

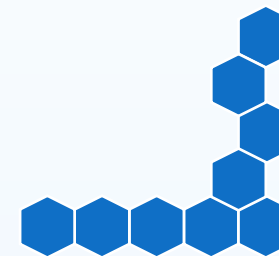
# 深度學習概論

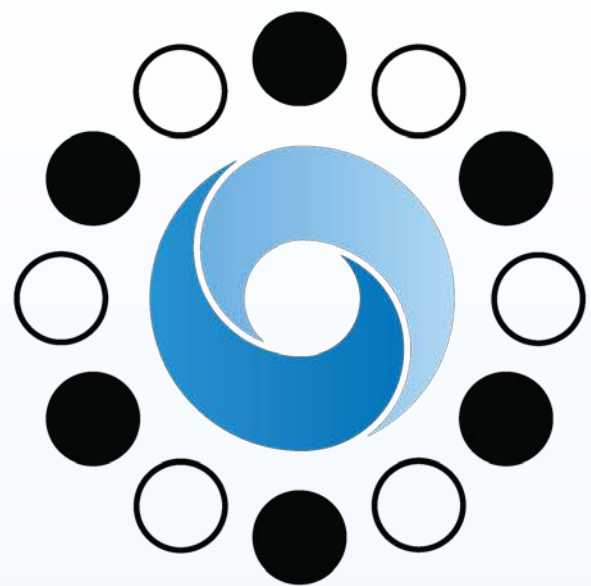
## Introduction to Deep Learning

蔡瑞煌 老師



國立政治大學金融科技研究中心  
智能理財與深度學習暑期訓練營





# AlphaGo

# 為什麼要機器學習？

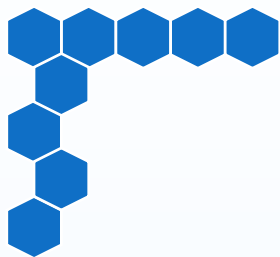
Why we want Machine can be Learning?

# 人工智慧

機器學習



深度學習



一連串條件判斷式也是一種人工智慧





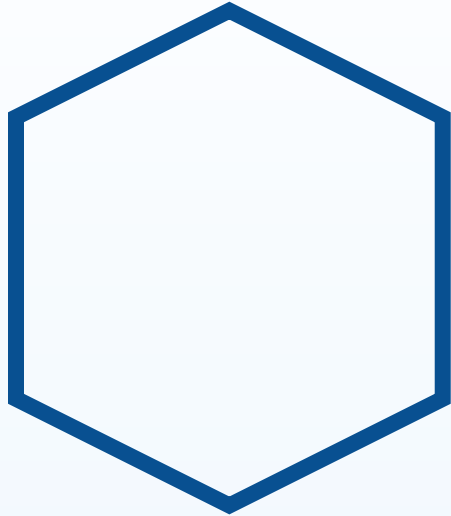


IBM 深藍

IBM DeepBlue

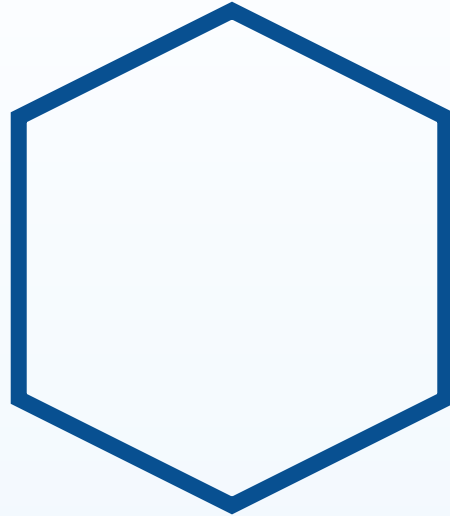
# 條件式人工智慧

## Rule-Based AI's Problem



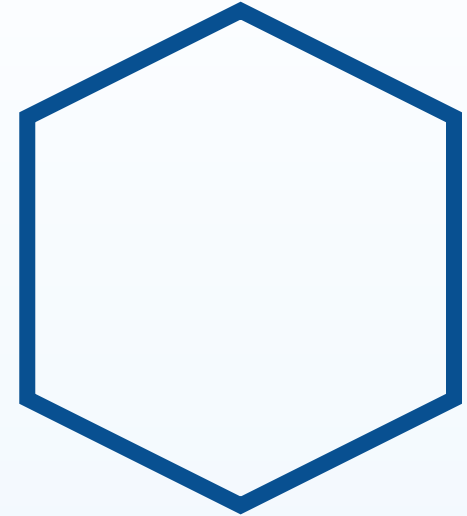
條件建立困難

Rule Build Difficult



笨重

Cumbersome



昂貴

Expensive



條件判斷人工智慧更像是工人智慧

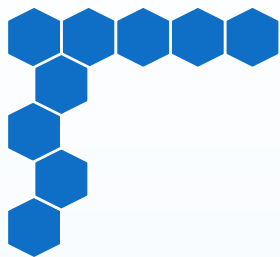






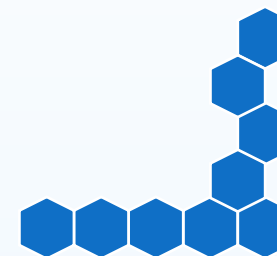
為什麼我們不讓機器自己找到規則關係呢？





# 函數是一種關係

Function is a relation

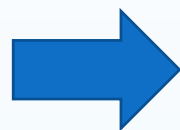


Function, Wikipedia

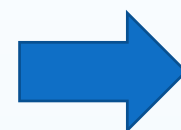
函數是個魔法盒子

Funtion is an Magic Box

輸入



函數

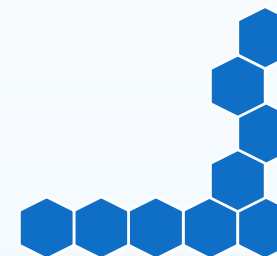


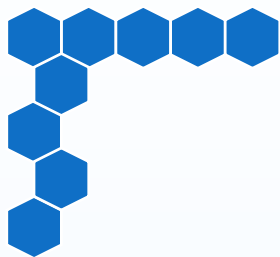
輸出

魔法盒子

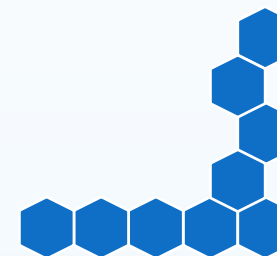


讓你想到國中數學了嗎？





沒關係我們舉個例子



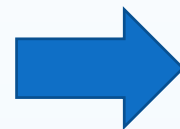
函數是個魔法盒子

Funtion is an Magic Box

過去二十天  
ETF資料



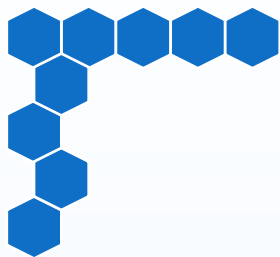
函數



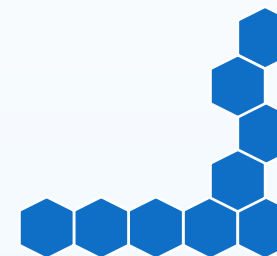
明天  
ETF價格

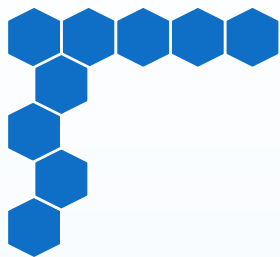
魔法盒子



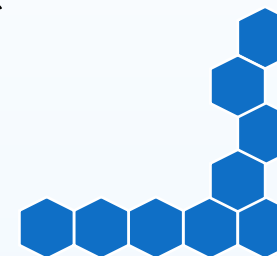


恭喜你！  
你完成了一次數學建模了！





而且如果模型預測的很好  
槓桿開最大催下去，你就發了



問題是

Question is

要怎麼讓魔法盒子預測？

要怎麼改善魔法盒子的預測？

我們要如何評估魔法盒子準不準？

# 怎麼預測

Funtion is an Magic Box

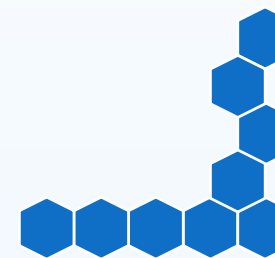


# 監督式學習

Supervised Learning



## 有正確答案的學習



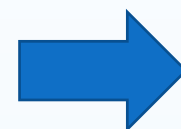
# 監督式學習

Supervised Learning

資料



函數



標準  
答案

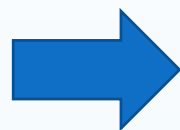
魔法盒子



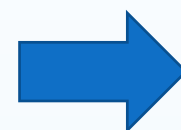
# 監督式學習

Supervised Learning

二十天的  
ETF資料



函數



第二十天  
ETF價格

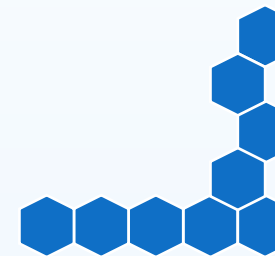
魔法盒子

# 非監督式學習

Unsupervised Learning

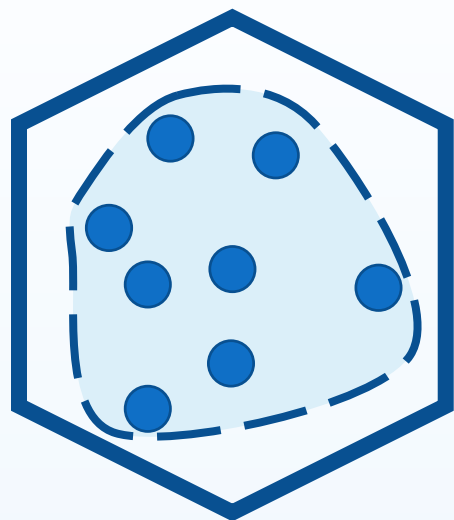


# 沒有正確答案的學習



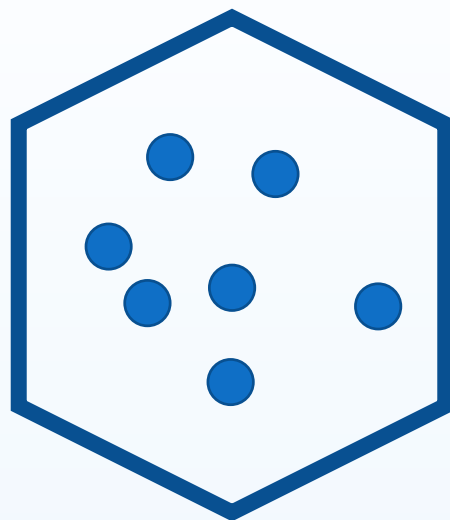
# 非監督式學習

Unsupervised Learning



生成

Generative



特徵抽取

Feature Extraction



分群

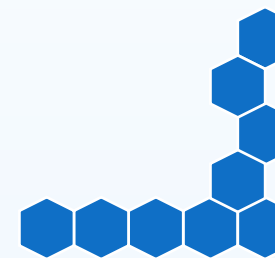
Clustering

# 強化式學習

Reinforcement Learning



## 靠棒子跟蘿蔔的學習

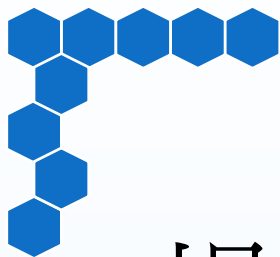


楊立昆

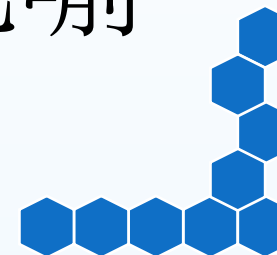
Yann LeCun

深度學習三巨頭之一  
卷積神經網路的發明者  
Facebook AI 研究院院長





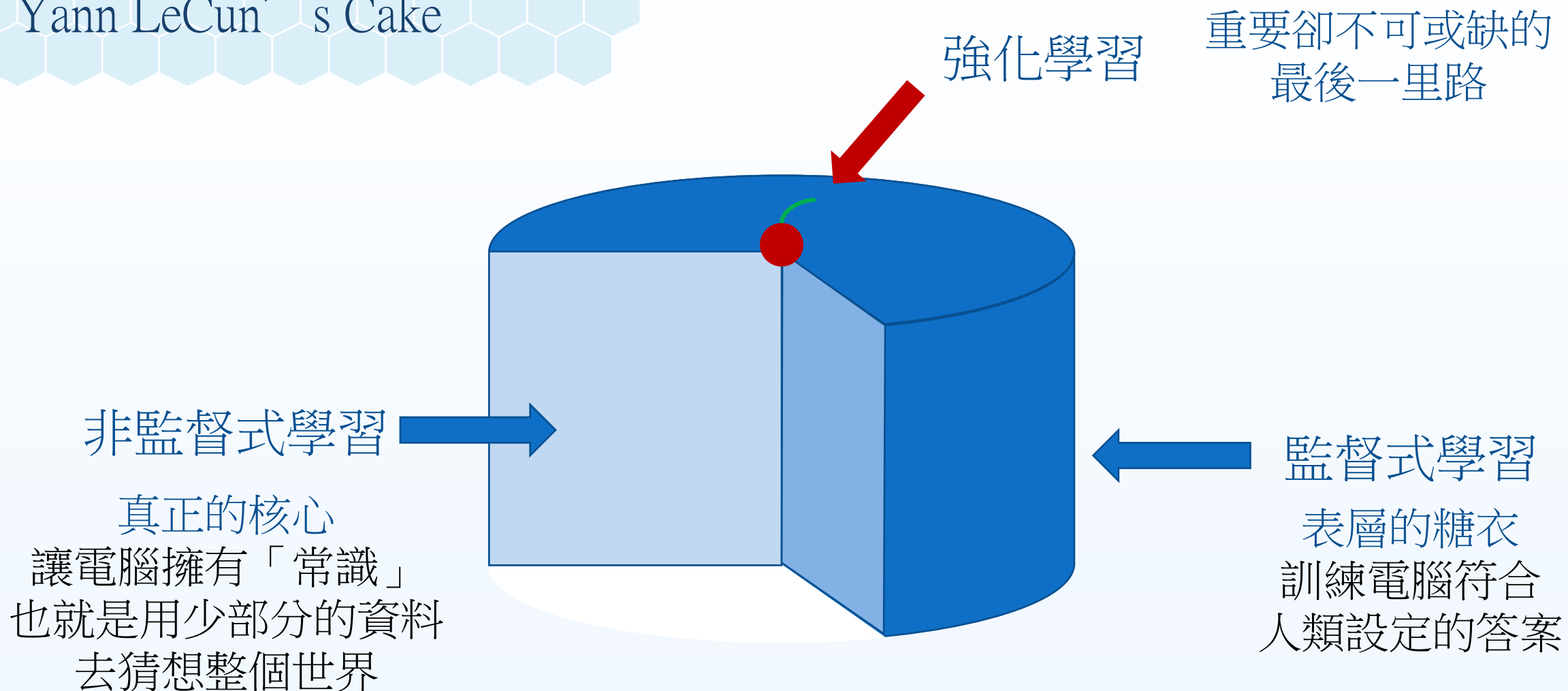
楊立昆對人工智慧提出一個比喻





# 楊立昆的蛋糕比喻

Yann LeCun's Cake

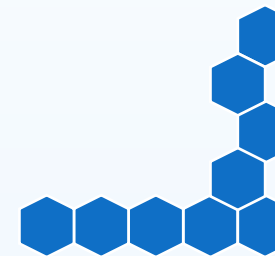


# 怎麼預測

How to Predict



丟資料進模型想辦法訓練他

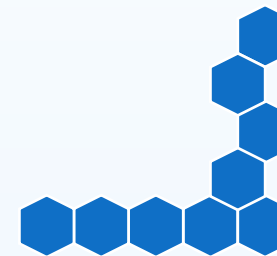


# 怎麼預測

How to Predict



要怎的對資料下手呢？





資料



訓練資料

測試資料



訓練資料

The diagram consists of a central hexagon surrounded by six other hexagons, forming a larger hexagonal shape. The central hexagon is light blue. The two hexagons directly above and below it are a slightly darker blue. The two hexagons to the left and right are a medium blue. The two hexagons at the bottom corners are light green. The text '訓練資料' is centered in the top-left hexagon, '檢驗資料' is in the middle-right hexagon, and '測試資料' is in the bottom-center hexagon.

