TD3: Transformation chimique - corrigé

Exercice 1 : ÉQUILIBRER UNE RÉACTION CHIMIQUE

1.
$$2 \text{ NH}_3 + \frac{5}{2} \text{O}_2 \longrightarrow 2 \text{ NO} + 3 \text{ H}_2 \text{O}$$

2.
$$4 \text{ CO} + \text{Fe}_3 \text{O}_4 \longrightarrow 4 \text{ CO}_2 + 3 \text{ Fe}$$

3.
$$Cu_2S + 2Cu_2O \longrightarrow 6Cu + SO_2$$

4.
$$CH_4 + 2H_2O \longrightarrow CO_2 + 4H_2$$

5.
$$2 \operatorname{NaCl} + \operatorname{H}_2 \operatorname{SO}_4 \longrightarrow 2 \operatorname{HCl} + \operatorname{Na}_2 \operatorname{SO}_4$$

Exercice 2 : ÉQUILIBRER UNE AUTRE RÉACTION CHIMIQUE

1.
$$H_2SO_4 + 2H_2O \longrightarrow 2H_3O^+ + SO_4^{2-}$$

2. Fe +
$$2 H_3 O^+ \longrightarrow Fe^{2+} + H_2 + 2 H_2 O$$

3.
$$Cu^{2+} + 2HO^{-} \longrightarrow Cu(OH)_{2}$$

4.
$$3 \text{ Ag}^+ + \text{PO}_4^{3-} \longrightarrow \text{Ag}_3 \text{PO}_4$$

Exercice 3 : Constante d'équilibre

1.
$$K = \frac{p(NH_3)^2 p^{\circ 2}}{p(N_2)p(H_2)^3}$$

2.
$$K = \frac{p(C_2H_6)p^{\circ 2}}{p(H_2)^3}$$

3.
$$K = \frac{[Cu^{2+}]c^{\circ}}{[Ag^{+}]^{2}}$$

4.
$$K = \frac{p(\text{CO}_2)p^{\circ 2}}{p(\text{CH}_4)p(\text{O}_2)^2}$$

5.
$$K = \frac{[H_3O^+][HO^-]}{c^{\circ 2}}$$

Exercice 4 : LA CONSTANTE D'ÉQUILIBRE EST-ELLE CONSTANTE ?

La constante d'équilibre est donnée par : $K = \frac{p(\text{PCl}_5)p^{\circ}}{p(\text{Cl}_2)p(\text{PCl}_3)}$

Pour les 4 expériences, on trouve $K \simeq 4,5$. Et on vérifie donc que la constante d'équilibre est bien une constante indépendante de l'expérience considérée.

Exercice 5 : DÉTERMINATION DE L'ÉQUILIBRE

1. Tableau d'avancement :

	H_2	+	${\rm I_2}$		2 HI
état initial état final	$n_0 = 0,200 \text{mol}$ $n_0 - \xi_f$		$n_0 = 0,200 \text{mol}$ $n_0 - \xi_f$		$0 \\ 2\xi_f$

La constante d'équilibre s'écrit : $K = \frac{p_{\rm HI}^2}{p_{\rm H_2}p_{\rm I_2}} = 49,5$

D'après la relation des gaz parfaits, on a : $n_i = \frac{p_i V}{RT}$, la constante d'équilibre s'écrit donc :

$$K = \frac{n_{\rm HI}^2}{n_{\rm H_2} n_{\rm I_2}} = \frac{4\xi_f^2}{(n_0 - \xi_f)^2} = 49.5.$$

On a une équation du second degré

 $45,5\xi_f^2 - 19,8\xi_f + 1,98 = 0$, dont la résolution donne : $\xi_f = \frac{19,8 - \sqrt{\Delta}}{91} = 0,156 \,\mathrm{mol}$ (on garde la solution inférieure à 0,200 mol). D'où : $n(\mathrm{HI}) = 2\xi = 0,312 \,\mathrm{mol}$ et $n(\mathrm{H}_2) = n(\mathrm{I}_2) = 0,200 - \xi_f = 0,044 \,\mathrm{mol}$

2. À la fin de la réaction, il y a $n(N_2O_4)_f = 0.075 \times 5 = 0.375$ mol. On a donc le tableau d'avancement suivant :

	$\mathrm{N_2O_4}$	=	$2\mathrm{NO}_2$
état initial	0,625		0,0
état final	0,375		0,500

La constante d'équilibre est donnée par : $K = \frac{p(\text{NO}_2)^2}{p(\text{N}_2\text{O}_4)p^\circ} = \frac{n(\text{NO}_2)^2}{n(\text{N}_2\text{O}_4)} \frac{RT}{p^\circ V} \simeq 3,3.$

