



第九章 外排序

宋国杰

gjsong@pku.edu.cn

北京大学信息科学技术学院

引言

- > 内存是一种有限的存储资源
- > 现实世界数据是海量的(Big Data),需要外部存储器(外存)支持
- 外存文件的排序本质上还是需要借助内排序完成,需要多次的内外存之间的数据交换
- > 与内存文件排序具有明显不同的特点

本章内容

- ▶9.1 主存储器和外存储器
- >9.2 文件的组织与管理
- ▶9.3 外排序

9.1 计算机存储器

- ▶ 主存储器(简称"内存"或"主存")
 - ➡ 随机访问存储器(Random Access Memory, 即RAM)
 - ▶ 高速缓存、视频存储器等
- ▶ 外存储器(简称"外存")
 - → 硬盘、软盘、磁带等
- > 主存、外存具有不同的组织方式和访问特点

外存储器的特点

- ▶ 优点: 永久存储能力、便携性
 - ▶ 外存可以永久存储,而内存却易失
 - ▶ 外存便携
- > 缺点
 - → 访问时间长
 - ➡ 访问外存(10^-3秒) 比访问内存(10^-9秒)慢5~6个数量级
- > 讨论外存数据结构及其操作时,遵循的原则
 - ➡ 尽量减少访外存次数!

外存数据的访问方式

- ▶ 外存访问分为定位和存取两个阶段
- 外存被划分为长度固定的存储空间,称为页
- ▶ 外存的数据访问以页块为单位进行,从而减少外存的定位次数,进而减少外存读写的时间耗费

9.2 文件的组织与管理

- ▶ 文件(file)是存储在外存上的数据结构,是由大量性质相同的记录组成的集合。
- 所谓记录,就是具有独立逻辑意义的数据块,是文件的基本数据单位。
 - ▶ 简单的记录可以是字符或者二进制序列
 - ▶ 复杂的记录可由若干字段或域(field)的数据项组成

文件分类一按记录类型分

>操作系统文件

- ▶ 是一组连续的字符序列,没有明显结构。
- ▶ 用户也可以将文件划分成若干逻辑记录,以便存取和使用

>数据库文件

▶ 是有结构记录集合,每条记录都由一个或多个数据项组成,而每个数据项是不可再分的基本数据单元

数据库文件示例

职工号	姓名	性别	职务	婚姻状况	工资
156	张东	男	程序员	未婚	7800
860	李珍	女	分析员	己婚	8900
510	赵莉	女	程序员	未婚	6900
950	陈萍	女	程序员	未婚	6200
620	周力	男	分析员	己婚	10300

文件的分类(续)—按记录信息长度分

产定长文件

▶ 文件中每条记录均含有相同的信息长度

> 不定长文件

▶ 文件中记录长度不相等

9.2.1 文件组织

▶操作系统以文件的方式组织数据,完成文件的逻辑 结构到外存的物理结构的映射

> 文件逻辑组织

→ 定长记录、变长记录和按关键码存取的记录

> 文件物理结构

▶ 顺序文件、散列文件、索引文件、倒排文件

9.2.2 C++的流文件

- 〉文件流是以外存文件为输入输出对象的数据流
- 文件流与文件不是同一个概念,文件流不是由 若干个文件组成的流。
- 文件流本身不是文件,而只是以文件为输入输出对象的流。

标准输入\输出流类

- >包括istream, ostream和iostream类
 - ▶ Istream: 通用输入流和其它输入流的基类
 - → Ostream: 通用输出流和其它输出流的基类
 - ▶ Iostream: 通用输入输出流和其它输入输出流的基类

用于文件操作的文件类

- ➤ ifstream类: 从istream类派生,用来支持从磁盘文件的输入
- ➤ ofstream类: 从ostream类派生,用来支持向磁盘文件的输出
- ➤ fstream类: 从iostream类派生,用来支持对磁盘文件的输入和输出

fstream类的主要成员函数

#include<fstream.h> //fstream=ifstream+ofstream

void fstream::open(char* name, openmode mode); //<u>打开文件</u>进行处理

void fstream::close(); //处理结束后<u>关闭文件</u>

fstream::read(char* ptr, int numbytes);//从文件当前位置<u>读入一些字节</u>

fstream::write(char* ptr, int numbtyes); //向文件当前位置写入一些字节

fstream::seekg(int pos); //移动指针到当前读取位置

fstream::seekg(int pos, ios::curr);

fstream::seekp(int pos); //移动指针到当前写出位置

fstream::seekp(int pos, ios::end);

