Отсечение

Быковских Дмитрий Александрович

14.10.2023

Отсечение 2023-10-16

Отсечение Быковских Дмитрий Александрович

14.10.2023

Конвейер трехмерного преобразования

Модельные координаты (МК)

Преобразование моделирования

Внешние координаты (ВК)

Преобразование наблюдения Координаты наблюдения (КН)

Преобразование проектирования

Координаты проекции (КП)

Преобразование нормировки и отсечение

Нормированные координаты (НК)

Преобразование поля просмотра

Координаты устройства (КУ)



Отсечение

— Конвейер трехмерного преобразования

— Конвейер трехмер трехмерного преобразования

— Конвейер трехмер трехмерного преобразования

— Конвейер трехмер трехмер

Быковских Д.А. Отсечение

14.10.2023

2/17

2023-1

Отсечение Clipping

Быковских Д.А

Отсечение – это процесс, связанный с выделением и визуализацией фрагмента плоской или пространственной сцены, расположенного внутри (внутреннее отсечение) или, наоборот, вне (внешнее отсечение) некоторой соответственно двумерной или трехмерной отсекающей фигуры (отсекателя). Оставшаяся часть сцены при этом игнорируется, т.е. визуализации не подлежит. Изображение формируется на основе связанных вершин

3/17

14.10.2023

4 D > 4 B > 4 B > 4 B >

Отсечение

2023-1

-Отсечение

фрагмента плоской или пространственной сцены, расположенного внутри (внутреннее отсечение) или, наоборот, вне (внешнее отсечение некоторой соответственно двумерной или трехмерной отсекающей бигуры (отсекателя). Оставшаяся часть сцены при этом игнорирует

Отсечение

На этом этапе могут решаться следующие задачи

- 1. Визуализация определенной части сцены, т.е. применяется для удаление невидимых линий и поверхностей;
- 2. Применение в алгоритмах построения теней.

Свойства

- 1. двумерное или трехмерное;
- 2. регулярная (например, прямоугольник, параллелепипед) или нерегулярная структура (отсекатель);
- 3. внутреннее и/или внешнее.

Алгритм Коэна и Сазерленда (Cohen-Satherland algorithm)

Двумерное отсечение

Рассматривается случай с параллельными границами, которые также параллельны осям координат.

Должно выполняться условие

$$\begin{cases} x_l \leqslant x \leqslant x_r \\ y_b \leqslant y \leqslant y_t \end{cases}$$

Таблица 1: таблица кодов

ſ	1001	1000	1010
ŀ	1001	1000	
L	0001	0000	0010
	0101	0100	0110

На основе представленного условия строятся бинарные коды, длиной равной 4.

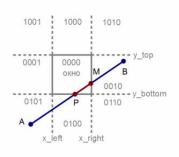


Рис. 1: Схема кодов

□ ► ← □ ► ← □ ► ← □ ► ← ○ Q (~)

14.10.2023 4/17

Отсечение

—Алгритм Коэна и Сазерленда (Cohen-Satherland algorithm)



Для отрезков получаются следующие коды:

- $1. \ \frac{0000}{0000} = 0000, \,$ виден
- $2. \ \ \frac{1010}{0010} = 0010,$ не виден
- $\frac{0000}{0010} = 0000$, частично виден
- 4. $\frac{0001}{1000} = 0000$, частично виден
- $\frac{0000}{0110} = 0000$, частично виден

6. $\frac{0001}{0100} = 0000$, не виден

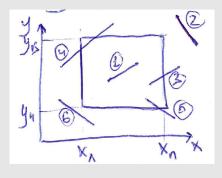


Рис. 2: Схема с различными случаями

Алгритм Коэна и Сазерленда

Cohen-Satherland algorithm

Быковских Д.А.

