

$$\begin{aligned}
S_{n,k} &= \frac{1}{k!} \sum_{i=0}^k (-1)^i \frac{(k! * (k-1)^n)}{i! * (k-i)!} \\
&= \sum_{i=0}^k (-1)^i \frac{(k-i)^n}{i! * (k-i)!} \\
&\quad / j = k - i \longleftrightarrow i = k - j, \text{ umstellen von } i \text{ bis } k \text{ zu } j \text{ zu } 0 \\
&= \sum_{j=k}^0 (-1)^{k-j} \frac{j^n}{(k-j)! * j!} \\
&\quad / (-1)^{k-j} = (-1)^k * (-1)^{-j} \\
&= \sum_{j=0}^k (-1)^k * (-1)^{-j} \frac{j^n}{j! * (k-j)!} / (-1)^{-j} = (-1)^j \\
&= (-1)^k * \sum_{j=0}^k (-1)^j \frac{j^n}{j! * (k-j)!}
\end{aligned}$$

$\forall l, k \in 1 \dots n$ gilt: Die Mengen K und L aller Zerlegungen einer n-elementigen Menge in k-Klassen bzw. L-Klassen sind disjunkt, falls $l \neq k$
Grund dafür ist, dass die Elemente in K k-elementige Mengen sind und in L l-elementig. \rightarrow

$$B_n = \sum_{k=0}^n S_{n,k} = \sum_{k=0}^n (-1)^k * \sum_{j=0}^k (-1)^j \frac{j^n}{j! * (k-j)!}$$