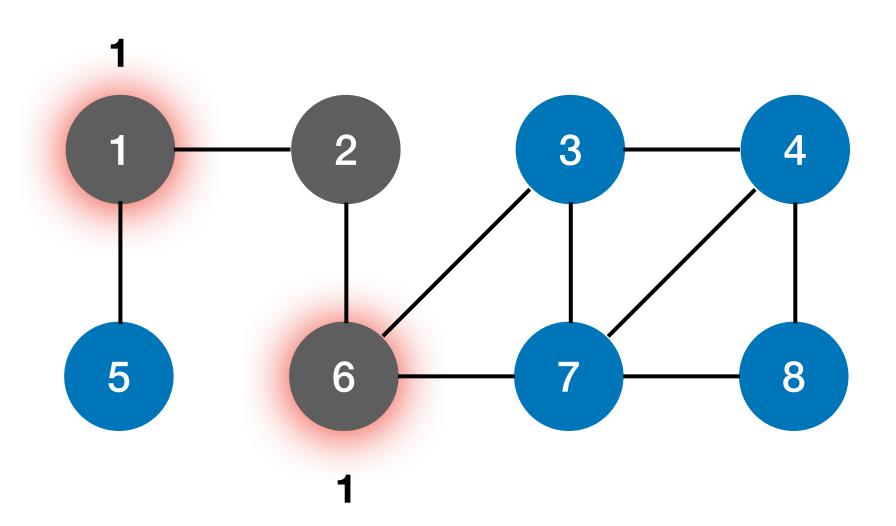
Floyd 算法(带权图、无权图)

