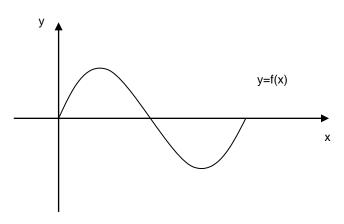
Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais Instituto de Ciências Exatas e Informática – ICEI Arquitetura de Computadores I

ARQ1 _ Aula_01 - Revisão

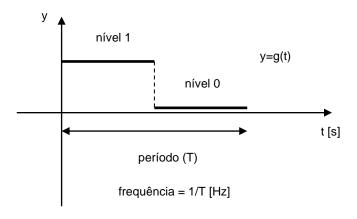
Tema: Sistemas de Numeração e representações de dados

Representação de dados

Função contínua em um intervalo.



Função discreta em um intervalo.



Computadores Analógicos x Digitais

Analógicos - trabalham com elementos representados por grandezas físicas com estados contínuos (corrente, tensão, pressão, vazão etc.)

Digitais - trabalham com elementos representados por valores numéricos com estados discretos (ou valores distintos distribuídos ao longo de determinado intervalo de tempo)

Sistemas de Numeração

Exemplo:

Sistema decimal

$$1x2^7 + 0x2^6 + 1x2^5 + 0x2^4 + 0x2^3 + 0x2^2 + 1x2^1 + 1x2^0$$
 - forma canônica $128 + 0 + 32 + 0 + 0 + 0 + 2 + 1 = 163$ ₍₁₀₎

Sistema binário

1010 0011(2)

- número na base 2

representado apenas com algarismos {0,1}

27	2 ⁶	2 ⁵	24	2 ³	2 ²	2 ¹	20	potências da base 2
128	64	32	16	8	4	2	1	valor equivalente da potência
1	0	1	0	0	0	1	1	coeficientes

Equivalentes em sistemas com potências de 2

$$1010\ 0011_{(2)} = [1010]\ [0011]_{(16)} = A3_{(16)}\ e\ A_{(16)} = 10\ em\ hexadecimal \qquad (grupos\ de\ 4)$$

$$= 10x16^1 + 3x16^0 = 163_{(10)} \qquad com\ algarismos \\ \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F\}$$

$$1010\ 0011_{(2)} = [10]\ [10]\ [00]\ [11]_{(4)} = 2203_{(4)} \qquad em\ quaternário \\ = 2x4^3 + 2x4^2 + 0x4^1 + 3x4^0 = 163_{(10)} \qquad com\ algarismos \\ \{0,1,2,3\}$$

$$1010\ 0011_{(2)} = [010]\ [100]\ [011]_{(8)} = 243_{(8)} \qquad em\ octal \\ = 2x8^2 + 4x8^1 + 3x8^0 = 163_{(10)} \qquad com\ algarismos$$

OBS: Caso necessário, completar com zeros (o) para formar grupos de mesmo tamanho.

 $\{0,1,2,3,4,5,6,7\}$

Conversões entre bases

1.) Converter decimal para binário

Sistema decimal

$$163_{(10)} = 1x10^2 + 6x10^1 + 3x10^0$$
 - na forma canônica

0

Para converter um valor decimal (base=10) para binário (base=2), usar divisões sucessivas por 2 e tomar os restos na ordem inversa em que forem calculados:

operação quociente resto

$$163/2 = 81 + 1 \text{ (último)}$$

$$81 / 2 = 40 + 1$$

$$40 / 2 = 20 + 0$$

$$20 / 2 = 10 + 0$$

 $10 / 2 = 5 + 0$

$$10 / 2 = 5 + 0$$

 $5 / 2 = 2 + 1$

$$2 / 2 = 1 + 0$$

$$1 / 2 = 0 + 1$$
 (primeiro)

Sistema binário

1010 0011(2)

- número na base 2

ou

27	2 ⁶	2 ⁵	24	2 ³	2 ²	2 ¹	20	potências da base 2
128	64	32	16	8	4	2	1	valor equivalente da potência
1	0	1	0	0	0	1	1	coeficientes

2.) Converter decimal para binário

Para converter um valor binário (base=2) para decimal (base=10), usar a soma dos produtos de cada algarismo pela potência da base equivalente à posição:

Sistema binário

1010 0011(2)

- número na base 2

Sistema decimal

$$1x2^7 + 0x2^6 + 1x2^5 + 0x2^4 + 0x2^3 + 0x2^2 + 1x2^1 + 1x2^0$$
 - forma canônica $128 + 0 + 32 + 0 + 0 + 0 + 2 + 1 = 163_{(10)}$

3.) Converter decimal para base 4 (quaternário)

Para converter um valor decimal para a base 4 (quaternário):

operação quociente resto 163 / 4 = 40 + 3 (último) 40 / 4 = 10 + 0

10 /4 = 2 + 2

2 / 4 = 0 + 2 (primeiro)

Sistema quaternário

2203₍₄₎ - número na base 4

4.) Converter decimal para base 8 (octal)

