

Bitcoin : crypto-monnaie décentralisée ouverte et libre

Mathématiques, algorithmes et méthode de confiance



David Tsang Hin Sun
tsang@univ-tlse3.fr
UPS/DSI/ Ingénieur informaticien

Sommaire

- Qu'est ce que le bitcoin ?: une crypto devise virtuelle , un protocole, un réseau , une technologie ouverte et libre.
- Comment ça marche: une démonstration (wallet / adresse bitcoin)
- Les outils mathématiques :
 - Clés privées/ clés publiques [Courbes elliptiques+Corps fini (ou de Galois)]
 - Le blockchain : un livre de compte ouvert et décentralisé
(consensus + règles mathématiques = la vraie invention du bitcoin)
 - Minage / Proof of work (pb des Généraux Byzantins)
- Quelques graphiques (cours du bitcoin, puissance de calcul)
- Les alt-coins : késako ?
- Comment se procurer des bitcoins ?
- Le bitcoin se démocratise: Dell, expedia, Microsoft, Wikipedia ...
- M-PESA → Bit-Pesa: le Kenya laboratoire du futur !
- Questions ?
- Références

Bitcoin, bitcoin

Une invention, une technologie : une monnaie numérique, un réseau, un protocole, un logiciel libre.

PC : Personal Computer



INTERNET

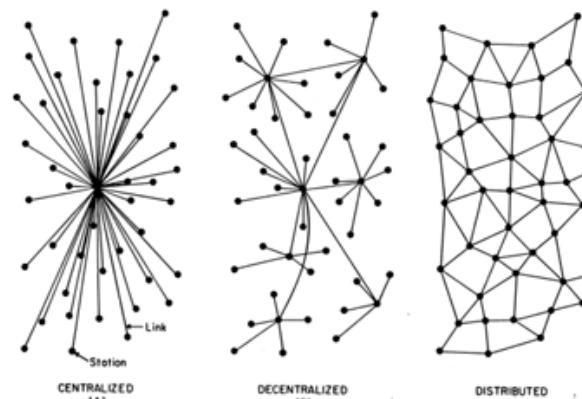


FIG. I – Centralized, Decentralized and Distributed Networks

Network Routing Configurations. (1964) Source: Introduction to Distributed Communications Networks, Paul Baran

Logiciels libres



BITCOIN



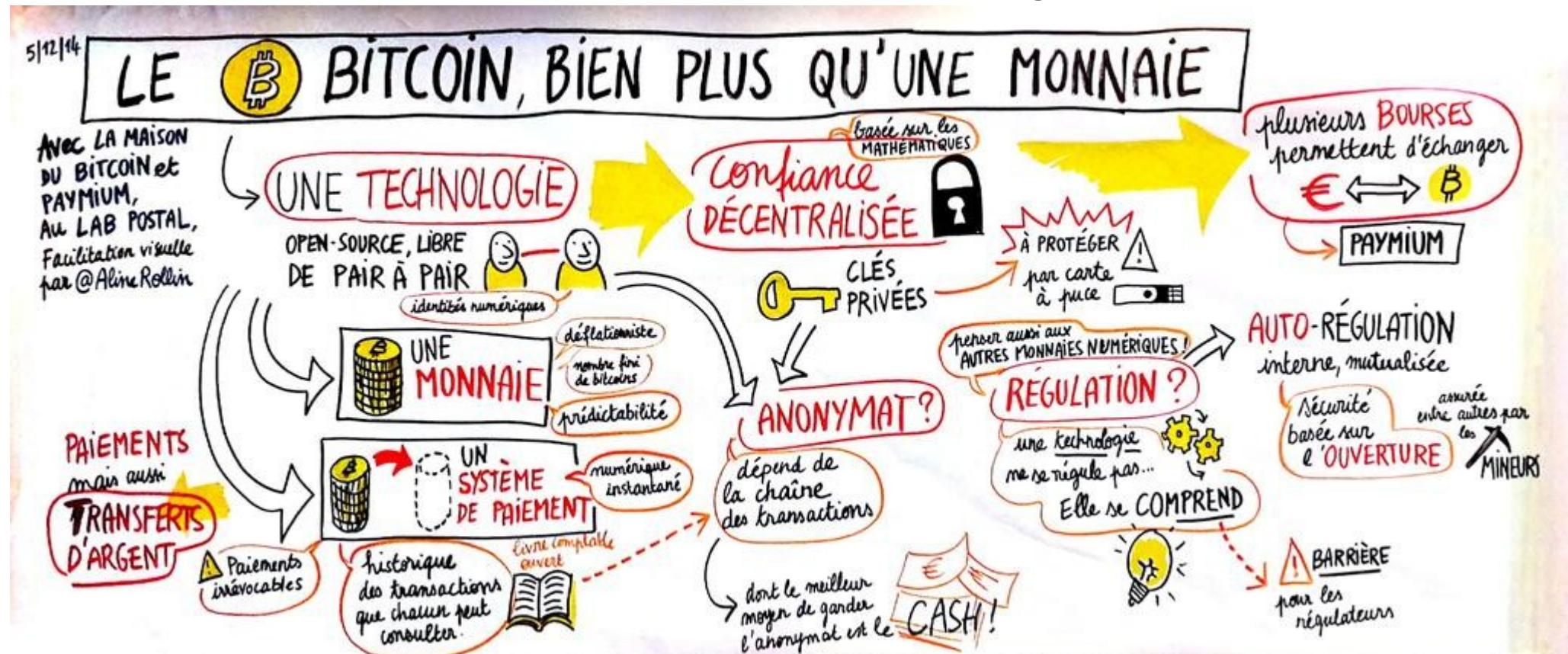
Le bitcoin , bien plus qu'une crypto devise virtuelle : un protocole, un réseau , une technologie ouverte , neutre et libre.

Bitcoin, bitcoin

Une invention, une technologie : une monnaie numérique, un réseau, un protocole, un logiciel libre.

La monnaie : Unité de compte + Réserve de Valeur + Instrument d'échange

Mais le bitcoin est bien plus qu'une monnaie: c'est avant tout un réseau, un protocole, une technologie disruptive , ouverte, libre, neutre , basée sur une confiance décentralisée, orchestrée par les règles mathématiques.



