

Задача А. Есть ли цикл?

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный граф. Требуется определить, есть ли в нем цикл.

Формат входных данных

В первой строке вводится число n - количество вершин и m - количество ребер. ($1 \leq n, m \leq 10^5$).
Далее в m строках следует по 2 числа u, v - вершины графа, соединенные ребром.

Формат выходных данных

Выведите 0, если в заданном графе нет цикла, и 1, если он есть.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4 1 2 2 3 3 4 4 1	1
3 2 1 2 1 3	0

Задача В. Компоненты связности

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный невзвешенный граф. Необходимо посчитать количество его компонент связности и вывести их.

Формат входных данных

Во входном файле записано два числа N и M ($0 < N \leq 100000, 0 \leq M \leq 100000$). В следующих M строках записаны по два числа i и j ($1 \leq i, j \leq N$), которые означают, что вершины i и j соединены ребром.

Формат выходных данных

В первой строчке выходного файла выведите количество компонент связности. Далее выведите сами компоненты связности в следующем формате: в первой строке количество вершин в компоненте, во второй - сами вершины в отсортированном порядке.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
6 4	3
3 1	3
1 2	1 2 3
5 4	2
2 3	4 5
	1
	6

Задача С. Эйлеров путь

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный связный граф, не более трех вершин имеет нечетную степень. Требуется определить, существует ли в нем путь, проходящий по всем ребрам.

Если такой путь существует, необходимо его вывести.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число n — количество вершин графа ($1 \leq n \leq 100\,000$). Далее следуют n строк, задающих ребра. В i -й из этих строк находится число m_i — количество ребер, инцидентных вершине i . Далее следуют m_i натуральных чисел — номера вершин, в которые ведут ребро из i -й вершины.

Граф может содержать кратные ребра, но не содержит петель.

Граф содержит не более 300 000 ребер.

Формат выходных данных

Если решение существует, то в первую строку выходного файла выведите одно число k — количество ребер в искомом маршруте, а во вторую $k + 1$ число — номера вершин в порядке их посещения.

Если решений нет, выведите в выходной файл одно число -1.

Если решений несколько, выведите любое.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	5
2 2 2	1 2 3 4 2 1
4 1 4 3 1	
2 2 4	
2 3 2	

Задача D. The One with the Cop [В', В]

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

–Pivot! Pivot! Pivot!
–Shut up!! Shut up! Shut up!
–Okay, I don't think it's gonna pivot anymore.
–You think?!

Росс и Рейчел купили в квартиру отвратительно длинный диван. Росс работает палеонтологом в Нью-Йоркском Музее Естественной Истории, поэтому с его зарплатой он решил не тратить на доставку. Росс посчитал, что сможет сам донести диван до своей квартиры.

По пути до своего дома Росс попал в переулок, который из-за своей странной структуры напоминал скорее лабиринт, чем Нью-Йоркский переулок.

Переулок представляет собой поле n на m клеток. Каждая клетка либо пуста, либо в ней находится препятствие. В том магазине, в котором были Росс и Рейчел, диваны бывают разной длины, но все они занимают k подряд идущих клеток в одной линии для некоторого k . Разумеется, диван не может находиться в клетке, в которой находится препятствие. Росс очень сильный, поэтому он может перенести диван любой длины.

Изначально, Росс может зайти в переулок в любой клетке левого столбца, но он должен держать диван параллельно левой границе переуллка. Чтобы выйти из переуллка, он должен оказаться в какой-нибудь клетке правого столбца переуллка, держа диван параллельно этой границе.

Когда Росс держит диван параллельно одной из границ переуллка, он может перенести его на одну клетку вдоль этой границы, или же он может взять диван за один из его концов, поднять его в этом месте в воздух, и опустить его параллельно другой стороне переуллка. Разумеется, он может сделать эти действия, только если после этих действий диван будет находиться на пустых клетках.

Теперь Россу и Рейчел интересно, какой максимальной длины диван можно перенести через переулок.

Формат входных данных

В первой строке входных данных находятся два целых числа n и m ($1 \leq n, m \leq 300$) — количество строк и столбцов в переулке, соответственно. В следующих n строках находятся m символов. j -й символ i -й строки равняется «#», если в j -й клетке i -й строки находится стена, иначе он равен «.».

Формат выходных данных

В единственной строке выведете одно число — максимальное количество клеток, которое может занимать диван такой, что Росс может перенести его через переулок. Если диван никакой длины нельзя пронести через переулок, выведите число 0.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 5 ...## .#.#. ##...	2

Задача E. Topsort

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный невзвешенный граф. Необходимо его топологически отсортировать.

