

Cheatsheet di Algoritmi e Strutture Dati

Giacomo Scampini

16 luglio 2025

1 Complessità

1.1 Notazioni di Complessità Asintotica in Elenco

- $f(n) = O(g(n))$ - **O grande** - Limite asintotico superiore
- $f(n) = \Omega(g(n))$ - **Omega grande** - Limite asintotico inferiore
- $f(n) = \Theta(g(n))$ - **Theta grande** - Limite asintotico sia superiore che inferiore

1.2 Confronto Tramite Limiti

Dato il limite $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)}$:

- Se $L = 0$, allora $\Theta(f(n)) < \Theta(g(n))$.
- Se $L = c$ (con $c \neq 0, \infty$), allora $\Theta(f(n)) = \Theta(g(n))$.
- Se $L = \infty$, allora $\Theta(f(n)) > \Theta(g(n))$.

1.3 Gerarchia Fondamentale degli Ordini di Grandezza

Per costanti $k, h \in \mathbb{R}^+$ e $a > 1$:

$$\Theta(1) < \Theta((\log n)^k) < \Theta(n^h) < \Theta(a^n) < \Theta(n!) < \Theta(n^n)$$

1.4 Classi di Complessità Comuni

- $\mathcal{O}(1)$: Costante (es. accesso a un elemento di un array)
- $\mathcal{O}(\log n)$: Logaritmica (es. ricerca binaria)
- $\mathcal{O}(n)$: Lineare (es. scansione di una lista)
- $\mathcal{O}(n \log n)$: Lineare-logaritmica (es. merge sort, heapsort)
- $\mathcal{O}(n^2)$: Quadratica (es. bubble sort, selection sort)
- $\mathcal{O}(2^n)$: Esponenziale (es. problemi risolti con la forza bruta)
- $\mathcal{O}(n!)$: Fattoriale (es. problema del commesso viaggiatore con forza bruta)

2 Automi e TM

2.1 Complessità degli Automi

- **DFSA (Automa a Stati Finiti Deterministico)**
 - Complessità Temporale: $T_A(n) = \Theta(n)$
 - Complessità Spaziale: $S_A(n) = \Theta(1)$
- **DPDA (Automa a Pila Deterministico)**
 - Complessità Temporale: $T_A(n) = \Theta(n)$
 - Complessità Spaziale: $\Theta(0) \leq \Theta(S_A(n)) \leq \Theta(n)$
- **k-DTM (Macchina di Turing Deterministica a k-nastri)**
 - Complessità Temporale: Nessun limite generale. Per calcolarla devi immaginare il funzionamento della macchina.
 - Complessità Spaziale: $\Theta(S_M(n)) \leq \Theta(T_M(n))$
- **SDTM (Macchina di Turing Deterministica a nastro singolo)**
 - Complessità Temporale: Nessun limite generale. Per calcolarla devi immaginare il funzionamento della macchina.
 - Complessità Spaziale: $S_M(n) = \Omega(n)$, ciò significa che la complessità spaziale dev'essere almeno lineare, questo perché il nastro di input coincide con il nastro di memoria.

TIP: per il calcolo della complessità spaziale, ricordati di considerare il caso peggiore. Il caso peggiore può anche essere per una stringa che non viene accettata, ovvero $x \notin L$.

2.2 Contatori (Implementati su DTM)

- **Complessità Spaziale:** per contare fino a m , sono necessari $\Theta(\log m)$ simboli. Se m dipende dalla lunghezza dell'input n , la complessità spaziale diventa $S_M(n) = \Theta(\log n)$.
- **Complessità Temporale** (per eseguire n incrementi/decrementi):
 - $T(n) = \Theta(n)$: se ad ogni modifica vengono visitate solo le cifre necessarie (userai questo in sede d'esame).
 - $T(n) = \Theta(n \log n)$: se ad ogni modifica si visitano tutte le cifre del contatore.

