Programação 2 _ T08

Filas de Prioridade. Heaps.

Ana Paula Rocha Luis Teixeira MIEEC 2017/2018

FILA DE PRIORIDADE

Fila

É uma estrutura de dados linear, do tipo FIFO (First-In-First-Out), que capta a noção de ordem de chegada.

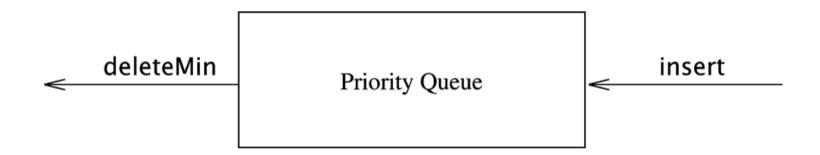
No processamento de tarefas, além da **ordem de chegada** é típico atender à **prioridade**.

Fila de Prioridade

Elementos na fila têm um número indicativo da sua prioridade:

- elementos podem ser inseridos em qualquer ordem
- mas são apenas removidos de acordo com a sua **prioridade**

FILA DE PRIORIDADE



O elemento de **máxima prioridade** está sempre à frente na fila e é sempre o **primeiro a ser removido**.

O elemento de **máxima prioridade** é o **elemento mínimo** (ou o **máximo**, dependendo da implementação)

APLICAÇÕES DE FILAS DE PRIORIDADE

Processamento de tarefas nos sistemas operativos

Simulação baseada em eventos

Fila de impressão

Ordenação (Heapsort)

etc.

O CONCEITO DE PRIORIDADE

Considerando o seguinte mapa de exames (fictício) como organizaria o seu estudo para os exames?

Unidade Curricular	Data do exame	Prioridade
Programação 2	6 Junho	2
Análise Matemática	26 Junho	4
Circuitos	31 Maio	1
Física	12 Junho	3

A prioridade é estabelecida com base nas datas dos exames.

É necessário comparar todas as datas para estabelecer a prioridade.

IMPLEMENTAÇÕES DA FILA DE PRIORIDADE

A implementação deve considerar o custo das operações fundamentais da fila de prioridade: **inserir** novos elementos e **remover** o elemento mínimo.

Lista ligada não ordenada

inserção na cabeça da lista: O(1)

remover o mínimo: O(N)

Lista ligada ordenada

inserção: O(N)

remover o mínimo: O(1)

Árvore binária de pesquisa

Caso médio para ambas as operações: O(log N)

HEAP BINÁRIO

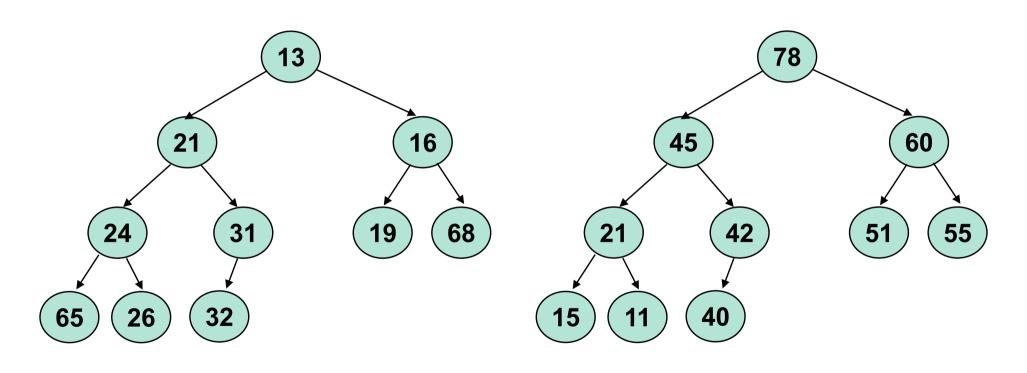
O heap binário é uma estrutura de dados que apresenta as seguintes duas propriedades fundamentais:

- Estrutura: corresponde a uma árvore binária completa (representação implícita em vetor)
- 2. Ordem: dado um nó X com o pai P na árvore, a chave de P é menor ou igual à chave de X (no caso da min-heap; maior ou igual no caso da max-heap)

