

## Amdahlův zákon o urychlení výpočtu

- Amdahlův zákon udává urychlení výpočtu zavedením rychlejšího zpracování jisté části úlohy. Předpokládáme, že zbylou část úlohy nelze urychlit.
- Část úlohy, kterou lze zrychlit  $r$ -krát, označíme  $f$ ,  $f < 1$ . Zbylou část označíme  $1 - f$ .
- Doby provedení výpočtu před a po zavedení urychlení si označíme jako  $t_s$  a  $t_n$ .

## Měření výkonnosti počítačů

INP 2019  
FIT VUT v Brně

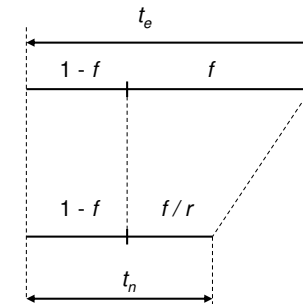


$$t_n = t_e \left( (1 - f) + \frac{f}{r} \right)$$

Celkové urychlení  $v_r$  je rovno

$$v_r = \frac{t_e}{t_n}$$

$$v_r = \frac{1}{(1 - f) + \frac{f}{r}}$$

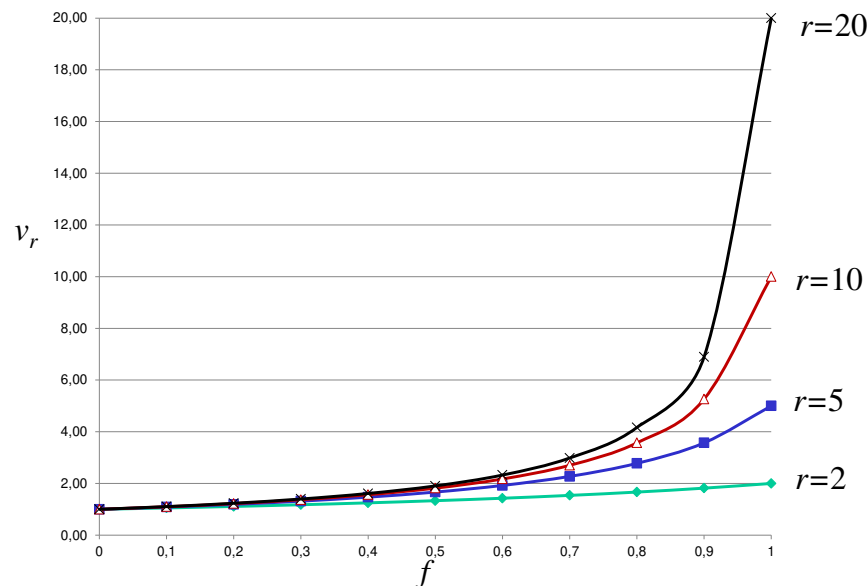


1

2

## Zrychlení jako funkce $f$ , $r = \text{konst.}$

Př. Jakého urychlení dosáhneme, pokud vložíme do počítače RVP, která je  $r$ -krát rychlejší než hlavní paměť a je využita v  $f\%$  případech?



3

## Definice výkonnosti počítače

- Výkonnost počítače se posuzuje několika způsoby, nejčastěji jako:
  - doba (provedení) výpočtu  $t_e$  (execution time).
  - propustnost systému  $P_e$  - počet transakcí, které je systém schopen uskutečnit za časovou jednotku.
- Absolutní měření výkonnosti je velmi problematické.
- Schůdnější je hodnotit výkonnost relativně, tj. vzhledem k referenčnímu počítači, jako např. PC XT 4,7 MHz, nebo VAX-11/780.
- Je-li výkonnější počítač označen  $X$  a méně výkonný  $Y$ , lze pro poměr jejich výkonností (propustností)  $P_e$  a dob výpočtu  $t_e$ , které byly získány pro nějaký program  $H$ , psát

$$\frac{P_{eX}}{P_{eY}} = \frac{t_{eY}}{t_{eX}} = n$$

a říkáme "počítač  $X$  je  $n$  krát výkonnější než počítač  $Y$ ".

Počítač  $X$  je  $k\%$  výkonnější než  $Y$ , pokud platí:

$$\left( \frac{t_{eY}}{t_{eX}} - 1 \right) * 100 = k$$

4

## Měření výkonnosti

- Převážná část počítačů je zkonstruovaná s využitím konstantního hodinového kmitočtu  $f_C$  (doba cyklu  $T_C = 1/f_C$ ).
- Doba výpočtu:  

$$t_e = \text{Počet hodinových cyklů během programu} * T_C \quad (1)$$
- Můžeme spočítat počet provedených instrukcí programu Počet I a určit důležitý parametr procesoru - počet cyklů na provedení jedné instrukce CPI - Cycles Per Instruction.
- $$\text{CPI} = \text{Počet hodinových cyklů během programu} / \text{Počet I} \quad (2)$$

$$\text{Počet hod. cyklů během programu} = \text{CPI} * \text{Počet I} \quad (3)$$
- Po dosazení (3) do rovnice (1) dostaneme  

$$t_e = \text{Počet I} * \text{CPI} * T_C \quad (4)$$
- Počet Instrukcí v programu je dán řešenou úlohou a je ovlivněn architekturou instrukčního souboru (Instruction Set Architecture - ISA) a technologií kompilátoru. Parametr CPI je dán architekturou ISA, a  $T_C$  je dána použitou obvodovou technologií a organizací obvodů počítače.