Bitcoin, bitcoin

Les origines

Le 1er novembre 2008, en pleine crise financière mondiale , un inconnu « Satoshi Nakamoto » poste un message sur une liste de diffusion de cryptographie :

Bitcoin: A Peer-to-Peer Electronic Cash System

- Le 3 janvier 2009, « genesis block » la création ou minage des 50 premiers bitcoins par « Satoshi Nakamoto »

cf <http://blockexplorer.com/b/0>

- Le 9 janvier 2009, Message posté par « Satoshi Nakamoto » sur mailing liste crypto :

Logiciel libre « Bitcoin v0.1 released »

<http://downloads.sourceforge.net/bitcoin/bitcoin-0.1.0.rar>

Ref:

<http://www.bitcoin.org/bitcoin.pdf>

<http://satoshi.nakamotoinstitute.org/>

Bitcoin, bitcoin

Les origines ?: l'identité de « Satoshi Nakamoto » reste inconnue



PHOTO: DAMIEN DO

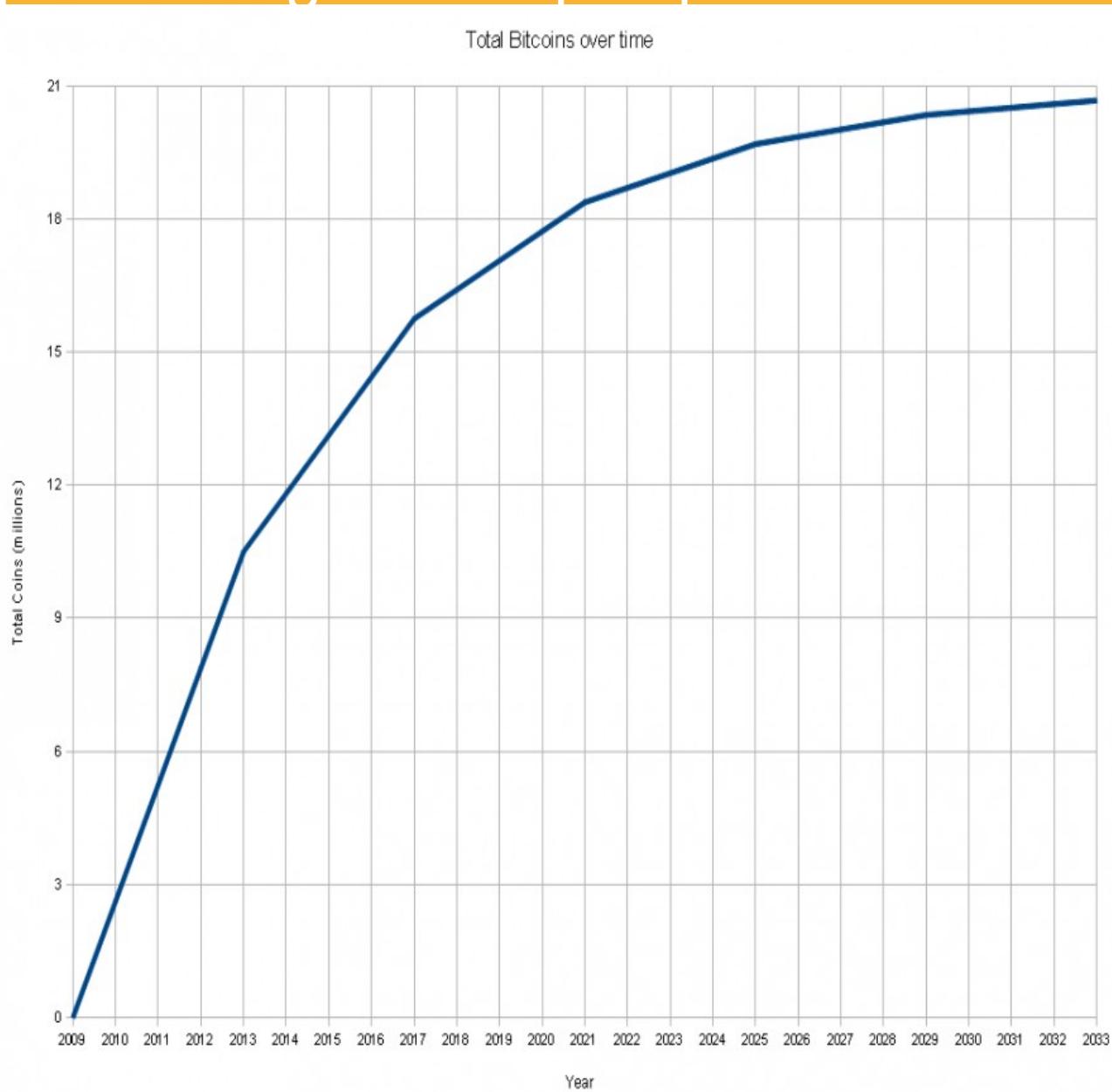
Not Me !
Dorian S Nakamoto (CA, USA)



Source:<http://techcrunch.com/2014/03/06/satoshi-dorian/>

Bitcoin, bitcoin

Les origines et quelques données



- 1 bitcoin = 10^8 satoshis
- 1 satoshi = 0.00000001 bitcoins
- Quantité limitée de bitcoin :
21 millions de bitcoins au maximum d'ici 2140.

- au 05/02/2015 :

- $\sim 13\ 802\ 500$ bitcoins générés
1 Bitcoin ~ 228 USD

**Network Hashrate (Pflops):
3840492.75**

256 fois plus rapide que l'ensemble du top 500 des super ordinateurs (Forbes 2013 cf Références)

Bitcoin, bitcoin

Un réseau p2p : <https://getaddr.bitnodes.io/>

BITNODES

Bitnodes is currently being developed to estimate the size of the Bitcoin network by finding all the reachable nodes in the network.

GLOBAL BITCOIN NODES DISTRIBUTION

Reachable nodes as of Sat Jan 24 2015 10:53:45
GMT+0100 (CET).

