Simulacro segunda evaluación parcial. Análisis Matemático II (1033) 01/07/21

Apellido y nombre:

Tiene 2,5 hs para resolver esta evaluación.

Resolver clara y justificadamente en **TINTA.** Enuncie las propiedades que use para resolver los problemas.

Cada ejercicio correctamente resuelto en su totalidad tiene un valor de 2 (dos) puntos.

- 1. Resolver la siguiente integral doble, $I = \iint_R (x^2 y^2) dx dy$, siendo R, el paralelogramo de vértices A = (0,0); B = (1,1); C = (0,2); D = (-1,1).
- 2. Calcular el volumen del cuerpo delimitado por las superficies del paraboloide S_1 : $z=x^2+y^2$, y el plano S_2 : z=2y .
- 3. Dado el campo vectorial $\vec{F}(x,y)=(3e^{xy}+3xye^{xy}-2x,3x^2e^{xy}+e^y)$, calcular la integral de línea para las curvas:
 - a). C_1 : $y = \ln(x) \cos 1 \le x \le e$
 - b). C_2 : 9 $x^2 + y^2 = 9$, recorrida en sentido positivo.
- 4. Calcular la integral de línea para el campo vectorial $\vec{F}(x,y) = (\frac{x^2y}{9}, -\frac{y^2x}{4})$ y la curva \mathcal{C} la elipse $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$, recorrida en sentido horario.
- 5. Aplicar justificadamente el teorema de la divergencia para calcular la integral de superficie del campo vectorial

$$\vec{F}(x, y, z) = (x + y^2, x^2 - y, z \ln(x^2 + y^2))$$

a través de la superficie del sólido

$$\Omega = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / 1 \le x^2 + y^2 \le 4 \land y \ge |x| \land 0 \le z \le 2\}$$

orientada exteriormente.