Máquinas de Turing Matemáticas Computacionales (TC2020)

M.C. Xavier Sánchez Díaz sax@itesm.mx



Compiladores LL y LR

Recordemos una GLC, por ejemplo, para generar palabras del lenguaje $\{a^nb^n\}$:

- $2 S \to \varepsilon$

Compiladores LL y LR

Recordemos una GLC, por ejemplo, para generar palabras del lenguaje $\{a^nb^n\}$:

- $2 S \to \varepsilon$

Compiladores LL y LR

Recordemos una GLC, por ejemplo, para generar palabras del lenguaje $\{a^nb^n\}$:

- $2 S \to \varepsilon$

Compiladores LL y LR

Recordemos una GLC, por ejemplo, para generar palabras del lenguaje $\{a^nb^n\}$:

- \bullet $S \rightarrow aSb$
- $2 S \to \varepsilon$

¿Hacia dónde **crece** la palabra? Deriva usando $w = \langle 1, 1, 1, 2 \rangle$.

Sin usar una secuencia dada, al momento de derivar una palabra usando las reglas de la gramática, tenemos que decidir entre cuál de las reglas disponibles usar.

Compiladores LL y LR

Recordemos una GLC, por ejemplo, para generar palabras del lenguaje $\{a^nb^n\}$:

- $2 S \to \varepsilon$

¿Hacia dónde **crece** la palabra? Deriva usando $w = \langle 1, 1, 1, 2 \rangle$.

Sin usar una secuencia dada, al momento de derivar una palabra usando las reglas de la gramática, tenemos que decidir entre cuál de las reglas disponibles usar.

Compiladores LL y LR

Recordemos una GLC, por ejemplo, para generar palabras del lenguaje $\{a^nb^n\}$:

- $2 S \to \varepsilon$

Compiladores LL y LR

- $2 S \to \varepsilon$

¿Cómo sabemos qué regla utilizar?

Nosotros podemos decidir porque sabemos a la palabra a la que queremos llegar. Un compilador no puede hacer eso, por lo que necesita de algún otro mecanismo para **prever** qué regla utilizar.

Compiladores LL y LR

- $\mathbf{2} \ S \to \varepsilon$

¿Cómo sabemos qué regla utilizar?

Nosotros podemos decidir porque sabemos a la palabra a la que queremos llegar. Un compilador no puede hacer eso, por lo que necesita de algún otro mecanismo para **prever** qué regla utilizar.

Compiladores LL y LR

- $\mathbf{2} \ S \to \varepsilon$

¿Cómo sabemos qué regla utilizar?

Nosotros podemos decidir porque sabemos a la palabra a la que queremos llegar. Un compilador no puede hacer eso, por lo que necesita de algún otro mecanismo para **prever** qué regla utilizar.

Compiladores LL y LR

- $2 S \to \varepsilon$

¿Cómo sabemos qué regla utilizar?

Nosotros podemos decidir porque sabemos a la palabra a la que queremos llegar. Un compilador no puede hacer eso, por lo que necesita de algún otro mecanismo para **prever** qué regla utilizar.

Compiladores LL y LR

- $2 \hspace{-.1cm} S \to \varepsilon$

¿Cómo sabemos qué regla utilizar?

Nosotros podemos decidir porque sabemos a la palabra a la que queremos llegar. Un compilador no puede hacer eso, por lo que necesita de algún otro mecanismo para **prever** qué regla utilizar.

Crecimiento y no-determinismo en GLCs Compiladores LL y LR

Таре	Pop	Move	Push
\overline{aabb}	\$	R	\overline{A}
abb	A	R	AA
bb	A	R	ε
b	A	R	ε
<u> </u>	\$	N	ε

Hay muchas reglas que no estamos utilizando, y nos guiamos por el hecho de ver hacia adelante. Sabiendo que busco aabb, entonces lo más lógico es usar $S \to aSb$ dos veces, para poder finalizar con $S \to \varepsilon$.

Este tipo de compiladores, que leen de izquierda a derecha, y que tienen una ventana de "predicción" se conocen como *Left to right Leftmost derivation*, o *LL* por sus siglas en inglés.

