

# 华东师范大学软件工程学院实践报告

课程名称：计算机组成与实践

年级：2023 级

上机实践成绩：

指导教师：谷守珍

姓名：张建夫

上机实践日期：5/7~5/21

实践编号：实验2

学号：10235101477

上机实践时间：4 学时

---

## 一、实验名称

### 32位ALU设计实验

## 二、实验目的

掌握定点数加减法溢出检测方法

理解算术逻辑运算单元ALU的基本构成

➤ 熟悉logisim中各种运算组间

➤ 逻辑运算部件

➤ 算术运算部件

➤ 熟悉多路选择器的使用

➤ 设计32位简单ALU

## 三、实验内容

设计32位简单ALU

➤ 利用已完成的32位加减法器、其他运算组件构造

➤ 禁止使用logisim中内置的加法器、减法器

## 四、实验原理

ALU原理：

本次实验的ALU主要支持以下操作：

ALU OP	十进制	运算功能
0000	0	$R = X \ll Y$ 逻辑左移 (Y取低五位) $R2=0$
0001	1	$R = X \gg Y$ 算术右移 (Y取低五位) $R2=0$
0010	2	$R = X \gg Y$ 逻辑右移 (Y取低五位) $R2=0$
0011	3	$R = (X * Y)_{[31:0]}$ $R2 = (X * Y)_{[63:32]}$ 无符号乘法
0100	4	$R = X/Y$ $R2 = X\%Y$ 无符号除法
0101	5	$R = X + Y$ (set OF/UOF)
0110	6	$R = X - Y$ (set OF/UOF)
0111	7	$R = X \& Y$ 按位与
1000	8	$R = X   Y$ 按位或
1001	9	$R = X \oplus Y$ 按位异或
1010	10	$R = \sim(X   Y)$ 按位或非
1011	11	$R = (X < Y) ? 1 : 0$ 有符号比较
1100	12	$R = (X < Y) ? 1 : 0$ 无符号比较

ALU的接口和示意图如下：



实验的ALU相比于课上讲的ALU多了一些接口，课上的溢出只关心有符号加法的溢出，此

处还需考虑减法和无符号的溢出，除此之外，本实验的ALU可以提供64位乘法结果。

## 五、实验过程

我是按照ppt上提供的运算符顺序完成的，于是便将整个实验分为3个部分，第一部分（0~4）讲述前五个运算符的实现，第二部分讲述加法和减法（5~6）的实现，第三部分讲述剩余运算符（7~12）和各个输出接口的实现

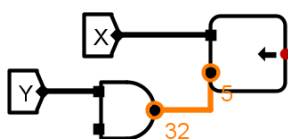
### (1) 第一部分（移位操作与乘除法实现）

移位操作可以使用logism自带的封装电路实现，第一个移位操作是逻辑/算数左移，经过阅读需求发现：

$R = X \ll Y$  逻辑左移（Y取低五位）

Y需要取低5位，防止X左移溢出（下面的移位操作同理）

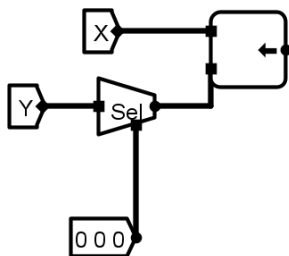
由于之前从未有将某个数取特定位的经历，我就在logism自带的封装电路电路里找类似的部件，我首先试的是与门，想着这应该能自动截断：



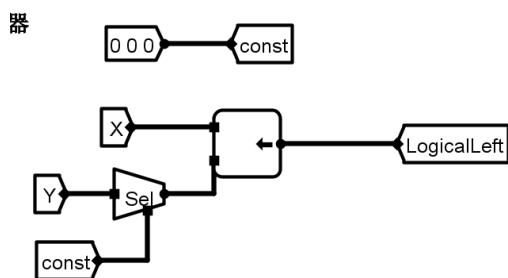
显然我错了，logism下方报了如下错误：

## Incompatible widths

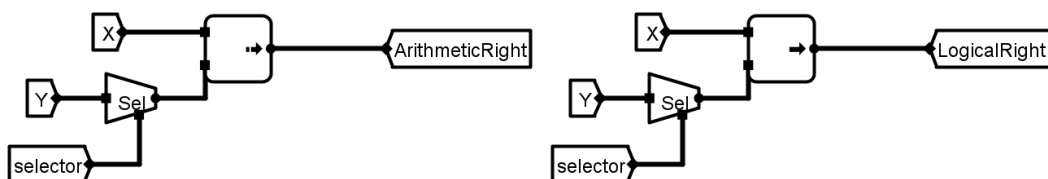
后面在Plexers里面找到一个Bit Selector，看起来是取特定位的元件，便拿来使用，但是由于不懂该元件的接口如何使用，便上网查了相关资料（后面想起来这部分的时候感觉自己蠢到家了，知道从网上找答案，却没有直接搜索如何在logism中将一个数的特定位取出来，我也是后面才发现有Splitter这个东西），最终成功实现逻辑左移：



到这里，我稍做了停顿，我原本的想法是直接将每个运算结果接到result的选择器上，但是一个移位操作的电路就这么大了，到时候接result的时候电路肯定相当复杂，于是便使用了上节课学到的隧道，这样每个模块只执行一个功能，电路也更加清晰，修正版如下：

