

The Imitation Game

Film 3 bölümden oluşmaktadır. Alan Turing'in çocukluğu, krptolojiyle olan çalışmaları ve tutuklanması bu bölümleri oluşturmaktadır. Alan Turing'in gençliğini Alex Lawther adında bir kişi oynamaktadır. Alan yalnız bir öğrenciydi. Tek arkadaşı Christopher idi. O arkadaşı da gittikleri bir tatilden sonra geri dönmemişti. Bu haberi okudukları okulun müdürü tarafından almıştı ve o günden sonra hiçbirşey eskisi gibi olmamıştı.

Bu olaylardan sonra Turing büyümüşü. Artık Turing rolünü İngiliz sinemalarının başarılı oyuncusu Benedict Cumberbatch üstlendi. O zamanlar üniversitede matematikçi olan Alan bir şekilde orduya katıldı. Katılmasının sebebi İkinci Dünya savaşında Nazilerin kullandığı Enigma isimli makinanın kodunun kırılması idi. Enigma'nın kırılmasına o zamanlar imkansız olarak bakılmaktaydı. Çünkü her 24 saatte bir Enigma yeni bir şifre üretmekteydi. Bunun için ordu içerisinde ülkenin en iyi matematikçileri ve kriptografi üzerine ciddi çalışmaları olan içlerinde Turing'in de bulunduğu bir grup kuruldu. Turing gurubun içindeki en zeki en hırslı ve anlaşılması en zor kişi idi. Bu nedenle grubun içerisinde birkaç eksilince yeni matematikçiler bulmak amacıyla kendince bir seçim yapan Turing Joan Clarke ile tanışır. Joan, üstün zekası ile Turing'in hayranlığını ve dostluğunu kazanır.

Turing Enigma'nın kodunu kırmak için bir makina tasarlamaya başlar. İsmi de çocukluk arkadaşı olan Christopher koyar. Bu makine ilk bilgisayar olarak da bilinir. Nihayet günlerce üzerinde çalıştığı makinanın yapım aşamasını bitirir. Sıra test etmeye gelir. Fakat makine çalışmaz. Kendisini işe alan kişiler tarafınca işten kovulmak üzereyken arkadaşları da eğer Turing giderse kendilerinin de gideceğini söyler ve zar zor 1 ay daha zaman kazanırlar. Turing yaptığı hatayı Joan ile birlikte bulur ve düzeltirler. Makine çalıştıktan sonra Enigma'nın şifresini kırarlar. Her gün yeni şifreler üretildiği için her gün kodu kırarlar. Fakat Almanların kodu kırıdıklarını bilmelerini istemezler. Çünkü eğer öğrenirlerse Enigma'nın çalışma prensibini değiştireceklerini düşünürler. Bu bir devlet sırrı olarak uzun süreler saklanır.

1) Selection Sort

```

for j=1 to n-1
  smallest = j
  for i=j+1 to n
    if list[i] < list[smallest]
      smallest = i
  Swap list[j] ↔ list[smallest]

```

3	44	38	5	47	15
---	----	----	---	----	----

↑ There is no small element from 3

3 44 38 5 47 15

38 < 44 so go

5 < 44 so go

There is no small element from 5 so swap

3 5 38 44 47 15

15 < 38 swap

3 5 15 44 47 38

38 < 44 swap

3 5 15 38 47 44

44 < 47 swap

3 5 15 38 44 47

Insertion Sort

```

for i=1 to length(list)

```

```

  x = list[i]

```

```

  j = i

```

```

  while j > 0 & list[j-1] > x

```

```

    list[j] = list[j-1]

```

```

    j = j - 1

```

```

  list[j] = x

```

3 44 38 5 47 15

38 < 44 but 3 < 38 swap

3 38 44 5 47 15

5 < 44 swap

3 38 5 44 47 15

5 < 38 swap

3 5 38 44 47 15

index
3 5 38 44 47 15
47 < 44 swap
index
3 5 38 15 47 44
15 < 38 swap
index
3 5 15 38 47 44
5 < 15 stop.
44 < 47 swap
3 5 15 38 44 47
38 < 44 stop.

Bubble Sort

```

x = length(list)

```

```

for i=1 to x-1

```

```

  swapped = false

```

```

  for j=1 to x-1-i

```

```

    if list[j] > list[j+1]

```

```

      swap(list[j], list[j+1])

```

```

      swapped = true

```

```

  if (!swapped)

```

```

    break

```

```

  return list

```

3 44 38 5 47 15

38 < 44 change

3 38 44 5 47 15

5 < 44 change

3 38 5 44 47 15

15 < 47 change

3 38 5 44 15 47

5 < 38

3 5 38 44 15 47

15 < 44

3 5 38 15 44 47

15 < 47

3 5 38 15 47 44

15 < 38

3 5 15 38 44 47

sorted

Quick Sort

position = length(list) / 2

if high > low

Rearrange(list[low:high], position)

QuickSort(list[low:position-1])

QuickSort(list[position+1:high])

Rearrange(list[low:high], position)

right = low

left = high + 1

x = list[low]

while right < left

repeat right = right + 1 until list[right] > x

repeat left = left - 1 until list[left] < x

if right < left

Swap(list[left], list[right])

position = left

list[low] = list[position]

list[position] = x

2) a) Is selection sort stable?

