Matemáticas Computacionales (TC2020)

M.C. Xavier Sánchez Díaz mail@tec.mx



#### Tabla de contenidos

Conceptos básicos de ERs

2 Ejemplos de ERs

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Recordemos que un lenguaje es un conjunto de palabras aceptadas por un autómata.

Si existe autómata que pueda representar al lenguaje, entonces es un lenguaje regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Recordemos que un lenguaje es un conjunto de palabras aceptadas por un autómata.

Si existe autómata que pueda representar al lenguaje, entonces es un lenguaje regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Recordemos que un lenguaje es un **conjunto** de palabras aceptadas por un autómata.

Si existe autómata que pueda representar al lenguaje, entonces es un lenguaje regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Recordemos que un lenguaje es un **conjunto** de palabras aceptadas por un autómata.

Si existe autómata que pueda representar al lenguaje, entonces es un lenguaje regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- L es finito.
- L es la unión o concatenación de otros lenguajes regulares  $R_1$  y  $R_2$ :  $L=R_1\cup R_2$  o  $L=R_1R_2$ .
- L es la cerradura de Kleene de algún lenguaje regular:  $L=R^*$ .

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- L es finito.
- L es la unión o concatenación de otros lenguajes regulares  $R_1$  y  $R_2$ :  $L=R_1\cup R_2$  o  $L=R_1R_2$ .
- L es la cerradura de Kleene de algún lenguaje regular:  $L=R^*$ .

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- L es finito.
- L es la unión o concatenación de otros lenguajes regulares  $R_1$  y  $R_2$ :  $L=R_1\cup R_2$  o  $L=R_1R_2$ .
- L es la cerradura de Kleene de algún lenguaje regular:  $L=R^*$ .

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- L es finito.
- L es la unión o concatenación de otros lenguajes regulares  $R_1$  y  $R_2$ :  $L=R_1\cup R_2$  o  $L=R_1R_2$ .
- L es la cerradura de Kleene de algún lenguaje regular:  $L=R^*$ .

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

El lenguaje en  $\{0,1\}$  de las palabras que empiecen con 00 pero que no tengan 11.

Hay un patrón regular que podemos modelar usando un AF.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

El lenguaje en  $\{0,1\}$  de las palabras que empiecen con 00 pero que no tengan 11.

$$00 \text{ ALGO\_NO}(11)$$

Hay un patrón regular que podemos modelar usando un AF.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

El lenguaje en  $\{0,1\}$  de las palabras que empiecen con 00 pero que no tengan 11.

$$00 \text{ ALGO\_NO}(11)$$

Hay un patrón regular que podemos modelar usando un AF.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- $\bullet \ \Sigma = \{a, b\}$
- $L = R_1 R_2$ :
  - $ightharpoonup R_1 = ext{el lenguaje que contiene una } a.$
  - $ightharpoonup R_2 = ext{el lenguaje}$  que contiene cadenas cualesquiera de a y b.

$$L = \{a\}\{a,b\}^*$$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- $\bullet \ \Sigma = \{a,b\}$
- $L = R_1 R_2$ :
  - $ightharpoonup R_1 = ext{el lenguaje que contiene una } a.$
  - $ightharpoonup R_2 = ext{el lenguaje}$  que contiene cadenas cualesquiera de a y b.

$$L = \{a\}\{a,b\}^*$$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- $\bullet \ \Sigma = \{a,b\}$
- $L = R_1 R_2$ :
  - $ightharpoonup R_1 = \text{el lenguaje que contiene una } a.$
  - ▶  $R_2$  = el lenguaje que contiene cadenas cualesquiera de a y b.

$$L = \{a\}\{a,b\}^*$$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- $\bullet \ \Sigma = \{a, b\}$
- $L = R_1 R_2$ :
  - $R_1 = \text{el lenguaje que contiene una } a.$
  - $ightharpoonup R_2 = ext{el lenguaje}$  que contiene cadenas cualesquiera de a y b.

$$L = \{a\}\{a,b\}^*$$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- $\bullet \ \Sigma = \{a, b\}$
- $L = R_1 R_2$ :
  - $R_1 = \text{el lenguaje que contiene una } a.$
  - $R_2$  = el lenguaje que contiene cadenas cualesquiera de a y b.

$$L = \{a\}\{a,b\}^*$$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- $\Sigma = \{a, b\}$
- $L = R_1 R_2$ :
  - $R_1 = \text{el lenguaje que contiene una } a.$
  - $R_2$  = el lenguaje que contiene cadenas cualesquiera de a y b.

$$L = \{a\}\{a,b\}^*$$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- ∅ es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- ullet Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

#### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- Ø es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- ullet Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

#### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- Ø es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- ullet Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

#### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- Ø es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

#### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- Ø es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- ullet Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

#### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- Ø es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- ullet Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

#### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- Ø es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- ullet Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

Una expresión regular es una representación textual de un lenguaje regular.

