Министерство образования Российской Федерации

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего профессионального образования
"Московский физико-технический институт (национальный исследовательский университет)"

Физтех-школа фундаментальной и прикладной физики

Факультет проблем физики и энергетики

Кафедра электродинамики сложных систем и нанофотоники

Исследование свойств оптических волокон с брэгговскими решётками для сенсорных применений

Выпускная квалификационная работа (бакалаврская работа)

Направление подготовки: 03.03.01 Прикладные математика и физика

Работу выполнил:	
студент 685 группы	 Барсегян Сергей Симонович
Научный руководитель:	
л.фм.н., член-корр, РАН	Лорофеенко Александр Викторович

Содержание

Введение		2
1	Эффекти Кречмана	3
2	Моды волновода	5
3	Брэгговская решётка	7
4	Наклонная Волоконная Брэгговская Решётка	7
Список литературы		7

Введение

1 Эффекти Кречмана



Рассмотрим падение света на слоистую среду под углом θ_1 с коэффицентами диэлектрической проницаемостями $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3$ соответственно. На границе каждой среды можно записать закон Снеллиуса.

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{n_2}{n_1} = \sqrt{\frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1}}$$
$$\frac{\sin \theta_3}{\sin \theta_2} = \frac{n_3}{n_2} = \sqrt{\frac{\varepsilon_3}{\varepsilon_2}}$$

Наша цель посчитать коэффиценты отражения и прохождения для такой слоистой системы. В это задаче очень полезен метод T-матриц. Обозначим коэффицент отражения через t, и коэффицент прохождения через t.

Тогда на матричном языке можно задать взаимосвязь между этими величинами. А именно распишем ампплитуды волн слева и справа.

$$\vec{E} = \vec{E}(x)e^{i(\omega t - \beta z)}$$

$$E(x) = \begin{cases} E_1 e^{ik_1 x} + E_1' e^{-ik_1 x}, x < 0 \\ E_2 e^{ik_2 x} + E_2' e^{-ik_2 x_2 x}, 0 < x < d \\ E_3 e^{ik_3 (x - d)} + E_3' e^{-ik_3 (x - d)}, x > d \end{cases}$$

$$P_2 = \begin{pmatrix} e^{ik_2 x} d & 0 \\ 0 & e^{-ik_2 x} d \end{pmatrix}$$

$$S_{21} = \frac{1}{2Z_2} \begin{pmatrix} Z_2 + Z_1 & Z_2 - Z_1 \\ Z_2 - Z_1 & Z_2 + Z_1 \end{pmatrix}$$

$$S_{32} = \frac{1}{2Z_3} \begin{pmatrix} Z_3 + Z_2 & Z_3 - Z_2 \\ Z_3 - Z_2 & Z_3 + Z_2 \end{pmatrix}$$

Где $Z_i=rac{k_{zi}}{k_0}$ для s - поляризации и $Z_i=rac{k_{zi}}{arepsilon_i k_0}$ для p - поляризации

$$k_{zi} = \sqrt{k_0^2 \epsilon_i - k_x^2}$$

$$k_x = k_0 \sin \theta$$

$$S_{32}P_2S_{21}\begin{pmatrix}1\\r\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}t\\0\end{pmatrix}$$

Решая эту систему уравнений относительно r получаем зависимость коэффицента отражения от угла падающей волны. Для p поляризации при определённой каллибровке толщины металлического слоя (условие на Кречманна???) можно наблюдать,

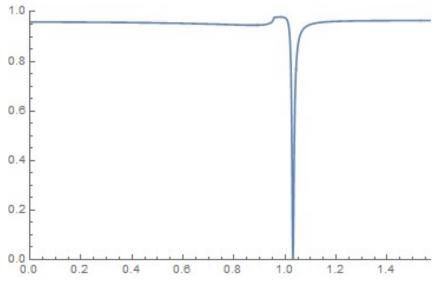
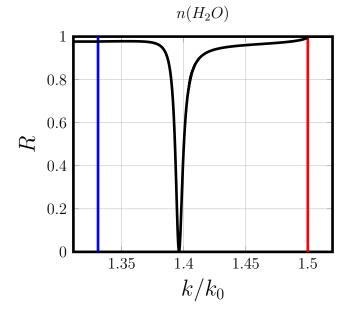
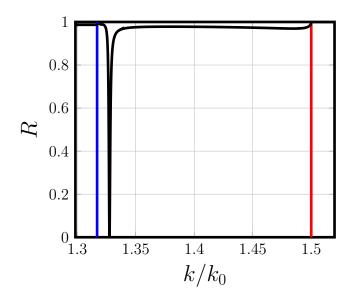


Рис. 1:

что при некотором угле амплитуда отражённой волны полностью зануляется, что часто называют нарушенным полным отражением или эффектом Кречманна. Данный имеет коллосальный потенциал для приложений.