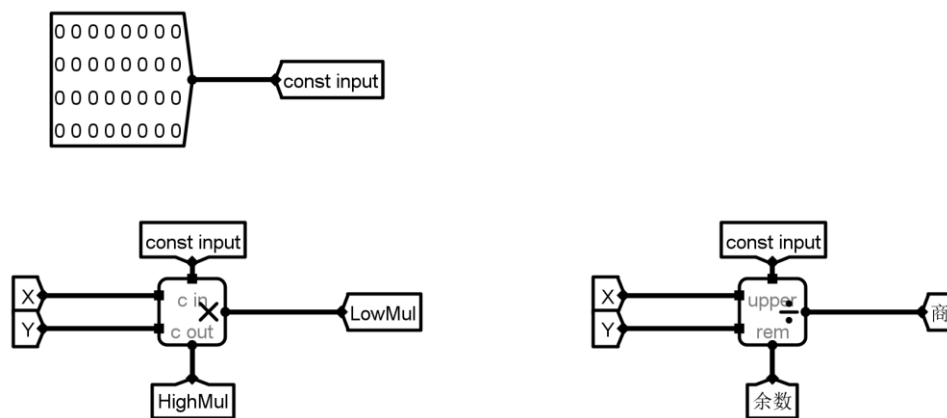


此处将选择器的选择信号用const表示，选择的是第0组（按每5位进行划分， $32/5 = 7$ ，选择信号要3位，低5位就是第0组），这样其他的移位模块就都可以使用这个const了  
最终对其他两个移位模块如法炮制：



（此处的const改为selector了，和下面的乘除法区分）

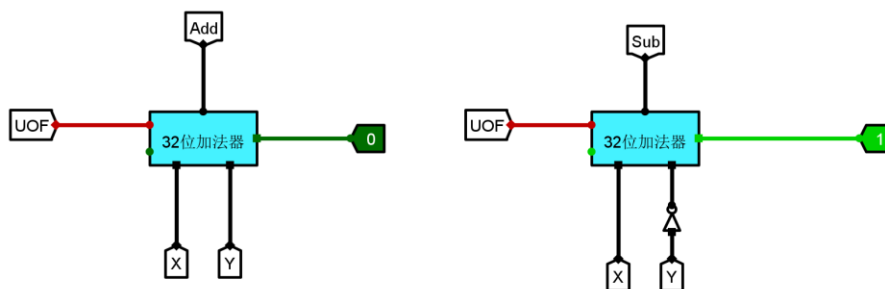
对于乘法和除法，原本我以为要自己先实现乘法器和除法器（ppt上讲了实现方式），但发现有点困难后询问老师，老师说可以使用自带的封装电路实现，便按照先前实现移位器的经验同样实现了乘法器和加法器：



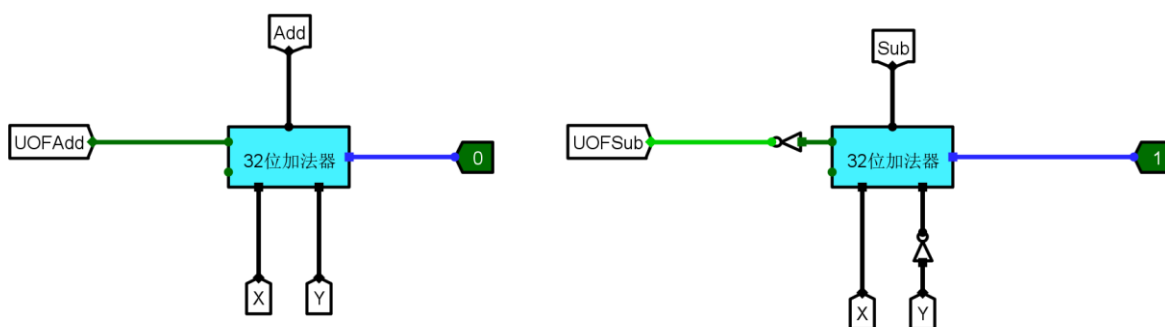
此处的const input是模仿前一部分移位器的const，这样就不用写两个32位的输入了，产生的结果也都使用了隧道来实现电路简洁。

## （2）第二部分（加减法的实现）：

该处的实现遇到了一些困难，根据ppt的提示，这两个操作需要给出有符号和无符号计算的溢出，针对无符号的溢出可使用32位加法器的C32进位来实现，但是有符号的溢出没有这么简单，于是忽略有符号的溢出，先实现基本的加减法功能：

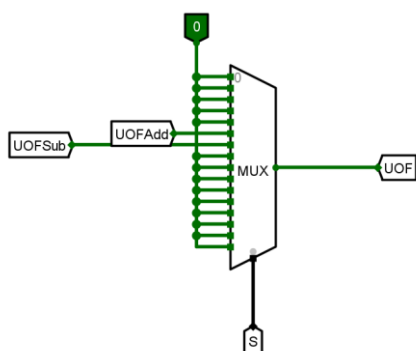


此处产生了一个错误，我想当然地将加法和减法的无符号溢出信号都直接接到结果UOF中，结果所有与UOF相连的线变成了红色，网上查资料显示说是结果不一致导致同一个隧道报错。除此之外，我无符号减法的溢出的计算也出错了，对于无符号减法，只可能产生下溢出（即结果小于0），而无符号的加法只能产生上溢出，因此，在对第二个操作数取反加1后，如果产生上溢，反而说明减法没有溢出，因此此处的无符号减法溢出要取反：