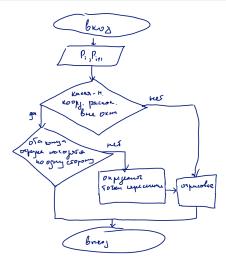


Рис. 3: Схема

4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 9

тсечение 14.10.2023

5 / 17

Отсечение

2023-1

—Алгритм Коэна и Сазерленда



Поиск точки пересечения

Пусть даны координаты отрезка $P_a(x_a, y_a)$ и $P_b(x_b, y_b)$. Тогда требуется решить системы уравнений

$$\left(rac{x-x_a}{x_b-x_a} = rac{y-y_a}{y_b-y_a}
ight)$$

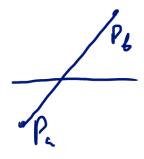


Рис. 4: Схема

Отсечение

2023-10-16

└─Поиск точки пересечения

Преть дани кондерситы огражка $P_{\ell}(x_0,y_0) = P_{\ell}(x_0,y_0)$. Преть изферен рация системы уражности $\frac{\partial x_0}{\partial x_0} = \frac{P_{\ell}(x_0,y_0)}{P_{\ell}(x_0,y_0)}$. При $\frac{\partial x_0}{\partial x_0} = \frac{P_{\ell}(x_0,y_0)}{P_{\ell}(x_0,y_0)}$. Рус. 4. Сими $P_{\ell}(x_0,y_0) = P_{\ell}(x_0,y_0)$.

Поиск точки пересечения

Уравнения границ

$$x = x_l$$

$$x = x_r$$

$$y = y_b$$

$$y = y_t$$

Определение второй координаты т. пересечения

$$x_{l}: y = y_{a} + \frac{y_{b} - y_{a}}{x_{b} - x_{a}} (x_{l} - x_{a})$$

$$x_{r}: y = y_{a} + \frac{y_{b} - y_{a}}{x_{b} - x_{a}} (x_{r} - x_{a})$$

$$y_{b}: x = x_{a} + \frac{x_{b} - x_{a}}{y_{b} - y_{a}} (y_{b} - y_{a})$$

$$y_{t}: x = x_{a} + \frac{x_{b} - x_{a}}{y_{r} - y_{r}} (y_{t} - y_{a})$$

При поиске т. пересечения с некоторыми границами отсекателя точки пересечения могут м.б. не обнаружены.

Поиск точки пересечения

Или может возникнуть следующая проблема...

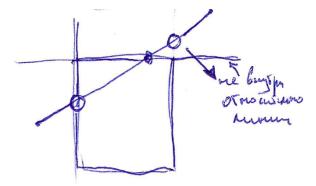
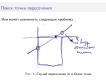


Рис. 5: Случай пересечения 3х и более точек

Отсечение

2023-

□Поиск точки пересечения



Примечание. Существует также аппаратная реализация, основанная на методе половинного деления отрезка, т.е. побитового свига.

 Быковских Д.А.
 Отсечение
 14.10.2023
 7 / 17

Алгоритм Кируса-Бека (Cyrus-Beck)

Отсечение двумерного отрезка выпуклой областью

Пусть даны отрезка P_1 и P_2 .

Тогда представим в параметрическом виде:

$$P(t) = P_1 + (P_2 - P_1)t$$
, где $0 \leqslant t \leqslant 1$ или можно расписать подробнее:

$$\begin{cases} x(t) = x_1 + (x_2 - x_1)t \\ y(t) = y_1 + (y_2 - y_1)t \end{cases}$$

Пусть выпуклая область (окно) задано набором точек f_j . Тогда две смежные точки f_j и f_j+1 образуют отсекающую линию, у которой можно вычислить нормаль n_i .

Отсечение

2023-1

—Алгоритм Кируса-Бека (Cyrus-Beck)

Алгоритм Кируса-Бека (Cyrus-Beck)

Пусть даны отрежка P_1 и P_2 . Тогда представим в параметрическом виде: $P(t) = P_1 + (P_2 - P_1)t, \ rge \ 0 \leqslant t \leqslant 1$ или можно расписать подробнее:

 $\begin{cases} x(t) = x_1 + (x_2 - x_1)t \\ y(t) = y_1 + (y_2 - y_1)t \end{cases}$

Пусть выпуклая область (окно) задано набором точек f_j . Тогда две смежные точки f_j и $f_j + 1$ образуют отсекающую линию, у которой мужил вычислять использы и

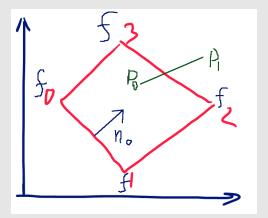


Рис. 6: Схема

 Быковских Д.А.
 Отсечение
 14.10.2023
 8 / 17

Алгоритм Кируса-Бека (Cyrus-Beck)