Para converter um valor decimal para a base 8 (octal):

operação quociente resto

163/8 = 20 + 3 (último)

20 / 8 = 2 + 4

2 / 8 = 0 + 2 (primeiro)

Sistema octal

243₍₈₎ - número na base 8

5.) Converter decimal para base 16 (hexadecimal)

Para converter um valor decimal para a base 16 (hexadecimal):

operação quociente resto

163 / 16 = 10 + 3 (último)

10 / 16 = 0 + 10 (primeiro, substituindo pelo algarismo A=10)4

Sistema hexadecimal

A3₍₁₆₎ - número na base 16

6.) Converter da base 4 para decimal

Sistema quaternário

$$2203_{(2)} = 2x4^3 + 2x4^2 + 0x4^1 + 3x4^0$$
 - número na base 4 na forma canônica = $128 + 32 + 0 + 3 = 163_{(10)}$

7.) Converter da base 8 para decimal

Sistema octal

$$243_{(8)} = 2x8^2 + 4x8^1 + 3x8^0$$
 - número na base 8 na forma canônica = $128 + 32 + 3 = 163_{(10)}$

8.) Converter da base 16 para decimal

Sistema hexadecimal
$$A3_{(16)} = (A=10)x16^1 + 3x16^0 - número na base 16 forma canônica = 160 + 3 = 163_{(10)}$$

9.) Converter entre bases potências múltiplas sem passar para decimal

As bases que são potências múltiplas de outra compartilham propriedades especiais, como a possibilidade de conversões entre elas, sem passar pela base decimal:

Sistema binário (base=2) para quaternário (base=4= 2^2): 1010 0011₍₂₎ = [10][10] [00][11]₍₄₎ = 2203₍₄₎ agrupar de 2 em 2 e substituir pelos dígitos equivalentes

Sistema binário (base=2) para quaternário (base=8= 2^3): 1010 0011₍₂₎ = [010][100][011]₍₈₎ = 243₍₈₎ agrupar de 3 em 3

e substituir pelos dígitos equivalentes

OBS: Caso necessário, completar com zeros para formar os grupos.

Sistema binário (base=2) para quaternário (base=16=2⁴): 1010 0011₍₂₎ = [1010] [0011]₍₁₆₎ = A3₍₁₆₎ e A₍₁₆₎=10 agrupar de 4 em 4

e substituir pelos dígitos equivalentes

ou usar uma tabela com as principais equivalências entre essas bases de numeração.

X ₍₁₀₎ decimal	X ₍₂₎ binário	X ₍₄₎ quaternário	X ₍₈₎ octal	X ₍₁₆₎ hexadecimal
00	0000 0000	00 00	000	00
01	0000 0001	00 01	001	01
02	0000 0010	00 02	002	02
03	0000 0011	00 03	003	03
04	0000 0100	00 10	004	04
05	0000 0101	00 11	005	05
06	0000 0110	00 12	006	06
07	0000 0111	00 13	007	07
08	0000 1000	00 20	000	08
09	0000 1001	00 21	011	09
10	0000 1010	00 22	012	0A
11	0000 1011	00 23	013	0B
12	0000 1100	00 30	014	0C
13	0000 1101	00 31	015	0D
14	0000 1110	00 32	016	0E
15	0000 1111	00 33	017	0F

Representações de potências de 2.

Х	2 ^X	X ₍₁₀₎	X ₍₂₎	X ₍₄₎	X ₍₈₎	X ₍₁₆₎
0	20	1	1	1	1	1
1	2 ¹	2	10	2	2	2
2	2 ²	4	100	10	4	4
3	2 ³	8	1000	20	10	8
4	24	16	1 0000	100	20	10
5	2 ⁵	32	10 0000	200	40	20
6	2 ⁶	64	100 0000	1000	100	40
7	27	128	1000 0000	2000	200	80
8	28	256	1 0000 0000	10000	400	100
9	2 ⁹	512	10 0000 0000	20000	1000	200
10	210	1024	100 0000 0000	100000	2000	400

Termos associados à representação de dados em binário

Termo	Quantidade	Observação					
bit	1	" <u>b</u> inary dig <u>it</u> " – dígito binário (0 ou 1)					
nibble	4 bits	dígito hexadecimal equivalente (semiocteto)					
byte	8 bits	octeto (Werner Buchholz, 1956) – unidade de armazenamento					
word	xx bits	dependente do sistema (ex.: 14, 16, 32, 54, 64 etc.)					
kiloBytes (kB)	1024 Bytes	(ex.: arquivo texto)					
MegaBytes (MB)	1024 kiloBytes (kB)	1 048 576 bytes (ex.: arquivo mp3)					
GigaBytes (GB)	1024 MegaBytes (MB)	1 073 741 824 bytes (ex.: filme)					
TeraBytes (TB)	1024 GigaBytes (GB)	1 099 511 627 776 bytes (ex.: 800 filmes)					
PetaBytes (PB)	1024 TeraBytes (TB)	1 125 899 906 842 624 bytes (ex.: acervo do Google)					
ExaBytes (EB)	1024 PetaBytes (PB)	(ex.: acervo da Internet)					
ZetaBytes (ZB)	1024 ExaBytes (EB)						
YottaByes (YB)	1024 ZetaByes (ZB)						