檢驗資料

測試資料

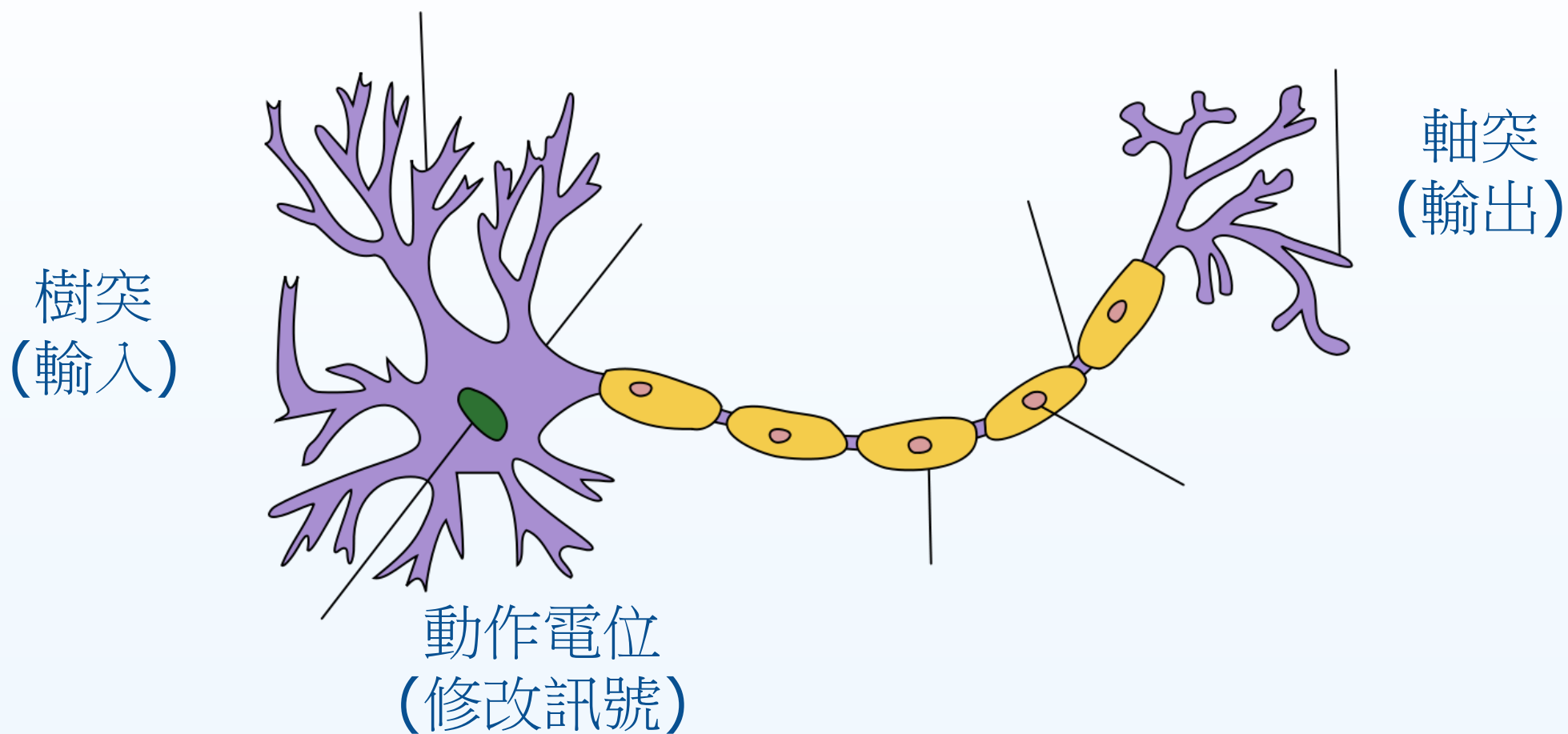


# 什麼是深度學習？

What is Deep Learning?

# 向大自然學習

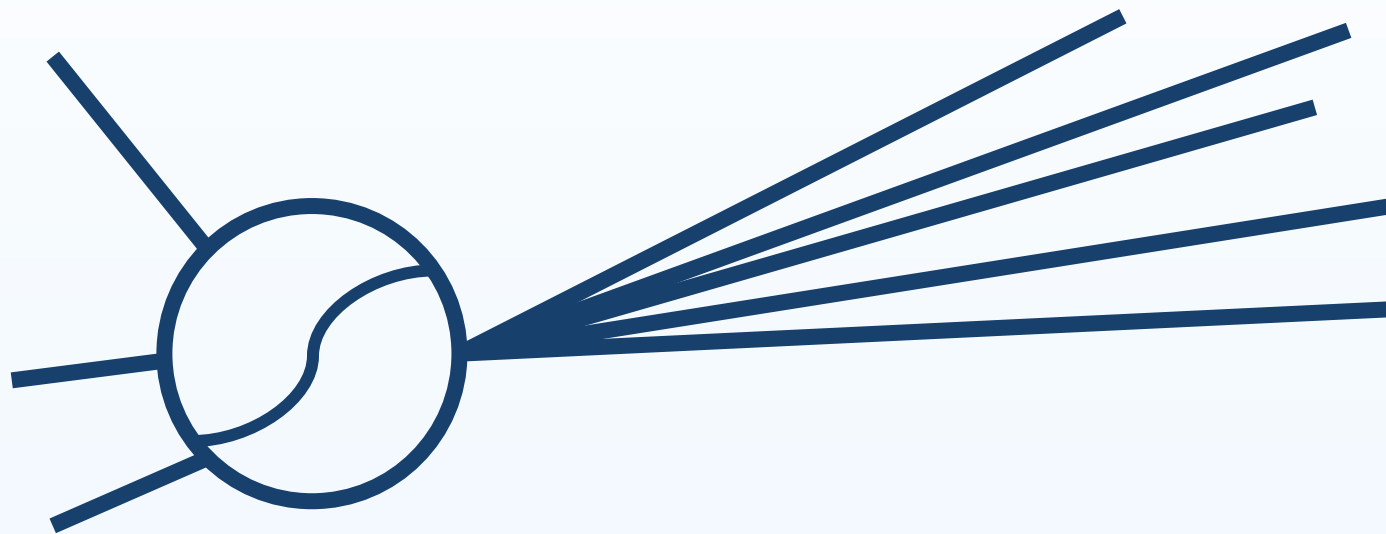
Learn from Nature



# 抽象化神經元

Abstract Neuron

輸入

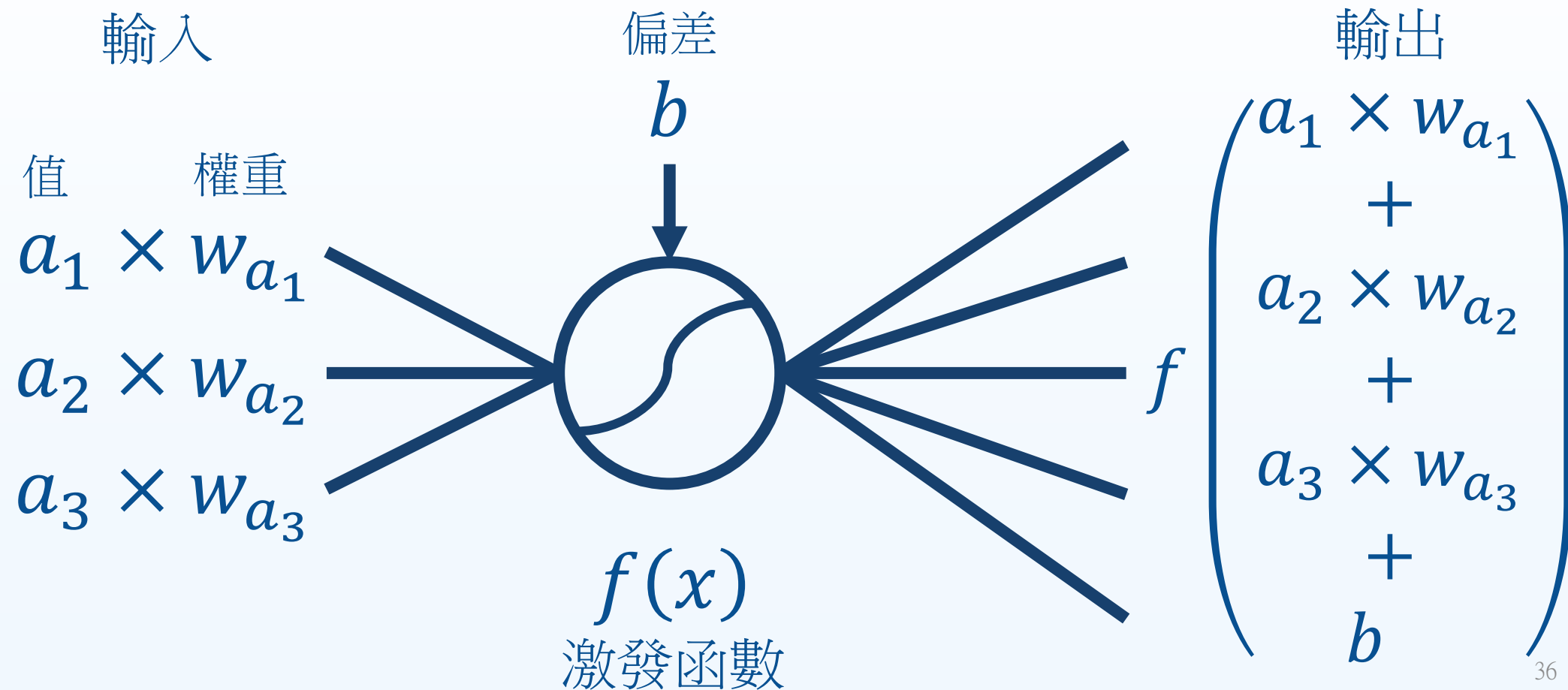


輸出

偏差與激發函數  
(修改訊號)