我将无符号加法和无符号减法的溢出计算分开，后面加一个选择器即可产生正确的无符号计算结果，并给无符号减法的溢出取反。

对于无符号溢出结果的选择器，由于只有计算加减法（运算指令为5和6）时有效，其他情况就设为0：



对于有符号的溢出，我先花了一些时间解决理论的问题才开始画的，先看有符号加法，有符号的溢出主要取决于三个数，前两个是操作数的符号位（即最高位），再一个是次高位的进位（决定符号位是否会反转），显然，当两个操作数的符号不同时，根据二进制补码，是不可能发生溢出的，只有当二者操作数符号相同时，而且符号位在计算后发生改变才说明溢出，于是便可以得到如下的真值表：

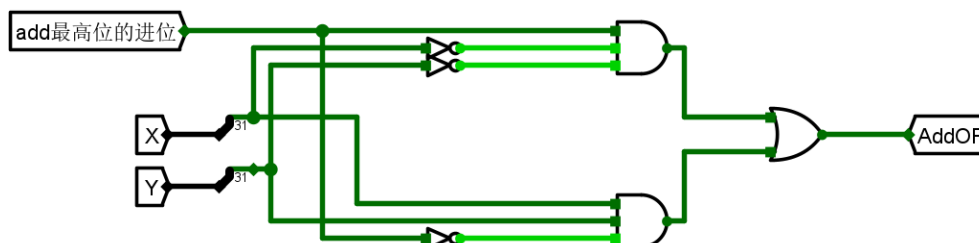
X最高位	Y最高位	次高位进位	是否溢出（1表示溢出）
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

从上面的真值表可以得出溢出的逻辑表达式：

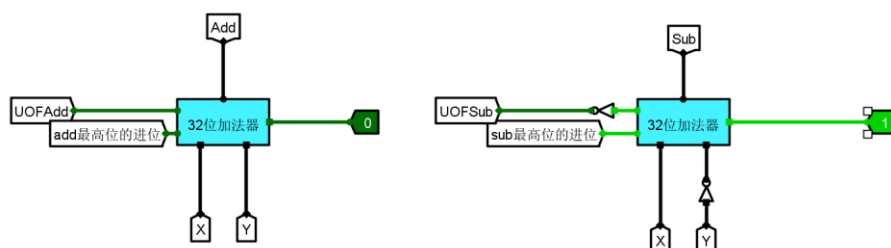
$$OF = (\text{非}X)(\text{非}Y)(C_{31}) + XY(\text{非}C_{31})$$

$C_{31}$ 表示次高位进位。

于是可以画出如下电路图来得到有符号加法溢出：



其中“add最高位的进位”来源于32位快速加法器的C31接口：



在画此电路图时，我终于发现取出一个数的对应比特位的最好工具，使用Splitter就行，由于之前移位操作的selector也能用，便没有将selector换为splitter。

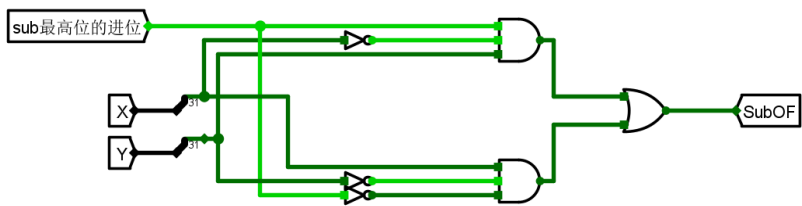
对于有符号减法也一样分析，可以得到如下真值表：

X最高位	Y最高位	次高位进位	是否溢出（1表示溢出）
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