9.3 外排序

- ▶根据内存的大小,将外存中的数据文件划分成若干段,每次把其中一段读入内存并用内排序方法进行排序。
- > 这些已排序的段或子文件称为顺串或归并段。
- ▶ 顺串写回外存等待进一步处理,让出内存空间处理 文件的其它未排序的段。

外排序的基本过程

I. 置换选择排序

▶目的: 把外存文件初始化为尽可能长的有序顺串集;

II. 归并排序

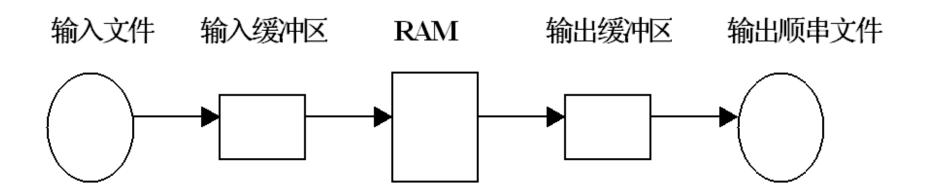
▶目的: 把顺串集合逐趟归并排序,形成全局有序的外存文件

外排序的时间组成

- I. 产生初始顺串的内排序所需时间
- II. 初始化顺串和归并过程所需的读写(I/O)时间
- III.内部归并所需要的时间

➤减少外存信息的读写(I/O)次数是提高外部 排序效率的关键

9.3.1 置换选择排序



- 目的:将文件生成若干初始顺串(顺串越长越好,个数越少越好)
- > 实现:借助在RAM中的堆来完成

置换选择算法

- 1. 初始化最小堆:目的是提高RAM中排序的效率
 - (a) 从缓冲区读M个记录放到数组RAM中
 - (b) 设置堆尾标志: LAST = M 1
 - (c) 建立一个最小值堆

置换选择算法(续)

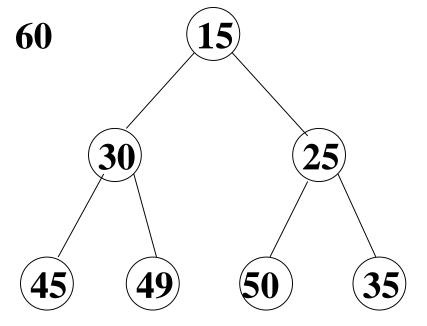
- 2. 重复以下步骤,直至堆空(<u>结束条件</u>)(即LAST < 0)
 - (a) 把具有最小关键码值的记录(根结点)送到输出缓冲区
 - (b) 设R是输入缓冲区中的下一条记录
 - i. 如果R的关键码不小于刚输出的关键码值,则把R 放到根结点
 - ii. 否则,使用数组中LAST位置的记录代替根结点,然后把R放到LAST位置(等待下一顺串处理),设置LAST = LAST-1
 - (c)重新排列堆,筛出根结点

算法分析

- ➤ 算法结束后,RAM中也填满了不能处理的数据,直接建成堆,留待下一顺串来处理
- >大小是M的堆,最小顺串的长度为M的记录
 - ➡ 至少原来堆中的那些记录将成为顺串的一部分
 - →最好情况下,有可能一次就把整个文件生成为一个顺串(何种情况下?)
 - ➡ 平均长度2M

算法过程示例





置换选择算法

```
//A是从外存读入n个元素后所存放的数组
template <class Elem>
void ReplacementSelection(Elem * A, int n, const char * in,
 const char * out){
                  //存放最小堆的最小值
 Elem mval;
                  //存放从输入缓冲区中读入的元素
 Elem r;
                  //输入文件句柄
 FILE * iptF;
                  //输出文件句柄
 FILE * optF;
                           //输入 buffer
  Buffer<Elem> input;
                           // 输出buffer
  Buffer<Elem> output;
```