Representação de símbolos por códigos equivalentes (Tabela ASCII - 8 bits)

(2)			0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111
	(10)		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
		(16)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Α	В	С	D	Е	F
0000	0	0	^@	^A	^B	^C	^D	^E	^F	^G	^H	^	^J	^K	^L	^M	^N	^O
0001	16	1	^P	^Q	^R	^S	^t	^U	^\	^W	^X	^Y	^Z	^[^\	^]	^^	٨
0010	32	2		!	"	#	\$	%	&	"	()	*	+	,	-		1
0011	48	3	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
0100	64	4	@	Α	В	С	D	Ε	F	G	Н	I	J	K	L	M	N	0
0101	80	5	Р	Q	R	S	Т	U	٧	W	X	Υ	Z	[١]	٨	_
0110	96	6	•	а	b	С	d	е	f	g	h	i	j	k	ı	m	n	0
0111	112	7	р	q	r	s	t	u	V	w	X	у	Z	{	1	}	~	←

Exemplos:

 $'0' = 0011\ 0000_{(2)} = 30_{(16)} = 48_{(10)}$

'A' = 0100 0001₍₂₎ = $41_{(16)}$ = $65_{(10)}$

'a' = 0110 0001₍₂₎ = $61_{(16)}$ = $97_{(10)}$

"Computador" = 43 6F 6D 70 75 74 61 64 6F 72₍₁₆₎

Sistemas de Numeração - Operações aritméticas

Exemplos:

1.) Adição

Sistema binário

Relações fundamentais:

$$\begin{array}{lll} 0_{(2)}+0_{(2)}=&0_{(2)}\\ 0_{(2)}+1_{(2)}=&1_{(2)}\\ 1_{(2)}+0_{(2)}=&1_{(2)}\\ 1_{(2)}+1_{(2)}=&10_{(2)} \end{array} \quad \hbox{(zero e "vai-um" para a próxima potência)}$$

Aplicação:

Sistema quaternário

Aplicação:

Sistema octal

Aplicação:

Sistema hexadecimal

Aplicação:

2.) Subtração

Relações fundamentais:

$$0_{(2)}$$
 - $0_{(2)}$ = $0_{(2)}$
 $0_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = ???
 $1_{(2)}$ - $0_{(2)}$ = $1_{(2)}$
 $1_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = $0_{(2)}$
 $1_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = $0_{(2)}$ (zero e "vem-um" para a potência considerada)
 $1_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = $0_{(2)}$ (zero e "vem-um" para as potências necessitadas)

Aplicação:

OBS:

Quando se "toma emprestado" na potência seguinte, um valor unitário é debitado na potência que "empresta", e "creditado" na potência que o recebe, compensada a diferença entre essas potências.

3.) Multiplicação

Sistema binário

Relações fundamentais:

$$0_{(2)} * 0_{(2)} = 0_{(2)}$$
 $0_{(2)} * 1_{(2)} = 0_{(2)}$
 $1_{(2)} * 0_{(2)} = 0_{(2)}$
 $1_{(2)} * 1_{(2)} = 1_{(2)}$

Aplicação:

4.) Divisão

Sistema binário

Aplicação:

-	11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 1 ₍₂₎	-	11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 10 ₍₂₎
	010		0100
-	11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 101 ₍₂₎	-	11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 1011 ₍₂₎
-	01000 101	-	01000 101
	00011	-	000110 101
-	11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 10110 ₍₂₎	-	11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 101101 ₍₂₎
-	01000 101	-	01000 101
-	000110 101	-	000110 101
	00000101	-	00000101 101
			00000000

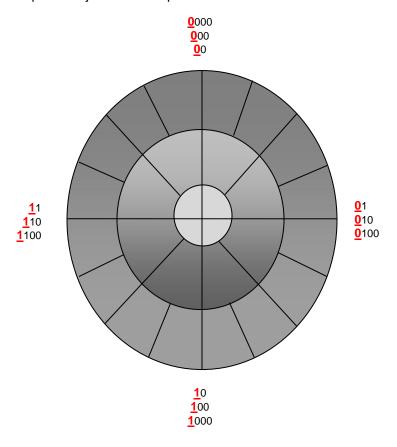
Sistemas de Numeração - Representações de dados

A representação de dados numéricos necessita, por vezes, utilizar uma indicação especial para sinal (positivo e negativo). Para isso, é comum reservar o primeiro bit (o mais a direita para isso), em valores inteiros ou reais. Entretanto, a representação de valores negativos necessitará de ajustes a fim de que as operações aritméticas produzam resultados coerentes.

