# Máquinas de Turing Matemáticas Computacionales (TC2020)

M.C. Xavier Sánchez Díaz sax@itesm.mx



#### Lenguajes

Lo que hemos visto hasta ahora

Un **lenguaje** es un conjunto de **palabras**.

¿Cómo demostramos que un lenguaje es regular!

¿Cómo demostramos que un lenguaje es libre de contexto?



Lo que hemos visto hasta ahora

Un **lenguaje** es un conjunto de **palabras**.

¿Cómo demostramos que un lenguaje es regular?

¿Cómo demostramos que un lenguaje es libre de contexto?

#### Lenguajes

Lo que hemos visto hasta ahora

Un **lenguaje** es un conjunto de **palabras**.

¿Cómo **demostramos** que un lenguaje es regular?

¿Cómo demostramos que un lenguaje es libre de contexto?

Lo que hemos visto hasta ahora

Los Autómatas Finitos, las expresiones regulares y las gramáticas regulares sirven para representar lenguajes regulares.

Los **Autómatas de Pila** y las **gramáticas libres de contexto** sirven para representar lenguajes libres de contexto.

Sin embargo, hay otros lenguajes que no podemos representar con ninguna de estas herramientas.

Lo que hemos visto hasta ahora

Los Autómatas Finitos, las expresiones regulares y las gramáticas regulares sirven para representar lenguajes regulares.

Los **Autómatas de Pila** y las **gramáticas libres de contexto** sirven para representar lenguajes libres de contexto.

Sin embargo, hay otros lenguajes que no podemos representar con ninguna de estas herramientas.

Lo que hemos visto hasta ahora

Los Autómatas Finitos, las expresiones regulares y las gramáticas regulares sirven para representar lenguajes regulares.

Los **Autómatas de Pila** y las **gramáticas libres de contexto** sirven para representar lenguajes libres de contexto.

Sin embargo, hay otros lenguajes que no podemos representar con ninguna de estas herramientas.

Lo que hemos visto hasta ahora

#### Por ejemplo, intentemos representar $\{a^nb^nc^n|n\geq 0\}$ con un AP:

- ullet Por cada a ponemos un contador en la pila
- Por cada b quitamos un contador de la pila
- No podemos contar las cs.

Lo que hemos visto hasta ahora

Por ejemplo, intentemos representar  $\{a^nb^nc^n|n\geq 0\}$  con un AP:

- ullet Por cada a ponemos un contador en la pila
- ullet Por cada b quitamos un contador de la pila
- No podemos contar las cs.

Lo que hemos visto hasta ahora

Por ejemplo, intentemos representar  $\{a^nb^nc^n|n\geq 0\}$  con un AP:

- ullet Por cada a ponemos un contador en la pila
- ullet Por cada b quitamos un contador de la pila
- No podemos contar las cs.

Lo que hemos visto hasta ahora

Por ejemplo, intentemos representar  $\{a^nb^nc^n|n\geq 0\}$  con un AP:

- ullet Por cada a ponemos un contador en la pila
- ullet Por cada b quitamos un contador de la pila
- No podemos contar las cs.

Lo que hemos visto hasta ahora

Por ejemplo, intentemos representar  $\{a^nb^nc^n|n\geq 0\}$  con un AP:

- ullet Por cada a ponemos un contador en la pila
- Por cada b quitamos un contador de la pila
- No podemos contar las cs.

# Un mejor uso de la memoria

Turing y su máquina

Claramente el problema que tenemos es de memoria: no tenemos cómo recordar las cs.

En un AP sólo leemos el tope de la pila. ¿Qué pasaría si leyéramos cualquier parte de la misma?

¿Cuál es el límite de la pila? ¿Cuántos símbolos puede guardar?



Turing y su máquina

Claramente el problema que tenemos es de memoria: no tenemos cómo recordar las cs.

En un AP sólo leemos el tope de la pila. ¿Qué pasaría si leyéramos cualquier parte de la misma?

¿Cuál es el límite de la pila? ¿Cuántos símbolos puede guardar?

## Un mejor uso de la memoria

Turing y su máquina

Claramente el problema que tenemos es de memoria: no tenemos cómo recordar las  $c\mathbf{s}$ .

En un AP sólo leemos el tope de la pila. ¿Qué pasaría si leyéramos cualquier parte de la misma?

¿Cuál es el límite de la pila? ¿Cuántos símbolos puede guardar?

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

Una máquina de Turing (MT) soluciona estos problemas, *uniendo* el *in-put* y la memoria. Ahora nuestro Autómata Reloaded tiene los siguientes elementos:

- Un conjunto de estados de control que es finito
- Una cinta infinita que utiliza como su memoria
- Un cabezal en la cinta que puede leer y escribir en una celda a la vez.

