**MINISTERUL EDUCAŢIEI**

**Universitatea Tehnică a Moldovei**

**Facultatea Calculatoare Informatică și Microelectronică**

**Tehnologia Informației**

**Raport**

**Disciplina:**Analiza și proiectarea algoritmilor

**Lucrarea de laborator nr. 1**

**Tema:** *“* Analiza algoritmilor (Timpul de execuție al algoritmilor).*”*

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Student:** | **\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_** | **Raevschi Grigore TI-231** |
| **Coordonator:** | **\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_** | **Asistent univ. Coșer Cătălin** |
|  |  |  |

Chișinău 2024

Cuprins

[Scopul lucrării: 2](#_Toc177634878)

[Sarcina de bază: 2](#_Toc177634879)

[Introducere 2](#_Toc177634880)

[Big O Analysis 3](#_Toc177634881)

[Implementarea în C 4](#_Toc177634882)

[Forma iterativă: 4](#_Toc177634883)

[Implementarea recursivă: 4](#_Toc177634884)

[Implementarea dinamică: 5](#_Toc177634885)

[Execuția programului 6](#_Toc177634886)

[Analiza empirică 6](#_Toc177634887)

[Grafic de reprezentare a vitezei de execuție 7](#_Toc177634888)

[Concluzie 8](#_Toc177634889)

[Bibliografie 9](#_Toc177634890)

# Scopul lucrării:

1. Analiza empirică a algoritmilor
2. Analiza teoretică a algoritmilor
3. Determinarea complexității temporale și asimptotice a algoritmilor

# Sarcina de bază:

1. Efectuați analiza empirică algoritmilor
2. Determinați relația ce determină complexitatea temporală pentru acești algoritmi
3. Determinați complexitatea asimptotică a algoritmilor
4. Faceți o concluzie asupra lucrării.

# Introducere

Secvența Fibonacci este un set de numere întregi pozitive în care valoarea din poziția N în secvență este calculată prin însumarea celor două numere precedente.

Elementele din secvența Fibonacci pot fi calculate folosind următoarea ecuație matematică:

*f i b ( n ) = f i b ( n – 1 ) + f i b ( n – 2 ) (1.1)*

Așadar 0 fiind primul element și 1 fiind al doilea element, primele câteva valori ale secvenței ar fi următoarele: *0 , 1 , 1 , 2 , 3 , 5 , 8 , 13 , 21 , 34 , 55 , 89 , 144*

Cele trei algoritmi studiați în acest raport sunt un algoritm iterativ, un algoritm recursiv și un algoritm de programare dinamică. Am folosit C pentru a implementa acești algoritmi, iar viteza lor în calcularea diferitelor valori din secvența Fibonacci a fost comparată și analizată.

# Big O Analysis

Complexitățile de timp și spațiu pentru toți cei trei algoritmi se poate observa în Tabel 1

**Tabel 1: Complexitatea de timp**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Version** | **Big O** | **Space Used** |
| Iterative | O(n) | O(1) |
| Recursive | O() | O(n) |
| Dynamic | O(n) | O(n) |

Pentru **implementarea iterativă** a codului, am ales să folosesc atribuiri de variabile pentru a stoca valorile celor două numere Fibonacci precedente.

De fiecare dată când apelăm **funcția recursivă** fib(n), dacă valoarea a N-a pe care o căutăm este altceva decât 0 sau 1, atunci funcția va trebui să facă două apeluri la fib(n – 1) și fib(n - 2). La rândul lor, fiecare dintre aceste două apeluri va trebui să facă alte două apeluri, astfel dublând apelul fib() și rezultând într-o complexitate de timp exponențială de O(2^n).

Algoritmul de implementare dinamică pentru calcularea numerelor Fibonacci optimizează metoda recursivă pentru a crește viteza. Nu trebuie să recalculezi toate numerele anterioare până la valoarea N elimină implicațiile exponențiale de viteză ale algoritmului recursiv. Deoarece acum stocăm toate valorile până la N, complexitatea spațială este O(n). Cu toate acestea, utilizarea valorilor de index pentru a accesa un array are un timp de rulare de O(1), care, împreună cu calculul individual nou pe valoarea N, rezultă într-o complexitate de timp polinomială de O(n).