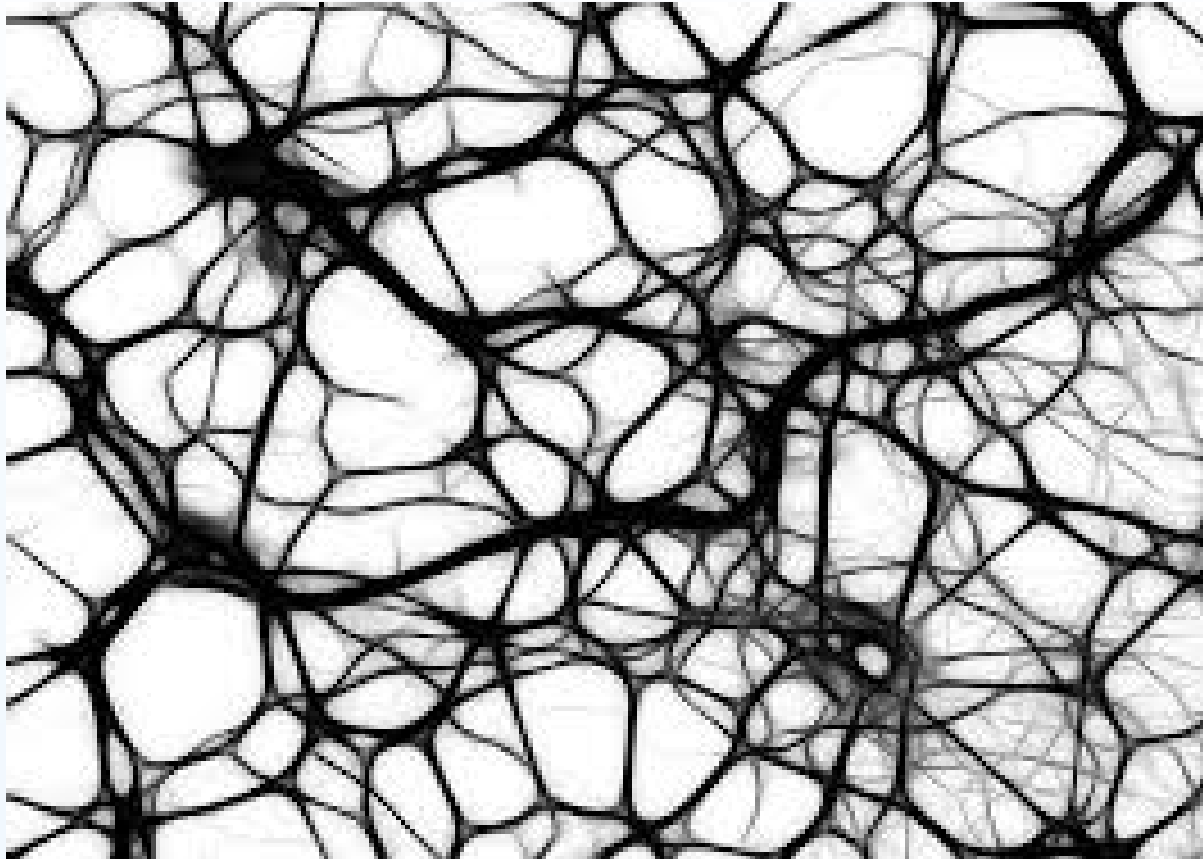
# 抽象化神經元

Abstract Neuron



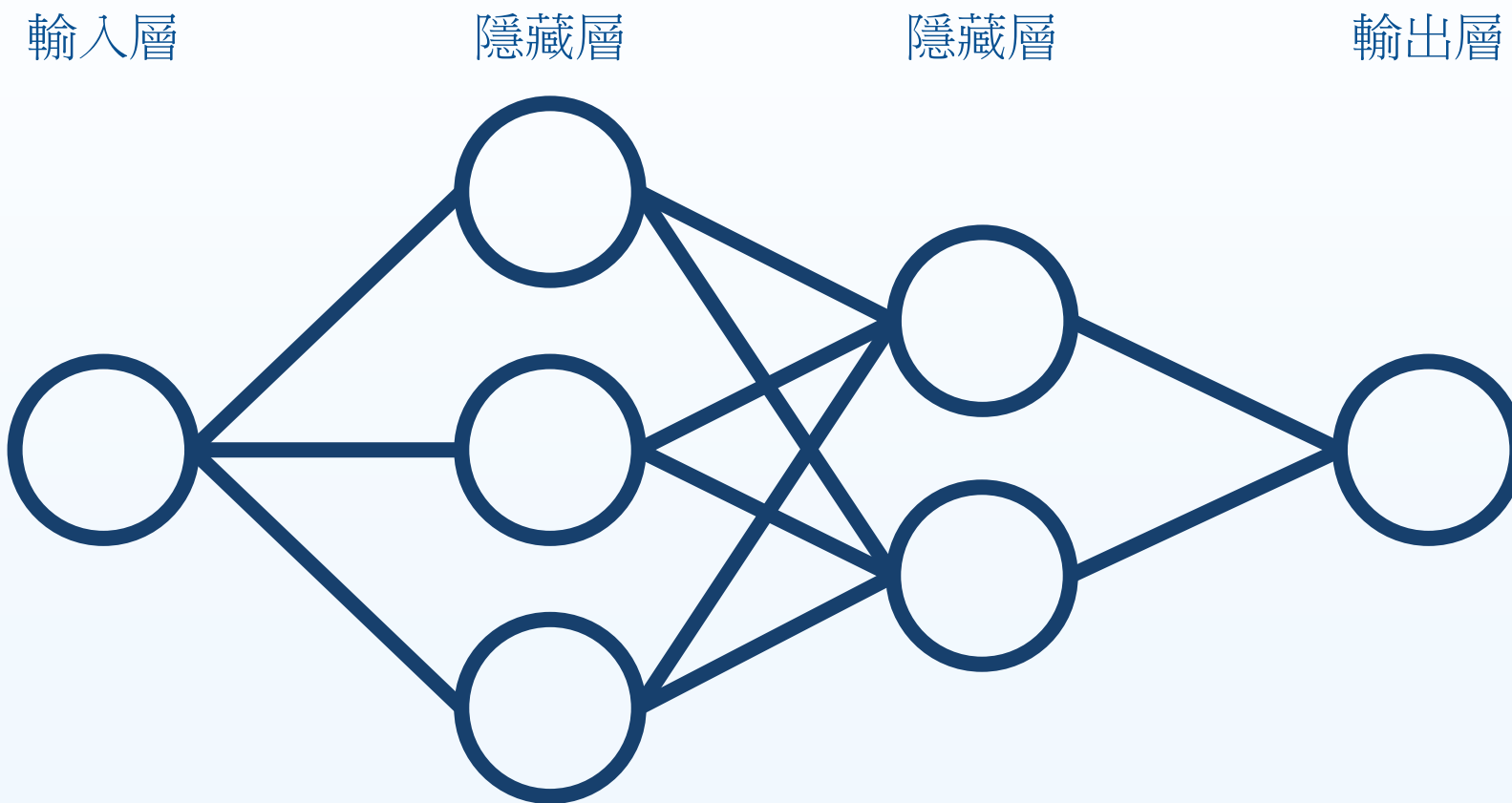
# 全連接神經網路

Fully-Connected Neural Network



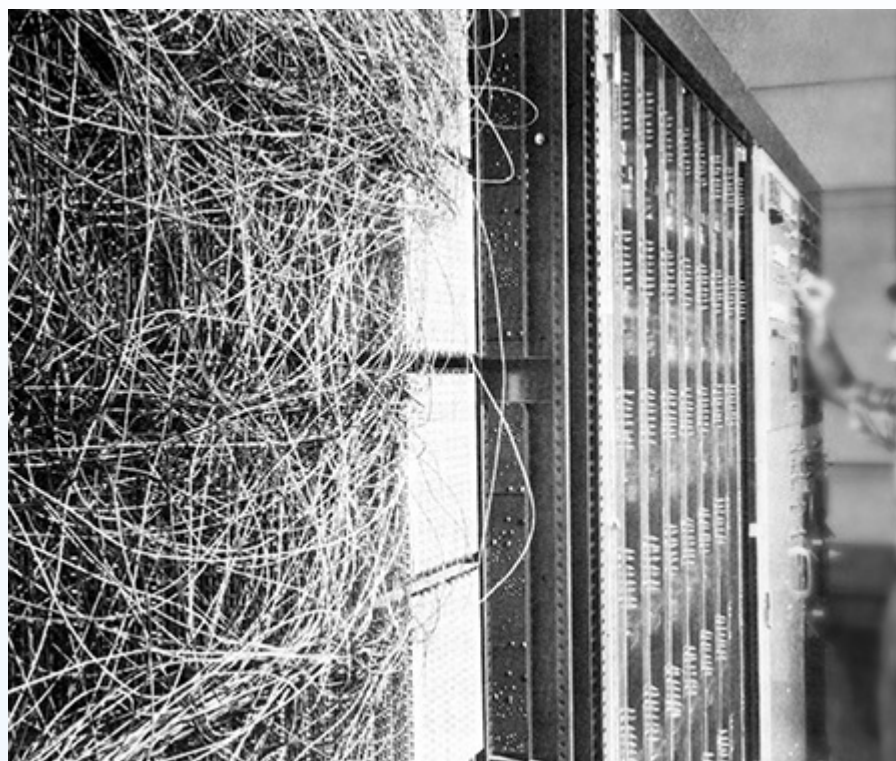
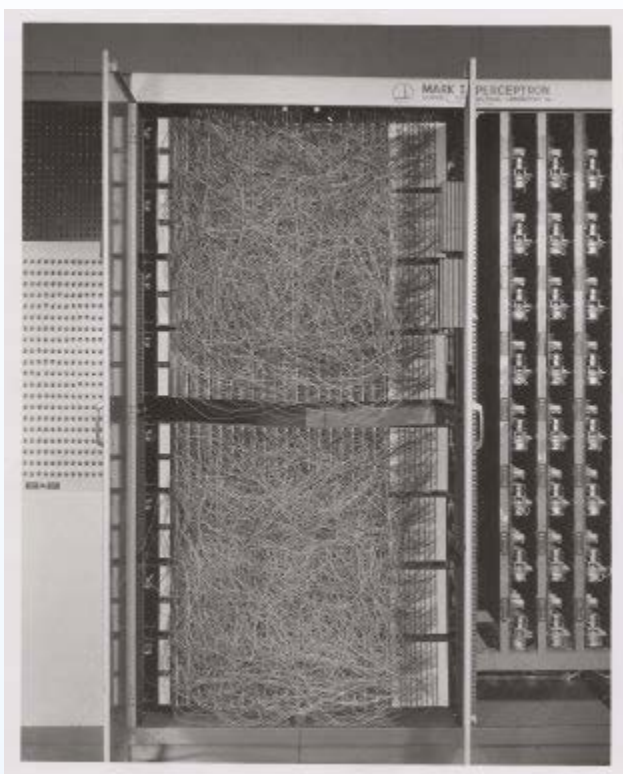
# 全連接神經網路

Fully-Connected Neural Network



1957就有人做了

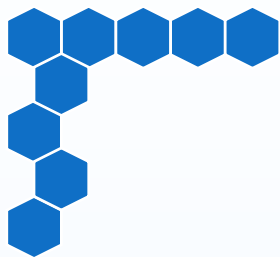
Cornell University, 1957



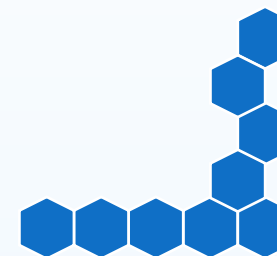
感知器

Perceptron

Frank Rosenblatt



等等**1959**就有人做了  
那現在為什麼那麼紅？





# Why Hot?



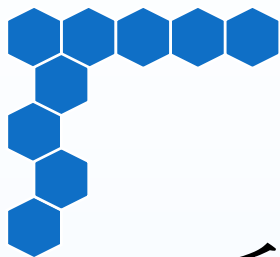
# Faster Computer



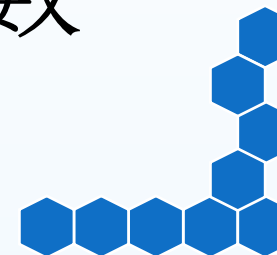
# Big Data



# Improved Algorithm

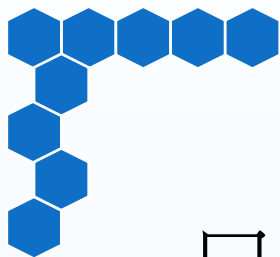


我們其實可以近似任意的函數

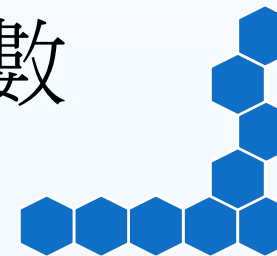


# 通用近似定理

Universal approximation theorem

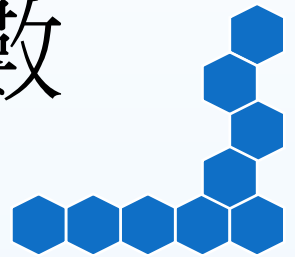


只要一層足夠多神經元的隱藏層就能逼近  
任何在歐氏空間上緊緻子集的連續函數



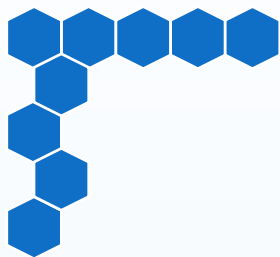


神經網路是用很多很多小函數來  
逼近一個我們希望得到的大函數

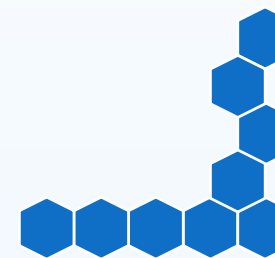


# 激發函數

Activate Function



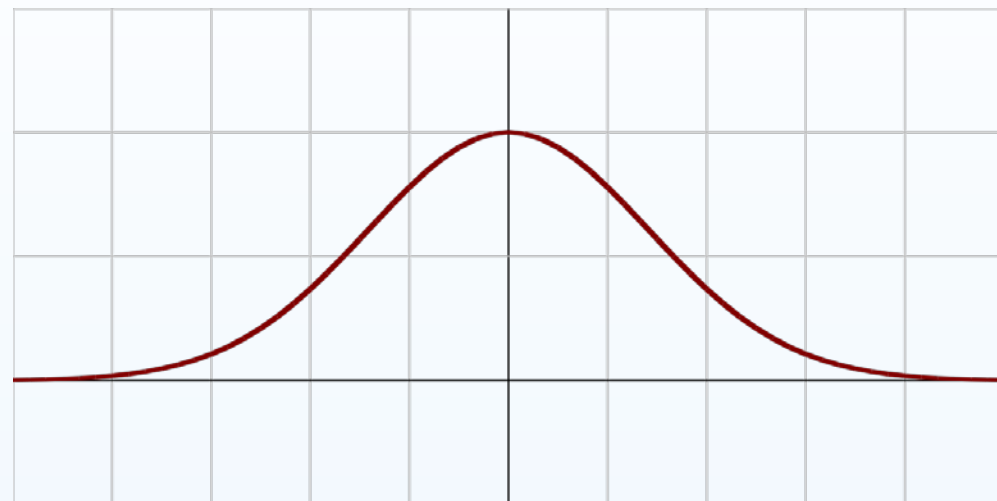
那我們要用哪種小函數呢？



# 高斯分佈函數

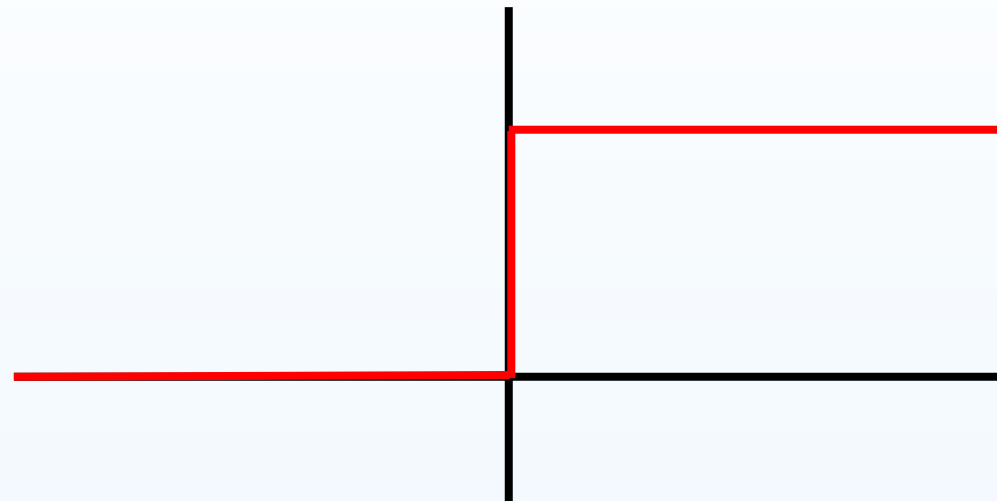
Activate Function

$$f(x) = e^{-x^2}$$



# Binary step

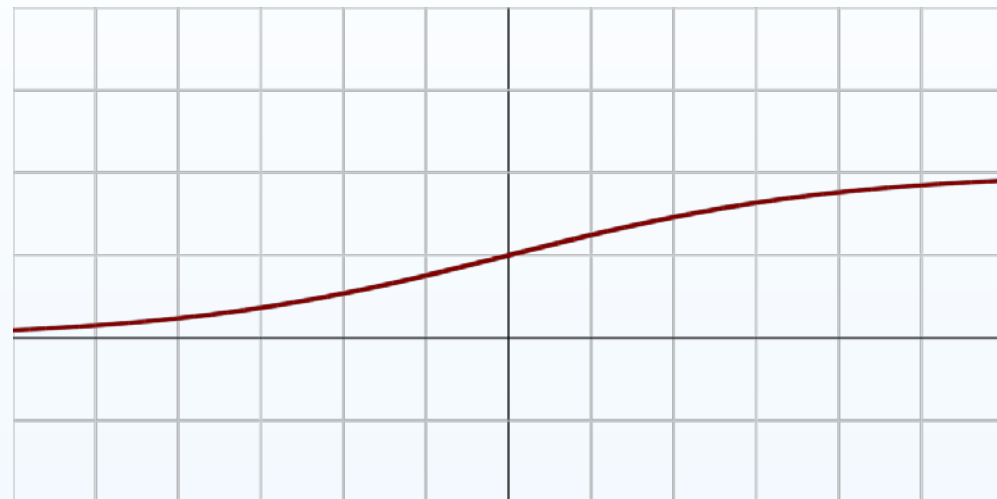
$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$$



# S型函数

Sigmoid

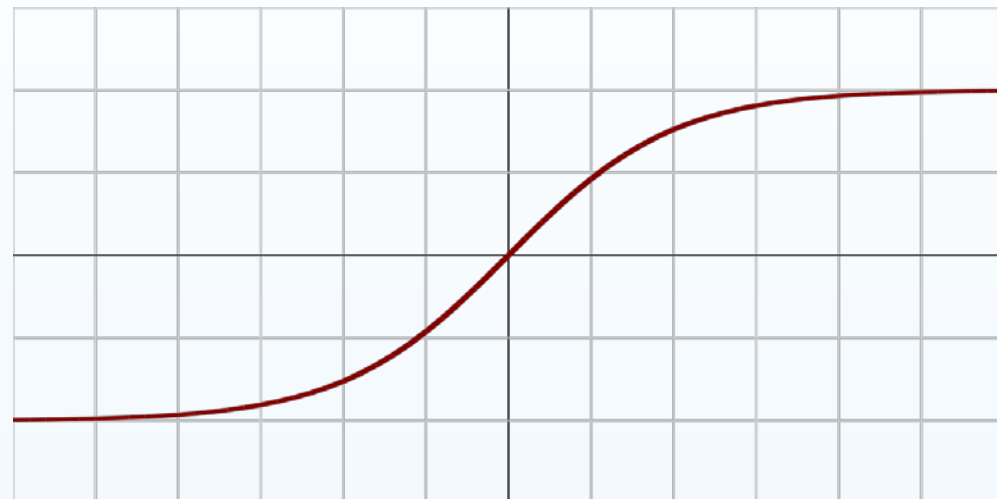
$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$





