# Tarea-examen 5-6: selección de modelos y regularización

César Cossio Guerrero. Aldo Sayeg Pasos Trejo

Statistical Machine Learning Profa. Guillermina Eslava Posgrado en Ciencias Matemáticas Universidad Nacional Autónoma de México

13 de mayo de 2020

## Problema 1: Modelo normal

R^2	aic	bic	Aparent error	Non aparent error	Non apare error std
0.9373	1164.0844	1548.6992	0.4078	0.7629	0.0596

Cuadro 1: Estadísticas del modelo base. Los errores no aparentes se calcularon mediante validación cruzada con k=5 y 100 repeticiones

## Problema 1: Modelos seleccionados

	model	Dfs	details
1	step (AIC)	52	-
2	step (BIC)	32	_
3	Best subset	20	Selección hacia adelante (forward), iniciando en el mejor modelo de 1 va- riable y finalizando en el mejor con 20
4	Lasso	25	Se usó lambda $_1$ se $= 0.0286$
5	Ridge	92	Se usó lambda $_{-}1$ se $= 0.5232$
6	Elastic Net	31	Se usó lambda $_1$ se $= 0.0521$
7	Random Forest	91	NBoot = 100, m = 91

Cuadro 2: Detalles de cada modelo

# Problema 1: $\lambda$ en modelos regularizados

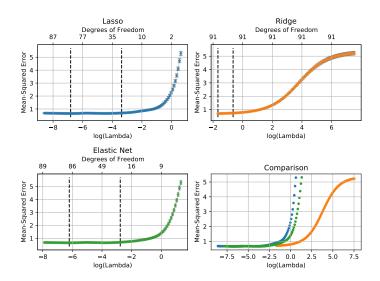
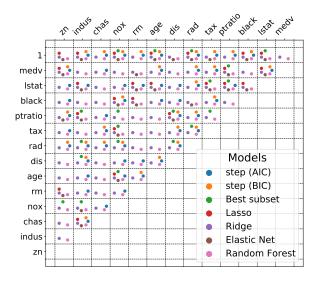


Figura 1: Error cuadrático medio para los modelos (1988)

#### Problema 1: Variables de cada modelo



## Problema 1: Errores de cada modelo

model	Dfs	R^2	Aparent error	Non apa- rent error	Non apa- rent error std
step (AIC)	52	0.9199	0.4245	0.5671	0.0255
step (BIC)	32	0.9107	0.4733	0.5564	0.0143
Best subset	20	0.8860	0.6043	0.6641	0.0129
Lasso	25	0.8871	0.5983	0.6749	0.0126
Ridge	92	0.8824	0.6234	0.7304	0.0125
Elastic Net	31	0.8881	0.5934	0.6772	0.0129
Random Forest	91	0.9929	0.0378	0.3039	0.0123

Cuadro 3: Errores para cada modelo

## Problema 1: Modelos seleccionados por step

model	Selection outside CV	Selection outside CV std	Selection inside CV	Selection inside CV std
step (AIC)	0.5671	0.0255	1.5123	0.1992
step (BIC)	0.5564	0.0143	1.3623	0.3950

Cuadro 4: Errores incluyendo proceso de selección

# Problema 2: Modelo Ridge

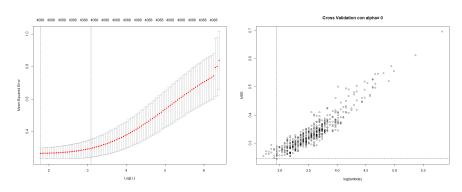


Figura 3

## Problema 2: Modelo Elastic Net

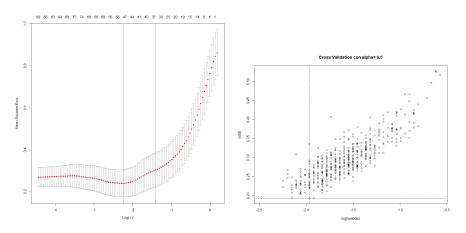


Figura 4

## Problema 2: Modelo Elastic Net

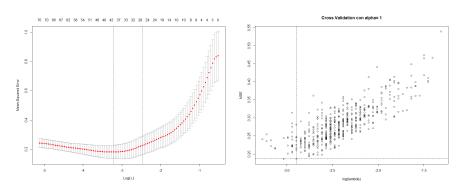


Figura 5

# Problema 2: Modelos regularizados

Modelo	mse <sub>min</sub>	mse <sub>1se</sub>	mse <sub>RCV</sub>	$\lambda_{min}$	$\lambda_{1se}$	$\lambda_{RCV}$	df <sub>min</sub>	df <sub>1se</sub>	$df_{RCV}$
Ridge	0.26	0.29	0.24	5.93	21.82	18.98	4089	4089	4089
Elastic Net	0.24	0.30	0.19	0.10	0.24	0.13	49	34	45
			0.18						34

Cuadro 5: Errores por validación cruzada

## Problema 2: Errores de cada modelo

Modelo	Error	Error no	Error no
	aparente	aparente	aparente std
Ridge	0.079	0.29	0.027
Elastic Net	0.056	0.25	0.034
Lasso	0.056	0.24	0.028
Modelo nulo	0.83	0.86	0.018

Cuadro 6