Crecimiento y no-determinismo en GLCs Compiladores LL y LR

Таре	Pop	Move	Push
\overline{aabb}	\$	R	\overline{A}
abb	A	R	AA
bb	A	R	ε
b	A	R	ε
	\$	N	ε

Hay muchas reglas que no estamos utilizando, y nos guiamos por el hecho de ver hacia adelante. Sabiendo que busco aabb, entonces lo más lógico es usar $S \to aSb$ dos veces, para poder finalizar con $S \to \varepsilon$.

Este tipo de compiladores, que leen de izquierda a derecha, y que tienen una ventana de "predicción" se conocen como *Left to right Leftmost derivation*, o *LL* por sus siglas en inglés.

Crecimiento y no-determinismo en GLCs Compiladores LL y LR

Таре	Pop	Move	Push
\overline{aabb}	\$	R	\overline{A}
abb	A	R	AA
bb	A	R	ε
b	A	R	ε
	\$	N	ε

Hay muchas reglas que no estamos utilizando, y nos guiamos por el hecho de ver hacia adelante. Sabiendo que busco aabb, entonces lo más lógico es usar $S \to aSb$ dos veces, para poder finalizar con $S \to \varepsilon$.

Este tipo de compiladores, que leen de izquierda a derecha, y que tienen una ventana de "predicción" se conocen como *Left to right Leftmost derivation*, o *LL* por sus siglas en inglés.

Compiladores LL y LR

Por el contrario, hay compiladores que leen *al revés*, de derecha a izquierda (con respecto a las reglas de la gramática, primero aSB y luego $S \rightarrow$). De este modo, el árbol de derivación se recorre hacia atrás.

Este tipo de compiladores se conoce como *Left to right Rightmost deriva*tion, o LR por sus siglas en inglés.

¿Pero cómo convertimos de una GLC a un AP y viceversa?

Compiladores LL y LR

Por el contrario, hay compiladores que leen *al revés*, de derecha a izquierda (con respecto a las reglas de la gramática, primero aSB y luego $S \rightarrow$). De este modo, el árbol de derivación se recorre hacia atrás.

Este tipo de compiladores se conoce como *Left to right Rightmost deriva*tion, o LR por sus siglas en inglés.

¿Pero cómo convertimos de una GLC a un AP y viceversa?

Compiladores LL y LR

Por el contrario, hay compiladores que leen *al revés*, de derecha a izquierda (con respecto a las reglas de la gramática, primero aSB y luego $S \rightarrow$). De este modo, el árbol de derivación se recorre hacia atrás.

Este tipo de compiladores se conoce como *Left to right Rightmost deriva*tion, o LR por sus siglas en inglés.

¿Pero cómo convertimos de una GLC a un AP y viceversa?

Múltiples maneras en la literatura

Compiladores LL y LR

Como en el caso pasado, distintas personas lo manejan de distinta manera:

- Brena (2003) diferencia entre el tipo de compilador, y convierte una gramática de cierto tipo a un AP utilizando un algoritmo que depende del tipo de compilador.
- Ullman (1979), uno de los autores del libro más usado para este curso a nivel mundial, utiliza otra versión, sólo para compiladores LL y es la que utilizaremos.

Múltiples maneras en la literatura

Compiladores LL y LR

Como en el caso pasado, distintas personas lo manejan de distinta manera:

- Brena (2003) diferencia entre el tipo de compilador, y convierte una gramática de cierto tipo a un AP utilizando un algoritmo que depende del tipo de compilador.
- Ullman (1979), uno de los autores del libro más usado para este curso a nivel mundial, utiliza otra versión, sólo para compiladores LL y es la que utilizaremos.

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- ullet El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- ullet El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- ullet El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- El símbolo inicial (de la pila) de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Sea L un lenguaje de una GLC G.