Recurenţa care defineşte şirul lui Fibonacci formula 1.2:

(1.2)

Putem să rescriem această recurența sub forma (1.3)

Soluția generală are forma (1.4)

(1.5)

# Implementarea în C

## Forma iterativă:

Mai jos avem codul în limbajul C pentru implementarea iterativă a șirului lui Fibonacci:

int fib\_iterative(int n) {

int first = 0;

int second = 1;

int val;

for (int i = 0; i < n; i++) {

if (i <= 1) {

val = i;

} else {

val = first + second;

first = second;

second = val;

}

}

return val; }

## Implementarea recursivă:

Mai jos avem codul în limbajul C pentru implementarea recursivă a șirului lui Fibonacci:

int fib\_recursive(int n) {

if(n <= 1) {

return n;

}

return fib\_recursive(n-1) + fib\_recursive(n-2); }

## Implementarea dinamică:

Mai jos avem codul în limbajul C pentru implementarea dinamică a șirului lui Fibonacci:

#define SIZE 50000

static long fib\_table[SIZE];

unsigned long fib\_d(int n) {

if(n <= 1) {

return n;

} else if (fib\_table[n] != -1){

return fib\_table[n];

}

fib\_table[n] = fib\_d(n-1) + fib\_d(n-2);

return fib\_table[n];

}

int fib\_dynamic(int n) {

for(int i = 0; i < SIZE; i++) {

fib\_table[i] = -1;

}

fib\_table[0] = 0;

fib\_table[1] = 1;

int val;

for (int i = 0; i < n; i++) {

val = fib\_d(i);

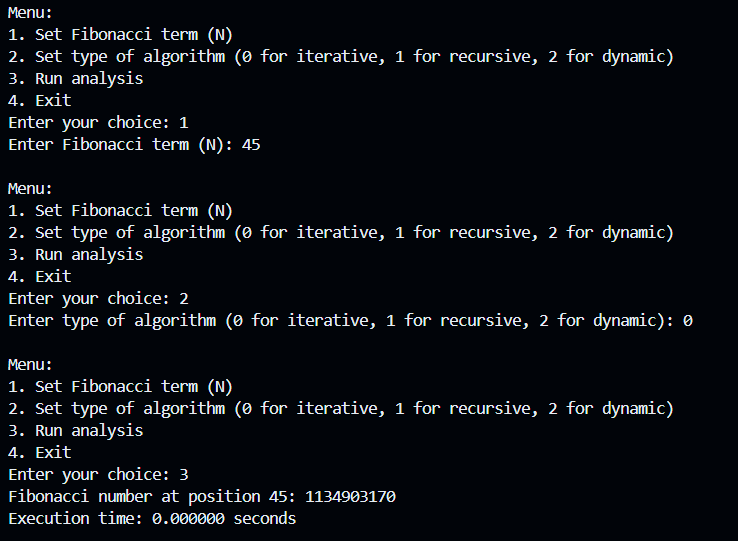
}

return val;

}

# Execuția programului

Execuția programului se poate observa în Figura 1. Meniul principal unde selectăm numărul de iterații, tipul algoritmului și analiza.



**Figura 1: Execuția programului**

# Analiza empirică

Analiza empirică poate fi observată în tabelul de mai jos Tabel 2.

**Tabel 2: Analiza empirică**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Algoritmul | Numărul lui Fibonacci | | | | |
| 5 | 8 | 12 | 25 | 50 |
| Algoritmul recursiv | 0.000000 | 0.000000 | 0.000001 | 0.000562 | 61.984840 |
| Algoritmul iterativ | 0.008245 | 0.001256 | 0.001827 | 0.001795 | 0.002169 |
| Algoritmul dinamic | 0.001825 | 0.005896 | 0.008156 | 0.004527 | 0.001375 |

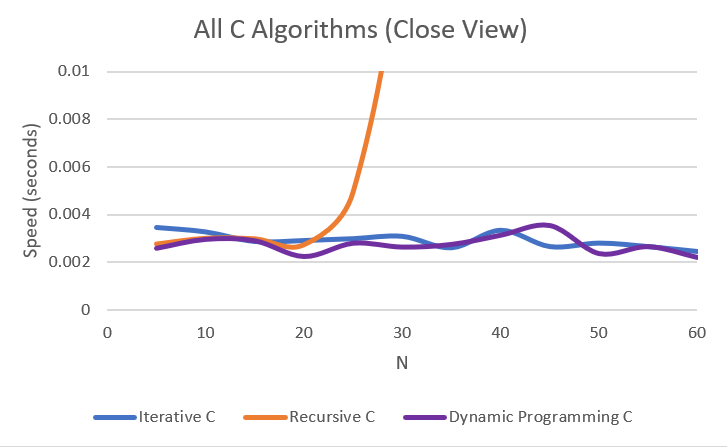
Tabelul prezintă analiza empirică a timpului de execuție pentru trei algoritmi diferiți de calculare a numerelor Fibonacci: algoritmul recursiv, algoritmul iterativ și algoritmul dinamic. Timpul de execuție este măsurat în secunde pentru valori de intrare ale numerelor Fibonacci 5, 8, 12, 25 și 50.