3. Tableau d'avancement :

	CO_2	+	H_2	=	СО	+	${\rm H_2O}$
état initial	$n_0 = 1,00 \mathrm{mol}$		$n_0 = 1,00 \mathrm{mol}$		0.0		0.0
état final	$n_0 - \xi_f$		$1,00 - \xi_f$		ξ_f		ξ_f

On calcule la constante d'équilibre :

$$K = \frac{p(\text{CO})p(\text{H}_2\text{O})}{p(\text{CO}_2)p(\text{H}_2)} = \frac{\xi_f^2}{(n_0 - \xi_f)^2}$$

Il est possible de résoudre l'équation du second degré, ou bien de procéder de la façon suivante :

$$K = \frac{\xi_f^2}{(n_0 - \xi_f)^2} \Leftrightarrow K(n_0 - \xi_f)^2 = \xi_f^2 \Leftrightarrow \sqrt{K}(n_0 - \xi_f) = \pm \xi_f$$

et donc on a : $\xi_f = \frac{n_0 \sqrt{K}}{\sqrt{K} \pm 1}$. \sqrt{K} étant plus petit que 1 nous gardons la valeur positive de ξ_f

On obtient :
$$\xi_f = \frac{n_0 \sqrt{K}}{\sqrt{K} + 1} = 4,68 \times 10^{-1} \,\text{mol}$$

4. Le tableau d'avancement est :

	$2\mathrm{H_2O}$	=	$2\mathrm{H}_2$	+	O_2
état initial	$n_0 = 2 \mathrm{mol}$		0,0		0,0
état final	$n_0 - 2\xi_f$		$2\xi_f$		ξ_f

où la constante d'équilibre est $K = 6.00 \times 10^{-28}$.

La valeur de la constante d'équilibre nous permet de dire que la réaction est très limitée, nous pouvons considérer que l'eau ne se décomposera quasiment pas, soit : $2-2\xi_f \simeq 2$. On a donc :

$$K = \frac{p(\mathcal{H}_2)^2 p(\mathcal{O}_2)}{p(\mathcal{H}_2\mathcal{O})^2 p^\circ} = \frac{n(\mathcal{H}_2)^2 n(\mathcal{O}_2)}{n(\mathcal{H}_2\mathcal{O})^2} \frac{RT}{Vp^\circ} = \frac{4\xi_f^3}{(n_0 - 2\xi_f)^2} \frac{RT}{Vp^\circ} \simeq \frac{4\xi_f^3}{n_0^2} \frac{RT}{p^\circ V}.$$

Soit :
$$\xi_f = \left(\frac{5 \times 10^{-3} \times 2^2 K}{4 \times 8.31 \times 773}\right)^{1/3} = 3,60 \times 10^{-10} \,\text{mol}$$

Donc: $n(O_2) = 3,60 \times 10^{-10} \,\text{mol}$; $n(H_2) = 7,20 \times 10^{-10} \,\text{mol}$ et $n(H_2O) = 2,00 \,\text{mol}$

La résolution numérique de l'équation donne $\xi_f = 3,601\,197\,269\,939\,443\,6 \times 10^{-10}$ mol contre $\xi_f = 3,601\,197\,270\,804\,8 \times 10^{-10}$ mol lorsque l'on considère la réaction comme très limitée, ce qui montre que l'approximation faite est tout à fait justifiée.

Exercice 6: OXYDATION DU FER

1. On commence par établir un tableau d'avancement

	$3 \mathrm{Fe}(\mathrm{s})$	+	$4\mathrm{H_2O(g)}$	$\overline{}$	$\mathrm{Fe_3O_4(s)}$	+	$4\mathrm{H}_2(\mathrm{g})$
État initial	n_0		n_1		0		0
État initial	$n_0 - 3\xi$		$n_1 - 4\xi$		ξ		4ξ

La constante d'équilibre s'écrit

$$K = \frac{(p_{\rm H_2})^4}{(p_{\rm H_2O})^4} = \frac{(n_{\rm H_2}RT/V)^4}{(n_{\rm H_2O}RT/V)^4} = \frac{(n_{\rm H_2})^4}{(n_{\rm H_2O})^4}$$
(1)

En utilisant $n_{\rm H_2}=\frac{m_{\rm H_2}}{M_{\rm H_2}}$ et $n_{\rm H_{20}}=\frac{m_{\rm H_2O}}{M_{\rm H_2O}},$ on trouve

$$K = \left(\frac{m_{\rm H_2} M_{\rm H_2O}}{m_{\rm H_2O} M_{\rm H_2}}\right)^4 \approx 2.94 \times 10^{-3} \tag{2}$$