Para construir un AP M que acepte L, hay que considerar lo siguiente:

- ullet M tiene un estado q
- El alfabeto de la cinta de M, Σ es igual a las terminales de G
- El alfabeto de la pila de $M, \Gamma \subseteq V \cup \Sigma$
- El **símbolo inicial (de la pila)** de M sigue siendo \$ (como antes)

La función de transición puede calcularse con respecto a eso (como antes)

- La pila está vacía (como antes)
- La cinta llegó al final (como antes)

Formalización y diseño de APs

- \bullet $S \rightarrow aSb$
- $\mathbf{2} S \to ab$
 - $Q = \{q\}$
 - $\Sigma = \{a, b\}$
- $\Gamma = \{\$, S\}$
- \bullet $\delta =$
 - ((q, a, \$)(q, \$S))
 - \blacktriangleright ((q, a, S)(q, SS))
 - \blacktriangleright $((q,b,S)(q,\varepsilon))$
 - \blacktriangleright $((q, \square, \$), (q, \varepsilon))$
- q = q
- $F = \{q\}$

(a, \$, \$S), (a, S, SS) $(b, S, \varepsilon), (\square, \$, \varepsilon)$

¿Es este enfoque correcto? ¿Qué pasa con aabb? ¿Y con abab?

Formalización y diseño de APs

- \bullet $S \rightarrow aSb$
- $\mathbf{2} S \rightarrow ab$
- $Q = \{q\}$
- $\Sigma = \{a, b\}$
- $\Gamma = \{\$, S\}$
- \bullet $\delta =$
 - ((q, a, \$)(q, \$S))
 - \blacktriangleright ((q, a, S)(q, SS))
 - \blacktriangleright $((q,b,S)(q,\varepsilon))$
 - \blacktriangleright $((q, \square, \$), (q, \varepsilon))$
- q = q
- $F = \{q\}$

(a, \$, \$S), (a, S, SS) $(b, S, \varepsilon), (\square, \$, \varepsilon)$

; Es este enfoque correcto? ; Qué pasa con aabb? ; Y con abab?

Formalización y diseño de APs

- \bullet $S \rightarrow aSb$
- $\mathbf{2} S \rightarrow ab$
- $Q = \{q\}$
- $\Sigma = \{a, b\}$
- $\Gamma = \{\$, S\}$
- \bullet $\delta =$
 - ((q, a, \$)(q, \$S))
 - \blacktriangleright ((q, a, S)(q, SS))
 - \blacktriangleright $((q,b,S)(q,\varepsilon))$
 - \blacktriangleright $((q, \square, \$), (q, \varepsilon))$
- q = q
- $F = \{q\}$

(a, \$, \$S), (a, S, SS) $(b, S, \varepsilon), (\square, \$, \varepsilon)$

; Es este enfoque correcto? ; Qué pasa con aabb? ; Y con abab?

Formalización y diseño de APs

Claramente hemos agotado las combinaciones posibles entre $\Sigma \times \Gamma$...

¿Con cuál otro conjunto que tenga el AP podemos hacer producto cartesiano para obtener más posibilidades de cómputo?

Con el conjunto de estados.

$$(a,\$,\$S), (a,S,SS)$$

$$(\Box,\$,\varepsilon), (b,S,\varepsilon)$$

$$(b,S,\varepsilon), (\Box,\$,\varepsilon)$$

Formalización y diseño de APs

Claramente hemos agotado las combinaciones posibles entre $\Sigma \times \Gamma$...

¿Con cuál otro conjunto que tenga el AP podemos hacer producto cartesiano para obtener más posibilidades de cómputo?

Con el conjunto de estados.

$$(a,\$,\$S), (a,S,SS)$$

$$(\Box,\$,\varepsilon), (b,S,\varepsilon)$$

$$(b,S,\varepsilon), (\Box,\$,\varepsilon)$$

Formalización y diseño de APs

Claramente hemos agotado las combinaciones posibles entre $\Sigma \times \Gamma$...

¿Con cuál otro conjunto que tenga el AP podemos hacer producto cartesiano para obtener más posibilidades de cómputo?

Con el conjunto de estados.

$$(a,\$,\$S), (a,S,SS)$$

$$q0$$

$$(b,S,\varepsilon), (b,S,\varepsilon)$$

$$(b,S,\varepsilon), (\Box,\$,\varepsilon)$$