

Metaheurísticas

# Práctica 1.a: Técnicas de Búsqueda basadas en Poblaciones para el Problema de la Asignación Cuadrática

Curso 2016-2017. Grado en Ingeniería Informática

Alumno:  
Sergio Carrasco Márquez

## Índice

|   |    |
|---|----|
| 1. Descripción del problema .....                         | 3  |
| 2. Descripción de la aplicación de los algoritmos .....   | 3  |
| 2.1 Función de evaluación.....                            | 3  |
| 2.2 Generación de vecinos y mutación .....                | 3  |
| 2.3 Generación de soluciones aleatorias .....             | 4  |
| 2.4 Selección en algoritmos genéticos.....                | 4  |
| 2.5 Operadores de cruce.....                              | 5  |
| 3 Pseudocódigo de los algoritmos .....                    | 6  |
| 3.1 Búsqueda local .....                                  | 6  |
| 3.2 Algoritmos genéticos.....                             | 7  |
| 3.2.1 Modelo Generacional.....                            | 7  |
| 3.2.1 Modelo estacionario .....                           | 9  |
| 3.3 Algoritmos meméticos .....                            | 10 |
| 3.3.1 Memético 1 .....                                    | 10 |
| 3.3.2 Memético 2 .....                                    | 11 |
| 3.3.3 Memético 3 .....                                    | 11 |
| 4 Análisis de los resultados obtenidos y replicación..... | 12 |
| 4.1 Búsqueda local .....                                  | 12 |
| 4.2 Estacionario con operador OX.....                     | 13 |
| 4.2 Estacionario con operador de posición.....            | 14 |
| 4.3 Generacional con operador OX y posición .....         | 15 |
| 4.5 Algoritmos meméticos .....                            | 16 |
| 4.6 Vistazo general .....                                 | 18 |

## 1. Descripción del problema

El problema consiste en la asignación de unidades que tiene un flujo asociado entre ellas a localizaciones con un valor de distancia que las separa, de forma que las unidades con más flujo entre ellas estén separadas por distancias más cortas. Expresado de forma matemática el problema consiste en reducir el resultado de la función  $\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n (f_{ij} d_{\pi(i)\pi(j)})$ . De tal forma que  $f_{ij}$  simboliza el flujo entre las unidades  $i$  y  $j$  y  $d_{\pi(i)\pi(j)}$  la distancia entre la localización a la que se asignan dichas unidades.

## 2. Descripción de la aplicación de los algoritmos

### 2.1 Función de evaluación

La solución al problema se representa como un vector en el que cada casilla indica la unidad a la que se hace referencia y el contenido de dicha casilla es la localización de dicha unidad. Para evaluar una solución se llama a una función que calcula el valor de la función explicada en el apartado anterior,  $\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n (f_{ij} d_{\pi(i)\pi(j)})$ , dependiendo de los valores asignados a cada posición del vector. La función se implementa de la siguiente manera:

```
Evaluación = 0  
para i=0 hasta tamaño_del_vector  
    para j=0 hasta tamaño_del_vector  
        //v es el vector que almacena la solución  
        evaluación += FlujoEntre(i,j)*Distancia(v[i],v[j])  
return evaluación
```

### 2.2 Generación de vecinos y mutación

Para generar un vecino o una mutación se intercambian dos posiciones del vector y se debe calcular la evaluación de nuevo, pero en este caso se factoriza dicho cálculo.

```
Swap = v[i]  
v[i] = v[j]  
v[j] = Swap
```

En el caso de la mutación los índices  $i$  y  $j$  se generan de forma aleatoria, en el caso de la búsqueda local la generación de un vecino escoge varios índices de forma aleatoria, sin repetir la pareja de valores asignados a  $i$  y a  $j$ , hasta encontrar un vector que mejore al original.

En el caso de tener que evaluar un vector que es resultado de la permutación de dos elementos se puede factorizar la función de evaluación para que sea computacionalmente menos costosa. Para realizar dicha factorización se debe conocer que dos elementos han permutado y el valor heurístico del vector antes de realizar dicha permutación

```

//Primero se invierte el cambio realizado en el vector
Swap = v[p1]
V[p1] = v[p2]
v[p2] = swap

incremento = 0
para i = 0 hasta tamaño_del_vector
    si(i != p1 and i != p2)
        incremento += flujo(p1,i)*(distancia(v[p1],i) – distancia(v[p2],v[i] )) +
            flujo(p1,i)*( distancia( v[p2],v[i] ) – distancia( v[p1],v[i] ) ) +
            flujo(i,p2)*( distancia( v[i],v[p1] )-distancia(v[i],v[p2]) )+
            flujo(i,p1)*( distancia(v[i],v[p2])-distancia(v[i],v[p1]) )

//Deshacer el cambio en el vector
Swap = v[p1]
V[p1] = v[p2]
v[p2] = swap

eval+=incremento
return eval

