# Estructuras de datos Solución de Problemas con Programación (TC1017)

M.C. Xavier Sánchez Díaz sax@tec.mx



## Outline

Operaciones

2 Estructuras matemáticas

Operaciones vectorizadas

Como ya vimos, existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en la computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

Como ya vimos, existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en la computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

Como ya vimos, existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en la computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

Como ya vimos, existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en la computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

# Datos como resultados Datos y operaciones

Antes de usar la computadora o la calculadora para hacer cálculos, solíamos hacer las operaciones a mano. Por ejemplo, si queremos calcular  $1270\times35$ , una manera de hacerlo podría ser. . .

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

# Datos como resultados Datos y operaciones

La operación completa se hace poco a poco, y por tanto necesitamos "recordar" ciertos pasos intermedios que ya tenemos calculados.

Así como nosotros tenemos que tener en claro cuáles son esos pasos intermedios, la computadora debe saber *dónde está* la información que tiene que leer para trabajar y hacer cálculos más elaborados.

Para eso, podemos usar las estructuras de datos, para **ordenarlos** de manera conveniente y poder tener acceso a ellos de manera que se vayan necesitando.

Datos y operaciones

La operación completa se hace poco a poco, y por tanto necesitamos "recordar" ciertos pasos intermedios que ya tenemos calculados.

Así como nosotros tenemos que tener en claro cuáles son esos pasos intermedios, la computadora debe saber *dónde está* la información que tiene que leer para trabajar y hacer cálculos más elaborados.

Para eso, podemos usar las estructuras de datos, para **ordenarlos** de manera conveniente y poder tener acceso a ellos de manera que se vayan necesitando.

# Datos como resultados Datos y operaciones

La operación completa se hace poco a poco, y por tanto necesitamos "recordar" ciertos pasos intermedios que ya tenemos calculados.

Así como nosotros tenemos que tener en claro cuáles son esos pasos intermedios, la computadora debe saber *dónde está* la información que tiene que leer para trabajar y hacer cálculos más elaborados.

Para eso, podemos usar las estructuras de datos, para **ordenarlos** de manera conveniente y poder tener acceso a ellos de manera que se vayan necesitando.

#### Estructuras matemáticas

## La forma más simple de guardar un solo dato es usando una variable.

En álgebra, hemos usado estas *variables* para expresar qué hace una funciór y saber su resultado:

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

- ullet x es una variable la cual no sabemos su valor en este momento, pero sabemos qué hacer con ella
- y es otra variable (porque tiene distinto nombre) y no sabemos su valor ahora, pero sabemos que guardará el resultado de la operación

#### Estructuras matemáticas

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

- ullet x es una variable la cual no sabemos su valor en este momento, pero sabemos qué hacer con ella
- ullet y es otra variable (porque tiene distinto nombre) y no sabemos su valor ahora, pero sabemos que guardará el resultado de la operación

#### Estructuras matemáticas

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

- ullet x es una variable la cual no sabemos su valor en este momento, pero sabemos qué hacer con ella
- ullet y es otra variable (porque tiene distinto nombre) y no sabemos su valor ahora, pero sabemos que guardará el resultado de la operación

#### Estructuras matemáticas

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

- $m{x}$  es una variable la cual no sabemos su valor en este momento, pero sabemos qué hacer con ella
- ullet y es otra variable (porque tiene distinto nombre) y no sabemos su valor ahora, pero sabemos que guardará el resultado de la operación

#### Estructuras matemáticas

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

- ullet x es una variable la cual no sabemos su valor en este momento, pero sabemos qué hacer con ella
- ullet y es otra variable (porque tiene distinto nombre) y no sabemos su valor ahora, pero sabemos que guardará el resultado de la operación

#### Estructuras matemáticas

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

Si ahora le damos valor a x, por ejemplo, x=3...

- ullet x guarda el valor de 3
- y guarda  $2(3)^2 + (3)(3) + 5 = 18 + 9 + 5 = 32$

#### Estructuras matemáticas

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

Si ahora le damos valor a x, por ejemplo, x = 3...

- $\bullet$  x guarda el valor de 3
- y guarda  $2(3)^2 + (3)(3) + 5 = 18 + 9 + 5 = 32$

#### Estructuras matemáticas

$$y = 2x^2 + 3x + 5$$

Si ahora le damos valor a x, por ejemplo, x = 3...

- ullet x guarda el valor de 3
- y guarda  $2(3)^2 + (3)(3) + 5 = 18 + 9 + 5 = 32$

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- ullet  $t_1=90$  será la variable para la Tarea 1
- ullet  $t_2=75$  será la variable para la Tarea 2
- ullet  $t_3=87$  será la variable para la Tarea 3

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 2?
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue!