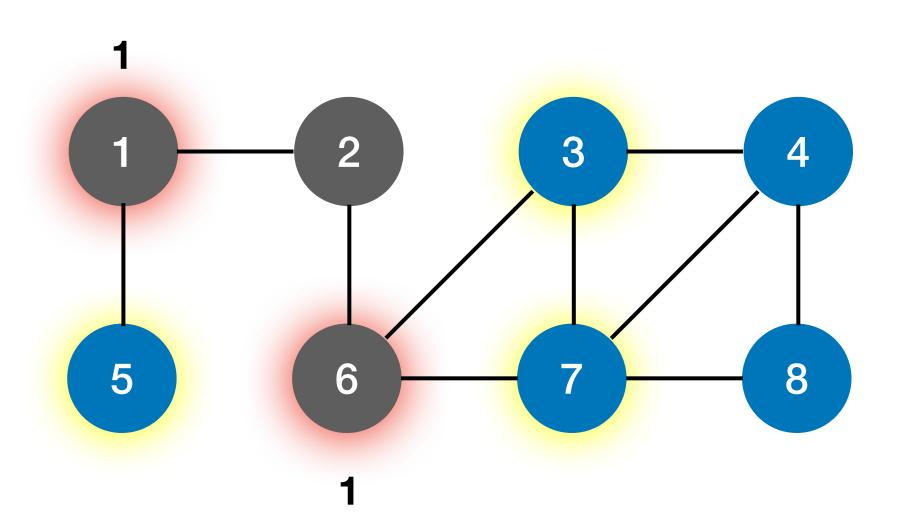


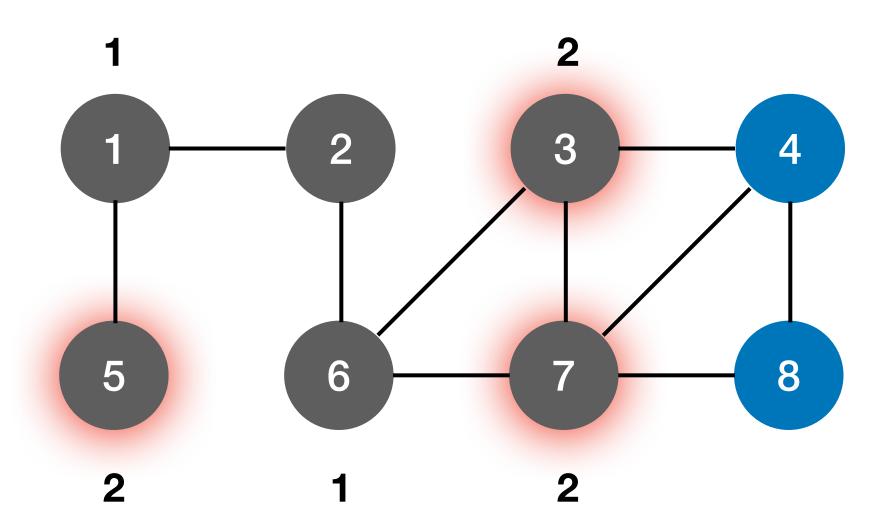
注:无权图可以视为一种特殊的带权图,只是每条边的权值都为1

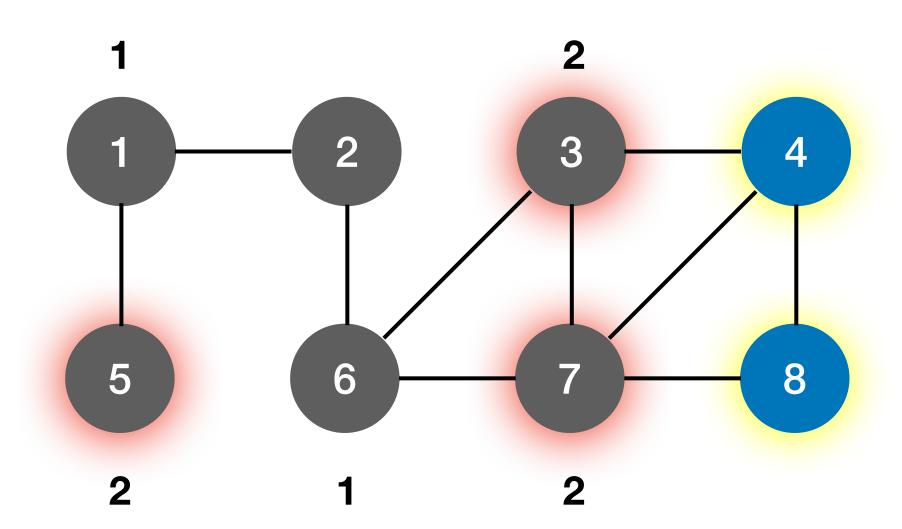


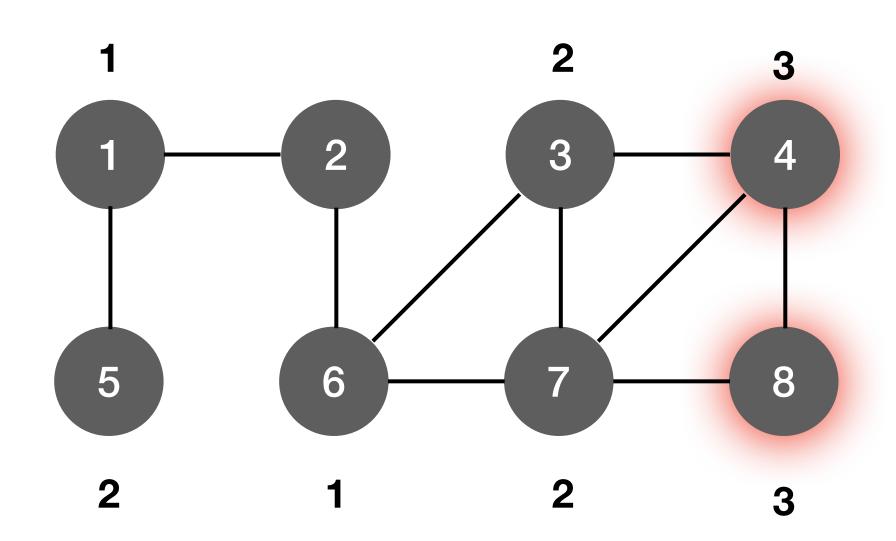




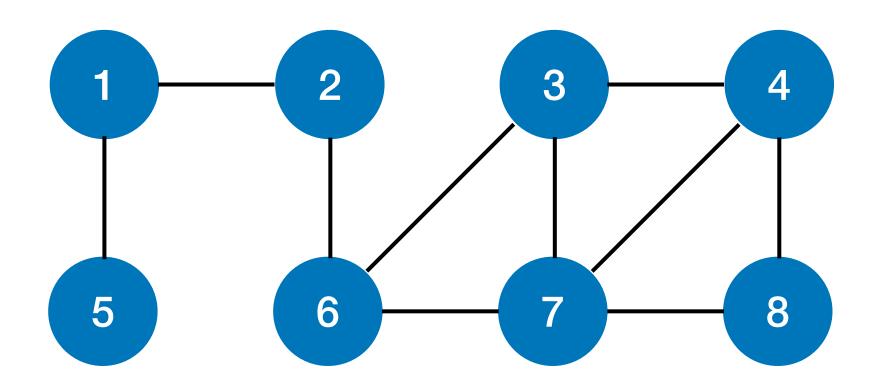






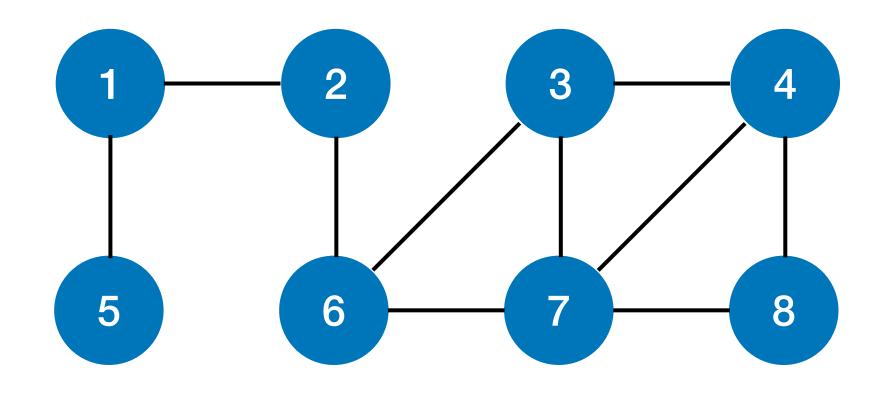


初始都为false



```
//访问标记数组
bool visited[MAX_VERTEX_NUM];
//广度优先遍历
void BFS(Graph G, int v){ //从顶点v出发,广度优先遍历图G
                          //访问初始顶点v
   visit(v);
                          //对v做已访问标记
   visited[v]=TRUE;
   Enqueue(Q,v);
                          //顶点v入队列Q
   while(!isEmpty(Q)){
      DeQueue(Q,v);
                          //顶点v出队列
      for(w=FirstNeighbor(G,v);w>=0;w=NextNeighbor(G,v,w))
          //检测v所有邻接点
          if(!visited[w]){
                          //w为v的尚未访问的邻接顶点
             visit(w); //访问顶点w
             visited[w]=TRUE;//对w做已访问标记
             EnQueue(Q,w); //顶点w入队列
          }//if
   }//while
```

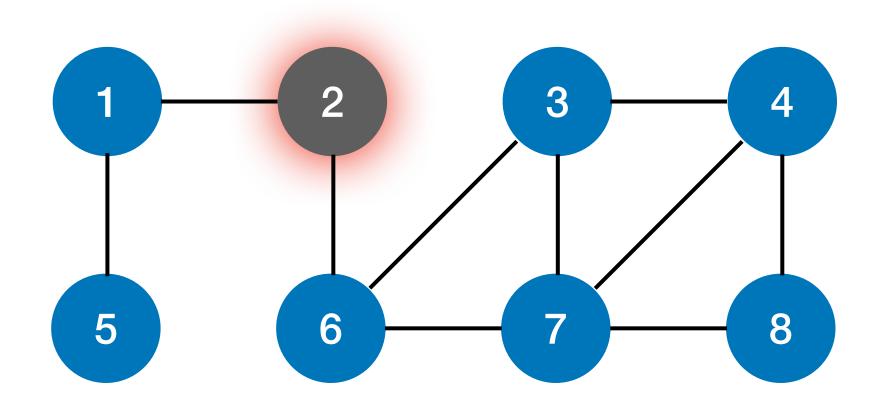
visited false false false false false false