```

## 2.3 Generación de soluciones aleatorias

La generación de soluciones aleatorias se realiza de forma simple, pero cumpliendo la restricción del problema sobre las soluciones, que no se asigne la misma localización a dos unidades distintas. En nuestro caso esa restricción implica que el en vector solución no pueden aparecer dos valores repetidos. Para generar vectores que cumplan esta restricción se crea un vector ordenado con todos los valores posibles, es decir desde 0 hasta el tamaño del vector y luego se baraja.

```

Para i = 0 hasta tamaño_del_vector
    V[i] = i
//Barajar el vector
Para i = 0 hasta tamaño_del_vector
    position = rand(i,tamaño_del_vector-1)//aleatorio entre i el el tamaño del vector -1
    swap = v[i]
    v[i] = v[position]
    v[position] = swap

```

## 2.4 Selección en algoritmos genéticos

La selección en los distintos algoritmos genéticos se lleva a cabo mediante la realización de torneos binarios entre individuos aleatorios. El número de torneos binarios realizados en el modelo generacional es distinto al los que se realizan en el modelo estacionario.

```

//Modelo generacional
vector candidatos1 //vector que guarda los índices de la población a los que se les aplicara el
//torneo binario
para i = 0 hasta numero_padres
    candidatos1[i] = randint(0,tamaño_poblacion-1)
vector candidatos2
para i = 0 hasta numero_padres
    candidatos2[i] = randint(0,tamaño_poblacion-1)
//Ahora se enfrentan candidatos1[i] contra candidatos2[i] en un torneo binario
Vector padres //almacena los índices de los padres que serán cruzados
Para i = 0 hasta numero_padres
    Si (población[candidatos1[i]].evaluación < población[candidatos2[i]].evaluación)
        padres[i] = candidatos1[i]
    sino
        padres[i] = candidatos2[i]

//Modelo estacionario

candidato1 = randint(0,tamaño_población-1)
candidato2 = randint(0,tamaño_población-1)
candidato3 = randint(0,tamaño_población-1)
candidato4 = randint(0,tamaño_población-1)
si (población[candidato1].evaluacion < (población[candidato2].evaluacion)
    padre1 = candidato1
sino
    padre1 = candidato2
si (población[candidato3].evaluacion < (población[candidato4].evaluacion)
    padre2 = candidato3
sino
    padre2 = candidato4

```

## 2.5 Operadores de cruce

Se implementan dos operadores de cruce, el basado en posición y el OX

*//Cruce basado en posición*

```

vector used
vector son = -1 //hijo formado por padre1 y padre2 inicializado a -1
para i = 0 hasta tamaño_del_vector
    p1 = padre1[i]
    p2 = padre1[i]
    si(p1 == p2)
        son[i] = p1
        used[p1] = true

```

```

        sino
            used[p1] = false
vector pos
pos = RandomVector()//Vector aleatorio sin repeticiones
posición_escritura = 0
para i = 0 hasta tamaño_del_vector
    si (used[pos1] == false)
        mientras(son[posición_escritura]!==-1)
            posición_escritura++

//Operador OX
Inicio =posición_media - n_elementos/2
Fin = posición_media + n_elementos/2
vector escogidos
para i = 0 hasta tamaño_vector
    si(i >= inicio and i <= fin)
        escogidos[padre1[i]] = true
    sino
        escogidos[padre1[i]] = false
último_no_usado = 0
para i = 0 hasta tamaño_vector
    si (i >= inicio and i <= fin)
        son[i] = parent[i]
    sino
        mientras(escogidos[padre2[último_no_usado]] == true)
            último_no_usado ++
        son[i] = padre2[último_no_usado]
        último_no_usado ++

```

### 3 Pseudocódigo de los algoritmos

#### 3.1 Búsqueda local

*Procedure EncuentraMejorVecino*

```

vector orden = GeneraVectorAleatorio()
para i = 0 hasta tamaño_vector y encontrado == false
    posi =orden[i]
    si (DLB[posi] == true)
        para j = 0 hasta tamaño_vector == encontrado == false
            posj =orden[j]
            si (i != j)
                swap = v[posi]
                v[posi] = v[posj]
                v[posj] =swap

