

Serie 5

Tobias Reincke 218203884

December 21, 2019

Aufgabe 16:

a)

$$\begin{aligned} \frac{F(Y>s+t) \wedge F(Y>s)}{F(Y>s)} &= \frac{F(Y>s+t)}{F(Y>s)} \\ &= \begin{cases} \frac{e^{-\mu(s+t)y}}{e^{-\mu sy}} & s+t > 0 \wedge s > 0 \\ 0 & s+t \leq 0 \wedge s \leq 0 \end{cases} \\ &= \begin{cases} e^{-\mu ty} & s+t > 0 \wedge s > 0 \\ 0 & s+t \leq 0 \wedge s \leq 0 \end{cases} \\ &= F(Y > t) \end{aligned}$$

Aufgabe 17

a)

Sei \mathbb{R}_X die Menge aller reellen Zahlen $\leq k$

$$E(X) = \sum_{x \in \mathbb{R}_X} x P(X = x) = x \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!}$$

b) Exponentialverteilung

Die Verteilung ist immer null für Werte kleiner 0, daher das Integral über 0 bis ∞
Normaler Erwartungswert für stetige Funktionen mit Dichte $f_X(x) = x\lambda e^{-\lambda x}$

$$\int_0^\infty x f_X(x) dx = \int_0^\infty x \lambda e^{-\lambda x} dx$$

Es gilt: (partielle Integration)

$$\int_a^b u(x) v'(x) dx = [u(x) v(x)]_a^b - \int_a^b u'(x) v(x) dx \wedge u(x) = x \wedge v'(x) = \lambda e^{-\lambda x}$$

Außerdem: $e^{\lambda x} = e^{x^\lambda}$

Setze ein :

$$[-x e^{-\lambda x}]_0^\infty + \int_0^\infty 1 e^{-\lambda x} dx = (0 - 0) + \left[-\frac{1}{\lambda} e^{-\lambda x}\right]_0^\infty = 0 + \left(0 - -\frac{e^0}{\lambda}\right) = 0 + \left(0 + \frac{1}{\lambda}\right) = \frac{1}{\lambda}$$

c)

d) differentielle Gleichverteilung

$$E(X) = \sum_i x_i * P(X = x_i)$$

n sei die Mächtigkeit der Ergebnismenge ($\Omega = \{1, \dots, n\}$) bzw. die Menge aller x_i

$$= \sum_i x_i * \frac{1}{n} = \frac{1}{n} * \sum_i x_i = \frac{1}{n} * \frac{n * (n + 1)}{2} = \frac{n + 1}{2}$$