	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	∞	∞						
path[]	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
                //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                               //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                               //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){ //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                          //路径长度加1
              path[w]=u; //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE; //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                             //顶点w入队
          }//if
   }//while
```

1 2 3 4 5 6 7 8 visited false false false false false false false

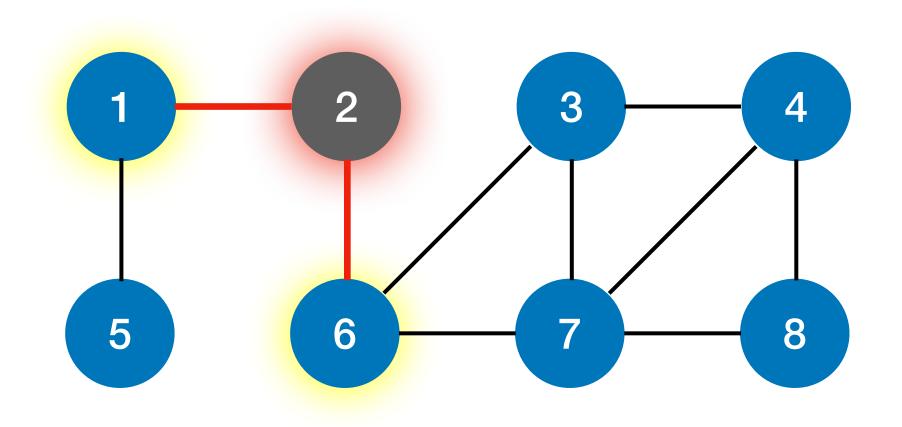


2

	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
path[]	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
               //初始化路径长度
      path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                             //BFS算法主过程
      DeQueue(Q,u);
                             //队头元素u出队
      for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
         d[w]=d[u]+1;
                        //路径长度加1
             path[w]=u;
                      //最短路径应从u到w
             visited[w]=TRUE; //设已访问标记
             EnQueue(Q,w);
                           //顶点w入队
         }//if
   }//while
```

1 2 3 4 5 6 7 8 visited false true false false false false false

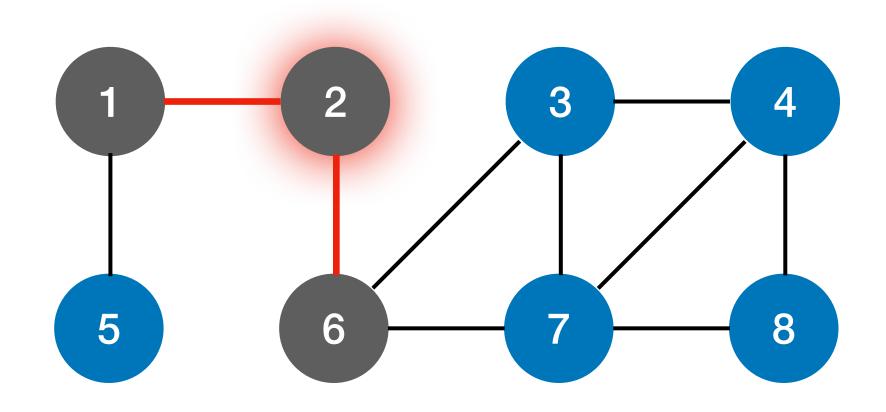


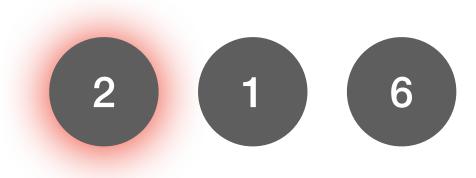
2

	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	∞	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
path[]	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
               //初始化路径长度
      path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                            //BFS算法主过程
      DeQueue(Q,u);
                             //队头元素u出队
      for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
         d[w]=d[u]+1;
                        //路径长度加1
            path[w]=u;
                      //最短路径应从u到w
            visited[w]=TRUE; //设已访问标记
             EnQueue(Q,w);
                           //顶点w入队
         }//if
   }//while
```

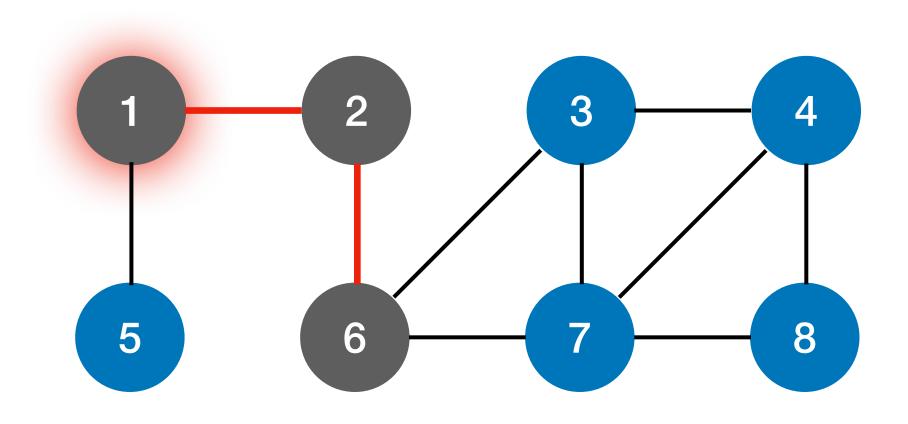
1 2 3 4 5 6 7 8 visited false true false false false false false





	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	∞	∞	∞	1	∞	∞
path[]	2	-1	-1	-1	-1	2	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
               //初始化路径长度
      path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                            //BFS算法主过程
      DeQueue(Q,u);
                             //队头元素u出队
      for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
         d[w]=d[u]+1;
                        //路径长度加1
            path[w]=u; //最短路径应从u到w
            visited[w]=TRUE; //设已访问标记
             EnQueue(Q,w);
                           //顶点w入队
         }//if
   }//while
```