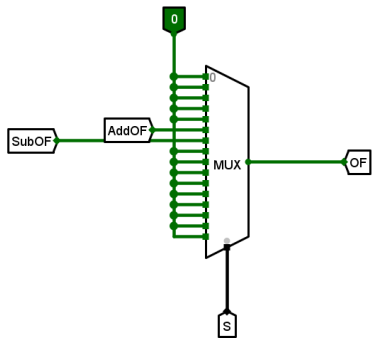
得到减法溢出的逻辑式：

$$OF = (\text{非}X) Y (C31) + X (\text{非}Y) (\text{非}C31)$$

画出电路图：



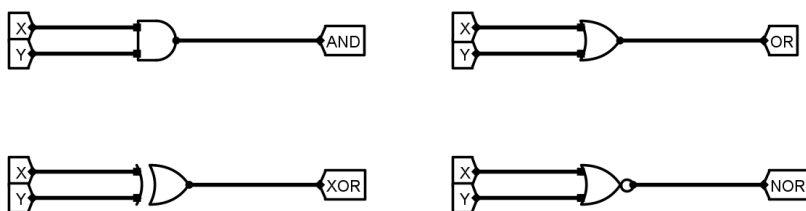
最后仿照无符号加减法做一个选择器：



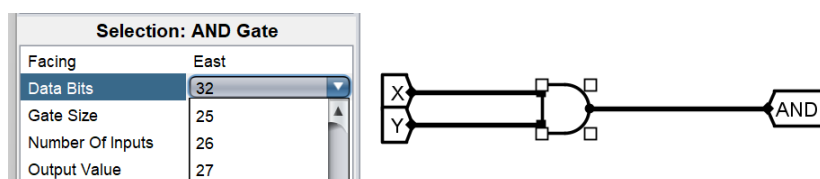
至此第二部分完成。

### (3) 第三部分 (剩余运算符和选择器的实现):

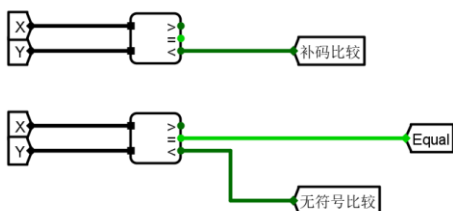
剩下的运算符实现都较为简单，运算符7~10为位运算，只要使用对应的门电路即可：



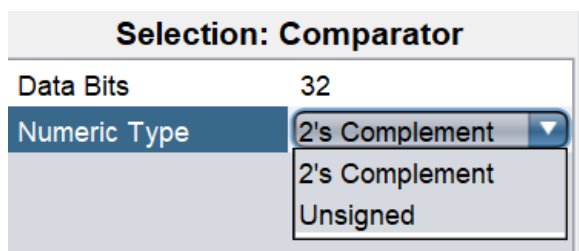
唯一需要注意的是要把门的data bits参数改为32位：



还有两个运算符是有符号和无符号的大小比较，可以使用logism内置的comparator（这次是直接网络上搜索出可用的元件，而不是一个一个在内置的库里面找了）：

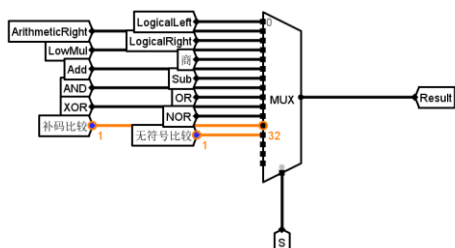


这两个比较器可以分别设置是补码比较和无符号比较：



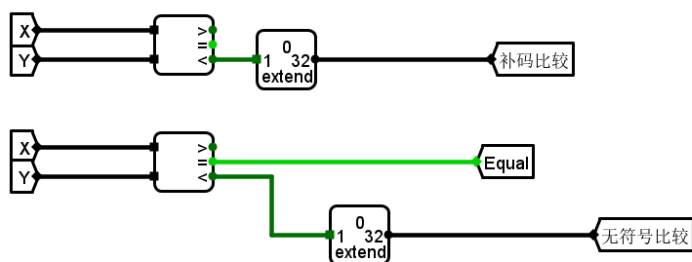
同时由于本实验的ALU还要求有一个equal接口，此处便将其中一个等号接口直接接到equal的输出上。

接下来画最后的选择器，用于结果的输出选择，由输入的操作码决定：



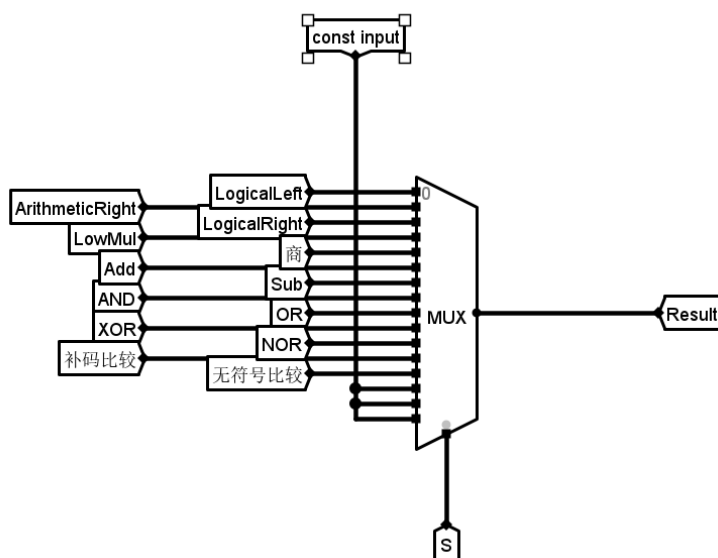


这里再次遇到了之前的位数不匹配的问题，需要将比较的结果进行位扩展，查到可以使用logism自带的bit extender进行位扩展，于是便小小调整了一下先前做好的大小比较：