```

```

        ev = FactorizaciónVector(v,solución_actual,posi,posj)
        iteraciones++
        si ev < solución_actual
            encontrado = true
            DLB[posj] = true
            DLB[posi] = true
        sino
            swap = v[posi]
            v[posi] = v[posj]
            v[posj] = swap
    endfor
    si(encontrado == false)
        DLB[i] = false
    Return encontrado
endfor

Procedure:BúsquedaLocal
vector DLB = true //Dont look bits inicializado a true
mientras(iteraciones < max_iters and encontrado )
    encontrado = EncuentraMejorVecino(v,iteraciones,DLB)
return v

```

## 3.2 Algoritmos genéticos

### 3.2.1 Modelo Generacional

Para este modelo se usan vectores que contienen el vector solución y la evaluación heurística del mismo y vectores que contienen el índice y el valor del heurístico del vector en la posición indicada por el índice para hacer las operaciones de ordenado de forma más eficiente.

```

//Inicializa la población
para i = 0 hasta tamaño_población
    población[i].v = GeneraVectorAleatorio
    población[i].evaluacion = evaluar(población[i].v)
    índices[i].índice = i
    índices[i].evaluación = población[i].evaluación
endfor
mientras(iteraciones < máximo_iteraciones)
    padres = SeleccionaPadres(v) //De la forma explicada en el apartado 2.4
    n_hijos = n_padres*prob_hijos
    para i = 0 hasta n_hijos
        si(operador == posición)
            hijos[i].v = posición(padres[i*2],padres[2*i+1])
        sino
            hijos[i].v = ox(padres[i*2],padres[2*i+1])
        hijos[i].evaluación = Evalua(hijos[i].v)
    endfor
endfor

```

```

    iteraciones++
    si(iteraciones == max_iteraciones)
        n_hijos = i
        índice_hijos[i].índice = i
        índice_hijos[i].evaluación = hijos[i].evaluación
    endfor
    n_mutaciones = n_hijos*tamaño_problema*prob_mutación
    para i = 0 hasta n_mutaciones
        hijo = Randint(0,n_hijos-1)
        gen1 = Randint(0,tamaño_problema-1)
        gen2 = Randint(0,tamaño_problema-1)
        solución_actual = hijos[hijo].evaluación
        swap = hijos[hijo].v[gen1]
        hijos[hijo].v[gen1] = hijos[hijo].v[gen2]
        hijos[hijo].v[gen2] = swap
        hijos[hijo].evaluación = factorización(solución_actual,hijos[hijo].v,gen1,gen2)
        índice_hijos[hijo].evaluación = hijos[hijo].evaluación
    endfor
    ordenar(índice_hijos)
    ordenar(índice_población)
    posición_insertado = tamaño_población - n_hijos
    si(posición_insertado > 0)
        para i = 0 hasta n_hijos or hasta tamaño_población
            índice_pob = índice_población[posición_insertado+i].posición
            índice_son = índice_hijos[i].posición
            población[índice_pob] = hijos[índice_son]
        endfor
    sino
        si (población[i] != hijos[índice_hijos[i-1].posición])
            para i = 0 hasta tamaño_población
                población[i] = hijos[índice_hijos[i-1].posición]
            sino
                para i = 1 hasta tamaño_población
                    población[índice_población[i].posición] =
                        hijos[índice_hijos[i-1].posición]
                endfor
            endfor
        endfor
    endfor
    para i = 0 hasta tamaño_población
        índice_población[i].posición = i
        índice_población[i].evaluación = población[i].evaluación
    endfor
    ordena(índice_población)
    return población[índice_población.posición].v

```



### 3.2.1 Modelo estacionario

En el modelo estacionario se seleccionan dos parejas de padres y se obtiene una pareja de hijos. Esa pareja compete contra los dos peores elementos de la población y los mejores son los que pasan a formar parte de la población.