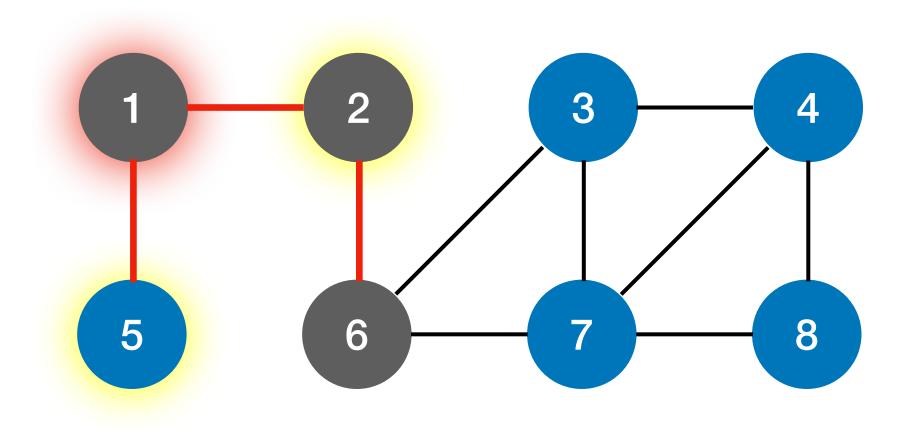




	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	∞	∞	∞	1	∞	∞
path[]	2	-1	-1	-1	-1	2	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
               //初始化路径长度
      path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                             //BFS算法主过程
      DeQueue(Q,u);
                             //队头元素u出队
      for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
         d[w]=d[u]+1;
                        //路径长度加1
             path[w]=u;
                      //最短路径应从u到w
             visited[w]=TRUE; //设已访问标记
             EnQueue(Q,w);
                           //顶点w入队
         }//if
   }//while
```

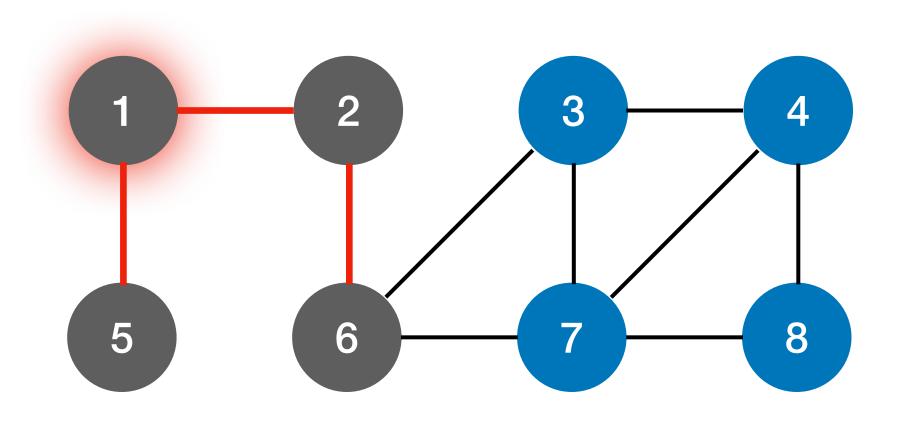
1 2 3 4 5 6 7 8 visited true true false false false true false false

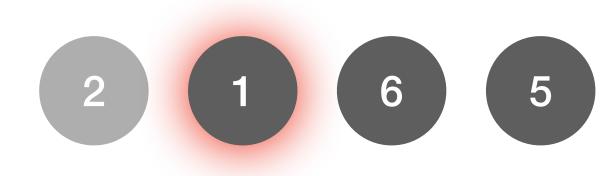




	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	∞	∞	∞	1	∞	∞
path[]	2	-1	-1	-1	-1	2	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
               //初始化路径长度
      path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                             //BFS算法主过程
      DeQueue(Q,u);
                             //队头元素u出队
      for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
         d[w]=d[u]+1;
                        //路径长度加1
             path[w]=u;
                      //最短路径应从u到w
             visited[w]=TRUE; //设已访问标记
             EnQueue(Q,w);
                           //顶点w入队
         }//if
   }//while
```