Representações para tipos de dados comuns (em Java)

Tipos		Intervalo	Tamanho
boolean		[false:true]	1 byte
false, true			
byte		[-128 : 127]	1 byte
0, 0x00		[0 : 255] (sem sinal)	
char		[0:65535]	2 bytes
'0','\u0000'			(Unicode)
short		[-32768 : 32767]	2 bytes
0	± a	(sinal+amplitude)	
int		[-2 ³¹ : 2 ³¹ -1]	4 bytes
0	± a	(sinal+amplitude)	
long		[-2 ⁶³ : 2 ⁶³ -1]	8 bytes
0L	± a	(sinal+amplitude)	
float		[-3.4e ⁻³⁸ : 3.4e ³⁸]	4 bytes
0.0f	± e 1.m IEEE754	(sinal+amplitude+1	.mantissa)
double		[-1.7e ⁻³⁰⁸ : 1.7e ³⁰⁸]	8 bytes
0.0, 0.0e0	± e 1.m IEEE754	(sinal+amplitude+1.	.mantissa)
String			n bytes
"", "0", <i>null</i>			

Representação binária dependente do número de bits.



A representação binária depende da quantidade de bits disponíveis e dos formatos escolhidos.

Para os valores inteiros, por exemplo, pode-se utilizar o formato em que o primeiro bit, à esquerda, para o sinal e o restante para a amplitude, responsável pela magnitude (grandeza) do valor representado.

Exemplo:

$$5_{(10)} = 101_{(2)}$$

$$+5_{(10)} = \underline{0}101_{(2)}$$

$$-5_{(10)} = \underline{1}101_{(2)}$$

Essa represesentação, contudo, não é conveniente para realizar operações, pois ao adicionar ambos, obtém-se:

$$+5_{(10)} = \underbrace{0101_{(2)}}_{5_{(10)}} = \underbrace{1101_{(2)}}_{0_{(10)}} = \underbrace{1}_{010} \underbrace{0010_{(2)}}_{02}$$

o que ultrapassa a quantidade de bits originalmente escolhida e, obviamente, não é igual a zero em sua amplitude.

Complemento de 1

Uma das possíveis representações para valores negativos pode ser aquela onde se invertem os valores individuais de cada bit.

Exemplo:

```
5_{(10)} = 101_{(2)}
+5_{(10)} = 0101_{(2)}
- 5_{(10)} = 1010_{(2)} (complemento de 1)
```

Essa represesentação, contudo, também não é conveniente para realizar operações, pois ao adicionar ambos, obtém-se:

```
\begin{array}{lll} +5_{(10)} = & \underline{0}101_{(2)} \\ -5_{(10)} = & \underline{1}010_{(2)} \\ \hline & \\ -0_{(10)} = & \underline{1}111_{(2)} \rightarrow +0_{(10)} = & \underline{0}000_{(2)} \end{array}
```

o que mantém a quantidade de bits originalmente escolhida, mas gera duas representações para zero (-0) e (+0), o que requer ajustes adicionais nas operações.

Complemento de 2

Outra das possíveis representações para valores negativos pode ser aquela onde se invertem os valores individuais de cada bit, e acrescenta-se mais uma unidade ao valor encontrado, buscando completar o que falta para atingir a próxima potència da base.

Exemplo:

```
5_{(10)} = 101_{(2)}
+5_{(10)} = 0101_{(2)}
- 5_{(10)} = 1010_{(2)} (complemento de 1, ou C<sub>1</sub>(5))
- 5_{(10)} = 1011_{(2)} (complemento de 2, ou C<sub>2</sub>(5))
```

Essa represesentação é bem mais conveniente para realizar operações, pois ao adicionar ambos, obtém-se:

com uma única representação para zero, mas com um excesso (1) que não é comportado pela quantidade de bits originalmente escolhida. Porém, se desprezado esse excesso, o valor poderá ser considerado correto, com a ressalva de que a quantidade de bits deverá ser rigorosamente observada (ou haverá risco de transbordamento – OVERFLOW).

Para efeitos práticos, o tamanho da representação deverá ser sempre indicado, e as operações deverão ajustar os operandos para a mesma quantidade de bits (de preferência, a maior possível).

Exemplo:

```
\begin{split} & 5_{(10)} \ = \ 101_{(2)} \\ & + 5_{(10)} = \ \underline{0}101_{(2)} \\ & - 5_{(10)} = \ \underline{1}010_{(2)} \quad \text{(complemento de 1, com 4 bits ou $C_{14}$ (5))} \\ & - 5_{(10)} = \ \underline{1}011_{(2)} \quad \text{(complemento de 2, com 4 bits ou $C_{24}$ (5))} \\ & \log o, \\ & C_{15} \ (5) = \ C_1 \ (\underline{0}0101_{(2)}) = \ \underline{1}1010_{(2)} \\ & C_{25} \ (5) = \ C_2 \ (\underline{0}0101_{(2)}) = \ \underline{1}1011_{(2)} \\ & C_{18} \ (5) = \ C_1 \ (\underline{0}0000101_{(2)}) = \ \underline{1}1111011_{(2)} \\ & C_{28} \ (5) = \ C_2 \ (\underline{0}0000101_{(2)}) = \ \underline{1}1111011_{(2)} \end{split}
```

De modo inverso, dado um valor em complemento de 2, se desejado conhecer o equivalente positivo, basta retirar uma unidade e substituir os valores individuais de cada dígito binário.

