# A Discontinuous Galerkin Method for Diffusion Flames

#### **Embedded in a low-Mach solver framework**

Zur Erlangung des akademischen Grades Doktor-Ingenieur (Dr.-Ing.) Vorgelegte Dissertation von Juan Francisco Gutiérrez Jorquera aus Santiago, Chile Tag der Einreichung: 29. September 2022, Tag der Prüfung: 29. September 2022

Erstreferent: Prof. Dr.-Ing Martin Oberlack

Koreferent: Gutachter 2

Darmstadt



Fachbereich Maschinenbau Fachgebiet für Strömungsdynamik A Discontinuous Galerkin Method for Diffusion Flames Embedded in a low-Mach solver framework

Vorgelegte Dissertation von Juan Francisco Gutiérrez Jorquera

Tag der Einreichung: 29. September 2022 Tag der Prüfung: 29. September 2022

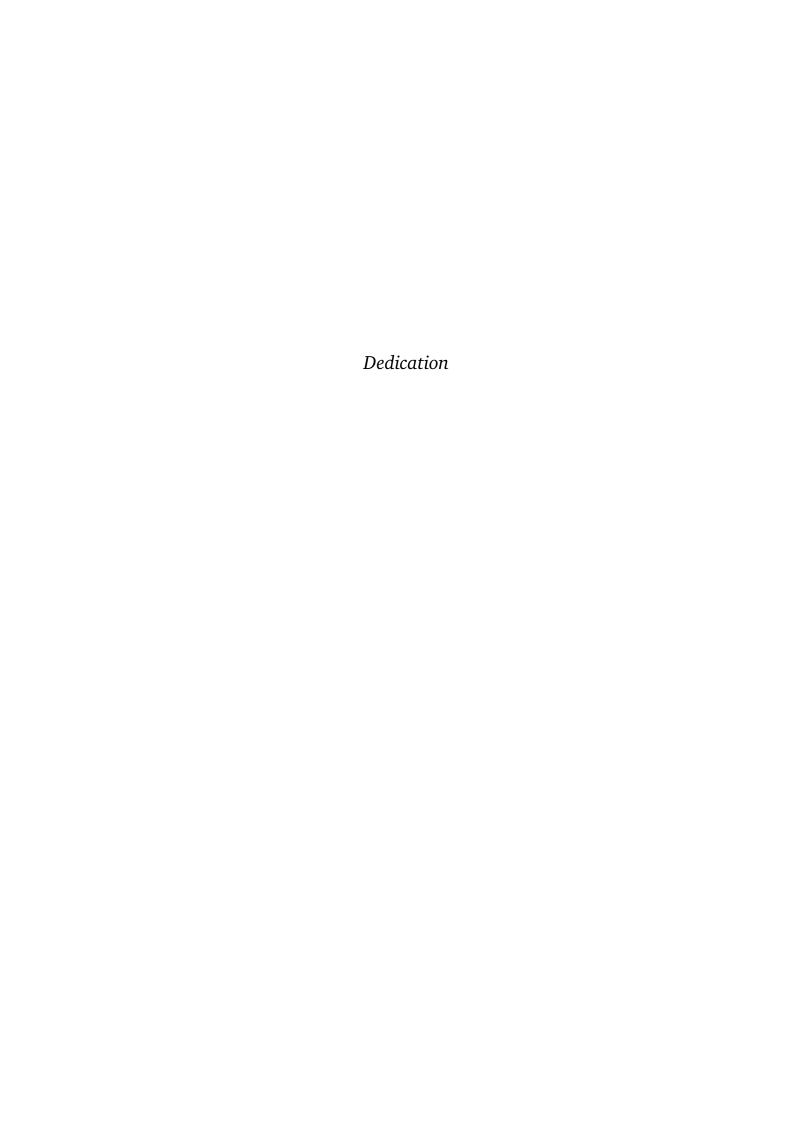
Darmstadt

Bitte zitieren Sie dieses Dokument als: URN: urn:nbn:de:tuda-tuprints-1234

URL: http://tuprints.ulb.tu-darmstadt.de/12345 DOI: https://doi.org/10.25534/tuprints-1234

Dieses Dokument wird bereitgestellt von tuprints, E-Publishing-Service der TU Darmstadt http://tuprints.ulb.tu-darmstadt.de tuprints@ulb.tu-darmstadt.de

Die Veröffentlichung steht unter folgender Creative Commons Lizenz: Namensnennung 4.0 International https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/
This work is licensed under a Creative Commons License: Attribution 4.0 International https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/



### Erklärungen laut Promotionsordnung

### § 8 Abs. 1 lit. c PromO

Ich versichere hiermit, dass die elektronische Version meiner Dissertation mit der schriftlichen Version übereinstimmt.