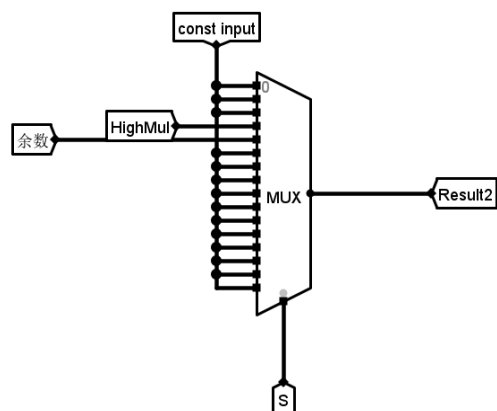
这里发现所有超过一位的隧道都是黑色的线，感觉不是很方便？

改完这个之后选择器就正确了：



这里使用了0 (const input, 之前用到过, 表示32位的0) 填充其他未定义操作码, 来防止引脚悬空。

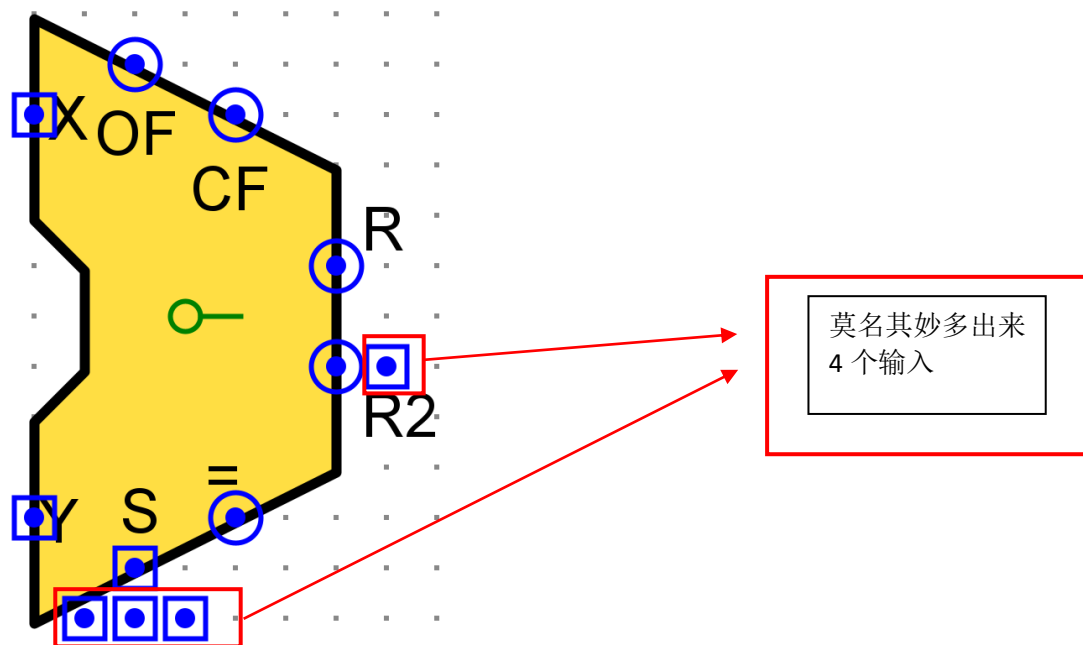
最后还需要给result2 (乘法中的高32位, 除法中的余数) 做一个选择器, 与上面的类似, 只有操作码 (3和4) 有输入, 其他默认输入为0 (同样使用const input表示):



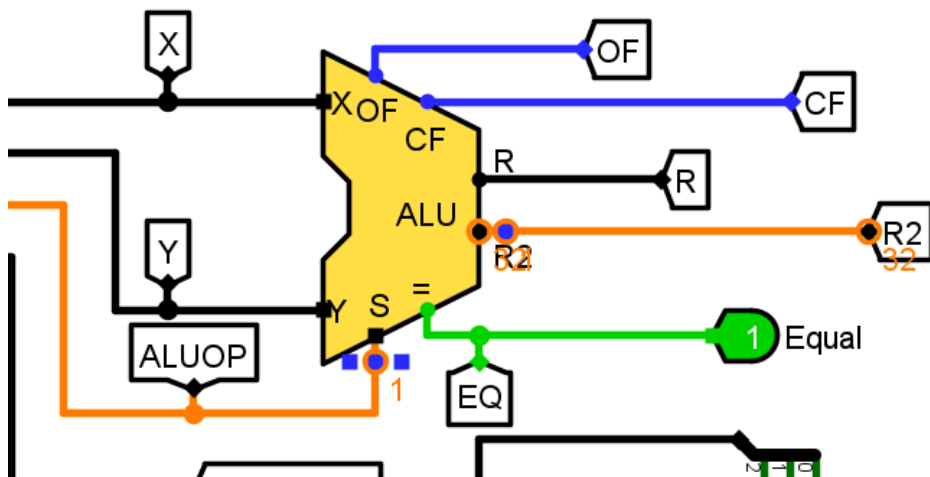
至此第三部分完成。

但是真的完成了吗？

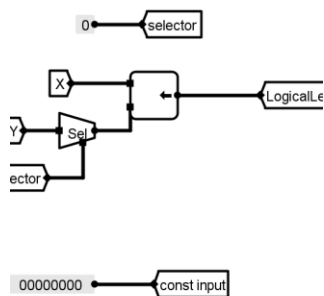
**并没有**，前面我一直犯了一个测试阶段才会发现的错误（对logism还是不熟悉），所有所谓的常量（const input， selector等不是真的常量，logism认为是用户要给输入的）导致了我的ALU封装变成了这个样子：



然后自动测试里面的ALU也乱了：



由于这些莫名其妙的接口导致了令人匪夷所思的错误，当时我一度怀疑是logism卡bug，后面发现自己定义的常量不是常量，而是接口，便将所有用到常量的部分换成logism里面真正的常量：