置换选择算法(续)

```
//初始化输入输出文件
initFiles(inputFile, outputFile, in, out);
//初始化堆的数据,读入n个数据
initMinHeapArry(inputFile, n, A);
//建立最小值堆
MinHeap \le Elem > H(A, n, n);
//初始化inputbuffer,读入部分数据
initInputBuffer(input, inputFile);
```

置换选择算法实现(续)

```
for(int last =n-1; last >= 0;)
   mval = H.heapArray[0]; //堆的最小值
   sendToOutputBuffer(input,output,iptF,optF, mval);
   input.read(r); //从输入缓冲区读入一个记录
   if(!less(r, mval)) H.heapArray[0] = r;
   else {//否则用last位置记录代替根结点,把r放到last
        H.heapArray[0] = H.heapArray[last];
        H.heapArray[last] = r;
```

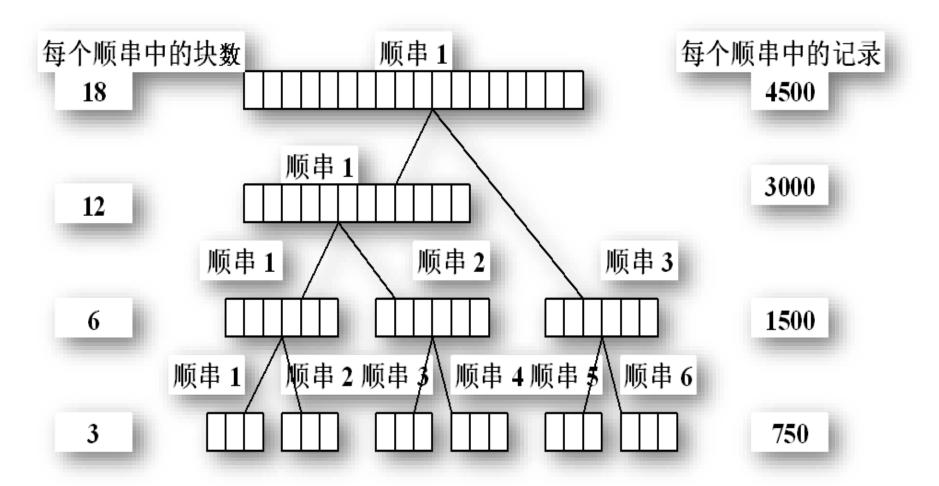
置换选择算法实现(续)

```
H.setSize(last);
        last--;
   if (last!=0)
      H.SiftDown(0); //堆调整
endUp(output,inputFile,outputFile);//处理输出缓冲区
```

得到的顺串长度并不相等,平均长度2M。

9.3.2 归并排序

>产生顺串→归并排序



归并性质

- >二路归并
 - →m为顺串的个数
 - →合并树高 log₂m +1,进行 log₂m 遍扫 描
 - ▶2个输入缓冲区,1个输出缓冲区

归并排序的趟数

- > 所需读写外存次数与归并趟数有关系
- 〉假设有m个初始顺串,每次对k个顺串进行归 并,归并趟数为[log_km]
- 为了减少归并趟数,可以从两个方面着手
 - →减少初始顺串的个数m
 - →增加同时归并的顺串数量k

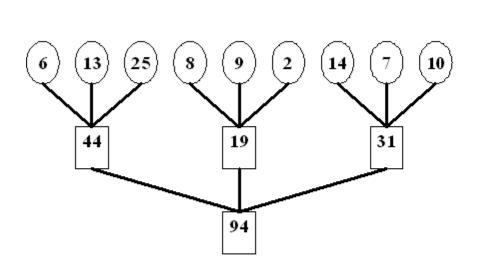
算法分析

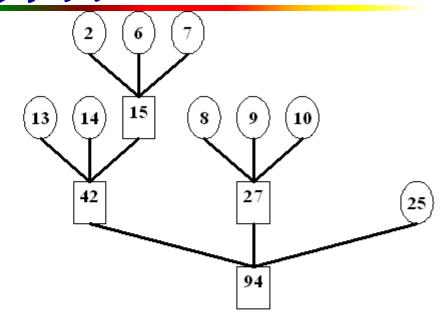
- >为一个待排文件创建尽可能大的初始顺串,可以大大减少扫描遍数和外存读写次数。
- ▶归并顺序的安排也能影响读写次数,把初始顺 串长度作为权,其实质就是Huffman树最优化 问题

