### Autómatas Finitos Deterministas

Matemáticas Computacionales (TC2020)

M.C. Xavier Sánchez Díaz sax@itesm.mx



### Tabla de contenidos

AFDs: Las bases

### Definición AFDs

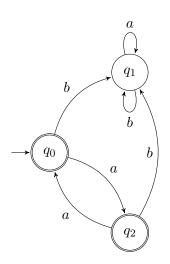
#### Definición 1

Un autómata finito determinista (AFD) es una quíntupla de la forma

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q, F)$$

- Q es un conjunto de estados que es finito,
- $\Sigma$  es el **alfabeto** aceptado,
- $\delta: Q \times \Sigma \to Q$  es la función de transición,
- $q \in Q$  es el **estado inicial**,
- $F \subseteq Q$  es un conjunto de estados finales.

## Ejemplo AFDs



# Lenguaje aceptado

Un AFD acepta una palabra si al consumir todos sus caracteres llega a uno de sus estados finales (representados con un doble círculo en el diagrama).

El **lenguaje aceptado** por una máquina  ${\cal M}$  es el conjunto de palabras aceptadas por dicha máquina.

# Corrección y Completez Diseñando un AFD

En ocasiones, el problema radica en construir un AFD a partir del lenguaje que debe aceptar.

El autómata diseñado debe ser correcto y completo.

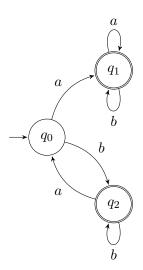
# Corrección y Completez

**Corrección**: se refiere a la cualidad de un sistema de ser correcto. En el caso de un autómata, se refiere a que acepta **sólo** las palabras que pertenecen al lenguaje.

**Completez**: se refiere a la cualidad de un sistema de ser completo. En el caso de un autómata, se refiere a que acepta **todas** las palabras que pertenecen al lenguaje.

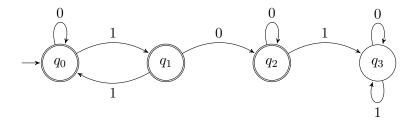
### Diseñando un AFD

AFD para lenguaje en  $\{a,b\}$  de palabras que no tienen varias  $a\mathbf{s}$  seguidas.



### Diseñando un AFD

AFD para lenguaje en  $\{0,1\}$  de palabras que no contienen 101.



### Principios de diseño

Diseñando un AFD

#### ¿Qué alternativas tenemos?

- Prueba y error. Inconveniente dado a que hay demasiados casos a considerar.
- Sistemático. Por condiciones de estados.
- Conjuntos de estados. Agrupando estados similares.

### Diseño sistemático

- Determinar de manera explícita qué condición necesita cada uno de los estados.
  - ▶ Los estados deben ser mutuamente excluyentes
  - ► Los estados deben ser exhaustivos (comprehensive)
- Proponer las transiciones que permiten pasar de un estado a otro.

# Ejemplo de diseño sistemático

Un AFD que acepte exactamente el lenguaje en el alfabeto  $\{0,1\}$  de palabras que **no comienzan con 00**.

#### Condiciones a recordar:

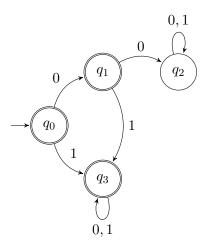
- $q_0$ : no se han recibido caracteres.
- $q_1$ : empieza con un solo 0.
- $q_2$ : empieza con dos o más 0s.
- $q_3$ : no empieza con dos 0s.

Estados finales:  $q_0$ ,  $q_1$ ,  $q_3$ .

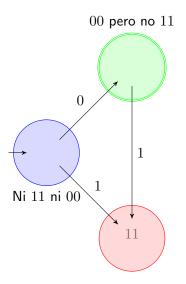
### Ejemplo de diseño sistemático

Diseñando un AFD

Un AFD que acepte exactamente el lenguaje en el alfabeto  $\{0,1\}$  de palabras que **no comienzan con 00**.



# Diseño por conjuntos de estados



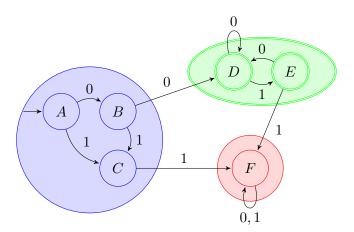
# Subdivisión: diseño por conjuntos de estados Diseñando un AFD

- Los caracteres alimentados hasta el momento no contienen ni 00 ni 11:
  - ightharpoonup A no se han recibido caracteres (estado inicial).
  - ▶ B se recibió el primer 0 de 00.
  - C se recibió el primer 1 de 11.
- Contienen 00 pero no 11:
  - ▶ D se recibió otro 0.
  - E se recibió el primer 1 de 11.
- Contienen 11:
  - No importa nada más (estado infierno).

## Diseño por conjuntos de estados

Diseñando un AFD

Un AFD que acepte exactamente el lenguaje en el alfabeto  $\{0,1\}$  de palabras que no comienzan con  ${\bf 00}$ .



Si M es un autómata determinista que acepta un lenguaje regular L, para construir un autómata  $M^{\complement}$  que acepte el lenguaje  $L^{\complement}$ , basta con **intercambiar** los estados finales por estados no finales, y viceversa.

Cuando una palabra se rechaza en M, entonces se aceptará en  $M^{\complement}$ , y viceversa.

Diseñando un AFD

Obtener un AFD para el lenguaje en  $\{a,b\}^*$  de las palabras que **no contienen la sub-cadena** abaab.