- Escribe un símbolo en la celda donde está el cabezal,
- cambia de estado, y
- mueve el cabezal.

Turing y su máquina

#### Sea M una máquina de Turing:

- M acepta una palabra w si entra al estado de aceptación cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M rechaza una palabra w si entra al estado de rechazo cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M entra en loop con una palabra w si al leer w no entra ni al estado de aceptación ni al de rechazo. En este caso, M no termina.

Turing y su máquina

#### Sea M una máquina de Turing:

- M acepta una palabra w si entra al estado de aceptación cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M rechaza una palabra w si entra al estado de rechazo cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M entra en loop con una palabra w si al leer w no entra ni al estado de aceptación ni al de rechazo. En este caso, M no termina.

Turing y su máquina

#### Sea M una máquina de Turing:

- M acepta una palabra w si entra al estado de aceptación cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M rechaza una palabra w si entra al estado de rechazo cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M entra en loop con una palabra w si al leer w no entra ni al estado de aceptación ni al de rechazo. En este caso, M no termina.

Turing y su máquina

#### Sea M una máquina de Turing:

- M acepta una palabra w si entra al estado de aceptación cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M rechaza una palabra w si entra al estado de rechazo cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M entra en loop con una palabra w si al leer w no entra ni al estado de aceptación ni al de rechazo. En este caso, M no termina.

Turing y su máquina

#### Sea M una máquina de Turing:

- M acepta una palabra w si entra al estado de aceptación cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M rechaza una palabra w si entra al estado de rechazo cuando se lee w. En este caso, M termina.
- M entra en loop con una palabra w si al leer w no entra ni al estado de aceptación ni al de rechazo. En este caso, M no termina.

Turing y su máquina

El lenguaje de una máquina de Turing M, denotado con L(M) o  $\mathfrak{L}(M)$  es el conjunto de todas las palabras que M acepta:

$$\mathfrak{L}(M) = \{ w \in \Sigma^* | M \text{ acepta } w \}$$

Un lenguaje es reconocible si y solo si es el lenguaje de alguna máquina de Turing.

¿Existen más lenguajes?

Turing y su máquina

El lenguaje de una máquina de Turing M, denotado con L(M) o  $\mathfrak{L}(M)$  es el conjunto de todas las palabras que M acepta:

$$\mathfrak{L}(M) = \{ w \in \Sigma^* | M \text{ acepta } w \}$$

Un lenguaje es reconocible si y solo si es el lenguaje de alguna máquina de Turing.

¿Existen más lenguajes?

Turing y su máquina

El lenguaje de una máquina de Turing M, denotado con L(M) o  $\mathfrak{L}(M)$  es el conjunto de todas las palabras que M acepta:

$$\mathfrak{L}(M) = \{ w \in \Sigma^* | M \text{ acepta } w \}$$

Un lenguaje es reconocible si y solo si es el lenguaje de alguna máquina de Turing.

¿Existen más lenguajes?

Turing y su máquina

En 1928, David Hilbert y Wilhelm Ackermann—ambos matemáticos alemanes—propusieron un problema que llevó cerca de 8 años resolver:

#### El Entscheidungsproblem

¿Existe algún algoritmo que tome como *input* una proposición de lógica de primer orden, y diga si es o no universalmente válido a partir de sus axiomas?

Turing y su máquina

En 1928, David Hilbert y Wilhelm Ackermann—ambos matemáticos alemanes—propusieron un problema que llevó cerca de 8 años resolver:

#### El Entscheidungsproblem

¿Existe algún algoritmo que tome como *input* una proposición de lógica de primer orden, y diga si es o no universalmente válido a partir de sus axiomas?

Turing y su máquina

En 1936, Alonzo Church—matemático estadounidense—lanza una publicación definiendo el concepto de "calculabilidad efectiva" mediante el cálculo lambda. Esto da nombre a las funciones lambda en lenguajes de programación.

El mismo año, Alan Turing—matemático inglés—publica su trabajo *On Computable Numbers, with an application to the Entscheidungsproblem*<sup>1</sup>, donde propone la MT y delimita todo aquello que puede ser "computable".

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Es altamente probable que tengan que leer el paper para el examen..

Turing y su máquina

En 1936, Alonzo Church—matemático estadounidense—lanza una publicación definiendo el concepto de "calculabilidad efectiva" mediante el cálculo lambda. Esto da nombre a las funciones lambda en lenguajes de programación.

El mismo año, Alan Turing—matemático inglés—publica su trabajo *On Computable Numbers, with an application to the Entscheidungsproblem*<sup>1</sup>, donde propone la MT y delimita todo aquello que puede ser "computable".

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Es altamente probable que tengan que leer el paper para el examen...