# Hyperbolic tangent

$$f(x) = \tanh(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$$

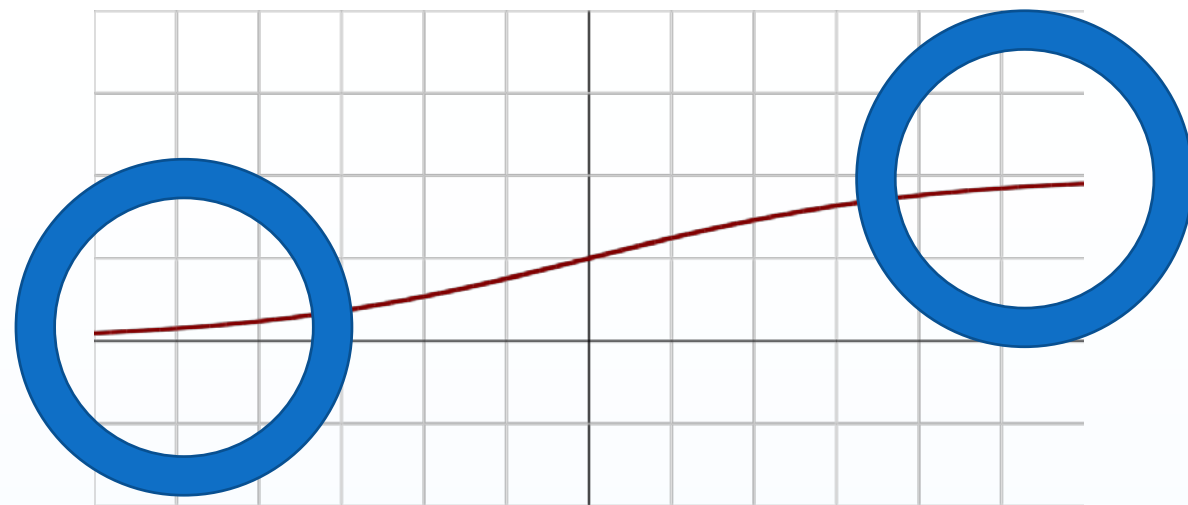
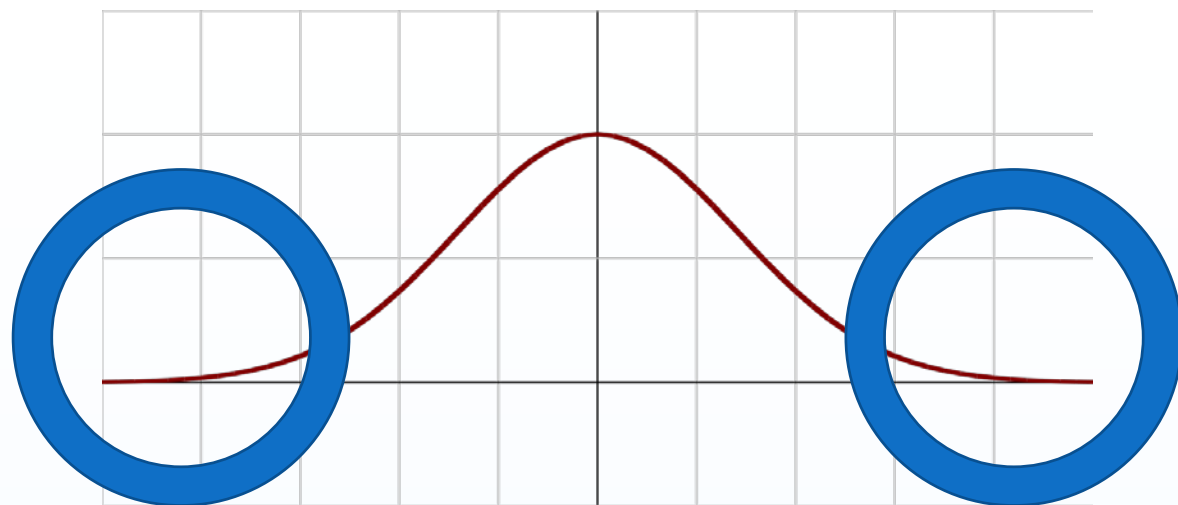




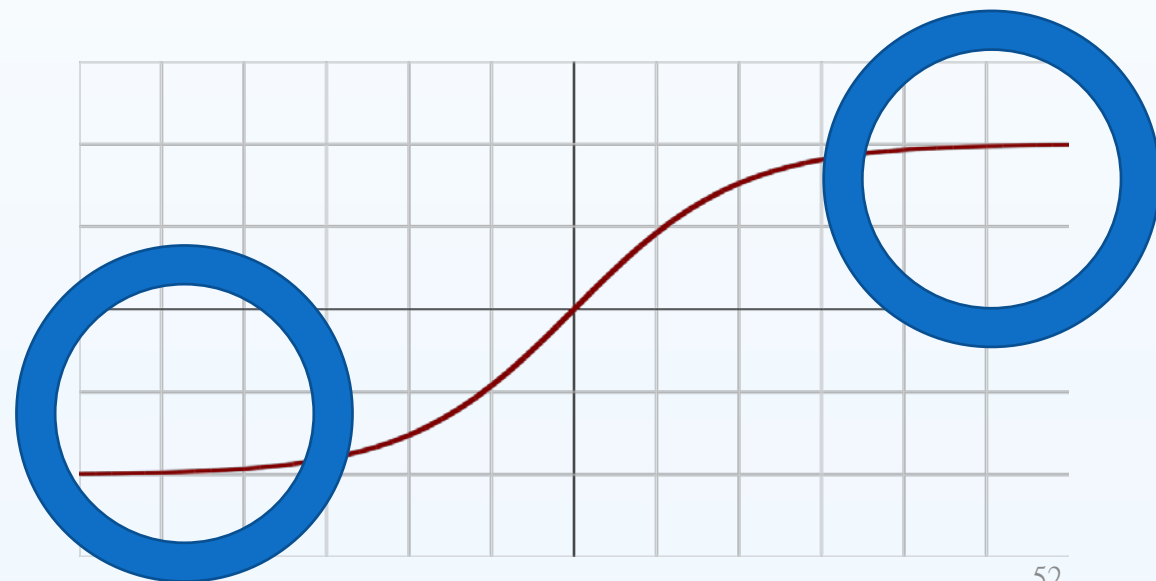
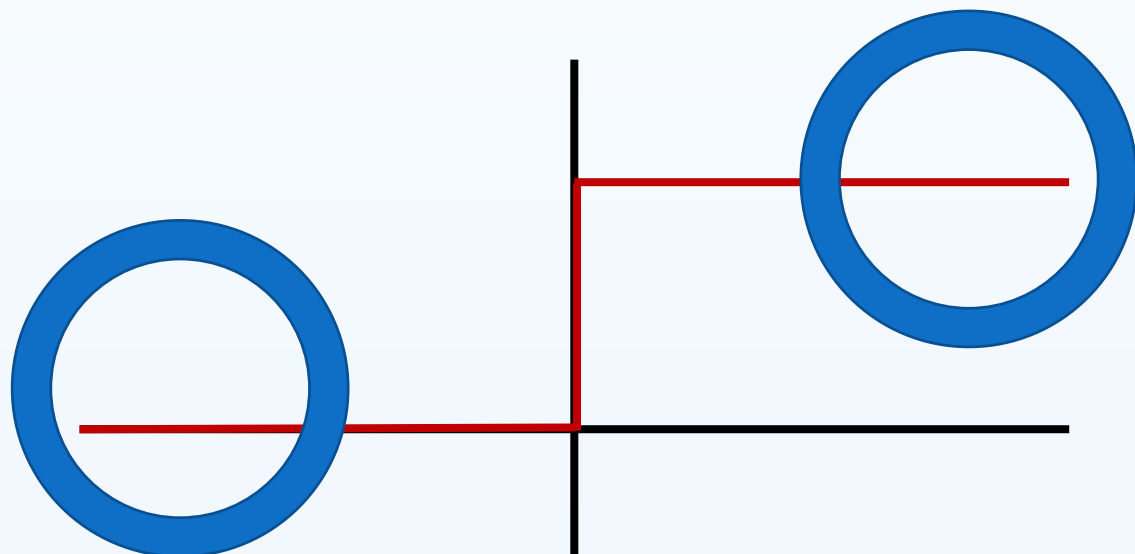
但這些都有個問題

But, here is a problem

我們在訓練模型的時候是利用微分取梯度的  
(後面會詳述)

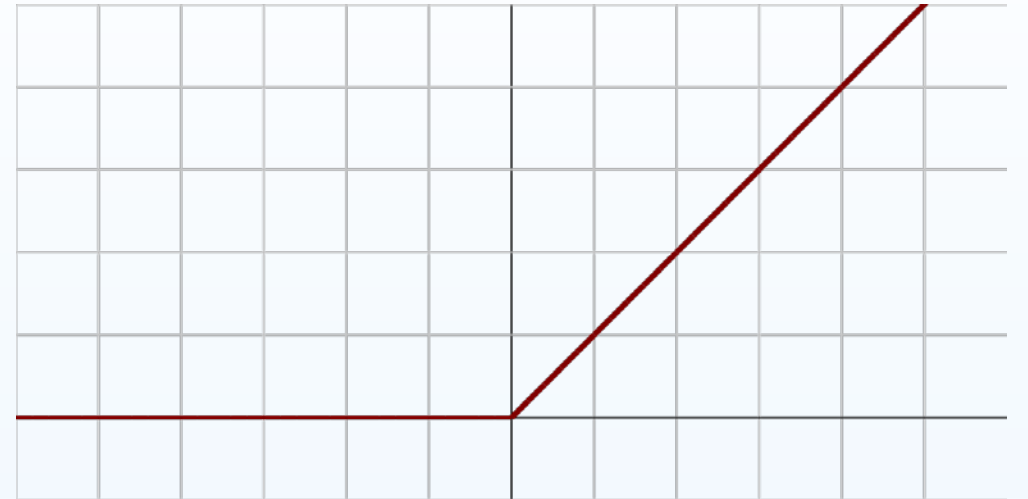


這些函數在兩端都太平了(斜率低)，梯度會消失



# ReLu

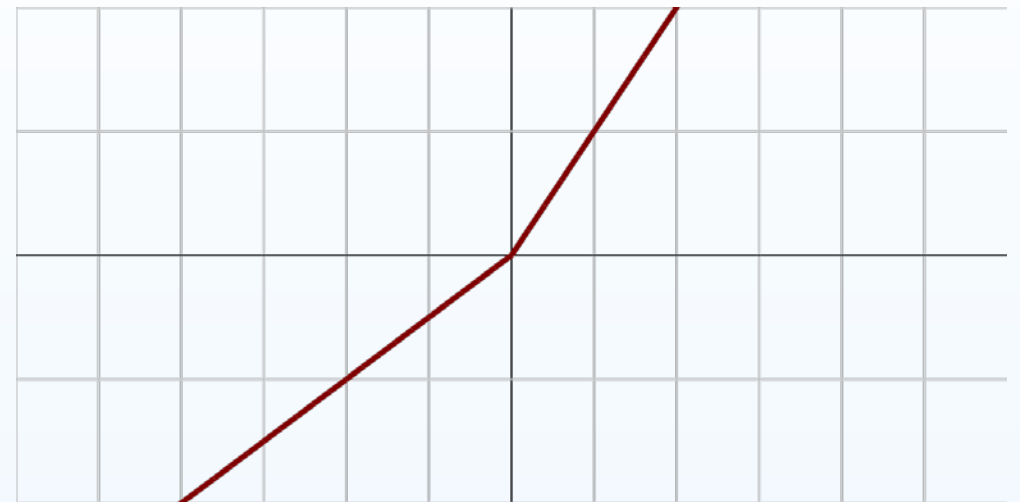
$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$$



但是這樣會 $x < 0$ 導致神經元無法重啓  
解決方法是加上一個 $\alpha > 0$ 的常數

# Leaky ReLu

$$f(x) = \begin{cases} \alpha x & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$$