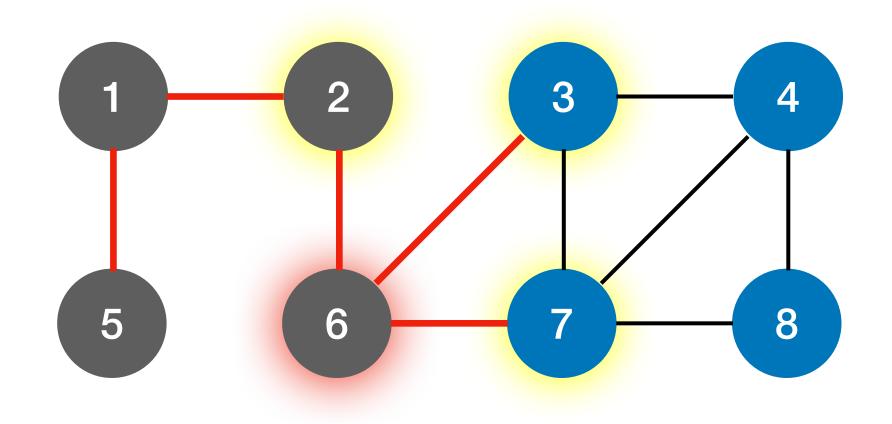




	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	∞	∞	2	1	∞	∞
path[]	2	-1	-1	-1	1	2	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
               //初始化路径长度
      path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                             //BFS算法主过程
      DeQueue(Q,u);
                             //队头元素u出队
      for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
         d[w]=d[u]+1;
                        //路径长度加1
             path[w]=u;
                      //最短路径应从u到w
             visited[w]=TRUE; //设已访问标记
             EnQueue(Q,w);
                           //顶点w入队
         }//if
   }//while
```

1 2 3 4 5 6 7 8 visited true true false false true true false false

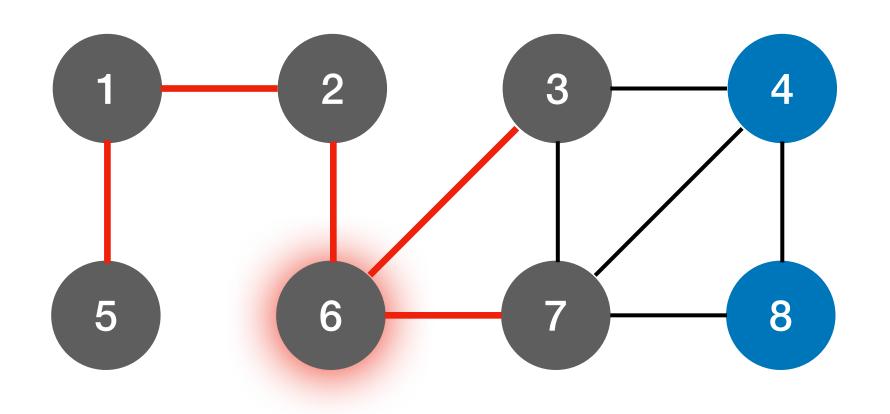


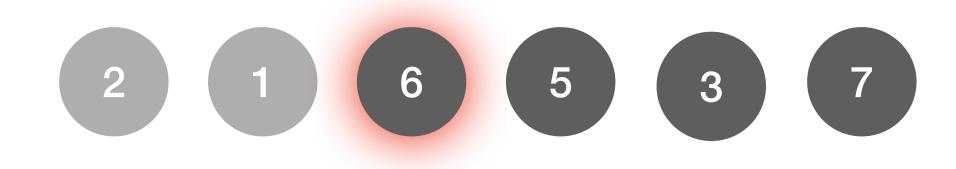


	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	∞	∞	2	1	∞	∞
path[]	2	-1	-1	-1	1	2	-1	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
      d[i]=<mark>∞;</mark>
               //初始化路径长度
      path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                             //BFS算法主过程
      DeQueue(Q,u);
                             //队头元素u出队
      for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
         d[w]=d[u]+1;
                        //路径长度加1
             path[w]=u;
                       //最短路径应从u到w
             visited[w]=TRUE; //设已访问标记
             EnQueue(Q,w);
                            //顶点w入队
         }//if
   }//while
```

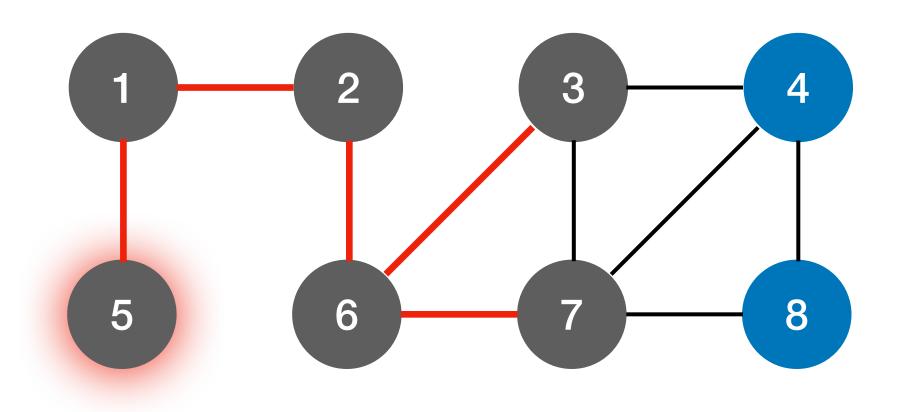
1 2 3 4 5 6 7 8 visited true true false false true true false false





	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	∞	2	1	2	∞
path[]	2	-1	6	-1	1	2	6	-1

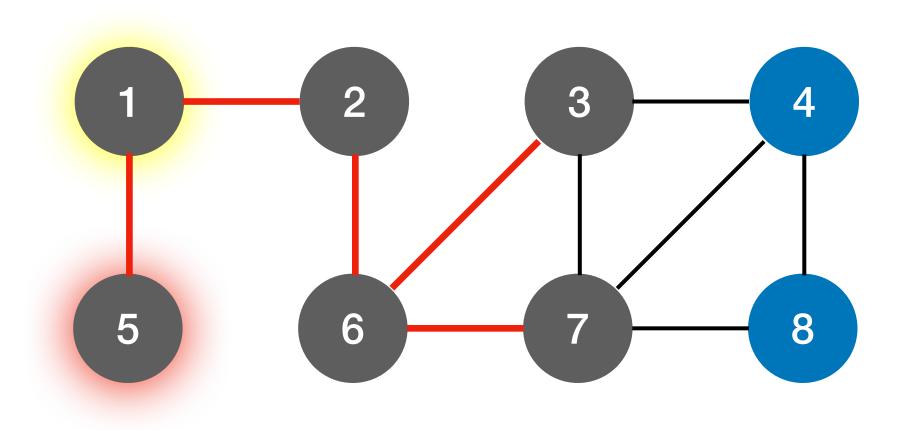
```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞;</mark>
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                               //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                               //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){
                          //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                          //路径长度加1
              path[w]=u;
                         //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                               //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                               //顶点w入队
          }//if
   }//while
```





	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	∞	2	1	2	∞
path[]	2	-1	6	-1	1	2	6	-1

