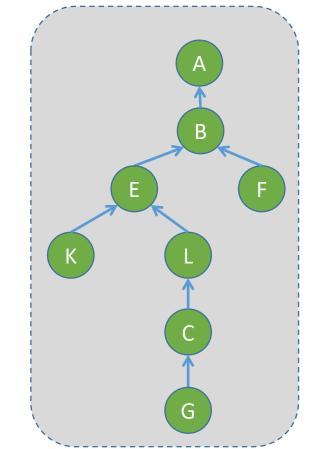
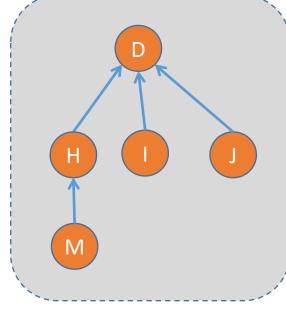
本节内容

补充: 并查集的终极优化



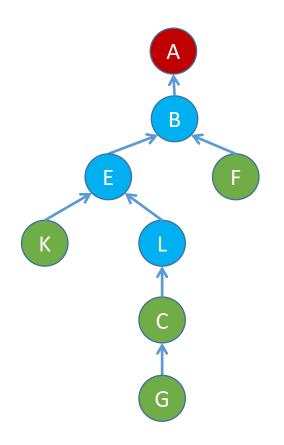
年轻人 不讲武德





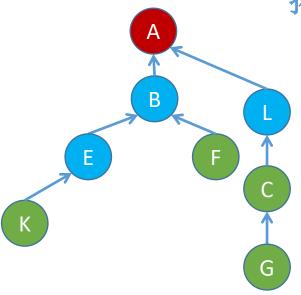
压缩路径——Find 操作,先找到根节点, 再将查找路径上所有结点都挂到根结点下

| 数据元素 | Α | В | C | D | E | F | G | н | I | J | K | L | M |
|------|----|---|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 数组下标 | 0 | | | | | | | | | | | | |
| S[] | -8 | 0 | 11 | -5 | 1 | 1 | 2 | 3 | 3 | 3 | 4 | 4 | 7 |



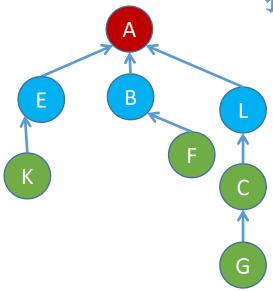
压缩路径——Find 操作,先找到根节点, 再将查找路径上所有结点都挂到根结点下

| 数据元素 | Α | В | C | D | E | F | G | н | 1 | J | K | L | M |
|------|----|---|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 数组下标 | | | | | | | | | | | | | |
| S[] | -8 | 0 | 11 | -5 | 1 | 1 | 2 | 3 | 3 | 3 | 4 | 4 | 7 |