NOTA BENE: In una k-DTM il controllo tra due contatori è di complessità temporale: $\Theta(\log(n))$

3 RAM

3.1 Complessità delle RAM

3.1.1 Criteri di Costo

- **Costo Costante:** Ogni istruzione ha costo 1. Ogni cella di memoria ha costo 1, indipendentemente dal valore contenuto.
- **Costo Logaritmico:** Il costo di un'operazione e dello spazio occupato dipende dalla dimensione (logaritmo) dei valori numerici coinvolti.

$$l(x) := \begin{cases} \lfloor \log_2 x \rfloor + 1 & \text{se } x \neq 0 \\ 1 & \text{se } x = 0 \end{cases} \quad \text{N.B.: } l(x) = \Theta(\log x)$$

- **Quando sceglierli:** I due criteri sono equivalenti se la dimensione degli operandi è limitata da una costante. Se i numeri possono diventare arbitrariamente grandi, il criterio logaritmico è più realistico.

3.1.2 Calcolo del Costo Logaritmico (caso semplificato)

Sotto l'ipotesi di usare un numero costante di celle di memoria:

- **Costo Spaziale:** Lo spazio totale è la somma della "lunghezza" (logaritmo) di tutti i numeri più grandi salvati in ogni cella di memoria utilizzata. E' sempre $\Theta(\log i)$, dove i è il numero che viene calcolato in quell'istante.
- **Gestione di un intero i** (es. LOAD, STORE, READ, WRITE, JZ)
 - Costo Temporale: $\Theta(\log i)$
- **Operazioni Aritmetiche** (su operandi n_1, n_2)
 - Addizione (+), Sottrazione (-): $\Theta(\log n_1 + \log n_2)$
 - Moltiplicazione (*), Divisione (/): $\Theta(\log n_1 \cdot \log n_2)$

Come si calcola in generale il costo temporale in caso di costo algoritmico? In generale si prende l'operazione nell'ultimo istante, che può essere magari una somma o una moltiplicazione, e con una sommatoria si somma tutto. Usi l'approssimazione di Stirling per calcolare la complessità.

4 Equazioni di Ricorrenza

4.1 Algoritmo Divide et Impera

Un algoritmo che segue la strategia *divide et impera* si articola in tre fasi:

- **Dividi:** Il problema è scomposto in sottoproblemi più semplici della stessa forma.
- **Impera:** I sottoproblemi vengono risolti ricorsivamente.
- **Combina:** Le soluzioni dei sottoproblemi sono combinate per ottenere la soluzione del problema originale.

La sua complessità temporale $T(n)$ è descritta da un'equazione di ricorrenza, tipicamente nella forma $T(n) = a \cdot T(n/b) + f(n)$.

4.2 Metodi di Risoluzione delle Ricorrenze

4.2.1 Risoluzione Diretta Esplicita

Consiste nello sviluppare iterativamente la ricorrenza fino a individuare un modello generale per esprimerne l'ordine di grandezza.

4.2.2 Metodo di Sostituzione

Consiste nel formulare un'ipotesi per la soluzione e nel verificarla rigorosamente tramite dimostrazione per induzione.

4.2.3 Metodo dell'Albero di Ricorsione

È una tecnica visuale per sviluppare le chiamate ricorsive e sommarne i costi livello per livello. È utile per formulare un'ipotesi di soluzione, da verificare poi con il metodo di sostituzione. Esempio di albero:

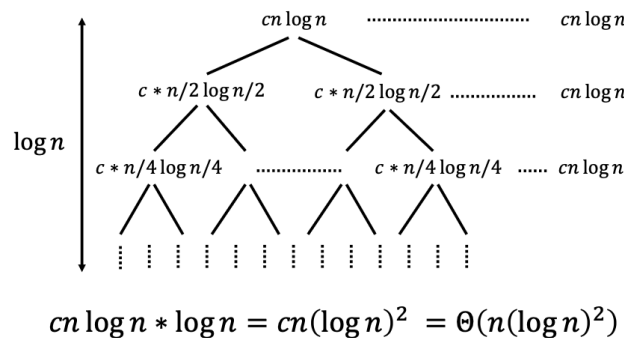


Figura 1: Esempio di un albero di ricorsione.

4.2.4 Metodo per Ricorrenze Lineari

Si applica a ricorrenze della forma $T(n) = \sum_{i=1}^h a_i T(n-i) + cn^k$. Posto $a := \sum a_i$, la soluzione (come limite superiore) è:

- $T(n) = O(n^{k+1})$ se $a = 1$.
- $T(n) = O(n^k a^n)$ se $a \geq 2$.