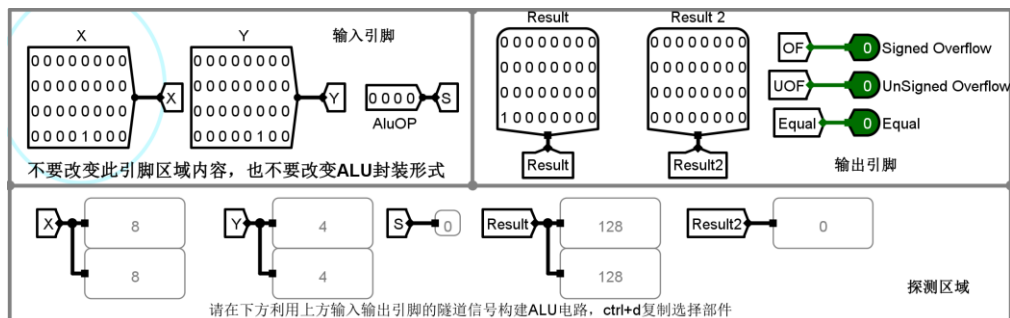


另外两个都是单比特常量，此处不再展示。  
至此第三部分完成。（真的完成了，没有转折了）

## 六、实验结果及分析

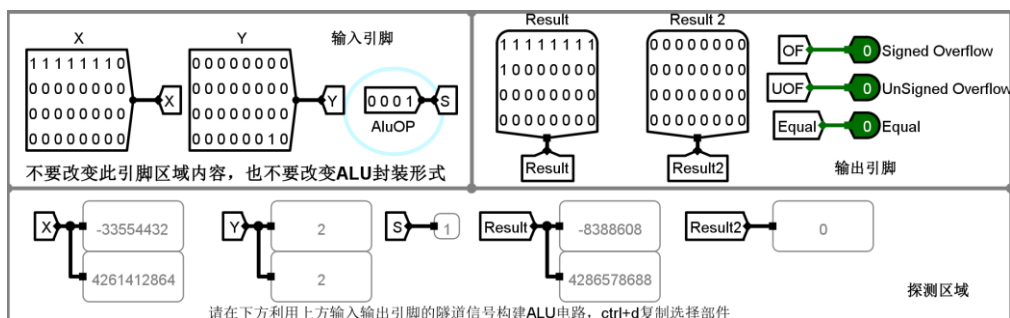
我将为每一个操作做一个自己的测试用例，其中加减法的操作会多做几个用于溢出符号的测试

### (1) 逻辑/算术左移：



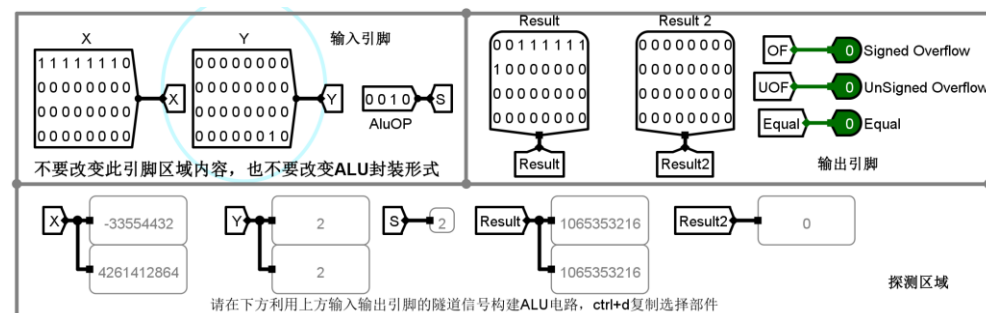
8左移四位，乘以16 ( $2^4$ )，得128，故正确。

### (2) 算术右移：



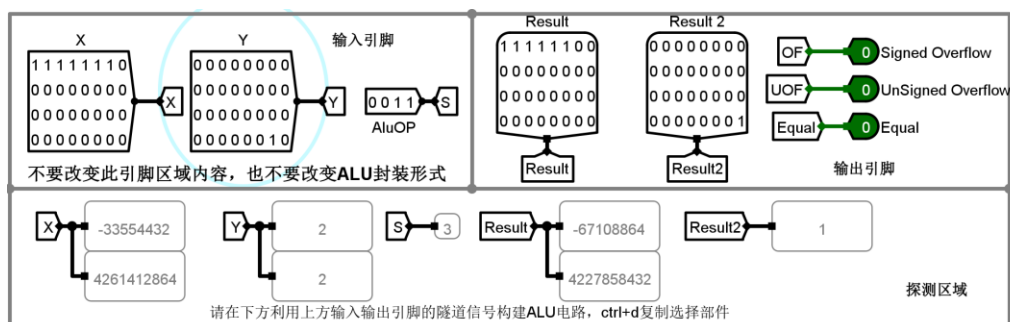
从result可以看到x带符号地右移了两位，故正确。

### (3) 逻辑右移：



可以看到负数右移变成正数，result中的结果右移了两位，故正确。

(4) 64位无符号乘法：



此处计算结果验证如下：

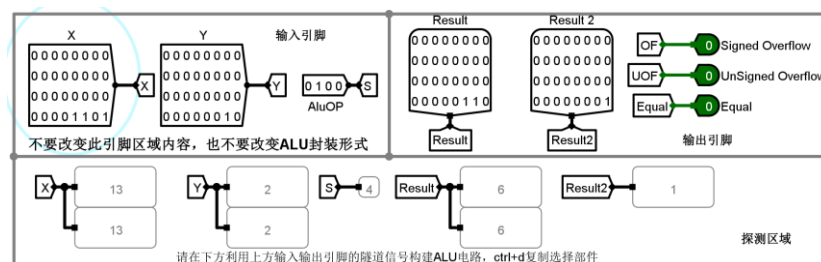
$$(2^{32} + 4,227,858,432) \div 2$$

$$4,261,412,864$$

(此处是用结果倒推x的值)

