

Week 2

Saturday, August 9, 2025 3:57 PM

1. 파라미터 추정.

Estimator 추정 : a function of samples \rightarrow 알려지지 않은 파라미터 추정

점추정 $\hat{\beta}_0 = \bar{Y} - \hat{\beta}_1 \bar{X}$ $\hat{\beta}_1 = \frac{\sum (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})}{\sum (X_i - \bar{X})^2}$ $s^2 = \frac{1}{n-2} \sum e_i^2$

BUE | Best Linear Unbiased Estimation

\rightarrow 불편추정량 & 선형추정량들중 최소의 분산.

구간추정 : $\hat{\theta} - \alpha \cdot \text{std}(\hat{\theta}) \leq \theta \leq \hat{\theta} + \alpha \cdot \text{std}(\hat{\theta})$

$\hat{\beta}_0 - t_{\alpha/2, n-2} \cdot \text{sd}(\hat{\beta}_0) \leq \beta_0 \leq \hat{\beta}_0 + t_{\alpha/2, n-2} \cdot \text{sd}(\hat{\beta}_0)$

$\hat{\beta}_1 - t_{\alpha/2, n-2} \cdot \text{sd}(\hat{\beta}_1) \leq \beta_1 \leq \hat{\beta}_1 + t_{\alpha/2, n-2} \cdot \text{sd}(\hat{\beta}_1)$

2 가설검정

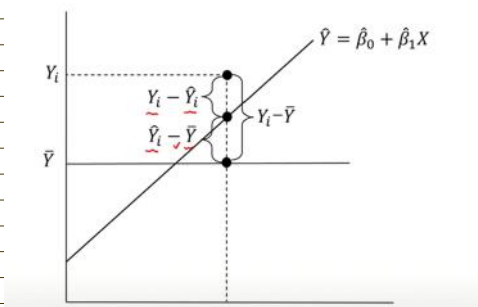
β_1 : $H_0: \beta_1 = 0$ / $H_1: \beta_1 \neq 0$ $p\text{-value} = 2P(T > |t|)$, $T \sim t(n-2)$

$t = \frac{\hat{\beta}_1 - 0}{\text{sd}(\hat{\beta}_1)}$

$\alpha = 0.05$ 이하이면,

\sim [가설 기각] \rightarrow 유의성 검증

3 결정계수 R^2



$SSE = \sum (Y_i - \hat{Y}_i)^2$ \rightarrow 예측 오차의 제곱합

$SSR = \sum (\hat{Y}_i - \bar{Y})^2$ \rightarrow 설명된 제곱합

$SST = \sum (Y_i - \bar{Y})^2$ \rightarrow 총 제곱합

$SST = SSE + SSR$ $\frac{SSR}{SST} = R^2$ ($0 \leq R^2 \leq 1$)

\rightarrow X 가 Y 의 변동을 얼마나 설명하는가?

$R^2 = 1 - \frac{SSE}{SST}$ \rightarrow 알려지지 않은 변수가 차지하는 비중

$\text{adj. } R^2 = 1 - \left[\frac{n-1}{n-p-1} \right] \frac{SSE}{SST}$

\rightarrow 유의성 검증 결과에 따라 R^2 조정

4. 분산분석 ANOVA

$\frac{SSE}{SSR} \begin{cases} > 1 \rightarrow X \text{가 } Y \text{ 설명력 미미, 가설기} \neq 0 \\ 0 \leq \leq 1 \rightarrow X \text{가 } Y \text{ 설명력 있음, 가설기} = 0 \end{cases}$

\rightarrow 설명력 차이 큰 것일까?

$$SSR \sim \chi^2_{(1)} \quad SSE \sim \chi^2_{(n-2)} \quad F^* = \frac{SSR/1}{SSE/n-2} \sim F(1, n-2)$$

Source	DF	SS	MS	F	P
Model	1	SSR	MSR	F*	P-value
Error	n-2	SSE	MSE		
Total	n-1	SST			

$$MSR = SSR/1$$

$$MSE = SSE/n-2$$

$$H_0: \beta_1 = 0 \quad H_1: \beta_1 \neq 0$$

$$F^* = MSR/MSE \rightarrow P_{val} = P(Y \geq F^*), \quad Y \sim F(1, n-2)$$

다중검정 문제

$$H_0: \beta_1 = \beta_2 \dots \beta_p = 0 \quad H_1: \text{적어도 하나의 } \beta \neq 0$$

pval 값의 \rightarrow 적어도 하나의 $\beta \neq 0$

\sim [가설 검정의 유의성 검증]