

/*

TRABALHO TEORICO 6

PONTIFICIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DE MINAS GERAIS

ALUNO: JULIA VELOSO DIAS ID: 1314675

PROFESSOR: MAX DO VAL MACHADO

CURSO: CIENCIA DA COMPUTAÇÃO // TURNO: MANHÃ // PERIDO: SEGUNDO

*/

//QUESTÃO 1

a) $2^{10} = 1024$

b) $\lg(1024) = 10$

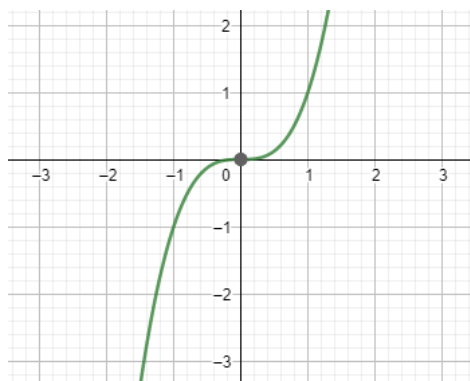
c) $\lg(17) = 4,08746284125034$

d) TETO $\lg(17) = 5$

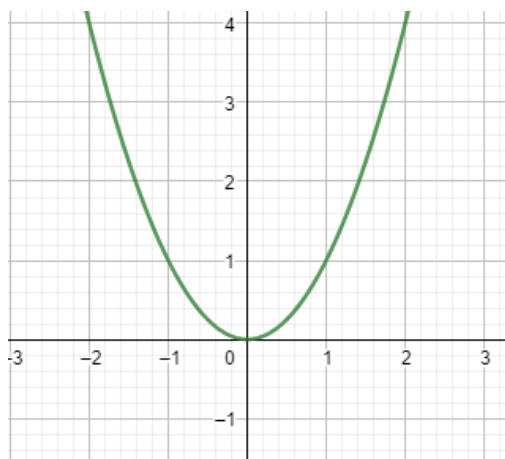
e) PISO $\lg(17) = 4$

//QUESTAO 2

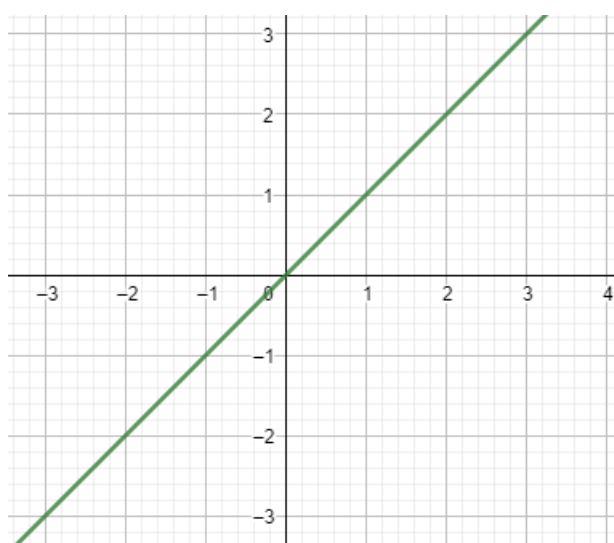
n^3



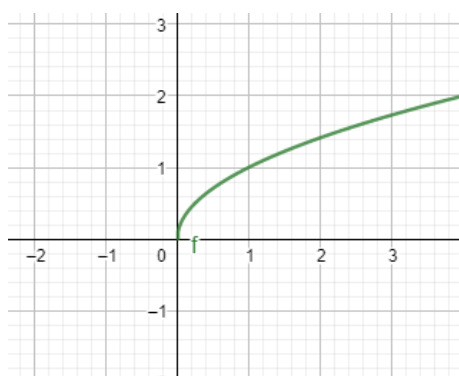
n^2



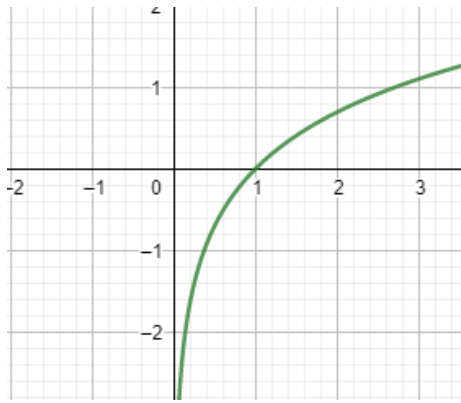
N



Raiz N



$\ln 2 n$



//QUESTAO 3

```
int min = array[0];
for (int i = 1; i < n; i++)
{ if (min > array[i]){
    min = array[i];
}
}
```

Temos $n - 1$ comparações

A maior comparação ocorre dentro do if do array

É um bom código pois testamos tudo para resultado

```
//
boolean resp = false;
for (int i = 0; i < n; i++){
if (array[i] == x){
resp = true; i = n;
} }
}
```

Mesmo caso da outra. No melhor caso, quando falso, roda apenas uma vez

Quando verdadeiro, roda várias vezes

É bom porque testamos tudo

//

//

//

Um aluno deve procurar um valor em um array de números reais. Ele tem duas alternativas. Primeiro, executar uma pesquisa sequencial. Segundo, ordenar o array e, em seguida, aplicar uma pesquisa binária. O que fazer?

A primeira que tem menos custo, $\theta(n)$.