最佳归并树

- ▶进行多路归并时,各初始顺串的长度不同,对外存扫描的次数,即执行时间会产生影响
- ➤把所有初始顺串的块数作为树的叶结点,如果是K路归并则建立起一棵K-叉Huffman树。这样的一棵Huffman树就是最佳归并树。
- ➤通过最佳归并树进行多路归并可以使对外存的 I/O降到最少,提高归并执行效率

最佳归并树





(a)一棵普通的归并树

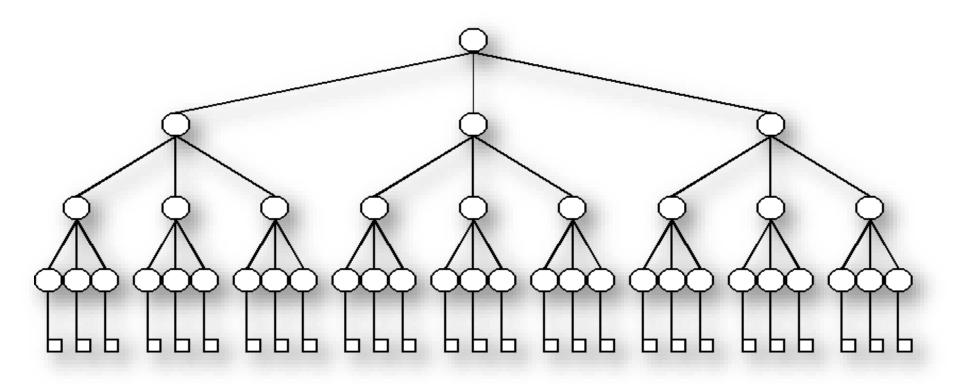
(b)最佳归并树

- ➤ (a) 访外总次数为(6+13+25+8+9+2+14+7+10)×2×2=376
- > (b) 外存读/写块的次数为

$$(2+6+7)\times 3\times 2+(13+14)\times 2\times 2+(8+9+10)\times 2\times 2+25\times 2=356$$

9.3.3 多路归并树

>k路归并指每次将k个顺串合并成一个顺串



多(3)路归并外排序

多路归并树分析

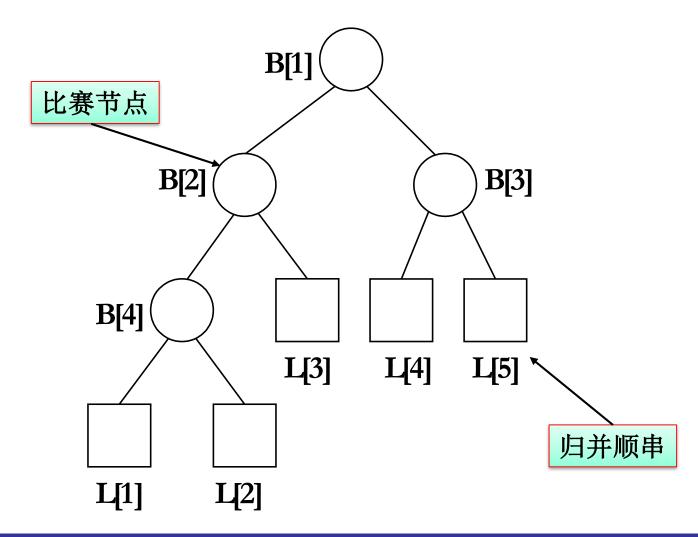
- ➤ 在做k路归并的时候,每次都需要做k-1次比较才能找出所要的记录,代价较大
- >选择树
 - ➡贏者树
 - ▶败者树
- ▶目的
 - →提高在k个归并串的当前值中找到最小值的效率

A. 赢者树

- ▶用完全二叉树作为存储结构
 - → 叶结点用数组L[1...n]表示,内部结点用数组 B[1...n-1]表示
 - →数组B中实际存放的是数组L的索引

赢者树的结构

n路归并,赢者树具有2n-1个节点



外部结点L[i]与内部父结点B[p]关系

- \rightarrow 外部结点数为n,内部节点数为n-1,比赛树深度s= $\lceil \log_2 n \rceil 1$
 - → 如右图,比赛树深度为 s= [log₂ 5]-1=2
- ▶ 最底层最左端内部结点编号为2^s
 - → 如右图, B[4]= 2^2=4
- ➤ 最底层的内部结点数为n-2^s
 - → 如右图, n-2^s=5-4=1