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- $t_1 = 90$  será la variable para la Tarea 1
- $t_2 = 75$  será la variable para la Tarea 2
- $t_3 = 87$  será la variable para la Tarea 3

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 2?
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue?

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- $t_1 = 90$  será la variable para la Tarea 1
- ullet  $t_2=75$  será la variable para la Tarea 2
- $t_3 = 87$  será la variable para la Tarea 3

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 2?
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue?

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- $t_1 = 90$  será la variable para la Tarea 1
- $t_2 = 75$  será la variable para la Tarea 2
- $t_3 = 87$  será la variable para la Tarea 3

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 21
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue?

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- $t_1 = 90$  será la variable para la Tarea 1
- $t_2 = 75$  será la variable para la Tarea 2
- $t_3 = 87$  será la variable para la Tarea 3

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 21
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue?

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- $t_1 = 90$  será la variable para la Tarea 1
- $t_2 = 75$  será la variable para la Tarea 2
- $t_3 = 87$  será la variable para la Tarea 3

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 2?
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue?

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- $t_1 = 90$  será la variable para la Tarea 1
- ullet  $t_2=75$  será la variable para la Tarea 2
- $t_3 = 87$  será la variable para la Tarea 3

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 2?
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue?

#### Estructuras matemáticas

Asumamos que quiero saber las calificaciones de las Tareas 1, 2 y 3 de uno de mis alumnos. Para esto, necesitaría un lugar para guardar esos **3 datos**:

- $t_1 = 90$  será la variable para la Tarea 1
- ullet  $t_2=75$  será la variable para la Tarea 2
- $t_3 = 87$  será la variable para la Tarea 3

## Con esta información, ahora contesta:

- ¿Cuál fue la calificación para la Tarea 2?
- ¿Cuál fue el promedio del alumno?
- ¿Cuál es la tarea en la que mejor le fue?

#### Estructuras matemáticas

¿La pregunta ahora es...realmente necesito **3 variables** para guardar **3 datos**? Podemos *arreglar* los datos de tal manera que **su posición** nos aporte algo más:

$$\mathbf{t} = \langle 90, 75, 87 \rangle$$

La **posición** en esta *lista ordenada* nos indica qué número de tarea fue, y el valor que haya en dicha posición guarda la calificación. Por lo mismo, podemos usar "una sola variable" para guardar de manera ordenada la información requerida, y referirnos sólo a la posición deseada:

$$t_2 = 75$$

#### Estructuras matemáticas

¿La pregunta ahora es...realmente necesito **3 variables** para guardar **3 datos**? Podemos *arreglar* los datos de tal manera que **su posición** nos aporte algo más:

$$\mathbf{t} = \langle 90, 75, 87 \rangle$$

La **posición** en esta *lista ordenada* nos indica qué número de tarea fue, y el valor que haya en dicha posición guarda la calificación. Por lo mismo, podemos usar "una sola variable" para guardar de manera ordenada la información requerida, y referirnos sólo a la posición deseada:

$$t_2 = 75$$

#### Estructuras matemáticas

¿La pregunta ahora es...realmente necesito **3 variables** para guardar **3 datos**? Podemos *arreglar* los datos de tal manera que **su posición** nos aporte algo más:

$$\mathbf{t} = \langle 90, 75, 87 \rangle$$

La **posición** en esta *lista ordenada* nos indica qué número de tarea fue, y el valor que haya en dicha posición guarda la calificación. Por lo mismo, podemos usar "una sola variable" para guardar de manera ordenada la información requerida, y referirnos sólo a la posición deseada:

$$t_2 = 75$$

#### Estructuras matemáticas

$$\mathbf{x} = \langle 1, 2, 10, 23, 2, -1, 70, 15 \rangle$$

- Usamos negritas para denotar la diferencia entre la variable x que guarda un valor, y la variable x que guarda múltiples valores
- Usamos angle brackets (cuñas les dicen en español) para delimitar las de sus valores
- A diferencia de un conjunto, el orden de los valores sí importa

#### Estructuras matemáticas

$$\mathbf{x} = \langle 1, 2, 10, 23, 2, -1, 70, 15 \rangle$$

- Usamos negritas para denotar la diferencia entre la variable x que guarda un valor, y la variable x que guarda **múltiples** valores
- Usamos angle brackets (cuñas les dicen en español) para delimitar la lista de sus valores
- A diferencia de un conjunto, el orden de los valores sí importa

#### Estructuras matemáticas

$$\mathbf{x} = \langle 1, 2, 10, 23, 2, -1, 70, 15 \rangle$$

- Usamos negritas para denotar la diferencia entre la variable x que guarda un valor, y la variable x que guarda **múltiples** valores
- Usamos *angle brackets* (*cuñas* les dicen en español) para delimitar la lista de sus valores
- A diferencia de un conjunto, el orden de los valores sí importa

#### Estructuras matemáticas

$$\mathbf{x} = \langle 1, 2, 10, 23, 2, -1, 70, 15 \rangle$$

- Usamos negritas para denotar la diferencia entre la variable x que guarda un valor, y la variable x que guarda **múltiples** valores
- Usamos *angle brackets* (*cuñas* les dicen en español) para delimitar la lista de sus valores
- A diferencia de un conjunto, el orden de los valores sí importa

#### Estructuras matemáticas

Supongamos que ahora necesito saber las calificaciones de las tres tareas, pero ahora de varios alumnos.

