Gramáticas Regulares

Matemáticas Computacionales (TC2020)

M.C. Xavier Sánchez Díaz mail@tec.mx



Tabla de contenidos

① Gramáticas como representaciones de lenguajes

Reglas y derivación

3 Definición y diseño de gramáticas formales

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Definición

Según la Real Academia Española, la gramática es una parte de la lingüística que estudia los elementos de una lengua, así como **la forma** en que estos se organizan y se combinan.

Es decir, la gramática estudia la **forma** en que las palabras se organizan y combinan.

Tenemos gramáticas naturales como las que usamos en español, en inglés, en francés, ... Pero también existen gramáticas artificiales como las que usamos en Python, C#, Java, ...

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Definición

Según la Real Academia Española, la gramática es una parte de la lingüística que estudia los elementos de una lengua, así como **la forma** en que estos se organizan y se combinan.

Es decir, la gramática estudia la **forma** en que las palabras se organizan y combinan.

Tenemos gramáticas *naturales* como las que usamos en español, en inglés, en francés, ... Pero también existen gramáticas *artificiales* como las que usamos en Python, C#, Java, ...

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Definición

Según la Real Academia Española, la gramática es una parte de la lingüística que estudia los elementos de una lengua, así como **la forma** en que estos se organizan y se combinan.

Es decir, la gramática estudia la **forma** en que las palabras se organizan y combinan.

Tenemos gramáticas *naturales* como las que usamos en español, en inglés, en francés, ... Pero también existen gramáticas *artificiales* como las que usamos en Python, C#, Java, ...

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Definición

Según la Real Academia Española, la gramática es una parte de la lingüística que estudia los elementos de una lengua, así como **la forma** en que estos se organizan y se combinan.

Es decir, la gramática estudia la **forma** en que las palabras se organizan y combinan.

Tenemos gramáticas naturales como las que usamos en español, en inglés, en francés, ... Pero también existen gramáticas artificiales como las que usamos en Python, C#, Java, ...

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Definición

Según la Real Academia Española, la gramática es una parte de la lingüística que estudia los elementos de una lengua, así como **la forma** en que estos se organizan y se combinan.

Es decir, la gramática estudia la **forma** en que las palabras se organizan y combinan.

Tenemos gramáticas naturales como las que usamos en español, en inglés, en francés, ... Pero también existen gramáticas artificiales como las que usamos en Python, C#, Java, ...

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Una oración suele tener sujeto y predicado.

```
\langle \text{frase} \rangle \rightarrow \langle \text{sujeto} \rangle \langle \text{predicado} \rangle
```

El sujeto suele ser un sustantivo.

```
\langle \text{sujeto} \rangle \rightarrow \langle \text{sustantivo} \rangle
```

Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos.

```
\langle \text{sustantivo} \rangle \rightarrow \text{Gustavo}
```

El predicado suele llevar un verbo y a veces un objeto. Y un objeto es algún conectivo y un sustantivo, y ...

 $\langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo intransitivo \rangle$

opredicado> → <verbo transitivo><objeto>

<objeto> ightarrow a <sustantivo>

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Una oración suele tener **sujeto** y **predicado**. <frase> → <sujeto><predicado>

```
El sujeto suele ser un sustantivo <sujeto> \rightarrow <sustantivo>
```

Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos.

 $\langle { t sustantivo}
angle
ightarrow { t Gustavo}$

 $\langle \text{sustantivo} \rangle \rightarrow \text{Juan}$

<sustantivo> → María

El predicado suele llevar un verbo y a veces un objeto. Y un objeto es algún conectivo y un sustantivo, y ...

cado> \rightarrow <verbo intransitivo>

cpredicado> \rightarrow <verbo transitivo><objeto>

<objeto> ightarrow a <sustantivo>

Gramáticas como representaciones de lenguajes

Una oración suele tener **sujeto** y **predicado**. <frase> → <sujeto><predicado>

El sujeto suele ser un sustantivo.

```
\langle \text{sujeto} \rangle \rightarrow \langle \text{sustantivo} \rangle
```

Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos.

 $\langle \text{sustantivo} \rangle \rightarrow \text{Gustavo}$

<sustantivo> → Juan

<sustantivo> → María

El predicado suele llevar un verbo y a veces un objeto. Y un objeto es algún conectivo y un sustantivo, y ...

oredicado> \rightarrow <verbo intransitivo>

objeto>

<objeto> ightarrow a <sustantivo>

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
Una oración suele tener sujeto y predicado.

