Chapitre 2

Circuits électriques

1 Le courant électrique

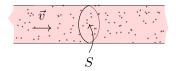
1.a Définitions

Le courant électrique correspond à un déplacement ordonnée de charges électriques.

- Les charges peuvent être des particules élémentaires (électrons, protons, ...) ou des entités plus grosse (ions + ou -). La charge est quantifiée, elle est toujours un multiple de e (charge d'un proton)
- L'origine du courant est aussi variable :
 - Présence d'un champ électrique;
 - déplacement du milieu dans lequel se trouvent les charges;
 - charges libres dans le vide.

1.b Intensité du courant

L'intensité du courant électrique correspond au **débit** de la charge électrique à travers une surface S.



$$I = \frac{Q}{t} \qquad \qquad - \ Q : \text{Quantit\'e de charge qui traverse la surface } S \text{ (en Coulombs)},$$

$$- \ t : \text{pendant le temps } t.$$

En faisant tendre le temps t vers 0, on obtient la relation

$$I = \frac{dQ}{dt}$$

Par exemple, s'il y a n charges q par m³, avançant à la vitesse v, l'intensité du courant est :

$$I = \frac{dQ}{dt} = \frac{nqSvdt}{dt} = \underbrace{nq}_{\rho} Sv$$

ρ est la densité volumique de charges

remarques:

- L'intensité du courant est une valeur algébrique (il faut définir un sens positif avant de pouvoir la calculer)
- Pour une même valeur de I, les charges + et se déplacent dans des directions opposées.

L'intensité du courant se mesure en Ampères (A) = Cs^{-1} .

Ordres de grandeur:

- Dans une montre à quartz : $I \simeq 1 \,\mu\text{A}$;
- LED de faible puissance : $I \simeq 10 \,\mathrm{mA}$;
- Lampe halogène $I \simeq 1 \,\mathrm{A}$;
- foudre $I \simeq 30 \,\mathrm{kA}$

Nous avons vu que la charge électrique est transportée par des électrons ayant chacun une charge électrique de $-e = -1.6 \times 10^{-19} \,\mathrm{C}$. On peut donc se demander s'il est bien légitime de parler de courant continu. Prenons par exemple une montre à quartz dans laquelle circule un courant de $i = 1 \,\mu\text{A} = 1 \times 10^{-6}\,\text{C}\,\text{s}^{-1}$. Le nombre d'électrons qui traversent une section du fil à chaque seconde est donc

$$n = \frac{1 \times 10^{-6}}{1.6 \times 10^{-19}} \approx 6 \times 10^{13} \,\text{electrons/s}$$
 (2.1)

Le nombre d'électrons qui traversent la section du fil à chaque seconde est tellement élevé qu'il parait légitime de considérer que les électrons forment un flux continu.

Régime continu 1.c

En régime continu, l'intensité I du courant, et la densité volumique de charge ρ sont des constantes.

$\xrightarrow{I_{\mathrm{entrant}}}$	$\begin{array}{c} \text{Charge} \\ Q \end{array}$	$\xrightarrow{I_{\mathrm{sortant}}}$
--------------------------------------	---	--------------------------------------

Pendant le temps $dt: dQ = I_{\text{entrant}} \, dt - I_{\text{sortant}} \, dt = (I_{\text{entrant}} - I_{\text{sortant}}) \, dt.$

Or
$$\frac{dQ}{dt} = 0 = I_{\text{entrant}} - I_{\text{sortant}}$$
.

Or $\frac{dQ}{dt} = 0 = I_{\text{entrant}} - I_{\text{sortant}}$. Donc $I_{\text{entrant}} = I_{\text{sortant}}$. L'intensité du courant est la même en tout point d'un fil conducteur parcouru par un courant continu.

Régime variable 1.d

I est une fonction du temps I(t). On suppose que les variations de I se propagent à la vitesse de la lumière c (en tout cas elles ne peuvent pas aller plus vite)

$$\begin{array}{c|c}
I(t) & Charge & I(t-d/c) \\
\hline
Q(t) & \longrightarrow \\
\end{array}$$

Si
$$I(t) \neq I(t - d/c)$$
 alors $\frac{dQ}{dt} \neq 0$.