5

## Měření výkonnosti v jednotkách MIPS

- Řešením by mohlo být definovat výkonnost relativně vzhledem k referenčnímu počítači, a pracovat s relativním  $P_{\text{MIPS}}$ .
- Relativní  $P_{\text{MIPS}} = (t_{e \text{ ref. počítače}} * P_{\text{MIPS ref. počítače}}) / t_{e \text{ měř. počítače}}$
- Dále je vhodné definovat sadu úloh pro výpočet – např. Dhrystone
- $P_{\text{MIPS ref. počítače}}$  je dohodnuté číslo. Např. počítače VAX - 11/780 bývá označen za "1 MIPS" stroj. Výkonnost v MIPS dalších procesorů je např. zde: [http://en.wikipedia.org/wiki/Instructions\\_per\\_second](http://en.wikipedia.org/wiki/Instructions_per_second)

7

## Měření výkonnosti v jednotkách MIPS

- Alternativou k době provedení je počet milionů instrukcí provedených za sekundu, udávaný v jednotkách MIPS.  

$$P_{\text{MIPS}} = \text{Počet I} / (t_e * 10^6) = f_C / (\text{CPI} * 10^6) \quad (5)$$
- Pozn.: Poslední výraz byl získán pomocí vztahu  

$$t_e = (\text{Počet I} * \text{CPI}) / f_C \quad (6)$$
- Poznámky:
  - Výhodou této definice je její jednoduchost, ale její použití pro srovnávání výkonnosti počítačů nese některé problémy.
  - Např.  $P_{\text{MIPS}}$  je závislý na instrukčním souboru, takže je problematické srovnávat počítače s různými instrukčními soubory.
    - Př. Na počítači RISC i CISC trvá výpočet stejného problému 1 ms. CISC potřebuje 20 instrukcí, RISC potřebuje 60 instrukcí. Je opravdu RISC 3krát výkonnější??? Ne!
  - MIPS se hodí např. pro srovnání různých generací procesorů jednoho výrobce.

6

## Měření v jednotkách MFLOPS

- Pro počítače s jednotkou pro práci s čísly v pohyblivé řádové čárce (FP) se udává výkonnost v počtu operací s pohyblivou řádovou čárkou (FLOPS).  

$$P_{\text{MFLOPS}} = \text{Počet FP operací} / (t_e * 10^6)$$
- Problém je, že instrukční soubory FP nejsou u všech počítačů stejné.
- Složitost FP operací je různá. Operace sčítání je značně rychlejší než operace dělení. Pro program se 100% operací sčítání pak bude zjištěna vyšší výkonnost než pro program se 100% operací dělení.
- Aby parametr  $P_{\text{MFLOPS}}$  tyto rozdíly správně zachytil, byly definovány kanonické počty FP operací ve zkušebním programu. Každá operace FP se pak ohodnotí vahou, která reprezentuje její složitost, a dostaneme parametr normalizovaný  $P_{\text{MFLOPS}}$ .
- Váhy FP operací podle Livermore Loops
 

– ADD, SUB, CMP, MPY	1
– DIV, SQRT	4
– EXP, SIN	8

8

## Programy pro hodnocení výkonnosti

- Pro měření se používají
  - reálné programy,
  - jádra (kernels) - nejvýznamnější části skutečných programů,
  - demonstrační zkušební úlohy (např. Quicksort), a
  - syntetické zkušební úlohy - mají obdobnou filosofii jako jádra, snaží se vystihnout průměrné frekvence operací a dat na rozsáhlých množinách programů.
- V minulosti bylo nejrozšířenější použití benchmarků, jako Whetstone benchmark s převahou operací v pohyblivé řádové čárce a Dhrystone benchmark s převahou operací v pevné řádové čárce.
- Dnes se nejvíce používají
  - SPEC – System Performance Evaluation Cooperative
  - TPC – Transaction Processing Performance Council

## SPEC (od 1988)

- Obsahuje **sadu reálných úloh SPEC** (Standard Performance Evaluation Corporation): SPEC89, SPEC92, SPEC95, SPEC2000 ... SPEC2017.
- Skupiny měřicích programů se neustále mění tak, aby se objektivizovalo měření a pokrývaly se moderní aplikace, např.
  - SPECint** (CINT2006) pro operace s pevnou řádovou čárkou (12 programů).
  - SPECfp** (CFP2006) pro operace s pohyblivou řádovou čárkou.
- Pro každou úlohu se zjistí **relativní doba výpočtu** (vzhledem k referenčnímu počítači). Ve skupinách int a fp se pak odděleně vypočte tzv. **geometrický průměr**, což je  $n$ -tá odmocnina ze součinu  $n$  relativních dob provedení. Výsledkem jsou dva výkonové parametry SPECint a SPECfp.

