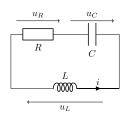
l'oscillateur harmonique

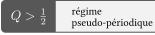
Exemple : circuit RLC série



Équation différentielle satisfaite par i(t):

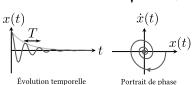
$$\frac{\mathrm{d}^2 i}{\mathrm{d} t^2} + \underbrace{\frac{R}{L}}_{\omega_0/Q} \frac{\mathrm{d} i}{\mathrm{d} t} + \underbrace{\frac{1}{LC}}_{\omega_0^2} i = 0$$

Équation différentielle d'un oscillateur harmonique en régime libre



$$x(t) = Ae^{-t/\tau} \cos(\omega t + \varphi)$$

$$\frac{2Q}{\omega_0} \sqrt{1 - \frac{1}{4Q^2}}$$

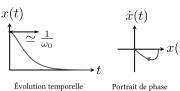


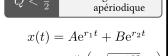
$$\boxed{\ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q}\dot{x} + \omega_0^2 x = 0}$$
 Ou const

régime critique

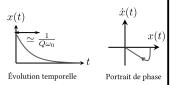
 $x(t) = (A + Bt)e^{-\omega_0 t}$

retour à l'équilibre le plus rapide



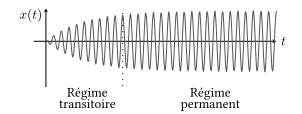


régime



Régime sinusoïdal forcé

Le système est soumis à une excitation sinusoïdale



On étudie le régime permanent où toutes les grandeurs oscillent sinusoïdalement à la pulsation ω

$$x(t) = X \cos(\omega t + \varphi)$$
 \longrightarrow $\underline{x}(t) = X e^{j(\omega t + \varphi)}$ grandeur réelle grandeur complexe

Impédance complexe

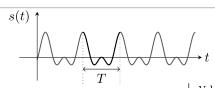
 $\underline{Z}_R = R$

 $\underline{Z}_L = jL\omega$

Oscillateurs

Filtrage

Signal périodique



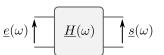
 $f = \frac{1}{T}$: fréquence

Décomposition en série de Fourier :

$$s(t) = c_0 + \sum_{i=1}^{n} c_n \cos(n\omega t + \varphi_n)$$

Valeur moyenne : $\langle s(t) \rangle = \frac{1}{T} \int_0^T s(t) \, dt$

 $\langle s(t) \rangle = \sqrt{\frac{1}{T}} \int_0^T s^2(t) dt$



Fonction de transfert harmonique :

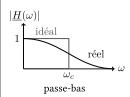
$$\underline{H}(\omega) = \frac{\underline{s}(\omega)}{\underline{e}(\omega)}$$

Gain : $G = |\underline{H}(\omega)|$

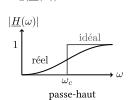
Déphasage : $\varphi = \arg(\underline{H}(\omega))$

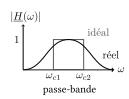
de rang n

Gain en décibels : $G_{dB} = 20 \log(G)$

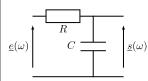


continue





Exemple d'un filtre passe-bas d'ordre 1



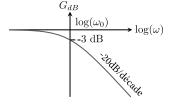


diagramme de Bode

Tout fonctionne comme pour des résistances : associations série/parallèle, ponts diviseurs, ...

Bobine

Résistance