高位 (result2) 为1，故有一个  $2^{32}$ ，加上低位的部分再除以2 (乘数为2)，应该是x的值，故正确。

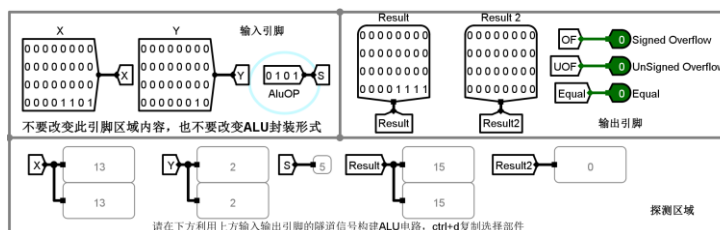
(5) 32位无符号除法：



13 除以 2 得 6 余 1，故正确。

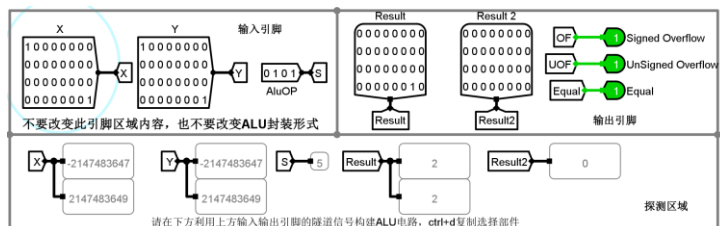
(6) 有/无符号加法：

普通加法：



13 + 2 = 15，故正确。

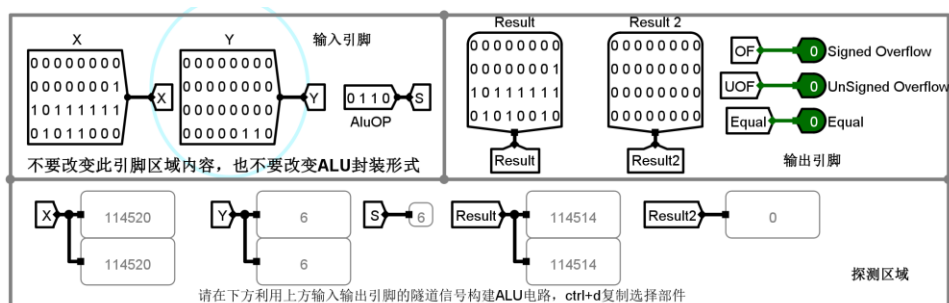
加法溢出：



可以看到x和y最高位的1分别相加溢出，最低位的1相加得到2，结果正确，溢出符号全亮（此处也顺带验证了equal输出，x和y是一模一样的。）

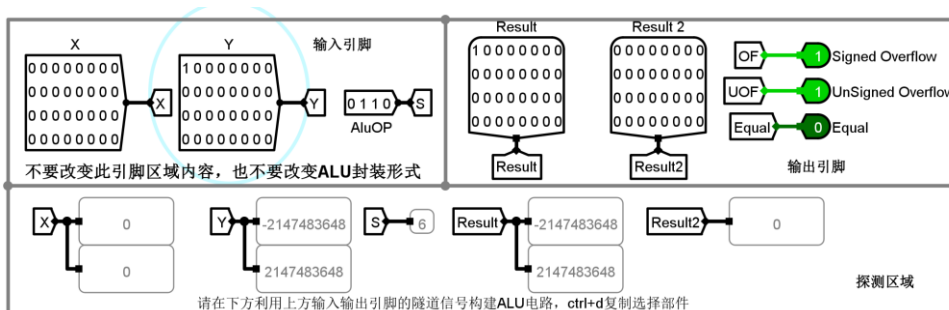
(7) 有/无符号减法：

正常减法：



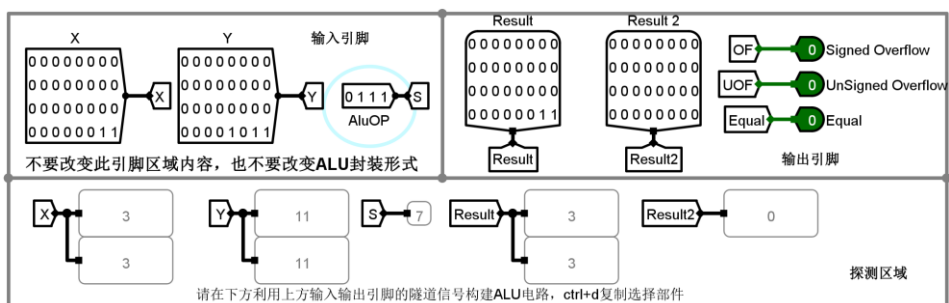
114520 - 6 = 114514，正确。

减法溢出：



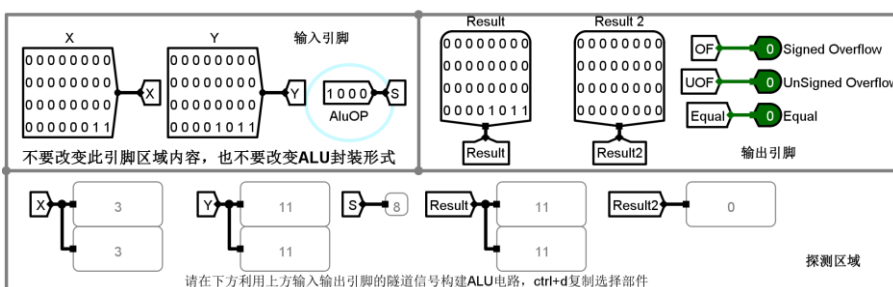
此处使用补码算法可以得知  $-Y$  和  $Y$  一样，故结果应该和  $Y$  一样，且发生了溢出，故正确。