* Algoritmul recursiv are timp de execuție foarte scurt pentru valorile mici, dar crește dramatic pentru valoarea 50;
* Algoritmul iterativ are un timp de execuție constant și scăzut pentru toate valorile testate;
* Algoritmul dinamic prezintă, de asemenea, timpi de execuție scăzuți, dar ușor variabili în funcție de valoarea Fibonacci calculată.

Acest tabel ilustrează clar diferențele de performanță între cele trei metode, subliniind eficiența algoritmilor iterativ și dinamic față de cel recursiv pentru valori mai mari ale numerelor Fibonacci.

# Grafic de reprezentare a vitezei de execuție

Graficul vitezei de execuție a fiecărui algoritm poate fi observat în Figura 2.

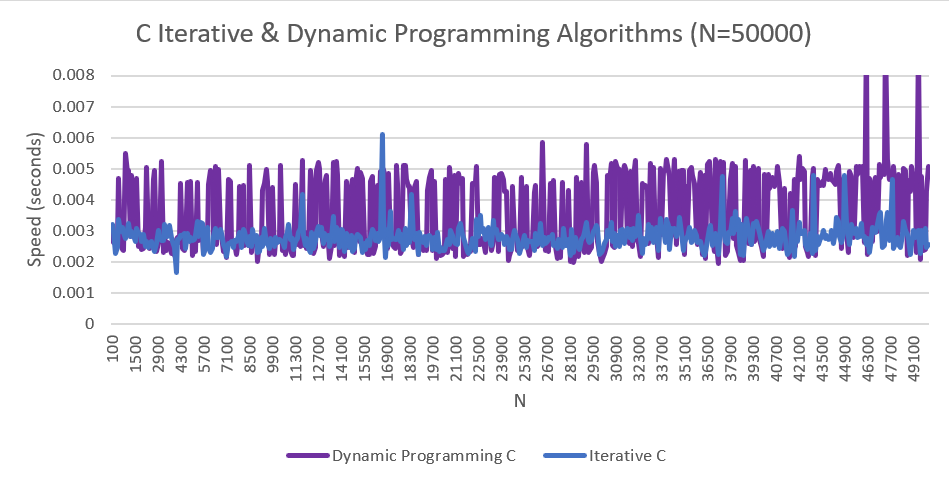


**Figură 2:Timpul de executare bazat la numărul de iterații**

Pentru programul în C, apelul recursiv a depășit timpul limită odată ce secvența Fibonacci a trecut de N = 45.

Versiunile Iterativă și Dinamică. Următoarele grafice arată comparația între metodele iterativă și dinamică pentru fiecare program, rulate alături de metoda recursivă pentru un N = 60.

Se poate observa că variațiile pentru metodele iterativă și dinamică par să rămână în aceeași gamă una față de cealaltă Figura 2, ceea ce are sens având în vedere că ambele au o complexitate de timp O(n). După ce am rulat scripturile de testare care au exclus metoda recursivă, am reușit să iterez până la un număr Fibonacci de N = 50000 în câteva secunde. În urma acestei teste, putem vedea diferențele subtile între cele două algoritme pe măsură ce valoarea N crește Figura 3.



**Figură 3: Execuția iterativă și dinamica**

# Concluzie

Efectuarea acestor teste și vizualizarea lor mi-au permis să văd mai bine diferența dintre algoritmii iterativi, recursivi și de programare dinamică în ceea ce privește implementarea, complexitatea de timp și complexitatea de spațiu. Pot înțelege acum mai pe deplin puterea Big O.

# Bibliografie

1. „Difference between Recursion and Iteration.” GeeksforGeeks, GeeksforGeeks, 11 Feb. 2023, <https://www.geeksforgeeks.org/difference-between-recursion-and-iteration/>.
2. „FibSeriesResearch.”GitHub <https://github.com/marianpadron/FibSeriesResearch/tree/main?tab=readme-ov-file>