Curso Semipresencial de Álgebra y Geometría Analítica II – 2do Cuatrimestre 2017

Guía de Estudio Nº 4

• Libro: Álgebra Lineal. Una introducción moderna. (Poole, D.) Capítulo 6: Páginas: 516-529

• Temas: Práctica 3 – Matriz de una transformación lineal

Guía de estudio y preguntas:

1. Página 516

- ✓ Leer el teorema 6.26: Definición de la matriz de una TL. En esta definición, dice cómo está armada la matriz y además da una fórmula que cumple. La matriz dada la denominaremos "Matriz asociada a la TL respecto a las bases B y C. Notación: $M_{\it BC}T$.
- ✓ ¿En la matriz, quiénes son sus columnas? ¿Son vectores de la base B o son sus transformados? ¿Son los transformados puros o son coordenadas de los transformados?
- ✓ Según el ítem anterior, si $T:V\to W$ y dim V=n y dim W=m, de qué orden será la matriz? ¿Siempre será cuadrada?
- ✓ En la fórmula, cuando multiplico la matriz por las coordenadas de un vector, obtengo la imagen pura del vector? De no ser así, ¿Qué debería hacer para encontrarla?
- \checkmark ¿Qué pasaría si la base C fuera una base canónica de \mathbb{R}^n ? ¿Obtendría la imagen pura?
- ✓ ¿Qué pasaría si ambas bases, B y C fueran bases canónicas de cada espacio? ¿Quiénes serían las columnas de la matriz?

2. Página 517-521

- ✓ Leer el ejemplo 6.76 y comparar la matriz resultante con la respuesta dada en el último punto del ítem 1., B y C son las bases canónicas. Cuando halla la imagen de un vector v, usando la fórmula y luego usando la matriz, obtiene el mismo resultado? Por qué? Relacionar con la respuesta dada en el anteúltimo punto del ítem 1.
- ✓ Página 518-521: Ejemplos recomendados: 6.77 al 6.79

3. Página 523-524

- ✓ Leer el Teorema 6.28. ¿Qué propiedad debe cumplir la TL para que la matriz asociada a ella en determinadas bases sea inversible? (Pensar en la clasificación de TL).
- √ Página 523-524: Ejemplo recomendado: 6.82 (Para hallar la inversa de una TL)

4. Página 526

- ✓ Leer el Teorema 6.29 seguido por el Comentario más abajo ("propiedad del Puente").
- ✓ Aquí nos explican cómo se relacionan dos matrices asociadas a una misma TL, pero asociadas a distintas bases.
- \checkmark Si tengo de dato $M_{\it BB}T$, y quiero hallar $M_{\it CC}T$, qué tipo de matrices debo agregar para poder obtener una a partir de la otra?
- \checkmark ¿Qué pasaría si tengo de dato la matriz $M_{\it BC}T$, y debo hallar $M_{\it CC}T$? Qué matriz debería agregar a la operación para poder obtener la matriz pedida?
- \checkmark En el ejemplo 6.77 de la página 519, se hallan las matrices $M_{BC}D$ y $M_{B'C}D$. Comprobar, usando la "propiedad del puente", y usando una matriz adecuada en la operación, la relación entre las mismas.

5. Página 527-529

✓ Ejemplos recomendados: 6.85 y 6.86 item a)