Turing y su máquina

En 1936, Alonzo Church—matemático estadounidense—lanza una publicación definiendo el concepto de "calculabilidad efectiva" mediante el cálculo lambda. Esto da nombre a las funciones lambda en lenguajes de programación.

El mismo año, Alan Turing—matemático inglés—publica su trabajo *On Computable Numbers, with an application to the Entscheidungsproblem*<sup>1</sup>, donde propone la MT y delimita todo aquello que puede ser "computable".

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Es altamente probable que tengan que leer el paper para el examen...

Turing y su máquina

Aunque dos personas dieron la misma respuesta al *Entscheidungsproblem*—no existe algoritmo alguno para responder—usualmente nos quedamos con la versión de Turing, pues es más contundente al definir lo que es un algoritmo:

#### Teorema :

Si lo puede hacer una máquina de Turing, entonces hay un algoritmo para ello.

Turing y su máquina

Aunque dos personas dieron la misma respuesta al *Entscheidungsproblem*—no existe algoritmo alguno para responder—usualmente nos quedamos con la versión de Turing, pues es más contundente al definir lo que es un algoritmo:

#### Teorema 1

Si lo puede hacer una máquina de Turing, entonces hay un algoritmo para ello.

Turing y su máquina

Aunque dos personas dieron la misma respuesta al *Entscheidungsproblem*—no existe algoritmo alguno para responder—usualmente nos quedamos con la versión de Turing, pues es más contundente al definir lo que es un algoritmo:

#### Teorema 1

Si lo puede hacer una máquina de Turing, entonces hay un algoritmo para ello.

Turing y su máquina

Aunque dos personas dieron la misma respuesta al *Entscheidungsproblem*—no existe algoritmo alguno para responder—usualmente nos quedamos con la versión de Turing, pues es más contundente al definir lo que es un algoritmo:

#### Teorema 1

Si lo puede hacer una máquina de Turing, entonces hay un algoritmo para ello.

Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

#### Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

#### Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

#### Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

#### Formalidades y ejemplos

De nuevo, hay muchas maneras de abordar la definición formal. Por ello, nos enfocaremos en usar lo más parecido a lo que hayamos usado.

- Un conjunto de estados.
- Un input.
- Una cinta que usa como memoria.
- Un estado inicial.
- Un estado de aceptación.
- Un estado de rechazo.
- Una función de transición que define cómo pasar de un estado a otro, dadas ciertas condiciones.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- Q es un conjunto finito de estados,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el alfabeto de la cinta, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- ullet  $a\in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- ullet  $\delta$  es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- ullet Q es un conjunto finito de **estados**,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el alfabeto de la cinta, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- ullet  $a\in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- $\bullet$   $\delta$  es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- ullet Q es un conjunto finito de **estados**,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el alfabeto de la cinta, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- ullet  $a\in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- $\bullet$   $\delta$  es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- ullet Q es un conjunto finito de **estados**,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el **alfabeto de la cinta**, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- $a \in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- $\bullet$   $\delta$  es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- ullet Q es un conjunto finito de **estados**,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el **alfabeto de la cinta**, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- $a \in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- $\bullet$   $\delta$  es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- ullet Q es un conjunto finito de **estados**,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el **alfabeto de la cinta**, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- $a \in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- $\bullet$   $\delta$  es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- ullet Q es un conjunto finito de **estados**,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el **alfabeto de la cinta**, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- $a \in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- $\bullet$   $\delta$  es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

## Definición formal de una máquina de Turing

- ullet Q es un conjunto finito de **estados**,
- $\Sigma$  es el **alfabeto del input**, donde  $\square \not\in \Sigma$ ,
- $\Gamma$  es el **alfabeto de la cinta**, donde  $\square \in \Gamma$  y  $\Sigma \subseteq \Gamma$ ,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- $a \in Q$  es el estado de aceptación,
- $r \in Q$  es el **estado de rechazo**, y
- ullet es la función de transición.

Formalidades y ejemplos

La función de transición  $\delta$  es una función de la forma:

$$\delta: Q \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, N, R\}$$

#### Ejemplo

Podemos escribir  $q_0 1 \rightarrow q_1 1R$  que significaría que:

- Estando en el estado  $q_0$ ,
- y al leer un 1 en la cinta

- cambia al estado  $q_1$ ,
- escribe un 1 en la celda actual, y
- ullet mueve el cabezal hacia la derecha (Right)

Formalidades y ejemplos

La función de transición  $\delta$  es una función de la forma:

$$\delta: Q \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, N, R\}$$

## Ejemplo

Podemos escribir  $q_0 1 \rightarrow q_1 1R$  que significaría que:

- Estando en el estado  $q_0$ ,
- y al leer un 1 en la cinta

- cambia al estado  $q_1$ ,
- escribe un 1 en la celda actual, y
- mueve el cabezal hacia la derecha (Right)