Approximation des régimes quasi-stationnaires (ARQS) : I varie assez lentement pour que I(t) = I(t - d/c). Dans ce cas $\frac{dQ}{dt} = 0$ et I est le même en tout point d'un fil conducteur.

Déterminons pour un circuit réel les conditions nécessaires pour pouvoir appliquer l'ARQS:

- -d: dimension du circuit;
- $-\tau \simeq \frac{1}{f}$: temps typique de variation de I (f est la fréquence typique de variation de I(t)).

Le temps de propagation d'une variation d'intensité à travers le circuit est $t_I = \frac{d}{c}$. Pour être dans les conditions d'application de l'ARQS, il faut que $t_I \ll \tau$, on doit donc avoir :

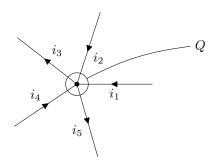
$$d \ll \frac{c}{f}$$
 ou $df \ll c$

L'ARQS est donc applicable à des circuits assez petit pour des fréquences de fonctionnement suffisamment faibles.

MPSI- Physique-Chimie 2/8

1.e La loi des nœuds

Dans les conditions de l'ARQS : $\frac{dQ}{dt} = 0$. On définit un nœud comme la jonction d'au moins 2 fils conducteurs :



On note Q la charge totale comprise dans le nœud, dans ce cas, on a : $\frac{dQ}{dt} = i_1 + i_2 - i_3 + i_4 - i_5 = 0$. On généralise cette **loi des nœuds** comme :

$$\sum_{\substack{\text{courants} \\ \text{entrants}}} i_k - \sum_{\substack{\text{courants} \\ \text{sortants}}} i_k = 0$$

2 La tension électrique

2.a Le potentiel électrique

Dans un circuit électrique, les charges circulent en perdant de l'énergie potentielle (elles descendent une pente). Une charge q possède une énergie potentielle $E_p = qV$; V est le **potentiel électrique** au point considéré. Le potentiel électrique se mesure en Volts (V).

L'origine de l'énergie potentielle est choisie arbitrairement, donc celle de V aussi. Le point du circuit où V est choisi nul est la référence de potentiel.

2.b La tension électrique

La tension électrique U_{AB} entre deux points A et B d'un circuit est la différence de potentiel entre ces deux points :

$$\begin{array}{c} U_{AB} = V_A - V_B \\ & \\ \hline U_{BA} = V_B - V_A \end{array}$$

Remarques:

- La tension est une grandeur algébrique : $U_{BA} = V_B V_A = -U_{AB}$
- La tension se mesure en Volts (V) (d'après Alessandro Volta (1745–1827) qui a inventé la première pile électrique)

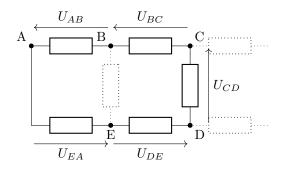
Ordres de grandeur:

- Petits appareils électroniques $\simeq 5\,\mathrm{V}$;
- électroménager $\simeq 220\,\mathrm{V}$;
- lignes haute-tension $\simeq 400 \,\mathrm{kV}$;
- foudre $\simeq 10^8 \, \text{V}$.

2.c La loi des mailles

Une maille est une portion de circuit formant une boucle fermée :

MPSI– Physique-Chimie 3/8



On a :
$$U_{AB} + U_{BC} + U_{CD} + U_{DE} + U_{EA} = V_A - V_B + V_B - V_C + \ldots + V_E - V_A = 0$$
.

loi des mailles : La somme des tensions (orientées dans le même sens de rotation) d'une maille est nulle.

3 Le dipôle électrique

3.a Définition

Un dipôle est un composant qui comporte 2 bornes.

$$V_{AB}$$
 V_{AB}
 V_{AB}
 V_{AB}
 V_{AB}
 V_{AB}

3.b Puissance reçue

Le puissance électrique $\mathbf{reçue}$ par le dipôle AB est :

$$P = U_{AB} \times i_{AB} \tag{2.2}$$

La puissance se mesure en Watts (W=J/s) : James WATT (1736-1819).

Remarque : Si le dipôle produit de l'énergie, P < 0.