Отсечение двумерного отрезка выпуклой областью

Для простоты понимания рассмотрим случай плоского выпуклого многоугольника

Суть алгоритма основано на следующем условии

$$n_j[P_i(t)-f_j] egin{cases} < 0, & ext{т. находится снаружи, т.к. вектор направлен наружу} \ = 0, & ext{т. лежит на границе, т.к. вектор перпендикулярен} \ > 0, & ext{ т. находится внутри, т.к. вектор направлен внутрь} \end{cases}$$

где f_j — точка выпуклой области; n_j — нормаль границы; $P_i(t)$ — параметрическое уравнение отрезка;

Примечание.

Быковских Д.А

Нормировать вектора необязательно, т.к. интересен только знак.

4 D > 4 D > 4 E > 4 E > E 990

9 / 17

14.10.2023

Отсечение

2023-

—Алгоритм Кируса-Бека (Cyrus-Beck)

лгоритм Кируса-Бека (Сугиз-Беск) сечение двумерного отрежа выпуслой областью

Для простоты понимания рассмотрим случай плоского выпукл многоугольника

 $a_j[P_i(t)-\ell_j] \begin{cases} < 0, \ \text{т. находится снаружи, т.к. вектор направлен нај} \\ = 0, \ \text{т. лежит на границе, т.к. вектор перпеционулен <math>> 0, \ \text{т. находится внутря, т.к. вектор направлен внут где <math>\ell_j$ — точна выпулногі области; n_j — нормаль границы; $P_i(t)$ —

Применание.

Нормировать вектора необязательно, т.к. интересен только энс

Скалярное произведение векторов

$$a \cdot b = |a||b|\cos\theta = a_x b_x + a_y b_y$$

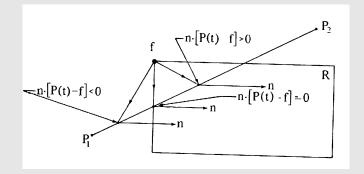


Рис. 7: Другая схема

Алгоритм Кируса-Бека (Cyrus-Beck)

Отсечение двумерного отрезка выпуклой областью

Пример

Дано:

$$P_1(6,-2), P_2(10,1).$$

 $F_1(0,0), F_2(8,4).$

Найти:

точку пересечения

Решение:

Составим параметрическое уравнение отрезка

Быковских Д.А

$$\begin{cases} x(t) = 6 + (10 - 6)t \\ y(t) = -2 + (1 + 2)t \end{cases}$$

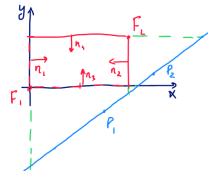


Рис. 8: Иллюстрация к примеру

14.10.2023

10 / 17

Отсечение

2023-

—Алгоритм Кируса-Бека (Cyrus-Beck)

P₁(6, -2), P₂(10, 1). F₁(0, 0), F₂(8, 4). точку пересечения Составим параметрическое $\int x(t) = 6 + (10 - 6)t$ y(t) = -2 + (1+2)t

Nº	nj	F_j	$P_i(t) - F_j$	$n_j \cdot (P_i(t) - F_j)$	t
1	(1,0)	(0,0)	(6t+4,-2+3t)	(6t + 4)	-3/2
2	(-1,0)	(8,4)	(-2t+4,-6+3t)	2t – 4	1/2
3	(0,1)	(0,0)	(6t+4,-2+3t)	-2 + 3t	2/3
4	(0, -1)	(8, 4)	(-2t+4, -6+3t)	6 – 3t	2

Nº	$n_j \cdot (P_i(t) - F_j)$	t = 1/2	t = 2/3
1	(6t + 4)	8	> 0
2	2t – 4	0	< 0
3	-2 + 3t	-0.5	
4	6 – 3 <i>t</i>		

Параметр t должен принадлежать отрезку [0,1].

Поэтому отбрасываются случаи t = -3/2 и t = 2.

Далее при подстановке каждого значения параметра t в каждое уравнение должно быть неотрицательное значение, т.е. скалярное произведение должно быть неотрицательным 0.

Выпуклость многоугольника

Как определить выпуклость многоугольника?

