Willkommen

Algorithmen I Tutorium 19

Wer? Florian Tobias Schandinat

Wo? 50.34, Raum -118

Wann? jeden Donnerstag 15:45-17:15

Material online

http://github.com/schandinat/algorithmen1_ss11



$O(1) \not\subseteq O(0)$

Annahme: $\exists c \in \mathbb{R}_+ \exists n_0 \in \mathbb{N} : 1 \leq c \cdot 0 \qquad \forall n > n_0$

$O(1) \not\subseteq O(0)$

Annahme: $\exists c \in \mathbb{R}_+ \exists n_0 \in \mathbb{N} : 1 \leq c \cdot 0 \qquad \forall n > n_0$ da $\mathbf{1} \neq \mathbf{0} = c \cdot \mathbf{0} \qquad \forall c \in \mathbb{R} \forall n \in \mathbb{N}$ $\implies O(1) \not\subseteq O(0)$

$O(1) \not\subseteq O(0)$

Annahme:
$$\exists c \in \mathbb{R}_+ \exists n_0 \in \mathbb{N} : 1 \leq c \cdot 0 \qquad \forall n > n_0$$

da $1 \neq 0 = c \cdot 0 \qquad \forall c \in \mathbb{R} \forall n \in \mathbb{N}$
 $\implies O(1) \not\subseteq O(0)$

Anschaulich:

- O(0) der Codeabschnitt wird nicht ausgeführt
- O(1) der Codeabschnitt wird k-Mal ausgeführt, $k \in \mathbb{N}_+$

Erinnerung: Mastertheorem

Mastertheorem

$$T(n) = a \cdot T\left(\frac{n}{b}\right) + f(n), n > 1$$

$$\theta(n^{log_b a}) \quad , \quad f(n) = O(n^{log_b(a) - \epsilon}), \epsilon > 0$$

$$\theta(n^{log_b a} \cdot log(n)) \quad , \quad f(n) = \theta(n^{log_b a})$$

$$\theta(f(n)) \quad , \quad f(n) = \Omega(n^{log_b(a) + \epsilon}), \epsilon > 0$$

T(n) = 1, n = 1

binary search

```
PROCEDURE BinaereSuche(A, v, I, r)
if l > r then
      return NII
m = \lfloor \frac{l+r}{2} \rfloor
if v == A[m] then
       return m
else if v > A[m] then
      return BinaereSuche(A, v, m + 1, r)
else
      return BinaereSuche(A, v, I, m - 1)
end if
```

binary search

```
PROCEDURE BinaereSuche(A, v, I, r)
if l > r then
      return NII
m = \lfloor \frac{l+r}{2} \rfloor
if v == A[m] then
       return m
else if v > A[m] then
      return BinaereSuche(A, v, m + 1, r)
else
      return BinaereSuche(A, v, I, m - 1)
end if
```

$$T(n) = 1 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + 1$$

binary search

```
PROCEDURE BinaereSuche(A, v, I, r)
if l > r then
      return NII
m = \lfloor \frac{l+r}{2} \rfloor
if v == A[m] then
       return m
else if v > A[m] then
      return BinaereSuche(A, v, m + 1, r)
else
       return BinaereSuche(A, v, I, m - 1)
end if
```

$$T(n) = 1 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + 1$$
$$\Longrightarrow \theta(\log(n))$$

binary tree traversal

```
PROCEDURE tree(n) if n.left \neq NIL tree(n.left) if n.right \neq NIL tree(n.right)
```

binary tree traversal

PROCEDURE tree(n) if $n.left \neq NIL$ tree(n.left) if $n.right \neq NIL$ tree(n.right)

$$T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + 1$$

binary tree traversal

PROCEDURE tree(n) if $n.left \neq NIL$ tree(n.left) if $n.right \neq NIL$ tree(n.right)

$$T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + 1$$

$$\Longrightarrow \theta(n)$$

$$T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n$$

$$T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n$$

$$\Longrightarrow \theta(n \cdot \log(n))$$

$$T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n$$
$$\Longrightarrow \theta(n \cdot \log(n))$$

$$T(n) = 4 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n^3$$

$$T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n$$
$$\Longrightarrow \theta(n \cdot \log(n))$$

$$T(n) = 4 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n^3$$

$$\Longrightarrow \theta(n^3)$$

Amortisierte Analyse

Hashing – Grundlagen

- **U** Universalmenge
- K Schlüsselmenge
 - h Hashfunktion
 - $h:U\to K$

Hashing - Grundlagen

- **U** Universalmenge
- K Schlüsselmenge
 - h Hashfunktion

 $h:U\to K$

Hinweis: Bei |K| < |U| immer Kollisionen möglich

Hashing – Kollisionsauflösung

- Verkettung
- Offene Adressierung
 - linear
 - quadratisch
 - doppeltes Hashing

$U = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 20\}, K = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 6\}, h(k) = k \mod 7$

- INSERT(2)
- INSERT(3)
- INSERT(4)

$U = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 20\}, K = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 6\}, h(k) = k \mod 7$

- INSERT(2)
- INSERT(3)
- INSERT(4)
- INSERT(10)

$U = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 20\}, K = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 6\}, h(k) = k \mod 7$

- INSERT(2)
- INSERT(3)
- INSERT(4)
- INSERT(10)
- INSERT(11)

$U = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 20\}, K = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 6\}, h(k) = k \mod 7$

- INSERT(2)
- INSERT(3)
- INSERT(4)
- INSERT(10)
- INSERT(11)
- DELETE(4)

$U = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 20\}, K = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 6\}, h(k) = k \mod 7$

- INSERT(2)
- INSERT(3)
- INSERT(4)
- INSERT(10)
- INSERT(11)
- DELETE(4)
- SEARCH(2)

$U = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 20\}, K = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 6\}, h(k) = k \mod 7$

- INSERT(2)
- INSERT(3)
- INSERT(4)
- INSERT(10)
- INSERT(11)
- DELETE(4)
- DELETE(+)
- SEARCH(2)
- SEARCH(5)

$U = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 20\}, K = \{i \in \mathbb{N}_0 | i \le 6\}, h(k) = k \mod 7$

- INSERT(2)
- INSERT(3)
- INSERT(4)
- INSERT(10)
- INSERT(11)
- DELETE(4)
- SEARCH(2)
- SEARCH(5)
- SEARCH(11)

Vielen Dank für die Aufmerksamkeit!