#### Definición de Expresiones Regulares

- ^ es una expresión regular.
- Ø es una expresión regular.
- Para cada  $\sigma \in \Sigma$ ,  $\sigma$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1 \cup R_2$  es una expresión regular.
- Si  $R_1$  y  $R_2$  son expresiones regulares, entonces  $R_1R_2$  es una expresión regular.
- ullet Si R es una expresión regular, entonces  $R^*$  es una expresión regular.

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- La ER Ø representa al lenguaje vacío {}.
- La palabra vacía  $\varepsilon$  la representamos con la expresión regular  $\hat{.}$
- La unión se representa usualmente con la ER +.
- La cerradura o estrella de Kleene de un lenguaje regular R sigue representándose con  $R^{\ast}$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- La ER Ø representa al lenguaje vacío {}.
- La palabra vacía  $\varepsilon$  la representamos con la expresión regular  $\hat{\cdot}$ .
- La unión se representa usualmente con la ER +.
- La cerradura o estrella de Kleene de un lenguaje regular R sigue representándose con  $R^{\ast}$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- La ER Ø representa al lenguaje vacío {}.
- La **palabra vacía**  $\varepsilon$  la representamos con la expresión regular  $\hat{}$ .
- La **unión** se representa usualmente con la ER +.
- La cerradura o estrella de Kleene de un lenguaje regular R sigue representándose con  $R^{\ast}$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- La ER Ø representa al lenguaje vacío {}.
- La **palabra vacía**  $\varepsilon$  la representamos con la expresión regular  $\hat{}$ .
- La **unión** se representa usualmente con la ER +.
- La cerradura o estrella de Kleene de un lenguaje regular R sigue representándose con  $R^{\ast}$

Conceptos básicos de Expresiones Regulares

- La ER Ø representa al lenguaje vacío {}.
- La **palabra vacía**  $\varepsilon$  la representamos con la expresión regular  $\hat{}$ .
- La **unión** se representa usualmente con la ER +.
- La cerradura o estrella de Kleene de un lenguaje regular R sigue representándose con  $R^{\ast}$

Ejemplos de ERs

A nivel *implementación*, una ER es una secuencia de ERs que nos dicen **cómo** debería ser el lenguaje descrito por la ER completa:

Ejemplos de ERs

A nivel *implementación*, una ER es una secuencia de ERs que nos dicen **cómo** debería ser el lenguaje descrito por la ER completa:

0 es una ER válida que describe al lenguaje  $\{0\}$ .

Ejemplos de ERs

A nivel *implementación*, una ER es una secuencia de ERs que nos dicen **cómo** debería ser el lenguaje descrito por la ER completa:

 $01^*$  es una ER válida: La concatenación del lenguaje  $\{0\}$  y  $\{1\}^*$ —un 0 seguido de cero o más 1s.

Ejemplos de ERs

A nivel *implementación*, una ER es una secuencia de ERs que nos dicen **cómo** debería ser el lenguaje descrito por la ER completa:

(0+1) es una ER válida: La unión del lenguaje  $\{0\}$  y  $\{1\}$ —o un 0 o un 1

Ejemplos de ERs

A nivel *implementación*, una ER es una secuencia de ERs que nos dicen **cómo** debería ser el lenguaje descrito por la ER completa:

 $(0+1)^*11$  es una ER válida: o 0 o 1 cero o más veces, seguida de dos 1s.

Ejemplos de ERs

- ① Estructuramos con patrones:  $01 \, algo \, 01$
- 2 Definimos restricciones: algo no tiene restricción alguna, puede ser o 0 o 1, cero o más veces.
- Finalmente, concatenamos las ERs para hacer una nueva ER.

$$01(0+1)*01$$

Ejemplos de ERs

- Estructuramos con patrones:  $01 \, algo \, 01$
- ② Definimos restricciones: algo no tiene restricción alguna, puede ser o 0 o 1, cero o más veces.
- **o** Generamos una ER para el patrón  $algo: (0+1)^*$
- Finalmente, concatenamos las ERs para hacer una nueva ER.

$$01(0+1)*01$$

Ejemplos de ERs

- Estructuramos con patrones:  $01\,algo\,01$
- 2 Definimos restricciones: algo no tiene restricción alguna, puede ser o 0 o 1, cero o más veces.
- **③** Generamos una ER para el patrón  $algo: (0+1)^*$
- Finalmente, concatenamos las ERs para hacer una nueva ER.

$$01(0+1)*01$$

Ejemplos de ERs

- Estructuramos con patrones:  $01 \, algo \, 01$
- 2 Definimos restricciones: algo no tiene restricción alguna, puede ser o 0 o 1, cero o más veces.
- **3** Generamos una ER para el patrón  $algo: (0+1)^*$
- Finalmente, concatenamos las ERs para hacer una nueva ER.

$$01(0+1)*01$$

Ejemplos de ERs

- Estructuramos con patrones:  $01 \, algo \, 01$
- 2 Definimos restricciones: algo no tiene restricción alguna, puede ser o 0 o 1, cero o más veces.
- **3** Generamos una ER para el patrón  $algo: (0+1)^*$
- Finalmente, concatenamos las ERs para hacer una nueva ER.

$$01(0+1)*01$$