**mutaciones = 0**

**frecuencia\_mutaciones = 1/prob\_mutación**

**iteraciones = 0**

**Mientras iteraciones < n\_iteraciones**

**padre1 = GeneraPadreEstacionario() //La selección de padres es igual a la del apartado 2.4**

**padre2 = GeneraPadreEstacionario()**

**padre3 = GeneraPadreEstacionario()**

**padre4 = GeneraPadreEstacionario()**

**si(ox)**

**hijo1 = OX(padre1,padre2)**

**hijo2 = OX(padre3,padre4)**

**sino**

**hijo1 = Posición(padre1,padre2)**

**hijo2 = Posición(padre3,padre4)**

**mutaciones += 2\*tamaño\_vector**

**//Muta un gen si es necesario**

**si(mutaciones > frecuencia\_mutacion)**

**hijo = randint(0,1)**

**gen1 = randint(0,tamaño\_vector-1)**

**gen2 = randint(0,tamaño\_vector-1)**

**si(hijo == 0)**

**swap = hijo1.v[gen1]**

**hijo1.v[gen1] = hijo1.v[gen2]**

**hijo1.v[gen2] = swap**

**sino**

**swap = hijo2.v[gen1]**

**hijo2.v[gen1] = hijo2.v[gen2]**

**hijo2.v[gen2] = swap**

**mutaciones = mutaciones%frecuencia\_mutación**

**//Torneo entre los peores de la generación y los hijos**

**vector torneo**

**torneo[0].posición = índice\_segundo\_peor**

**torneo[0].evaluación = evaluación\_segundo\_peor**

**torneo[1].posición = índice\_peor**

**torneo[1].evaluación = evaluación\_peor**

**torneo[2].posición = -1 //representa al hijo1**

**torneo[2].evaluación = hijo1.evaluación**

```

torneo[3].posición = -2 //representa al hijo2
torneo[3].evaluación = hijo2.evaluación
sort(torneo)
si torneo[0].posición == -1
    población[indice_peor] = hijo1
    si torneo[1].posición == -2
        población[indice_segundo_peor] = hijo2
sino
    si torneo[0].posición == -2
        población[indice_peor] = hijo2
    si torneo[1].posición == -1
        población[indice_segundo_peor] = hijo1
finmientras
return población[indice_mejor]

```

### 3.3 Algoritmos meméticos

Los algoritmos meméticos consisten en hacer potenciar a los algoritmos genéticos mejorando la calidad de la población. En este caso se usa una búsqueda local sobre algunos de los miembros de la población genética cada 10 generaciones. Se han desarrollado 3 modalidades, la primera que lanza la búsqueda local sobre toda la población, otra que lo hace sobre un número concreto de individuos aleatorios y otra que lo hace sobre los mejores elementos de la población. Para simplificar el pseudocódigo descrito posteriormente se entiende que la creación de generaciones se realiza de la forma descrita en el algoritmo genético generacional.

#### 3.3.1 Memético 1

```

iteraciones = 0
generaciones = 0
vector generación_actual //tiene almacenado una generación inicial aleatoria
mientras iteraciones < max_iteraciones
    GeneraGeneracion(generación_actual) //crea una nueva generación según el modelo
                                     Generacional descrito anteriormente
    generaciones++
    si generaciones == 10
        //Lanza las búsquedas locales
        para i = 0 hasta tamaño_población
            BúsquedaLocal(generación_actual[i],tope_iteraciones,iteraciones)
        generaciones = generaciones % 10
        //Al necesita la generación genética un vector de índices, es necesario restablecerlo
        Para i = 0 hasta tamaño_población
            índices_población[i].posición = i
            índices_población[i].evaluación = generación_actual[i].evaluación
        endfor
    mejor busca_mejor(generación_actual)
return generación_actual[mejor]

```

### 3.3.2 Memético 2

```
iteraciones = 0
generaciones = 0
vector generación_actual //tiene almacenado una generación inicial aleatoria
mientras iteraciones < max_iteraciones
    GeneraGeneracion(generación_actual) //crea una nueva generación según el modelo
                                     Generacional descrito anteriormente
    generaciones++
    si generaciones == 10
        //Lanza las búsquedas locales
        n_búsquedas = prob_búsqueda * tamaño_población
        para i = 0 hasta n_búsquedas
            índice = randint(0,tamaño_población-1)
            BusquedaLocal(generación_actual[índice],tope_iteraciones,iteraciones)
        generaciones = generaciones % 10
    //Al necesita la generación genética un vector de índices, es necesario restablecerlo
    Para i = 0 hasta tamaño_población
        índices_población[i].posición = i
        índices_población[i].evaluación = generación_actual[i].evaluación
    mejor busca_mejor(generación_actual)
return generación_actual[mejor]
```

### 3.3.3 Memético 3

```
iteraciones = 0
generaciones = 0
vector generación_actual //tiene almacenado una generación inicial aleatoria
mientras iteraciones < max_iteraciones
    GeneraGeneracion(generación_actual) //crea una nueva generación según el modelo
                                     Generacional descrito anteriormente
    generaciones++
    si generaciones == 10
        //Lanza las búsquedas locales
        //ordena la generación actual

        //primero restaura los índices
        Para i = 0 hasta tamaño_población
            índices_población[i].posición = i
            índices_población[i].evaluación = generación_actual[i].evaluación
        sort(índices_población)
        n_búsquedas = prob_búsqueda * tamaño_población
        para i = 0 hasta n_búsquedas
```

```

índice = índice_población[i].posición
BusquedaLocal(generación_actual[índice],
tope_iteraciones,iteraciones)