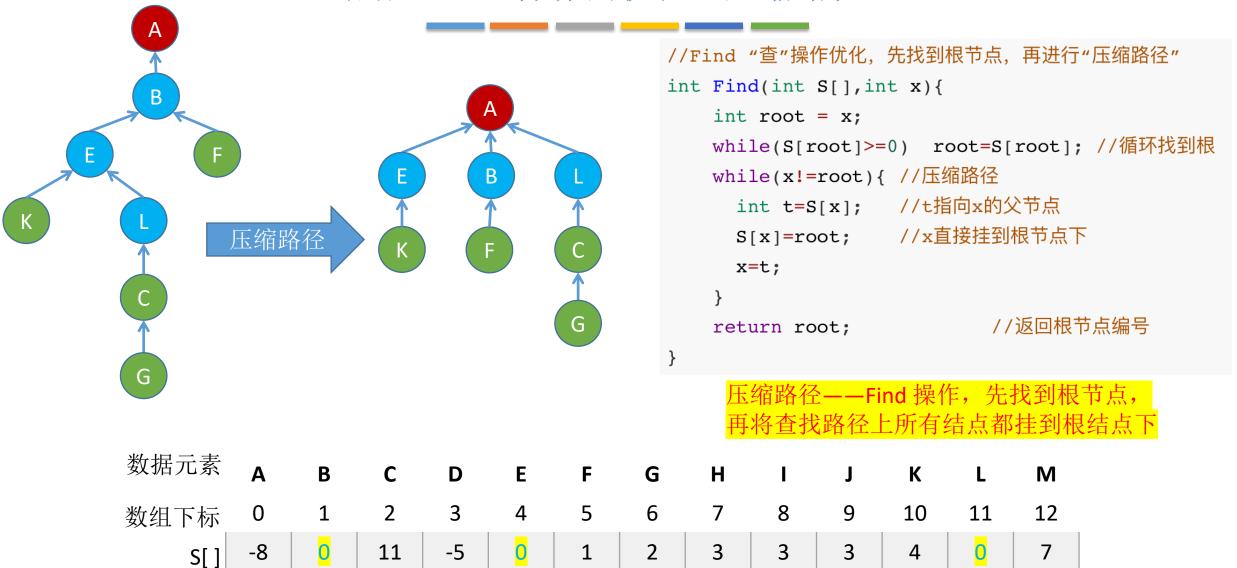
压缩路径——Find 操作,先找到根节点, 再将查找路径上所有结点都挂到根结点下

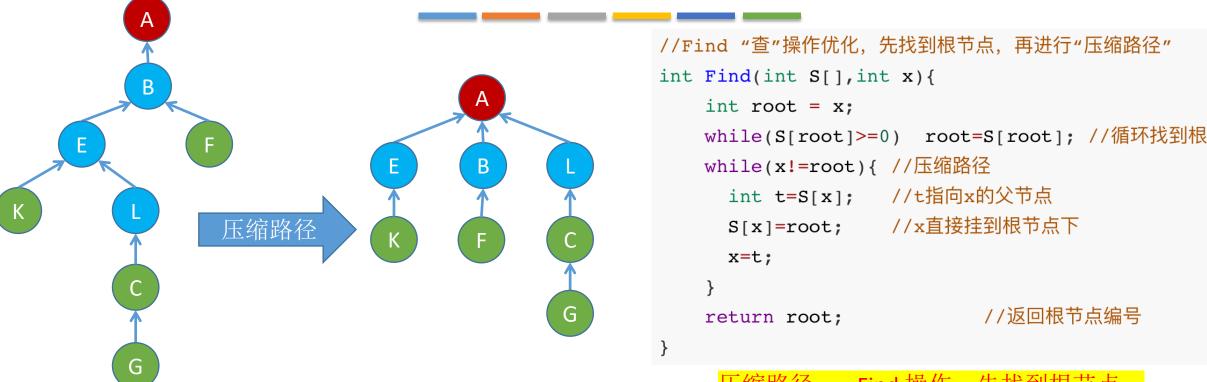
| 数据元素 | Α | В | C | D | E | F | G | н | 1 | J | K | L | M |
|------|----|---|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 数组下标 | 0 | | | | | | | | | | | | |
| S[] | -8 | 0 | 11 | -5 | 1 | 1 | 2 | 3 | 3 | 3 | 4 | 0 | 7 |



压缩路径——Find 操作,先找到根节点, 再将查找路径上所有结点都挂到根结点下

| 数据元素 | Α | В | C | D | E | F | G | н | 1 | J | K | L | M |
|------|----|---|----|----|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| 数组下标 | 0 | 1 | | | | | | | | | | 11 | 12 |
| S[] | -8 | 0 | 11 | -5 | 0 | 1 | 2 | 3 | 3 | 3 | 4 | 0 | 7 |





压缩路径——Find 操作,先找到根节点, 再将查找路径上所有结点都挂到根结点下

每次 Find 操作,先找根,再"压缩路径",可使树的高度不超过 $O(\alpha(n))$ 。 $\alpha(n)$ 是一个增长很缓慢的函数,对于常见的n值,通常 $\alpha(n)$ \leq 4,因此优化后并查集的Find、Union操作时间开销都很低