4.2.5 Teorema Master

Fornisce una soluzione "pronta" per ricorrenze della forma $T(n) = a \cdot T(n/b) + f(n)$ (con $a \geq 1, b > 1$). Si confronta $f(n)$ con $n^{\log_b a}$:

- **Caso 1:** Se $f(n) = O(n^{\log_b a - \epsilon})$ per qualche $\epsilon > 0$, allora $T(n) = \Theta(n^{\log_b a})$.
- **Caso 2:** Se $f(n) = \Theta(n^{\log_b a})$, allora $T(n) = \Theta(n^{\log_b a} \log n)$.
- **Caso 3:** Se $f(n) = \Omega(n^{\log_b a + \epsilon})$ per qualche $\epsilon > 0$ e se $f(n)$ soddisfa una condizione di regolarità, allora $T(n) = \Theta(f(n))$.

Corollario del Teorema Master (Caso Polinomiale)

Una versione semplificata del teorema si applica quando $f(n)$ è un polinomio della forma $\Theta(n^k)$. Data la ricorrenza $T(n) = a \cdot T(n/b) + \Theta(n^k)$:

- **Caso 1:** Se $k < \log_b a$, allora $T(n) = \Theta(n^{\log_b a})$.
- **Caso 2:** Se $k = \log_b a$, allora $T(n) = \Theta(n^k \log n)$.
- **Caso 3:** Se $k > \log_b a$, allora $T(n) = \Theta(n^k)$.

5 Pseudocodice

5.1 Sintassi di base

- Riga di commento

```
//...
```

- Assegnamento

```
i := j
```

- Operazioni

```
+, -, *, /, %
```

- Confronto di interi

```
>, <, >=, <=, =, !=
```

- Lettura dell'input

```
x := read()
```

- Restituzione in output

```
return x
```

5.2 Istruzioni comuni

- If-else

```
if condizione
    istruzioni
else
    istruzioni
```

- Cicli

```
while condizione
    istruzioni
```

```
for i := n_1 to n_2
    istruzioni
```

5.3 Oggetti e variabili

- I dati composti sono organizzati come oggetti. Gli oggetti hanno attributi (campi):

- `x.attr` è il valore dell'attributo `attr` dell'oggetto `x`.

- Gli array sono oggetti, dotati dell'attributo `length`.

- `A[j]` è l'elemento di indice `j` dell'array `A`.

- `A[i..j]` è il sottoarray di `A` dall'`i`-esimo al `j`-esimo elemento.

- Una variabile che corrisponde ad un oggetto è un puntatore all'oggetto.

- Dopo le istruzioni `y := x, x.attr := 3` si ha `y.attr = x.attr = 3`.

- Un puntatore che non fa riferimento ad alcun oggetto ha valore `NIL`.

- Usa l'istruzione `ALLOCATE(varname, length)` per creare un nuovo array.

6 Algoritmi di Ordinamento

6.1 Algoritmi comuni

Algoritmo	Complessità temporale	Complessità spaziale
Insertion sort	$\Theta(n^2)$	$\Theta(1)$
Merge sort	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n)$
Heapsort	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(1)$
Quicksort	$\Theta(n^2)$	$\Theta(1)$
Counting sort	$\Theta(n + k)$	$\Theta(k)$

Algoritmi di ricerca:

- LIN-SEARCH: ha complessità $\Theta(n)$
- BIN-SEARCH: ha complessità $\Theta(n)$

6.2 Come Riconoscere la Complessità Logaritmica

Un algoritmo ha complessità logaritmica quando il problema si riduce in modo esponenziale a ogni passo. I principali indizi nel codice sono:

- **La variabile del ciclo moltiplica o divide.**
 - L'aggiornamento non è un'addizione/sottrazione (es. $i := i + 1$).
 - L'aggiornamento è una moltiplicazione o divisione per una costante $c > 1$ (es. $i := i * 2$ oppure $i := i / 2$).
 - La variabile "salta" verso il valore finale, invece di "camminare". Questo richiede $\Theta(\log n)$ passi.
- **Lo spazio del problema viene ridotto di una frazione costante.**
 - L'algoritmo scarta una porzione significativa dei dati a ogni iterazione (es. metà, un terzo, etc.).
 - L'esempio classico è la Ricerca Binaria, che dimezza lo spazio di ricerca a ogni passo.
 - La ricorrenza associata è spesso nella forma $T(n) = T(n/b) + O(1)$, la cui soluzione è $\Theta(\log n)$.
- **Caso speciale ($\log \log n$): la variabile esegue un "super-salto".**
 - La variabile di controllo viene elevata a una potenza, tipicamente al quadrato (es. $i := i * i$).
 - La crescita è doppiamente esponenziale, portando a una complessità ancora minore di $\Theta(\log \log n)$.

