# **GAN**

## **Abstract**

- 적대적 학습을 통해 생성 모델을 추정하는 프레임워크 제안
- Generative Model (G)와 Discriminative Model (D) 학습
  - 。 G: Training data를 분포를 모사하는 모델
  - D: 주어진 이미지가 G로 부터 생성된 이미지인지, 실제 이미지인지 판단하는 모델

#### Introduction

- 생성자 G와 판별자 D의 적대적 학습을 수행한다
  - 생성자는 위조 지폐를 만드는 위조 지폐범에, 판별자는 위조 지폐를 찾으려고 하는 경찰에 비유할 수 있다.
  - 판별자가 G가 생성한 이미지와 실제 이미지를 구별하지 못할 때까지 학습하는 것을 목표로 한다.

### **Adversarial nets**

- 모델은 Multi-layer Perceptrons 을 따른다
- · Objective Function

$$\min_{G} \max_{D} V(D, G) = \mathbb{E}_{\boldsymbol{x} \sim p_{\text{data}}(\boldsymbol{x})}[\log D(\boldsymbol{x})] + \mathbb{E}_{\boldsymbol{z} \sim p_{\boldsymbol{z}}(\boldsymbol{z})}[\log(1 - D(G(\boldsymbol{z})))]$$

- 첫 번째 항: 실제 데이터 x를 D의 입력으로 넣었을 때 나오는 값에 로그를 취한 값
- 두 번째 항: 가짜 데이터 z를 G의 입력으로 넣었을 때 나오는 값을 D의 입력으로 넣은 후, 해당 값을 1에 빼고 로그를 취한 값

- D(G(z)): z로부터 G가 생성한 이미지를 D가 가짜 이미지라고 판별할 확률
- D는 objective function V를 최대화시키고자 하고, G는 최소화 시키고자 한다.

#### **Evaluation Metrics**

- Inception Score(IS)
  - Inception 모델을 사용하여, 생성된 이미지의 품질과 다양성 측정
  - ㅇ 과정
    - 생성된 이미지를 Inception Model (ImageNet과 같은 데이터셋에 대해 훈련된) 의 입력으로 넣어 분류를 수행함
    - 각각의 생성된 이미지에 대한 확률 분포를 구함
    - 아래의 식을 계산

$$IS(\mathbb{P}_q) = e^{\mathbb{E}_{\mathbf{x} \sim \mathbb{P}_g}[KL(p_{\mathcal{M}}(y|\mathbf{x})||p_{\mathcal{M}}(y))]}$$

- Ex: 기대값
- P(y|x): 이미지 x가 주어졌을 때 클래스 y에 속할 확률
- p(y): 생성된 이미지에 대한 클래스 y의 평균 확률
- 각 이미지가 명확하게 하나의 클래스에 잘 속하도록 생성 되었는지, 즉, 품질을 측정
- 다양한 클래스의 이미지가 생성 되었는지, 즉, 다양성 측정
- Frechet Inception Distance (FID)
  - 생성된 이미지와 실제 이미지 사이의 통계적 유사성 측정
  - Inception 모델을 통해 생성된 이미지와 실제 이미지의 Feature Map을 추출한
    후, 해당 Feature Map의 평균과 공분산을 비교
  - 。 공식

$$d^2((m,C),(m_w,C_w)) = ||m-m_w||_2^2 + Tr(C+C_w-2(CC_w)^{1/2}).$$

Notations	
m	실제 데이터의 특징 평균
C	실제 데이터의 특징 공분산 행렬
$m_w$	생성한 데이터의 특성 평균
$C_w$	생성한 데이터의 공분산 행렬

- FID가 낮다는 것은 실제 이미지와 생성된 이미지가 통계적으로 유사하다는 것을 의미함
- 두 분포사이의 거리를 측정하는 것이기 때문에, 실제 데이터 분포와의 유사도를 평가할 수 있음

#### References

• https://nippleshot.github.io/2020/12/25/GANMetric.html