为最底层内部结点数的2倍

L[3]

L[4]

B[4]

B[1]

- ▶ 最底层的外部结点数 (LowExt) 为最底层内部结点数的2倍
 - ▶ \mathbb{P} : LowExt = 2*(n-2^s)=2*1=2

B[3]

L[5]

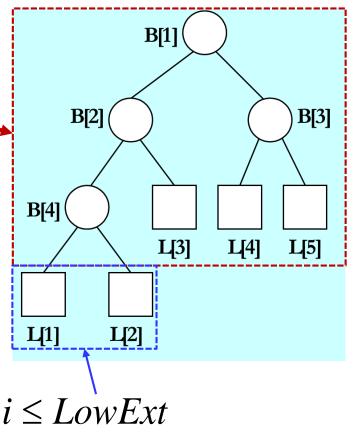
外部结点L[i]与内部父结点B[p]关系

▶ 最底层外部结点之上的所有(内+外)

<u>结点数目(offset)</u>, offset = $2^{(s+1)-1}$

- → 如右图, offset=2⁽²⁺¹⁾⁻¹⁼⁷
- ➤ 外部结点L[i]与内部父结点B[p]关 系可以表示如下:

$$p = \begin{cases} (i + offset) / 2, & i \le LowExt \\ (i - LowExt + n - 1) / 2, & i > LowExt \end{cases}$$



赢者树的特点

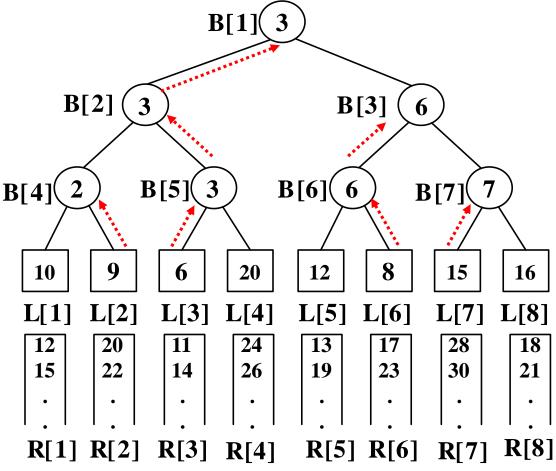
- > 通过比较两个选手的分数确定一场比赛的赢家
 - → 从树最底层开始,每两个树叶之间进行比赛,输的选 手被淘汰,赢的继续向上进行竞赛,树根记录了整个 比赛的胜者。
- >如果选手L[i]的分值改变,可以修改这棵赢者树
 - → 沿着从L[i]到根结点的路径,和兄弟节点的值进行比较,根据比赛结果修改二叉树节点的值(赢着上),而不必改变树其他部分的比赛结果