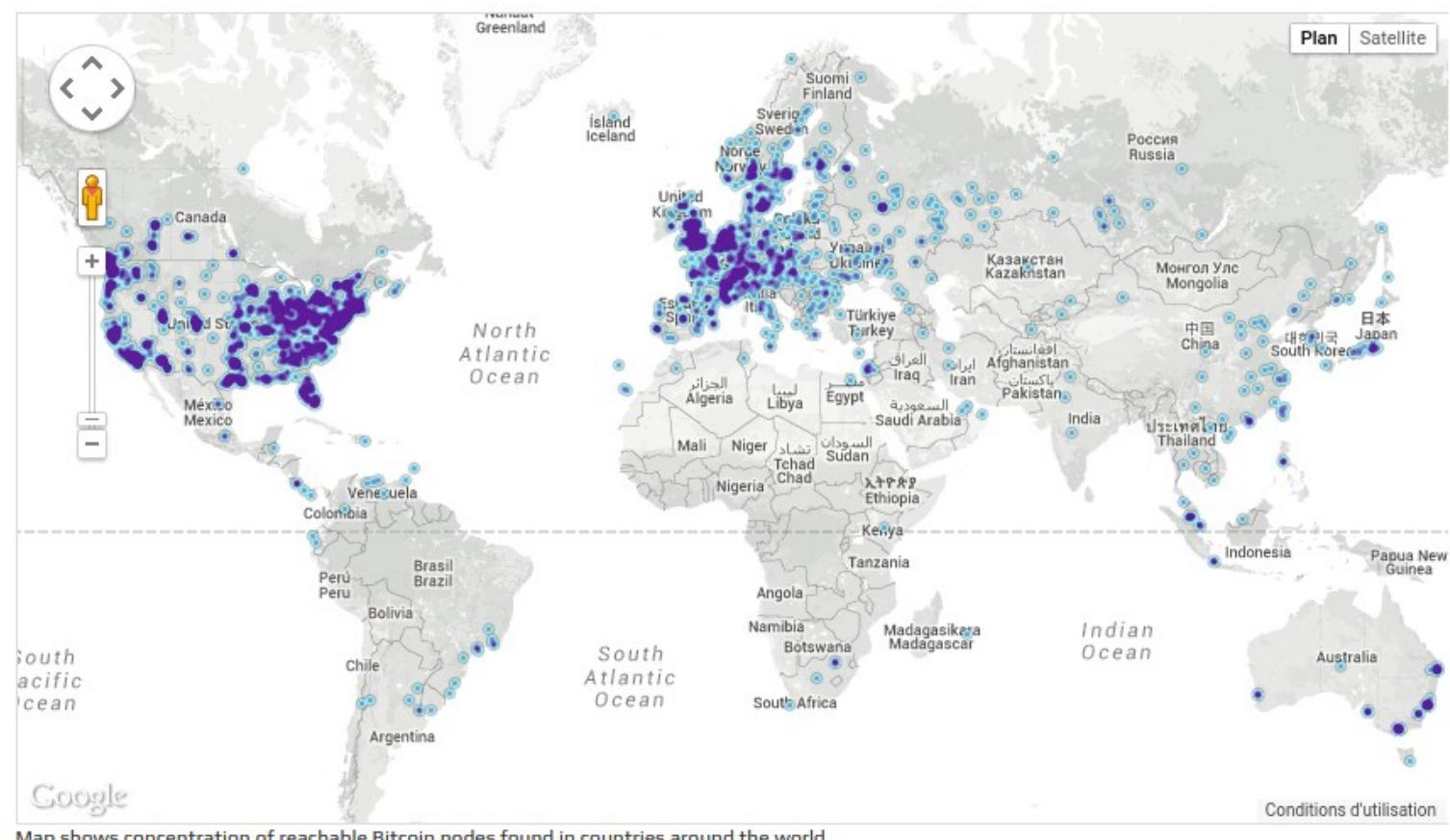
6548 nodes

[24-hour charts »](#)

Top 10 countries with their respective number of reachable nodes are as follow.

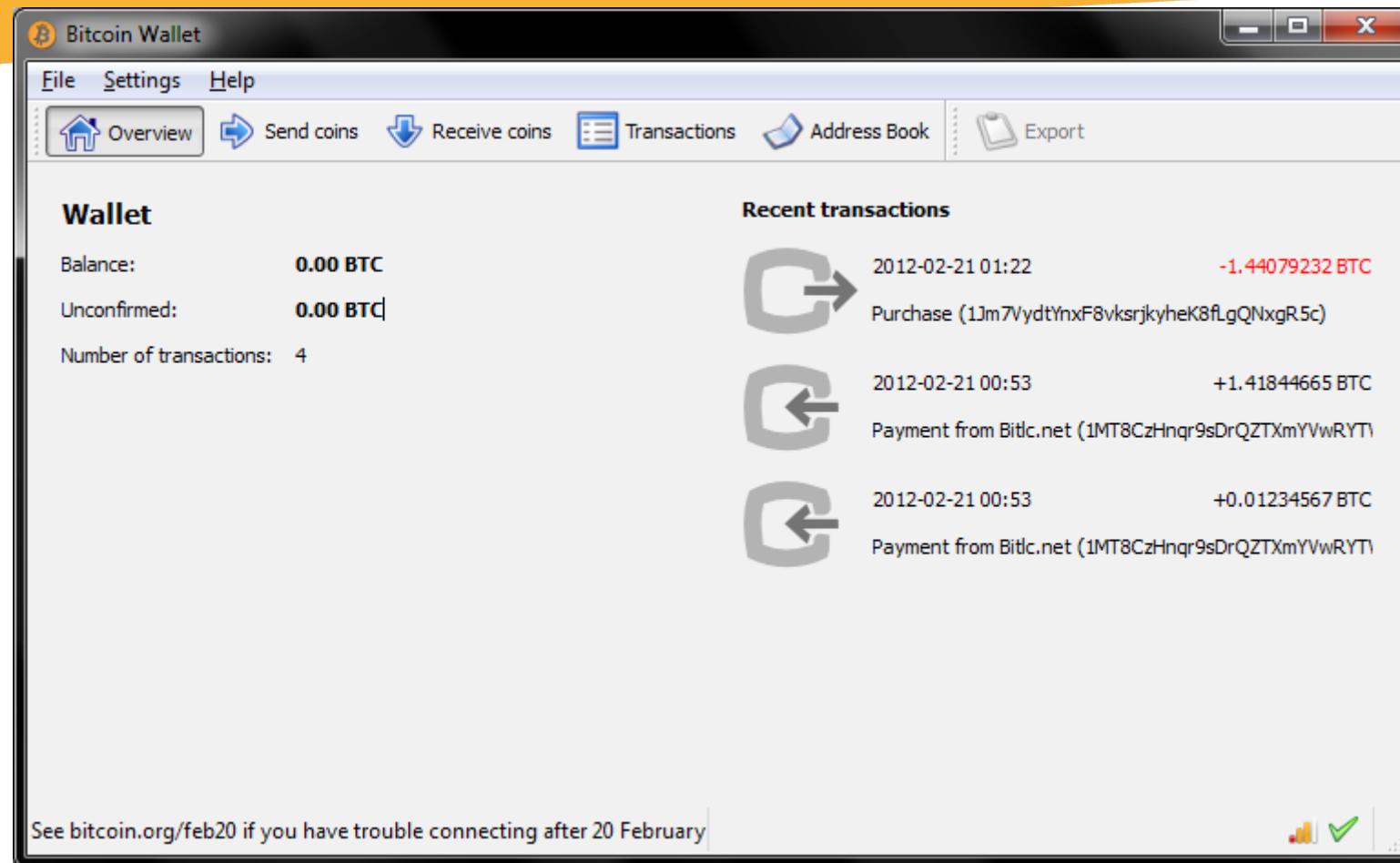
RANK	COUNTRY	NODES
1	United States	2500 (38.18%)
2	Germany	568 (8.67%)
3	France	428 (6.54%)
4	United Kingdom	371 (5.67%)
5	Canada	343 (5.24%)
6	Netherlands	291 (4.44%)
7	Russian Federation	276 (4.22%)
8	China	160 (2.44%)
9	Australia	130 (1.99%)
10	Sweden	123 (1.88%)