Для этого используется псевдоскалярное произведение нормалей смежных граней

$$n_i \vee n_{i+1} = \begin{vmatrix} n_{x,i} & n_{y,i} \\ n_{x,i+1} & n_{y,i+1} \end{vmatrix}$$

При обходе против часовой стрелки

Быковских Д.А

$$n_i \lor n_{i+1} egin{cases} \geqslant 0, & ext{выпуклый} \ < 0, & ext{вогнутый} \end{cases}$$

Аналогичным образом формулируется по часовой стрелки при этом знаки меняются наоборот.

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > 0

11 / 17

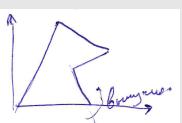
14.10.2023

Отсечение

2023-1

-Выпуклость многоугольника

Bumprisons knotoryrothauses? Fix opparatus knotoryrothauses? Bumprisons and the opparatus knotoryrothauses?



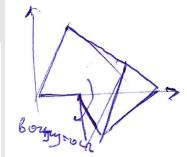


Рис. 9: Пример вогнутой области

Примечание.

Для таких областей тоже можно строить, но нужно их разбивать на выпуклые области.

Трехмерное отсечение

для параллелепипеда

Представленный алгоритм Коэна-Сазерленда можно легко адаптировать для трехмерного случая, расширив кодовую бинарную последовательность для точки до 6 бит.

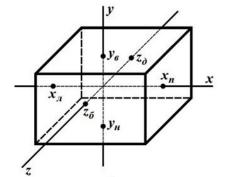


Рис. 10: Прямоугольный параллелепипед

 Быковских Д.А.
 Отсечение
 14.10.2023
 12 / 17

Отсечение

роскиерине от услегония и познавления и познавления и познавления и познавления и поднавления и под

-Трехмерное отсечение

2023-1

Трехмерное отсечение

для усеченной пирамиды

Каноническая форма:

Быковских Д.А.

$$egin{aligned} x_l &= -1, \ x_r &= 1, \ y_b &= -1, \ y_t &= 1, \ z_n &= a, \ z_f &= 1, \ z_c &= 0, \
m Где \ 0 &< a &< 1. \end{aligned}$$

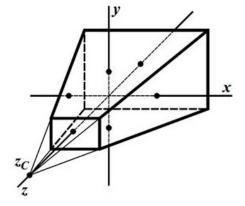
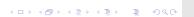


Рис. 11: Усеченная пирамида



14.10.2023

13 / 17

Отсечение

2023-10-16

Трехмерное отсечение

 $\begin{array}{l} {\sf Kasoserveckas} \ \ {\sf dopma:} \\ x_j = -1, \ x_j = 1, \\ y_b = -1, \ y_t = 1, \\ z_0 = a, \ z_t = 1, \\ z_c = 0, \\ {\sf rge} \ 0 < a < 1. \end{array}$

Трехмерное отсечение

Трехмерное отсечение

$$x=rac{z-z_c}{z_f-z_c}x_r=zlpha_1+lpha_2,$$
 где $lpha_1=rac{x_r}{z_f-z_c}$, $lpha_2=-lpha_1z_c.$

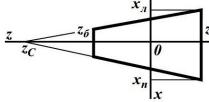
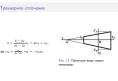


Рис. 12: Проекции вида сверху пирамиды

Отсечение

2023-10-16



$$f_r = x - z lpha_1 - lpha_2 egin{dcases} > 0, & ext{точка расположена правее плоскости отсечения} \ = 0, & ext{точка принадлежит плоскости отсечения} \ < 0, & ext{точка расположена левее плоскости отсечения} \end{cases}$$

где
$$\alpha_1 = \frac{x_r}{z_{c-1}}$$
, $\alpha_2 = -\alpha_1 z_c$.

$$f_{l} = x - z eta_{1} - eta_{2} egin{dcases} > 0, & ext{точка расположена правее плоскости отсечения} \ = 0, & ext{точка принадлежит плоскости отсечения} \ < 0, & ext{точка расположена левее плоскости отсечения} \end{cases}$$

где
$$\beta_1=rac{x_l}{z_f-z_c}$$
, $\beta_2=-eta_1z_c$.