嬴者树的示例

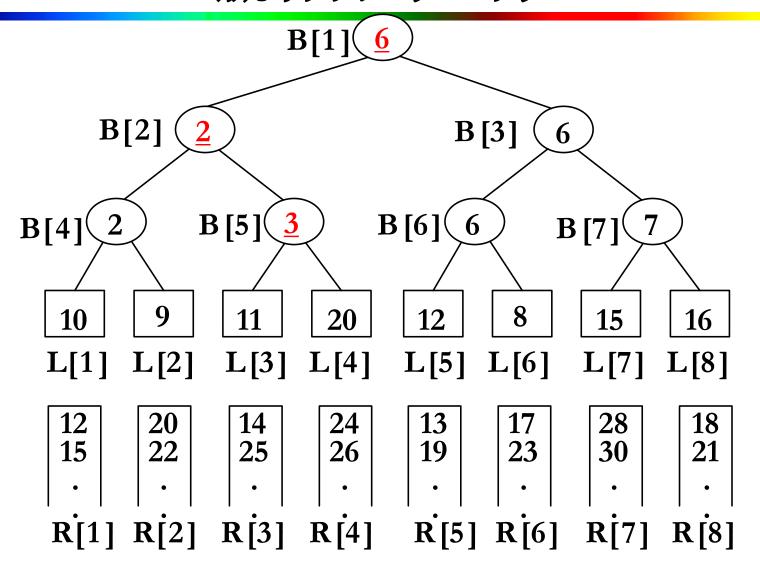
数组B中存储的是L的下标

当前进行比较的8个关键码

等待进行比较的8个顺串



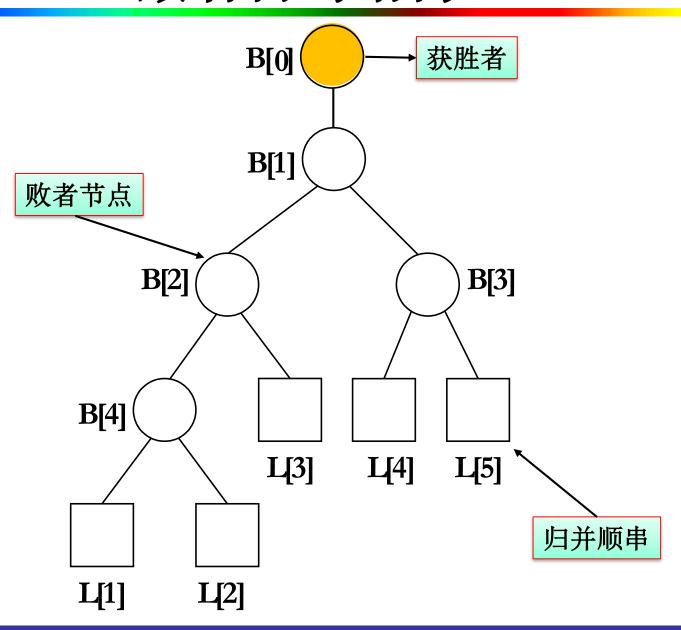
赢者树的重构



(2) 败者树

- > 是赢者树的一种变体。
- ▶ 在败者树中,用父结点记录其左右子结点进行比赛的败者,而让获胜者去参加更高阶段的比赛。
- ➤新增根结点B[0],来记录整个比赛的最终胜者。
- <u>
 败者树是为了简化重构过程,树结构未变。</u>

