High Dynamic Range

Projet de mathématiques pour l'informatique imac2



Abstract

Etant donné un appareil photo numérique, la dynamique du capteur correspond à la plage de variation entre le niveau minimal (niveau de noir) que le capteur peut percevoir et et le niveau maximal avant saturation. Ce projet consiste à implémenter un programme en C++ permettant de combiner plusieurs images de la même scène et prise du même point de vue afin d'obtenir une image ayant une dynamque très étendue.

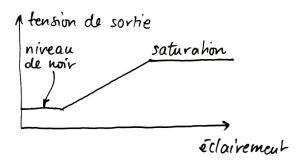
1 High Dynamic Range

1.1 Capteur et photosites et dynamique

Un appareil photo numérique est composé d'optiques, d'un capteur et d'une unité de traitement d'images. Le capteur est constitué d'un ensemble de photosites permettant de transformer la lumière incidente en charge électrique, dont l'intensité est linéaire en fonction de l'éclairement. Ce courant électrique est ensuite mesurée puis converti en un signal numérique qui est à l'origine, après une série de traitements, de l'intensité d'un pixel.

La sensibilité d'un photosite correspond au nombre minimal de photons incidents par unité de surface nécessaires pour génerer un signal autre que du bruit. Dans le noir, un photosite génère un signal (le courant d'obscurité) dû à l'agitation thermique du capteur, dont le niveau moyen défini le niveau de noir.

Par ailleurs, au delà d'un certain niveau d'éclairage, les photosites saturent. La dynamique du capteur correspond à la plage de variation entre le niveau minimal que le capteur peut percevoir (niveau de noir) et et le niveau maximal avant saturation.

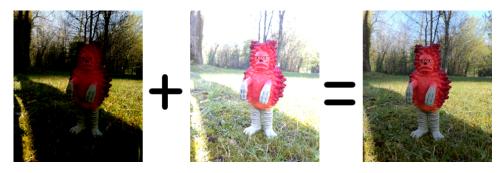


Ainsi, une image numérique est fidèle à la scène photographiée si l'amplitude entre l'éclairement le plus faible et le plus fort est inférieur à la dynamique de l'image. En pratique, ça n'est généralement pas le cas et il faut alors faire un choix lors de la prise de vue.

1.2 High Dynamic Range

Les techniques de High Dynamic Range (HDR), consistent à combiner plusieurs images de la même scène prise du même point de vue, mais avec des temps de poses différents afin de générer une image ayant une dynamique bien supérieure à celle des images initiales.

Sur l'exemple suivant, il est possible de prendre une photo avec un joli ciel bleu mais une herbe complètement saturée, ou bien l'inverse. L'image de droite correspond à l'image HDR construite à partir des 2 images de gauche.



2 Méthode proposée

2.1 Introduction

Il existe diverses méthode permettant de générer des images HDR. D'ailleurs, la plupart des smartphones proposent l'option HDR dans le menu de l'appareil photo. La méthode que nous allons voir n'est pas la plus populaire, mais une des plus performante, elle présente par ailleurs l'intérêt de ne pas être trop compliquée à coder. Pour plus de détails sur cette méthode, vous pouvez lire l'article de Paul Debevec et Jitendra Malik : "Recovering High Dynamic Range Radiance Maps from Photographs", publiée dans lors de la conférence Siggraph en 1997.

2.2 Courbe de réponse du capteur

La réponse électrique X d'un photosite est linéaire en fonction du temps d'exposition Δt . On a alors :

$$X = E\Delta t \quad (J.m^{-2})$$

où E correspond à l'irradiance, c'est-à-dire à la quantité de lumière arrivant sur le photosite. Durant la phase de numérisation du signal électrique, celui-ci est traité par une fonction non-linéaire f propre à chaque appareil numérique. Ainsi, la valeur Z du pixel associé à un photosite vaut :

$$Z = f(X) = f(E.\Delta t)$$

Le but de la méthode proposée ici est de calculer la courbe de réponse du capteur afin de trouver pour chaque pixel l'exposition X du photosite :

$$X = f^{-1}(Z)$$

puis d'en déduire l'irradiance de chaque pixel :

$$E = \frac{X}{\Delta t}$$

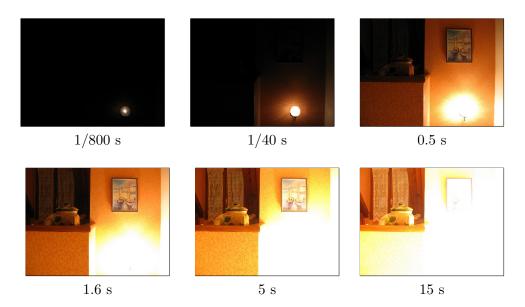
Pour la suite, nous considérons que les contraintes suivantes sont satisfaites :

- la scène considérée est statique durant la prise de vue (quelques secondes), aussi bien géométriquement qu'en terme de luminosité.
- la fonction f est monotone et croissante, ainsi f^{-1} est bien définie.
- la fonction f est relativement lisse.