[More \(87\) »](#)



Bitcoin, bitcoin

Un logiciel libre , un protocole



<https://github.com/bitcoin/bitcoin>

Bitcoin, bitcoin

Comment ça marche ? : démonstration

Bitcoin « email of money »



toto@mail.com

tata@mail.fr

The Internet



14UwLL9Risc3QfPqBUvKofHmBQ7wMtjvM

35uEbMgunupShBVTewXjtqbBv5MndwfXhb

Bitcoin, bitcoin

Comment ça marche ? : il faut un logiciel ou wallet (portefeuille)

Choisir votre portefeuille Bitcoin

Trouvez votre portefeuille et échangez des paiements entre commerces et utilisateurs.

Mobile Bureau Matériel Web



Un portefeuille ou wallet, **ne contient pas de bitcoin** (les transactions sont disponibles dans la blockchain). Il **contient uniquement les clés privée et publique correspondantes à l'adresse bitcoin**.

Le terme « porte clés » serait donc plus juste que « portefeuille » !

Adresse(publique) bitcoin de 34 caractères (commencent par 1 ou 3 = multisignature) :

14UwLL9Risc3QfPqBUvKofHmBQ7wMtjvM

Bitcoin, bitcoin

Une innovation disruptive ?

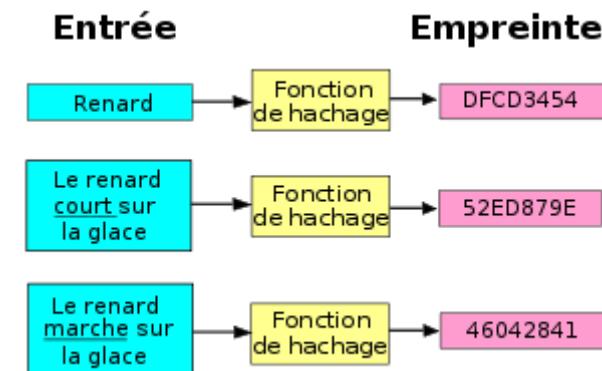
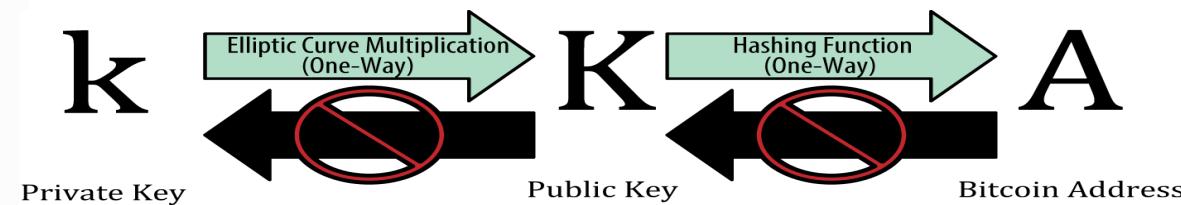
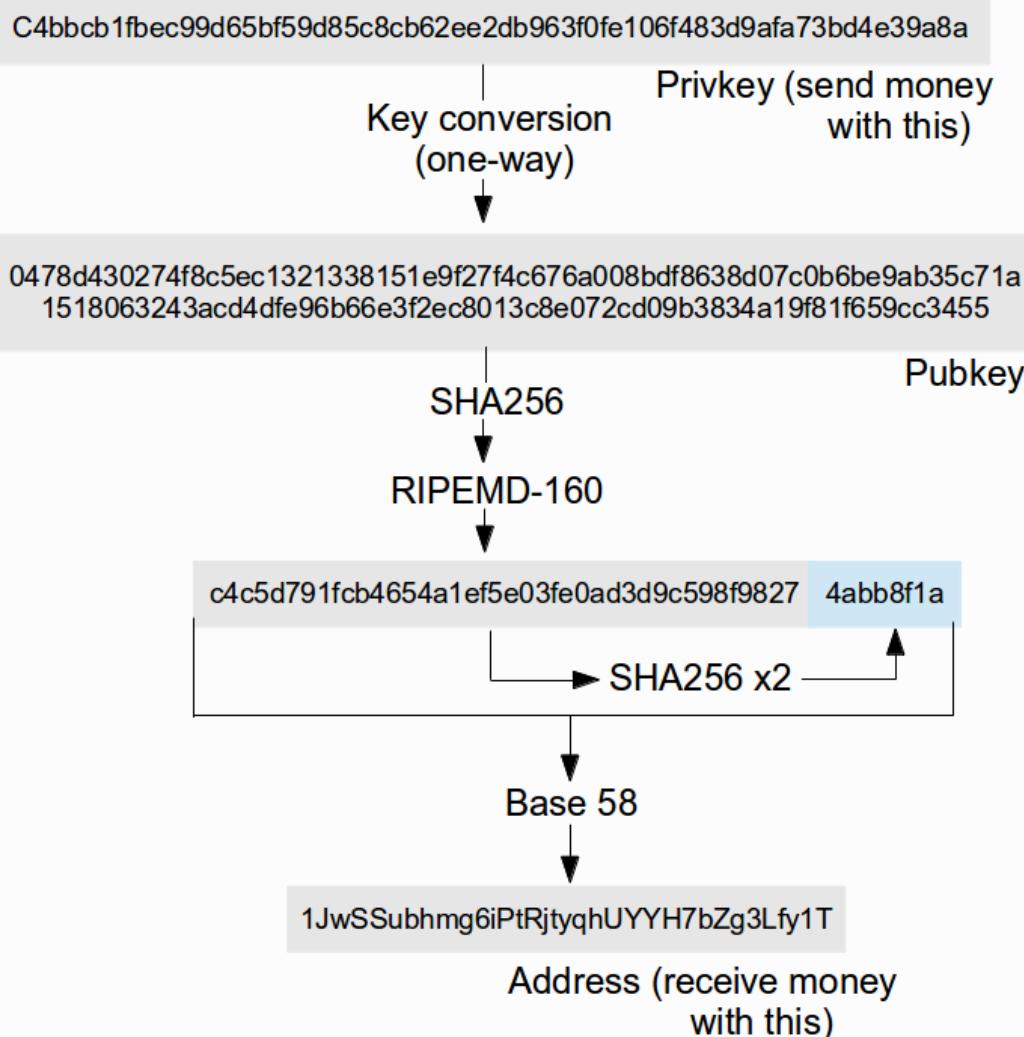
HALLMARKS OF DISRUPTIVE INNOVATORS