Формат входных данных

В первой строке входного файла даны два целых числа N и M ($1 \leq N \leq 100\,000, 0 \leq M \leq 100\,000$) — количества вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в M строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин соответственно.

Формат выходных данных

Вывести любую топологическую сортировку графа в виде последовательности номеров вершин. Если граф невозможно топологически отсортировать, вывести «-1».

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
6 6 1 2 3 2 4 2 2 5 6 5 4 6	4 6 3 1 2 5

Задача F. Дерево?

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Имеется неориентированный граф, состоящий из N вершин и M ребер. Необходимо проверить, является ли граф деревом. Напомним, что дерево — это связный граф, в котором нет циклов (следовательно, между любой парой вершин существует ровно один простой путь). Граф называется связным, если от одной вершины существует путь до любой другой.

Формат входных данных

Во входном файле в первой строке содержатся два целых числа N и M ($1 \leq N \leq 100$, $0 \leq M \leq 1000$), записанные через пробел. Далее следуют M различных строк с описаниями ребер, каждая из которых содержит два натуральных числа A_i и B_i ($1 \leq A_i, B_i \leq N$), где A_i и B_i — номера вершин, соединенных i -м ребром.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите слово «YES», если граф является деревом, или «NO» в противном случае.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 2 1 2 1 3	YES
4 3 1 2 1 3 2 3	NO

Задача G. АвиAPERелёты

Имя входного файла: `avia.in`
Имя выходного файла: `avia.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Главного конструктора Петю попросили разработать новую модель самолёта для компании «Air Бубундия». Оказалось, что самая сложная часть заключается в подборе оптимального размера топливного бака.

Главный картограф «Air Бубундия» Вася составил подробную карту Бубундии. На этой карте он отметил расход топлива для перелёта между каждой парой городов.

Петя хочет сделать размер бака минимально возможным, для которого самолёт сможет долететь от любого города в любой другой (возможно, с дозаправками в пути).

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число n ($1 \leq n \leq 1000$) — число городов в Бубундии. Далее идут n строк по n чисел каждая. j -е число в i -й строке равно расходу топлива при перелёте из i -го города в j -й. Все числа не меньше нуля и меньше 10^9 . Гарантируется, что для любого i в i -й строчке i -е число равно нулю.

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно число — оптимальный размер бака.

Пример

avia.in	avia.out
4 0 10 12 16 11 0 8 9 10 13 0 22 13 10 17 0	10

Задача Н. Таня и пароль

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Пока папа был на работе, маленькая девочка Таня решила поиграть с папиным паролем к секретной базе данных. Папин пароль представляет собой строку, состоящую из $n + 2$ символов. Она выписала все возможные n трёхбуквенных подстрок пароля на бумажки, по одной на каждую бумажку, а сам пароль выкинула. Каждая трёхбуквенная подстрока была выписана на бумажки столько раз, сколько она встречалась в пароле. Таким образом, в итоге у Тани оказалось n бумажек.

Потом Таня поняла, что папа расстроится, если узнает о ее игре, и решила восстановить пароль или, по крайней мере, хотя бы какую-то строку, соответствующую получившемуся набору трёхбуквенных строк. Вам предстоит помочь ей в этой непростой задаче. Известно, что папин пароль состоял из строчных и заглавных букв латинского алфавита, а также из цифр. Строчные и заглавные буквы латинского алфавита считаются различными.

Формат входных данных

В первой строке следует целое число n ($1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$), количество трёхбуквенных подстрок, которые получились у Тани.

Следующие n строк каждая содержат по три буквы, образующие подстроку пароля папы. Каждый символ во вводе — строчная или заглавная буква латинского алфавита или цифра.

Формат выходных данных

Если во время игры Таня что-то напутала, и строк, соответствующих данному набору подстрок, не существует, то выведите «NO».

Если же возможно восстановить строку, соответствующую данному набору подстрок, то выведите «YES», а затем любой подходящий вариант пароля.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 aca aba aba cab bac	YES abacaba
4 abc bCb cb1 b13	NO
7 aaa aaa aaa aaa aaa aaa aaa	YES aaaaaaaaa

Задача I. Обновление дата-центров

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	512 мегабайт

У компании BigData Inc. есть n дата-центров, пронумерованных от 1 до n , расположенных по всему миру. В этих дата-центрах хранятся данные клиентов компании (как можно догадаться из названия — большие данные!)

