Fragen zum F# BootCamp

6. Mai 2009

Theorie

- 1. Was versteht man unter dem Begriff "Funktionale Programmierung"? Versuchen Sie den Begriff von "Imperativer Programmierung" abzugrenzen.
- 2. Erklären Sie die Bedeutung des "let" Keywords. Warum spricht man bei F# nicht von Variablen sondern von "(let-)Bindings"?
- 3. Was ist eine Rekursion? Erklären Sie warum es oft sinnvoll ist Funktionen "tail-recursive" zu formulieren? Hinweis: Was passiert bei folgendem C# Programm (probieren Sie es aus) und wie könnte man es umformulieren um dem Problem zu entgehen?

```
public static Int64 Factorial(Int64 x) {
  if (x == 0) return 1;
  return x*Factorial(x - 1);
}
...
Factorial(100000);
```

- 4. Versuchen Sie die Begriffe "Currying" und "Partial Application" an einem einfachen Beispiel zu erläutern. Hinweis: Verwenden Sie den Pipe-Operator |>.
- 5. Was versteht man unter "Lazy evaluation" bzw. was unter "Eager evaluation"? Geben Sie Beispiele an, wo die Benutzung jeweils sinnvoll ist.
- 6. Erkären Sie die Begriffe "Structural Comparison", "Structural Equality" und "Structural Hashing".
- 7. Worin unterscheiden sich "Pure Functions" von "Impure Functions"? Welche Vorteile können sich aus der Nutzung von "Pure functions" ergeben?
- 8. Was versteht man unter Typinferenz? Erklären Sie warum man in F# (in den meisten Fällen) die Typdeklaration weglassen kann und die Sprache trotzdem typsicher ist. Worin liegt der Unterschied bzgl. der Variablendeklaration in Scriptsprachen wie z.B. PHP?
- 9. Was versteht man unter "Funktionen höherer Ordnung" ("higher-order functions")? Versuchen Sie einfache Beispiele solcher Funktionen zu finden.

- 10. Erklären Sie das Prinzip der vier eingebauten F#-Funktionen "List.iter", "List.filter", "List.map" und "List.fold_left".
- 11. Wo befindet sich der Einsprungspunkt in ein F# Programm? Hinweis: Alle F# Module werden als statische Klassen kompiliert und "freier Quellcode" in den Konstruktor dieser Klassen.
- 12. Versuchen Sie Gemeinsamkeiten und Unterschiede der beiden Klassen **Dictionary** (System.Collections.Generic) und **Map** (Microsoft.FSharp.Collections) zu finden. Obwohl eine Map für die wichtigsten Operationen (Einfügen, Lookup und Löschen) $O(\log n)$ -Laufzeit benötigt, während ein Dictionary immer konstante Laufzeit (O(1)) bietet, gibt es Szenarien wo eine Map von Vorteil sein könnte. Versuchen Sie ein solches Beispiel zu beschreiben.
- 13. Was versteht man unter "Memoization"? Wie könnte man Memoization in .NET nutzen?

Programmieraufgaben

- Schreiben Sie ein Programm (z.B. in C# oder F#), das für die ersten 100 natürlichen Zahlen "foo" ausgibt wenn die Zahl durch drei teilbar ist und "bar" wenn sie durch fünf teilbar ist.
- 2. Schreiben Sie ein Programm (z.B. in C# oder F#), das alle Fibonacci-Zahlen bis 40 auflistet. Versuchen Sie die Laufzeit Ihres Programms zu messen. Die Fibonacci-Zahlen sind folgendermaßen rekursiv definiert:

$$fib(0) = 1$$

$$fib(1) = 1$$

$$fib(x) = fib(x-1) + fib(x-2)$$

- 3. Schreiben Sie ein Programm (z.B. in C# oder F#), das die "Summe der Quadrate" und das "Quadrat der Summe" der ersten 1000 Zahlen ausgibt. Hinweise:
 - a) $1^2 + 2^2 + ... + 10^2 = 385$ (Summe der ersten 10 Quadrate)
 - b) $(1+2+...+10)^2 = 55^2 = 3025$ (Quadrat der ersten 10 Zahlen)
- 4. Schreiben Sie ein Programm (z.B. in C# oder F#), das das größte Palindrom findet, das sich als Produkt zweier dreistelliger Zahlen darstellen lässt. Hinweise:
 - a) Ein Palindrom ist ein Wort oder eine Zahl die sich vorwärts und rückwärts gleich liest. Beispiele: Anna, 1054501, lagerregal
 - b) Das größte Palindrom, das sich als Produkt von zwei zweistelligen Zahlen darstellen last ist $9009 = 91 \cdot 99$
- 5. Schreiben Sie ein Programm (z.B. in C# oder F#), das berechnet wie viele Sonntage im 20. Jahrhundert (01.01.1901 bis 31.12.2000) auf einen Monatsanfang gefallen sind.
- 6. $2^{15} = 32768$ und hat die Quersumme 3+2+7+6+8=26. Was ist die Quersumme von 2^{1000} ?
- 7. Die Summe der Primzahlen unter 10 ist 2+3+5+7=17. Bestimmen Sie die Summe aller Primzahlen unter 2 Millionen.

8. Die Fakultät ist folgendermaßen rekursiv definiert:

$$0! = 1$$

$$n! = (n-1)! \cdot n$$

Bestimmen sie die Quersumme (Summe aller Ziffern) von 100!

- 9. Ein pythagoreisches Tripel ist eine Menge von drei natürlichen Zahlen (a,b,c) für die gilt: a < b < c und $a^2 + b^2 = c^2$. Beispielsweise ist $\{3,4,5\}$ ein bereits sehr lange bekanntes pythagoreisches Tripel, das benutzt wurde um rechte Winkel abzumessen. Es gibt genau ein pythagoreisches Tripel, für das gilt: a + b + c = 1000. Finden Sie dieses.
- 10. Finden Sie das größte Produkt von fünf aufeinanderfolgender Ziffern in der folgenden 1000-stelligen Zahl:

7316717653133062491922511967442657474235534919493496983520312774506326239578318016984801869478851843858615607891129494954595017379583319528532088055111254069874715852386305071569329096329522744304355766896648950445244523161731856403098711121722383113622298934233803081353362766142828064444866452387493035890729629049156044077239071381051585930796086670172427121883998797908792274921901699720888093776657273330010533678812202354218097512545405947522435258490771167055601360483958644670632441572215539753697817977846174064955149290862569321978468622482839722413756570560574902614079729686524145351004748216637048440319989000889524345065854122758866688116427171479924442928230863465674813919123162824586178664583591245665294765456828489128831426076900422421902267105562632111110937054421750694165896040807198403850962455444362981230987879927244284909188845801561660979191338754992005240636899125607176060588611646710940507754100225698315520005593572972571636269561882670428252483600823257530420752963450

a) In der E-Mail befindet sich die Zahl als C#-String zum Kopieren.