Трехмерное отсечение усеченной пирамиды

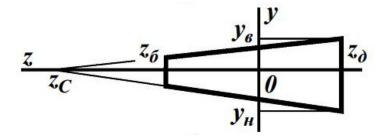


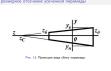
Рис. 13: Проекции вида сбоку пирамиды

(ロ) 4 個) 4 国) 4 国) 9 Q (P

Отсечение

2023-1

—Трехмерное отсечение усеченной пирамиды



$$f_t = y - z \gamma_1 - \gamma_2 egin{cases} > 0, & ext{точка расположена выше плоскости отсечения} \ = 0, & ext{точка принадлежит плоскости отсечения} \ < 0, & ext{точка расположена ниже плоскости отсечения} \end{cases}$$

где
$$\gamma_1 = \frac{y_t}{z_t - z_c}$$
, $\gamma_2 = -\gamma_1 z_c$.

$$f_b = y - z \delta_1 - \delta_2 egin{dcases} > 0, & ext{точка расположена выше плоскости отсечения} \ = 0, & ext{точка принадлежит плоскости отсечения} \ < 0, & ext{точка расположена ниже плоскости отсечения} \end{cases}$$

где
$$\delta_1=rac{y_b}{z_f-z_c}$$
, $\delta_2=-\delta_1z_c$.

Быковских Д.А.

Трехмерное отсечение усеченной пирамиды

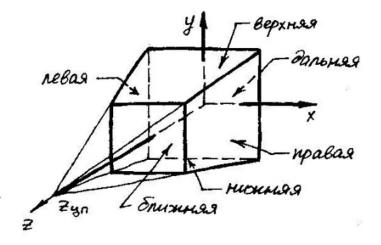


Рис. 14: Проекции вида сбоку пирамиды

Быковских Д.А



Отсечение 14.10.2023 16 / 17

7023-10-16 Т—

Трехмерное отсечение усеченной пирамиды



$$f_n = z - z_n egin{cases} > 0, & ext{точка расположена перед плоскостью отсечения} \ = 0, & ext{точка принадлежит плоскости отсечения} \ < 0, & ext{точка расположена за плоскостью отсечения} \end{cases}.$$

$$f_f = z - z_f egin{cases} > 0, & ext{точка расположена перед плоскостью отсечения} \ = 0, & ext{точка принадлежит плоскости отсечения} \ < 0, & ext{точка расположена за плоскостью отсечения} \end{cases}.$$

Комбинированное отсечение

Задачи внутреннего отсечения легко адаптировать к решению задач внешнего отсечения.

Результаты внешнего отсечения могут быть получены путем инвертирования (обращения) результатов внутреннего отсечения:

- отрезки или их части, которые при внутреннем отсечении определяются как видимые, при внешнем отсечении на экран не выводятся,
- и, наоборот, отрезки или их части, которые алгоритмом внутреннего отсечения игнорируются, при внешнем отсечении идентифицируются как видимые и визуализируются.

Комбинированное отсечение — комбинация внутреннего и внешнего отсечений.

Комбинированное отсечение позволяет реализовать также внутреннее или внешнее отсечение графических объектов невыпуклыми (частично вогнутыми) отсекателями. →□▶→□▶→□▶→□▶

Отсечение

Характерный пример

-Комбинированное отсечение

Результаты внешнего отсечения могут быть получены путем

инвертирования (обращения) результатов внутреннего отсечени:

или внешнее отсечение графических объектов невыпуклыми (части вогнутыми) отсекателями.

комбинированного отсечения наблюдается на экране OKHO 3 - COREIDRAW Рабочий стол компьютерного дисплея при многооконном режиме его работы Окно 1 - Microsoft Word ТЕМА 6. ОТСЕЧЕНИІ 6.1. Общие замечания Отсечение - это процесс вязанный с выделением визуализацией фрагмент: плоской или пространственной сцены, расположенного Окно 2 - Microsoft Office Picture Manager внутри (внутреннее отсечение) или, наоборот вис (внешнее отсечение) некоторой соответствение двумерной или трехмерной отсекающей фигуры (отсекателя). Оставшаяся

Рис. 15: Многооконный режим работы

под управлением операционной системы. Содержимое рабочей области пассивного окна 3 подвергается внутреннему отсечению прямоугольником, образованным границами этой области; само окно 3 со всем содержимым подвергается внешнему отсечению

окнами 1 и 2, имеющими

приоритеты выше, чем окно 3.