### § 8 Abs. 1 lit. d PromO

Ich versichere hiermit, dass zu einem vorherigen Zeitpunkt noch keine Promotion versucht wurde. In diesem Fall sind nähere Angaben über Zeitpunkt, Hochschule, Dissertationsthema und Ergebnis dieses Versuchs mitzuteilen.

### § 9 Abs. 1 PromO

Ich versichere hiermit, dass die vorliegende Dissertation selbstständig und nur unter Verwendung der angegebenen Quellen verfasst wurde.

### § 9 Abs. 2 PromO

Die Arbeit hat bisher noch nicht zu Prüfungszwecken gedient.	
Darmstadt, 29. September 2022	

### **Abstract**

Abstract

# Zusammenfassung

Zusammenfassung

# **Acknowledgements**

Acknowledgements

### **Contents**

List of Figures	X
List of Tables	xvi
List of Abbreviations	cix
List of Symbols	xx
Curriculum vitae	3

# **List of Figures**

Streamlines of the heated cavity configuration with  $\epsilon=0.6.\dots 1$ 

### **List of Tables**

### **List of Abbreviations**

 $\mathbf{u}_{\text{ext}}$ 

Extension-velocity field

### **List of Symbols**

Ω

 $\partial\Omega$ Domain boundary  $\mathfrak{A}$ Bulk phase A  $\mathfrak{B}$ Bulk phase B Bulk phase, species s  $\Omega \setminus \mathfrak{I}$ Bulk Interface Singular surface velocity vector  $\mathbf{w}$ Normal component of the singular surface velocity wMaterial interface velocity vector  $\mathbf{u}_{\mathfrak{I}}$ Outer boundary normal vector  $\mathbf{n}_{\partial\Omega}$ Interface normal vector  $\mathbf{n}_{\mathfrak{I}}$ Normal vector  $\mathbf{n}$ Tangent vector  $\mathbf{P}_{\mathfrak{I}}$ Interface projection tensor Projection tensor Velocity vector u Pressure pKinetic energy  $e_{\mathbf{kin}}$ Surface energy General field/physical property  $\psi$  $\mathbf{f}$ Flux vector Dynamic viscosity  $\mu$ Kinematic viscosity Surface tension coefficient Mean curvature  $\kappa$  $\mathbf{D}$ Rate of deformation tensor  $\mathbf{S}$ Stress tensor  $\theta$ Apparent contact angle  $\theta_{\text{stat}}$ Static contact angle Contact line L $l_{\mathbf{cap}}$ Capillary length Slip length  $l_{\mathbf{s}}$ Contact line normal vector  $\mathbf{n}_L$ Contact line velocity  $U_L$ Coefficient of friction β Specific heat capacity of the mixture  $c_p$ 

Domain of interest, computational domain

xxi

 $c_{p,k}$  Specific heat capacity of species k

T Temperature

 $T_{\rm sat}$  Saturation temperature

q Heat flux vectorc Specific heat capacityk Thermal conductivity

 $\rho$  Density

 $\dot{m}$  Mass transfer rate

 $h_{
m vap}$  Enthalpy/(latent) heat of vaporization

D Diffusion coefficient

 $\nu_k$  Stoichiometric coefficient of species k

*k* Total degree of the polynomial space

 $\alpha$  Aggregation threshold

 $\phi$  Basis function

 $\mathbb{P}_k$  Broken polynomial space

K Numerical cell  $K^{\mathbf{X}}$  Numerical cut-cell

X Cut

 $\Delta t$  Time step size

 $\Gamma_{\rm D}$  Edge imposed with Dirichlet boundary condition

 $\Gamma_{\text{int}}$  Internal edge

 $\Gamma_{\rm N}$  Edge imposed with Neumann boundary condition

 $\Gamma$  Edge

 $\begin{array}{ll} h & \text{Numerical mesh size} \\ \mathfrak{K}_{\mathbf{cc}} & \text{Set of cut-cells} \\ \mathfrak{K}_{\mathbf{far}} & \text{Set of far-field cells} \\ \mathfrak{K}_{\mathbf{near}} & \text{Set of cut-cell neighbours} \\ \mathfrak{K}_{h}^{\mathbf{X}} & \text{Numerical cut-cell mesh} \end{array}$ 