```

```

generaciones = generaciones % 10

```

*//Al necesitar la generación genética un vector de índices, es necesario restablecerlo*

*Para i = 0 hasta tamaño\_población*

```

índices_población[i].posición = i

```

```

índices_población[i].evaluación = generación_actual[i].evaluación

```

```

mejor busca_mejor(generación_actual)

```

```

return generación_actual[mejor]

```

## 4 Análisis de los resultados obtenidos y replicación

Los resultados se han obtenido en base a casos de tamaños comprendidos entre 20 y 256. La semilla aleatoria que se ha usado para lanzar los algoritmos es 3.

Para compilar el archivo .cpp solo es necesario usar `g++ -O2 -o p1 p1.cpp` en un terminal Linux y para ejecutar basta con ejecutar el script `lanza.sh` que lanza el programa para todos los archivos o usar `./p1 nombrearchivo semilla`.

### 4.1 Búsqueda local

| Búsqueda local |                |       |           |
|----------------|----------------|-------|-----------|
| Caso           | Coste obtenido | Desv  | Tiempo    |
| Chr20b         | 3270,00        | 42,30 | 0,0005030 |
| Chr22a         | 7050,00        | 14,52 | 0,0008860 |
| Els19          | 23688500,00    | 37,62 | 0,0005020 |
| Esc32b         | 228,00         | 35,71 | 0,0019480 |
| Kra30b         | 98480,00       | 7,72  | 0,0019920 |
| Lipa90b        | 15250729,00    | 22,10 | 0,0456590 |
| Nug25          | 3828,00        | 2,24  | 0,0009030 |
| Sko56          | 35348,00       | 2,58  | 0,0121000 |
| Sko64          | 49766,00       | 2,61  | 0,0183750 |
| Sko72          | 68668,00       | 3,64  | 0,0241390 |
| Sko100a        | 155542,00      | 2,33  | 0,0852030 |
| Sko100b        | 156922,00      | 1,97  | 0,0933340 |
| Sko100c        | 150352,00      | 1,68  | 0,0826670 |
| Sko100d        | 152214,00      | 1,76  | 0,0871600 |
| Sko100e        | 153946,00      | 3,22  | 0,0852710 |
| Tai30b         | 816324715,00   | 28,13 | 0,0023290 |
| Tai50b         | 479142881,00   | 4,43  | 0,0116460 |
| Tai60a         | 7531464,00     | 4,52  | 0,0123590 |
| Tai256c        | 45274196,00    | 3,25  | 0,6035390 |
| Tho150         | 8315108,00     | 9,11  | 0,2921450 |
|                |                | 11,57 | 0,07      |

La búsqueda local produce unos resultados relativamente buenos, pero no mejores que algunos de los que se estudiarán a continuación. Este algoritmo presenta algunos resultados malos en algunos de los conjuntos de datos. Dichos conjuntos no son similares en tamaño, por lo cual podemos deducir que los malos resultados se deben a la componente aleatoria del algoritmo. El vector de partida puede significar mucho en cuanto al resultado. El hecho además de realizar la exploración quedándose con el primer mejor hace que dejemos zonas más prometedoras sin explorar. El principal fallo que presenta este algoritmo es que queda atrapado en óptimos locales muy rápidamente. Esto también puede verse como una ventaja en cuanto al tiempo de ejecución respecta. La rápida convergencia del algoritmo hace que presente resultados de forma veloz, y si el resultado no se puede considerar bueno se puede ejecutar varias veces. Aunque este caso lo que le otorga a este algoritmo esta ventaja temporal también es la posible factorización del resultado, lo que agiliza mucho la generación de vecinos. En otros problemas podemos encontrar que la exploración de vecinos es demasiado lenta y otras técnicas pueden ofrecer mejores resultados en tiempos similares.