Stabil değildir. Örneğin 4, 2, 3, 4, 1 dizisini sıralayalım. En küçük elemanı bulacağız. Burada 1 en küçük eleman.

1 en başa gelecek ve ilk sırada bulunan 4 te en sona gelecek.

1, 2, 3, 4, 4 şeklinde sıralanmış olacak. Fakat sıralanmamış dizide ilk sırada bulunan 4 sıralanmış dizide 3. index teki 4 ten sonra gelmiş oldu.

b) Is bubble sort stable?

Stabil dir. Çünkü bubble sort aynı elemanların birbirine göre pozisyonları değişmemektir. Temel işlem olan kıyaslama büyüktür veya küçüktür operatörünü kullanır. Bu da aynı elemanlar aynı yer değiştirme operasyonunu başlatmaz.

c) Is it possible to implement selection sort for linked list with the same value $\Theta(n^2)$ efficiency as the array?

Evet mümkündür. İki işlemden de küçük elemanı bulup yer değiştirmek aynı verim ile gerçekleştirilebilir.

d) Evet mümkündür. Fakat sıralanan kısmı eleman eklerken taramamız gerekmektedir.

3) İlk önce ilk iki eleman kıyaslanır. Sağdaki beyaz ve soldaki siyah yer değiştirir. Daha sonra ikili grup halinde ilk 4 disk ele alınır. İlk ikilideki sağda kalan siyah ile diğer ikilideki sağda kalan beyaz yer değiştirir. Ardından 3'lü grup olarak şekilde ilk 6 disk ele alınır. İlk 3'lüdeki sağda kalan siyah ile ikinci 3'lüdeki sağda olan beyaz yer değişir. En son 4'lü grup şeklinde bütün diskler ele alınır. İlk dörtlülükteki sağda olan siyah ile ikinci 4'lülükteki sağda olan beyaz yer değiştirir.

4) n tane 0'dan oluşan bir string olsun ve 0...01 şeklinde bir modelimiz olsun. Bu $m-1$ model en berbat durumda olur. Brute-force string eşleştirme algoritması $m(n-m+1)$ karakter karşılaştırması yapacaktır.

5) a) Aranan kelimenin sayısı 0 olarak ilklendirilir. Soldan sağa doğru arama yapılır. Eğer "A" harfi ile karşılaşılırsa oradan sonra gelen "B" harflerini sayar ve 0 olan aranan kelime sayısını "B" harfi sayısı kadar artırır. Bu işlem string bitene kadar devam eder. n tane "A" harfinden oluşan bir string için en kötü durumda karşılaştırma yapılan karakter sayısı

$$n + (n-1) + \dots + 2 = n(n+1)/2 - 1 \text{ dir.}$$

Bu da $\Theta(n^2)$ ye tekabül eder.

b) Aranan kelimenin ve "A" harflerinin sayısını 0 olarak ilklendiririz. Yine soldan sağa doğru stringi taramaya başlarız. Eğer bir A harfi bulunursa A sayısını 1 artırırız. Eğer B harfi bulunursa o an olan A sayısını aranan kelime sayısına ekleriz. String bittikten sonra aranan kelime sayısı return edilir.

b) İki çocuk bot ile karşıya geçer. Çocuklardan birisi karşı tarafta kalır. Diğeri bot ile askerlerin olduğu tarafa geçer. Çocuk botla iner ve asker bot ile diğer tarafta olan çocuğun yanına geçer. Asker orada iner ve orda olan çocuk bot ile diğer askerlerin olduğu tarafa geçer. Her asker için olacak bu rutin 4 geçiş asker sayısı kadar tekrarlanır. 4n kez bot geçisi olur.

7) Gruptan bir kişi seçeriz. Grubun diğer elemanlarını tanıyor mu diye rastgele sorarız. En kötü durumda en son sordüğümüz kişiyi tanıyor ise aradığımız kişi en son tanıyor mudur diye sordüğümüz kişidir. $(n-1)$ soru. Grubun seçtiğimiz kişi rastgele sordüğümüz birisini tanıyor ise soru sordüğümüz kişi aradığımız kişi değildir. Bu işlemi sordüğümüz kişi en son sordüğümüz kişiyi tanıyor ise aradığımız kişi en son sordüğümüz kişidir. $(n-1)$ soru.

Bir diğer durumda soru sordüğümüz kişi diğer hiçbir kişiyi tanıyor ise oluşan durumdur. O da $n-1$ soru. Toplamda $3n-3$ soru sorulmuş olur en kötü durumda. Durumun karmaşıklığı $O(n)$ dir.

8) a) Decrease and Conquer algoritması.

Sıralı olmayan en büyük krep bulunur. Hemen altından spatula ile çevrilir. Eğer en büyük krep üstte ise birsey yapılmaz. Daha sonra kreplerin en altından spatula ile alt-üst çevrilir. Böylece en büyük kek alta gelmiş olur. Sonra sondaki kekler sıralı olduğundan soldan alt-üst çevrime olayı sıralı kekler açısından gerçekleştirilir.

b) 1, 2, 10, 7, 8, 3

