

Serie 3 Mathematik für Informatiker 3

Tobias Reincke

1

<i>a</i>	<i>b</i>	<i>q</i>	<i>u</i>	<i>s</i>	<i>v</i>	<i>t</i>
2005	271	7	0	1	1	0
271	108	2	1	$0 - 7$	0	$1 - 7 * 0$
108	55	1	-7	$1 - 2 * -7$	1	$0 - 2 * 1 = -2$
55	53	1	15	$-7 - 15$	-2	$1 - 1 * -2 = -1$
53	2	1	-22	$15 - -22$	-1	$-2 - 1 * 1(-1) = -1$
2	1	26	37	$-22 - 37$	-1	$-1 - 1 * -1 = 0$
1	0	2	-59	$37 - 26 * 22 = -535$	0	$-1 - 26 * 0 = -1$
			-535	$-59 - -535 * 2 = -1129$	-1	$-0 - (-1) * 2 = 2$

$$2 * 12^{2010} - 3 \bmod 13 \neq 0$$

$$2 * 12^{2010} - 2 \bmod 13 = 0$$

Proof :

$$12^2 \bmod 13 = (144 - (130 + 13)) = 1$$

Kein Taschenrechner

$$\begin{aligned} 12^{2010} \bmod 13 &= (12^2)^{1005} \bmod 13 \\ &= 1^{1005} \bmod 13 = 1 * 1 \dots 1 \bmod 13 = 1 \end{aligned}$$

$$2 * 12^{2010} \bmod 13 = 2 * 1 \bmod 13 = 2$$

$$2 * 12^{2010} \bmod 13 - 2$$

$$= 2 * 1 \bmod 13 - 2$$

$$= 2 - 2 = 0$$

$$2 * 12^{2010} \bmod 13 - 3$$

$$= 2 * 1 \bmod 13 - 3$$

$$= 2 - 3 = -1 \neq 0$$

1

Aufgabe 3-2

1

$$[a, b, a_1, b_1, aRa_1 \wedge bRb_1] \text{ gilt } \rightarrow$$

$$a \times b_1 a_1 \times b \rightarrow (a \times b_1 + b \times a_1, a_1 \times b_1);$$

$$(a, b)R(c, d) : \longleftrightarrow ad = bc$$

\times stellt hier die normale Multiplikation da, ist nur zur Übersichtlichkeit
 Beweis mit mit 8 Variablen $a, b, c, d, a_1, b_1, c_1, d_1$
 $(a, b)R(c, d)$

$$\wedge (a_1, b_1)R(c_1, d_1) \rightarrow ((a, b) \text{ na}_1, b_1)R((c, d) \text{ n}(c_1, d_1))$$

$$\rightarrow a \times d = b \times c \wedge a_1 \times d_1 = b_1 \times c_1 (a \times b_1 + b \times a_1, b \times b_1)R(c \times d_1 + d \times c_1, d \times d_1)$$

$$\rightarrow (a \times b_1 + b \times a_1) * d \times d = b \times b_1 * (c \times d_1 + d \times c_1)$$

$$\rightarrow a \times b_1 \times d \times d + b \times a_1 \times d \times d_1 = b \times b_1 \times c \times d_1 + b \times b_1 \times c_1 \times d$$

$$\text{Insert : } a \times d = b \times c \wedge a_1 \times d_1 = b_1 \times c_1$$

$$\rightarrow b \times b_1 \times c \times d_1 + b \times b_1 \times c_1 \times d = b \times b_1 \times c \times d_1 + b \times b_1 \times c_1 \times d$$

Serie 3 Tables

Tobias Reincke

November 19, 2019

*	0	1	2	x	x+1	x+2	2x	2x+1	2x+2
0	0								
1	0	1							
2	0	2	1						
x	0	x	2x	x+1					
x+1	0	x+1	2x+2	2	1				
x+2	0	x+2	2x+1	2x	x	x+1			
2x	0	2x	x	x+2	2	2	x		
2x+1	0	2x+1	x+2	x+2	1	1	x	x+1	
2x+2	0	2x+2	x+1	2	2x+2	x+2	x	2	1

+	0	1	2	x	x+1	x+2	2x	2x+1	2x+2
0	0								
1	1	2							
2	2	0	1						
x	x	x+1	x	2x					
x+1	x+1	x+2	x+1	2x+1	2x+2				
x+2	x+2	x	x+2	2x+2	2x	2x+1			
2x	2x	2x+1	2x	0	1	2	x		
2x+1	2x+1	2x+2	2x+1	1	2	0	x+1	x+2	
2x+2	2x+2	2x	2x+2	2	0	1	x+2	x	x+1

$$\begin{aligned}
S_{n,k} &= \frac{1}{k!} \sum_{i=0}^k (-1)^i * \frac{(k! * (k-1)^n)}{i! * (k-i)!} \\
&= \sum_{i=0}^k (-1)^i * \frac{(k-i)^n}{i! * (k-i)!} \\
/j = k-i &\longleftrightarrow i = k-j, \text{ umstellen von } i \text{ bis } k \text{ zu } j \text{ zu } 0 \\
&= \sum_{j=k}^0 (-1)^{k-j} * \frac{j^n}{(k-j)! * j!} \\
&\quad /(-1)^{k-j} = (-1)^k * (-1)^{-j} \\
&= \sum_{j=0}^k (-1)^k * (-1)^{-j} \frac{j^n}{j! * (k-j)!} /(-1)^{-j} = (-1)^j \\
&= (-1)^k * \sum_{j=0}^k (-1)^j * \frac{j^n}{j! * (k-j)!}
\end{aligned}$$

$\forall l, k \in 1 \dots n$ gilt: Die Mengen K und L aller Zerlegungen einer n-elementigen Menge in k-Klassen bzw. L-Klassen sind disjunkt, falls $l \neq k$
Grund dafür ist, dass die Elemente in K k-elementige Mengen sind und in L l-elementig. \rightarrow

$$B_n = \sum_{k=0}^n S_{n,k} = \sum_{k=0}^n (-1)^k * \sum_{j=0}^k (-1)^j * \frac{j^n}{j! * (k-j)!}$$