7 Strutture Dati

7.1 Vettori (Array)

- `A.length` = lunghezza dell'array.
- `A[i]` = accesso a elemento `i` dell'array.
- `A[i..j]` = sottoarray da `i` a `j`.
- `n` = dimensione dell'array che è uguale a `A.length`.

7.2 Matrici

- `M.height` = numero di righe.
- `M.width` = numero di colonne.
- `M[i][j]` = accesso a riga `i` colonna `j`.
- `n` = dimensione dell'input che è uguale al numero di elementi, ovvero $M.height \times M.width$.
- $n := M.size$ per una matrice quadrata, dove `size` è il numero di righe (o colonne).

7.3 Liste Concatenate

- `L.head` = puntatore alla testa della lista.
- `x_f.next` = `NIL`, dove `x_f` è l'ultimo elemento della lista.

7.3.1 Liste Singolarmente Concatenate

- `x.key` = dato contenuto nell'elemento `x`.
- `x.next` = puntatore all'elemento successivo.

7.3.2 Liste Doppialemente Concatenate

- `x.key` = dato contenuto nell'elemento `x`.
- `x.next` = puntatore all'elemento successivo.
- `x.prev` = puntatore all'elemento precedente.
- `L.head.prev` = `NIL`.

7.3.3 Liste Doppialemente Concatenate Circolari

- Utilizzano un nodo speciale detto **sentinella** (`L.nil`) al posto di `L.head`.
- `L.nil.key` = `NIL`.
- `L.nil.next` punta alla testa della lista.
- `L.nil.prev` punta alla coda della lista.
- La lista è "circolare": la `prev` della testa e la `next` della coda puntano a `L.nil`.
- Se la lista è vuota, `L.nil` punta a se stesso.

7.4 Tabelle Hash

- `T` = array di `m` celle (slot) che memorizza i dati.
- $h(k)$ = funzione hash che mappa una chiave `k` a un indice della tabella.
- $\alpha = n/m$ = fattore di carico, definito come rapporto tra elementi e slot.

7.4.1 Scelta della dimensione `m`

- Per il **metodo della divisione** ($h(k) = k \pmod{m}$): scegliere `m` come un **numero primo** non troppo vicino a una potenza di 2.
- Per l'**indirizzamento aperto** ($h(k, i) = (h_1(k) + i \cdot h_2(k)) \pmod{m}$): se $h_2(k)$ è sempre dispari, scegliere `m` come una **potenza di 2**.

7.4.2 Risoluzione delle Collisioni

- **Concatenamento (Chaining):** Ogni cella della tabella $T[j]$ punta a una lista concatenata di tutti gli elementi la cui chiave ha valore hash j . Le operazioni di inserimento, cancellazione e ricerca operano sulla lista corrispondente.
- **Indirizzamento Aperto (Open Addressing):** Tutti gli elementi sono memorizzati nella tabella stessa. Per inserire un elemento, si esamina (ispeziona) una sequenza di slot fino a trovarne uno vuoto.
 - **Ispezione Lineare:** La sequenza di ispezione è data da $h(k, i) = (h'(k) + i) \pmod{m}$ per $i = 0, 1, \dots, m-1$.
 - **Ispezione Quadratica:** La sequenza di ispezione è data da $h(k, i) = (h'(k) + c_1 i + c_2 i^2) \pmod{m}$ per $i = 0, 1, \dots, m-1$, con c_1, c_2 costanti ausiliarie.
 - **Double Hashing:** La sequenza di ispezione è data da $h(k, i) = (h_1(k) + i \cdot h_2(k)) \pmod{m}$ per $i = 0, 1, \dots, m-1$, dove h_1 e h_2 sono funzioni hash ausiliarie.