//

- a) $3n^2 + 5n + 1$ é $O(n)$: falso
- b) $3n^2 + 5n + 1$ é $O(n^2)$: verdadeiro
- c) $3n^2 + 5n + 1$ é $O(n^3)$: verdadeiro
- d) $3n^2 + 5n + 1$ é $\Omega(n)$: verdadeiro
- e) $3n^2 + 5n + 1$ é $\Omega(n^2)$: verdadeiro
- f) $3n^2 + 5n + 1$ é $\Omega(n^3)$: falso
- g) $3n^2 + 5n + 1$ é $\Theta(n)$: falso
- h) $3n^2 + 5n + 1$ é $\Theta(n^2)$: verdadeiro
- i) $3n^2 + 5n + 1$ é $\Theta(n^3)$: verdadeiro

- O é o limite superior, logo, se um algoritmo é $O(f(n))$, ele também será $O(g(n))$ para toda função $g(n)$ tal que “ $g(n)$ é maior que $f(n)$ ” melhor caso
- Ω é o limite inferior, logo, se um algoritmo é $\Omega(f(n))$, ele também será $\Omega(g(n))$ para toda função $g(n)$ tal que “ $g(n)$ é menor que $f(n)$ ” pior caso
- Θ é o limite justo, logo, $g(n)$ é $O(f(n))$ and $\Omega(f(n))$ se e somente se $g(n)$ é $\Theta(f(n))$ medio

função	$O(1)$	$O(\lg n)$	$O(n)$	$O(n \cdot \lg(n))$	$O(n^2)$	$O(n^3)$	$O(n^5)$	$O(n^{20})$
$f(n) = \lg(n)$	f	v	v	v	v	v	v	v
$f(n) = n \cdot \lg(n)$	f	f	f	v	v	v	v	v
$f(n) = 5n + 1$	f	f	v	v	v	v	v	v
$f(n) = 7n^5 - 3n^2$	f	f	f	f	f	f	v	v
$f(n) = 99n^3 - 1000n^2$	f	f	f	f	f	v	v	v

$f(n) = n^5 - 99999n^4$	f	f	f	f	f	f	v	v
-------------------------	---	---	---	---	---	---	---	---

função	$\Omega(1)$	$\Omega(\lg n)$	$\Omega(n)$	$\Omega(n \cdot \lg(n))$	$\Omega(n^2)$	$\Omega(n^3)$	$\Omega(n^5)$	$\Omega(n^{20})$
$f(n) = \lg(n)$	v	v	f	f	f	f	f	f
$f(n) = n \cdot \lg(n)$	v	v	v	v	f	f	f	f
$f(n) = 5n + 1$	v	v	v	f	f	f	f	f
$f(n) = 7n^5 - 3n^2$	v	v	v	v	v	v	v	f
$f(n) = 99n^3 - 1000n^2$	v	v	v	v	v	v	f	f
$f(n) = n^5 - 99999n^4$	v	v	v	f	v	v	v	f

função	$\Theta(1)$	$\Theta(\lg n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n \cdot \lg(n))$	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n^3)$	$\Theta(n^5)$	$\Theta(n^{20})$
$f(n) = \lg(n)$	f	v	f	f	f	f	f	f
$f(n) = n \cdot \lg(n)$	f	f	f	v	f	f	f	f
$f(n) = 5n + 1$	f	f	v	f	f	f	f	f
$f(n) = 7n^5 - 3n^2$	f	f	f	f	f	f	v	f
$f(n) = 99n^3 - 1000n^2$	f	f	f	f	f	v	f	f
$f(n) = n^5 - 99999n^4$	f	f	f	f	f	f	v	f

//

a) $f(n) + g(n) - h(n) \sim O(f(n) \times g(n))$

- b) $O(f(n) + O(g(n)) - O(h(n)) \text{ -- } O(\text{máximo}(f(n), g(n)) - O(h(n)))$
 c) $f(n) \times g(n) \text{ -- } O(f(n) \times g(n))$
 d) $g(n) \times l(n) + h(n) \text{ -- } O(\text{máximo}(f(n), g(n)) - O(h(n))$
 e) $f(n) \times g(n) \times l(n) \text{ -- } O(f(n) \times g(n))$
 f) $O(O(O(O(f(n)))))) \text{ -- } O(f(n))$

//

- a) $C = 3 \quad m = 6$
 b) $C = 2 \quad m = 4$
 c) N não é limite superior

//

- d) $C = 2 \quad m = 3$
 e) $C = 1 \quad m = 3$
 f) N^3 não é inferior ao n^2

//

- g) $C1 = 2$
 h) $C2 = 3$
 i) $M = 5$
 j) Não é justo n e sim n^2
 k) O justo é n^2

//

```
void sistemaMonitoramento() {
    if (telefone() == true && luz() == true){
        alarme(0);
    } else {
        alarme(1);
    }
    for (int i = 2; i < n; i++){
        if (sensor(i- 2) == true){
            alarme (i - 2);
        } else if (camera(i- 2) == true){
            alarme (i - 2 + n);
        }
    } } }
```

Pior = On

Melhor = O2

```
//
Pior =  $O(n) + n$ 
Melhor =  $O(n)$ 
//

if(n<3) n . 2;
else{
for(int i=0; i < n; i++) {
N+=34
N = n * 1
}
}
|  $O(n . 2)$ 
Melhor caso:  $n < 3$  |  $O(1)$ 
```

```
//
```

No Exercício Resolvido (10), verificamos que quando desejamos pesquisar a existência de um elemento em um array de números reais é adequado executar uma pesquisa sequencial cujo custo é $\Theta(n)$. Nesse caso, o custo de ordenar o array e, em seguida, aplicar uma pesquisa binária é mais elevado, $\Theta(n * \lg(n)) + \Theta(\lg(n)) = \Theta(n * \lg(n))$. Agora, supondo que desejamos efetuar n pesquisas, responda qual das duas soluções é mais eficiente.

Já ordena os arrays