3.c Convention récepteur ou générateur

Un récepteur convertit l'énergie électrique qu'il reçoit en une autre forme d'énergie (mécanique, thermique). On a $P_{\text{reçue}} > 0$ donc u et i ont des sens opposés (**convention récepteur**)

$$\begin{array}{c|c}
U_{AB} > 0 \\
A & \bullet \\
i_{AB} > 0
\end{array}$$

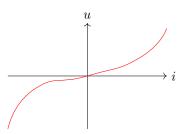
Un générateur fournit de l'énergie électrique donc $P_{\text{reçue}} < 0$, u et i sont dans le même sens (**convention générateur**)

$$\begin{array}{c}
U_{BA} > 0 \\
 & \\
\downarrow \\
i_{AB} > 0
\end{array}$$

3.d Caractéristique d'un dipôle

Dans un dipôle il existe une relation entre u et i: u = f(i). La courbe représentative de u = f(i) est la caractéristique du dipôle.

MPSI– Physique-Chimie 4/8



Remarques:

- Si la caractéristique passe par (0,0), c'est un dipôle **passif**, sinon il est **actif**.
- Si c'est une droite, on dit que le dipôle est linéaire.
- Le point de la caractéristique où se trouve le dipôle (sa tension et son intensité) est le **point de fonctionnement**

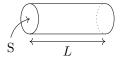
4 Le dipôle résistance

4.a Généralités

Symbole : — (ou —) \underbrace{u} On utilise la convention récepteur : $A \bullet \triangleright B$ La caractéristique d'une résistance est $\underbrace{u = Ri}$ (2.3)

c'est la loi d'Ohm. R est la valeur (résistance) du dipôle en Ohm (Ω) (Georg Simon Ohm 1789–1854) On définit aussi la conductance $G = \frac{1}{R}$ en Ω^{-1} ou Siemens (S).

fabrication : On utilise un matériau de résistivité ρ de longueur L et de section S:



La résistance de ce conducteur est $R = \frac{\rho L}{S}$.

4.b Effet Joule

Une résistance convertit l'intégralité de la puissance électrique reçue en chaleur (effet Joule)

$$\mathbf{A} \overset{u}{\underbrace{\qquad \qquad }} \mathbf{B} \ P_{\text{reçue}} = u \cdot i = Ri \cdot i \text{ donc } P_{\text{reçue}} = Ri^2$$

Remarque : L'énergie reçue par la résistance entre les instants t_1 et t_2 est : $E = \int_{t_1}^{t_2} P(t) dt = \int_{t_1}^{t_2} Ri(t)^2 dt$

4.c Association de résistances

En série : $A \longrightarrow B \longrightarrow C$ Circuit équivalent : $A \longrightarrow U_{AC}$ U_{AC}

La loi des mailles donne : $U_1 + U_2 - U_{AC} = 0$ donc $U_{AC} = U_1 + U_2$. D'après la loi d'Ohm, on a $U_1 = R_1 i$ et $U_2 = R_2 i$. D'où finalement $U_{AC} = R_1 i + R_2 i = (R_1 + R_2)i$.

La résistance équivalente à deux résistance branchées en série est : $R_{eq} = R_1 + R_2$

MPSI– Physique-Chimie 5/8

On généralise se résultat à n résistances R_1, R_2, \ldots, R_n branchées en série :

$$R_{eq} = \sum_{i=1}^{n} R_i \tag{2.4}$$

Application

Pont diviseur de tension : $A \longrightarrow K_1 \longrightarrow B \longrightarrow K_2 \longrightarrow C$ $U_1 \longrightarrow U_2 \longrightarrow U_2$

$$U_{AC} = R_{eq}i \text{ donc } i = \frac{U_{AC}}{R_{eq}}.$$

$$U_{AC} = R_{eq}i \text{ donc } i = \frac{U_{AC}}{R_{eq}}.$$

$$U_2 = R_2i = \frac{R_2}{R_{eq}}U_{AC} \text{ donc finalement } U_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2}U_{AC} < U_{AC}$$

$$\text{Loi des nœuds}: i = i_1 + i_1 = \frac{U_{AB}}{R_1} + \frac{U_{AB}}{R_2} = U_{AB} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) = \frac{U_{AB}}{R_{eq}}$$

Deux résistances R_1 et R_2 branchées en parallèle sont équivalentes à une résistance R_{eq} de valeur : $\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$ La conductance équivalente est $G_{eq} = G_1 + G_2$.