7.4.3 Complessità (Hashing Uniforme)

- Numero medio di tentativi per accesso (indirizzamento aperto): $\frac{1}{\alpha} \ln \frac{1}{1-\alpha}$
- Valore atteso del numero di collisioni (concatenamento): $E[Y] = \frac{n(n-1)}{2m}$

7.5 Alberi

7.5.1 Alberi Binari di Ricerca (BST)

- $T.root$ = puntatore alla radice dell'albero.
- $x.key$ = chiave del nodo x .
- $x.p$ = puntatore al nodo padre.
- $x.left$ = puntatore al figlio sinistro.
- $x.right$ = puntatore al figlio destro.
- $x.leftsize$ = (opzionale) dimensione del sottoalbero sinistro del nodo.

7.5.2 Alberi di Ricerca Generici (GST)

- $T.root$ = puntatore alla radice dell'albero.
- $x.key$ = chiave del nodo x .
- $x.p$ = puntatore al nodo padre.
- $x.fs$ = puntatore al figlio più a sinistra (first son).
- $x.lb$ = puntatore al fratello a sinistra (left brother).
- $x.rb$ = puntatore al fratello a destra (right brother).

7.5.3 Alberi Rosso-Neri (RBT)

- Un RBT è un BST con attributi e proprietà aggiuntive.
- $T.nil$ = nodo speciale **sentinella** che sostituisce i puntatori a NIL. Il suo colore è sempre BLACK.
- $x.color$ = attributo di ogni nodo che può essere RED o BLACK.
- $bh(x)$ = **altezza nera** del nodo, ovvero il numero di nodi neri in ogni cammino da x (escluso) a $T.nil$ (incluso).

Proprietà RB

- Ogni nodo è **rosso o nero**.
- La **radice è nera** ($T.root.color = BLACK$).
- Ogni foglia (il nodo sentinella $T.nil$) è **nera**.
- Se un nodo è rosso, allora entrambi i suoi **figli sono neri**.
- Per ogni nodo, tutti i cammini semplici da quel nodo alle foglie discendenti contengono lo **stesso numero di nodi neri**.

7.6 Grafi

8 Algoritmi BST GST RBT

8.1 Algoritmi di Attraversamento

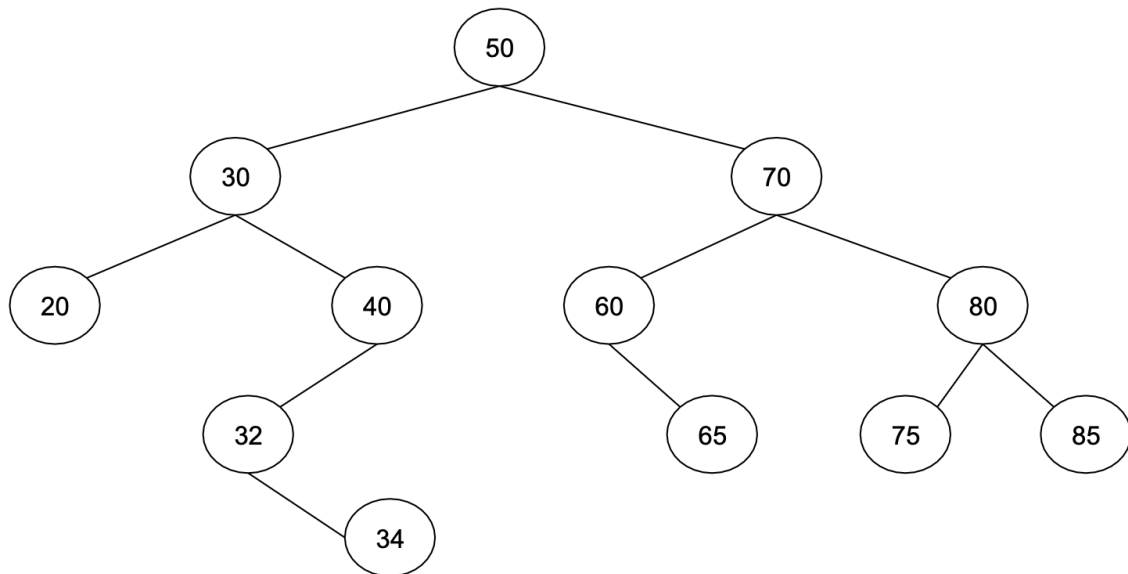


Figura 2: BST di esempio utilizzato per le operazioni.

