

TC2020 – Matemáticas Computacionales

Examen 2

Nombre: _____

Matrícula: _____

Fecha: 22.10.18

Lee cuidadosamente y contesta lo que se te pide. Este examen está pensado para resolverse de manera individual, y en poco menos de 90 minutos. Se sugiere que administres bien tu tiempo.

Al momento de contestar, intenta ser lo más explícito posible: se calificará con base en lo que esté escrito, y se considerará el proceso aún cuando la respuesta final esté errada. Recuerda que puedes revisar material de la clase, el libro de texto o tus notas. Buena suerte.

1. Expresiones Regulares (36 %)

Describe cada uno de los siguientes lenguajes utilizando expresiones regulares genéricas. En dado caso de que el lenguaje no se pueda describir con una ER, menciona por qué. Posteriormente e independientemente de si tienes ER o no, escribe dos ejemplos de palabras aceptadas para cada lenguaje.

- a) El lenguaje de las palabras en $\{a, b\}$ que empiezan con a y terminan con b .
- b) El lenguaje de las palabras en $\{0, 1\}$ que son múltiplos de 100.
- c) El lenguaje de las palabras en $\{x, y\}$ que son de longitud impar o que terminan en xxx .
- d) El lenguaje de las palabras en $\{0, 1, 2\}$ que tengan un 1 en el centro, y sean simétricas.
- e) El lenguaje de las palabras en $\{z : z \in \mathbb{N}, 0 \leq z \leq 9\}$ que son también denominaciones de billetes o monedas expedidas por el Banco de México y que están en circulación. Omite centavos y series especiales (Onzas de plata, Centenarios, etc.).
- f) El lenguaje de las palabras en $\{a, b\}$ que tengan un número par de bs . (*Hint: considera hacer un autómatas si te parece muy complicado*)

2. Gramáticas Regulares (14 % + 6 %)

En HTML, le llamamos “etiquetas” a las *keywords* para abrir o cerrar elementos de la página web. Una etiqueta siempre se escribe entre *brackets* para iniciar el elemento, y la misma etiqueta pero con una diagonal al principio para finalizar el elemento. La etiqueta `<html>...</html>` sirve para delimitar el contenido de la página web.

- a) Escribe una expresión regular para seleccionar las *keywords* de inicio y fin de las listas ordenadas (`ol`) y no ordenadas (`ul`), incluyendo los brackets como parte de la selección (4 %)
- b) Convierte a AF (5 %)
- c) Convierte a Gramática **Regular** (no GLC) (5 %)
- d) Escribe el árbol de derivación para dos palabras válidas (+ 6 %)

3. Ambigüedad en GLCs (20 %)

Sea $G = (\{S\}, \{\text{if}, c, \text{then}, \text{else}, x\}, \{S \rightarrow x, S \rightarrow \text{if } c \text{ then } S, S \rightarrow \text{if } c \text{ then } S \text{ else } S\}, S)$ una gramática libre de contexto.

- Demuestra que G es ambigua utilizando dos árboles de derivación diferentes para una misma frase (10 %)
- Expresa cada árbol de derivación en forma secuencial (usando \Rightarrow) (10 %)

4. Gramáticas Libres de Contexto (30 % +14 %)

El *Biologic Space Lab* está en problemas nuevamente. Debido a una brecha en un ducto de ventilación, ciertos parásitos lograron entrar a uno de los laboratorios de acceso restringido, en el cual se almacenaban muestras de ADN de especies inteligentes para fines taxonómicos. Algunos de los bancos de datos están corruptos debido a la infección, pero otros aún están a salvo. HQ te ha asignado la tarea de diseñar un sistema de control para identificar aquellas muestras de ADN que aún pueden rescatarse, y te ha enviado la siguiente información:

- Los parásitos tienen la capacidad de alterar la cadena de ADN, copiando y replicando ciertas subcadenas que consideran necesarias para la supervivencia mediante mutación.
- Al parecer, el parásito replica el número de extremidades inferiores y de globos oculares de manera arbitraria.
- Utilizando cerca de 20 Petabytes de información, se ha confirmado que el número de réplicas de subcadenas de ADN pertenecientes a los ojos nunca es el mismo que el de las extremidades inferiores en un mismo individuo—en un individuo mutado, el número final de ojos nunca es igual al número final de piernas.
- Gracias al análisis de los datos, se determinó también que los parásitos sólo están afectando especies ‘aptas y balanceadas’; aquellas que tienen el mismo número de ojos que de piernas antes de la mutación.

Además, dado a la gran bio-diversidad del BSL, HQ te sugiere lo siguiente:

Tenemos cerca de 900,000 especies en el databank. Es mejor enfocarse en encontrar las discrepancias en el número de genes en lugar de buscar una secuencia. Por favor, date prisa. No queremos perder 350 años de trabajo.

Diseña un conjunto de reglas para generar subcadenas de ADN válidas que pudieran estar infectadas. Sugerencias:

- Genera el alfabeto de terminales (2 %)
- Describe (con notación de conjuntos o con palabras) el lenguaje aceptado por tu gramática (5 %)
- Genera las reglas de tu GLC (10 %)
- Describe formalmente tu GLC (5 %)
- Usando tu gramática y sus símbolos y reglas, escribe el árbol de derivación de un *Dachora*, una especie de ave que tiene dos piernas y dos ojos (8 %)
- Dibuja un *Dachora* (+4 %)
- Haz un Autómata de Pila para tu GLC (+10 %)

De acuerdo con el Código de Ética del Tecnológico de Monterrey, mi desempeño en esta actividad estará guiado por la integridad académica.