## 4.2 Estacionario con operador OX

| Estacionario OX |                |       |          |
|-----------------|----------------|-------|----------|
| Caso            | Coste obtenido | Desv  | Tiempo   |
| Chr20b          | 2992           | 30,20 | 0,120719 |
| Chr22a          | 6720           | 9,16  | 0,14865  |
| Els19           | 20940212       | 21,66 | 0,113229 |
| Esc32b          | 252            | 50,00 | 0,297086 |
| Kra30b          | 96600          | 5,67  | 0,235578 |
| Lipa90b         | 15251184       | 22,10 | 2,01755  |
| Nug25           | 3864           | 3,21  | 0,191082 |
| Sko56           | 35178          | 2,09  | 0,803349 |
| Sko64           | 50212          | 3,53  | 1,0162   |
| Sko72           | 68518          | 3,41  | 1,31264  |
| Sko100a         | 157082         | 3,34  | 2,44161  |
| Sko100b         | 159712         | 3,78  | 2,46145  |
| Sko100c         | 152736         | 3,30  | 2,55577  |
| Sko100d         | 154018         | 2,97  | 2,44083  |
| Sko100e         | 155404         | 4,19  | 2,6633   |
| Tai30b          | 641345356      | 0,66  | 0,237075 |
| Tai50b          | 490574934      | 6,92  | 0,64114  |
| Tai60a          | 7531178        | 4,51  | 0,892105 |
| Tai256c         | 45167376       | 3,01  | 15,7615  |
| Tho150          | 8528202        | 11,91 | 5,62057  |
|                 |                | 9,78  | 2,10     |

El algoritmo de generación estacionaria si presenta mejores resultados que la búsqueda local y también lo hace con respecto a el modelo generacional como veremos más adelante. El hecho de que los hijos deban competir para entrar en la población hace que se presente un mínimo de calidad en la población y que el algoritmo converja hacia mejores soluciones. El tiempo es más lento que la búsqueda local, pero eso se debe a que este algoritmo debe realizar más evaluaciones sin factorizar que la búsqueda local. Aunque los modelos genéticos se ven favorecidos de esta factorización, lo hacen en menor medida, ya que solo la usan a la hora de mutar a sus hijos.

## 4.2 Estacionario con operador de posición

| Caso    | Coste obtenido | Desv  | Tiempo   |
|---------|----------------|-------|----------|
| Chr20b  | 2828           | 23,06 | 0,128637 |
| Chr22a  | 7530           | 22,32 | 0,156073 |
| Els19   | 17997928       | 4,56  | 0,125245 |
| Esc32b  | 220            | 30,95 | 0,314405 |
| Kra30b  | 95800          | 4,79  | 0,244878 |
| Lipa90b | 15246715       | 22,07 | 2,11781  |
| Nug25   | 3868           | 3,31  | 0,236105 |
| Sko56   | 35748          | 3,74  | 1,10063  |
| Sko64   | 49962          | 3,02  | 1,08019  |
| Sko72   | 68382          | 3,21  | 1,37423  |
| Sko100a | 156760         | 3,13  | 2,64108  |
| Sko100b | 157990         | 2,66  | 2,47442  |
| Sko100c | 154138         | 4,24  | 2,46816  |
| Sko100d | 152876         | 2,21  | 2,47283  |
| Sko100e | 154338         | 3,48  | 2,63403  |
| Tai30b  | 669679891      | 5,11  | 0,255398 |
| Tai50b  | 494215287      | 7,71  | 0,665722 |
| Tai60a  | 7569036        | 5,04  | 0,930182 |
| Tai256c | 45821564       | 4,50  | 15,9896  |
| Tho150  | 8496600        | 11,49 | 5,65855  |
|         |                | 8,53  | 2,15     |

El operador de posición nos proporciona mejores soluciones, pero la diferencia apenas es significativa como para extraer conclusiones claras. Este hecho podría deberse simplemente a que las partes no comunes se han rellenado de forma aleatoria dando lugar a mejores soluciones o porque a medida que los padres convergen hacia mejores soluciones se parecen más entre ellos y los genes buenos permanecen intactos, mientras que unos pocos genes son los que se van variando y dando lugar a soluciones muy parecidas entre ellas.

