### le condensateur



Modèle équivalent en régime permanent

En régime permanent (continu) on a u(t) = constantedonc i(t) = 0

En régime permanent, le condensateur est équivalent à un interrupteur ouvert

Propriétés de continuité

Il n'y a pas de saut de tension aux bornes d'un condensateur. **ex** : Si la tension est nulle à  $t=0^-$ , elle reste nulle à  $t=0^+$ 

Cette propriété permet de relier la tension avant fermeture d'un interrupteur (régime permanent) à la tension après sa fermeture.

### la bobine



Modèle équivalent en régime permanent

En régime permanent (continu) on a i(t) = constante

donc 
$$u(t) = 0$$

En régime permanent, la bobine est équivalente à un fil



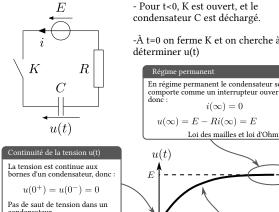
### Propriétés de continuité

Il n'y a pas de saut d'intensité dans une bobine.

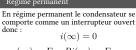
ex : Si l'intensité est nulle à t=0<sup>-</sup>, elle reste nulle à t=0<sup>+</sup>

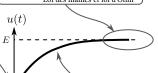
Cette propriété permet de relier l'intensité avant fermeture d'un interrupteur (régime permanent) à l'intensité après sa fermeture.

## Etude qualitative (circuit RC)



-À t=0 on ferme K et on cherche à





Entre les deux extrêmes, on ne peut pas dire grand chose, on devine un comportement "raisonnable".

# Circuits électriques du

## Bilan d'énergie (circuit RC)

Énergie fournie par le générateur :

$$E_g = \int_{t=0}^{\infty} P_g(t) \, dt = \int_0^{\infty} E \cdot i(t) dt = \int_0^{\infty} \frac{E^2}{R} e^{-t/\tau} dt = CE^2$$

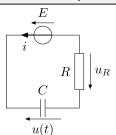
Énergie stockée par le condensateur :

$$E_C = \frac{1}{2}Cu(\infty)^2 - \frac{1}{2}Cu(0)^2 = \frac{1}{2}CE^2$$

Énergie dissipée par la résistance : 
$$E_R = \int_{t=0}^\infty P_R(t)\,\mathrm{d}t = \int_0^\infty R\cdot i^2(t)\mathrm{d}t = \int_0^\infty \frac{E^2}{R}\mathrm{e}^{-2t/\tau}\mathrm{d}t = \frac{1}{2}CE^2$$

Conservation de l'énergie :  $E_g = E_C + E_R$ 

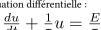
# Étude quantitative (circuit RC)



Loi des mailles :  $E = u + u_R$ Loi d'Ohm :

Condensateur:  $i = C \frac{du}{dt}$ 

À partir de ces équations, on obtient l'équation différentielle :



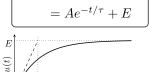
# $\frac{du_H}{dt} + \frac{1}{\tau}u_H = 0$ $u_H(t) = Ae^{-t/\tau}$

Le second membre est constant, on cherche:  $u_P(t) = cste$ 

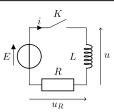
 $u_P(t) = E$ 

$$u(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$$

# $u(t) = u_H(t) + u_P(t)$



### Circuit RL



On ferme K à t=0, on cherche à déterminer i(t)

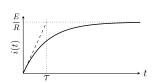
### Analyse qualitative

Pas de saut d'intensité dans la bobine :  $(i(0^+) = i(0^-) = 0)$ En régime permanent, la bobine se comporte comme  $i(\infty) = \frac{E}{R}$ 

### Analyse quantitative

Loi des mailles :  $E=u+u_R$ Loi d'Ohm :  $u_R = Ri$ 

 $u = L \frac{di}{dt}$ Bobine :



La solution est très similaire à celle du circuit RC