

ÍNDICES

A) O que é um Índice em bancos de dados relacionais;

É uma otimização que os SGBDs oferecem, sendo, basicamente, uma estrutura de dados (normalmente b-trees);

Índices tornam as consultas, via de regra, extremamente mais rápidas por conta da forma que ordena/categoriza os dados.

Tem como contrapeso o aumento do uso de espaço de disco, já que os índices, em verdade, são as próprias colunas (indexadas) armazenadas extrinsecamente (isto é, são cópias). Isso se agrava ainda mais caso o programador seja displicente e indexe colunas de forma indevida (há casos inclusive que os índices pesam mais que a própria tabela) ou desnecessária, já que as b-trees se auto-manutem de forma a garantir a própria estrutura, o que implica que qualquer alteração (insert/update/delete) na tabela tem um custo a mais ($O(\log N)$).

B) Para que servem os Índices em bancos de dados relacionais;

Como supracitado, melhoram drasticamente consultas, tanto específicas a exemplo de:

```
select * from pessoa  
where 'nome' = 'joao da silva';
```

como, também, consultas em largura:

```
select * from pessoa  
where 'idade' > 18 and 'idade' < 30;
```

Essencialmente, qualquer query que envolva 'where' terá um tempo de resposta muito menor no caso de colunas (bem) indexadas.

C) Qual ou quais estrutura de dados (já estudadas por vocês na disciplina de EDA) que os índices mais utiliza para tornar o banco de dados eficiente (ágil)? Terminando explique como está estrutura funcionando, representando-a em uma ou figuras, mas tem a sua explicação dissertativa de como ela funcionaria.

Como já fora aludido, a principal estrutura de dados utilizada é a b+ tree (um tipo de b-tree). Se assemelha bastante com BSTs (binary search tree, árvore de busca binária), com a diferença de que cada nó pode ter mais que dois filhos, e com Tries (árvores de prefixo).

As b-trees são árvores auto-balanceadas que mantêm os dados ordenados e garante acesso, inserções e deleções em $O(\log N)$.

Cada nó pode ter T chaves, e cada chave possui 2 endereços, sendo o endereço à esquerda o que indica nós que possuem chaves com valor inferior ao atual, e à direita nós que possuem chaves com valor superior ou igual ao atual. O inteiro T, chamado de ordem/grau, há de ser maior ou igual a 2.

Para garantir a estrutura, há algumas regras/propriedades*:

1. Cada nó contém no máximo T nós filhos
2. Cada nó, exceto a raiz e as folhas, têm pelo menos $\lceil T/2 \rceil$ nós filhos
3. O nó raiz tem ao menos dois nós filhos (a menos que ela seja uma folha)
4. Toda folha possui a mesma profundidade, cuja qual é equivalente à altura da árvore
5. Um nó interno com k nós filhos contém k-1 chaves
6. Uma folha contém pelo menos $\lceil T/2 \rceil - 1$ chaves e no máximo T-1 chaves

**(retiradas da Wikipédia)*

As b+ trees distinguem-se das b-trees de forma a facilitar o acesso sequencial. Para tanto, todas as chaves são mantidas nas folhas; além disso, todas as folhas estão conectadas (através de uma lista duplamente encadeada), de forma que é possível uma folha acessar a folha prima vizinha. Doravante, fica claro o porquê das consultas em largura serem tão eficientes nessa estrutura de dados.

Vale notar que embora a estrutura dos nós internos seja similar aos da b-tree, os nós internos da b+tree possuem simplesmente as chaves, mas não as tuplas -- diferentemente da b-tree, na qual cada chave é também a tupla do dado.

Aforismos:

Por que não BST?

Como os dados estão salvos no disco, cada vez que uma tupla/nó é acessada/consultada, ela há de ser primeiro carregada na memória -- isto é, então cada vez que você segue um ponteiro (indo para esquerda ou direita), a máquina tem de carregar um novo bloco de memória na memória cache (o que é extremamente mais lento que simplesmente acessar o que já está na cache); como a BST é, verticalmente, maior que a b+tree (e portanto tem muito mais ponteiros), ela é muito mais lenta em tempo de execução (já que a b+tree aloca, de uma vez, várias chaves na memória para consultar.)

