## KRY Serie 2

(1) Laden Sie vom Moodle-Kurs KRY das ZIP-File

/Software/JAVA-Dateien zu KryptoTrainer/KRY\_Eclipse.zip herunter und kopieren Sie je nach Entwicklungsumgebung alle Dateien und Unterverzeichnisse daraus in ein lokales Projektverzeichnis auf Ihrem Rechner.

Das Verzeichnis enthält das Projekt KryptoTrainer. Bringen Sie das Programm KryptoTrainer auf Ihrem Rechner und Ihrer JAVA-Entwicklungsumgebung (z.B. Eclipse) zum Laufen.

Hinweis: Das Programm KryptoTrainer benötigt die Packages mybiginteger (im Unterverzeichnis MyBigInteger), sowie ptolemy.plot (im Unterverzeichnis ptplot5.7). Passen Sie unter Projects -> Java Build Path -> Libraries die Pfadangaben Ihrer Installation entsprechend an.

(2) In der Package mybiginteger ist eine Klasse BigInteger enthalten. Studieren Sie das Interface dieser Klasse. Ressourcen dazu finden Sie im Source-Code oder im Internet unter <a href="http://docs.oracle.com/javase/7/docs/api/index.html">http://docs.oracle.com/javase/7/docs/api/index.html</a>

*Hinweis:* Die Package mybiginteger ist eine (abänderbare/erweiterbare) lokale Kopie der aus der Standard-Bibliothek von JAVA 1.4.2 entnommenen Package java.math.

(3) Die Klasse mybiginteger.BigInteger enthält das Gerüst einer Methode public BigInteger myModPow (BigInteger exponent, BigInteger m). Ersetzen Sie dieses Gerüst durch einen eigenen naiven Algorithmus zur modularen Exponentiation. Die Terminologie "naiv" soll hier bedeuten, dass zur Bestimmung des Ausdrucks  $a^b \pmod{m}$  die Rechnung Bei 16 Bit zufälligen Zahlen braucht die naive Version sehr viel länger.

ausgeführt wird. Testen Sie Ihren Algorithmus mit Hilfe des Programms KryptoTrainer "Prakt. 2" in Bezug auf Resultate und zeitliche Effizienz. Was stellen Sie fest?

(4) Speichern Sie eine Kopie Ihrer Methode myModPow() aus Aufgabe (3) als Kommentar. Verbessern Sie sodann myModPow(), indem Sie den Trick des fortgesetzten Quadrierens anwenden: Es soll wiederum der Ausdruck  $a^b \pmod{m}$  berechnet werden. Im Binärsystem lässt sich der Exponent als Summe von aufsteigenden Zweierpotenzen darstellen:

$$b = 2^{k_1} + 2^{k_2} + 2^{k_3} + \ldots + 2^{k_r}$$
, mit  $k_1 < k_2 < k_3 < \ldots < k_r$ .

Damit lässt sich der Ausdruck  $a^b \pmod{m}$  mit Hilfe der Potenzgesetze berechnen nach der Formel

$$\left[\underbrace{\left(\ldots\left(\left(a^{2}\right)^{2}\right)^{2}\ldots\right)^{2}}_{k_{1} \text{ mal}}\right] \cdot \left[\underbrace{\left(\ldots\left(\left(a^{2}\right)^{2}\right)^{2}\ldots\right)^{2}}_{k_{2} \text{ mal}}\right] \cdot \ldots \cdot \left[\underbrace{\left(\ldots\left(\left(a^{2}\right)^{2}\right)^{2}\ldots\right)^{2}}_{k_{r} \text{ mal}}\right] \pmod{m}.$$

Hinweis: Die obige Formel birgt in zwei Richtungen noch grosse Optimierungsmöglichkeiten:

- Die Reduktion mod *m* kann und soll nach jedem Quadrieren ausgeführt werden, statt erst ganz am Schluss.
- Hat man den Block für  $k_i$  berechnet, so muss man für den Block für  $k_{i+1}$  nicht wieder bei a beginnen mit dem Quadrieren.

Passen Sie Ihren Algorithmus entsprechend an und testen Sie ihn wiederum mit Hilfe des Programms KryptoTrainer in Bezug auf Resultate und zeitliche Effizienz.