# 跳表 (Skip List)

@M了个J

https://github.com/CoderMJLee http://cnblogs.com/mjios

> 小码哥教育 SEEMYGO 实力IT教育 www.520it.com

#### 码拉松





- 一个有序链表搜索、添加、删除的平均时间复杂度是多少?
- $\square 0(n)$



- ■能否利用二分搜索优化有序链表,将搜索、添加、删除的平均时间复杂度降低至 O(logn)?
- □链表没有像数组那样的高效随机访问 (O(1) 时间复杂度) , 所以不能像有序数组那样直接进行二分搜索优化
- 那有没有其他办法让有序链表搜索、添加、删除的平均时间复杂度降低至 O(logn)?
- ■使用跳表 (SkipList)

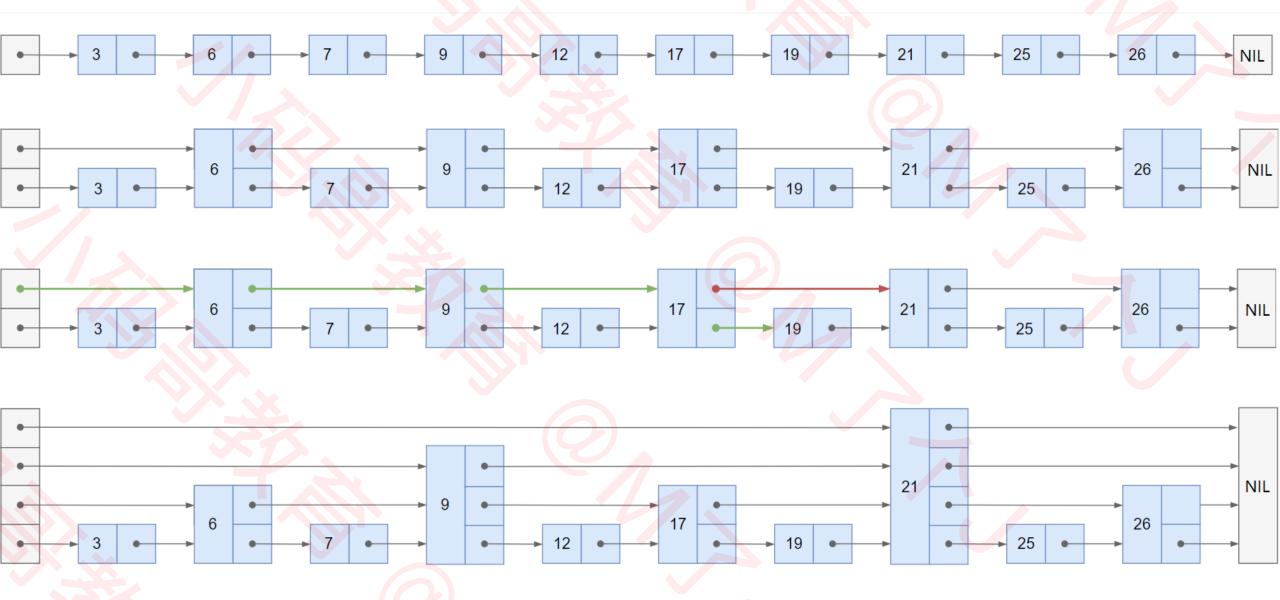


#### 

- 跳表,又叫做跳跃表、跳跃列表,在有序链表的基础上增加了"跳跃"的功能
- □由William Pugh于1990年发布,设计的初衷是为了取代平衡树(比如红黑树)
- Redis中的 SortedSet、LevelDB 中的 MemTable 都用到了跳表
- Redis、LevelDB 都是著名的 Key-Value 数据库
- ■对比平衡树
- □跳表的实现和维护会更加简单
- □跳表的搜索、删除、添加的平均时间复杂度是 O(logn)



## 使用跳表优化链表 (图片来源于网络)



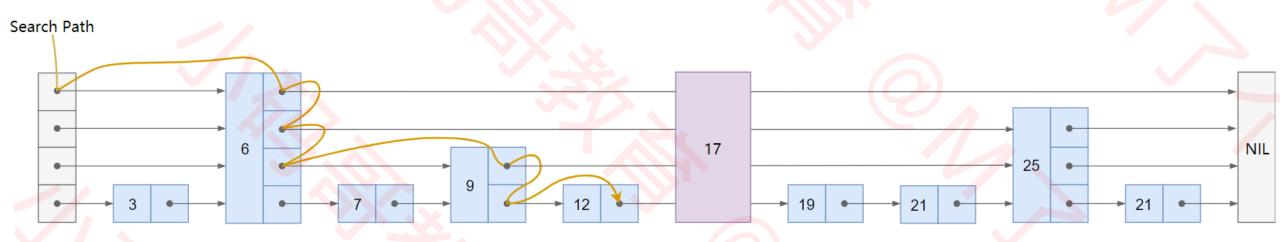


### 小码哥教育 跳表的搜索

- ① 从顶层链表的首元素开始,从左往右搜索,直至找到一个大于或等于目标的元素,或者到达当前层链表的尾部
- ② 如果该元素等于目标元素,则表明该元素已被找到
- ③ 如果该元素大于目标元素或已到达链表的尾部,则退回到当前层的前一个元素,然后转入下一层进行搜索



### 小照明教育 跳表的添加、删除



- ■添加的细节
- □随机决定新添加元素的层数
- ■删除的细节
- □删除一个元素后,整个跳表的层数可能会降低

#### Mygan 跳表的层数

- 跳表是按层构造的, 底层是一个普通的有序链表, 高层相当于是低层的"快速通道"
- □在第 i 层中的元素按某个固定的概率 p (通常为 ½ 或 ¼ ) 出现在第 i + 1层中,产生越高的层数,概率越低
- ✓ 元素层数恰好等于 1 的概率为 1 p
- ✓ 元素层数大于等于 2 的概率为 p, 而元素层数恰好等于 2 的概率为 p \* (1 p)
- ✓ 元素层数大于等于 3 的概率为 p^2, 而元素层数恰好等于 3 的概率为 p^2 \* (1 p)
- ✓ 元素层数大于等于 4 的概率为 p^3, 而元素层数恰好等于 4 的概率为 p^3 \* (1 p)
- ✓ 一个元素的平均层数是 1 / (1 p)

$$1 \times (1-p) + 2p(1-p) + 3p^2(1-p) + 4p^3(1-p) + \dots = (1-p) \sum_{k=1}^{+\infty} kp^{k-1} = (1-p) \cdot \frac{1}{(1-p)^2} = \frac{1}{1-p}$$

- 当 p = ½ 时,每个元素所包含的平均指针数量是 2
- 当 p = ¼ 时,每个元素所包含的平均指针数量是 1.33



#### Magan 跳表的复杂度分析

- ■每一层的元素数量
- ■第 1 层链表固定有 n 个元素
- □第2层链表平均有 n\*p 个元素
- ■第3层链表平均有n\*p^2个元素
- □第 k 层链表平均有 n \* p^k 个元素
- ■另外
- □最高层的层数是 log<sub>1/p</sub> n, 平均有个 1/p 元素
- □在搜索时,每一层链表的预期查找步数最多是 1/p,所以总的查找步数是 -(logp n/p),时间复杂度是 0(logn)