- Introduced by an “outsider”
- Less expensive than existing products
- Targeting underserved or new markets
- Initially inferior to existing products
- Advanced by an enabling technology

Bitcoin, bitcoin

Les outils mathématiques ?

- Clé privée/Clé publique, Adresse bitcoin , courbes elliptiques + corps fini (ou de galois) , secp256k1, sha256, ripemd-160



Ref:

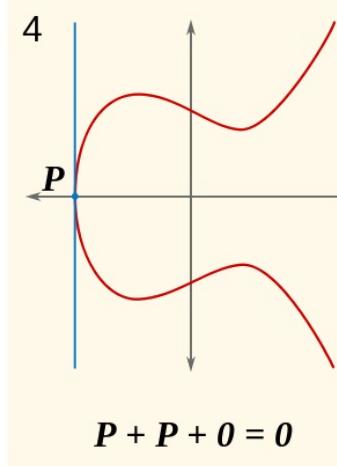
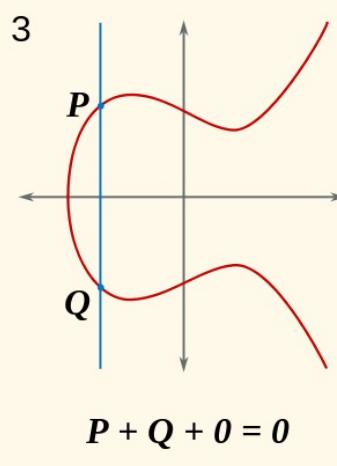
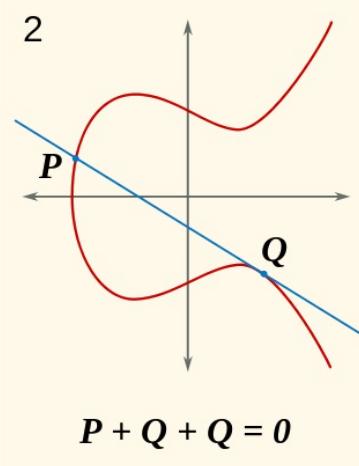
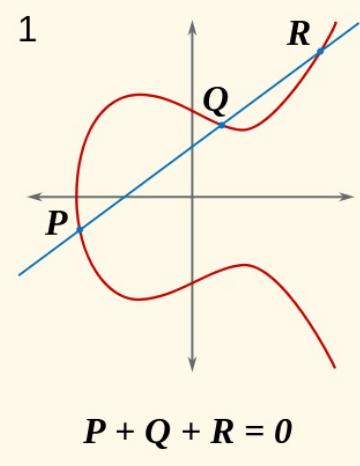
https://en.bitcoin.it/wiki/Technical_background_of_Bitcoin_addresses
<http://csrc.nist.gov/groups/STM/cavp/documents/shs/sha256-384-512.pdf>
http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch04.html#_introduction

Bitcoin, bitcoin

Mathématique appliquée, cryptographie: $y^2 = x^3 + ax + b$



- Clé privée/Clé publique, Adresse bitcoin , courbes elliptiques + corps fini (ou de galois) , secp256k1, sha256, ripemd-160



SECP256K1 (NIST) :

$$y^2 = x^3 + 7 \text{ over } (\mathbb{F}_p)$$

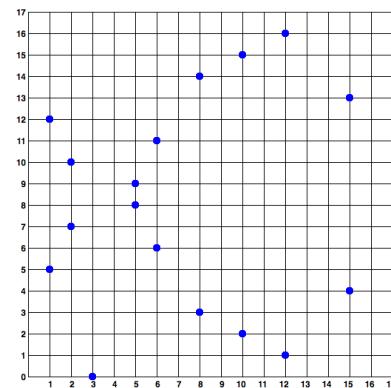
or

$$y^2 \bmod p = (x^3 + 7) \bmod p$$

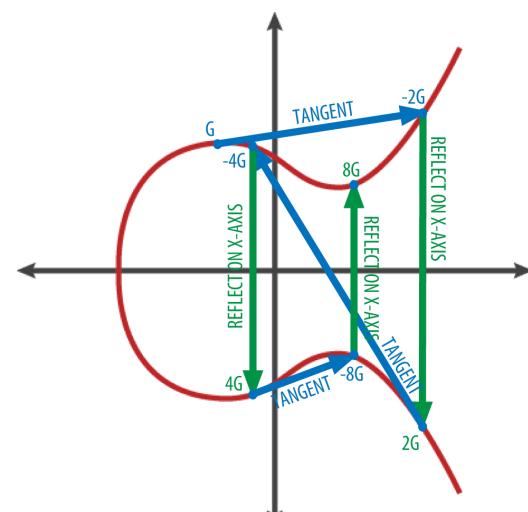
$$P = 2^{256} - 2^{32} - 2^9 - 2^8 - 2^7 - 2^6 - 2^4 - 1$$

Ref:

http://www.secg.org/collateral/sec2_final.pdf
<https://en.bitcoin.it/wiki/Secp256k1>



$$y^2 \bmod p = (x^3 + 7) \bmod p \\ (p=17)$$



$K = k * G$ (« multiplication » au sens « courbe elliptique »)

K = public key (point sur la courbe elliptique secp256k1)

G = generator point(point sur la courbe elliptique secp256k1)

The size of k = bitcoin's private key space, 2^{256} is an unfathomably large number. It is approximately 10^{77} in decimal. The visible universe is estimated to contain 10^{80} atoms.