Conveniente para implementar a fila de prioridade

- Pode ser suportado num vetor
- Inserir e remover o mínimo (máximo na max-heap): O(log N) no pior caso
- Inserir: tempo médio constante; encontrar o mínimo: tempo constante no pior caso

MIN-HEAP E MAX-HEAP



Min-heap Max-heap

HEAP BINÁRIO

Implementado como uma árvore binária com duas propriedades adicionais: uma propriedade estrutural e uma propriedade de ordem

Propriedade estrutural:

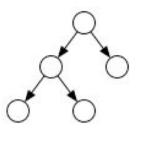
- todos os níveis da árvore estão preenchidos exceto o último
- o último nível é preenchido da esquerda para a direita
- árvore binária completa

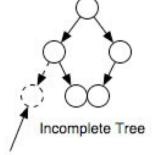
Propriedade de ordem (min-heap):

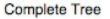
- para todos os nós X (excepto a raíz) o pai de X é menor ou igual a X
- o menor elemento está sempre na raíz da árvore
- à semelhança das árvores AVL as operações de inserção e remoção podem requerer pós-processamento para manter as propriedades de heap

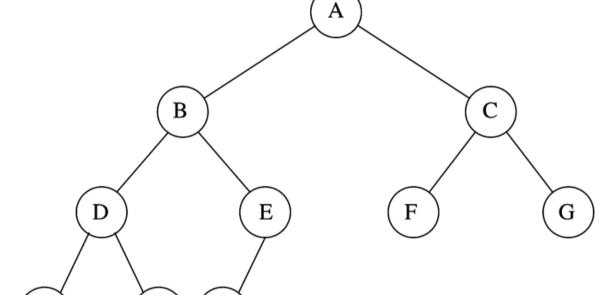
ÁRVORE BINÁRIA COMPLETA

Η



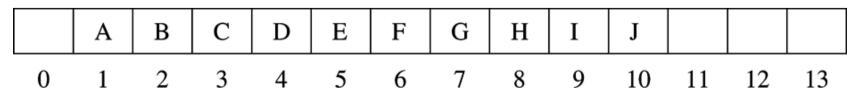




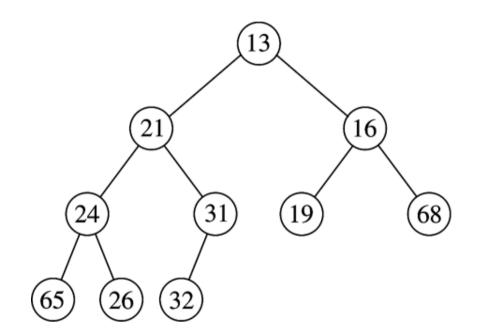


Missing Node Here

Implementação da árvore binária completa baseada em vetor:

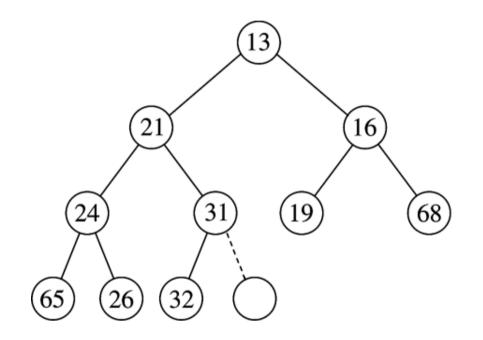


IMPLEMENTAÇÃO DE HEAP BINÁRIO



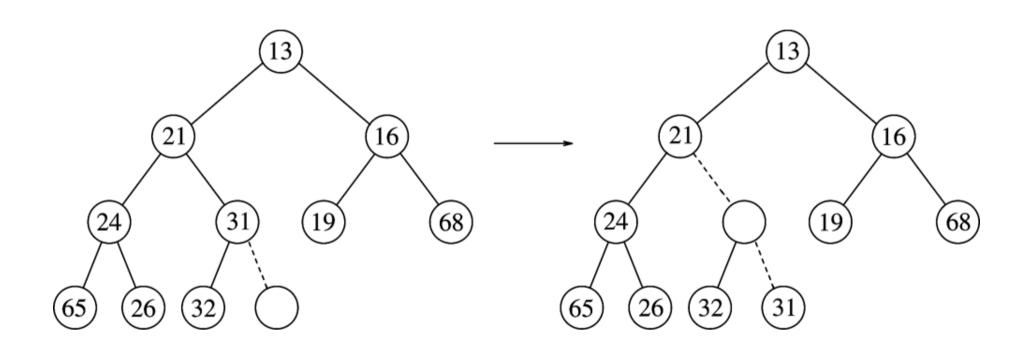
Pretende-se inserir o elemento 14 neste heap.

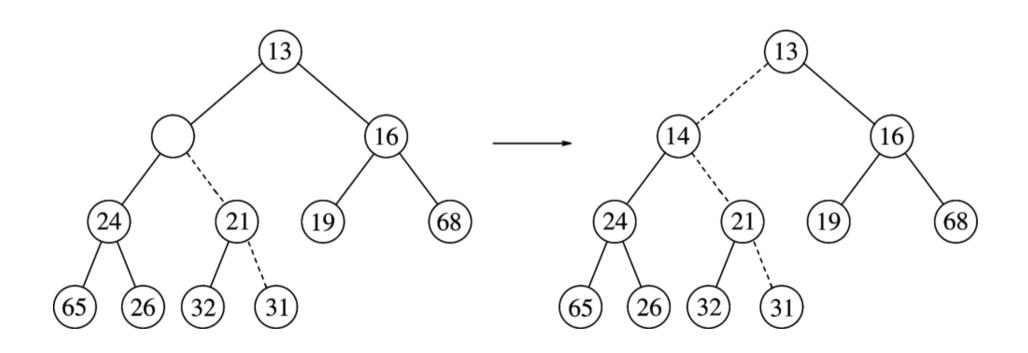
Onde será inserido o elemento, tendo em conta as propriedades de **estrutura** e de **ordem**?



Tenta-se inserir o 14 na heap atendendo à propriedade estrutural.

Depois, com base na propriedade de ordem vai-se trocando a posição do elemento 14 com a do nó pai até se encontrar a posição correcta.