Exemplo:

```
1011<sub>(2)</sub> (complemento de 2, com 4 bits)

1011<sub>(2)</sub> - 1 = 1010<sub>(2)</sub> e invertendo 0101<sub>(2)</sub> = +5<sub>(10)</sub>

logo, 1011<sub>(2)</sub> = -5<sub>(10)</sub>

Portanto, para diferentes quantidades de bits:

11011<sub>(2)</sub> = 11010<sub>(2)</sub> = 00101<sub>(2)</sub> = 5<sub>(10)</sub>

11111011<sub>(2)</sub> = 11111010<sub>(2)</sub> = 00000101<sub>(2)</sub> = 5<sub>(10)</sub>
```

Subtração mediante uso de complemento

Operar a subtração mediante uso de complemento pode ser mais simples do que realizar a operação diretamente, como visto anteriormente.

Aplicação:

OBS:

Quando se "toma emprestado" na potência seguinte, um valor unitário é debitado na potência que "empresta", e "creditado" na potência que o recebe, compensada a diferença entre essas potências.

Aplicação do complemento:

Para aplicar o complemento, a primeira providência é normalizar os operandos na mesma quantidade de bits, reservado o bit de sinal.

Em seguida, calcular e substituir o subtraendo pelo complemento:

C2 (
$$0 \ 000111_{(2)}$$
) = C1 ($0 \ 000111_{(2)}$) + $1_{(2)}$ = $1 \ 111000_{(2)}$ + $1_{(2)}$ = $1 \ 111001_{(2)}$

101101₍₂₎ \rightarrow 0 101001₍₂₎

111₍₂₎ \rightarrow - $1 \ 111001_{(2)}$

Para finalizar, operar a **soma** dos operandos, respeitando a quantidade de bits:

Observar que o bit que exceder a representação deverá ser desconsiderado, por não haver onde acomodá-lo. Ainda poderá haver erro por transbordamento (OVERFLOW).

Preparação

Como preparação para o início das atividades, recomendam-se

- a.) leitura prévia do resumo teórico, do detalhamento na apostila e referências recomendadas
- b.) estudo e testes dos exemplos
- c.) assistir aos seguintes vídeos:

http://www.youtube.com/user/henriquencunha/videos http://blog.rustice.com.br/2010/10/fundamentos-representacao-de-dados-e.html http://www.youtube.com/watch?v=Ojd770C2GTk

Orientação geral:

Atividades previstas como parte da avaliação

Apresentar todas as soluções em apenas um arquivo com formato texto (.txt).

As implementações e testes dos exemplos em Verilog (.v) fornecidos como pontos de partida, também fazem parte da atividade e deverão ter os códigos fontes entregues separadamente. As saídas de resultados, opcionalmente, poderão ser copiadas ao final do código, como comentários.

Atividades extras e opcionais

Outras formas de solução serão <u>opcionais</u>; não servirão para substituir as atividades a serem avaliadas. Se entregues, contarão apenas como atividades extras.

Os programas com funções desenvolvidas em C, Java ou Python (c, .java, py), como os modelos usados para verificação automática de testes das respostas, se entregues, também deverão estar em arquivos separados, com o código fonte, para serem compilados e testados.

As execuções deverão, preferencialmente, serão testadas mediante uso de entradas e saídas padrões, cujos dados/resultados deverão ser armazenados em arquivos textos. Os resultados poderão ser anexados ao código, ao final, como comentários.

Planilhas, caso venham a ser utilizadas, deverão ser programadas e/ou usar funções nativas. Serão suplementares e opcionais, e deverão ser entregues em formato texto, preferencialmente, com colunas separadas por tabulações ou no formato (.csv), acompanhando a solução em texto.

Arquivos em formato (.pdf), fotos, cópias de tela ou soluções manuscritas também serão aceitos como recursos suplementares para visualização, e <u>não</u> terão validade para fins de avaliação.

Atividades:

01.) Fazer as conversões de decimal para binário:

```
01a.) manualmente (em arquivo texto)
a.) 26<sub>(10)</sub>
                = X_{(2)}
b.) 55<sub>(10)</sub>
                = X_{(2)}
c.) 713<sub>(10)</sub>
                = X_{(2)}
d.) 312<sub>(10)</sub>
                = X_{(2)}
e.) 366<sub>(10)</sub>
                = X_{(2)}
01b.) mediante uso de um programa em Verilog (em arquivo fonte com extensão (.v))
       Guia_0101.v
      module Guia_0101;
     // define data
        integer x = 13; // decimal
        reg [7:0] b = 0; // binary
     // actions
        initial
        begin: main
         $display ( "Guia_0101 - Tests" );
```