- **Attraversamento In-Ordine (In-order Traversal)**, complessità: $\Theta(n)$
 - **Descrizione:** Questo algoritmo visita un albero binario di ricerca (BST) processando prima il sottoalbero sinistro, poi la radice e infine il sottoalbero destro. Il risultato è la stampa delle chiavi dei nodi in ordine non decrescente.
 - **Esempio:** Dato l'albero in Figura 2, la sequenza di output è:
20, 30, 32, 34, 40, 50, 60, 65, 70, 75, 80, 85
- **Attraversamento Pre-Ordine (Pre-order Traversal)**, complessità: $\Theta(n)$
 - **Descrizione:** L'attraversamento anticipato (o pre-ordine) visita prima la radice, poi ricorsivamente il sottoalbero sinistro e infine ricorsivamente il sottoalbero destro.
 - **Esempio:** Utilizzando lo stesso albero, l'output è:
50, 30, 20, 40, 32, 34, 70, 60, 65, 80, 75, 85
- **Attraversamento Post-Ordine (Post-order Traversal)**, complessità: $\Theta(n)$
 - **Descrizione:** L'attraversamento posticipato (o post-ordine) visita ricorsivamente prima il sottoalbero sinistro, poi il sottoalbero destro e infine la radice.
 - **Esempio:** Per lo stesso albero, la sequenza di output generata è:
20, 34, 32, 40, 30, 65, 60, 75, 85, 80, 70, 50
- **Attraversamento per Livelli (Level-order Traversal)**, complessità: $\Theta(n)$
 - **Descrizione:** Questo algoritmo visita i nodi dell'albero livello per livello, da sinistra a destra, partendo dalla radice. Si avvale di una coda: la radice viene inserita in coda, e poi, in un ciclo, il nodo in testa viene rimosso, la sua chiave stampata e i suoi figli (se esistenti) vengono aggiunti alla coda.
 - **Esempio:** Per l'albero di riferimento, l'output è: 50, 30, 70, 20, 40, 60, 80, 32, 65, 75, 85, 34.

8.2 Operazioni su Insiemi Dinamici (Dynamic Set Operations)

Le operazioni su insiemi dinamici per un BST hanno una complessità temporale proporzionale all'altezza dell'albero, h .

- **Ricerca (Search)**, complessità: $\Theta(h)$

- **Descrizione:** L'algoritmo 'BST-SEARCH(T, k)' cerca un nodo con chiave 'k'. Partendo dalla radice, confronta 'k' con la chiave del nodo corrente. Se 'k' è minore, prosegue nel sottoalbero sinistro; se è maggiore, prosegue in quello destro, fino a trovare il nodo o un puntatore 'NIL'.
- **Esempio:** La ricerca di 65 ('BST-SEARCH(T, 65)') esamina la sequenza di nodi: 50, 70, 60, e infine 65.
- **Minimo e Massimo (Minimum & Maximum)**, complessità: $\Theta(h)$
 - **Descrizione:** 'BST-MINIMUM' trova il nodo con la chiave più piccola seguendo ricorsivamente i puntatori al figlio sinistro fino a che non si trova un puntatore 'NIL'. Analogamente, 'BST-MAXIMUM' segue i puntatori al figlio destro per trovare la chiave massima.
 - **Esempio:** 'BST-MINIMUM(T)' restituisce il nodo con chiave 20, mentre 'BST-MAXIMUM(T)' restituisce il nodo con chiave 85.
- **Successore (Successor)**, complessità: $\Theta(h)$
 - **Descrizione:** 'BST-SUCCESSOR(x)' trova il nodo con la chiave più piccola che sia maggiore della chiave del nodo 'x'. Se il nodo 'x' ha un sottoalbero destro, il successore è il minimo di tale sottoalbero. Altrimenti, è il più basso antenato di 'x' di cui 'x' è discendente nel sottoalbero sinistro.
 - **Esempio:** Il successore del nodo con chiave 40 è il nodo con chiave 50.
- **Inserimento (Insert)**, complessità: $\Theta(h)$
 - **Descrizione:** 'BST-INSERT(T, z)' inserisce un nuovo nodo 'z' mantenendo la proprietà del BST. L'algoritmo cerca la posizione corretta come in 'BST-SEARCH' e, una volta trovato un puntatore 'NIL', inserisce 'z' come nuova foglia in quella posizione.
 - **Esempio:** Per inserire un nodo con chiave 31, l'algoritmo lo posiziona come figlio sinistro del nodo con chiave 32.
- **Cancellazione (Delete)**, complessità: $\Theta(h)$
 - **Descrizione:** 'BST-DELETE(T, z)' rimuove il nodo 'z'. L'operazione considera tre casi: se 'z' è una foglia, viene rimosso; se ha un solo figlio, viene sostituito da esso; se ha due figli, la sua chiave viene sostituita da quella del suo successore, e il nodo successore viene rimosso (quest'ultimo ricade in uno dei primi due casi).
 - **Esempio:** Per cancellare il nodo con chiave 70 (che ha due figli), la sua chiave viene sostituita da quella del suo successore (75). Il nodo originale contenente 75 viene poi rimosso dalla sua posizione.

