## FMC III - Trabalho 6

Alexandre Ribeiro José Ivo Marina Leite 10 de outubro de 2025

## 1. $(B \to C) \to (A \land B \to A \land C)$

1. 
$$(B \rightarrow C)$$
 $P$ 

 2.  $(A \land B)$ 
 $P$ 

 3.  $\neg (A \land C)$ 
 $P$  para  $(A \land C)$  Prova por absurdo

 4.  $B$ 
 $2, Simp$ 

 5.  $C$ 
 $1, 4MP$ 

 6.  $A$ 
 $2, Simp$ 

 7.  $A \land C$ 
 $5, 6Conj$ 

 8.  $Falso$ 
 $3, 7Contra$ 

 9.  $(A \land C)$ 
 $3 - 8, PI$ 

 10.  $(A \land B \rightarrow A \land C)$ 
 $2, 9PC$ 
 $QED$ 
 $1, 10P$ 

$$\frac{A \wedge B}{B} \text{ Simp.} \quad \frac{B \to C \quad B}{C} \text{ MP} \quad \frac{A \wedge B}{A} \text{ Simp.} \quad \frac{A \quad C}{A \wedge C} \text{ Conj.} \quad \frac{\neg (A \wedge C) \quad (A \wedge C)}{Falso} \text{ PI3: } \neg (A \wedge C)$$

$$\frac{A \wedge C}{A \wedge B \to A \wedge C} \text{ PC2: } (A \wedge B)$$

$$\frac{A \wedge B \to A \wedge C}{(B \to C) \to (A \wedge B \to A \wedge C)} \text{ PC1: } (B \to C)$$

**2.** 
$$(A \lor B \to C) \land (C \to D \land E) \to (A \to C)$$

- 1.  $(A \lor B \to C) \land (C \to D \land E)$ [P]2.  $\neg (A \rightarrow D)$ [Hipótese para PI] 3.  $A \wedge \neg D$ [2, NC]4. *A* [3, Simp]5.  $\neg D$ [3, Simp]6.  $A \lor B \to C$ [1, Simp]7.  $C \to D \land E$ [1, Simp]8.  $A \lor B$ [4, Ad]9. *C* [6, 8, MP][7, 9, MP]10.  $D \wedge E$ 11. D [10, Simp]12.  $D \wedge \neg D$ Falso [5, 11 - Contradição] 13.  $A \rightarrow D$ [2-12, PI]14.  $(A \lor B \to C) \land (C \to D \land E) \to (A \to D)$  [1 – 13, PC]
- 3. COPIE AQUI O ENUNCIADO!!!!!!!!!!
- 4. COPIE AQUI O ENUNCIADO!!!!!!!!!!

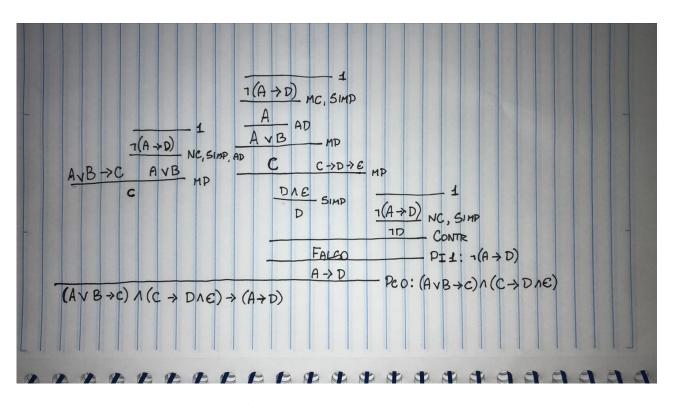


Figura 1: Este é o logo que eu queria mostrar.