\$display ("x = %d" , x);

 $\frac{b}{b} = \frac{8b}{b}$

b = x;

\$display ("b = %8b", b); end // main

endmodule // Guia_0101

Notas:

Para compilar: iverilog -o Guia_0101.vvp Guia_0101.v

Para executar: vvp Guia_0101.vvp

Extras / Opcionais:

01c.) mediante uso de uma função dec2bin(x) (em linguagem de programação)

01d.) mediante uso de uma planilha (programada com funções intrínsecas)

Exemplo:

X ₍₁₀₎	2 ⁷ 128	2 ⁶ 64	2 ⁵ 32	2 ⁴ 16	2 ³ 8	2 ² 4	2 ¹ 2	2º 1	Σ	X ₍₂₎ (usar dígitos)
163	1	0	1	0	0	0	1	1	128+32+2+1	10100011

02.) Fazer as conversões de binário para decimal:

```
02a.) manualmente
```

```
a.) 10101_{(2)} = X_{(10)}
b.) 11001_{(2)} = X_{(10)}
c.) 101001_{(2)} = X_{(10)}
d.) 101101_{(2)} = X_{(10)}
e.) 100011_{(2)} = X_{(10)}
```

02b.) mediante uso de um programa em Verilog

endmodule // Guia_0102

Extras / Opcionais:

02c.) mediante uso de uma função bin2dec(x) (em linguagem de programação)

02d.) mediante uso de uma planilha (programada com funções intrínsecas)

Exemplo:

X ₍₁₀₎ (soma)	2 ⁷ 128	2 ⁶ 64	2 ⁵ 32	2 ⁴ 16	2 ³ 8	2 ² 4	2 ¹ 2	2º 1	Σ	X ₍₂₎
163	1	0	1	0	0	0	1	1	128+32+2+1	10100011

03.) Fazer as conversões de decimal para a base indicada:

03a.) manualmente

```
a.) 73_{(10)} = X_{(4)}
b.) 47_{(10)} = X_{(8)}
c.) 61_{(10)} = X_{(16)}
d.) 157_{(10)} = X_{(16)}
e.) 751_{(10)} = X_{(16)}
```

03b.) mediante uso de um programa em Verilog

endmodule // Guia_0103

Extras / Opcionais:

03c.) mediante uso de uma função dec2base(base, x) (em linguagem de programação)

03d.) mediante uso de uma planilha (programada com funções intrínsecas)

Exemplo:

Usar divisões sucessivas pela base (2) e juntar os restos na ordem inversa:

X ₍₁₀₎	X ₍₁₀₎ /2 (quociente)	X ₍₁₀₎ %2 (resto)	X ₍₂₎
<u>163</u>	81	1	1
81	40	1	1 1
40	20	0	0 11
20	10	0	0 011
10	5	0	0 0011
5	2	1	1 00011
2	1	0	0 100011
1	0	1	1 0100011
0	(parar)		<u>10100011</u>

04.) Fazer as conversões de base entre as bases indicadas por agrupamento:

```
04a.) manualmente
```

```
a.) 10011_{(2)} = X_{(4)}
b.) 11101_{(2)} = X_{(8)}
c.) 101001_{(2)} = X_{(16)}
d.) 110101_{(2)} = X_{(8)}
e.) 111001_{(2)} = X_{(4)}
```

04b.) mediante uso de um programa em Verilog

endmodule // Guia_0104

Extras / Opcionais

DICAS: Para conferir, comparar os valores decimais equivalentes. 04c.) mediante uso de uma função bin2base(x, base) (em linguagem de programação)

04d.) mediante uso de uma planilha (programada com funções intrínsecas)

Exemplos:

Evellib	103.									
X ₍₁₀₎	27	2 ⁶	2 ⁵	24	2 ³	2 ²	2 ¹	20	Σ	nova base
	128	64	32	16	8	4	2	1		
163	1	0	1	0	0	0	1	1	128+32+2+1	10100011 ₍₂₎
	1	0	1	0	0	0	1	1		X ₍₄₎
	21	20	2 ¹	20	2 ¹	20	2 ¹	20	(grupos de 2)	
		4 ³		42		4 ¹		4 ⁰	(em evidência)	
		64		16		4		1		(usar dígitos)
163	(1*2+	0)=2	(1*2+	0)=2	(0+	0)=0	(1*2+	1)=3	2*64+2*16+0*4+3	2203 ₍₄₎
	1	0	1	0	0	0	1	1		X ₍₁₆₎
	2 ³	2 ²	2 ¹	20	2 ³	2 ²	2 ¹	20	(grupos de 4)	
				16¹				16º	(em evidência)	
				16				1		(usar dígitos)
163	(1*8+	0+	1*2+	0)=10	(0+	+0+	1*2+	1)=3	(10=A)*16+3	A3 ₍₁₆₎
	1	0	1	0	0	0	1	1		X ₍₈₎
ì	21	20	2 ²	2 ¹	20	2 ²	2 ¹	20	(grupos de 3)	
		8 ²			8 ¹			8 ¹	(em evidência)	
		64			8			1		(usar dígitos)