<frase> → <sujeto><predicado>
```

El sujeto suele ser un sustantivo. $\langle \text{sujeto} \rangle \rightarrow \langle \text{sustantivo} \rangle$

```
(bu) coor / (bub out of vor
```

```
Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos. 
 <sustantivo> \rightarrow Gustavo 
 <sustantivo> \rightarrow Juan 
 <sustantivo> \rightarrow María
```

```
dicado> \rightarrow <verbo intransitivo>
dicado> \rightarrow <verbo transitivo><objeto>
<objeto> \rightarrow a <sustantivo>
```

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
Una oración suele tener sujeto y predicado.

<frase> → <sujeto><predicado>
```

El sujeto suele ser un sustantivo.

```
\langle \text{sujeto} \rangle \rightarrow \langle \text{sustantivo} \rangle
```

Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos.

```
{\rm sustantivo}> \to {\rm Gustavo}
{\rm sustantivo}> \to {\rm Juan}
{\rm sustantivo}> \to {\rm María}
```

```
dicado> \rightarrow <verbo intransitivo>
dicado> \rightarrow <verbo transitivo><objeto>
<objeto> \rightarrow a <sustantivo>
```

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
Una oración suele tener sujeto y predicado.

<frase> → <sujeto><predicado>
```

El sujeto suele ser un **sustantivo**. <sujeto> → <sustantivo>

Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos.

```
<sustantivo> \rightarrow Gustavo<sustantivo> \rightarrow Juan<sustantivo> \rightarrow María
```

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
Una oración suele tener sujeto y predicado.

<frase> → <sujeto><predicado>
```

El sujeto suele ser un sustantivo. <sujeto> → <sustantivo>

Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos.

```
<sustantivo> \rightarrow Gustavo<sustantivo> \rightarrow Juan<sustantivo> \rightarrow María
```

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
Una oración suele tener sujeto y predicado.

<frase> → <sujeto><predicado>
```

El sujeto suele ser un **sustantivo**. <sujeto> → <sustantivo>

Juan, María y Gustavo (el perro) son todos sustantivos.

```
\langle \text{sustantivo} \rangle \rightarrow \text{Gustavo} \\ \langle \text{sustantivo} \rangle \rightarrow \text{Juan} \\ \langle \text{sustantivo} \rangle \rightarrow \text{María}
```

El predicado suele llevar un **verbo** y a veces un **objeto**. Y un **objeto** es algún **conectivo** y un **sustantivo**, y ...

dicado> \rightarrow <verbo intransitivo>
<predicado> \rightarrow <verbo transitivo><objeto>
<objeto> \rightarrow a <sustantivo>

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
                          \langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Gustavo
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Juan
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow María
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo intransitivo \rangle
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo transitivo \rangle \langle objeto \rangle
\langle \text{verbo intransitivo} \rangle \rightarrow \text{patina}
    \langle \text{verbo transitivo} \rangle \rightarrow \text{abraza}
                          \langle objeto \rangle \rightarrow a \langle sustantivo \rangle
```

Conjunto de reglas con **(variables)** y **símbolos terminales**.

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
                          \langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Gustavo
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Juan
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow María
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo intransitivo \rangle
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo transitivo \rangle \langle objeto \rangle
\langle \text{verbo intransitivo} \rangle \rightarrow \text{patina}
    \langle \text{verbo transitivo} \rangle \rightarrow \text{abraza}
                          \langle objeto \rangle \rightarrow a \langle sustantivo \rangle
```

Conjunto de reglas con (variables) y símbolos terminales.

Gramáticas como representaciones de lenguajes

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
                          \langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Gustavo
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Juan
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow María
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo intransitivo \rangle
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo transitivo \rangle \langle objeto \rangle
\langle \text{verbo intransitivo} \rangle \rightarrow \text{patina}
    \langle \text{verbo transitivo} \rangle \rightarrow \text{abraza}
                          \langle objeto \rangle \rightarrow a \langle sustantivo \rangle
```

Conjunto de reglas con (variables) y símbolos terminales.