Esto significa que ahora necesitamos varios vectores, pero en su lugar podemos *arreglar* los datos como una lista de listas:

| $alumno_1$ |
|------------|
| $alumno_2$ |
| $alumno_3$ |
| $alumno_4$ |

| <b>90</b> | 75  | 87 |
|-----------|-----|----|
| 100       | 100 | 95 |
| 90        | 70  | 88 |
| 85        | 65  | 50 |

#### Estructuras matemáticas

Supongamos que ahora necesito saber las calificaciones de las tres tareas, pero ahora de varios alumnos.

Esto significa que ahora necesitamos varios vectores, pero en su lugar podemos *arreglar* los datos como **una lista de listas**:

| $alumno_1$   | <b>Г</b> 90   | 75  | 87 |
|--------------|---|-----|----|
| $alumno_2$   | 100   | 100 | 95 |
| $alumno_3$   | $\begin{bmatrix} 90 \\ 100 \\ 90 \\ 85 \end{bmatrix}$ | 70  | 88 |
| $alumno_{A}$ | L 85  | 65  | 50 |

$$A = \begin{bmatrix} 90 & 75 & 87 \\ 100 & 100 & 95 \\ 90 & 70 & 88 \\ 85 & 65 & 50 \end{bmatrix}$$

- Una matriz es una lista de listas y solemos usar mayúsculas para los nombres de variables
- ullet En este caso, A tiene 4 filas y 3 columnas, es decir que es de  $4 \times 3$
- El elemento  $A_2$  es  $\langle 100, 100, 95 \rangle$
- El elemento  $A_{3,2}$  es 70

$$A = \begin{bmatrix} 90 & 75 & 87 \\ 100 & 100 & 95 \\ 90 & 70 & 88 \\ 85 & 65 & 50 \end{bmatrix}$$

- Una matriz es una lista de listas y solemos usar mayúsculas para los nombres de variables
- $\bullet$  En este caso, A tiene 4 filas y 3 columnas, es decir que es de  $4\times 3$
- El elemento  $A_2$  es (100, 100, 95)
- El elemento  $A_{3,2}$  es 70

$$A = \begin{bmatrix} 90 & 75 & 87 \\ 100 & 100 & 95 \\ 90 & 70 & 88 \\ 85 & 65 & 50 \end{bmatrix}$$

- Una matriz es una lista de listas y solemos usar mayúsculas para los nombres de variables
- ullet En este caso, A tiene 4 filas y 3 columnas, es decir que es de 4 imes 3
- El elemento  $A_2$  es  $\langle 100, 100, 95 \rangle$
- El elemento  $A_{3,2}$  es 70

$$A = \begin{bmatrix} 90 & 75 & 87 \\ 100 & 100 & 95 \\ 90 & 70 & 88 \\ 85 & 65 & 50 \end{bmatrix}$$

- Una matriz es una lista de listas y solemos usar mayúsculas para los nombres de variables
- ullet En este caso, A tiene 4 filas y 3 columnas, es decir que es de 4 imes 3
- El elemento  $A_2$  es  $\langle 100, 100, 95 \rangle$
- El elemento  $A_{3,2}$  es 70

# De uno en uno...

### Operaciones vectorizadas

Los **arreglos** (ya sean vectores o matrices) tienen, por sí solos, una especie de orden. Este orden da pie a pensar en una **secuencia**, y entonces operar usando **ciclos** es *natural*:

```
1 % sum 10 to each number
2 x = [1 2 3 4 5];
3
4 for i = x
    r(i) = x(i) + 10;
6 end
7
8 disp(r)
```

¿Cuál es el resultado de r?

# ...o todos a la vez

### Operaciones vectorizadas

Sin embargo, existen ciertas operaciones que están pensadas para operar directamente sobre **vectores**, y funcionan justo como lo esperaríamos:

### Command Window

```
>> x = [1 2 3 4 5];
>> x + 10
ans =
11 12 13 14 15
```

Estas operaciones son conocidas como operaciones vectorizadas, y trabajan con cada uno de los valores al mismo tiempo, en lugar de uno por uno.