On généralise se résultat à n résistances R_1, R_2, \ldots, R_n branchées en parallèle :

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{R_i} \quad \text{ou} \quad G_{eq} = \sum_{i=1}^{n} G_i$$
(2.5)

Application

Pont diviseur de courant : iA R_2 i_2 k

$$i = \frac{U_{AB}}{R_{eq}} = U_{AB} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) \text{ et } i_1 = \frac{U_{AB}}{R_1} = \frac{R_{eq}}{R_1} i \text{ soit } i_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} i < i$$

5 Le condensateur

Généralités

Un condensateur est un dipôle formé par 2 armatures métaliques séparées par un matériau isolant.

Symbole:
$$\begin{array}{c|c} & & -q \\ & & & \\ & & & \\ & & & u \end{array}$$

MPSI– Physique-Chimie 6/8

Les armatures stockent des charges électriques. En régime continu, i=0 (le condensateur se comporte comme un isolant).

En régime variable, $i = \frac{dq}{dt}$ et q = Cu, donc

$$i = C \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t} \tag{2.6}$$

C est une constante, c'est la **capacité** du condensateur, on la mesure en farad (F=A s V^{-1}=s Ω^{-1})

remarque: $u(t_2) - u(t_1) = \int_{t_1}^{t_2} \frac{i(t)}{C} dt$, à la limite où $t_1 \to t_2$, on a $u(t_1) = u(t_2)$ donc la tension est continue aux bornes d'un condensateur.

5.b Énergie stockée

$$E = \frac{1}{2}Cu^2 \quad \text{en joules}$$
 (2.7)

L'énergie est stockée dans le champ électrique créé entre les armatures.

6 La bobine

6.a Généralités

C'est un dipôle formé par l'enroulement d'un fil conducteur.

En régime continu, u = 0 car c'est un fil conducteur.

En régime variable :

$$u(t) = L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$
 (2.8)

L est l'inductance de la bobine en henry $(1 \text{ H}=1 \text{ V s A}^{-1})$.

remarque : $i(t_2) = i(t_1) + \frac{1}{L} \int_{t_1}^{t_2} u(t) dt$ donc l'intensité i(t) est continue dans une bobine.

6.b Énergie stockée

La puissance reçue est
$$P_{reue} = u \cdot i = L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} = L \frac{\mathrm{d}(i^2)}{\mathrm{d}t}$$
.

Donc l'énergie stockée dans la bobine est : $E = \int_{t=0}^{T} \frac{1}{2} L \frac{\mathrm{d}(i^2)}{\mathrm{d}t} \, \mathrm{d}t$, soit

$$E = \frac{1}{2}Li^2 \quad \text{en joules}$$
 (2.9)

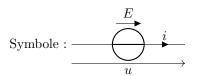
L'énergie est stockée dans le champ magnétique créé par la bobine.

7/8 MPSI- Physique-Chimie

7 Générateurs

7.a Source de tension

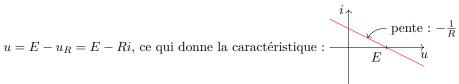
Une source idéale de tension est un dipôle électrique dont la tension aux bornes ne dépend pas de l'intensité du courant qui le traverse.



Caractéristique : \xrightarrow{i} \xrightarrow{E} \xrightarrow{u}

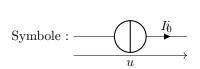
Une source de tension non idéale (modèle linéaire) est modélisée par : R

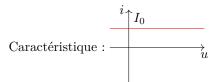
E est la force électromotrice (fém) de la source de tension, et R sa résistance interne.



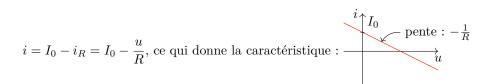
7.b Source de courant

Une source idéale de courant est un dipôle parcouru par un courant constant quelle que soit la tension à ses bornes.





Une source de courant non idéale (modèle linéaire) est modélisée par : $\underbrace{i_r}_{i_r}$



7.c Équivalence entre sources non idéales linéaires

On considère la source de courant non idéale suivante : $\underbrace{i_r}_{R}$ (représentation de Norton)

 $i=I_0-i_R=I_0-\frac{u}{R}\Rightarrow u=\underbrace{RI_0}_{E}-Ri$ qui est la caractéristique d'une source de tension non idéale de fém $E=RI_0$ et de résistance interne R :



MPSI– Physique-Chimie 8/8