





Definición (Determinante 2×2)

Sea $A \in M_{2\times 2}(\mathbb{R})$ una matriz cuadrada con entradas reales, digamos

$$A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}. \qquad \text{det} \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$$

Definimos su determinante, denotado por det(A) o bien |A|, como

$$det(A) = |A| = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc.$$

determinant ((-6, 10), (5, -2)) o det o |A| y arroja polinomio característico

Ejemplo

Calcule el determinante de

$$A = \left(\begin{array}{cc} -5 & 7 \\ 9 & 2 \end{array} \right).$$

$$|A| = \begin{pmatrix} -5 & 7 \\ 9 & 2 \end{pmatrix} = (-5)(2) - (9)(7) = -10 - 63$$

= -73

Calcule el determinante de

$$A = \left(\begin{array}{cc} \sqrt{2} & 1\\ -2 & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{array} \right).$$



Calcule el determinante de

$$A = \begin{pmatrix} \cos(x) & -\sin(x) \\ \sin(x) & \cos(x) \end{pmatrix}.$$

$$\bigcirc \cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

Identidad Pitagórica-

$$\begin{vmatrix} \cos x - \sin x \\ -\cos^2 x - \sin x \end{vmatrix} = \cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

 $det(\{\{\cos(x),-\sin(x)\},\{\sin(x),\cos(x)\}\})$

A NATURAL LANGUAGE ST MATH INPUT

Input interpretation $|\cos(x) - \sin(x)|$ sin(x) cos(x)

Result 1

Determinantes

....

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & \cdots & a_{1n} \\ \frac{a_{21}}{a_{22}} & \frac{a_{22}}{a_{23}} & \frac{a_{23}}{a_{23}} \\ a_{n1} & \cdots & a_{nn} \end{pmatrix}_{N \times N}$$

$$n = 2 \text{ hay } 4 \text{ elem.}$$

$$n = 3 \text{ } 1/ \text{ } 9$$

$$k^{2} \cdot \cdots \cdot k^{2} \cdot \cdots$$

Definición (Menores y Cofactores)

Sea $A=(a_{ij})$ una matriz cuadrada de orden n con entradas reales, entonces el **menor** M_{ij} del elemento a_{ij} es el determinante de la matriz de orden n-1 que se obtiene de A al eliminar la fila i y la columna j. El **cofactor** C_{ij} está dado por

$$C_{ij} \longrightarrow C_{ij} = (-1)^{i+j} \underline{M_{ij}}.$$

Si disponemos los cofactores en una matriz

$$C = \begin{pmatrix} C_{11} & C_{12} & \cdots & C_{1n} \\ C_{21} & C_{22} & \cdots & C_{2n} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ C_{n1} & C_{n2} & \cdots & C_{nn} \end{pmatrix}$$

la denominaremos matriz de cofactores de A.

cofactor of

$$(-1)^{0} = (-1)^{1} = -1$$
 $(-1)^{2} = 1$, $(-1)^{3} = -1$
 $(-1)^{K} = \begin{cases} 21 & \text{if } k \text{ es par} \\ x \text{ es impar} \end{cases}$

Calcule la transpuesta de la matriz de cofactores

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 4 & 2 & -1 \\ 0 & -2 & 0 \end{pmatrix}.$$

$$\alpha_{11} = 1 \implies M_{11} = \begin{vmatrix} 2 & -1 \\ -2 & 0 \end{vmatrix} = 2(0)^{\frac{7}{2}} (-2)(-1) = -2.$$

$$C_{11} = (-1)^{1+1} M_{11} = (-1)^{2} (-2) = (1)(-2) = -2$$

$$\alpha_{12}=5 \rightarrow M_{12}=\begin{vmatrix} 4-1\\ 0&0 \end{vmatrix}=0-0=0$$
, $C_{12}=\frac{1+2-5}{(0)}=0$.

$$\alpha_{13} = 0 \rightarrow M_{13} = \begin{vmatrix} 4 & 2 \\ 0 & -2 \end{vmatrix} = -8$$

$$C_{13} = (-1)^{1/3} (-8) = -8$$



$$\alpha_{21} = 4 \Rightarrow M_{21} = \begin{vmatrix} 5 & 0 \\ -2 & 0 \end{vmatrix} = 0$$
 $C_{21} = (-1)^{2+1}(0) = 0$