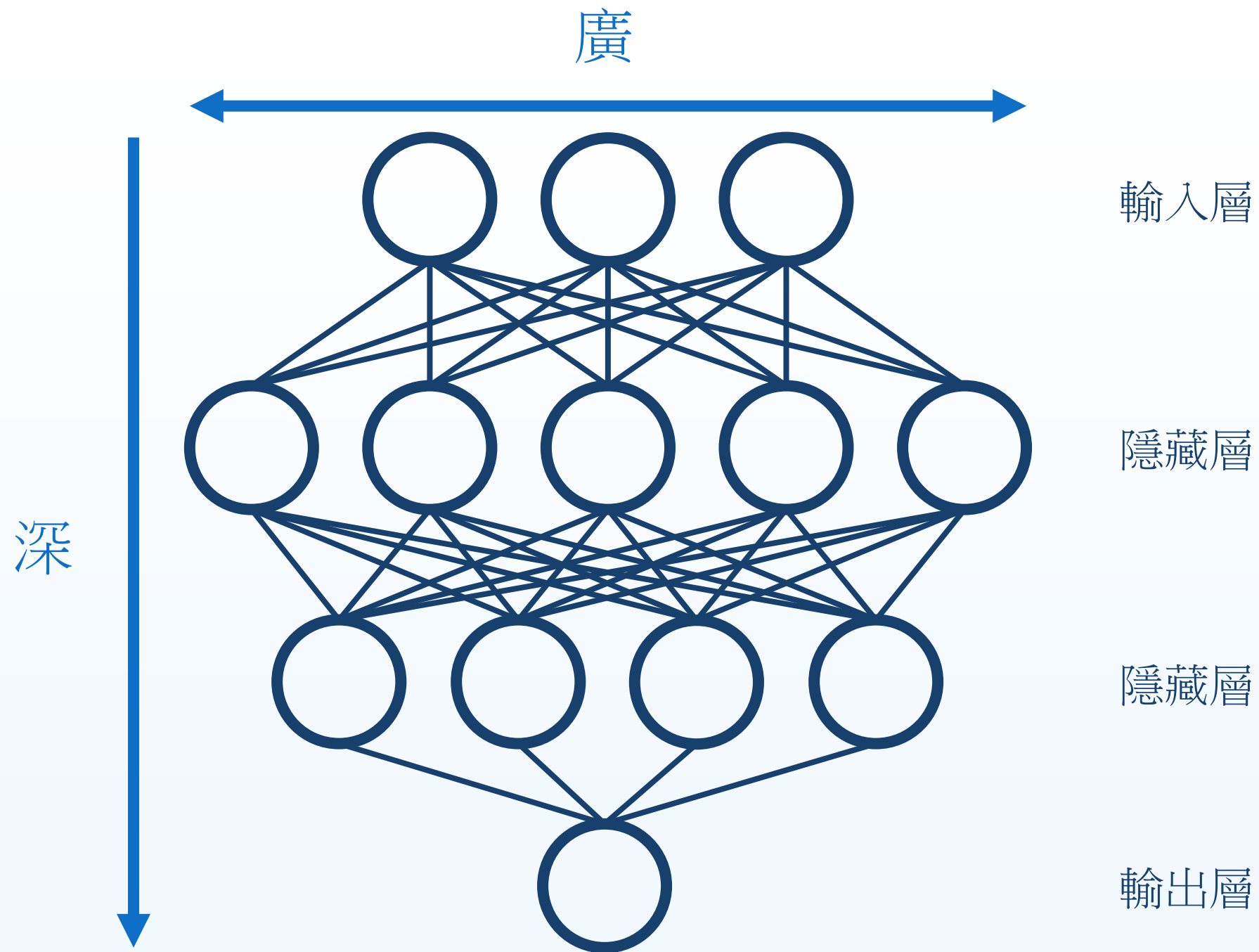




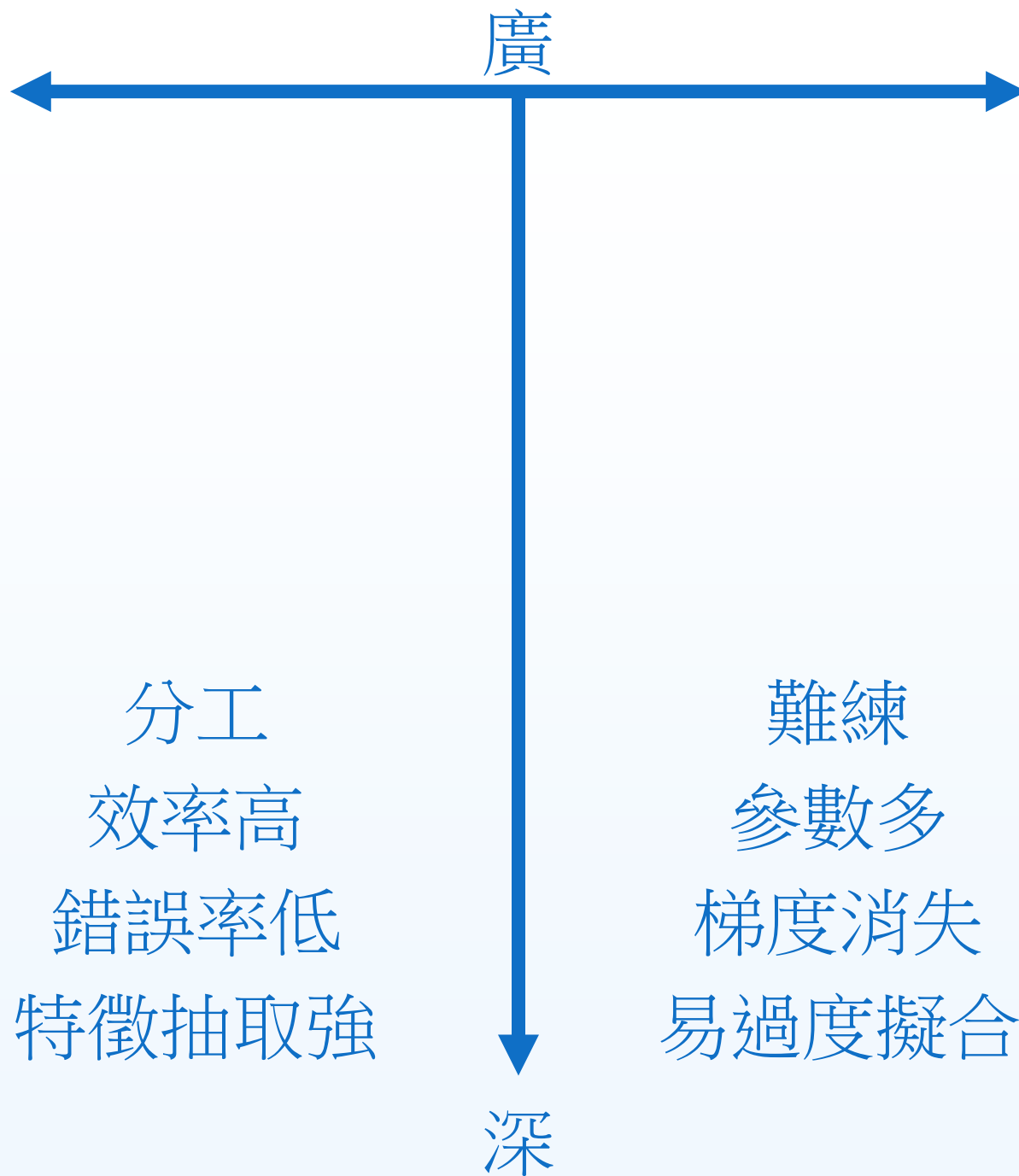
深還是廣？

Be Deep or Be Wide





# 優



# 缺

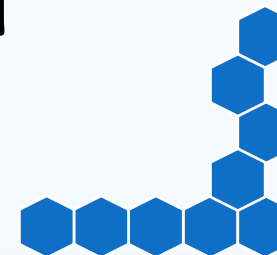


怎麼評估准不準？

How to Score it



我們其實只有下面兩樣東西



正確答案

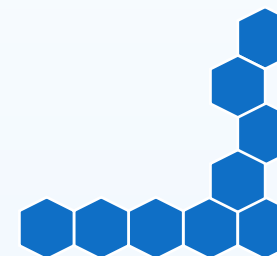
模型答案

# 損失函數

Loss Function



能夠表達  
正確答案和模型答案  
差異的函數

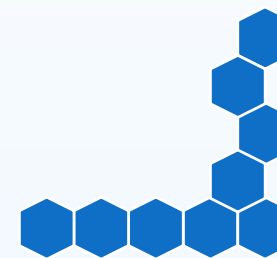


# 平均絕對差

Mean Absolute Error



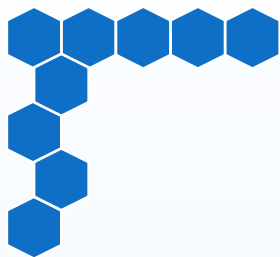
$$\sum \frac{|y_{data} - y_{predict}|}{n}$$



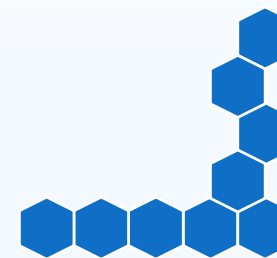
$y_{data}$  = 正確答案       $y_{predict}$  = 模型答案