(8) 按位与：



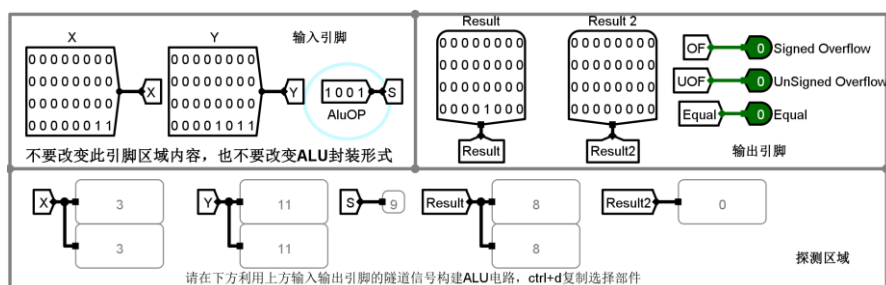
11 (1011) 与上 3 (0011) 结果为3，故正确。

(9) 按位或：



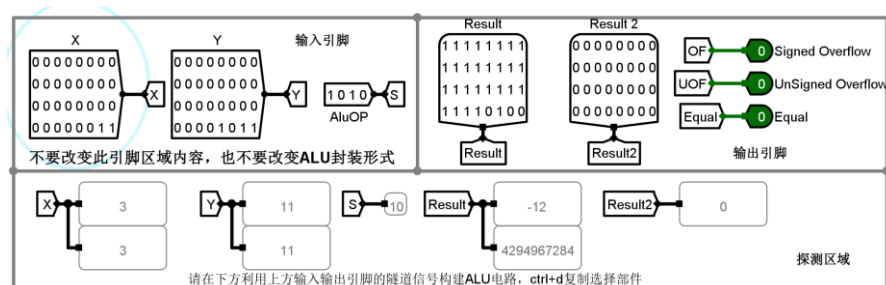
11 (1011) 或上 3 (0011) 结果为11，故正确。

(10) 按位异或：



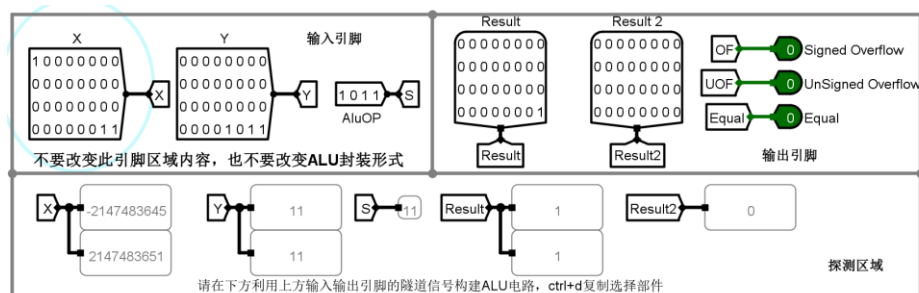
11 (1011) 异或 3 (0011) 结果为8 (1000)，故正确。

(11) 按位或非：



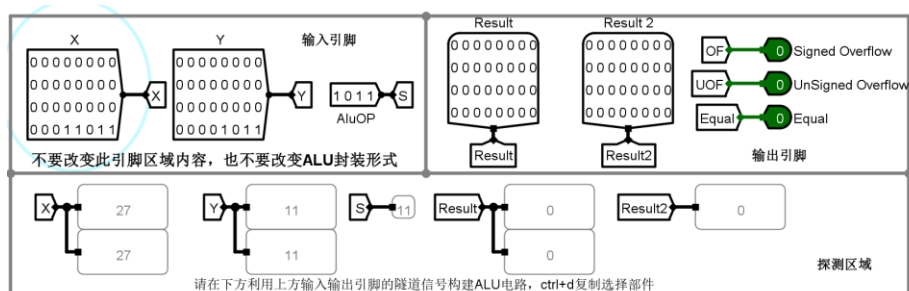
11 (1011) 或非 3 (0011) 结果为 -12，可以和或的结果比较，确实是取反的。

(12) 有符号比较：



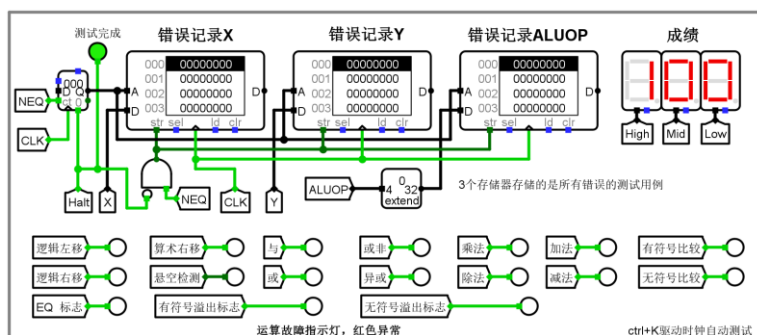
此处X明显小于Y，故正确。

(13) 无符号比较：



27 > 11，故正确。

(14) 自动测试：



所有测试点均通过。

## 七、心得体会

本次实验体验了一把制作ALU的过程，虽然不是使用实体的硬件和门电路进行搭建，整个ALU的构建过程算是搞得比较清楚了，其中让我印象最为深刻的是加减法溢出的门电路搭建，这个部分是实验里面最困难的地方，需要列出真值表进行分析，并根据分析结果画出门电路，否则只单纯思考的话，很难第一次就思考出来。

另外一个我觉得学习到的东西是logism的深度用法，里面常量，多选器，位分组选择器，位扩展器等我都是在本次实验中第一次用到，因此对logism的使用也更加熟练。

最后一点吐槽一下logism有时候会抽风，需要重启软件才能正常工作，不是很利于调试。