La gramática como un conjunto de reglas Reglas y derivación

Cada línea del ejemplo anterior es una regla:

$$\langle \texttt{objeto} \rangle \quad \rightarrow \quad \langle \texttt{sustantivo} \rangle$$

¿Qué forma tienen las reglas?

$$\alpha \to \beta$$

La gramática como un conjunto de reglas

Reglas y derivación

Cada línea del ejemplo anterior es una regla:

$$\langle \mathtt{objeto} \rangle \quad o \quad \langle \mathtt{sustantivo} \rangle$$

¿Qué forma tienen las reglas?

$$\alpha \to \beta$$

La gramática como un conjunto de reglas

Reglas y derivación

Cada línea del ejemplo anterior es una regla:

$$\langle \texttt{objeto} \rangle \quad \rightarrow \quad \langle \texttt{sustantivo} \rangle$$

¿Qué forma tienen las reglas?

$$\alpha \to \beta$$

La gramática como un conjunto de reglas

Reglas y derivación

Cada línea del ejemplo anterior es una regla:

$$\langle \mathtt{objeto} \rangle \quad o \quad \langle \mathtt{sustantivo} \rangle$$

¿Qué forma tienen las reglas?

$$\alpha \to \beta$$

Reglas y derivación

Las reglas se aplican recursivamente:

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
```

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
\langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
```

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
⟨sujeto⟩ → ⟨sustantivo⟩
⟨sustantivo⟩ → María
```

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
\langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
\langle sustantivo \rangle \rightarrow María
⟨predicado⟩ → ⟨verbo transitivo⟩⟨objeto⟩
```

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
\langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
\langle sustantivo \rangle \rightarrow María
⟨predicado⟩ → ⟨verbo transitivo⟩⟨objeto⟩
⟨verbo transitivo⟩ → abraza
```

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
\langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
\langle sustantivo \rangle \rightarrow María
⟨predicado⟩ → ⟨verbo transitivo⟩⟨objeto⟩
\langle verbo transitivo \rangle \rightarrow abraza
⟨objeto⟩ → a ⟨sustantivo⟩
```

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
\langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
\langle sustantivo \rangle \rightarrow María
⟨predicado⟩ → ⟨verbo transitivo⟩⟨objeto⟩
\langle verbo transitivo \rangle \rightarrow abraza
⟨objeto⟩ → a ⟨sustantivo⟩
⟨sustantivo⟩ → Gustavo
```

Aplicación de reglas Reglas v derivación $\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle$ ⟨sujeto⟩ → ⟨sustantivo⟩ $\langle sustantivo \rangle \rightarrow María$ $\langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo transitivo \rangle \langle objeto \rangle$ ⟨verbo transitivo⟩ → abraza $\langle objeto \rangle \rightarrow a \langle sustantivo \rangle$

⟨sustantivo⟩ → Gustavo

María abraza a Gustavo

Reglas y derivación

Al aplicar una regla de forma $\alpha \to \beta$ a la expresión $u\alpha v$ da como resultado la expresión $u\beta v$.

A este proceso le llamamos derivación, donde pasamos de una expresión a otra:

$$u\alpha v \implies u\beta v$$

Por ejemplo: María abraza $\langle objeto \rangle \Longrightarrow María abraza a <math>\langle sustantivo \rangle$.

$$S \Longrightarrow^* w$$

Reglas y derivación

Al aplicar una regla de forma $\alpha \to \beta$ a la expresión $u\alpha v$ da como resultado la expresión $u\beta v$.