Par ailleurs, nous traiterons les différents canaux RGB séparément.

2.3 Inversion de la courbe de réponse

La méthode présentée ici nécessite en entrée une série d'images numériques de la même scène, prise du même point de vu, mais avec différent temps d'exposition.



Plus précisément, nous considérons :

- \bullet un ensemble de P images.
- chaque image est constituée de $N = w \times h$ pixels
- l'intensité du *i*-ème pixel $(i \in [1, N])$ de la *j*-ème image $(j \in [1, P])$ est notée $Z_{i,j}$.
- le temps d'exposition de la j-ème images est noté Δt_j .

Nous avons alors la relation de numérisation suivante :

$$Z_{i,j} = f(E_i \Delta t_j)$$

La fonction f étant inversible, nous avons :

$$E_i \Delta t_j = f^{-1}(Z_{i,j})$$

Soit

$$\ln E_i + \ln \Delta t_j = \ln f^{-1}(Z_{i,j})$$

Par souci de simplicité d'écriture, nous renommons f^{-1} en g :

$$g(Z_{i,j}) = \ln f^{-1}(Z_{i,j}) = \ln E_i + \ln \Delta t_j$$

En pratique, nous connaissons les $Z_{i,j}$ ainsi que les Δt_j , et nous cherchons à définir la fonction g(Z) ainsi que les E_i .

La fonction g(Z) est définie sur l'intervalle des Z entier $\in [Z_{min}, Z_{max}]$ (avec $Z_{min} = 0$ et $Z_{max} = 255$). Par ailleurs, les E_i sont identiques pour chaque prise de vue.

La méthode proposée consiste à trouver la fonction g(Z) et les E_i en minimisant le résidu suivant :

$$O = \underbrace{\sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{P} \left(g(Z_{i,j}) - \ln E_i - \ln \Delta t_j \right)^2}_{\text{terme de fidélité aux données}} + \underbrace{\lambda \sum_{Z=Z_{min}+1}^{Z_{max}-1} g''(Z)^2}_{\text{terme de lissage}}$$

avec λ une variable expérimentale ($\lambda=20$ est un bon départ pour vos tests). Par ailleurs, une bonne estimation de la dérivée seconde de g peut s'obtenir avec $g''(z) \simeq g(z-1) - 2g(z) + g(z+1)$.

En réfléchissant très fort, il est possible d'écrire cette équation comme un système surdéterminé dont les inconnues sont les $Z_{max} - Z_{min} + 1 = 256$ valeurs de g ainsi que les $\ln E_i$. Le but de ce projet consiste en partie à trouver ce système linéaire $A\mathbf{x} = \mathbf{b}$, le coder et le résoudre au sens des moindres carrées : $\mathbf{x} = (A^{\top}A)^{-1}A^{\top}\mathbf{b}$.

2.4 Facteur d'échelle

La solution du système surdéterminé précédent est défini à un facteur d'échelle près. En effet, changer $\ln E_i$ en $\ln E_i + \alpha$ et g(z) en $g(z) + \alpha$ ne change pas la solution du système. Pour stabiliser le système, nous ajoutons donc une nouvelle contrainte :

$$g(Z_{mid}) = 1$$

avec:

$$Z_{mid} = \frac{Z_{min} + Z_{max}}{2}$$

Cette contrainte peut s'ajouter facilement dans le système d'équations précédent.