### 4.3 Generacional con operador OX y posición

| Generacional Posición |                |        |          |
|-----------------------|----------------|--------|----------|
| Caso                  | Coste obtenido | Desv   | Tiempo   |
| Chr20b                | 5742           | 149,87 | 0,131839 |
| Chr22a                | 9346           | 51,82  | 0,146906 |
| Els19                 | 28792292       | 67,28  | 0,120539 |
| Esc32b                | 372            | 121,43 | 0,323856 |
| Kra30b                | 118370         | 29,48  | 0,249504 |
| Lipa90b               | 15369867       | 23,05  | 2,02421  |
| Nug25                 | 4484           | 19,76  | 0,185195 |
| Sko56                 | 36042          | 4,60   | 0,841411 |
| Sko64                 | 50406          | 3,93   | 1,03884  |
| Sko72                 | 69226          | 4,48   | 1,34619  |
| Sko100a               | 157624         | 3,70   | 2,52625  |
| Sko100b               | 160972         | 4,60   | 2,53748  |
| Sko100c               | 153878         | 4,07   | 2,50132  |
| Sko100d               | 156044         | 4,32   | 2,65496  |
| Sko100e               | 157500         | 5,60   | 2,53003  |
| Tai30b                | 893559554      | 40,25  | 0,257185 |
| Tai50b                | 662137959      | 44,31  | 0,651658 |
| Tai60a                | 7622692        | 5,78   | 0,932857 |
| Tai256c               | 45552844       | 3,88   | 17,249   |
| Tho150                | 8588962        | 12,71  | 5,8808   |
|                       |                | 30,25  | 2,21     |

| Generacional OX |                |        |          |
|-----------------|----------------|--------|----------|
| Caso            | Coste obtenido | Desv   | Tiempo   |
| Chr20b          | 6208           | 170,15 | 0,118833 |
| Chr22a          | 9542           | 55,00  | 0,145957 |
| Els19           | 27669572       | 60,75  | 0,107217 |
| Esc32b          | 352            | 109,52 | 0,298913 |
| Kra30b          | 121920         | 33,36  | 0,23358  |
| Lipa90b         | 15476151       | 23,90  | 2,0407   |
| Nug25           | 4398           | 17,47  | 0,169913 |
| Sko56           | 36336          | 5,45   | 0,816677 |
| Sko64           | 51016          | 5,19   | 1,0336   |
| Sko72           | 69834          | 5,40   | 1,30915  |
| Sko100a         | 160632         | 5,68   | 2,62884  |
| Sko100b         | 162728         | 5,74   | 2,44058  |
| Sko100c         | 156784         | 6,03   | 2,4712   |
| Sko100d         | 158074         | 5,68   | 2,50933  |
| Sko100e         | 158050         | 5,97   | 2,52686  |
| Tai30b          | 952832870      | 49,55  | 0,249293 |
| Tai50b          | 698975497      | 52,34  | 0,738124 |
| Tai60a          | 7708906        | 6,98   | 0,992594 |
| Tai256c         | 45370554       | 3,47   | 16,8452  |
| Tho150          | 8663204        | 13,68  | 5,59376  |
|                 |                | 32,07  | 2,16     |

Este algoritmo es el que presenta peores soluciones con mucha diferencia frente al resto. Estos resultados se deben al modelo de reemplazamiento generacional. En la implementación probada todos los hijos, independientemente de su calidad son introducidos en la nueva población, conservando solo el mejor de los anteriores. Esto posibilita la entrada a individuos que empeoran la calidad media del conjunto de elementos de la población. En algunos casos se muestran resultados con una desviación cercana al 5%, pero son casos en los que el resto de algoritmos han obtenido desviaciones menores. Al igual que en el caso anterior el modelo basado en el cruce de posición obtiene resultados algo mejores, tanto de forma global como en cada uno de los casos.