 $\mathfrak{K}_h$  Numerical mesh  $\varphi$  Level-set function Edg Logical edge M Mass matrix  $\mathbf{n}_{\Gamma}$  Edge normal field

 $\mathbf{n}_{\mathfrak{I},\Gamma}$  Edge normal field including the interface normal vector

 $\hat{F}$  Numerical flux

 $\varphi^{dg}$  Level-set function represented by a DG field

 $\varphi^{\mathbf{c}\mathbf{0}}$  Constrained level-set function represented by a DG field

 $\eta$  Penalty parameter

 $\mathbb{V}_{\mathbf{k}}^{\mathbf{X}}$  Sum of broken polynomial spaces

 $\vartheta$  General test function

Test function for the continuity equation qTest function for the heat equation Test function for the momentum equation **ER** Expansion ratio the backward-facing step Eo tvös number Laplace number La Peclet number Pe Froude number Fr Oscillation frequency  $\omega$ λ Wavelength Wavenumber kg Gravity vector h Channel heigth of the backward-facing step  $\hat{h}$ Convective heat transfer coefficient λ Heat conductivity Specific enthalpy of k species.  $h_k$  $Y_k$ Mass fraction of species k Mean molecular weight of the mixture WMolecular weight of species k $W_k$ NTotal number of species in the mixture Nusselt number Nu Nusselt number, local Nu<sub>loc</sub> Net rate of production of species k $\omega_k$ Pr Pradntl number Pressure p $\mathcal{R}$ Universal gas constant Re Reynolds number S Step heigth of the backward-facing step Viscous tensor Time tVelocity vector u Diffusion coefficient D U Diffusion velocity vector

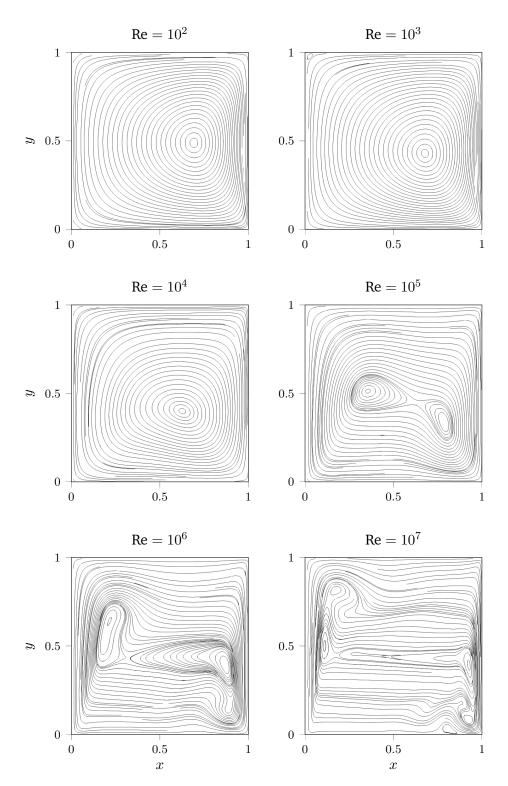


Figure 1: Streamlines of the heated cavity configuration with  $\epsilon=0.6$ .

### **Curriculum vitae**

### Vor- und Nachname

#### Persönliche Daten

Geburtsdatum: Geburtsort: Staatsangehörigkeit: -

### Schulbildung

Jahr - Jahr - Jahr - -

#### Studium

Jahr - Jahr -

### Wissenschaftliche

#### Tätigkeit

Jahr - Jahr Wissenschaftlicher Mitarbeiter am Fachgebiet für Strömungs-

dynamik im Fachbereich Maschinenbau der TU Darmstadt,

Promotion und Lehrtätigkeit

3