并查集的优化

```
#define SIZE 13
                  //集合元素数组
int UFSets[SIZE];
//初始化并查集
void Initial(int S[]){
   for(int i=0;i<SIZE;i++)</pre>
       S[i]=-1;
//Find "查"操作,找x所属集合(返回x所属根结点)
int Find(int S[],int x){
                      //循环寻找x的根
   while(S[x] >= 0)
       x=S[x];
                     //根的s[]小于0
   return x;
//Union "并"操作,将两个集合合并为一个
void Union(int S[],int Root1,int Root2){
   //要求Root1与Root2是不同的集合
   if(Root1==Root2) return;
   //将根Root2连接到另一根Root1下面
   S[Root2]=Root1;
```

核心思想:尽可能让树变矮

FIND保护

Union优化

```
//Find "查"操作优化,先找到根节点,再进行"压缩路径"
int Find(int S[],int x){
    int root = x;
    while(S[root]>=0) root=S[root]; //循环找到根
    while(x!=root){ //压缩路径
        int t=S[x]; //t指向x的父节点
        S[x]=root; //x直接挂到根节点下
        x=t;
    }
    return root; //返回根节点编号
```

并查集的优化

用数组、双亲表示法来描述元素之间的集合关系。根节点为-1,非根节点指向父节点下标。

Find (int S[], x) ——找到x所属集合 Union(int S[], int x, int y) —— 将x、y 所属集合合并



用根节点的负值表示一棵树的结点总数

每次 Union 操作让<mark>小</mark> 树合并到大树</mark>根节点 下面



"压缩路径"的策略,每次 Find 操作先找到 x 所属根节点,再将查找路径上的所有结点都直接挂在根节点下面

最坏时间复杂度:

Find 操作 = 最坏树高 = O(n)

将n个独立元素通过多次Union 合并为一个集合——O(n²) 最坏时间复杂度:

Find 操作=最坏树高= O(log₂n)

将n个独立元素通过多次Union合并为一个集合——O(nlog₂n)

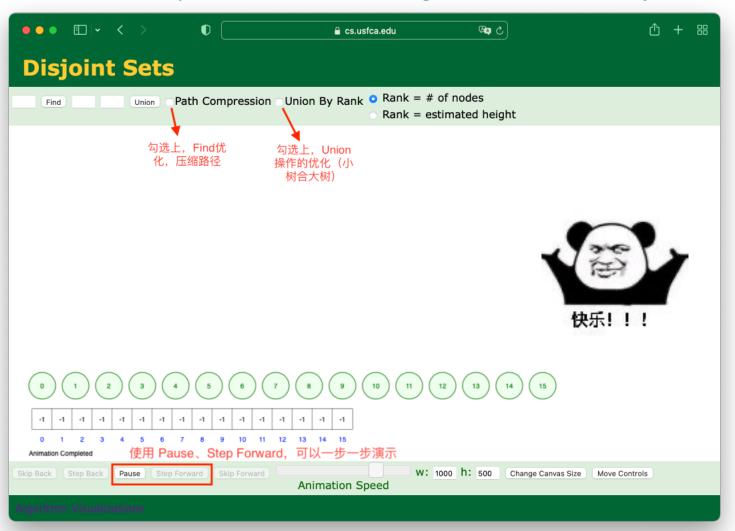
最坏时间复杂度:

Find 操作=最坏树高= $O(\alpha(n))$

将n个独立元素通过多次Union合并为一个集合—— $O(n \alpha(n))$

408快乐站

点开链接玩一玩: https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/DisjointSets.html



玩玩各种算法: https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/Algorithms.html





欢迎大家对本节视频进行评价~



学员评分: 5.5.2_2 并...



- 腾讯文档 -可多人实时在线编辑, 权限安全可控



△ 公众号:王道在线



ご b站: 王道计算机教育



♂ 抖音:王道计算机考研