FMC III - Trabalho 8

Alexandre Ribeiro José Ivo Marina Leite 29 de outubro de 2025

1. Dê uma prova formal de $A\to B,$ em que Ae Bsão definidos como segue:

$$A = \exists x \big(r(x) \land \forall y \big(p(y) \to q(x, y) \big) \big) \land \forall x \big(r(x) \to \forall y \big(s(y) \to \neg q(x, y) \big) \big)$$
$$B = \forall x \big(p(x) \to \neg s(x) \big)$$

```
Р
        1.\exists x (r(x) \land \forall y (p(y) \rightarrow q(x,y)))
       2.\forall x(r(x) \to \forall y(s(y) \to \neg q(x,y)))
                                                                      Р
        3.r(c) \land \forall y(p(y) \rightarrow q(c,y))
                                                                       1, IE
        4.\forall y(p(y) \rightarrow q(c,y))
                                                                      3, Simp.
        5.p(y) \rightarrow q(c,y)
                                                                       4, IU
       6.r(c) \rightarrow \forall y(s(y) \rightarrow \neg q(c,y))
                                                                       2, IU
        7.
                r(c)
                                                                      P (Para s(y) \rightarrow \neg q(c, y))
                \forall y(s(y) \to \neg q(c,y))
        8.
                                                                       6, 7 MP
       9.s(y) \rightarrow \neg q(c,y)
                                                                      8, IU
        10.
                  p(y)
                                                                      P (Para q(c, y))
        11.q(c, y)
                                                                       5, 10, MP
        12.
                  s(y)
                                                                      P (Para obter contradição)
                  \neg q(c, y)
                                                                      9, 12, MP
        13.
        14.
                  Falso
                                                                       11, 13, Contr.
        15. \neg s(y)
                                                                       12 - 14, PI
       16.p(y) \rightarrow \neg s(y)
                                                                       10 - 15, PC
                                                                      10 - 15, PC
        17.\forall y(p(y) \rightarrow \neg s(y))
        18. \forall x (p(x) \rightarrow \neg s(x))
                                                                       17, Subs.
QED
```

- 2. Prove que a regra de prova do cálculo proposicional Silogismo Hipotético pode ser usada no cálculo de predicado.
- 3. Uma relação arbitrária que é irreflexiva e transitiva também é simétrica. Dê uma prova formal da afirmação, considerando que as seguintes fbf representam as três propriedades:

COPIAR PROPRIEDADES

- 4. Prove o Teorema da Dedução para o cálculo de predicado.
- 5. Prove formalmente que:

COPIAR O RESTO