Quando é recomendado:

- se a coluna é muito consultada, muito utilizada em joins/group by etc
- se os dados são muito heterogêneos

Quando não é recomendado:

- se a tabela tem muitas inserções/deleções* e/ou se a coluna é constantemente atualizada
- se espaço em disco for escasso

Caso complexo (?):

- se os dados são homogêneos (muitos dados repetidos)
No caso de um index referente apenas a uma única coluna com, por exemplo, apenas 2 valores (como sexo [m/f]) resultaria em: aproximadamente metade dos dados à esquerda e o resto à direita; já que o único identificador de cada nó e folha é apenas uma letra, a b+tree não pode otimizar/segmentar mais do que isso, o que, no caso de uma consulta com mais de uma restrição (por exemplo `select * from pessoas where 'sexo' = 'm' and 'idade' > 18`) resultaria em: $O(\log n)$ para achar uma folha com `sexo = 'm'` e $O(n)$ percorrendo cada uma delas checando se `idade > 18`, somando, no total, uma complexidade assintótica de $O(n \log n)$, que é pior do que se a coluna não fosse indexada e a consulta apenas percorresse todos os dados da tabela checando as restrições (que seria $O(n)$)

Porém, talvez, isso é ser muito teórico e não se ater a realidade. Pragmaticamente, não "demoraria" $O(\log N)$ de tempo para achar uma folha 'm', seria basicamente $O(1)$ já que N nesse caso não seria o total de registros e, sim, o total de possibilidades (que é 2). A partir disso, no pior caso (só há registros de homens ['m'] e todos os registrados têm menos de 18 anos) demoraria-se $O(n)$ (sendo, agora sim, n = total de registros) para achar os registros que atendam as restrições;

Entretanto, num cenário mais aproximado da realidade (metade homem, metade mulher e idades esparsas [1...100]), n dividir-se-ia por 2, demoraria-se $O(n/2)$ (tudo bem que as constantes devem ser ignoradas, mas a análise aqui tem o intuito de ser pragmática, como já fora ressaltado)

Num cenário mais otimista, à depender da ordem dos atributos da tabela, considerando-se que, felizmente, idade seja o segundo critério de ordenação, demoraria-se $O(n/2 - m)$ (sendo m o número de registros com idade inferior à 18 anos)

** deleções 'únicas', e não por range, como por exemplo:*

delete from pessoas

where 'idade' < 18

REFERÊNCIAS:

b+ trees por tutorials point:

<https://www.youtube.com/watch?v=9AkRwT8T1E>

b+ trees:

https://en.wikipedia.org/wiki/B%2B_tree

b-trees:

https://pt.wikipedia.org/wiki/%C3%81rvore_B

b+ trees por kerttu pollari-malmi:

<https://www.cs.helsinki.fi/u/mluukkai/tirak2010/B-tree.pdf>

slide washington:

<https://courses.cs.washington.edu/courses/cse326/08sp/lectures/11-b-trees.pdf>

vantagem de b-trees sobre arvores binárias (bst):

<https://stackoverflow.com/questions/15485220/advantage-of-b-trees-over-bsts>

livro incentivando/ensinando o uso de indices:

<https://use-the-index-luke.com/>

respostas explicando b-trees:

i. <https://www.quora.com/What-data-structure-is-behind-the-SQL-indexes>

ii. <https://www.quora.com/How-is-a-B-Tree-exactly-used-by-MySQL-for-indexing>

iii. <https://www.quora.com/What-is-the-Order-of-a-B-Tree>

cheat sheet de complexidades big-O:

<http://www.bigocheatsheet.com/>

caso das tabelas de index ocuparem mais que as próprias tabelas originais:

<https://stackoverflow.com/questions/3727848/sql-server-2005-index-bigger-than-data-stored>

indices:

https://en.wikipedia.org/wiki/Database_index

slide utexas:

i. <http://www.cs.utexas.edu/users/djimenez/utsa/cs3343/lecture16.html>

ii. <http://www.cs.utexas.edu/users/djimenez/utsa/cs3343/lecture17.html>