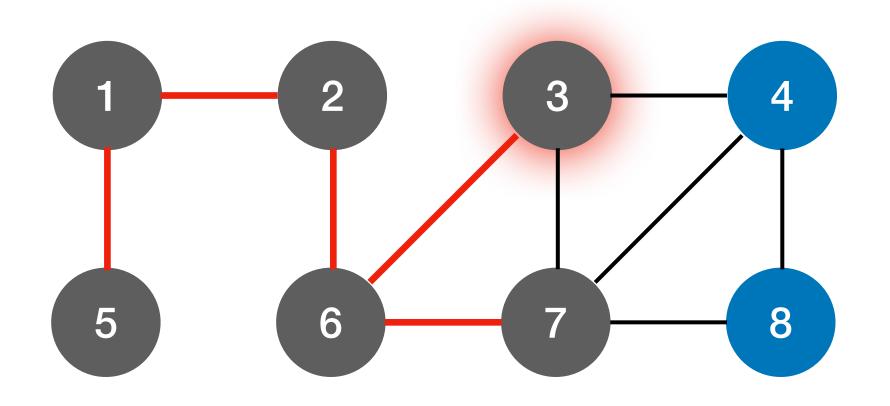
```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞;</mark>
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                               //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                               //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){
                          //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                           //路径长度加1
              path[w]=u;
                         //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                               //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                               //顶点w入队
          }//if
   }//while
```





	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	∞	2	1	2	∞
path[]	2	-1	6	-1	1	2	6	-1

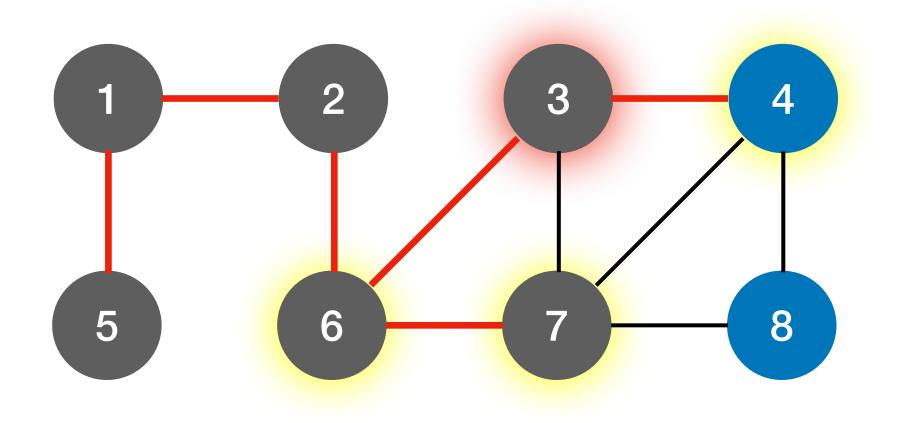
```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞;</mark>
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                               //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                               //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){
                          //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                           //路径长度加1
              path[w]=u;
                         //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                               //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                               //顶点w入队
          }//if
   }//while
```





	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	∞	2	1	2	∞
path[]	2	-1	6	-1	1	2	6	-1

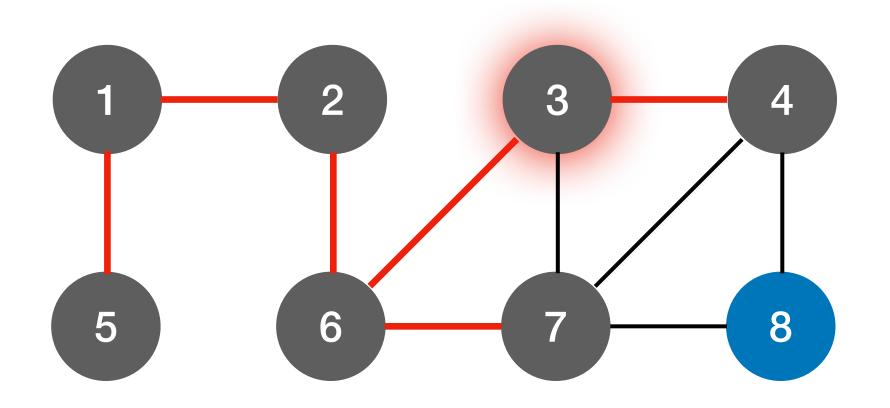
```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞;</mark>
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                               //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                               //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){
                          //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                           //路径长度加1
              path[w]=u;
                         //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                               //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                               //顶点w入队
          }//if
   }//while
```





	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	∞	2	1	2	∞
path[]	2	-1	6	-1	1	2	6	-1

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞;</mark>
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                               //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                               //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){
                          //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                           //路径长度加1
              path[w]=u;
                         //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                               //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                               //顶点w入队
          }//if
   }//while
```



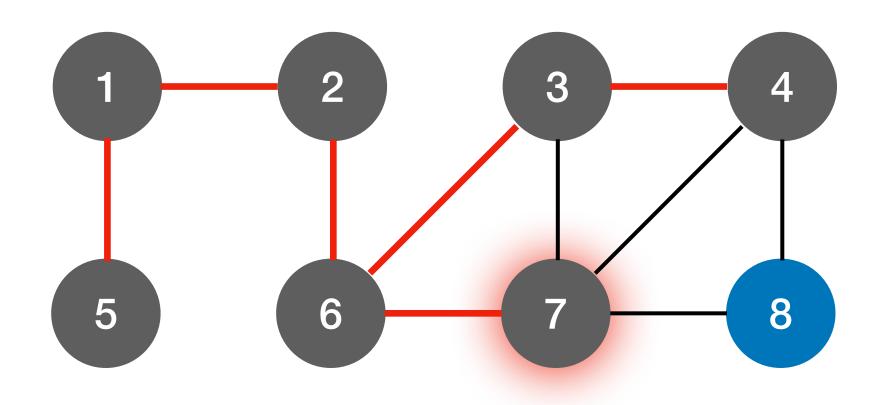