Formalidades y ejemplos

La función de transición  $\delta$  es una función de la forma:

$$\delta: \mathbb{Q} \times \Gamma \to \mathbb{Q} \times \Gamma \times \{L, N, R\}$$

## Ejemplo

Podemos escribir  $q_0 1 \rightarrow q_1 1R$  que significaría que:

- Estando en el estado  $q_0$ ,
- y al leer un 1 en la cinta

- cambia al estado  $q_1$ ,
- escribe un 1 en la celda actual, y
- mueve el cabezal hacia la derecha (Right)

Formalidades y ejemplos

La función de transición  $\delta$  es una función de la forma:

$$\delta: Q \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, N, R\}$$

## Ejemplo

Podemos escribir  $q_0 \mathbf{1} \to q_1 1R$  que significaría que:

- ullet Estando en el estado  $q_0$ ,
- y al leer un 1 en la cinta

- cambia al estado  $q_1$ ,
- escribe un 1 en la celda actual, y
- mueve el cabezal hacia la derecha (Right)

Formalidades y ejemplos

La función de transición  $\delta$  es una función de la forma:

$$\delta: Q \times \Gamma \to \frac{Q}{Q} \times \Gamma \times \{L, N, R\}$$

## Ejemplo

Podemos escribir  $q_0 1 \rightarrow q_1 1R$  que significaría que:

- Estando en el estado  $q_0$ ,
- y al leer un 1 en la cinta

- cambia al estado  $q_1$ ,
- escribe un 1 en la celda actual, y
- mueve el cabezal hacia la derecha (Right)

Formalidades y ejemplos

La función de transición  $\delta$  es una función de la forma:

$$\delta: Q \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, N, R\}$$

## Ejemplo

Podemos escribir  $q_0 1 \rightarrow q_1 1R$  que significaría que:

- Estando en el estado  $q_0$ ,
- y al leer un 1 en la cinta

- $\bullet$  cambia al estado  $q_1$ ,
- escribe un 1 en la celda actual, y
- mueve el cabezal hacia la derecha (Right)

Formalidades y ejemplos

La función de transición  $\delta$  es una función de la forma:

$$\delta: Q \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, N, R\}$$

## Ejemplo

Podemos escribir  $q_0 1 \rightarrow q_1 1 R$  que significaría que:

- Estando en el estado  $q_0$ ,
- y al leer un 1 en la cinta

- $\bullet$  cambia al estado  $q_1$ ,
- escribe un 1 en la celda actual, y
- mueve el cabezal hacia la derecha (Right)

Formalidades y ejemplos

#### La verdad es que...

...es más fácil pensarlo como **flechas** que van **de un estado** q0 **a otro estado** q1 de la forma  $x \to y, D$ — si lees x, escribes y y te mueves hacia D:



Formalidades y ejemplos

La verdad es que...

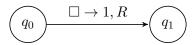
...es más fácil pensarlo como **flechas** que van **de un estado** q0 **a otro estado** q1 de la forma  $x \to y, D$ — si lees x, escribes y y te mueves hacia D:



Formalidades y ejemplos

La verdad es que...

...es más fácil pensarlo como **flechas** que van **de un estado** q0 **a otro estado** q1 de la forma  $x \to y, D$ — si lees x, escribes y y te mueves hacia D:



# Configuración inicial

Formalidades y ejemplos

Antes de comenzar el cómputo, la máquina de Turing debe estar en una configuración específica. En esta configuración:

- La cinta está vacía, es decir que tiene sólo símbolos 

  en ella.
- 2 La palabra de entrada se copia a algún lugar en la cinta
- Se El cabezal se mueve al inicio de la palabra de entrada.

# Configuración inicial

Formalidades y ejemplos

Antes de comenzar el cómputo, la máquina de Turing debe estar en una configuración específica. En esta configuración:

- La cinta está vacía, es decir que tiene sólo símbolos 

  en ella.
- 2 La palabra de entrada se copia a algún lugar en la cinta.
- O El cabezal se mueve al inicio de la palabra de entrada.

# Configuración inicial

Formalidades y ejemplos

Antes de comenzar el cómputo, la máquina de Turing debe estar en una configuración específica. En esta configuración:

- La cinta está vacía, es decir que tiene sólo símbolos 

  en ella.
- 2 La palabra de entrada se copia a algún lugar en la cinta.
- 3 El cabezal se mueve al **inicio** de la palabra de entrada.

# **Ejemplos**Formalidades y ejemplos

# ¿Y los ejemplos?

Se irán agregando con el tiempo.

Mientras, hay que revisar otros enfoques:

- Slides 26 de Ramón Brena/Santiago Conant.
- 2 Slides 18, 19, 20 y 21 de Keith Schwarz.
- Capítulos 4 de Maheshwari y Smid.