A este proceso le llamamos derivación, donde pasamos de una expresión a otra:

$$u\alpha v \implies u\beta v$$

Por ejemplo: María abraza $\langle objeto \rangle \Longrightarrow María abraza a <math>\langle sustantivo \rangle$.

$$S \Longrightarrow^* w$$

Reglas y derivación

Al aplicar una regla de forma $\alpha \to \beta$ a la expresión $u\alpha v$ da como resultado la expresión $u\beta v$.

A este proceso le llamamos derivación, donde pasamos de una expresión a otra:

$$u\alpha v \implies u\beta v$$

Por ejemplo: María abraza $\langle objeto \rangle \Longrightarrow María abraza a <math>\langle sustantivo \rangle$.

$$S \Longrightarrow^* w$$

Reglas y derivación

Al aplicar una regla de forma $\alpha \to \beta$ a la expresión $u\alpha v$ da como resultado la expresión $u\beta v$.

A este proceso le llamamos derivación, donde pasamos de una expresión a otra:

$$u\alpha v \implies u\beta v$$

Por ejemplo: María abraza $\langle objeto \rangle \Longrightarrow María abraza a <math>\langle sustantivo \rangle$.

$$S \Longrightarrow^* w$$

Definición de una gramática formal

Definición y diseño de gramáticas formales

Definición

Formalmente, una gramática es un cuádruplo $G=(V,\Sigma,R,S)$, donde

- $lue{}$ V es un conjunto finito de variables,
- ${f 2}$ ${f \Sigma}$ es un conjunto finito de **terminales**,
- ③ R es un conjunto finito de **reglas** de la forma $A \to w$, tal que $A \in V$ y $w \in (V \cup \Sigma)^*$
- \bullet $S \in V$ es la variable inicial.

Lenguaje L generado por G

$$L = \{ w \in \Sigma^* : S \implies^* w \}$$

Definición y diseño de gramáticas formales

Definición

Formalmente, una gramática es un cuádruplo $G=(V,\Sigma,R,S)$, donde

- $oldsymbol{0}$ V es un conjunto finito de variables,
- 2Σ es un conjunto finito de **terminales**,
- ③ R es un conjunto finito de **reglas** de la forma $A \to w$, tal que $A \in V$ y $w \in (V \cup \Sigma)^*$
- \bullet $S \in V$ es la variable inicial.

$$L = \{ w \in \Sigma^* : S \implies^* w \}$$

Definición y diseño de gramáticas formales

Definición

Formalmente, una gramática es un cuádruplo $G=(V,\Sigma,R,S)$, donde

- $oldsymbol{0}$ V es un conjunto finito de variables,
- ${f 2}$ Σ es un conjunto finito de **terminales**,
- $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \$ $\$ $\ \$ $\ \$ $\$ $\ \$ $\$ $\$ $\$ $\ \$ $\$ $\$ $\ \$ $\$ $\ \$ $\$ $\$ $\$ $\ \$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\$ $\ \$ $\$
- $S \in V$ es la variable inicial.

$$L = \{ w \in \Sigma^* : S \implies^* w \}$$

Definición y diseño de gramáticas formales

Definición

Formalmente, una gramática es un cuádruplo $G=(V,\Sigma,R,S)$, donde

- $oldsymbol{0}$ V es un conjunto finito de variables,
- $\mbox{\bf 3} \ R$ es un conjunto finito de **reglas** de la forma $A\to w$, tal que $A\in V$ y $w\in (V\cup \Sigma)^*$

$$L = \{ w \in \Sigma^* : S \implies^* w \}$$

Definición y diseño de gramáticas formales

Definición

Formalmente, una gramática es un cuádruplo $G=(V,\Sigma,R,S)$, donde

- $oldsymbol{0}$ V es un conjunto finito de variables,
- 2Σ es un conjunto finito de **terminales**,
- $\mbox{\bf 3} \ R$ es un conjunto finito de **reglas** de la forma $A\to w$, tal que $A\in V$ y $w\in (V\cup \Sigma)^*$
- **4** $S \in V$ es la variable inicial.

$$L = \{ w \in \Sigma^* : S \implies^* w \}$$

Ejemplo: gramática formal

Definición y diseño de gramáticas formales