Calcule la transpuesta de la matriz de cofactores

$$A = \left(\begin{array}{ccc} 1 & 5 & 0 \\ 4 & 2 & -1 \\ 0 & 2 & 0 \end{array}\right).$$

$$\alpha_{22} = 2 \rightarrow \mathcal{M}_{22} = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{vmatrix} = 0 , C_{22} = (-1)^{2+2}(0) = 0 .$$

$$Q_{23} = -1 \rightarrow M_{23} = \begin{pmatrix} 15 \\ 0-2 \end{pmatrix} = -2 , C_{23} = \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \end{pmatrix} = 2 .$$

$$\alpha_{31}=0 \rightarrow M_{31}=\begin{vmatrix} 5 & 0 \\ 2-1 \end{vmatrix} = -5 , \quad C_{31}=\begin{pmatrix} -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -5 \\ -5 \end{pmatrix} = -5$$

$$\alpha_{32} = -2 \rightarrow M_{32} = \begin{pmatrix} 10 \\ 4-1 \end{pmatrix} = -1 , \quad C_{32} = (-1)^{3+2} (-1) = 1$$

$$\Omega_{32} = -2$$
 \rightarrow $M_{32} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = -(1) \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = 2 - 20 = -18$, $C_{33} = (-1)(-18) = -18$

Calcule la transpuesta de la matriz de cofactores

$$A = \left(\begin{array}{ccc} 1 & 5 & 0 \\ 4 & 2 & -1 \\ 0 & -2 & 0 \end{array}\right).$$

$$C = \begin{pmatrix} -2 & 0 & -8 \\ 0 & 0 & 2 \\ -5 & 1 & -18 \end{pmatrix} \Rightarrow C^{T} = \begin{pmatrix} -2 & 0 & -5 \\ 0 & 0 & 1 \\ -8 & 2 & -18 \end{pmatrix}$$

Teorema

Una matriz A es no singular (invertible), si y sólo si

$$det(A) \neq 0$$
,

además

$$A^{-1} = \frac{1}{\det(A)}C^T$$

$$det(A^{-1}) = \frac{1}{det(A)}.$$

Maxa A) ciencia de datos



=> A-1 -> denota la inversa de A AA-1 = A-1 A = In

Determine la inversa de A en caso de existir, donde

$$A = \left(\begin{array}{cc} 4 & 5 \\ -3 & -6 \end{array} \right).$$

Use también ${\cal C}^T$ para comprobar resultados.

$$\begin{pmatrix} 4 & 5 & | & 1 & 0 & | & 2 & | & 2 & | & 4 & | & 2 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | & 4 & | &$$

Teorema (Operaciones elementales para determinantes)

Sean A y B dos matrices cuadradas del mismo orden.

• Si B se obtiene de A al intercambiar dos filas (columnas) de A, entonces $\begin{bmatrix} -6 & 10 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$

 $oldsymbol{\circ}$ Si B se obtiene de A al sumar un múltiplo de una fila (columna) de A a otra fila (columnas) de A, entonces

$$det(B) = det(A).$$

det(B) = -det(A).

• Si B se obtiene de A al multiplicar una fila (columna) de A por una constante c, entonces det(B) = cdet(A).

Teorema (Operaciones elementales para determinantes)

Sean A y B dos matrices cuadradas del mismo orden.

lacktriangle Si B se obtiene de A al intercambiar dos filas (columnas) de A, entonces

$$det(B) = -det(A).$$

 $oldsymbol{@}$ Si B se obtiene de A al sumar un múltiplo de una fila (columna) de A a otra fila (columnas) de A, entonces

$$det(B) = det(A)$$
.

 $oldsymbol{0}$ Si B se obtiene de A al multiplicar una fila (columna) de A por una constante c, entonces

$$det(B) = cdet(A).$$

$$\begin{vmatrix} -6 & 10 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = -38 \qquad \begin{vmatrix} -6 & 10 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -6 & 10 \\ -25 & 48 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} -6 & 10 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -6 & 10 \\ -6 & 10 \end{vmatrix} = 76 \qquad \begin{vmatrix} -6 & 10 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -26 & 10 \\ 9 & -2 \end{vmatrix} = -38$$

$$F_{2} = -2F_{2} + F_{1}$$

$$F_{3} = -2F_{3} + F_{1}$$

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ めぬぐ

Teorema (Operaciones elementales para determinantes)

Sean A y B dos matrices cuadradas del mismo orden.

• Si B se obtiene de A al intercambiar dos filas (columnas) de A, entonces

$$det(B) = -det(A).$$

 $oldsymbol{\circ}$ Si B se obtiene de A al sumar un múltiplo de una fila (columna) de A a otra fila (columnas) de A, entonces

$$det(B) = det(A).$$

• Si B se obtiene de A al multiplicar una fila (columna) de A por una constante c, entonces

$$det(B) = cdet(A).$$

$$\begin{vmatrix} -6 & 10 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = -38 = 7 \begin{vmatrix} -6 & 10 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = 2 \begin{vmatrix} -3 & 5 \\ 5 & -2 \end{vmatrix} = 2(6-25) = -38$$

$$\Rightarrow = 2 \begin{vmatrix} -6 & 5 \\ 5 & -1 \end{vmatrix} = 2(6-25) = -38$$