05.) Converter entre símbolos e códigos de representação alfanumérico (ASCII):

```
05a.) manualmente
```

```
a.) "PUC-Minas" = X_{(16\_ASCII)}
b.) "2022-1" = X_{(16\_ASCII)}
c.) "Belo Horizonte" = X_{(2\_ASCII)}
d.) 124 141 162 144 145(8) = X_{(ASCII)}
e.) 42 2E 48 74 65 2E(16) = X_{(ASCII)}
```

05b.) mediante uso de um programa em Verilog

```
Guia_0105.v
 module Guia_0105;
// define data
                   integer x = 13; // decimal
                   reg [7:0] b ; // binary
                   reg [0:2][7:0] s = "PUC"; // 3 characters (8 bits)
 // actions
                   initial
                        begin: main
                              $display ( "Guia_0105 - Tests" );
                              display ( "x = %d", x );
                                display ( "b = %8b", b );
                                sigma = sigm
                                b = x:
                                b = [\%4b] = \%h \%h'', b[7:4], b[3:0], b[7:4], b[3:0]);
                              s[0] = "-";
                              s[1] = 8'b01001101; // 'M'
                                                                                                                                                                                                                             // 'G'
                              s[2] = 71;
                              sigma = sigm
                        end // main
 endmodule // Guia_0105
```

Extras / Opcionais

05c.) mediante uso de funções ASCII2hex(x) e hex2ASCII(xx) (em linguagem de programação)

05d.) mediante uso de uma planilha (programada com funções intrínsecas para buscar códigos)

Modelos de programas para servir como unidades de testes

Modelo em Java

```
Arquitetura de Computadores I - Guia_01.
  Nome: _____ Matricula: _____
public class Guia_01
  Contador de erros.
 private static int errors = 0;
  Testar se dois valores sao iguais.
  @param x - primeiro valor
  @param y - segundo valor
 public static void test_equals (Object x, Object y)
   if ( (""+x).compareTo(""+y) != 0 )
    errors = errors + 1;
} // end test_equals ()
  Exibir o total de erros.
  @return mensagem com o total de erros
 public static String test_report ()
   return ( ""+errors );
} // end test_report ( )
  Converter valor decimal para binario.
  @return binario equivalente
  @param value - valor decimal
 public static String dec2bin (int value)
  return ( "0" );
 } // end dec2bin ()
```

```
Converter valor binario para decimal.
 @return decimal equivalente
 @param value - valor binario
public static int bin2dec (String value)
 return ( -1 );
} // end bin2dec ( )
 Converter valor decimal para base indicada.
 @return base para a conversao
 @param value - valor decimal
public static String dec2base (int value, int base)
 return ( "0" );
} // end dec2base ()
 Converter valor binario para base indicada.
 @return valor equivalente na base indicada
 @param value - valor binario
 @param base - para a conversao
public static String bin2base (String value, int base)
 return ( "0" );
} // end bin2base ( )
 Converter valor em ASCII para hexadecimal.
 @return hexadecimal equivalente
 @param value - caractere(s) em codigo ASCII
public static String ASCII2hex (String value)
 return ( "0" );
} // end ASCII2hex ()
```

```
/*
Converter valor em hexadecimal para ASCII.
@return caractere(s) em codigo ASCII
@param value - hexadecimal equivalente(s)
*/
public static String hex2ASCII ( String value )
{
   return ( "0" );
} // end hex2ASCII ( )
```

```
Acao principal.
 public static void main ( String [ ] args )
  System.out.println ( "Guia_01 - Java Tests" );
  System.out.println ( "Nome: _____ Matricula: ____ " );
  System.out.println ();
  test_equals ( dec2bin ( 26 ), "10101" );
  test_equals ( dec2bin ( 55 ), "10101" );
  test_equals (dec2bin (713), "10101");
  test_equals ( dec2bin ( 312 ), "10101" );
  test equals (dec2bin (366), "10101");
  System.out.println
                        ("1. errorTotalReport = "+test_report ());
  test_equals (bin2dec ( "10101"), 0 );
  test_equals (bin2dec ( "11001"), 0 );
  test equals (bin2dec ("101001"), 0);
  test_equals (bin2dec ("101101"), 0 );
  test equals (bin2dec ("100011"), 0);
  System.out.println
                        ("2. errorTotalReport = "+test report ());
  test equals (dec2base (73, 4), "10101");
  test_equals ( dec2base ( 47, 8 ), "10101" );
  test equals (dec2base (61, 16), "10101");
  test_equals (dec2base (157, 16), "10101");
  test_equals (dec2base (751, 16), "10101");
  System.out.println
                         ("3. errorTotalReport = "+test_report ());
  test_equals (bin2base ( "10011", 4), "10101");
  test_equals (bin2base ( "11101", 8), "10101");
  test_equals (bin2base ("101001", 16), "10101");
  test equals (bin2base ("110101", 8), "10101");
  test_equals (bin2base ("111001", 4), "10101");
  System.out.println
                         ("4. errorTotalReport = "+test report ());
  test equals ( ASCII2hex ( "PUC-Minas"
                                            ), "10101" );
                                           ), "10101");
  test_equals ( ASCII2hex ( "2022-1"
  test_equals ( ASCII2hex ( "Belo Horizonte" ), "10101" );
  // OBS.: A seguir, exemplos apenas para os primeiros, acrescentar todos os outros códigos propostos!
  test_equals (hex2ASCII ("124"
                                           ), "10101" ); // OBS.: 124 e' o primeiro octal
  test_equals (hex2ASCII ("42"
                                           ), "10101" ); // OBS.: 62 e' o primeiro hexadecimal (0x62)!
  System.out.println
                          ("5. errorTotalReport = "+test report());
  System.out.print ( "\n\nApertar ENTER para terminar." );
  System.console ().readLine ();
 } // end main
} // end class
```

```
# Modelo em Python
  Arquitetura de Computadores I - Guia_01.
  Nome: _____ Matricula: _____
  Contador de erros.
errors = 0;
  Testar se dois valores sao iguais.
  @param x - primeiro valor
  @param y - segundo valor
def test_equals (x, y):
  global errors;
  if (str(x) != str(y)):
    errors = errors + 1;
# end test_equals ()
  Exibir o total de erros.
  @return mensagem com o total de erros
def test_report ():
   return ( ""+str(errors) );
# end test_report ()
  Converter valor decimal para binario.
  @return binario equivalente
  @param value - valor decimal
def dec2bin (value):
  return ( "0" );
# end dec2bin ()
  Converter valor binario para decimal.
  @return decimal equivalente
  @param value - valor binario
def bin2dec (value):
  return (-1);
```