9

10

## SPECint 2006

Benchmark	Language	Category
400.perlbench	C	Programming Language
401.bzip2	C	Compression
403.gcc	C	C Compiler
429.mcf	C	Combinatorial Optimization
445.gobmk	C	Artificial Intelligence
456.hmmer	C	Search Gene Sequence
458.sjeng	C	Artificial Intelligence
462.libquantum	C	Physics / Quantum Computing
464.h264ref	C	Video Compression
471.omnetpp	C++	Discrete Event Simulation
473.astar	C++	Path-finding Algorithms
483.xalancbmk	C++	XML Processing

$$SPEC_{int} 2006 = \sqrt[12]{\prod_{i=1}^{12} tr_i} \quad tr_i = \frac{t_{ref_i}}{t_{hod_i}} \quad \begin{array}{l} t_{ref} - \text{doba výpočtu referenčního počítače} \\ t_{hod} - \text{doba výpočtu hodnoceného počítače} \end{array}$$

Měření výkonnosti se provádí odděleně pro programy s operacemi FX a FP.

11

## Sada testovacích úloh SPEC CPU2006

<http://www.spec.org/cpu2006/results/>

### SPECINT 2006 (12 benchmarků)

Benchmark	Language	Application Area
400.perlbench	C	Programming Language
401.bzip2	C	Compression
403.gcc	C	C Compiler
429.mcf	C	Combinatorial Optimization
445.gobmk	C	Artificial Intelligence: Go
456.hmmer	C	Search Gene Sequence
458.sjeng	C	Artificial Intelligence: chess
462.libquantum	C	Physics / Quantum Computing
464.h264ref	C	Video Compression
471.omnetpp	C++	Discrete Event Simulation
473.astar	C++	Path-finding Algorithms
483.xalancbmk	C++	XML Processing

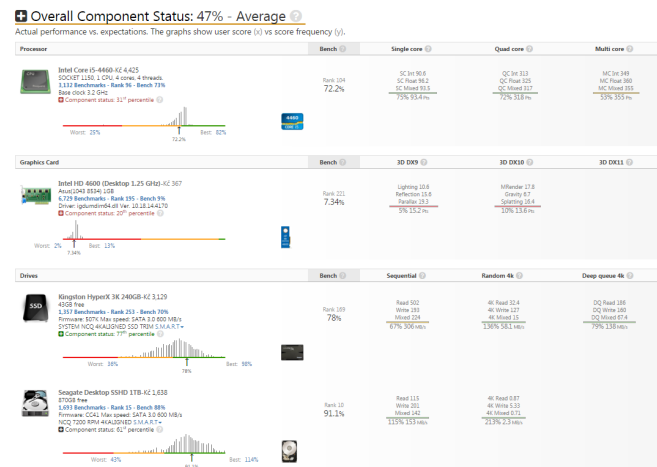
### SPECFP 2006 (17 benchmarků)

Benchmark	Language	Application Area
410.bwaves	Fortran	Fluid Dynamics
416.gamess	Fortran	Quantum Chemistry
433.milc	C	Physics / Quantum Chromodynamics
434.zeusmp	Fortran	Physics / CFD
435.gromacs	C, Fortran	Biochemistry / Molecular Dynamics
436.cactusADM	C, Fortran	Physics / General Relativity
437.leslie3d	Fortran	Fluid Dynamics
444.namd	C++	Biology / Molecular Dynamics
447.dealll	C++	Finite Element Analysis
450.soplex	C++	Linear Programming, Optimization
453.povray	C++	Image Ray-tracing
454.calculix	C, Fortran	Structural Mechanics
459.GemsFDTD	Fortran	Computational Electromagnetics
465.Tonto	Fortran	Quantum Chemistry
470.lbm	C	Fluid Dynamics
481.wrf	C, Fortran	Weather
482.sphinx3	C	Speech recognition

$$SPEC_{int2006} = \sqrt[12]{\prod_{i=1}^{12} t_{rel_i}} \quad t_{rel_i} = \frac{t_{ref_i}}{t_{act_i}} \quad SPEC_{fp2006} = \sqrt[17]{\prod_{i=1}^{17} t_{rel_i}} \quad t_{rel_i} = \frac{t_{ref_i}}{t_{act_i}}$$

## Detailní výsledky testů CPU, komponent atd. jsou na webu

<https://www.cpubenchmark.net/>  
<http://www.userbenchmark.com>



13

## Shrnutí

- Výkonnost závisí na optimalizaci CPU (program, kompilátor, ISA a HW), paměťového subsystému a I/O subsystému.
- Principy zrychlování popisuje Amdahlův zákon.
- Neexistuje jediná univerzální metrika pro hodnocení výkonnosti.
- Nejobjektivnější je použít sadu benchmarků
  - Problém aritmetický vs. geometrický průměr při sumarizaci výsledků
    - aritmetický průměr – výsledek závisí na volbě referenčního počítače; zkresluje, pokud jsou naměřená data velmi variabilní.
    - geometrický průměr - není lineární (např. 2x vyšší geometrický průměr neznamená 2x vyšší kvalitu).

14