Determinantes

Ejercicio

Calcule el determinante de la matriz

triz
$$A = \begin{pmatrix} -7 & 2 & 0 & 1 \\ 8 & 0 & 1 & 3 \\ 4 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$= -\frac{13}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & 0 & -17 \\ \hline 7 & -17 \end{pmatrix} = -\left(-1\right) C_{32} = \left(-1\right) M_{32}$$

$$F_{1} = F_{1} - 6F_{3}$$

$$F_{2} = F_{2} - 4F_{3}$$

$$= -\frac{13}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix} = -\frac{17}{7} \begin{pmatrix} 0 & -17 \\ -10 & -17 \end{pmatrix}$$

$$= -\left((13)(17) - (10)(17) \right)$$

$$= - ((13)(12) - (10)(17))$$

$$= - (221 - 170) = -51$$

Teorema (Determinantes de matrices triangulares y diagonales)

Sea $A = (a_{ij})$ una matriz triangular (superior o inferior) o bien diagonal de orden n, entonces

$$det(A) = |A| = \prod_{i=1}^{n} a_{ii} = a_{11}a_{22} \cdots a_{nn}.$$

$$det(A) = (3)(8)(4)(-3) = -288$$



Cantidad de operaciones elementales para el cálculo de determinantes

1	Orden de la matriz	Expansión por cofactores		Eliminación - Sau	
	n	Sumas	Productos	Sumas	Productos
Ì	3	5	9	5	10
-	5	119	205	30	45
ĺ	10	10! ≈3,628,799	6,235,300≈(2)(10!)	285	339

En conclusión, el método o métodos que emplees para el cálculo de determinantes dependerán de la práctica. Así que para algunos les puede parecer más rápido llevar la matriz a su forma triangular, mientras que otros prefieren hacer uso de las operaciones elementales. Desde luego, que no conviene usar cofactores para matrices de orden mayor a 4 debido a que el número de operaciones crece de manera factorial. Por ejemplo, si uno empleara una computadora estudiantil, la cual llega hacer unas 10^8 operaciones por segundo, para una matriz de orden 20, tendría que hacer cerca de $20! \approx 2 \times 10^{18}$ operaciones, lo cual la misma computadora lo haría en cerca de 7 años trabajando sin descanso!

мatemáticas para la ciencia de datos

Teorema

Sean A y B matrices cuadradas del mismo orden y c una constante, entonces

$$det(A) = det(A^T), \qquad |A| = |A^T|.$$

$$\det(AB) = \det(A)\det(B) \qquad \text{det}(A+B) \neq \det(A) + \det(A^n) = \det(A)^n \quad \forall n \in \mathbb{Z}.$$

$$det(A^n) = det(A)^n \quad \forall n \in \mathbb{Z}.$$

A7= A.A...A = |A|-|A|..../A|= |A|

Teorema

Sea A una matriz cuadrada. Si alguna de las siguientes condiciones se cumple. entonces det(A) = 0.

- Si una fila (columna) consta de puros ceros.
- Si una fila (columna) es idéntica a otra fila (columna).
- Si una fila (columna) es múltiplo de otra fila (columna), es decir, dos vectores filas (columnas) paralelas.

palacios.s.j.l@gmail.com

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \qquad I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Teorema

Si A es cuadrada de orden \underline{n} , entonces las siguientes condiciones son equivalentes:

- $oldsymbol{0}$ A es no singular (o invertible).
- ② Ax = b tiene solución única para toda $b \in \mathbb{R}^n$.
- Ax = 0 tiene sólo la solución trivial x = 0. \leftarrow vector \rightarrow

Determinantes

Aplicaciones: Área de un polígono, volumen de un paralelepípedo, volumen de un tetraedro], ecuaciones de híperplanos.

Teorema (Ecuación de un híperplano en \mathbb{R}^n)

La ecuación de un híperplano en la variables $\underline{x_1,x_2,...,x_n}$ en \mathbb{R}^n , dados n puntos en \mathbb{R}^n , de la forma

$$(a_{11}, a_{12}, ..., a_{1n}), (a_{21}, a_{22}, ..., a_{2n}), ..., (a_{n1}, a_{n2}, ..., a_{nn})$$

se obtiene igualando el siguiente determinante a cero:

$$\begin{vmatrix} x_1 & x_2 & \cdots & x_n & 1 \\ a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} & 1 \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} & 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} & 1 \end{vmatrix} = 0 \quad \begin{vmatrix} \mathcal{X} & \mathcal{Y} & \mathcal{Z} & \mathcal{V} \\ \mathcal{A}_1 & \mathbf{b}_1 & \mathcal{C}_1 & \mathcal{V} \\ \mathcal{A}_2 & \mathbf{b}_2 & \mathcal{C}_2 & \mathcal{V} \\ \mathcal{A}_3 & \mathbf{b}_3 & \mathcal{C}_3 & \mathcal{V} \end{vmatrix} = 0$$

(aso 3

Caso
$$n=2$$
- DCIYER² dados 2 puntos en IR²
 $\begin{pmatrix} -1,3 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 2,1 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} x \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$