2.5 Précision des données

Par expérience, on connait la forme de la courbe de réponse et notamment son caractère de pente raide aux près de Z_{min} et Z_{max} . Pour obtenir une meilleure adéquation aux données, nous introduisons une fonction de poids w(z) qui diminue l'influence des données en bordure de courbe :

$$w(Z) = \begin{cases} Z - Z_{min} & \text{si } Z \le \frac{Z_{min} + Z_{max}}{2} \\ Z_{max} - Z & \text{si } Z > \frac{Z_{min} + Z_{max}}{2} \end{cases}$$

Le système à minimiser s'exprime alors :

$$O = \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{P} \left(w(Z_{i,j}) \left(g(Z_{i,j}) - \ln E_i - \ln \Delta t_j \right) \right)^2 + \lambda \sum_{Z=Z_{min}+1}^{Z_{max}-1} \left(w(Z)g''(Z) \right)^2$$

2.6 Robustesse et temps de calcul

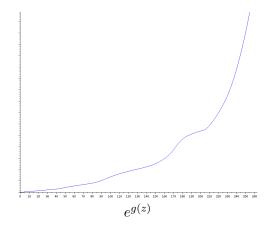
Pour que le système puisse avoir au moins une solution, il faut :

$$N(P-1) > Z_{max} - Z_{min}$$

Utiliser tous les pixels pour résoudre ce système serait beaucoup trop long, un petit nombre d'entre eux sera suffisant pour obtenir un résultat satisfaisant. Si l'on dispose de 6 photos, alors une centaine de pixels seront largement suffisants. L'idéal étant de les choisir telle que les E_i couvrent une large gamme d'illumination avec une bonne distribution entr les Z_{min} et les Z_{max} .

2.7 Au final

A l'issue de cette étape, la solution du système linéaire vous donne l'ensemble des valeurs de g(Z) sur $Z \in [Z_{min}, Z_{max}]$ ainsi que les valeurs de E pour les pixels sélectionnés. Il reste donc à retrouver les valeurs E pour tous les pixels.



3 Reconstruction

3.1 Irradiance

Une fois la courbe g retrouvée, il faut calculer l'image d'irradiance, c'est-àdire notre image HDR. Le mieux étant de la coder sur plus que 8 bit, des float ou des double feront l'affaire.

Pour retrouver les E_i , nous pouvons utiliser la relation suivante :

$$ln E_i = g(Z_{i,j}) - \ln \Delta t_j$$

Pour obtenir une bonne précision numérique, il parait judicieux d'utiliser toutes les images et de faire, pour chaque pixel, la moyenne des irradiances trouvées. Comme lors de la résolution du système linéaire, il est préférable de diminuer l'infuence des pixel saturés. L'équation précédente devient alors :

$$\ln E_i = \frac{\sum_{j=1}^{P} w(Z_{i,j}) (g(Z_{i,j} - \ln \Delta t_j))}{\sum_{j=1}^{P} w(Z_{i,j})}$$

En pratique, on peut conserver le logarithme pour stocker l'image HRD.

3.2 Tone mapping

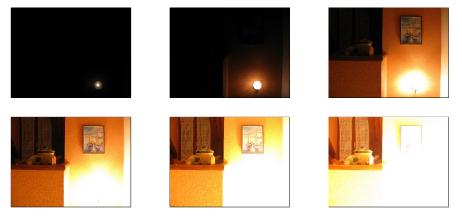
L'image HDR obtenue n'est pas affichable en l'état (sauf sur un écran HDR). Il faut donc convertir cette image de float 32 bits (ou double 64 bits) à unsigned char 8 bits. Cette étape s'appelle le tone mapping et il existe une multitude de fonctions permettant de réaliser cette compression. Nous commencerons par la fonction la plus simple : l'interpolation linéaire.

$$[x_{min}, x_{max}] \mapsto [Z_{min}, Z_{max}] : x = L(x)$$

Cette fonction consiste à transformer la plus grande valeur de l'image HDR à 255 et la plus petite à 0. En pratique, on pourra copier le résultat de chaque pixel sur les 3 canaux d'une image RGB ce qui générera une image en niveaux de gris.



Cette image contient effectivement une dynamique plus large que les images de départ.



4 Et la couleur?

Pour commencer, nous travaillerons sur images en niveaux de gris. Ainsi, si les images de départs sont en courleur, nous les convertirons en images en niveaux de gris. Pour générer une image HDR en couleurs, les choses se compliquent un peu. On calcule séparément les 3 images HDR correspondant aux 3 canaux. On obtient alors 3 courbes de réponse définies chacune à un facteur près, mais satisfaisant la contrainte des pixels de couleur $(Z_{mid}, Z_{mid}, Z_{mid})$ sur les images de départ, qui apparaissent achromates sur l'image HDR d'arrivée. Si la fonction de tone mapping est dépendante du contenu de l'image HDR, ce qui est le cas pour la fonction linéaire définie plus haut, les 3 images HDR seront susceptibles d'avoir un minimum et un maximum différents. Ainsi, les valeurs $(Z_{mid}, Z_{mid}, Z_{mid})$ des images de départ apparaîtront en niveau de gris sur l'image d'arrivée, mais ça ne sera pas le cas des autres valeurs (u, u, u) avec $u \neq Z_{mid}$.

