

Vectorruimten

Vincent Van Schependom

$(\mathbb{R}, \mathbb{R}^2, +) = (\mathbb{R}, \Pi_0, +)$ $(\mathbb{R}, \mathbb{R}^n, +)$ $(\mathbb{R}, \mathbb{R}^{m \times n}, +)$ $(\mathbb{R}, \mathbb{R}, +), (\mathbb{R}, \mathbb{C}, +)$ $(\mathbb{C}, \mathbb{C}, +)$ maar <u>niet</u> $(\mathbb{C}, \mathbb{R}, +)$ $(\mathbb{Q}, \mathbb{Q}, +), (\mathbb{Q}, \mathbb{Q}^n, +), (\mathbb{Q}, \mathbb{R}, +)$ $\mathbb{R}[x] = \{\sum_{i=0}^n a_i x^i \mid n \in \mathbb{N}, a_i \in \mathbb{R}\}$ $\mathbb{R}[x]_{\leq n}$ maar <u>niet</u> $\mathbb{R}[x]_n$ $\mathbb{R}^S, \mathbb{R}^{\mathbb{R}}$ $F = \{(x_n)_{n \in \mathbb{N}} \mid x_n \in \mathbb{R}, \forall n \geq 2 : x_n = x_{n-1} + x_{n-2}\}$ $C(\mathbb{R}) = \{f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \mid f = \text{ct}^u\}, C^i(\mathbb{R})$ $C^i[a, b], C^\infty[a, b], C[a, b]$ $\{X \in \mathbb{R}^n \mid A \cdot X = 0\}$ <u>niet</u> $\{X \in \mathbb{R}^n \mid A \cdot X = B \in \mathbb{R}^m\}$ $\{\sum_{i=1}^n \lambda_i x_i \mid n \in \mathbb{N}_0; x_1, \dots, x_n \in D; \lambda_1, \dots, \lambda_n \in \mathbb{R}\}$	 favoriete voorbeeld, het vlak n -tallen $m \times n$ matrices reële vectorruimten complexe vectorruimte vectorruimten met rationale coëfficiënten veeltermen in x met reële coëfficiënten functies van $S \rightarrow \mathbb{R}$ resp. $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ fibonnacci-achtige rijen continue functies (die i keer continu afleidbaar zijn) continue functies $[a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ die minstens i keer afleidbaar zijn oplossingsverzameling van een homogeen $m \times n$ stelsel = nulruimte = deelruimte van $(\mathbb{R}, \mathbb{R}^n, +)$ $\text{vct}(D) = \text{span}(D)$ = vectorruimte voortgebracht door (on)eindige verzameling $D \neq \emptyset$
--	--