## 4.5 Algoritmos meméticos

| Memético 2 |                |       |          | Memético 1 |                |       |          |
|------------|----------------|-------|----------|------------|----------------|-------|----------|
| Caso       | Coste obtenido | Desv  | Tiempo   | Caso       | Coste obtenido | Desv  | Tiempo   |
| Chr20b     | 2796           | 21,67 | 0,043644 | Chr20b     | 2536           | 10,36 | 0,048233 |
| Chr22a     | 6572           | 6,76  | 0,047204 | Chr22a     | 6480           | 5,26  | 0,048371 |
| Els19      | 17436428       | 1,30  | 0,040279 | Els19      | 17245098       | 0,19  | 0,045099 |
| Esc32b     | 200            | 19,05 | 0,091108 | Esc32b     | 200            | 19,05 | 0,0722   |
| Kra30b     | 95410          | 4,36  | 0,080797 | Kra30b     | 94880          | 3,78  | 0,073065 |
| Lipa90b    | 15504360       | 24,13 | 0,439672 | Lipa90b    | 15554953       | 24,53 | 0,393259 |
| Nug25      | 3814           | 1,87  | 0,054798 | Nug25      | 3772           | 0,75  | 0,055803 |
| Sko56      | 35748          | 3,74  | 0,204763 | Sko56      | 36148          | 4,90  | 0,205003 |
| Sko64      | 50906          | 4,97  | 0,263468 | Sko64      | 51232          | 5,64  | 0,25561  |
| Sko72      | 69780          | 5,32  | 0,30732  | Sko72      | 70370          | 6,21  | 0,308536 |
| Sko100a    | 160226         | 5,41  | 0,586801 | Sko100a    | 161794         | 6,44  | 0,604593 |
| Sko100b    | 161702         | 5,08  | 0,599112 | Sko100b    | 163112         | 5,99  | 0,63739  |
| Sko100c    | 156914         | 6,12  | 0,615667 | Sko100c    | 157070         | 6,23  | 0,612205 |
| Sko100d    | 157982         | 5,62  | 0,596694 | Sko100d    | 158424         | 5,92  | 0,577427 |
| Sko100e    | 157440         | 5,56  | 0,605747 | Sko100e    | 158216         | 6,08  | 0,591483 |
| Tai30b     | 653817727      | 2,62  | 0,077036 | Tai30b     | 642059766      | 0,78  | 0,082299 |
| Tai50b     | 489784589      | 6,75  | 0,181019 | Tai50b     | 487963951      | 6,35  | 0,194512 |
| Tai60a     | 7664352        | 6,36  | 0,213709 | Tai60a     | 7710288        | 7,00  | 0,193505 |
| Tai256c    | 47653996       | 8,68  | 2,31841  | Tai256c    | 47633642       | 8,63  | 1,57933  |
| Tho150     | 8654906        | 13,57 | 1,34624  | Tho150     | 8853114        | 16,17 | 1,38477  |
|            |                | 7,95  | 0,44     |            |                | 7,51  | 0,40     |



| <b>Memético 3</b> |                           |             |               |
|-------------------|---------------------------|-------------|---------------|
| <b>Caso</b>       | <b>Coste<br/>obtenido</b> | <b>Desv</b> | <b>Tiempo</b> |
| Chr20b            | 2924                      | 27,24       | 0,048645      |
| Chr22a            | 7002                      | 13,74       | 0,049266      |
| Els19             | 20265368                  | 17,74       | 0,042084      |
| Esc32b            | 200                       | 19,05       | 0,076808      |
| Kra30b            | 94940                     | 3,85        | 0,065694      |
| Lipa90b           | 15289131                  | 22,41       | 0,345119      |
| Nug25             | 3788                      | 1,18        | 0,053036      |
| Sko56             | 35466                     | 2,93        | 0,168036      |
| Sko64             | 49536                     | 2,14        | 0,21092       |
| Sko72             | 67766                     | 2,28        | 0,238936      |
| Sko100a           | 155182                    | 2,09        | 0,41619       |
| Sko100b           | 157398                    | 2,28        | 0,427305      |
| Sko100c           | 153076                    | 3,53        | 0,418109      |
| Sko100d           | 153372                    | 2,54        | 0,422584      |
| Sko100e           | 153450                    | 2,88        | 0,421062      |
| Tai30b            | 656174831                 | 2,99        | 0,065754      |
| Tai50b            | 470046298                 | 2,45        | 0,14233       |
| Tai60a            | 7555230                   | 4,85        | 0,174975      |
| Tai256c           | 46204860                  | 5,37        | 2,00479       |
| Tho150            | 8490682                   | 11,42       | 0,909796      |
|                   |                           | 7,65        | 0,34          |

Las diferencias entre las tres versiones no son lo suficientemente relevantes como para establecer una ventaja clara de unos sobre otros. En el caso de la primera versión obtiene un promedio mejor, aunque en algunos casos empeora, pero por muy poco y es el que ha obtenido desviaciones menores al 1%. El hecho de potenciar a toda la población a costa de producir más hijos le permite tener individuos muy buenos para cruzar. Los otros dos modelos únicamente se diferencian en que el tercero potencia más a los mejores individuos de la población y el segundo crea una población algo más homogénea. Pero su estrategia es no gastar demasiadas iteraciones en mejorar al conjunto de la población y usarlas para generar más hijos. Esto hace que se presenten individuos de peor calidad en los cruces y generen poblaciones de peor calidad.

## 4.6 Vistazo general

| Algoritmo    | desviación | tiempo     |
|--------------|------------|------------|
| BL           | 11.57      | 0,07       |
| AGG-posición | 30,25      | 2,21       |
| AGG-OX       | 32,07      | 2,16       |
| AGE-posición | 8,53       | 2,15       |
| AGE-OX       | 9,78       | 2,1        |
| Memético1    | 7,51       | 0,4        |
| Memético2    | 7,95       | 0,44       |
| Memético3    | 7,65       | 0,34       |
| Greedy       | 76,12      | tiende a 0 |