end bin2dec ()

```
Converter valor decimal para base indicada.
  @return base para a conversao
  @param value - valor decimal
def dec2base ( value, base ):
  return ( "0" );
# end dec2base ()
  Converter valor binario para base indicada.
  @return valor equivalente na base indicada
  @param value - valor binario
  @param base - para a conversao
def bin2base ( value, base ):
  return ( "0" );
# end bin2base ()
  Converter valor em ASCII para hexadecimal.
  @return hexadecimal equivalente
  @param value - caractere(s) em codigo ASCII
def ASCII2hex (value):
  return ( "0" );
# end ASCII2hex ()
  Converter valor em hexadecimal para ASCII.
  @return caractere(s) em codigo ASCII
  @param value - hexadecimal equivalente(s)
def hex2ASCII (value):
  return ( "0" );
# end hex2ASCII ()
```

```
,,,
  Acao principal.
def main ():
  print ( "Guia_01 - Python Tests" );
  print ( "Nome: _____ Matricula: _____
  print ();
  test_equals (dec2bin ( 26), "10101");
  test_equals (dec2bin (55), "10101");
  test_equals (dec2bin (713), "10101");
  test_equals ( dec2bin ( 312 ), "10101" );
  test_equals ( dec2bin ( 366 ), "10101" );
  print
             ("1. errorTotalReport = "+test report ());
  test equals (bin2dec ("10101"), 0);
  test_equals (bin2dec ("11001"), 0);
  test_equals (bin2dec ("101001"), 0);
  test equals (bin2dec ("101101"), 0);
  test_equals (bin2dec ("100011"), 0);
  print
             ("2. errorTotalReport = "+test report ());
  test_equals (dec2base (73, 4), "10101");
  test equals (dec2base (47, 8), "10101");
  test_equals (dec2base (61, 16), "10101");
  test equals (dec2base (157, 16), "10101");
  test_equals (dec2base (751, 16), "10101");
             ("3. errorTotalReport = "+test_report ());
  print
  test_equals (bin2base ("10011", 4), "10101");
  test_equals (bin2base ("11101", 8), "10101");
  test equals (bin2base ("101001", 16), "10101");
  test_equals (bin2base ("110101", 8), "10101");
  test equals (bin2base ("111001", 4), "10101");
  print
             ( "4. errorTotalReport = "+test_report ( ) );
  test_equals ( ASCII2hex ( "PUC-Minas"
                                           ), "10101");
  test equals (ASCII2hex ("2021-2"
                                           ), "10101" );
  test_equals ( ASCII2hex ( "Belo Horizonte" ), "10101" );
  # OBS.: A seguir, exemplos apenas para os primeiros, acrescentar todos os outros codigos propostos!
  test equals (hex2ASCII ("124"
                                           ), "10101" ); # OBS.: 124 e' o primeiro octal
  test_equals (hex2ASCII ("62"
                                           ), "10101" ); # OBS.: 62 e' o primeiro hexadecimal (0x62)!
  print
             ("5. errorTotalReport = "+test_report());
  print ( "\n\nApertar ENTER para terminar." );
  input ();
# end main ()
if name == " main ":
  main();
```