2 Моды волновода

$$rot \mathbf{H} = \frac{\partial D}{\partial t}, \quad rot \mathbf{E} = -\frac{\partial B}{\partial t}$$
 (1)

$$\frac{1}{r}\frac{\partial H_z}{\partial \varphi} - \frac{\partial H_{\varphi}}{\partial z} = -i\omega \varepsilon E_r \tag{2}$$

$$\frac{\partial H_r}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial r} = -i\omega \varepsilon E_{\varphi} \tag{3}$$

$$\frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}\left(rH_{\varphi}\right) - \frac{1}{r}\frac{\partial H_{r}}{\partial \varphi} = -i\omega\varepsilon E_{z} \tag{4}$$

$$\frac{1}{r}\frac{\partial E_z}{\partial \varphi} - \frac{\partial E_{\varphi}}{\partial z} = i\omega \mu H_r, \quad \frac{\partial E_r}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial r} = i\omega \mu H_{\varphi}$$
 (5)

$$\frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}\left(rE_{\varphi}\right) - \frac{1}{r}\frac{\partial E_r}{\partial \varphi} = i\omega\mu H_z \tag{6}$$

$$E_r = \frac{1}{k^2 - h^2} \left(ih \frac{\partial E_z}{\partial r} + \frac{i\omega\mu}{r} \frac{\partial H_3}{\partial \varphi} \right)$$
 (7)

$$E_{\varphi} = \frac{1}{k^2 - h^2} \left(\frac{ih}{r} \frac{\partial E_z}{\partial \varphi} - i\omega \mu \frac{\partial H_z}{\partial r} \right) \tag{8}$$

$$H_r = \frac{1}{k^2 - h^2} \left(\text{ ih } \frac{\partial H_z}{\partial r} - \frac{i\omega e}{r} \frac{\partial E_z}{\partial \varphi} \right)$$
 (9)

$$H_{\varphi} = \frac{1}{k^2 - h^2} \left(\frac{ih}{r} \frac{\partial H_z}{\partial \varphi} + i\omega e \frac{\partial E_z}{\partial r} \right)$$
 (10)

$$\frac{\partial^2 U}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial U}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 U}{\partial \varphi^2} + \left(k^2 - h^2\right) U = 0 \tag{11}$$

$$U = F(r)e^{im\varphi} \tag{12}$$

$$\frac{\partial^2 F}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial F}{\partial r} + \left(u^2 - \frac{m^2}{r^2} \right) F = 0 \tag{13}$$

$$E_z^{(1)} = \sum_{m = -\infty}^{\infty} A_m J_m(ur) \cos m\varphi \exp(ihz - i\omega t)$$

$$H_z^{(1)} = \sum_{m = -\infty}^{\infty} B_m J_m(ur) \cos (m\varphi + \beta_m) \exp(ihz - i\omega t)$$
(14)

$$E_z^{(2)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} C_m K_m(vr) \cos m\varphi \exp(thz - i\omega t)$$
 (15)

$$H_z^{(2)} = \sum_{m=0}^{\infty} D_m K_m(vr) \cos(m\varphi + \beta_m) \exp(ihz - i\omega t)$$
 (16)

$$v = \sqrt{h^2 - k_2^2}, k_3 \leqslant h \leqslant k_1 \tag{17}$$

$$E_{\varphi}^{(1)} = -\sum_{m=-\infty}^{\infty} \left[A_m \frac{imh}{u^2 r} J_m(ur) \sin m\varphi - B_m \frac{i\omega\mu}{u} J'_m(ur) \cos (m\varphi + \beta_m) \right]$$
(18)

$$H_{\varphi}^{(1)} = -\sum_{m=-\infty}^{\infty} \left[B_m \frac{imh}{u^2 r} J_m(ur) \sin(m\varphi + \beta_m) + A_m \frac{i\omega e_1}{u} J_m(ur) \cos m\varphi \right]$$

$$(19)$$

$$E_{\varphi}^{(2)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} \left[C_m \frac{imh}{v^2 r} K_m(vr) \sin\left(m\varphi + \beta_m\right) - D_m \frac{i\omega\varepsilon_2}{v} K_m'(vr) \cos m\varphi \right]$$
(20)

$$H_{\varphi}^{(2)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} \left[D_m \frac{imh}{v^2 r} K_m \left(v^2 r \right) \sin \left(m\varphi + \beta_m \right) - C_m \frac{i\omega\varepsilon_2}{v} K_m'(vr) \cos m\varphi \right]$$
(21)

$$-A_m \frac{mh}{p^2} J_m(p) \sin m\varphi - B_m \frac{\omega \mu}{p} J'_m(p) \cos (m\varphi + \beta_m) =$$
 (22)