Ref:

<http://www.coindesk.com/math-behind-bitcoin/>

http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch04.html#elliptic_curve

Bitcoin, bitcoin

Le blockchain : c'est la véritable invention du bitcoin !



Block Height 277316
Header Hash:
0000000000000001b6b9a13b095e96db
41c4a928b97ef2d944a9b31b2cc7bd4

Previous Block Header Hash:
00000000000002a7bbd25a417c0374
cc55261021e8a9ca74442b0128af0569
Timestamp: 2013-12-27 23:11:54
Difficulty: 1180923195.26
Nonce: 924591752
Merkle Root: c91c00826e50763e9f548bb8b2
fc32735f73577effc5502c1e84cc7f2e

Transactions

Block Height 277315
Header Hash:
00000000000002a7bbd25a417c0374
cc55261021e8a9ca74442b0128af0569

Previous Block Header Hash:
000000000000027e7ba6fe7bad39fa
f3b5a83daed765f05f7d1b71a1632249
Timestamp: 2013-12-27 22:57:18
Difficulty: 1180923195.26
Nonce: 4215469401
Merkle Root: 5e049f4030e0ab2deb92378f5
3d0a6e09548ae083f3ab25ef1d94ea1155e29d

Transactions

Block Height 277314
Header Hash:
000000000000027e7ba6fe7bad39fa
f3b5a83daed765f05f7d1b71a1632249

Previous Block Header Hash:
000000000000038388d97ccf2c1d
fe116c5e879330232f3bfff1c645920bdf
Timestamp: 2013-12-27 22:55:40
Difficulty: 1180923195.26
Nonce: 3797028665
Merkle Root: 02327049330a25d4d17e53e79f
478ccb79c53a509679b1d8a1505c5697afb326

C'est un registre ou livre de compte à double entrée, ouvert et public contenant tous les blocs (regroupant les transactions signées cryptographiquement).

Les blocs sont minés (validés) environ toutes les 10 minutes sur la base d'un consensus des nœuds du réseau décentralisé, consensus garanti par des algorithmes mathématiques !

Taille de la blockchain =~ 28Go au 5/2/2015



Vous pouvez consulter les transactions et blocs :
<https://blockchain.info/>
<http://blockexplorer.com/>

Luca Pacioli 1495 – Comptabilité à partie double
Ref :http://fr.wikipedia.org/wiki/Luca_Pacioli

Bitcoin, bitcoin

Le minage:

processus de validation des transactions et
processus de création des bitcoins

Le minage est le procédé par lequel les bitcoins sont mis en circulation.

Les mineurs effectuent avec leur **matériel informatique des calculs mathématiques (POW)** pour le réseau Bitcoin afin de **confirmer des transactions et augmenter leur sécurité**. Comme récompense pour leurs services, ils collectent les bitcoins nouvellement créés ainsi que les frais des transactions qu'ils confirment.

Les mineurs (ou les coopératives de mineurs) sont en concurrence et leurs revenus sont proportionnels au nombre de calculs effectués.

Un bloc contenant les transactions signées est miné (validé) environ tous **les 10 minutes, cette validation rapporte 25 bitcoins** (récompense divisée par 2 tous les 4 ans)

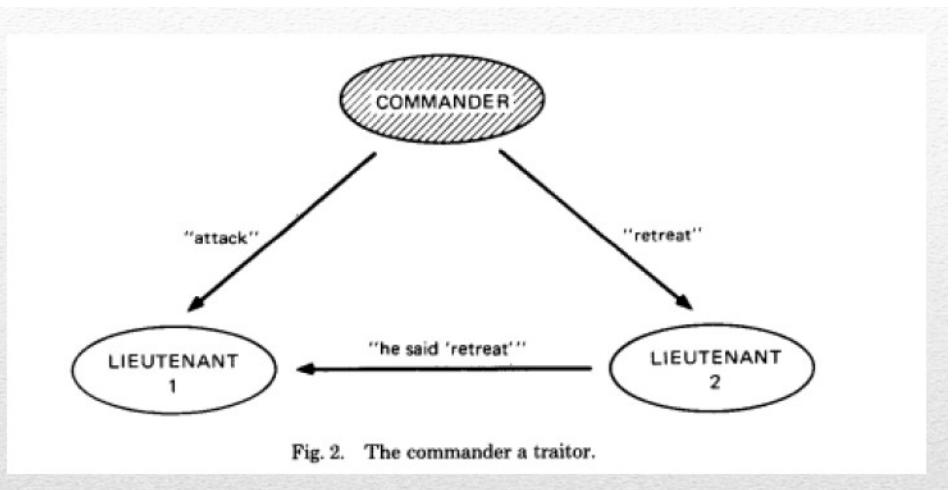
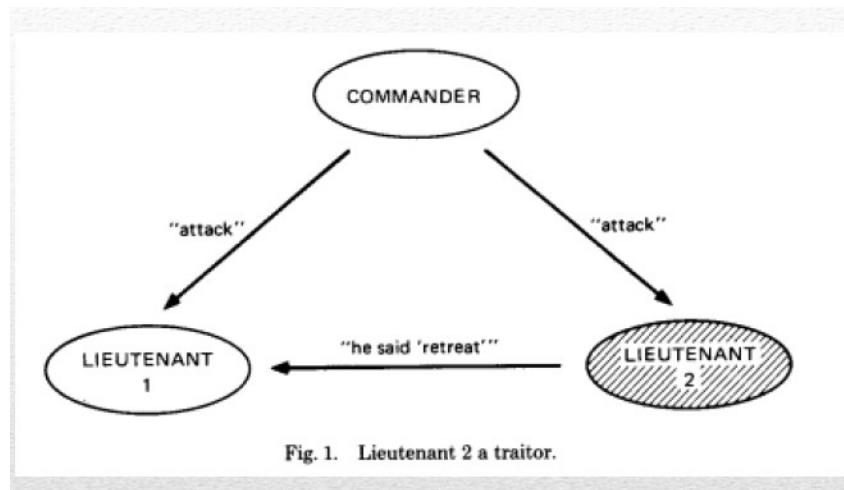


Bitcoin, bitcoin

Proof of Work (POW): solution originale au problème de consensus dans un système distribué (cf pb des généraux byzantins – Lamport 1982)

POW ou Proof of Work est la **solution originale** préconisée par **Satoshi Nakamoto** pour résoudre le problème de consensus dans le réseau distribué de minage (**Pb des généraux Byzantins** – étude de tolérance à la panne de systèmes distribués).