```
\langle frase \rangle \rightarrow \langle sujeto \rangle \langle predicado \rangle
                          \langle sujeto \rangle \rightarrow \langle sustantivo \rangle
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Gustavo
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow Juan
                 \langle sustantivo \rangle \rightarrow María
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo intransitivo \rangle
                  \langle predicado \rangle \rightarrow \langle verbo transitivo \rangle \langle objeto \rangle
\langle \text{verbo intransitivo} \rangle \rightarrow \text{patina}
    \langle \text{verbo transitivo} \rangle \rightarrow \text{abraza}
                          \langle objeto \rangle \rightarrow a \langle sustantivo \rangle
```

¿Cuál es la definición formal de esta gramática?

Definición y diseño de gramáticas formales

Crear una Gramática Regular que genere el lenguaje de palabras sobre $\{a,b\}$ de longitud par y terminadas en a.

Necesitamos tres variables:

- f 0 S para recordar que no hemos recibido nada. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.
- ${f 2}$ I para recordar que llevamos una palabra de longitud impar. Si agregamos un símbolo, entonces se hace par.
- ${f 0}$ P para recordar que llevamos una palabra de longitud par. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.

S nos lleva a I que nos lleva a P que nos lleva a $I\ldots$

Definición y diseño de gramáticas formales

Crear una Gramática Regular que genere el lenguaje de palabras sobre $\{a,b\}$ de longitud par y terminadas en a.

Necesitamos tres variables:

- f 0 S para recordar que no hemos recibido nada. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.
- ② I para recordar que llevamos una palabra de longitud impar. Si agregamos un símbolo, entonces se hace par.
- ${f 0}$ P para recordar que llevamos una palabra de longitud par. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.

S nos lleva a I que nos lleva a P que nos lleva a I..

Definición y diseño de gramáticas formales

Crear una Gramática Regular que genere el lenguaje de palabras sobre $\{a,b\}$ de longitud par y terminadas en a.

Necesitamos tres variables:

- $oldsymbol{0}$ S para recordar que no hemos recibido nada. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.
- ② I para recordar que llevamos una palabra de longitud impar. Si agregamos un símbolo, entonces se hace par.

S nos lleva a I que nos lleva a P que nos lleva a I...

Definición y diseño de gramáticas formales

Crear una Gramática Regular que genere el lenguaje de palabras sobre $\{a,b\}$ de longitud par y terminadas en a.

Necesitamos tres variables:

- $oldsymbol{0}$ S para recordar que no hemos recibido nada. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.
- ② I para recordar que llevamos una palabra de longitud impar. Si agregamos un símbolo, entonces se hace par.

S nos lleva a I que nos lleva a P que nos lleva a I...

Definición y diseño de gramáticas formales

Crear una Gramática Regular que genere el lenguaje de palabras sobre $\{a,b\}$ de longitud par y terminadas en a.

Necesitamos tres variables:

- $oldsymbol{\circ}$ S para recordar que no hemos recibido nada. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.
- ② I para recordar que llevamos una palabra de longitud impar. Si agregamos un símbolo, entonces se hace par.
- lacktriangleq P para recordar que llevamos una palabra de longitud par. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.

S nos lleva a I que nos lleva a P que nos lleva a I..

Definición y diseño de gramáticas formales

Crear una Gramática Regular que genere el lenguaje de palabras sobre $\{a,b\}$ de longitud par y terminadas en a.

Necesitamos tres variables:

- $oldsymbol{\circ}$ S para recordar que no hemos recibido nada. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.
- ② I para recordar que llevamos una palabra de longitud impar. Si agregamos un símbolo, entonces se hace par.
- lacktriangleq P para recordar que llevamos una palabra de longitud par. Si agregamos un símbolo, entonces se hace impar.

S nos lleva a I que nos lleva a P que nos lleva a $I\ldots$

Definición y diseño de gramáticas formales

Cada variable tiene distintas reglas:

- lacksquare S o aI si lo primero que recibimos es a
- \bigcirc $S \rightarrow bI$ si lo primero que recibimos es b
- @~I
 ightarrow aP si lo siguiente que recibimos es a
- \blacksquare $I \rightarrow bP$ si lo siguiente que recibimos es b
- \bigcirc $P \rightarrow aI$ si lo siguiente que recibimos es a
- $lackbox{0} P
 ightarrow bI$ si lo siguiente que recibimos es l
- \bigcirc $I \rightarrow a$ para terminar con una a y con una longitud par

Definición y diseño de gramáticas formales

Cada variable tiene distintas reglas:

- I para recordar que llevamos una palabra de longitud impar:
 - **1** $S \rightarrow aI$ si lo primero que recibimos es a
 - ② $S \rightarrow bI$ si lo primero que recibimos es b

 - \P $I \rightarrow bP$ si lo siguiente que recibimos es b
 - \bullet $P \rightarrow aI$ si lo siguiente que recibimos es a
 - \bigcirc $P \rightarrow bI$ si lo siguiente que recibimos es b
 - \bigcirc $I \rightarrow a$ para terminar con una a y con una longitud par.

Definición y diseño de gramáticas formales

Cada variable tiene distintas reglas:

P para recordar que llevamos una palabra de longitud par:

- \bullet $S \to aI$ si lo primero que recibimos es a
- ${f 2}$ S o bI si lo primero que recibimos es b
- **3** $I \rightarrow aP$ si lo siguiente que recibimos es a
- **4** $I \rightarrow bP$ si lo siguiente que recibimos es b
- **5** $P \rightarrow aI$ si lo siguiente que recibimos es a
- \bigcirc $I \rightarrow a$ para terminar con una a y con una longitud parr

Definición y diseño de gramáticas formales

Cada variable tiene distintas reglas:

Completamos las reglas que hagan falta:

- **1** $S \rightarrow aI$ si lo primero que recibimos es a
- ${f 2}$ S o bI si lo primero que recibimos es b
- **3** $I \rightarrow aP$ si lo siguiente que recibimos es a
- $lackbox{0} I \rightarrow bP$ si lo siguiente que recibimos es b
- **5** $P \rightarrow aI$ si lo siguiente que recibimos es a
- $oldsymbol{0} P o bI$ si lo siguiente que recibimos es b
- $m{0}$ $I \rightarrow a$ para terminar con una a y con una longitud par.