$$= C_m \frac{mh}{q^2} K_m(q) \sin m\varphi + D_m \frac{\omega\mu}{q} K'_m(q) \cos (m\varphi + \beta_m)$$

$$A_m J_m(p) = C_m K_m(q)$$
(23)

$$-B_{m} \frac{mh}{p^{2}} J_{m}(p) \sin (m\varphi + \beta_{m}) + A_{m} \frac{\omega e_{1}}{p} J'_{m}(p) \cos m\varphi$$

$$= D_{m} \frac{mh}{q^{2}} K_{m}(q_{1}) \sin (m\varphi + \beta_{m}) - C_{m} \frac{\omega e_{9}}{q} K'_{m}(q) \cos m\varphi$$

$$B_{m} J_{m}(p) = D_{m} K_{m}(q)$$
(24)

$$[f_m(p) + g_m(q)] \left[\frac{\varepsilon_1}{e_s} f_m(p) + g_m(q) \right]$$

$$= \frac{m^2 b^2}{k_2^2} \left(\frac{1}{p^2} + \frac{1}{q^2} \right)$$

$$= \frac{\sin m\varphi \sin(m\varphi + \beta_m)}{\cos m\varphi \cos(m\varphi + \beta_m)}$$
(25)

$$f_m = \frac{J'_m(p)}{pJ_m(p)}, \quad g_m(q) = \frac{K'_m(q)}{qR_m(q)}$$
 (26)

$$p^2 + q^2 = a^2 \left(k_1^2 - k_2^2 \right) \tag{27}$$

$$[f_m(p) + g_m(q)] \left[\frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_2} f_m(p) + g_m(q) \right] = \frac{m^2 h^2}{k_2^2} \left(\frac{1}{p^2} + \frac{1}{q^2} \right)^2$$
 (28)

3 Брэгговская решётка

После открытия способа получения решёток с показателем преломления в оптических волокнах открыло совершенно новый класс светопроводящих устройств с маленькими вносимыми потерями и очень гибким спектральным коэффицентом пропускания. Этому способствовало изобретение процесса внешней записи, где периодический профиль ультрафиолетового света полученный в следствии интерференции двух лучей используется для копирования периодической структуры интерференционной картины в областях волоки, где происходят фотохимические реакции между ультрафиолетовыми фотонами и стеклом.

Эти так называемые Волоконные Брэгговские Решётки получившие своё название из-за сходства с голографической диффракционной решёткой Брегга в которой луч направлен в сердевину волокна. Волоконные Брегговские Решётки широко используются для стабилизации лазерных диододов накачки, температурных сенсорах, акустике, при мультиплексировании длин волн, уплощения коэффицента усиления, компенсации рассеивания в оптических системах сообщения и всё больше в зеркалах резанаторов волоконных лазеров.

Волоконные брэгговские решётки, кроме всего прочего, представляют ещё и из-за того, что их коэффицент пропускания с высокой точностью очень легко настраиваем для нужд производства с наперёд заданными характеристиками. В данной работе главную роль будет играть частный случай волоконных брегговских решёток а именно наклонные брэгговские решётки в литературе именуемые как TFBG (Tilted Fiber Bragg Gratings).

4 Наклонная Волоконная Брэгговская Решётка

Чтобы понять физику наклонных волокон удобно рассмотреть спектры коэффицентов пропускания и отражения пары идентичных решёток наклонённые относительно друг друга на 10 градусов. Можно выделить два важных случая: случай нормальной волоконной брэгговской решётки у которой только один сильный резонанс. К примеру провал в спектре пропускания соответствует условию Брэгга для периода решётки в этом волокне и тот же резонанся появляется как одиничный пик в спектре отражения.

Список литературы

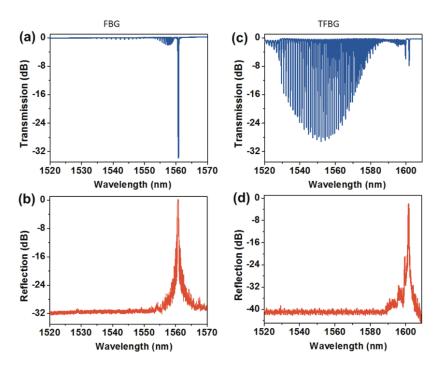


Рис. 2:

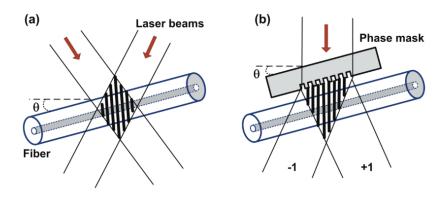


Рис. 3:

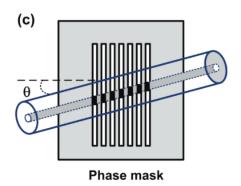


Рис. 4: