

Resolución TP3:

Ejercicio 5 - a

Verificar que no existe el limite doble para $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,1)} \frac{x+3y-4}{2x-y-1}$:

Para empezar:

- Al tratarse de una función de 2 variables $f(x, y)$ el limite existe si existen tanto por derecha, izquierda, y el resto de las infinitas direcciones y trayectorias.
- El postulado anterior se comprueba usando propiedades de limite sustentadas por la definicion de limite.
- El postulado anterior de refuta con solo encontrar un caso en que el limite de un valor distinto.

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (1,1)} \frac{x+3y-4}{2x-y-1} \simeq \frac{1+3-4}{2-1-1} \simeq \frac{0}{0}$$

Busqueda de resultados tentativos:

Usando limites iterados.

$$L_{yx} = \lim_{x \rightarrow 1} \left(\lim_{y \rightarrow 1} \frac{x+3y-4}{2x-y-1} \right) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{2x-2} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{2} \frac{x-1}{x-1} = \frac{1}{2}$$

$$L_{xy} = \lim_{y \rightarrow 1} \left(\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x+3y-4}{2x-y-1} \right) = \lim_{y \rightarrow 1} \frac{3y-3}{1-y} = \lim_{y \rightarrow 1} -3 \frac{1-y}{1-y} = -3$$

Dado $L_{yx} \neq L_{xy} \rightarrow$ No existe $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,1)} \frac{x+3y-4}{2x-y-1}$