Cela consiste à **résoudre** environ toutes les **10 minutes** un **puzzle mathématique aléatoire** dont la **difficulté varie** en fonction de la **puissance de calcul du réseau Bitcoin** . La solution du puzzle est « **difficile à trouver ou à calculer** » , mais « **facile à vérifier** » !



Le POW fonctionne tant que 51 % des nœuds du réseau Bitcoin sont / restent honnêtes , fiables.

The byzantine generals problem(BGP)

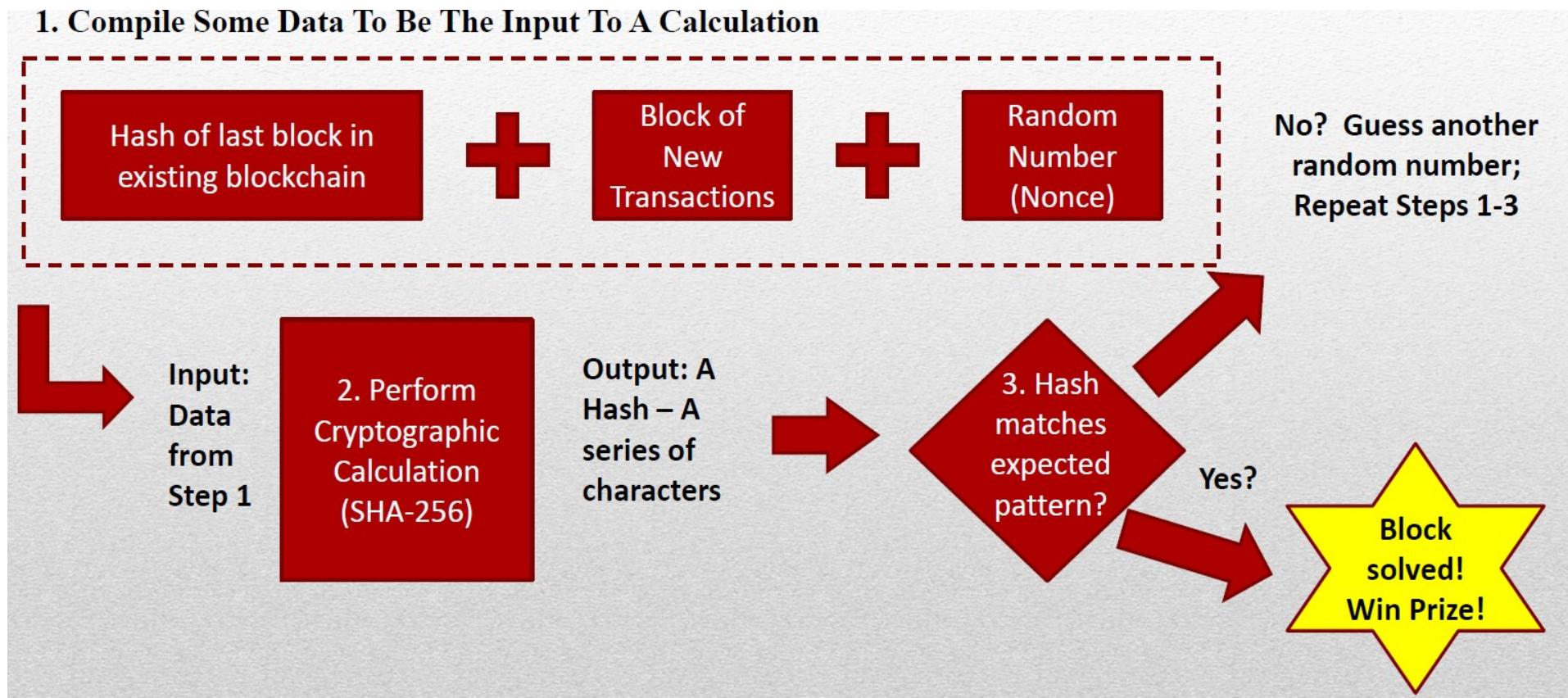
<http://research.microsoft.com/en-us/um/people/lamport/pubs/byz.pdf> (Leslie Lamport 1982)

Mastering Bitcoin: Mining & Consensus (Andreas Antonopoulos)

<http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch08.html>

Bitcoin, bitcoin

Proof of Work: solution au problème consensus dans un système distribué (pb des généraux byzantins)



The byzantine generals problem

<http://blockexplorer.com/block/000000000019d6689c085ae165831e934ff763ae46a2a6c172b3f1b60a8ce26f>

<http://research.microsoft.com/en-us/um/people/lamport/pubs/byz.pdf>

Mastering Bitcoin: Mining & Consensus (Andreas Antonopoulos)

<http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch08.html>

Bitcoin, bitcoin

Quelques graphiques : hashrate , difficulté, cours du bitcoin : <https://blockchain.info/fr/charts>



Prix du marché (USD)

Un graphique indiquant le prix du marché en USD (Source : Mt.Gox)



% du coût du volume des transactions

Un tableau indiquant les mineurs recettes en pourcentage du volume de transaction.



Coût par transaction

Un tableau indiquant les revenus des mineurs divisé par le nombre de transactions.



Taux de hash

L'estimation du nombre de gigahash par seconde (milliards de hash par seconde) que le réseau bitcoin atteint.



Difficulté

Un tableau montrant l'évolution de la difficulté au fil du temps. La difficulté est une mesure de combien il est difficile de trouver un nouveau bloc par rapport à la simple il ne pourra jamais l'être.



Revenu des mineurs

Graphique historique indiquant le nombre de bitcoins miné par jour + frais de transaction * prix du marché.



Temps moyen de confirmation d'une transaction

Le temps moyen que prennent les transactions pour être acceptées dans un bloc.

Graphiques, statistiques disponibles sur <https://blockchain.info/fr/charts>

Bitcoin, bitcoin

Les alt-coins: késako ?

Les altcoins sont des dérivés du bitcoin. La majorité sont des copies du code source bitcoin. Chaque altcoin rajoute des fonctionnalités ou modifie la recette de base du bitcoin.



Exemples d'altcoins (+de 700 altcoins):

Primecoin : (calcul de nombre premiers , chaîne de Cunningham) cf <http://primecoin.io/index.php>

Ripple : (principe du hawala à la sauve bitcoin)

Litecoin

<http://coincreator.net/> vous permet de créer votre propre monnaie alternative ou altcoin.