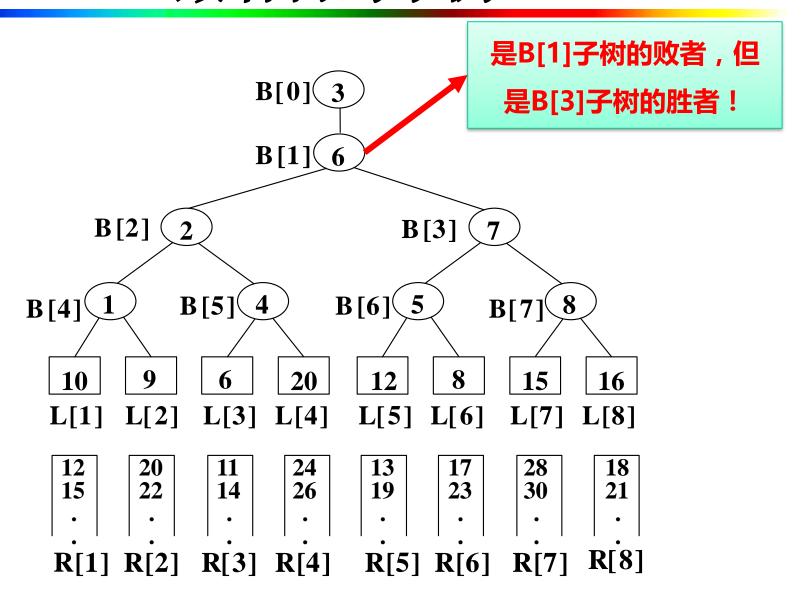
败者树的结构



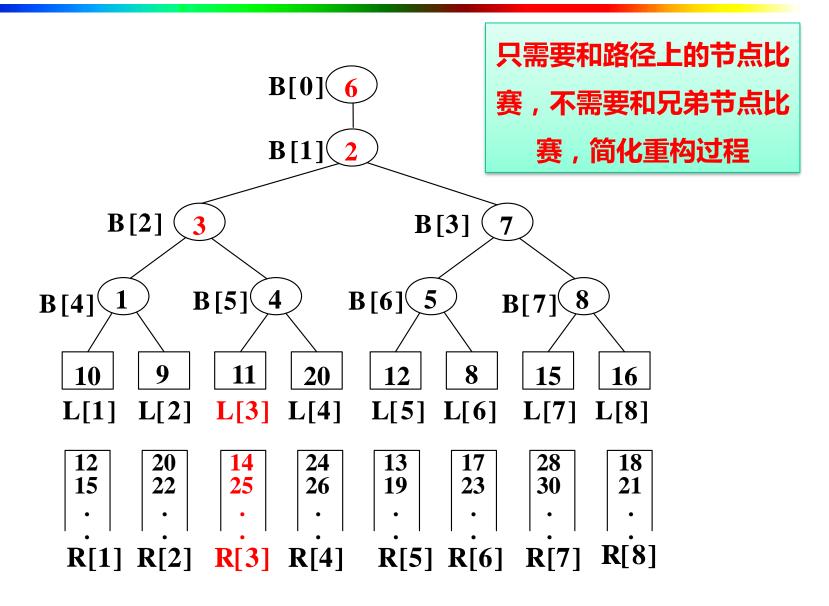
比赛过程

- > 将新进入树的结点与其父结点进行比赛
 - ▶把败者存放在父结点中
 - →而把胜者再与上一级的父结点进行比赛
- ▶这样的比赛不断进行,直到结点B[1]
 - →把败者的索引放在结点B[1]
 - →把胜者的索引放到结点B[0]

败者树的示例



败者树的重构



败者树算法

```
template < class T >
class LoserTree{
  private:
     int MaxSize; // 最大选手数
                  // 当前选手数
     int n;
     int LowExt; // 最底层外部结点数
     int offset; // 最底层外部结点之上的结点总数
                  // 败者树数组,实际存放的是下标
     int *B;
                  // 元素数组
     T *L;
     // 在内部结点从右分支向上比赛
     void Play(int p, int lc, int rc, int(*winner)(T A[], int
     b, int c), int(*loser)(T A[], int b, int c));
```

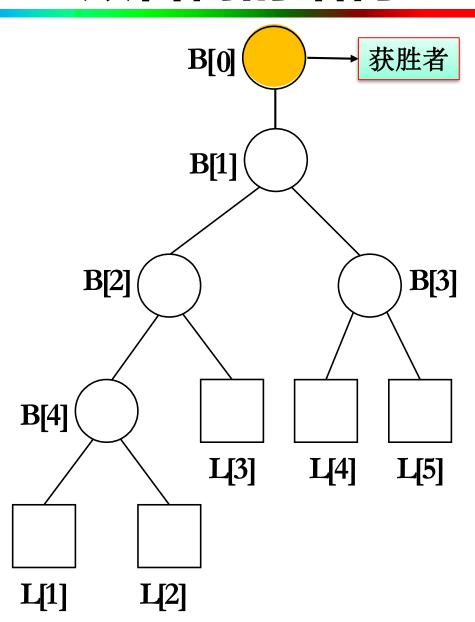
```
public:
    LoserTree(int Treesize = MAX);
    ~LoserTree(){delete [] B;}
    // 初始化败者树
    void Initialize(T A[], int size, int (*winner)(T A[], int b,
    int c), int(*loser)(T A[], int b, int c));
                                   // 返回最终胜者索引
    int Winner();
    // 重构败者树
    void RePlay(int i, int(*winner)(T A[], int b, int c), int
    (*loser)(T A[], int b, int c));
```

};

(1) 初始化败者树

template < class T > void LoserTree<T>::Initialize(T A[], int size, int(*winner)(T A[], int b, int c), int(*loser)(T A[], int b, int c)) { int i,s; // 初始化成员变量 n = size;L = A;for (s = 1; 2*s <= n-1; s += s); //计算倒数第2层节点数 LowExt = 2*(n-s);offset = 2*s-1;