Основой предлагаемых компанией BigData Inc. услуг является гарантия возможности работы с пользовательскими данными даже при условии выхода какого-либо из дата-центров компании из доступности. Подобная гарантия достигается путём использования *двойной репликации* данных. Двойная репликация — это подход, при котором любые данные хранятся в двух идентичных копиях в двух различных дата-центрах.

Про каждого из m клиентов компании известны номера двух различных дата-центров $c_{i,1}$ и $c_{i,2}$, в которых хранятся его данные.

Для поддержания работоспособности дата-центра и безопасности данных программное обеспечение каждого дата-центра требует регулярного обновления. Релизный цикл в компании BigData Inc. составляет один день, то есть новая версия программного обеспечения выкладывается на каждый компьютер дата-центра каждый день.

Обновление дата-центра, состоящего из множества компьютеров, является сложной и длительной задачей, поэтому для каждого дата-центра выделен временной интервал длиной в час, в течение которого компьютеры дата-центра обновляются и, как следствие, могут быть недоступны. Будем считать, что в сутках h часов. Таким образом, для каждого дата-центра зафиксировано целое число u_j ($0 \leq u_j \leq h-1$), обозначающее номер часа в сутках, в течение которого j -й дата-центр недоступен в связи с плановым обновлением.

Из всего вышесказанного следует, что для любого клиента должны выполняться условия $u_{c_{i,1}} \neq u_{c_{i,2}}$, так как иначе во время одновременного обновления обоих дата-центров, компания будет не в состоянии обеспечить клиенту доступ к его данным.

В связи с переводом часов в разных странах и городах мира, время обновления в некоторых дата-центрах может сдвинуться на один час вперёд. Для подготовки к непредвиденным ситуациям руководство компании хочет провести учения, в ходе которых будет выбрано некоторое непустое подмножество дата-центров, и время обновления каждого из них будет сдвинуто на один час позже внутри суток (то есть, если $u_j = h-1$, то новым часом обновления будет 0, иначе новым часом обновления станет $u_j + 1$). При этом учения не должны нарушать гарантии доступности, то есть, после смены графика обновления должно по-прежнему выполняться условие, что данные любого клиента доступны хотя бы в одном экземпляре в любой час.

Учения — полезное мероприятие, но трудоёмкое и затратное, поэтому руководство компании обратилось к вам за помощью в определении минимального по размеру непустого подходящего подмножества дата-центров, чтобы провести учения только на этом подмножестве.

Формат входных данных

В первой строке находятся три целых числа n , m и h ($2 \leq n \leq 100\,000$, $1 \leq m \leq 100\,000$, $2 \leq h \leq 100\,000$) — число дата-центров компании, число клиентов компании и количество часов в сутках.

Во второй строке вам даны n чисел u_1, u_2, \dots, u_n ($0 \leq u_j < h$), j -е из которых задаёт номер часа, в который происходит плановое обновление программного обеспечения на компьютерах дата-центра j .

Далее в m строках находятся пары чисел $c_{i,1}$ и $c_{i,2}$ ($1 \leq c_{i,1}, c_{i,2} \leq n$, $c_{i,1} \neq c_{i,2}$), задающие номера дата-центров, на которых находятся данные клиента i .

Гарантируется, что при заданном расписании обновлений в дата-центрах любому клиенту в любой момент доступна хотя бы одна копия его данных.

Формат выходных данных

В первой строке выведите минимальное количество дата-центров k ($1 \leq k \leq n$), которые должны затронуть учения, чтобы не потерять гарантию доступности. Во второй строке выведите k различных целых чисел — номера кластеров x_1, x_2, \dots, x_k ($1 \leq x_i \leq n$), на которых в рамках учений обновления станут проводиться на час позже. Номера кластеров можно выводить в любом порядке.

Если возможных ответов несколько, разрешается вывести любой из них. Гарантируется, что хотя бы один ответ, удовлетворяющий условиям задачи, существует.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 5 4 4 0 1 3 3 2 3 1	1 3
4 5 4 2 1 0 3 4 3 3 2 1 2 1 4 1 3	4 1 2 3 4

Замечание

Рассмотрим первый тест из условия. Приведённый ответ является единственным способом провести учения, затронув только один дата-центр. В таком сценарии третий сервер начинает обновляться в первый час дня, и никакие два сервера, хранящие данные одного и того же пользователя, не обновляются в один и тот же час.

С другой стороны, например, сдвинуть только время обновления первого сервера на один час вперёд нельзя — в таком случае данные пользователей 1 и 3 будут недоступны в течение нулевого часа.