2. Pour que l'état final soit un état d'équilibre, il faut que la quantité de matière de Fe(s) à l'équilibre soit positive ,donc $n_0 > 3\xi_f$. On peut déterminer ξ_f à partir de la quantité de matière de H₂ à l'équilibre calculée dans la question précédente (on suppose que l'état d'équilibre est atteint) :

$$\xi_f = \frac{n(H_2)}{4} = \frac{m(H_2)}{4M(H_2)} \tag{3}$$

Et on doit avoir

$$n_0 - 3\xi_f > 0$$
 soit $n_0 > 3\xi_f$ donc $n_0 > \frac{3}{4} \frac{m(H_2)}{M(H_2)} \approx 0.413 \,\text{mol}$ (4)

Ce qui correspond à une masse de fer minimale de $m_{\rm Fe}=M_{\rm Fe}n_0\approx 23.1\,{\rm g}$

Exercice 7: Fluoration du dioxyde d'uranium

1. Tableau d'avancement

	$UO_2(s)$	+	4 HF(g)	=	$UF_4(s)$	+	$2\mathrm{H_2O(g)}$
état initial	n_0		n_0		0,0		0,0
état final	$n_0 - \xi_f$		$n_0 - 4\xi_f$		ξ_f		$2\xi_f$

où ξ est l'avancement et ξ_f l'avancement à l'état final.

La constante d'équilibre s'écrit : $K = \frac{(p_{\rm H_2O}^{\rm eq})^2 p^{\circ 2}}{(p_{\rm HF}^{\rm eq})^4}$, avec p_i la pression partielle qui s'exprime comme : $p_i = \frac{n_i}{n_{\rm tot}^g} p_0$ (car la pression totale est maintenue à p_0)

À l'équilibre on a : $n_{\text{tot}}^g = (n_0 - 4\xi_f) + 2\xi_f = n_0 - 2\xi_f$

Soit :
$$p_{\text{H}_2\text{O}}^{\text{eq}} = \frac{2\xi_f}{n_0 - 2\xi_f} p_0$$
 et $p_{\text{HF}}^{\text{eq}} = \frac{n_0 - 4\xi_f}{n_0 - 2\xi_f} p_0$.

La constante d'équilibre s'écrit alors :
$$K = \frac{(2\xi_f)^2(n_0 - 2\xi_f)^4}{(n_0 - 2\xi_f)^2(n_0 - 4\xi_f)^4} = \frac{(2\xi_f)^2(n_0 - 2\xi_f)^2}{(n_0 - 4\xi_f)^4} = 6.8 \times 10^4$$

La constante d'équilibre étant élevée, on peut supposer que la réaction est presque totale. Le fluorure d'hydrogène étant ici le réactif limitant, on peut approximer la valeur de ξ_f à 0,25 mol (on considère alors que HF est totalement consommé). De même, on peut supposer que la quantité de gaz total est d'environ $n_0/2$ car pour deux moles de HF consommées on a une mole de H₂O créée.

On a alors :

$$\frac{(2\xi_f)^2(n_0 - 2\xi_f)^2}{(n_0 - 4\xi_f)^4} \simeq \frac{(2 \times 0.25)^2(0.50)^2}{(n_0 - 4\xi_f)^4} \simeq 6.8 \times 10^4 \Leftrightarrow (n_0 - 4\xi_f)^4 = \frac{(0.50)^4}{6.8 \times 10^4}.$$

Soit $\xi_f \simeq 0.242 \,\mathrm{mol}$.

On en déduit les quantités de matières finales :

 $n(UO_2) = n_0 - \xi_f = 0.76 \text{ mol}; n(HF) \simeq 0.03 \text{ mol}; n(UF_4) \simeq 0.24 \text{ mol}; n(H_2O) \simeq 0.48 \text{ mol}$

2. La différence est qu'ici, le réactif limitant n'est plus HF mais UO_2 . On suppose alors que $\xi_f \simeq 0.10$ mol et on obtient : $n(UO_2) = 0.00$ mol; n(HF) = 0.60 mol; $n(UF_4) = 0.10$ mol et $n(H_2O) = 0.20$ mol

Exercice 8 : ACIDE ÉTHANOÏQUE ET IONS FLUORURE

1. L'équilibre (1) étudié est une combinaison des bilans (2) et (3)

On a :
$$K_1 = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-][\text{HF}]}{[\text{CH}_3\text{COOH}][\text{F}^-]} = \underbrace{\frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-][\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]}}_{K_2} \times \underbrace{\frac{[\text{HF}]}{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{F}^-]}}_{1/K_3} = \frac{K_2}{K_3} = 10^{-1.6}$$

2. Tableau d'avancement :

	$\mathrm{CH_{3}COOH}$	+	F^-	=	$\mathrm{CH_{3}COO^{-}}$	+	HF
état initial	c_1V		c_2V		0		0
état final	$c_1V - \xi_f$		$c_2V - \xi_f$		ξ_f		ξ_f