```
    1
    2
    3
    4
    5
    6
    7
    8

    d[]
    1
    0
    2
    3
    2
    1
    2
    ∞

    path[]
    2
    -1
    6
    3
    1
    2
    6
    -1
```

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞</mark>;
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                                //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                                //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
           if(!visited[w]){
                                //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                              //路径长度加1
              path[w]=u;
                          //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                                //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                                //顶点w入队
          }//if
   }//while
```





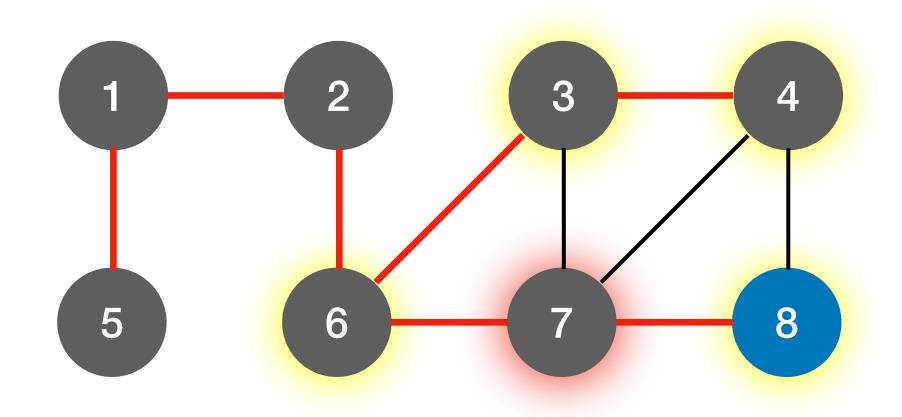
```
    1
    2
    3
    4
    5
    6
    7
    8

    d[]
    1
    0
    2
    3
    2
    1
    2
    ∞

    path[]
    2
    -1
    6
    3
    1
    2
    6
    -1
```

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞</mark>;
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                                //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                                //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
           if(!visited[w]){
                                //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                              //路径长度加1
              path[w]=u;
                          //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                                //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                                //顶点w入队
          }//if
   }//while
```





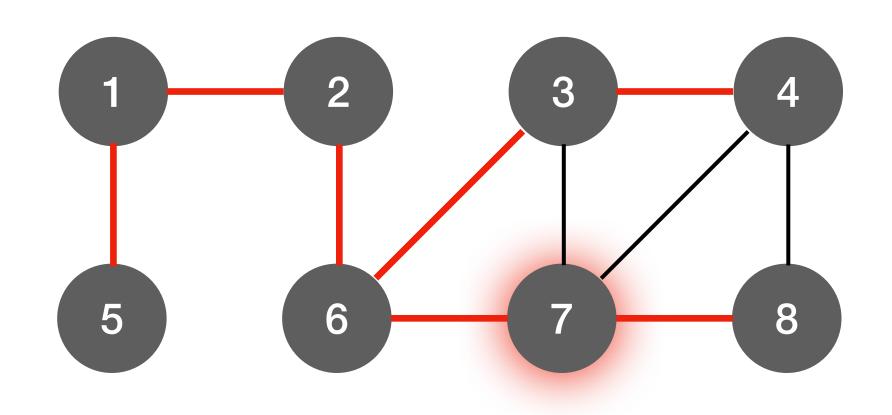
2	1	6	5	3	7	4

```
    1
    2
    3
    4
    5
    6
    7
    8

    d[]
    1
    0
    2
    3
    2
    1
    2
    ∞

    path[]
    2
    -1
    6
    3
    1
    2
    6
    -1
```

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞;</mark>
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                               //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                                //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){
                          //w为u的尚未访问的邻接顶点
                           //路径长度加1
              d[w]=d[u]+1;
              path[w]=u;
                         //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                               //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                               //顶点w入队
          }//if
   }//while
```

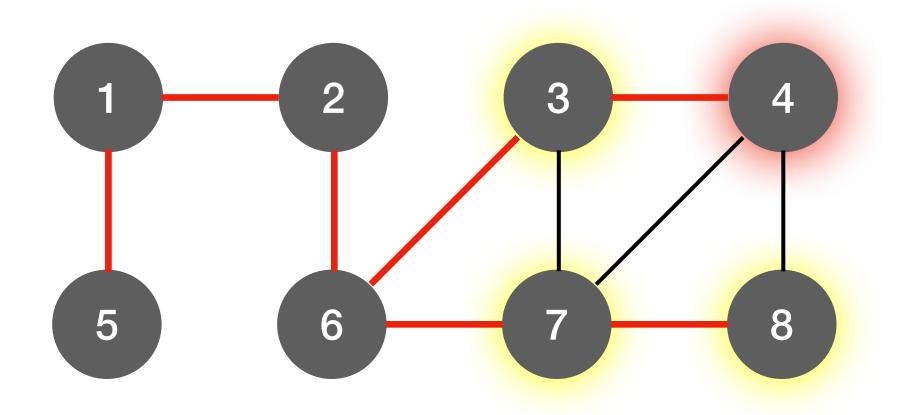


2 1 6 5 3 7 4

	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	3	2	1	2	3
path[]	2	-1	6	3	1	2	6	7

