Autómatas Finitos Deterministas

Matemáticas Computacionales (TC2020)

M.C. Xavier Sánchez Díaz sax@itesm.mx



Tabla de contenidos

AFDs: Las bases

② Diseñando un AFD

Definición AFDs

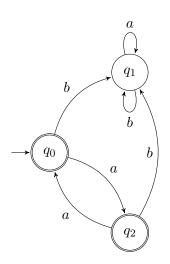
Definición 1

Un autómata finito determinista (AFD) es una quíntupla de la forma

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q, F)$$

- Q es un conjunto de estados que es finito,
- Σ es el **alfabeto** aceptado,
- $\delta: Q \times \Sigma \to Q$ es la función de transición,
- $q \in Q$ es el **estado inicial**,
- $F \subseteq Q$ es un conjunto de estados finales.

Ejemplo AFDs



Lenguaje aceptado

Un AFD acepta una palabra si al consumir todos sus caracteres llega a uno de sus estados finales (representados con un doble círculo en el diagrama).

El **lenguaje aceptado** por una máquina ${\cal M}$ es el conjunto de palabras aceptadas por dicha máquina.

Corrección y Completez Diseñando un AFD

En ocasiones, el problema radica en construir un AFD a partir del lenguaje que debe aceptar.

El autómata diseñado debe ser correcto y completo.

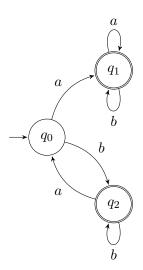
Corrección y Completez

Corrección: se refiere a la cualidad de un sistema de ser correcto. En el caso de un autómata, se refiere a que acepta **sólo** las palabras que pertenecen al lenguaje.

Completez: se refiere a la cualidad de un sistema de ser completo. En el caso de un autómata, se refiere a que acepta **todas** las palabras que pertenecen al lenguaje.

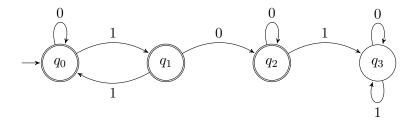
Diseñando un AFD

AFD para lenguaje en $\{a,b\}$ de palabras que no tienen varias $a\mathbf{s}$ seguidas.



Diseñando un AFD

AFD para lenguaje en $\{0,1\}$ de palabras que no contienen 101.



Principios de diseño

Diseñando un AFD

¿Qué alternativas tenemos?

- Prueba y error. Inconveniente dado a que hay demasiados casos a considerar.
- Sistemático. Por condiciones de estados.
- Conjuntos de estados. Agrupando estados similares.

Diseño sistemático

Diseñando un AFD

- Determinar de manera explícita qué condición necesita cada uno de los estados.
 - ▶ Los estados deben ser mutuamente excluyentes
 - ► Los estados deben ser exhaustivos (comprehensive)
- Proponer las transiciones que permiten pasar de un estado a otro.

Ejemplo de diseño sistemático

Un AFD que acepte exactamente el lenguaje en el alfabeto $\{0,1\}$ de palabras que **no comienzan con 00**.

Condiciones a recordar:

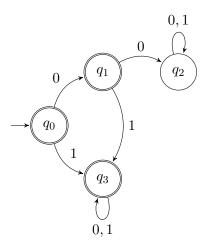
- q_0 : no se han recibido caracteres.
- q_1 : empieza con un solo 0.
- q_2 : empieza con dos o más 0s.
- q_3 : no empieza con dos 0s.

Estados finales: q_0 , q_1 , q_3 .

Ejemplo de diseño sistemático

Diseñando un AFD

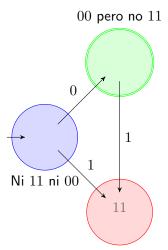
Un AFD que acepte exactamente el lenguaje en el alfabeto $\{0,1\}$ de palabras que **no comienzan con 00**.



Diseño por conjuntos de estados

Diseñando un AFD

Un AFD que acepte exactamente el lenguaje en el alfabeto $\{0,1\}$ de palabras que **tengan** 00 **pero no** 11.



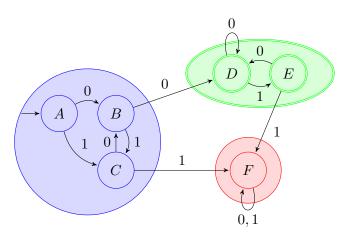
Subdivisión: diseño por conjuntos de estados Diseñando un AFD

- Los caracteres alimentados hasta el momento no contienen ni 00 ni 11:
 - ightharpoonup A no se han recibido caracteres (estado inicial).
 - ▶ B se recibió el primer 0 de 00.
 - C se recibió el primer 1 de 11.
- Contienen 00 pero no 11:
 - ▶ D se recibió otro 0.
 - E se recibió el primer 1 de 11.
- Contienen 11:
 - No importa nada más (estado infierno).

Diseño por conjuntos de estados

Diseñando un AFD

Un AFD que acepte exactamente el lenguaje en el alfabeto $\{0,1\}$ de palabras que **tengan** 00 **pero no** 11.

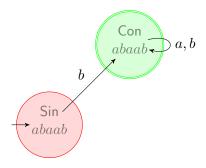


Si M es un autómata determinista que acepta un lenguaje regular L, para construir un autómata M^{\complement} que acepte el lenguaje L^{\complement} , basta con **intercambiar** los estados finales por estados no finales, y viceversa.

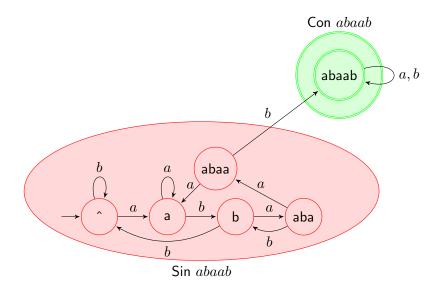
Cuando una palabra se rechaza en M, entonces se aceptará en M^{\complement} , y viceversa.

Diseñando un AFD

Obtener un AFD para el lenguaje en $\{a,b\}^*$ de las palabras que **no contienen la sub-cadena** abaab.



Diseñando un AFD



Diseñando un AFD