# 平均平方差

Mean Square Error



$$\sum \frac{(y_{data} - y_{predict})^2}{n}$$



$y_{data}$  = 正确答案       $y_{predict}$  = 模型答案



## 更多的損失函數

More Loss Function

MAPE

Categorical Crossentropy

MALE

Binary Crossentropy

Hinge

Total Variation

LogCosh

KL Divergence

# 怎麼訓練我的神經網路？

How to Train our Neural Networks

# 梯度下降法

Gradient Descent

假設我們有個

模型： $M(x)$

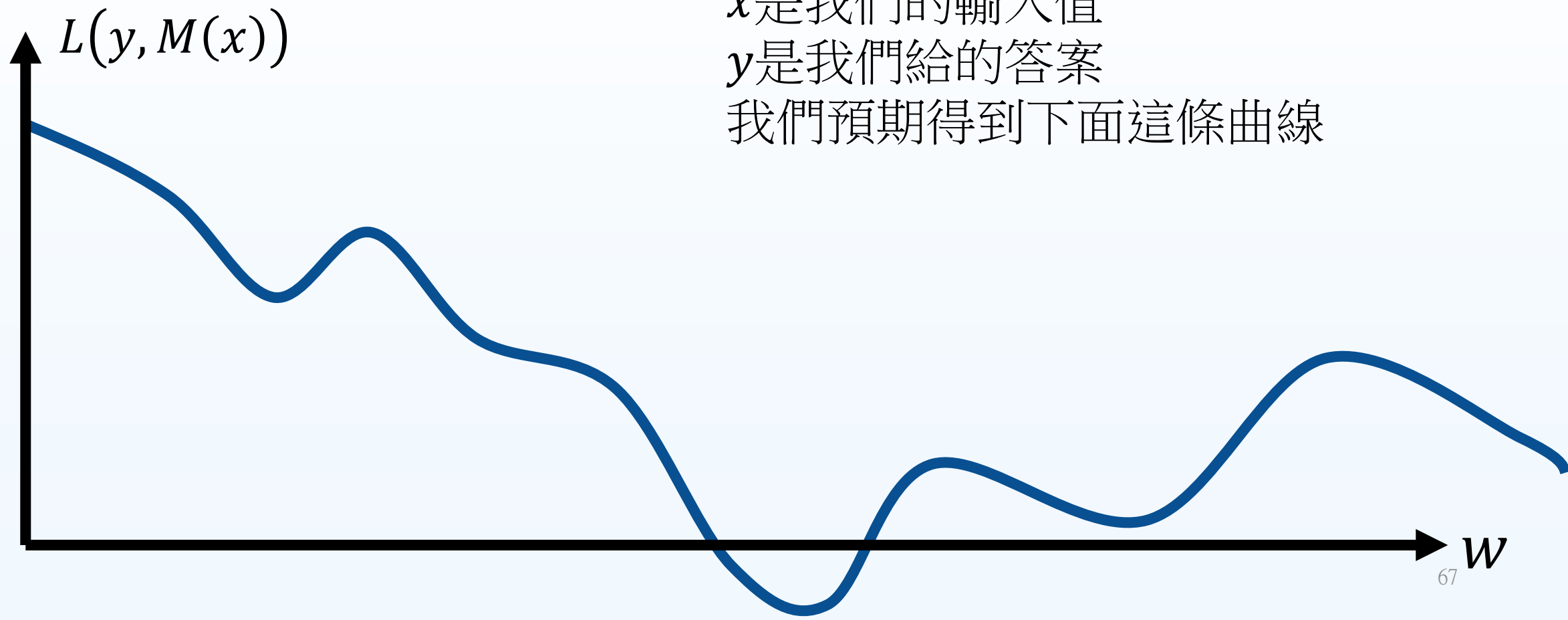
模型權重： $w$

損失函數： $L(y, M(x))$

$x$ 是我們的輸入值

$y$ 是我們給的答案

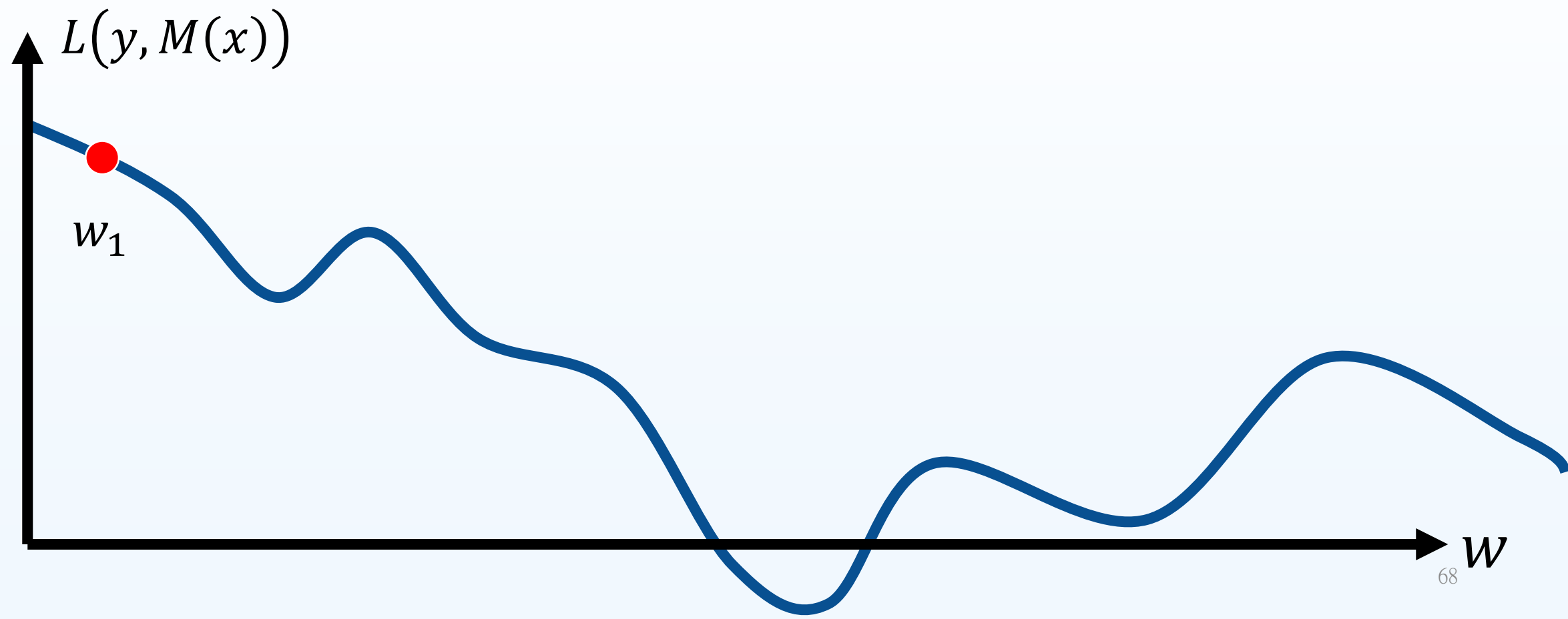
我們預期得到下面這條曲線



# 梯度下降法

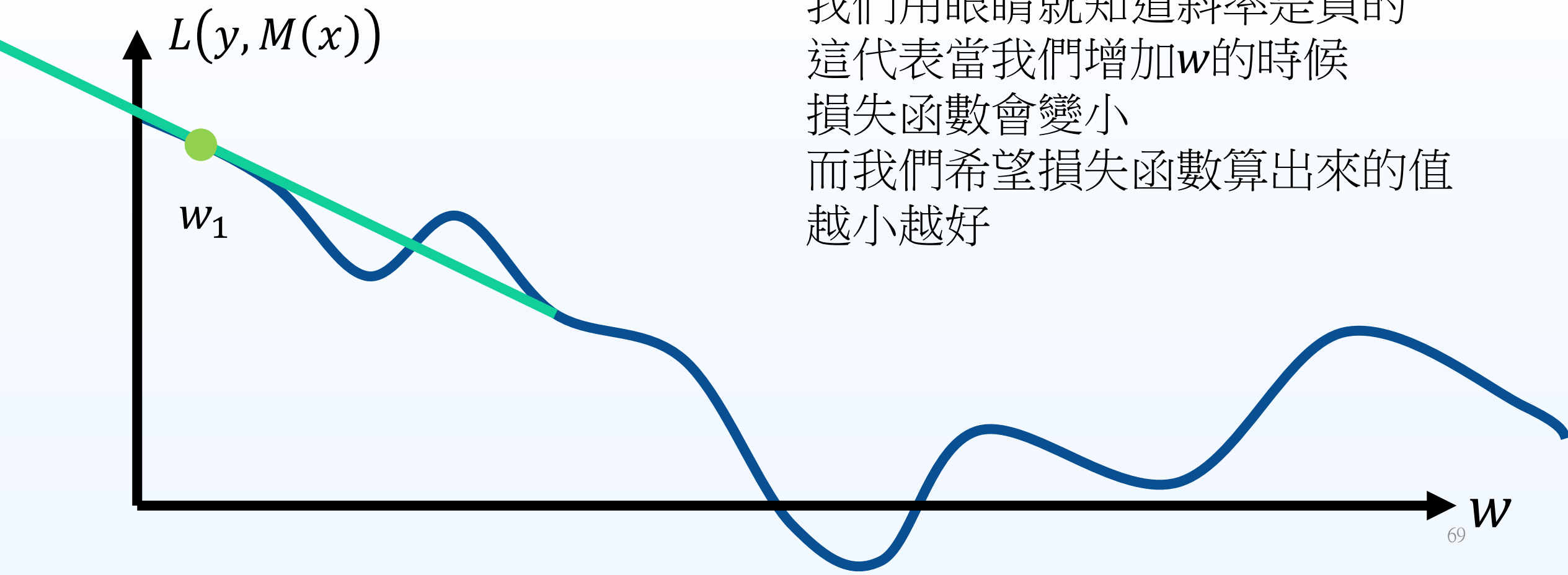
Gradient Descent

在 $w_1$ 這點對 $L(y, M(x))$ 微分



# 梯度下降法

Gradient Descent



我們可以得到一個斜率

$$\frac{dL}{dw_1}$$

根據國中數學

我們用眼睛就知道斜率是負的

這代表當我們增加 $w$ 的時候

損失函數會變小

而我們希望損失函數算出來的值

越小越好

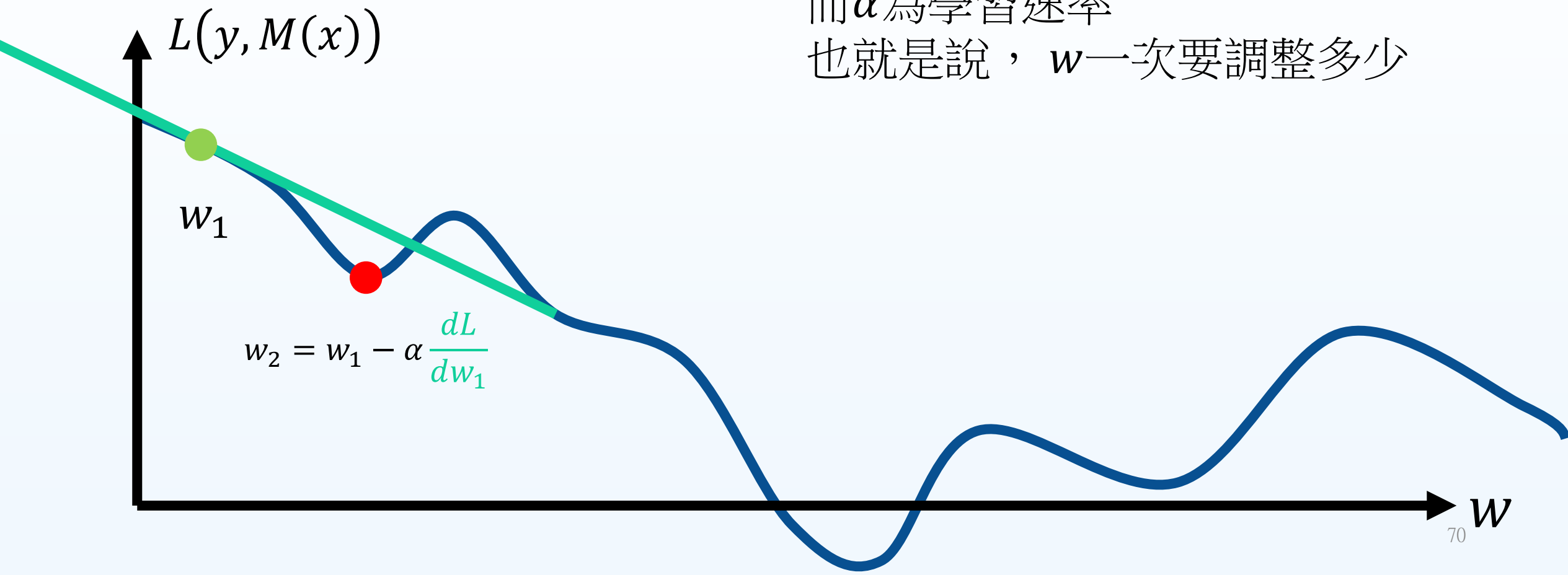
# 梯度下降法

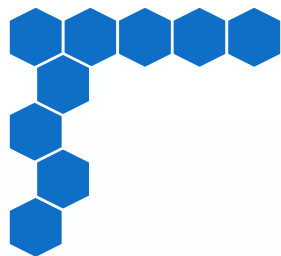
Gradient Descent

所以我們新的 $w$ ，  
也就是 $w_2$ 就會等於

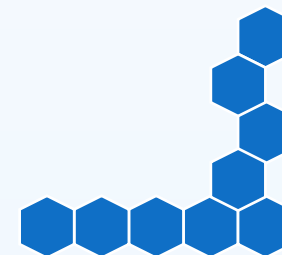
$$w_2 = w_1 - \alpha \frac{dL}{dw_1}$$

而 $\alpha$ 為學習速率  
也就是說， $w$ 一次要調整多少

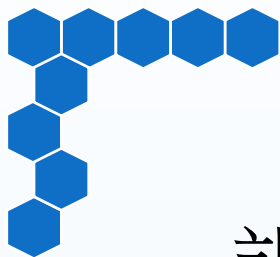




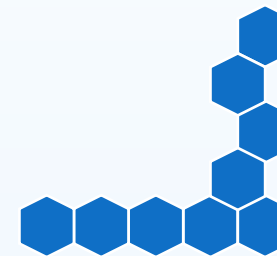
調整每個權重都是這樣  
只是把其他權重當作常數微分 (偏微分) 後  
得到梯度 (可以視為多維度下的斜率)  
實務上會隨機抽一小單位資料改善模型的權重來加速  
也就是  
隨機梯度下降  
Stochastic Gradient Descent  
SGD