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞;</mark>
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                                //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                                //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
          if(!visited[w]){
                           //w为u的尚未访问的邻接顶点
              d[w]=d[u]+1;
                              //路径长度加1
                          //最短路径应从u到w
              path[w]=u;
              visited[w]=TRUE;
                               //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                                //顶点w入队
          }//if
   }//while
```

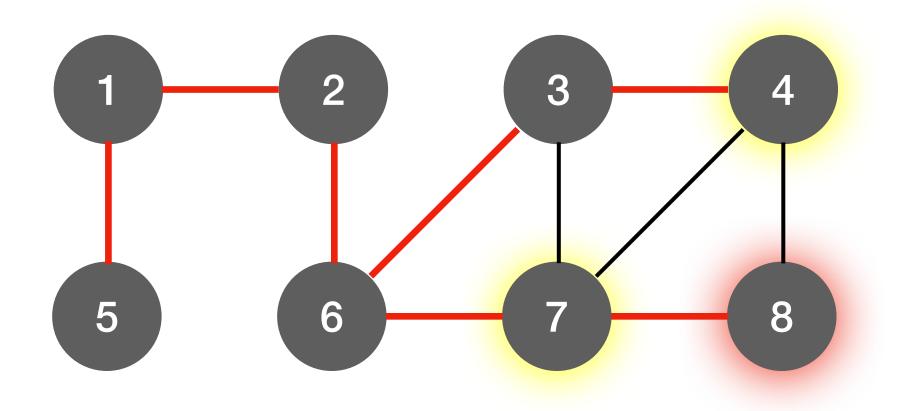
	1	2	3	4	5	6	7	8
visited	true							



2 1 6 5 3 7 4

	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	3	2	1	2	3
path[]	2	-1	6	3	1	2	6	7

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞</mark>;
                 //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                                //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                                //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
                                //w为u的尚未访问的邻接顶点
           if(!visited[w]){
              d[w]=d[u]+1;
                              //路径长度加1
              path[w]=u;
                          //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                                //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                                //顶点w入队
          }//if
   }//while
```

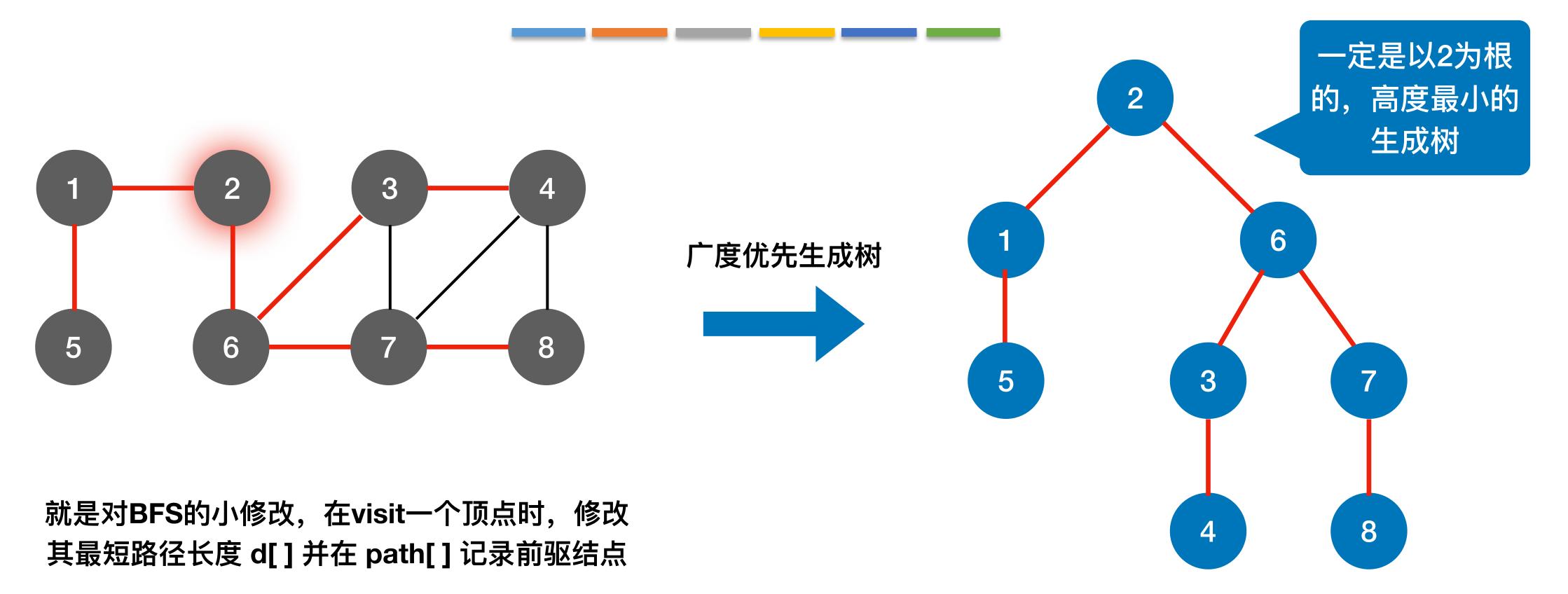


2 1 6 5 3 7 4

	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	3	2	1	2	3
path[]	2	-1	6	3	1	2	6	7

```
//求顶点 u 到其他顶点的最短路径
void BFS_MIN_Distance(Graph G,int u){
   //d[i]表示从u到i结点的最短路径
   for(i=0;i<G.vexnum;++i){</pre>
       d[i]=<mark>∞</mark>;
                  //初始化路径长度
       path[i]=-1; //最短路径从哪个顶点过来
   d[u]=0;
   visited[u]=TRUE;
   EnQueue(Q,u);
   while(!isEmpty(Q)){
                                 //BFS算法主过程
       DeQueue(Q,u);
                                 //队头元素u出队
       for(w=FirstNeighbor(G,u);w>=0;w=NextNeighbor(G,u,w))
                                //w为u的尚未访问的邻接顶点
           if(!visited[w]){
              d[w]=d[u]+1;
                                //路径长度加1
              path[w]=u;
                              //最短路径应从u到w
              visited[w]=TRUE;
                                //设已访问标记
              EnQueue(Q,w);
                                //顶点w入队
           }//if
   }//while
```

知识点回顾与重要考点



	1	2	3	4	5	6	7	8
d[]	1	0	2	3	2	1	2	3
path[]	2	-1	6	3	1	2	6	7

2到8的最短路径长度 = d[8] = 3

通过path数组可知,2到8的最短路径为:8 <- 7 <- 6 <- 2

欢迎大家对本节视频进行评价~



学员评分: 6.4.2_1 最...

扫一扫二维码打开或分享给好友



- 腾讯文档 -可多人实时在线编辑, 权限安全可控



公众号: 王道在线



5 b站: 王道计算机教育



抖音: 王道计算机考研