Optionel: faites une fonction permettant de traiter les images RGB.

5 Travail demandé

L'objectif de ce projet est d'implémenter un programme en C++ permettant de générer une image HDR à partir d'un ensemble d'images prises avec différents temps de pose.

Plus précisément, vous deverez :

- développer le programme en question.
- écrire un rapport d'une dizaine de pages.
- rendre votre projet sous forme d'archive nom1_nom2.tgz compressant un répertoire du même nom contenant votre programme ainsi que votre rapport au format pdf.

Vous disposerez d'un template permettant :

- de charger et sauvegarder une image jpeg.
- d'accéder aux pixels de cette image.
- de lire l'exif de l'image pour connaître son temps d'exposition.

Votre programme devra satisfaire les conditions suivantes:

- être écrit en C++, utiliser un makefile générée par cmake, et ne plus afficher de warning lors de la compilation en compilant avec -Wall.
- fonctionner au moins sous Linux sur les machines de l'université.
- l'emploie de la bibliothèque eigen est recommandé (http://eigen.tuxfamily.org).

5.1 Suggestion

Les étapes centrales dans cette méthode sont :

- 1. le calcule de la courbe inverse de la réponse des photosites.
- 2. le calcuke de l'image d'irradiance.
- 3. le tone mapping.

Pour le calcul de la courbe inverse, il est recommandé de suivre le prototype suivant :

où les VectorXd et Vector2i ainsi que les matrices MatrixXi, sont ceux de la bibliothèque Eigen. La variable pixels fait référence à l'ensemble de pixels que vous aurez sélectioné. Cette fonction renvoie l'ensemble des valeurs de la fonction g.

Pour le calcul de l'image HDR, vous pouvez suivre ce prototype :

Enfin, pour la fonction de tone mapping, faites comme vous voulez.

5.2 Rapport

Vous fournirez en version électronique un rapport de 5 pages minimum et de 10 pages maximum. Consacrez suffisamment de temps au rapport car il représente une bonne partie de la note finale. Essayez de respecter au mieux les directives suivantes :

- Votre rapport doit commencer par une page listant vos travaux avec les indications suivantes :
 - éléments demandés et codés qui fonctionnent.
 - éléments demandés et codés qui ne fonctionnent pas.
 - éléments demandés mais pas codés.
 - éléments non demandés (options) et codés qui fonctionnent.
 - éléments non demandés mais pas codés ou qui ne fonctionnent pas, mais pour lesquels vous avez des choses à dire.
- Ne perdez pas de temps à réexpliquer le sujet du projet, l'enseignant le connaît déjà, faites seulement un bref résumé de quelques lignes. De manière plus générale, ne détaillez pas des méthodes déjà expliquées dans l'énoncé à moins que vous les ayez modifiées.
- Un rapport sert surtout à montrer comment vous avez fait face aux problèmes (d'ordre algorithmique/mathématique). Certains problèmes sont connus (on en parle dans l'énoncé), d'autres sont imprévus. Montrez que vous les avez remarqués et compris. Donnez la liste des solutions à ce problème et indiquez votre choix. Justifiez votre choix (vous avez le droit de dire que c'est la méthode la plus facile à coder).
- Il ne doit figurer aucune ligne de code dans votre rapport. Un rapport n'est pas un listing de votre programme où vous détaillez chaque fonction. Vous devez par contre détailler vos structures de données et mettre du pseudocode pour expliquer vos choix algorithmiques.

 Il est autorisé d'utiliser des "raccourcis" tels que "initialiser T à 0" plutôt que de détailler la boucle faisant la même chose.
- n'hésitez pas à mettre des images dans votre rapport pour illustrer vos propos et vos résultats.

6 Pour finir

Vous pouvez laisser libre cours à votre imagination, toute amélioration sera la bienvenue. Vous trouverez quelques informations complémentaires à l'adresse :

http://www-igm.univ-mlv.fr/~vnozick/

Bon courage.