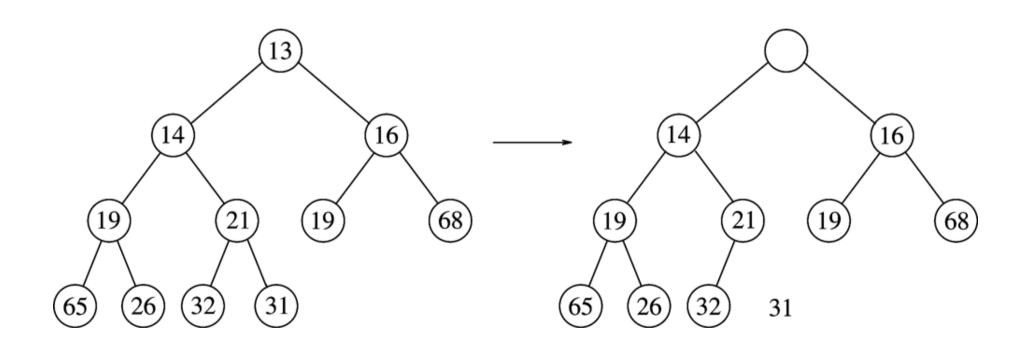




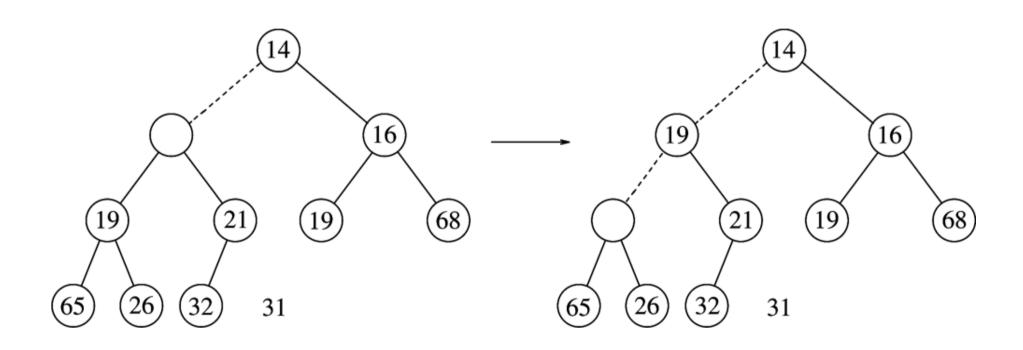
IMPLEMENTAÇÃO DE HEAP BINÁRIO

```
void Insert(ElementType X, PriorityQueue H) {
int i;
if (IsFull(H)) {
    printf("Priority queue is full");
    return;
H->Size++;
for (i = H->Size; i > 1 && H->Elements[ i / 2 ] > X; i /= 2)
    H->Elements[ i ] = H->Elements[ i / 2 ];
H->Elements[ i ] = X;
```

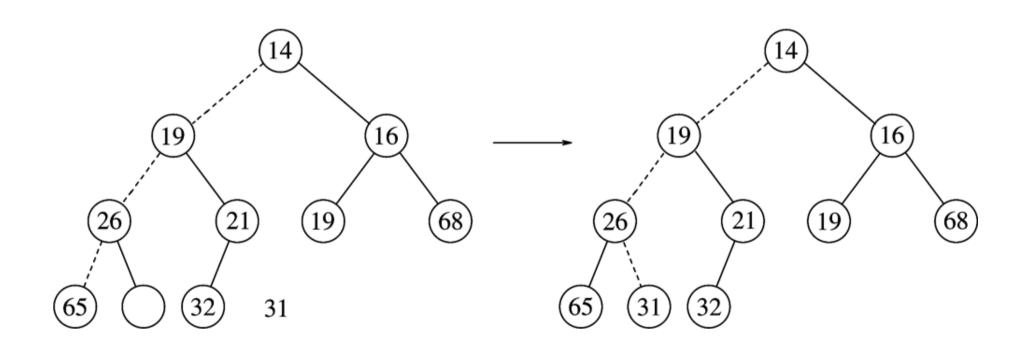
EXEMPLO DE REMOÇÃO DO MÍNIMO



EXEMPLO DE REMOÇÃO DO MÍNIMO



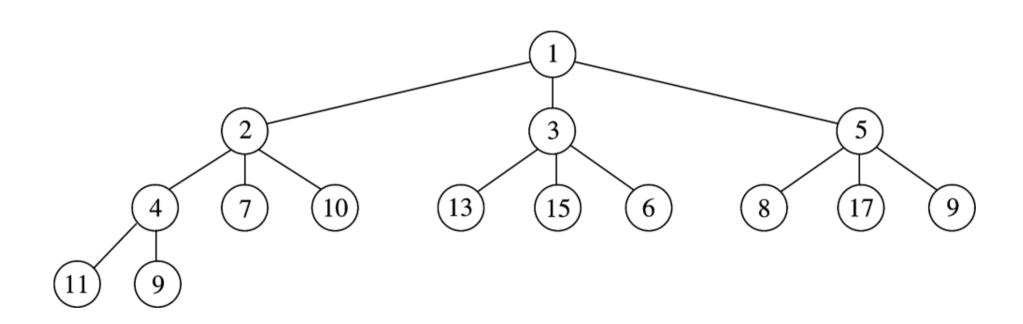
EXEMPLO DE REMOÇÃO DO MÍNIMO



IMPLEMENTAÇÃO DE HEAP BINÁRIO

Pensar implementação da remoção do mínimo para o trabalho 2

D-HEAP



AVISOS

Sessão de estudo assistido

- Todas as sextas-feiras entre as 14h00 e as 16h00 na sala B202
- Quarta sessão: 6/Abril

Trabalho n° 2

Entrega até às 21:00 do dia 16/Abril