TP 4 - Au delà de Fourier (DCT, DCT locale, multirésolution et ondelettes)

Maxime Descoteaux

18 novembre 2024

Vous devez rédiger un rapport et me remettre un zip avec votre code python. Commentez le code et assurez-vous que je puisse reproduire vos résultats et figures. Séparez votre code en différents fichiers pour faciliter la lecture. Des points seront attribués pour la qualité du document et ses figures, et la qualité du code python (10 points).

L'approximation linéaire garde que les M coefficients de plus basses fréquences dans l'espace de Fourier, c'est-à-dire les M premiers coefficients. Une approximation nonlinéaire garde que les M coefficients les plus élévés de la décomposition ou transformée. Dans ce devoir, quand vous comparez des transformées, assurezvous de toujours prendre les mêmes M.

- 1. **Appproximations 1D. [10 points]** À partir du *piece regular* ou d'un signal 1D de votre choix, reproduisez les figures de mon code *locDCT_demo.py*, disponible dans la Demo08.
 - (a) Illustrez votre signal. Combien de points dans votre signal?

 (Si vous choississez un signal à vous, prenez un signal de taille "raisonable" et assurez-vous qu'il se découpe bien.)
 - (b) Décrivez votre choix de taille de segment et nombres de coefficients à couper M.
 - (c) Faites des approximations linéaires et non-linéaires de votre signal
 - (d) Rapporter les erreures quadratiques moyennes de toutes les approximations dans un tableau.
- 2. Approximations dans les bases de Fourier et d'ondelettes sur une image de votre choix.
- 5 pts a) Approximation de Fourier. L'approximation linéaire garde que les M coefficients de plus basses fréquences dans l'espace de Fourier. Faites l'approximation linéaire dans Fourier gardant que M coefficients, pour 3 M différents et rapportez le SNR des images approximées ainsi que les erreurs relatives d'approximation sur les plot. (Vous avez déjà fait cela dans le TP3)
- 10 pts b) Approximation avec cosinus discrets et des cosinus discrets locaux. En premier temps, faites l'approximation linéaire avec une base de cosinus discrets (DCT) et une base de cosinus discrets locaux (locDCT), gardant que les M coefficients de plus basses fréquences, pour 3 M différents et rapportez le SNR des images approximées ainsi que les erreurs relatives d'approximation sur les plot. Utilisez les fonctions dct2.m et idct2.m, données en classe (vous devez étendre ce que j'ai déjà fait en 1D en 2D).

- 10 pts c) Approximation d'ondelettes de Haar périodiques. À partir de votre ondelette de Haar, faites l'approximation linéaire sur cette base en utilisant 3 M différents. Rapportez le SNR des images approximées et les erreurs relatives d'approximation sur les plot.
- 10 pts d) **Approximations nonlinéaires.** Une approximation nonlinéaire garde que les M coefficients les plus élévés de la décomposition dans une base. Faites les approximations nonlinéaires avec les bases des parties (a) à (d).
- 10 pts e) Faites un tableau des SNR et des erreurs d'approximations linéaires et nonlinéaires. Que remarquez-vous?

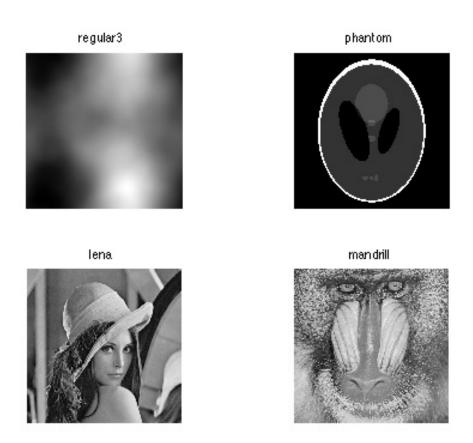


FIGURE 1-4 images classiques en traitement d'images à approximer nonlinéairement.

3. Approximations sur des images de différentes complexités.

20 pts i) Faites les approximations nonlinéaires pour les 4 images de la figure 1 (regular3, phantom, lena et le mandrill). Que remarquez-vous? Les approximations dépendent-elles de la "complexité" de l'image? Expliquez.

5 pts ii) Selon vous, quelle est la meilleure base? Pourquoi?