9 Progetta Strutture Dati

9.0.1 Complessità Vettori (Array)

	Non Ordinato	Ordinato
SEARCH (A, x)	$\Theta(n)$	$\Theta(\log n)$
INSERT (A, x)	$\Theta(1)^*$	$\Theta(n)$
DELETE (A, x)	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$
SUCCESSOR (A, x)	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$
PREDECESSOR (A, x)	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$
MINIMUM (A)	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$
MAXIMUM (A)	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$

* L'inserimento in un vettore non ordinato ha complessità $\Theta(1)$ solo se avviene in coda (append). Se l'inserimento avviene in una posizione specifica, la complessità è $\Theta(n)$ a causa della necessità di spostare gli elementi successivi.

9.0.2 Complessità Matrici

	Non Ordinata	Ordinata**
SEARCH (M, x)	$\Theta(n \cdot m)$	$\Theta(n + m)$
ACCESS (M, i, j)	$\Theta(1)$	$\Theta(1)$

** Per matrice ordinata si intende una matrice $n \times m$ in cui gli elementi sono in ordine crescente lungo ogni riga e lungo ogni colonna. L'algoritmo di ricerca con complessità $\Theta(n + m)$ parte da un angolo (es. in alto a destra) e ad ogni passo elimina una riga o una colonna. Questo approccio è valido anche per matrici con ordinamento misto (crescente sulle righe, decrescente sulle colonne).

9.0.3 Complessità Liste Concatenate

	Unsorted, Singly linked	Sorted, Singly linked	Unsorted, Doubly linked	Sorted, Doubly linked
SEARCH (L, k)	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$
INSERT (L, x)	$\Theta(1)$	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$	$\Theta(n)$
DELETE (L, x)	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$	$\Theta(1)$
SUCCESSOR (L, x)	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$
PREDECESSOR (L, x)	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$
MAXIMUM (L)	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$
MINIMUM (L)	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$

9.0.4 Complessità Tabelle Hash

Operazione	Complessità (caso medio)
SEARCH (T, k)	$\Theta(1 + \alpha)$
INSERT (T, x)	$\Theta(1 + \alpha)$
DELETE (T, x)	$\Theta(1 + \alpha)$

La complessità media delle operazioni in una tabella hash dipende dal fattore di carico $\alpha = n/m$ (elementi/slot). I valori indicati si riferiscono a una tabella con risoluzione delle collisioni tramite concatenamento. Per l'inserimento e la cancellazione in liste non ordinate, la complessità può essere $\Theta(1)$. Nel caso peggiore, tutte le operazioni possono degradare a $\Theta(n)$.

9.0.5 Complessità Alberi Binari di Ricerca (BST)

Operazione	Complessità
SEARCH (T, k)	$\Theta(h)$
INSERT (T, z)	$\Theta(h)$
DELETE (T, z)	$\Theta(h)$
MINIMUM (T)	$\Theta(h)$
MAXIMUM (T)	$\Theta(h)$
SUCCESSOR (T, x)	$\Theta(h)$
PREDECESSOR (T, x)	$\Theta(h)$

La complessità delle operazioni su un Albero Binario di Ricerca (BST) dipende dall'altezza h dell'albero. Nel caso peggiore (albero sbilanciato, simile a una catena lineare), $h = \Theta(n)$. Se l'albero è bilanciato, $h = \Theta(\log n)$.