败者树的结构



n = 5

LowExt = 2

Offset = 7

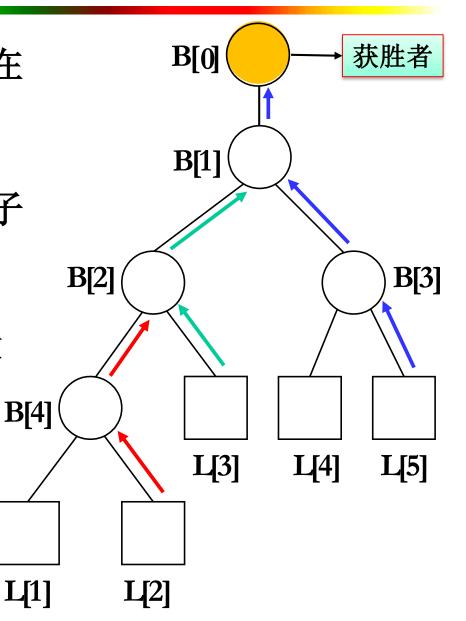
```
for (i = 2; i <= LowExt; i += 2) // 最底层外部结点比赛
      Play((offset+i)/2, i-1, i, winner, loser);
// 处理其余外部结点
if (n%2) { //n为奇数,内部结点和外部结点比一次
      // 暂存在父中的左胜者与外部右子结点比
      Play(n/2, B[(n-1)/2], LowExt+1, winner, loser);
      i = LowExt+3;
else i = LowExt+2;
for (; i <= n; i += 2) // 剩余外部结点的比赛
      Play((i-LowExt+n-1)/2, i-1, i, winner, loser);
```

(2) 生成败者树

➢ 沿叶节点(由小到大)所在 子树的右分支向上比赛

▶ 左孩子为奇数编号,右孩子 为偶数编号

→ 右分支路径节点编号为奇数



生成败者树算法

```
template<class T>
void LoserTree<T>::PLAY(int p, int lc, int rc, int(*winner)(T A[], int b, int c),
  int(*loser)(T A[], int b, int c)) {
                                                 //败者索引放在B[p]中
       B[p] = loser(L, lc, rc);
       int temp1, temp2;
       temp1 = winner(L, lc, rc);
                                                 //p为奇数向上比赛
       while (p>1 && p%2) {
                                                 //胜者与父比较
               temp2 = winner(L, temp1, B[p/2]);
                                                 //败者留下
               B[p/2] = loser(L, temp1, B[p/2]);
                                                 //胜者放入temp1
               temp1 = temp2;
                                                 //p向上指向父结点
               p/=2;
       }// while
                                                 //B[p]是左孩子或者p=1
       B[p/2] = temp1;
```

(3) 重构败者树

```
void LoserTree<T>::RePlay(int i, int (*winner)(T A[], int b, int c),
  int (*loser)(T A[], int b, int c)) {
                         //用于计算父结点索引的临时变量
      int p;
     if (i <= LowExt) //确定父结点的位置
            p = (i+offset)/2;
      else p = (i-LowExt+n-1)/2;
      B[0] = winner(L, i, B[p]); // B[0]中保存胜者的索引
      B[p] = loser(L, i, B[p]); // B[p]中保存败者的索引
```

```
for (; (p/2) >= 1; p/=2) { // 沿路径向上比赛
      int temp; // 临时存放赢者的索引
      temp = winner(L,B[p/2], B[0]);
      B[p/2] = loser(L,B[p/2],B[0]);
      B[0] = temp;
```

多路归并的效率

假设对k个顺串进行归并

- 》原始方法:找到每一个最小值的时间是Θ(k),产生一个大小为n的顺串的总时间是 $Θ(k \cdot n)$
- > 败方树方法
 - ➡ 初始化包含k个选手的败方树需要Θ(k)的时间
 - ➡ 读入一个新值并重构败方树的时间为Θ (log k)
 - ⇒ 故产生一大小为n的顺串的总时间为Θ (k+n·log k)

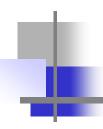
思考题

>用堆作为选择树进行归并排序可以吗?

- > 赢者树和败者树和堆相比有什么优缺点
 - ? 请对比分析。

本章重点

- > 置换选择排序
 - ◆ 给出初始序列,能够给出结果顺串集合,并能够分析可能 的顺串数量
- > 归并排序
 - → 最佳归并树的构造,已经I\O次数分析
- > 赢者树与败者树
 - ▶ 掌握比赛过程
 - ▶ 掌握重构过程



再见…

联系信息:

电子邮件: gjsong@pku.edu.cn

电 话: 62754785

办公地点: 理科2号楼2307室