# Batch



訓練完整個訓練資料中的一小單位資料

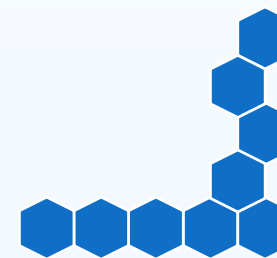




# Epoch

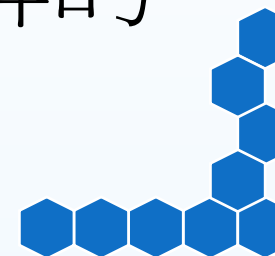


訓練完全部的訓練資料





就這樣一步一步總有一天會到最佳解的



嗎？

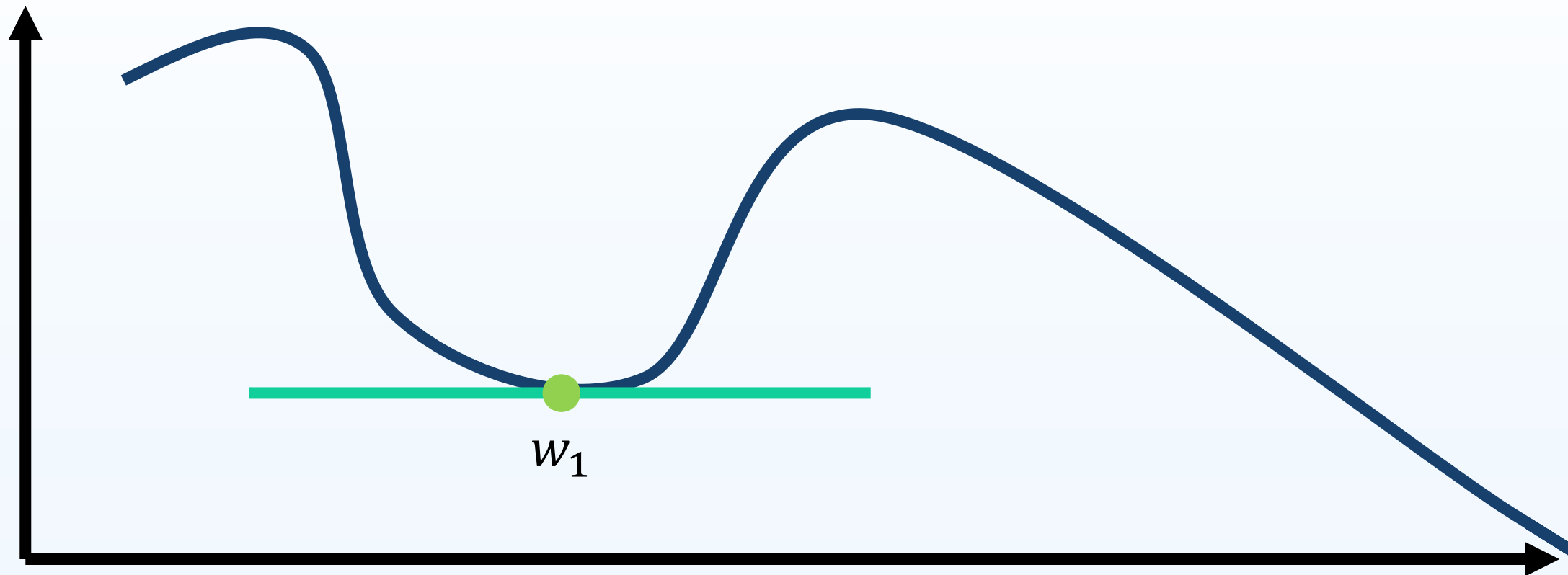
# 動量

Momentum

如果我們今天很不幸的落在低谷  
微分後斜率又剛好等於零

$$w_2 = w_1 - \alpha \frac{dL}{dw_1} = w_1 - \alpha \times 0 = w_1$$

不會改進了，怎麼辦？

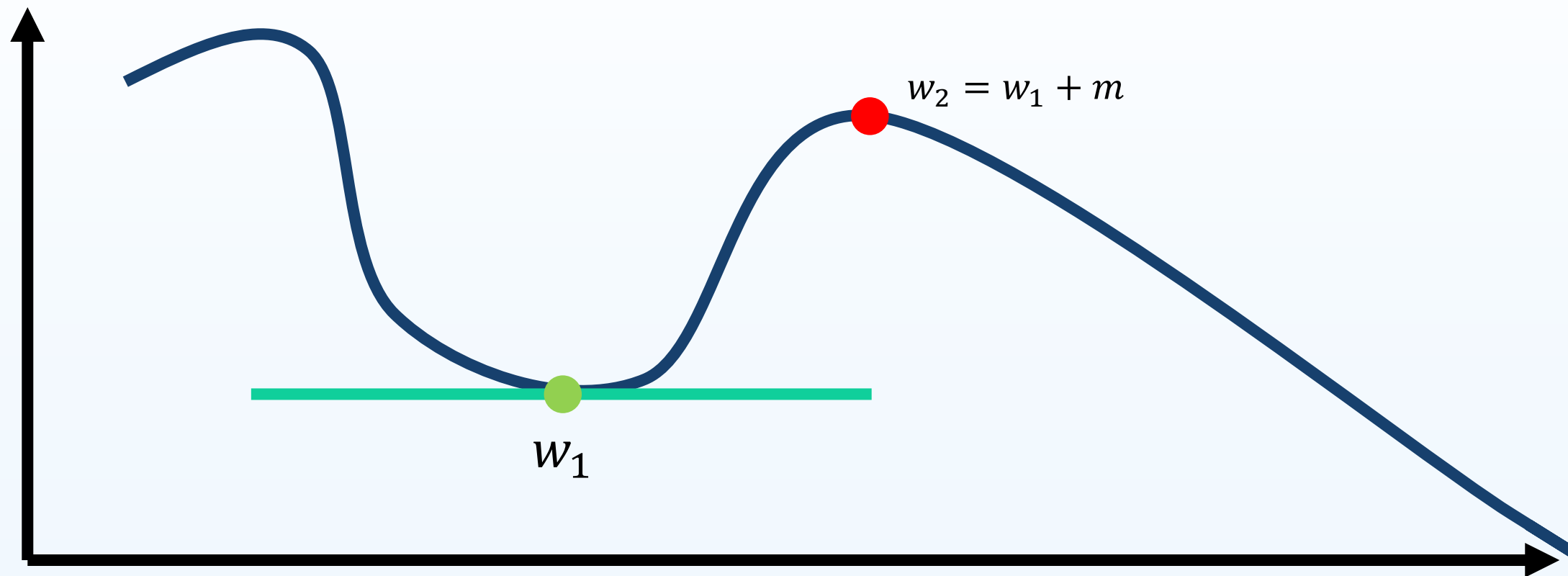


動量

Momentum

那就加入一個動量常數 $m$   
讓 $w_2$ 變成

$$w_2 = w_1 + m - \alpha \frac{dL}{dw_1} = w_1 + m$$



# 更多的優化法

More Optimizers

Adam

Adagrad

Adadelta

Nadam

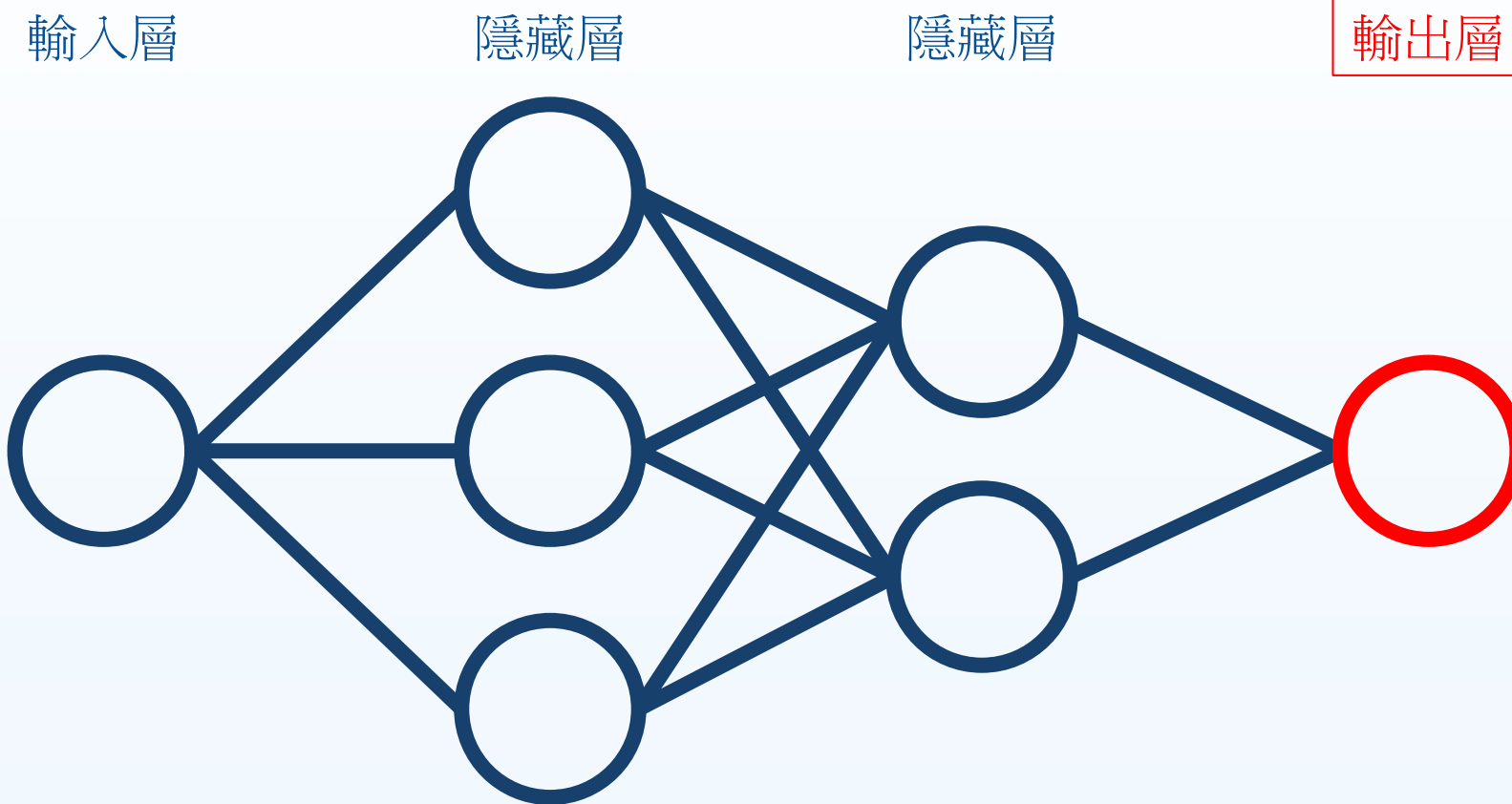
Adamax

RMSprop

# 反向傳播算法

Back Propagation

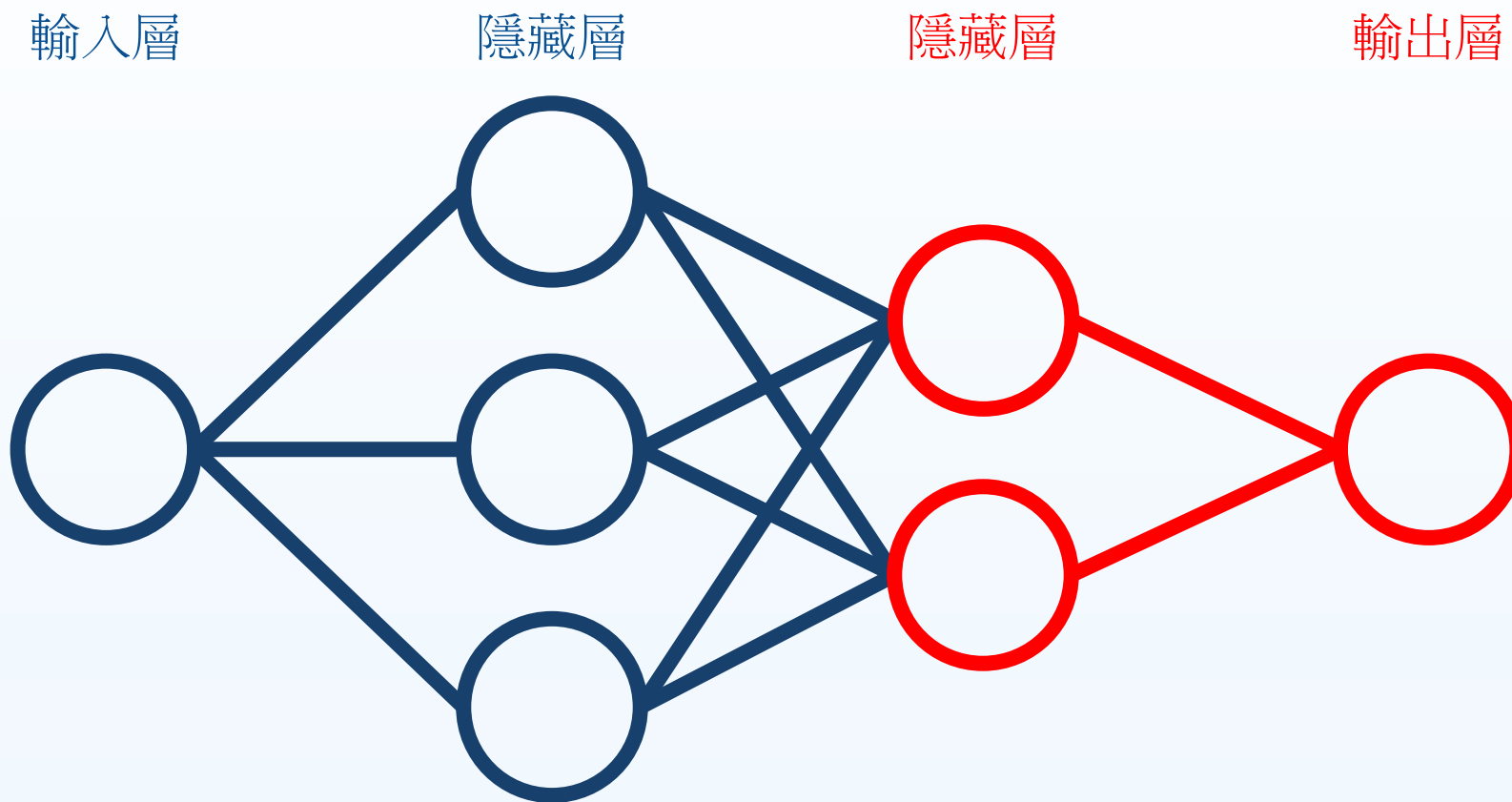
從輸出層向輸入層微分



# 反向傳播算法

Back Propagation

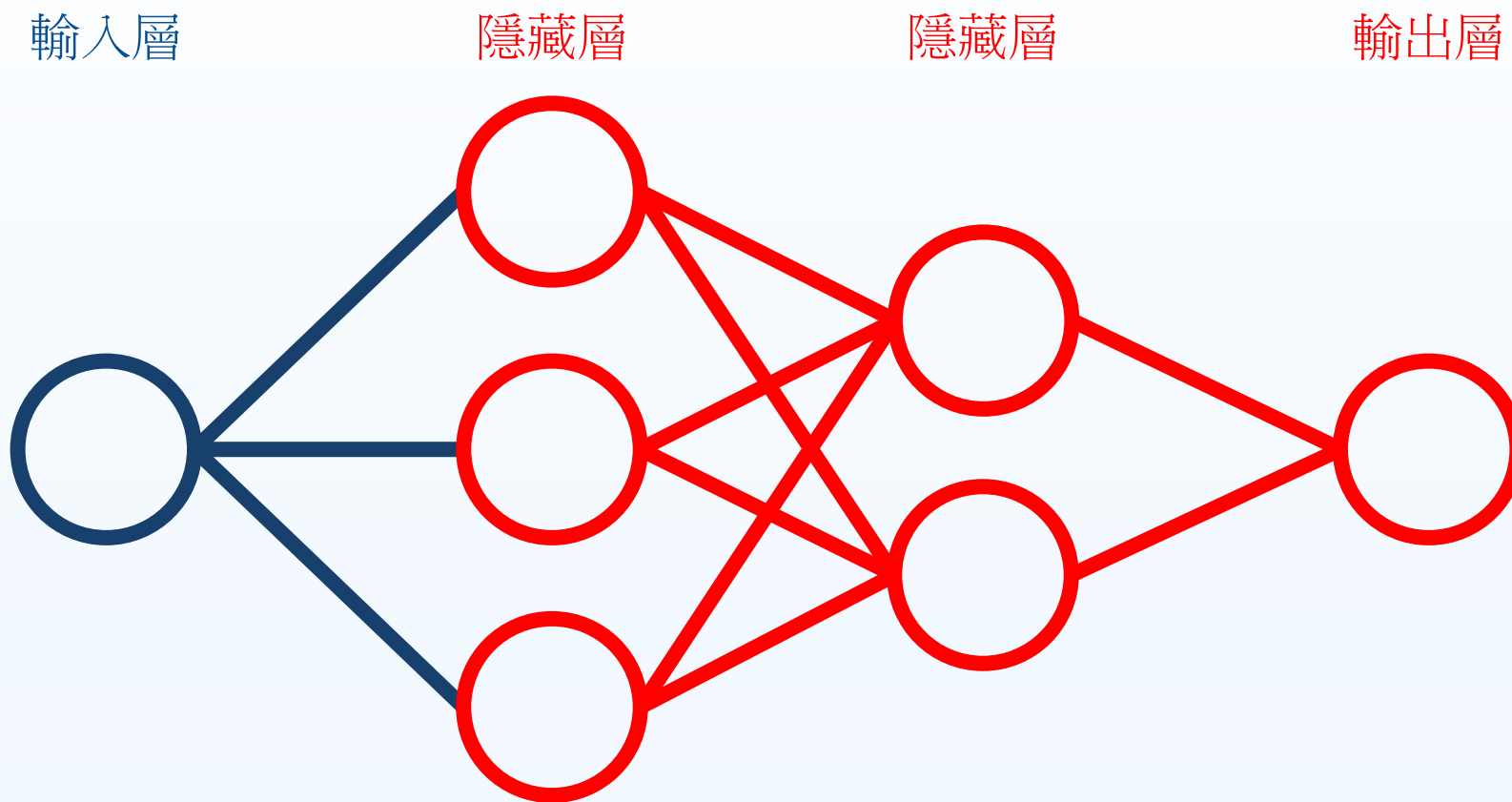
從輸出層向輸入層微分



# 反向傳播算法

Back Propagation

從輸出層向輸入層微分

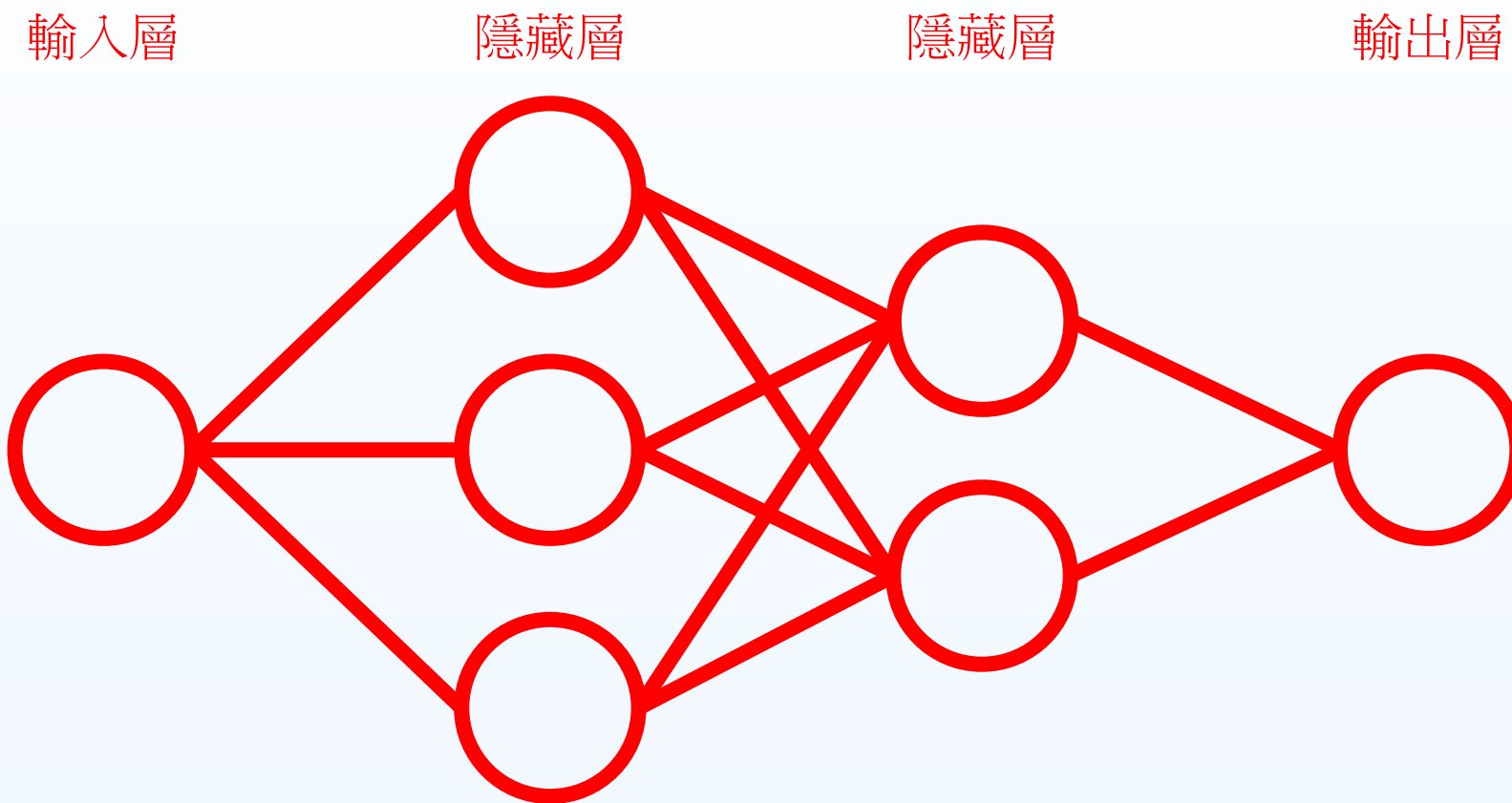


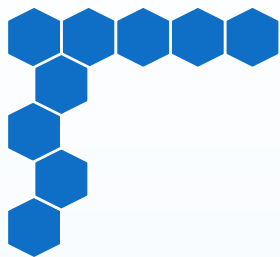


# 反向傳播算法

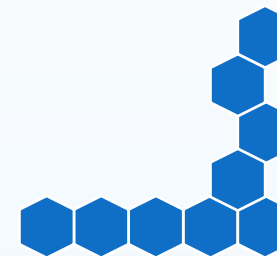
Back Propagation

從輸出層向輸入層微分



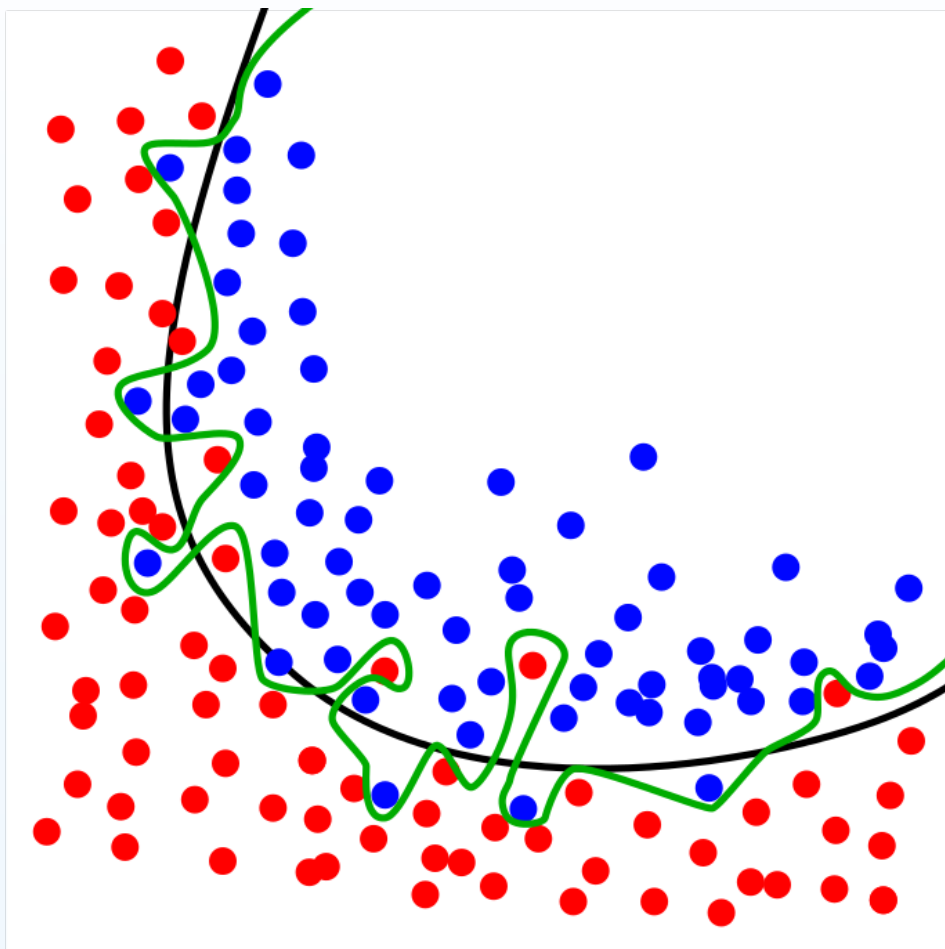


但其實我們很害怕一件事



# 過度擬合

Over Fitting



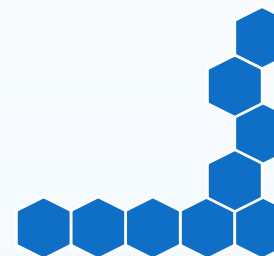
練過頭了  
神經網路開始學習不夠廣泛特徵

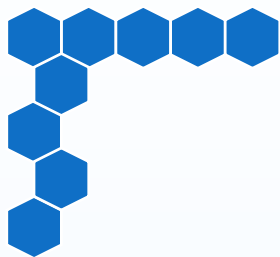
操作上會發現  
訓練集的成績很好  
但檢驗和測試集的成績很差

只會寫參考書的考生  
考大考不會寫也沒有用

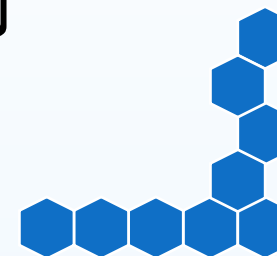


怎麼辦？





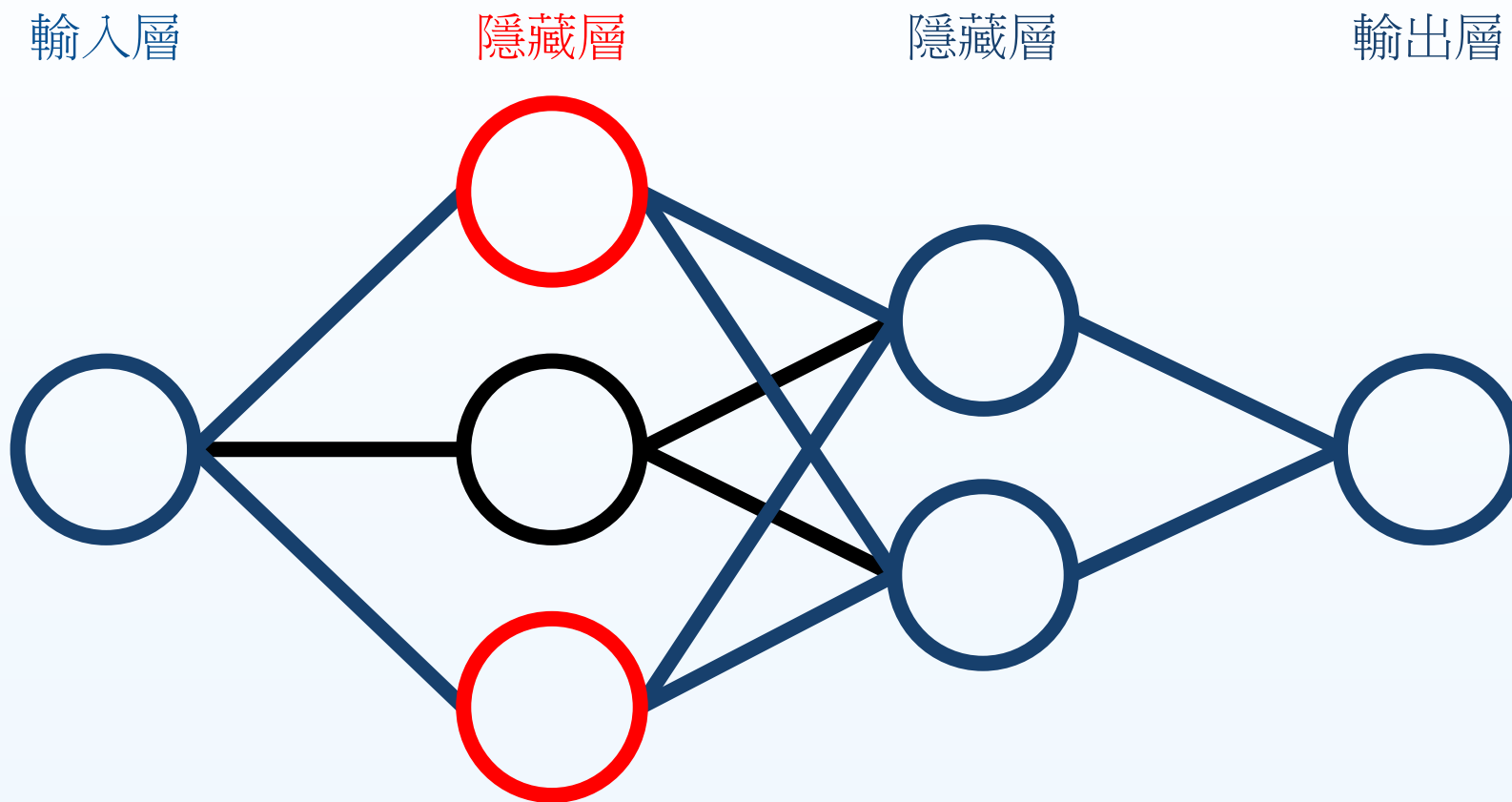
既然練過頭，那就不要練啊



# 不參與訓練

Drop Out

把部份神經元關掉不做訓練



# Keras 介紹與實做

Introduce Keras

# 如何實現深度學習模型

How to Achieve Deep Learning Model

# 手算



# 如何實現深度學習模型

How to Achieve Deep Learning Model

## 手算

對理論會更有感覺  
但是很慢  
還會算錯很不方便

# 如何實現深度學習模型

How to Achieve Deep Learning Model

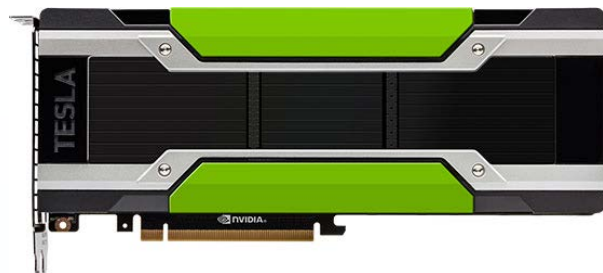
# Numpy

要刻每一層、優化器、損失函數  
調用GPU加速不方便



# 為什麼要用GPU？

Why GPU?



GPU

核心多  
(上千個)

單核心速度慢

擅長平行運算



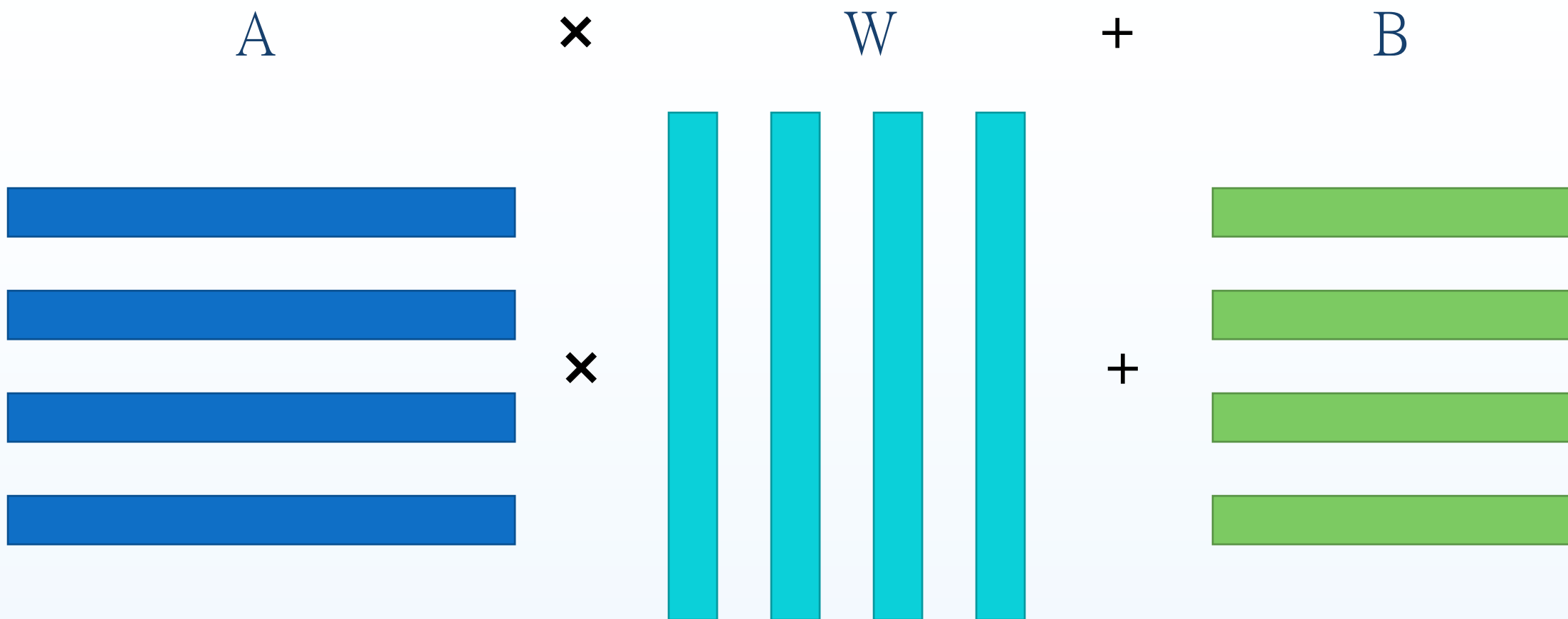
CPU

核心少  
(小餘三十個)

單核心速度快

擅長序列運算

建議購買NVidia GPU，CUDA支援的框架比較多



平行運算在矩陣運算速度上具有優勢

# 深度學習運算框架

Deep Learning Framework

為了方便調用GPU  
並且不要重複造輪子  
我們通常會使用一些框架  
現在還在框架大戰



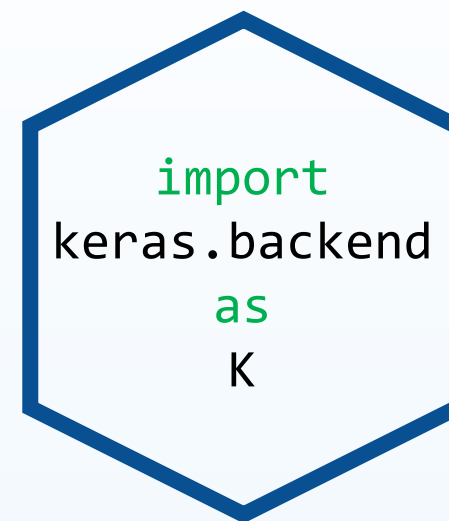
# Keras



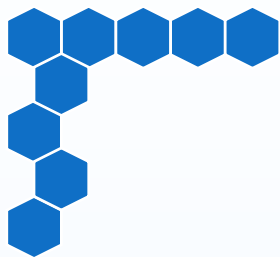
支援多種後端  
Multiple Backend



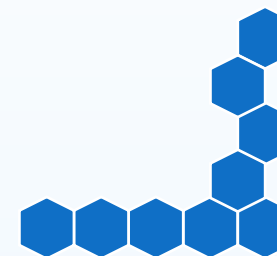
模組化  
Modular



適度的擴展性  
Enough Elasticity



我們今天有兩個資料集

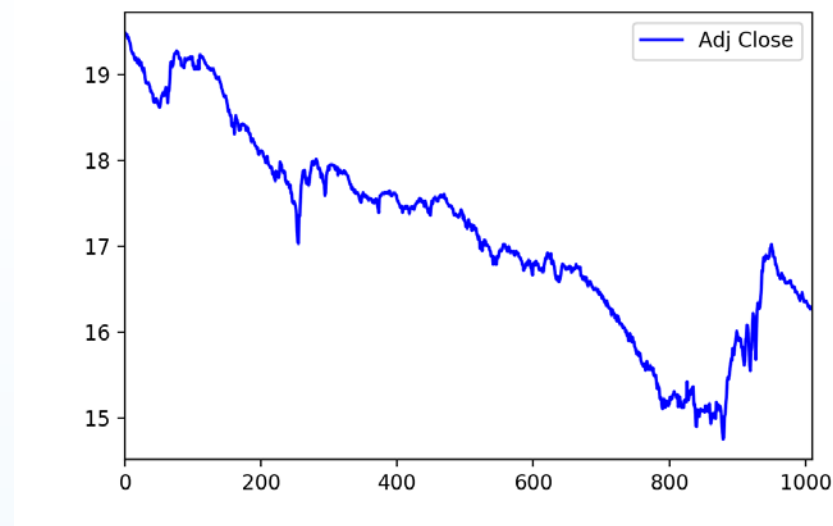






## MNIST

手寫數字辨識  
深度學習的HelloWorld



## ETF

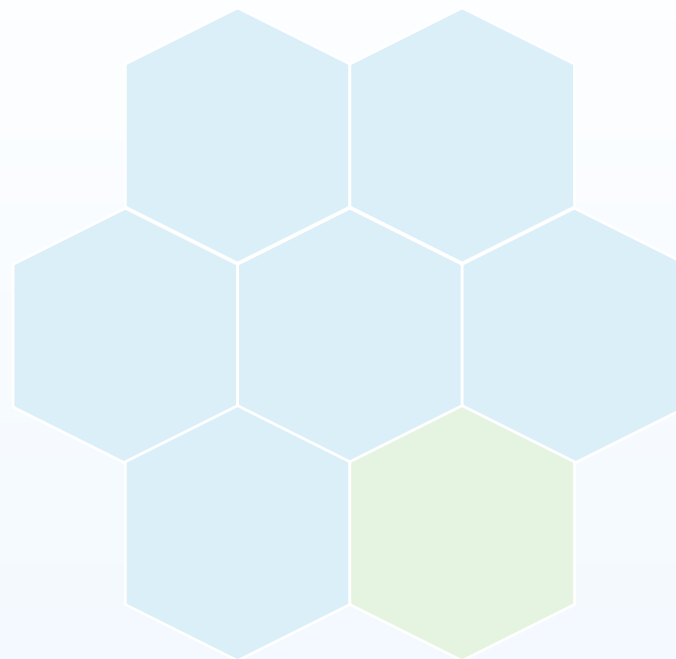
全球智能提供  
介紹實務上的應用

# MNIST手寫數字辨識

訓練資料：六萬

測試資料：一萬

資料分類比夠大  
機器學習界的HelloWorld

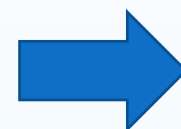


來建模型吧

資料



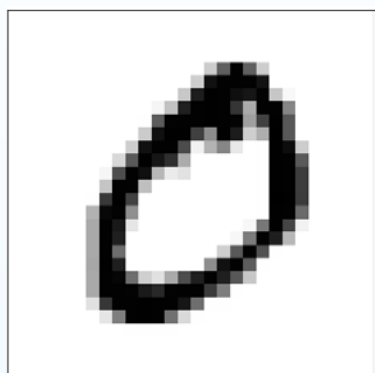
函數



標準  
答案

魔法盒子

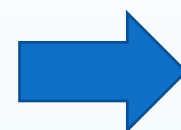
# 試試全連接監督學習



28x28



全連接  
神經網路



0

1

# One-hot Embedding

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

這些數字彼此是沒有相關性的  
1跟7比較像，但是1卻不一定在7的旁邊

## One-hot Embedding

最好的方法是讓每一種分類  