Mais la technologie du blockchain permet beaucoup d'autres usages que celui de la monnaie :

Ethereum : généralisation du bitcoin au « smart contract » et « Apps »

[bitcoin ~ smtp / ethereum ~ http]

Storj : stockage distribué de type cloud basé sur la technologie blockchain (proof of ressource)

MaidSafe : internet distribué basé sur la technologie blockchain (proof of ressource)

Swarm : plateforme de crowdfunding basée sur la technologie de blockchain et de multisignature

Bitcoin, bitcoin

Comment se procurer des bitcoins ?

- 1) Vendre des gâteaux ou autres spécialités/services pour des bitcoins !**
- 2) Demander à un ami de vous envoyer des bitcoins :-)**
- 3) www.localbitcoins.com (sorte de leboncoin du bitcoin)**
- 4) Place de marché (USD/EUR/BTC) :
kraken.com, coinbase.com , virwox.com, saffelo.com, paymium.com**
- 5) utiliser un distributeur de bitcoin à toulouse : mineoncloud 18 rue de Toul, 31000 Toulouse
<http://www.bitcoin.fr/post/Un-distributeur-de-bitcoins-%C3%A0-Toulouse>**
- 6) Miner (risqué et ultra compétitif)**



Bitcoin, bitcoin

Bitcoin se démocratise : Dell , Expedia, Wikipedia aux USA,

Dell now accepts bitcoin

Bitcoin payments welcome.
Through a partnership with Coinbase, Dell now accepts bitcoin payments for purchases made from Dell.com.

Share the News #DellBitcoin >

How to pay with bitcoin

- When you're ready to make a purchase, just add your items to your cart, fill out your shipping details and choose Bitcoin as your payment method. When you submit your order, you'll be taken to Coinbase.com to complete your purchase.
- From here, you can choose to pay directly from your bitcoin wallet by using the generated payment address or by scanning the QR code with your smartphone. Or, if you have a Coinbase account, you can log in and send payment directly.
- Once your payment has been processed, you'll be returned to Dell.com for order confirmation. It's as simple as that!



Premier Mooc sur les bitcoins par l'Université de Nicosie (par Andreas Antonopoulos : bitcoin guru)
<http://digitalcurrency.unic.ac.cy/free-introductory-mooc>

Le nombre de publications sur arxiv augmente chaque année :
<http://arxiv.org/find/all/1/all:+bitcoin/0/1/0/all/0/1>

Apparition de nouveaux services basés sur le blockchain :

Proofofexistence.com :

Service de propriété intellectuelle (sorte d'INPI basé sur le blockchain du bitcoin)

Certificat de mariage dans la blockchain :

<https://www.cryptocoinsnews.com/bitcoin-wedding-marriage-on-the-blockchain/>

Bitcoin, bitcoin

MPESA → BitPesa : le Kenya un laboratoire pour le futur !

**2007, est lancé M-PESA : M=mobile /
Pesa= argent en swahili.**

**Service de paiement par SMS,
téléphone mobile (safaricom).
Explosion en 2010, plus de 17
millions de comptes pour 44 millions
d'habitants.**

**Unité de compte = minutes de
communication ↔ Shilling Kenyan**

**2014 : Lancement de Bit-Pesa pour le
transfert d'argent via Bitcoin entre le
Kenya et l'international ...**

**2015 : Le Kenya est un
formidable laboratoire pour
comprendre les mécanismes de
l'adoption de nouvelles
technologies adaptées à un
écosystème : le téléphone mobile
(non intelligent) , le bitcoin ...**



<http://www.safaricom.co.ke/personal/m-pesa>

<https://www.bitpesa.co/>

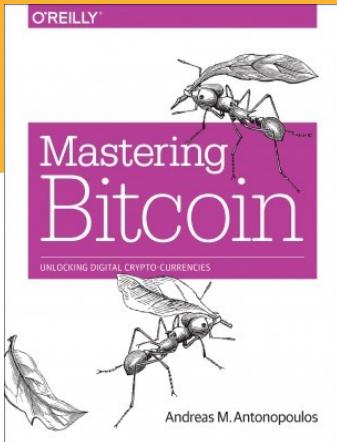
BitPesa

Bitcoin, bitcoin Questions ?

A large, colorful word cloud centered around the words "thank" and "you". The word "thank" is in red at the top left, and "you" is in yellow at the top right. The word "you" is also repeated in a smaller size below it. Numerous other words are scattered throughout, representing different languages. Some words are repeated in multiple colors. The background is white.

Bitcoin, bitcoin

Références :



Bitcoin: A Peer-to-Peer Electronic Cash System par Satoshi Nakamoto (01/11/2008) :
<https://bitcoin.org/bitcoin.pdf>

Mastering Bitcoin par Andréas M. Antonopoulos

Disponible chez amazon ou en libre accès à :

<http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/index.html>
<https://github.com/aantonop/bitcoinbook>

Site web de l'auteur :

<http://antonopoulos.com/>

Le bitcoin par Ken Shirriff :

<http://www.righto.com/2014/02/bitcoins-hard-way-using-raw-bitcoin.html>
<http://www.righto.com/2014/02/bitcoin-mining-hard-way-algorithms.html>
<http://www.righto.com/2014/02/ascii-bernanke-wikileaks-photographs.html>
<http://bitcoinstings.com/> (messages inclus dans le blockchain)

Maths & bitcoin :

<http://blog.chain.com/post/95218566791/the-math-behind-bitcoin>

« Ce que signifie l'émergence du bitcoin » par Sylvain Fontan, économiste

« Argent valeur vs Argent dette »

<http://www.latribune.fr/opinions/tribunes/20141007trib09d1cb928/ce-que-signifie-l-emergence-du-bitcoin.html>

Le réseau Bitcoin 256 fois plus puissant que l'ensemble du Top500 des supercomputer

<http://www.forbes.com/sites/reuvencothen/2013/11/28/global-bitcoin-computing-power-now-256-times-faster-than-top-500-supercomputers-combined/>

<http://bitcoincharts.com/bitcoin/>

<http://www.bitcoinwatch.com/>

Quelques liens :

<http://bitcoinvanitygen.com/>

<https://www.bitaddress.org>

<http://coinmarketcap.com/>

<http://plus.franceculture.fr/les-mathematiques-et-la-cryptographie-reinventent-la-monnaie-le-bitcoin>

<http://www.e-ducat.fr/bitcoin-et-les-arbres-de-merkle/>

Mooc sur les bitcoins par l'Université de Nicosie (par Andréas Antonopoulos : bitcoin guru)

<http://digitalcurrency.unic.ac.cy/free-introductory-mooc>