On exprime la constante d'équilibre K_1 :

$$K_1 = \frac{[\mathrm{CH_3COO^-}][\mathrm{HF}]}{[\mathrm{CH_3COOH}][\mathrm{F^-}]} = \frac{(\xi_f/V)^2}{(c_1 - \xi_f/V)(c_2 - \xi_f/V)}$$

En isolant ξ_f/V , on a une équation du second degré dont on garde la solution positive et on trouve : $\xi/V = 9.58 \times 10^{-3} \, \text{mol} \, \ell^{-1}$

 $D'où: [CH_3COO^-] = [HF] \simeq 9.6 \times 10^{-3} \, \text{mol} \, \ell^{-1}; \, [CH_3COOH] \simeq 9.0 \times 10^{-2} \, \text{mol} \, \ell^{-1} \, \text{et} \, [F^-] = 4.0 \times 10^{-2} \, \text{mol} \, \ell^{-1}$

Exercice 9 : SYNTHÈSE DE L'AMMONIAC

1. Tableau d'avancement

	$3\mathrm{H}_2$	+	N_2		$2\mathrm{NH_3}$	$n_{ m gaz}$
État initial	$3n_0$		n_0		0	$4n_0$
État final	$3(n_0-\xi)$		$n_0 - \xi$		2ξ	$4n_0-2\xi$

 $2. \ \, {\rm On}$ écrit l'expression de la constante d'équilibre :

$$K = \frac{\left(\frac{p(NH_3)}{p^{\circ}}\right)^2}{\left(\frac{p(H_2)}{p^{\circ}}\right)^3 \left(\frac{p(N_2)}{p^{\circ}}\right)} = \frac{(2\xi)^2 (4n_0 - 2\xi)^2}{27(n_0 - \xi)^4} \left(\frac{p^{\circ}}{P}\right)^2$$
(1)

Or, on a $\alpha = \frac{n_0 - \xi}{n_0}$, donc $\xi = n_0(1 - \alpha)$. On remplace ξ par cette expression dans (1) et on obtient :

$$K = \frac{4}{27} \frac{(1-\alpha)^2 (1+\alpha)^2}{\alpha^4} \left(\frac{p^{\circ}}{P}\right)^2 = \frac{4}{27} \left(\frac{p^{\circ}}{P}\right)^2 \left(\frac{1-\alpha^2}{\alpha^2}\right)^2$$
 (2)

La résolution de cette équation donne

$$\alpha = \sqrt{\frac{1}{1+A}}$$
 avec $A = \frac{\sqrt{27K}}{2} \frac{P}{p^{\circ}}$ soit $\alpha \approx 0.43$ (3)

3. Le taux de conversion de N_2 est $\beta = 1 - \alpha = 0.57$. Pour une pression de P = 1 bar, on trouve $\beta = 0.02$, ce qui est beaucoup plus faible et qui justifie que l'on effectue la réaction sous une forte pression.

Exercice 10 : LE BÉTON

1. On établit le tableau d'avancement en considérant l'excès d'hydroxyde de calcium.

	$\mathrm{Ca}(\mathrm{OH})_2$	=	Ca^{2+}	+	$2\mathrm{HO^-}$
état initial	excès		0		0
état final	excès		ξ_f		$2\xi_f$

et la constante d'équilibre s'écrit :

$$K_3 = \frac{1}{c^{\circ 3}} [\text{Ca}^{2+}] [\text{HO}^-]^2 = \frac{1}{c^{\circ 3}} \frac{\xi_f}{V} \times \left(\frac{2\xi_f}{V}\right)^2 = \frac{1}{c^{\circ 3}} \times 4 \left(\frac{\xi_f}{V}\right)^3$$

On en déduit la valeur de l'avancement volumique final :

$$\xi_f/V = 1.2 \times 10^{-2} \,\mathrm{mol}\,\ell^{-1}$$
. D'où : $[\mathrm{Ca}^{2+}] = 1.2 \times 10^{-2} \,\mathrm{mol}\,\ell^{-1}$ et $[\mathrm{HO}^{-}] = 2.4 \times 10^{-2} \,\mathrm{mol}\,\ell^{-1}$

2. L'équation de carbonatation du béton est : $\text{Ca}(\text{OH})_{2(\text{s})} + \text{H}_2\text{CO}_{3(\text{aq})} \iff \text{Ca}\text{CO}_{3(\text{s})} + 2\,\text{H}_2\text{O}$ On peut l'écrire comme une combinaison linéaire des autres équations et en déduire l'expression de sa constante d'équilibre $(6) = (3) + (1) + (4) - (2) - 2 \times (5)$, d'où : $K_6 = \frac{K_3 K_1 K_4}{K_2 (K_5)^2} = 10^{14,5}$