自己獨立成一個向量

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

[0 0 0 0 1 0 0 0 0 0]

## 首先先讀入套件跟資料

```
%matplotlib inline #讓jupyter notebook可以出現你畫的圖片
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from keras.datasets import mnist #資料集
from keras.utils import np_utils # 做one-hot embedding
from keras.models import Sequential #讀入Sequential模式以建立模型
from keras.layers import Dense, Activation #我們需要的keras層
from keras.optimizers import SGD #這次用的優化器

(x0_train, y0_train), (x0_test, y0_test) = mnist.load_data() #讀入MNIST資料集
```

# 資料整理

*#將輸入資料打平*

```
x_train = x0_train.reshape(60000, 28*28)
```

```
x_test = x0_test.reshape(10000, 28*28)
```

*#將輸出資料做One-hot Embedding*

```
y_train = np_utils.to_categorical(y0_train,10)
```

```
y_test = np_utils.to_categorical(y0_test,10)
```



# 構建模型

## 序列式模型

```
model = Sequential()
```

# 構建模型

## 序列式模型

500個神經元的全連接層

激發函數用S型函數

```
model = Sequential()  
model.add(Dense(units=500, input_dim=784))  
model.add(Activation('sigmoid'))
```

# 構建模型

## 序列式模型

500個神經元的全連接層

激發函數用S型函數

500個神經元的全連接層

激發函數用S型函數

```
model = Sequential()  
model.add(Dense(units=500, input_dim=784))  
model.add(Activation('sigmoid'))  
model.add(Dense(units=500))  
model.add(Activation('sigmoid'))
```

# 構建模型

## 序列式模型

500個神經元的全連接層

500個神經元的全連接層

10個神經元的全連接層

激發函數用Softmax

```
model = Sequential()  
model.add(Dense(units=500, input_dim=784))  
model.add(Activation('sigmoid'))  
model.add(Dense(units=500))  
model.add(Activation('sigmoid'))  
model.add(Dense(units=10))  
model.add(Activation('softmax'))  
model.summary() #檢查模型形狀
```

# 編譯模型

```
model.compile(loss='mse', optimizer=SGD(lr=0.1), metrics=['accuracy'])
```

決定損失函數和優化器  
並且新增準確度作為測量記錄

# 訓練模型

```
model.fit(x_train, y_train, batch_size=100, epochs=20)
```

決定批次大小以及訓練次數

# 試用結果

```
result = model.predict_classes(x_test)
```

# 儲存模型

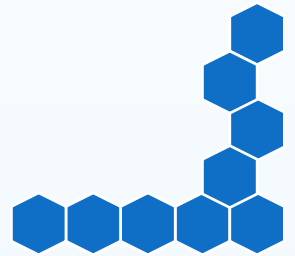
```
model_json = model.to_json()  
open('handwriting_model_architecture.json', 'w').write(model_json)  
model.save_weights('handwriting_model_weights.h5')
```

儲存模型形狀及權重





對Keras有基本概念了吧  
我們開始試試看預測ETF吧





## ETF每天都有下面這些資料

開盤價

收盤價

最高價

最低價

交易量

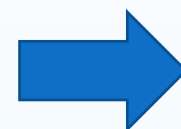
調整收盤價

來建模型吧

資料



函數

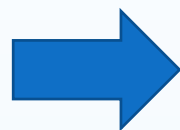


標準  
答案

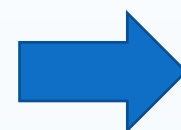
魔法盒子

來建模型吧

前二十天的  
開盤價



函數



第二十一天的  
開盤價

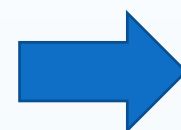
魔法盒子

來建模型吧

前二十天的  
開盤價



全連接  
神經網路



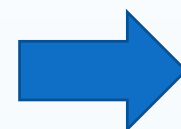
第二十一天的  
開盤價

## 可能更好的模型

前二十天的  
開盤價  
收盤價  
最高價  
最低價  
交易量  
調整收盤價



全連接  
神經網路



第二十一天的  
開盤價  
漲幅

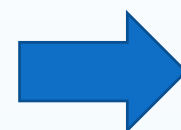
## 可能更好的模型

前二十天的  
開盤價  
收盤價  
最高價  
最低價  
交易量  
調整收盤價

很多份ETF



全連接  
神經網路



第二十一天的  
開盤價  
漲幅